Alexander Neuwirth, Übung9, NLPP, Mon Dec 17 22:43:26 CET 2018, Jim Bachmann

1)

- Im Ordner images/ sind R und E gegen t, unter Variation des Bezugsystems, Startabstands R(0), Zeitschritte dt und Algorithmus (simple/corrected euler und verlet), aufgetragen.

Die Frequenz in 1/a.u. lässt sich mit alpha/a\_0 also Feinstrukturkonstante und Bohrradius in 1/cm Umrechnen.

Die Schwingungsfrequenz k nimmt mit dem Startradius ab.

 $R(0)=2.3 \Rightarrow k=2210 \text{ 1/cm}$   $R(0)=2.5 \Rightarrow k=2072 \text{ 1/cm}$  $R(0)=3.0 \Rightarrow k=1796 \text{ 1/cm}$ 

Der Trend ergibt sich daraus, dass mit größerem Abstand mehr Gesamtenergie erhalten ist und dass das Potential nicht dem eines Harmonischen Oszillators entspricht, für welchen die Frequenz unabhängig von der Energie wäre.

Außerdem schwankt die Gesamtenergie weniger bei geringerem Startabstand.

Der exp. Literaturwert der Schwingungsfrequenz beträgt  $k=2169.8\ 1/cm$  und ist damit am nächsten zu R(0)=2.3.

c) R(0)=2.3

Beim korrigierten Euler-Algorithmus nimmt die Energie scheinbar exponentiell ab.

Beim Verlet-Algorithmus schwanket sie dagegen nur ein bischenin einer hinteren Nachkommastelle.

Bei einer Schrittweite von dt=100 sind fast keine Oszillationen beim Euler Algorithmus mehr erkennbar.  $(CO_xxx_corrected_euler_dt100_r2.99999995.pdf)$ .

Der Verlet Algorithmus dagegen liefert nach wie vor ein k von ca 2200 1/cm, jedoch schwankt die Energie deutlicher.

Der Verlet-Algorithmus liefert also bessere Ergebnisse.

Bei einem dt=100 ist R(t) mit dem Verlet-Algorithmus ziemlich sprunghaft, weshalb eine obere Schranke von ca. dt=40 sinnvoll ist für glatte Funktionen.

Allerdings lässt sich auch mit dt=100 immer noch ziemlich gut die Schwingungsfrequenz bestimmen.