

1)

a) analytisch:

$F(y(t)) = F(1 - \text{heaviside}(t^2 - 1)) = \int_{-1}^1 e^{-(i\omega t)} / \sqrt{2\pi} = \sqrt{2/\pi} \cdot \text{sinc}(x)$

numerisch: images/fourier_num.pdf

Es ist nur der Realteil abgebildet, da die Imaginärteile klein werden. Vergleich mit images/fourier_ana.png zeigt es passt für ω nahe Null.

Die inverse Fouriertransformation liefert wieder $y(t)$ (images/2xfourier.pdf)

b) plot: images/CO_cms_verlet_dt10_r2.500000000_fourier.pdf

Die am stärksten ausgeprägte Frequenz deckt sich mit der in Übung 9 bestimmten, jedoch ist eine genauere Fouriertransformation (kleineres Δt , bzw. größeres N) notwendig um die Frequenz genauer als $\omega_0 = 2200 \pm 100 \text{ cm}^{-1}$ bestimmen zu können.

Die höher frequenten Peaks können z.B. durch Rundungsfehler auftreten, da diese jedoch Ergebnis kaum ändern, sollten sie ziemlich klein sein.

Die Peaks befinden sich immer bei $n \cdot \omega_0$ mit $n = \{2, 3\}$, was zeigt dass es sich um kein lineares System handelt.