# 12. Sučelje s analognom okolinom

# Sadržaj predavanja

- uključivanje digitalnog sustava u okolinu
  - konceptualizacija sučelja
  - parametri pretvorbe
- digitalno-analogna pretvorba
- analogno-digitalna pretvorba

- funkcija digitalnog sustava u stvarnom svijetu
   unos i obrada podataka, vraćanje rezultata:
  - podaci ~ brojevi
  - obrađuju se u diskretnim koracima, u skladu s nekim algoritmom
- stvarni svijet ~ okolina digitalnog sustava:
  - (fizikalne) veličine su mahom kontinuirane (vremenski i prostorno)
  - potrebno ih je pretvoriti u brojeve i obratno!

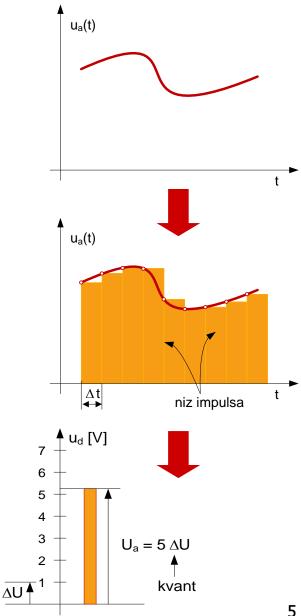
 pretvorba na sučelju digitalnog sustava i stvarnog svijeta koji ga okružuje:



- na *ulazu* digitalnog sustava
  - ~ (analogni) napon u broj: uzorkovanje (engl. sampling) + kvantizacija
    - → analogno-digitalna pretvorba (ADC)
- na *izlazu* digitalnog sustava
  - ~ broj u (analogni) napon
    - → digitalna-analogno pretvorba (DAC)

- sučelje digitalnog sustava s analognom okolinom:
  - pretvornici, konvertori, pretvarači
     ~ sklopovi na sučelju analognog i digitalnog, i obratno:
    - na ulazu digitalnog sustava
       ~ analogno-digitalni pretvornici
       (engl. analog-digital convertors, ADC)
    - na *izlazu* digitalnog sustava
       digitalno-analogni pretvornici
       (engl. digital-analog convertors, DAC)
  - "tehnologija" pretvorbe:
    - dinamički pretvornici
       ~ pretvorba se odvija u vremenu!
    - statički pretvornici

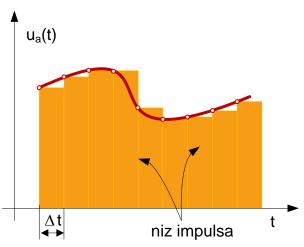
- ulaz digitalnog sustava
  - ~ pretvorba putem električke veličine analogne mjerenoj fizikalnoj veličini:
    - "analogna" veličina mahom napon ~ *analogni* napon *U*<sub>a</sub>
    - raspon u<sub>a</sub> ograničen!
    - uzorkovanje u<sub>a</sub> u diskretnim trenucima vremena (Shannon!)
      - ~ *niz* pravokutnih naponskih impulsa
    - pretvorba impulsa u brojeve (ADC)
      - $\sim$  "mjerenje" zadanim kvantom  $\Delta U$ i izražavanje binarnim brojem



- Shannonov teorem uzorkovanja (C. E. Shannon, 1949): informacija će biti očuvana ako se uzorci uzimaju u diskretnim intervalima  $\Delta t$ , tako da je  $\Delta t \leq 1/(2 \cdot f_g)$ 
  - temelji se na Fourierovom razvoju kontinuirane funkcije u red sinusoidalnih funkcija

$$f(t) = a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos(n\omega_0 t) + b_n \sin(n\omega_0 t))$$

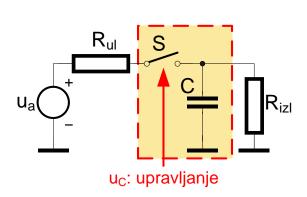
 f<sub>g</sub>: gornja granična frekvencija spektra valnog oblika ("signala") iz kojeg se uzimaju uzorci ~ svojstvo svakog elektroničkog sustava!

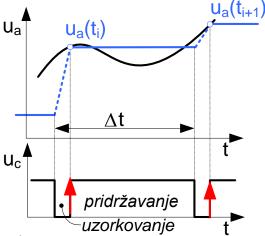


- sklop za uzorkovanje
   (engl. sample-and-hold, S/H circuit):
  - uzimanje uzoraka ("uzorkovanje")
     nabijanje C zatvaranjem prikladno izvedene sklopke
  - otvorena sklopka
     ~ pridržavanje uzorka U<sub>a</sub> za vrijeme pretvorbe
  - sklopka

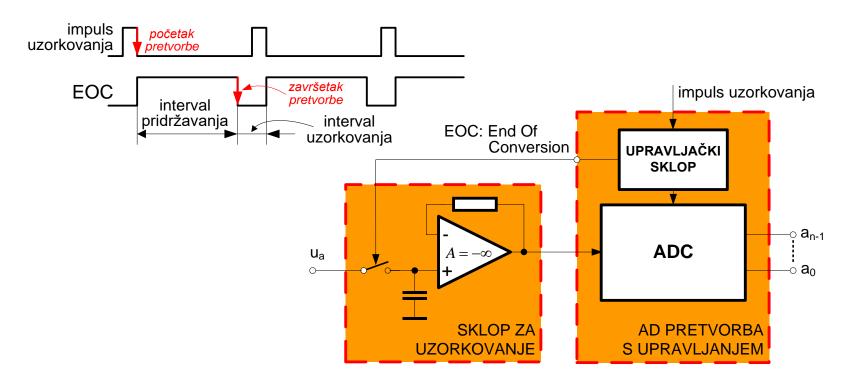
~ "analogna sklopka" (engl. analog switch):

propušta analogni napon

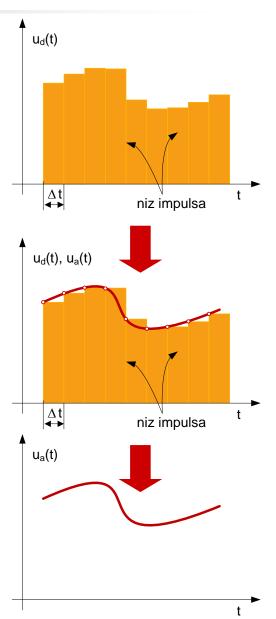




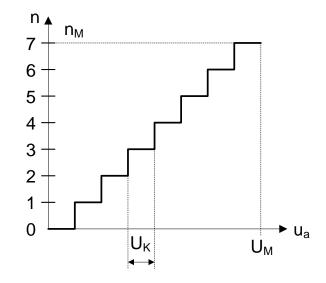
- povezivanje sklopa za uzorkovanje i ADC:
  - uzorkovanje u intervalima (između) pretvorbe
  - pridržavanje uzorka u<sub>a</sub> za vrijeme pretvorbe
  - podešavanje opsega u<sub>a</sub>



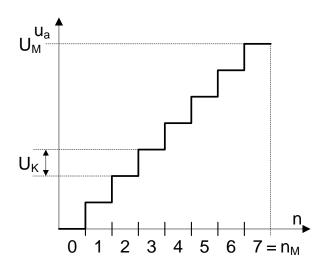
- *izlaz* digitalnog sustava
   ~ *obrnuti* postupak od ADC:
  - pretvorba binarnog broja u pravokutni naponski impuls (DAC)
  - filtriranje niza pravokutnih impulsa
     kontinuirani valni oblik



- karakteristika pretvorbe za ADC:
  - U<sub>K</sub>: kvant, naponski interval, korak, kanal
  - broj koraka (kanala)
     ~rezolucija ADC



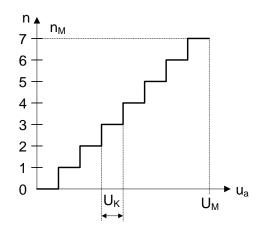
karakteristika pretvorbe za DAC
 isti oblik



- parametri pretvorbe:
  - rezolucija, razlučivanje
  - točnost
  - pogreška kvantizacije
  - vrijeme pretvorbe

- rezolucija, razlučivanje:
  - širina kanala kao
     max ulaznog napona (ADC), odnosno max izlaznog napona (DAC):

$$rezolucija = \frac{U_K}{U_M}$$



• izražavanje *brojem bitova* izlaznog (ADC), odnosno ulaznog (DAC) podataka, jer je  $n_{\rm M} \sim U_{\rm M}$  (uz *k*-bitni prikaz):

$$rezolucija = \frac{U_K}{n_M \cdot U_K} = \frac{1}{n_M} = \frac{1}{2^k - 1}$$

tipične vrijednosti: k≈14 bitova

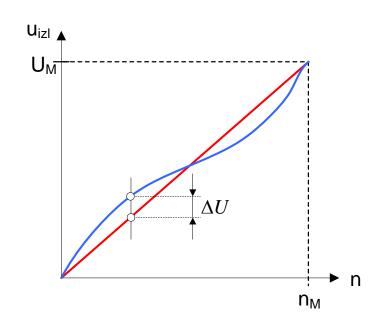


- točnost
  - ~ mjera za razliku *stvarnog* analognog izlaza i izlaza u *idealnom* slučaju

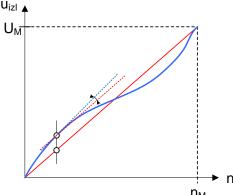
npr. realna karakteristika DAC

integralna nelinearnost
 granica pogreške:

$$\varepsilon_i = \frac{\Delta U}{U_M}$$



diferencijalna nelinearnost
 granica pogreške u kanalima



$$\varepsilon_{d} = \frac{\left(\frac{du_{a}}{dn}\right)_{\max} - \left(\frac{du_{a}}{dn}\right)_{\text{idealno}}}{\left(\frac{du_{a}}{dn}\right)_{\text{idealno}}} = \frac{\left(U_{K}\right)_{\max} - U_{K}}{U_{K}} = \frac{\Delta U_{K}}{U_{K}}$$

tipične vrijednosti za točnost: ≈10<sup>-2</sup>÷10<sup>-3</sup>

- pogreška kvantizacije:
  - rezultat diskretnog karaktera procesa konverzije
  - prava vrijednost
     ~ napon *u sredini kanala* → pogreška:

$$\varepsilon_K = \pm \frac{U_K}{2}$$

vrijeme pretvorbe:

~ od početka konverzije do pojave konačne vrijednosti na izlazu

tipične vrijednosti: ADC: ≈10 ns ÷10 s

DAC: ≈100 ns

# Sadržaj predavanja

- konceptualizacija sučelja
- digitalno-analogna pretvorba
  - princip DA pretvorbe
  - otporna mreža s težinski raspoređenim otporima
  - ljestvičasta otporna mreža
  - DA pretvornik s brojilom
- analogno-digitalna pretvorba

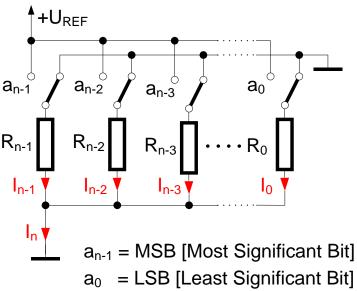
- DA pretvorba:
  - jednostavniji sklopovi (jednostavniji od ADC)
  - (u nekim rješenjima) dijelovi AD pretvornika
  - cilj pretvorbe
    - ~ broj u binarnom prikazu konvertirati u analognu veličinu, obično napon: izlazni napon je višekratnik napona kvanta ∆U

$$N = a_{n-1}2^{n-1} + a_{n-2}2^{n-2} + ... + a_12^1 + a_02^0$$
 $U_N = K \cdot U_{REF} \cdot N$ 
 $U_{REF} = K \cdot U_{REF} [V]$ : faktor proporcionalnosti

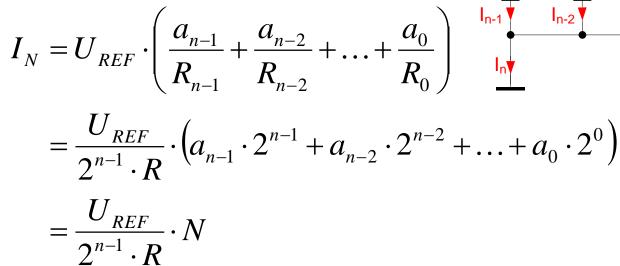
princip DA pretvorbe:

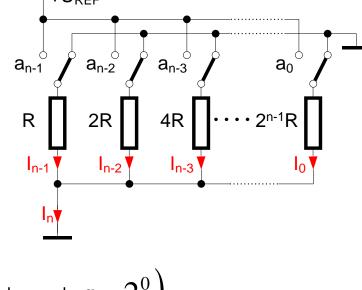
$$U_N = U_{REF} \cdot (a_{n-1} 2^{n-1} + a_{n-2} 2^{n-2} + ... + a_1 2^1 + a_0 2^0)$$

- pojedine težine binarnog broja izraziti strujama
- koeficijente uz odgovarajuće težine izvesti "sklopkama"
- principijelno rješenje
   ~ otporna mreža:
   statički DA pretvornik

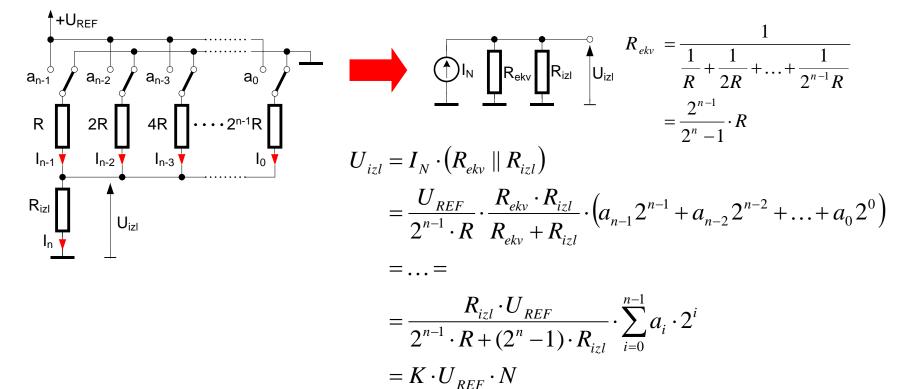


- otporna mreža s težinski raspoređenim otporima:
  - R<sub>i</sub> se međusobno odnose kao težine brojnih mjesta ~ zbrojiti struje kroz R<sub>i</sub>
  - analogna veličina je struja:





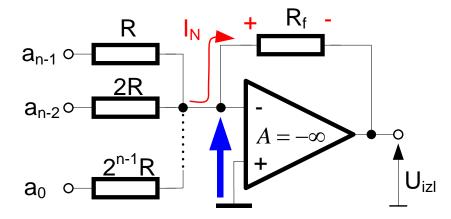
 otporna mreža s težinski raspoređenim otporima: obično se za izlaznu veličinu želi *napon* ~ struja na poznatom R



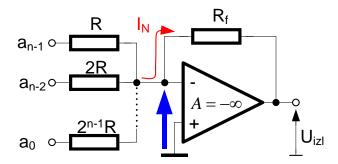
 $K = f(R_{izl}) \neq const.$ 

- izbjegavanje utjecaja R<sub>izl</sub> u otpornoj mreži:
  - operacijsko pojačalo
     "nulti otpor" između ulaza:
     virtualna nula na ulazu pojačala
  - zbrajanje I<sub>i</sub> na izlazu sklopa:

$$\begin{split} \boldsymbol{U}_{izl} &= -\boldsymbol{I}_{N} \cdot \boldsymbol{R}_{f} \\ &= -\frac{\boldsymbol{U}_{REF} \cdot \boldsymbol{R}_{f}}{2^{n-1} \cdot \boldsymbol{R}} \cdot \sum_{i=0}^{n-1} \boldsymbol{a}_{i} \cdot 2^{i} \\ \end{split}$$

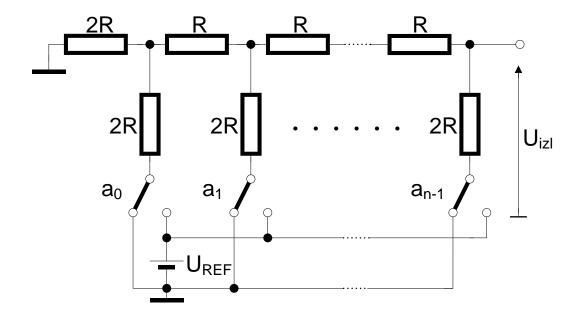


- tehnološki problem izvedbe većih mreža:
  - preveliki odnos R<sub>n-1</sub> (uz MSB) i R<sub>0</sub> (uz LSB)
     ~ uz zadanu pogrešku zbog tolerancija otpora R<sub>n-1</sub> treba biti *vrlo precizan* (također i svi R<sub>i</sub>, za i



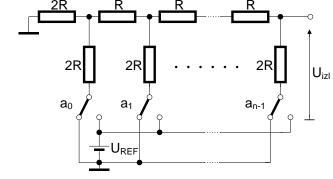
• koristiti drugo rješenje, već od n = 4

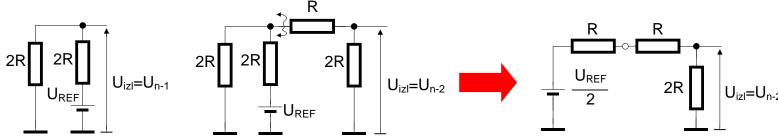
- ljestvičasta otporna mreža (engl. ladder network):
  - koristi samo dvije vrijednosti za R (R i 2·R)
  - za isti n potrebno dva puta više R<sub>i</sub>



• određivanje izlaznog napona ljestvičaste otporne mreže  $U_{izl} = f(N)$ :

- zaključenje 2·R "lijevo" od promatranog čvora a<sub>i</sub>
- koristiti Théveninov teorem



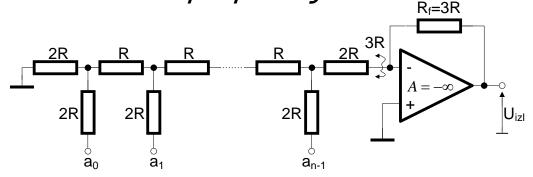


$$U_{n-1} = \frac{U_{REF}}{2}$$

$$U_{n-2} = \frac{U_{REF}}{4}$$

$$U_{izl} = \sum_{i=0}^{n-1} a_i \cdot U_i = \frac{U_{REF}}{2^n} \cdot \sum_{i=0}^{n-1} a_i \cdot 2^i = \frac{U_{REF}}{2^n} \cdot N$$

- izvedba ljestvičaste otporne mreže s operacijskim pojačalom:
  - zaključenje 2.R s obje strane čvora a<sub>i</sub>
  - određivanja doprinosa pojedinih bitova metodom superpozicije



$$U_{n-1} = \frac{1}{3} \cdot \frac{U_{REF}}{2^{n-1}} \sum_{i=0}^{n-1} a_i \cdot 2^i = \frac{1}{3} \cdot \frac{U_{REF}}{2^{n-1}} \cdot N$$

$$U_{izl} = -U_{n-1} \cdot \frac{R_f}{2R} = -U_{n-1} \cdot \frac{3R}{2R} = -\frac{1}{3} \cdot \frac{3R}{2R} \cdot \frac{U_{REF}}{2^{n-1}} \cdot N = -\frac{U_{REF}}{2^n} \cdot N$$

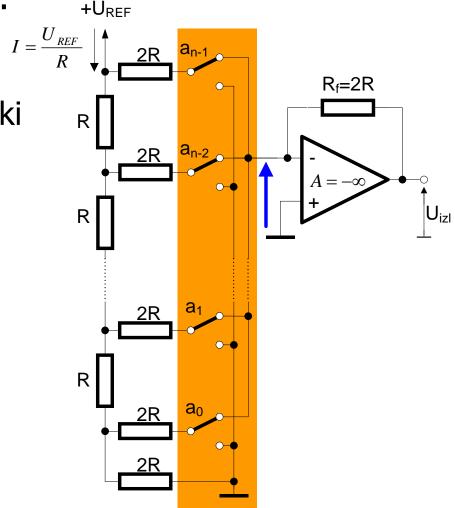


- svojstva izvedbi ljestvičastih otpornih mreža:
  - samo dvije vrijednosti otpora
     moguće zadovoljiti tolerancije,
     pogotovo stoga što se traži omjer vrijednosti
  - pogodno za integriranu izvedbu i za veći broj bitova ~ svi otpori i naponski izvori jednako opterećeni
  - sporije u pogledu vremenskog odziva ~ niz četveropola s C<sub>par</sub>

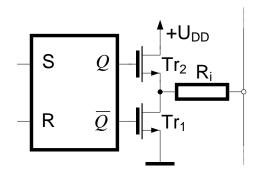
- uklanjanje problema kašnjenja ljestvičaste otporne mreže:
  - virtualna nula:

     nema nabijanja C<sub>par</sub>
     kod prebacivanja sklopki
  - nema promjena u opterećenju U<sub>REF</sub> i R<sub>i</sub>

$$U_{izl} = -\frac{U_{REF}}{2^{n-1}} \sum_{i=0}^{n-1} a_i \cdot 2^i$$



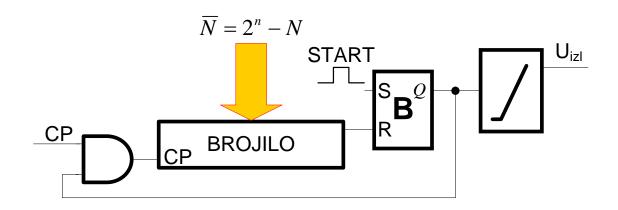
- sklopke za DA pretvornike:
  - konceptualni spoj:



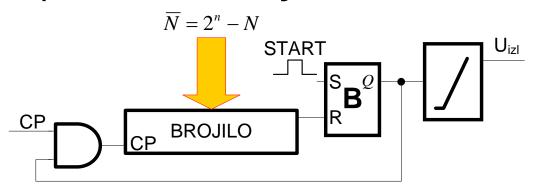
osigurati R<sub>ekv</sub> << R<sub>i</sub>

- svojstva integriranih otpornih mreža
   otporne mreže integrirane u DA pretvornike:
  - ljestvičaste
  - za veći broj bitova (8÷14)
  - tipično  $R = 10 \text{ k}\Omega / 20 \text{ k}\Omega$
  - tolerancije  $R: \Delta R = \pm 5\%$
  - garantirana pogreška  $U_{izl} \le 1/4$  doprinosa LSB u granicama -55° C  $\le T \le 125$ ° C

- DA pretvornik s brojilom
   ~ ugrađeno brojilo s prethodnim postavljanjem:
  - u brojilo upisati dvojni komplement od N
  - $B = 1 \Rightarrow pretvorba$ : brojilo broji, generira se pilasti napon  $U_{izl}$
  - $B = 0 \Rightarrow U_{izl} \sim N(n-bitni prikaz)$



DA pretvornik s brojilom:



- dinamički DA pretvornik:
  - pretvorba traje izvjesno vrijeme
  - pretvorba *indirektna* ~ preko vremena
     (brojilo broji ⇒ B = 1 ⇒ porast U<sub>izl</sub>)!
- problemi pri pretvorbi
   osigurati f<sub>CP</sub> = const. + linearnost pile

# Sadržaj predavanja

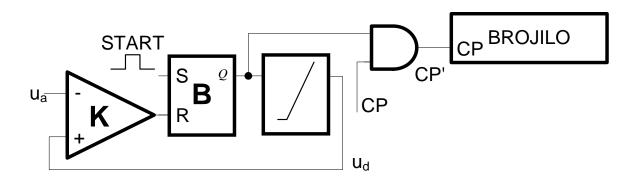
- uključivanje digitalnog sustava u okolinu
- digitalno-analogna pretvorba
- analogno-digitalna pretvorba
  - Wilkinsonov pretvornik
  - AD pretvornik s postepenim približavanjem
  - AD pretvornik sa sukcesivnom aproksimacijom
  - slijedni AD pretvornik
  - paralelni AD pretvornik
  - sklop za uzorkovanje

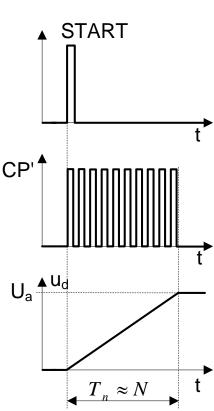
#### Analogna-digitalno pretvorba

- AD pretvorba:
  - složeniji postupak!
  - tipično uključuje brojilo
     ~ dinamički postupci:
    - pretvorba *usporedbom*  $U_{ul} = U_a$  i (interno) generiranog  $U_d \sim N$
    - završavanje pretvorbe za  $U_d = U_a$
    - karakteristična petlja povratne veze
       ~ naponski komparator
  - najzahtjevnije izvedbe (stoga i najskuplje!)
     nema brojila!

## Analogna-digitalno pretvorba

- Wilkinsonov pretvornik
   ~ dinamički pretvornik:
   ugrađeno brojilo
  - dok brojilo broji generira se pilasti napon
  - komparator u *petlji povratne veze*  $\sim$  usporedba pilastog napona s  $U_{ul} = U_a$

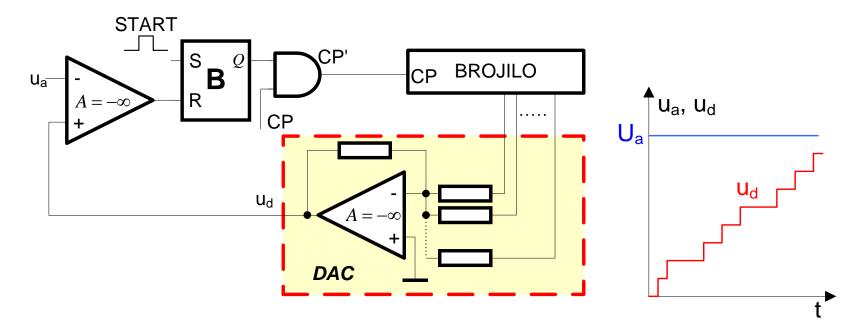






- problemi Wilkinsonovog pretvornika
   pretvorba indirektna obavlja se preko vremena!
  - generirana pila obično *nelinearna* ~ pogreške pri pretvorbi (*U*<sub>d</sub> ≠ *U*<sub>a</sub>)
  - potrebno osigurati  $f_{CP} = const.$
  - ostvariti sinkronizaciju impulsa START i CP

 AD pretvornik s postepenim približavanjem (s DA pretvornikom), brojeći AD pretvornik (engl. counting ADC) ~ modifikacija Wilkinsonovog pretvornika koja rješava njegove probleme

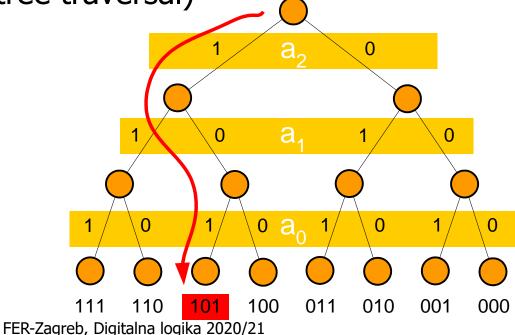


- AD pretvornik s postepenim približavanjem:
  - pretvorba je direktna, bez posrednika (generatora pile)
     ~ DA pretvornik umjesto generatora pile
  - eliminirana potreba za točnom i stabilnom  $f_{CP}$
  - moguće dozvoliti f<sub>CP</sub> ≠ const.
     ~ neperiodički impulsi pobude brojila
  - točnost pretvorbe
     ~ točnost DAC:
     ovisi o pasivnim komponentama (R<sub>i</sub>),
     može se dobro namjestiti

- brzi AD pretvornik,
   AD pretvornik sa sukcesivnom aproksimacijom (engl. successive approximation ADC):
  - jako popularni AD pretvornik
     ~ široko korišten samostalno ili
     u kombinacijama s paralelnim AD pretvornikom
  - pretvorba direktna
     DA pretvornik u petlji povratne veze
  - cilj:
    - ubrzanje pretvorbe,  $T_{\text{max}} << N_{\text{max}} \cdot T_{\text{CP}}$  ~ smanjenje broja koraka
    - konstantno vrijeme pretvorbe, T≠ f(U<sub>a</sub>)
       ~ konstantan broj koraka

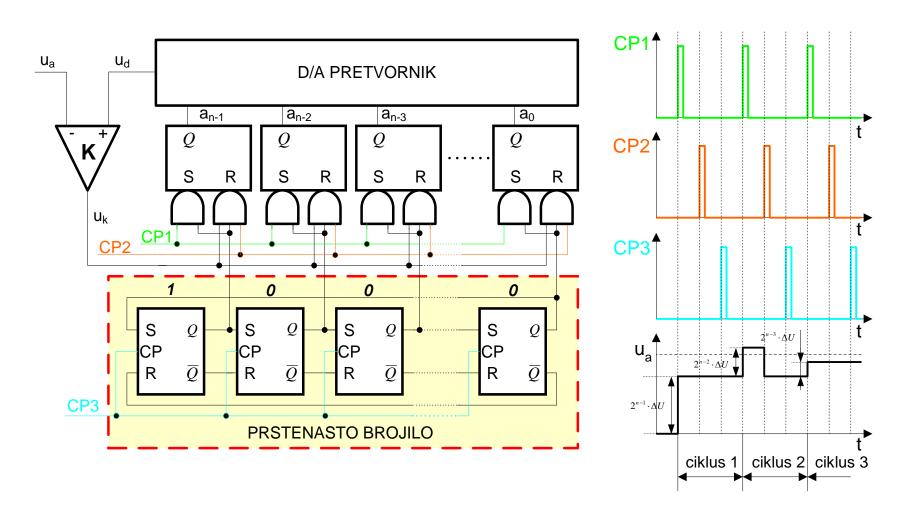
- princip rada brzog AD pretvornika:
  - usporedba  $u_a$  i  $u_d$ : ~ postepeno formiranje  $u_d$  počev od MSB  $(a_{n-1})$ : if  $u_a > u_{d,i}$  then  $u_k = 0$ else  $u_k = 1$  {brisanje doprinosa  $a_i$ }

 obilazak binarnog stabla po dubini (engl. preorder tree traversal)



- princip rada brzog AD pretvornika:
  - broj koraka za proizvoljni *u*<sub>a</sub>
     broj bitova zapisa *n*
  - izvedba sklopom za slijedno ispitivanje bitova:
    - prstenasto brojilo (početno 1 kod a<sub>n-1</sub>)
    - binarno brojilo s dekoderom
    - mreža logičkih sklopova

izvedba brzog AD pretvornika prstenastim brojilom



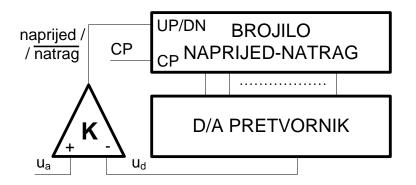


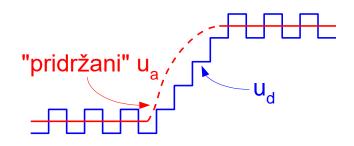
- slijedni AD pretvornik
   (engl. tracking converter, servo converter),
   kontinuirano brojeći AD pretvornik
   (engl. continuous-digital-ramp converter):
  - (dodatno) ubrzanja pretvorbe
     ~ modifikacija osnovnog AD pretvornika s brojilom (s postepenim približavanjem)
  - zamjena binarnog brojila (broji  $0 \rightarrow N \sim U_{a,i+1}$ ) brojilom naprijed-natrag

- slijedni AD pretvornik
  - ~ ubrzanje pretvorbe korištenjem brojila naprijed-natrag:

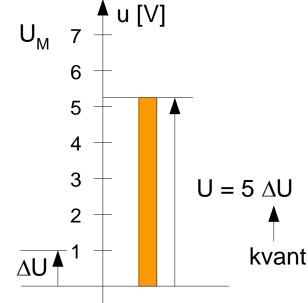
    - naročito pogodno kad se u<sub>a</sub> mijenja "relativno sporo"
    - u prosjeku  $T_{\text{naprijed-natrag}} \approx 1/2 \cdot T_{\text{binarno}}$ 
      - $\Rightarrow f_{\text{naprijed-natrag}} \approx 2 \cdot f_{\text{binarno, max}}$

• slijedni AD pretvornik ~ smjer brojanja:  $\mathbf{7}/\mathbf{Y} = f(\Delta U_a) = f(U_{a,i+1} - U_{a,i})$ 





- paralelni AD pretvornik, komparatorski AD pretvornik (engl. parallel-comparator ADC):
  - naročito rješenje za postizanje najbrže moguće ADC, također i najskuplje
  - usporediti u<sub>a</sub> s nizom referentnih napona,
     ∀ naponsku razinu u intervalu 0÷U<sub>M</sub>,
     s razmakom ∆U

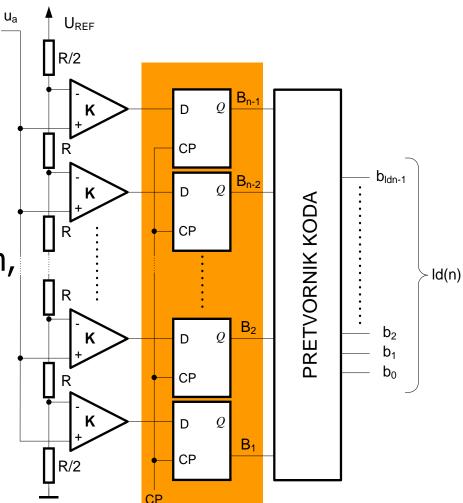


- paralelni AD pretvornik, komparatorski AD pretvornik
   usporedba u<sub>a</sub> s nizom referentnih napona:
  - najprikladnija izvedba "niza referentnih napona":
     ~ otporni djelitelj
  - *niz* naponskih komparatora  $\sim l = (2^n-1)$  za n-bitnu pretvorbu
  - ∀ dodatni bit *dva puta više* komparatora
    ~ cijena! ⊗

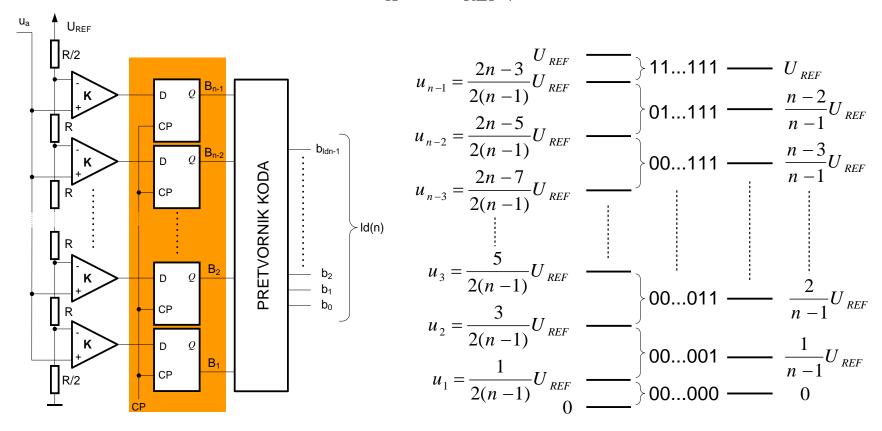
- paralelni AD pretvornik:
  - usporedba u<sub>a</sub> s nizom referentnih napona ~ paralelni rad: ne treba brojati!
  - izvorni kod na izlazu komparatora
    - ~ "termometarski niz": N u binarnom obliku tek nakon pretvorbe koda (ld  $n = \log_2 n$ : broj bitova ADC)

B <sub>n-</sub>	B <sub>n-2</sub>	 $B_3$	$B_2$	$B_1$	$B_0$	$m_{ld(l+1)}$	 $m_2$	$m_1$	$m_0$
0	0	 0	0	0	0	0	 0	0	0
0	0	 0	0	0	1	0	 0	0	1
0	0	 0	0	1	1	0	 0	1	0
0	0	 0	1	1	1	0	 0	1	1
0	0	 1	1	1	1	0	 1	0	0
1	1	 1	1	1	1	1	 1	1	1

- paralelni AD pretvornik:
  - registar
     pohranjivanje
     rezultata pretvorbe;
     nije nužan
  - bistabili i pretvornik koda ~ najbržom tehnologijom, npr. ECL



• paralelni AD pretvornik ~ ujednačavanje  $\varepsilon_K$  posebnom raspodjelom referentnih napona:  $\varepsilon_K = U_{REF}/(2n-2)$ 



## Literatura

- U. Peruško, V. Glavinić: *Digitalni sustavi*, Poglavlje 13: Sučelje s analognom okolinom.
- uključivanje digitalnog sustava u okolinu: str. 491-494
- digitalno-analogna pretvorba: str. 494-499
- analogno-digitalna pretvorba: str. 499-509



- U. Peruško, V. Glavinić: *Digitalni sustavi*, Poglavlje 13: Sučelje s analognom okolinom.
- digitalno-analogna pretvorba: 13.1-13.8, 13.15-13.19
- analogno-digitalna pretvorba: 13.9-13.14

# Zadaci za vježbu (2)

- M. Čupić: *Digitalna elektronika i digitalna logika. Zbirka riješenih zadataka*, Cjelina 13: AD i DA konverzija.
- digitalno-analogna pretvorba:
  - riješeni zadaci: 13.1-13.4, 13.8
  - zadaci za vježbu: 1
- analogno-digitalna pretvorba:
  - riješeni zadaci: 13.5-13.7
  - zadaci za vježbu: 2