Projet de Séries Temporelles

$\it Kim\ Antunez\ et\ Alain\ Quartier-la-Tente$ $\it 19/05/2020$

Table des matières

1	Partie 1 : Les données 1.1 Question 1 : description de la série choisie	
2	Partie 2 : Modèles ARIMA	2
3	Partie 3 : Prévisions 3.1 Question 6, 7 et 8 : construction d'un intervalle de confiance	
A	Annexe 1 : tests supplémentaires sur la qualité des modèles	6

1 Partie 1 : Les données

1.1 Question 1 : description de la série choisie

Pour ce projet, travaillons sur la série d'indice de production industrielle (IPI) dans l'industrie automobile (identifiant : 010537940). Il s'agit d'une série au niveau A64 de la nomenclature d'activités française révision 2 (NAF rév. 2, division 29), poste CL1. L'industrie automobile concerne aussi bien la production des constructeurs de voitures particulières, de véhicules de loisir, de véhicules utilitaires que les équipementiers spécialisés, les carrossiers, les assembleurs ou les prestataires de services d'aménagement de véhicules automobiles. Cette production intègre donc la filière complète, y compris moteurs et organes mécaniques en amont, dès lors qu'ils sont principalement destinés à des véhicules automobiles (à l'exception des parties de moteur).

Il s'agit d'un indice de Laspeyres ¹, en base 2015, chaîné avec des pondérations annuelles (les pondérations correspondant aux valeurs ajoutées des branches associées). L'IPI dans l'industrie automobile est calculé à partir de l'enquête mensuelle de branche, par agrégation de séries "élémentaires" estimées en volume ², calculées à un niveau plus fin.

Les séries de l'IPI sont corrigées des variations saisonnières et des jours ouvrables (CVS-CJO) à partir de la méthode X13-ARIMA. La désaisonnalisation est réalisée de manière indirecte : elle est effectuée à un niveau fin et les agrégats CVS-CJO sont ensuite calculés directement à partir de ces séries en agrégeant les séries CVS-CJO. Cette désaisonnalisation est réalisée par sous-périodes pour prendre en compte le fait que la structure économique des séries a beaucoup évolué en 30 ans, et donc qu'il serait peut pertinent d'appliquer un seul modèle de désaisonnalisation sur l'ensemble de la période. Ainsi, les modèles utilisés pour la désaisonnalisation commencent en 2005 et ces modèles sont utilisées pour estimer les séries CVS-CJO à partir de 2012.

Les séries CVS-CJO avant et après 2012 n'étant pas évaluées sur les mêmes modèles, l'idéal serait d'étudier notre série après janvier 2012 pour éviter des ruptures liées à ce changement de modèle. En revanche, cela laisserait une faible profondeur temporelle risquant de fragiliser l'estimation de nos modèles ARIMA. C'est pourquoi nous allons étudier la série d'IPI dans l'industrie automobile entre **janvier 2010 et décembre 2019**, c'est-à-dire sur **120 observations**.

Nous n'effectuons pas ici de correction de point atypique ou de transformation logarithmique.

1.2 Questions 2 et 3 : transformation de la série

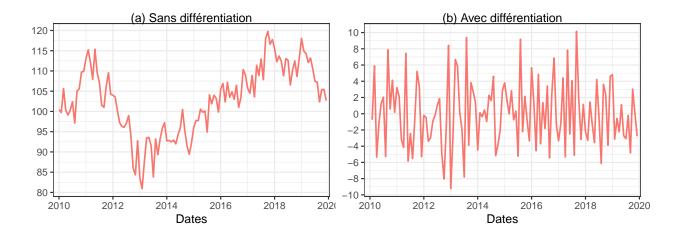


FIGURE 1 – IPI dans l'automobile (CVS-CJO) sans et avec différentiation

^{1.} Les indices de Laspeyres et de Paasche permettent de synthétiser en un indice unique un certain nombre d'indices. L'indice de Laspeyres, le plus célèbre est l'IPC (indice des prix à la consommation).

^{2.} La série d'IPI dans l'industrie automobile ne tient donc pas compte des variations de prix.

^{3.} Les derniers points étant souvent sujets à révisions, nous avons préféré ne pas prendre en compte les points de janvier et février 2020.

Le graphique 1-(a) ne montre pas de tendance linéaire déterministe nette sur la période 2010-2020 : on observe plutôt une alternance entre des périodes à tendance croissante (2010-2011, 2013-2018) et à tendance décroissante (2011-2013 et 2018-2020). La série de l'IPI dans l'automobile semble plutôt montrer une tendance stochastique : elle n'est sûrement pas stationnaire. Ceci est vérifié en faisant le test Dickey-Fuller augmenté (ADF) avec une constante non nulle et sans tendance : on ne rejette pas l'hypothèse de présence de racine unitaire au seuil de 5 % (tableau 1). Ceci est également confirmé par le test de racine unitaire de Phillips-Perron, non rejeté au seuil de 5 %, et par le test de stationnarité ⁴ de Kwiatkowski-Phillips-Schmidt-Shin (KPSS), rejeté au seuil de 5 %. Nous différencions donc la série.

TABLE 1 - Tests de racine unitaire et de stationnarité sur la série d'IPI dans l'automobile

Test	Statistique	p-valeur	
Dickey-Fuller augmenté ^a	-1.678	0.434	
Phillips-Perron	-2.578	0.336	
KPSS	0.892	0.010	**

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

a Le test ADF a été fait en rajoutant 2 retards. De cette façon les résidus utilisés dans ce test sont bien indépendants et le test ADF est bien interprétable

D'après le graphique 1-(b), la série différenciée semble **stationnaire**. Cette hypothèse est confirmée par le test de Dickey-Fuller augmenté, effectué avec une constante nulle et sans tendance, le test de Phillips-Perron et le test KPSS (tableau 2).

Table 2 – Tests de racine unitaire et de stationnarité sur la série différenciée d'IPI dans l'automobile

Test	Statistique	p-valeur	
Dickey-Fuller augmenté ^a	-10.261	0.010	**
Phillips-Perron	-15.132	0.010	**
KPSS	0.074	0.100	

Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '. 0.1 ' 1

2 Partie 2 : Modèles ARIMA

Afin de déterminer les ordres maximaux, p_{max} et q_{max} , du modèle ARMA(p,q) suivi par la série différenciée de l'IPI dans l'automobile, nous analysons les autocorrélogrammes et les autocorrélogrammes partiels (graphique 2). À partir de retard 2 (inclus), aucun autocorrélogramme est significatif à 5 %: on en déduit que $p_{max} = 1$. À partir de retard 2 (inclus), aucun autocorrélogramme partiel est significatif à 5 %: on en déduit que $q_{max} = 1$. Ainsi, pour savoir quel(s) modèle(s) retenir, nous allons tester tous les modèles ARMA(p,q) tels que $p \le 1$ et $q \le 1$.

Quatre modèles ARMA ont donc été testés ⁵ afin de s'assurer de l'indépendance des résidus (tableau 4) et, si c'est bien le cas, de la significativité des coefficients associés aux ordres maximaux des parties AR et MA des modèles (tableau 5) :

— ARMA(0,0): les résidus de ce modèle ne sont pas indépendants \odot modèle non retenu

^a Le test ADF a été fait en rajoutant 1 retard. De cette façon les résidus utilisés dans ce test sont bien indépendants et le test ADF est bien interprétable

^{4.} Ici, l'hypothèse alternative est la non-stationnarité de la série

 $^{5. \ \, {\}rm Ils}$ ont été estimés sans constante.

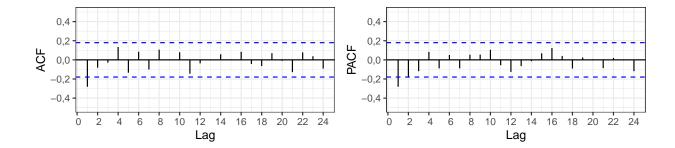


FIGURE 2 – Autocorrélogrammes (ACF) et autocorrélogrammes partiels (PACF) pour la série différenciée de l'IPI dans l'automobile

- ARMA(1,0) : les résidus de ce modèle ne sont pas indépendants **② modèle non retenu**
- *ARMA*(0,1) : les résidus de ce modèle sont indépendants et le coefficient associé au MA(1) est significatif **♦ modèle retenu**
- ARMA(1,1): les résidus de ce modèle sont indépendants (tableau mais le coefficient associé au AR(1) n'est significatif \odot modèle non retenu

Finalement, seul le modèle ARMA(0,1) est valide sur la série différenciée. Sur la série non différenciée de l'IPI automobile, on retient donc le modèle ARIMA(0,1,1) défini mathématiquement par :

$$\Delta X_t = \varepsilon_t - 0.38 \ \varepsilon_{t-1}$$

 ε_t est bien un bruit blanc : les $(\varepsilon_t)_t$ sont indépendants (tableau 4), homoscédastiques (tableau 6) et suivent aussi une loi normale (tableau 7).

Parmi l'ensemble des modèles testés, l'ARIMA(0,1,1) est aussi le modèle qui minimise les critères d'information (tableau 3).

Table 3 – Critères d'information des modèles ARIMA sur l'IPI de l'automobile

	ARIMA(0,1,0)	ARIMA(1,1,0)	ARIMA(0,1,1)	ARIMA(1,1,1)
AIC	672.439	664.677	660.932	662.345
BIC	675.219	670.235	666.490	670.683

3 Partie 3 : Prévisions

3.1 Question 6, 7 et 8: construction d'un intervalle de confiance

On cherche désormais à faire une prévision de X_t à l'horizon T+2. Notons θ_1 le coefficient associé à la partie MA de notre modèle ARMA(0,1,1), qu'on estime par $\hat{\theta}_1 \simeq -0,38$ (tableau 5) en estimant le modèle entre janvier 2010 et décembre 2019. On a donc :

$$\Delta X_T = \varepsilon_T + \theta_1 \varepsilon_{T-1} \iff X_T = X_{T-1} + \varepsilon_T + \theta_1 \varepsilon_{T-1} \quad \text{où} \quad \varepsilon_t \stackrel{i.i.d}{\sim} \mathcal{N}(0, \sigma^2)$$

En considérant θ_1 connu, les prévisions de X_{T+1} et X_{T+2} réalisées à l'instant T, notées $\hat{X}_{T+1|T}$ et $\hat{X}_{T+2|T}$, vérifient l'équation :

$$\begin{cases} \hat{X}_{T+1|T} = X_T + \theta_1 \varepsilon_T \\ \hat{X}_{T+2|T} = \hat{X}_{T+1|T} = X_T + \theta_1 \varepsilon_T \end{cases}$$

Les erreurs de prévision sont égales à :

$$\begin{cases} \hat{\varepsilon}_{T+1|T} = X_{T+1} - \hat{X}_{T+1|T} = \varepsilon_{T+1} + (\theta_1 - \theta_1)\varepsilon_T & = \varepsilon_{T+1} \\ \hat{\varepsilon}_{T+2|T} = X_{T+2} - \hat{X}_{T+2|T} = \varepsilon_{T+2} + (1+\theta_1)\varepsilon_{T+1} + (\theta_1 - \theta_1)\varepsilon_T & = \varepsilon_{T+2} + (1+\theta_1)\varepsilon_{T+1} \end{cases}$$

Les ε_t étant i.i.d., $\hat{\varepsilon}_{T+h|T} \overset{(H_0)}{\sim} \mathcal{N}(0, \sigma_h^2)$ avec $\sigma_1^2 = \sigma^2$ et $\sigma_h^2 = \sigma^2(1 + (1 + \theta_1)^2)$. En notant $q_{1-\frac{\alpha}{2}}$ le quantile $1 - \frac{\alpha}{2}$ d'une loi $\mathcal{N}(0,1)$, il vient pour $h \in \{1,2\}$:

$$\mathbb{P}\left(\left|\frac{\hat{\varepsilon}_{T+h|T}}{\sigma_h}\right| \le q_{1-\frac{\alpha}{2}}\right) = \mathbb{P}\left(\left|\frac{X_{T+h} - \hat{X}_{T+h|T}}{\sigma_h}\right| \le q_{1-\frac{\alpha}{2}}\right) = 1 - \alpha$$

Un intervalle de confiance de X_{T+h} de niveau α est donc :

$$IC_{1-\alpha}(X_{T+h}) = \left[X_T + \theta_1 \varepsilon_T - q_{1-\frac{\alpha}{2}} \sigma_h \; ; \; X_T + \theta_1 \varepsilon_T + q_{1-\frac{\alpha}{2}} \sigma_h \right] \tag{1}$$

Le problème est que σ_h et θ_1 sont ici inconnus. On estime donc θ_1 par $\hat{\theta}_1$, qui est l'estimation que l'on fait à partir de nos données et σ_h par $\hat{\sigma}_h$ telle que :

$$\hat{\sigma}_1 = \hat{\sigma} = \frac{1}{T - 2} \sum_{t=2}^{T} \hat{\varepsilon}_t^2 \text{ et } \quad \hat{\sigma}_2 = \hat{\sigma} \sqrt{1 + (1 + \hat{\theta}_1)^2}$$

En remplaçant σ_h et θ_1 par leurs valeurs estimées, les intervalles de confiance définis dans l'équation (1) restent valides mais **asymptotiquement uniquement**.

[Question 6] En somme, on obtient les intervalles de confiance asymptotiques suivants pour X_{T+1} et X_{T+2} :

$$IC_{1-\alpha}\begin{pmatrix} X_{T+1} \\ X_{T+2} \end{pmatrix} = \left[\begin{pmatrix} X_T + \hat{\theta}_1 \varepsilon_T \\ X_T + \hat{\theta}_1 \varepsilon_T \end{pmatrix} - \hat{\sigma} q_{1-\frac{\alpha}{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ \sqrt{1 + (1+\hat{\theta}_1)^2} \end{pmatrix} ; \begin{pmatrix} X_T - \hat{\theta}_1 \varepsilon_T \\ X_T - \hat{\theta}_1 \varepsilon_T \end{pmatrix} + \hat{\sigma} q_{1-\frac{\alpha}{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ \sqrt{1 + (1+\hat{\theta}_1)^2} \end{pmatrix} \right]$$

$$(2)$$

[Question 7] Pour obtenir ces intervalles de confiance il faut :

- que le modèle suivit par notre série entre janvier 2010 et février 2020 soit bien un modèle ARIMA(0,1,1). Le modèle doit être en théorie parfaitement identifié (σ et θ_1 connus ou a minima que leurs estimateurs convergent vers leurs valeurs). ;
- que les résidus de notre modèle ARIMA soient **indépendants**, **homoscédastiques et suivent une loi normale** : ce qui a bien été vérifié dans la partie précédente ;
- que soit T grand (dans notre cas T = 120).

[Question 8] Le graphique 3 montre cette région de confiance au seuil 95 %, ainsi qu'à titre de comparaison les valeurs réelles de l'IPI automobile de janvier et de février 2020. On retrouve ce que l'on a montré par l'équation (2) : la même valeur est prédite pour X_{T+1} et X_{T+2} et plus l'horizon augmente plus l'incertitude autour de la prévision augmente (i.e : l'intervalle de confiance est large). Prédire les mêmes valeurs pour les deux dates paraît économiquement peu cohérent, mais cela reflète la dynamique du modèle ARIMA(0,1,1) :

- Puisqu'il y a aucun ordre autorégressif, ΔX_t ne dépend pas des valeurs passées prises par $(\Delta X_{t'})_{t' \leq t-1}$.
- Puisque l'ordre MA est égal à 1, il n'y a aucune influence du bruit à l'horizon supérieur ou égal à 2 : sans aucune information supplémentaire, la seule prévision possible pour ΔX_{t+h} , $h \geq 2$, est une prévision nulle, et donc pour X_{t+h} la seule prévision possible est $\hat{X}_{t+1|t}$. Cette incertitude se traduit par un intervalle de confiance très grand ⁶ et une rapide augmentation de cet intervalle.

^{6.} On prévoit une évolution mensuelle entre décembre 2019 et janvier 2020 comprise entre -6,4 % et +8,3 %, ce qui est très grand compte tenu de la volatilité de la série (l'écart-type de la série en évolution est de 4,1 et sa moyenne de 0,1).

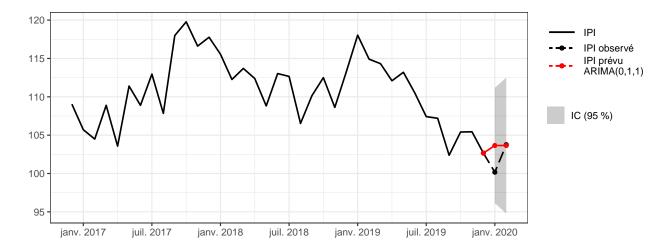


FIGURE 3 – Prévisions de l'IPI automobile CVS-CJO pour janvier et février 2020 par un modèle ARIMA(0,1,1)

3.2 Question 9 : question ouverte sur la causalité

Soit Y_t une série stationnaire disponible de t=1 à T telle que Y_{T+1} est disponible plus rapidement que X_{T+1} . Y_t cause T instantanément X_t au sens de Granger (C_{X-Y}^{-8}) si et seulement si pour tout t, la valeur de Y_{t+1} permet d'améliorer la prévision de X_{t+1} . Ainsi, la causalité instantanée au sens de Granger est une condition suffisante pour que Y_{T+1} permette d'améliorer la prévision de X_{T+1} . Mathématiquement :

$$\underbrace{\frac{\forall t \quad \hat{X}_{t+1|\{Y_u,X_u,u\leq t\}\cup\{Y_{t+1}\}}\neq \hat{X}_{t+1|\{Y_u,X_u,u\leq t\}}}{C_{X-Y}:Y_t \text{ cause instantanément au sens de Granger }X_t}}^{\text{en particulier}} \hat{X}_{T+1|\{Y_{1...T},X_{1...T}\}\cup\{Y_{T+1}\}}\neq \hat{X}_{T+1|\{Y_{1...T},X_{1...T}\}\cup\{Y_{T+1}\}}$$

Cette définition de causalité instantanée est fondée sur les corrélations entre les erreurs. En effet, si $(Y'_t, X'_t)'$ est bien **stationnaire** alors on a montré dans le cours que :

$$C_{X-Y} \iff Cov(\epsilon_{1t}, \epsilon_{2t}) = 0 \quad \text{avec} \quad \begin{pmatrix} \epsilon_{1t} \\ \epsilon_{2t} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Y_t - \hat{Y}_{t|\{Y_u, X_u, u \le t-1\}} \\ X_t - \hat{X}_{t|\{Y_u, X_u, u \le t-1\}} \end{pmatrix}$$

En prenant bien le soin de choisir X_t et Y_t de manière à ce que $(Y'_t, X'_t)'$ soit stationnaire, vérifier que Y_{T+1} permet d'améliorer la prévision de X_{T+1} revient alors à tester la condition suivante après avoir estimé les modèles correspondants :

$$Cov(Y_{T+1} - \hat{Y}_{T+1|\{Y_{1...T}, X_{1...T}\}}, X_{T+1} - \hat{X}_{T+1|\{Y_{1...T}, X_{1...T}\}}) = 0$$

Il faudrait par exemple prendre:

- pour X_t notre série de l'IPI de l'industrie automobile différenciée (qui est bien stationnaire) ;
- pour Y_t un IPI correspondant à une composante de la division « industrie automobile » (29) ⁹ qu'il faudrait différencier autant de fois que nécessaire pour qu'elle soit bien stationnaire. Certaines composantes sont en effet disponibles avant leur agrégat, ce qui les feraient être de bons candidats pour cette question.

^{7.} Cette notion de causalité n'est pas la même que celle utilisée en économétrie classique (une influence directe de Y_t sur X_t), cela signifie simplement ici que Y_t est utile pour prévoir X_t .

^{8.} La relation de causalité instantanée de Granger est symétrique : $C_{X-Y} \iff C_{Y-X}$

^{9.} par exemple une des classes parmi la construction de véhicules automobiles (29.1), la fabrication de carrosseries et remorques (29.2) ou les équipements automobiles (29.3)

A Annexe 1 : tests supplémentaires sur la qualité des modèles

Table 4 – Tests de Ljung-Box sur les résidus (tests d'autocorrélation) des modèles ARIMA sur l'IPI de l'automobile

	ARIMA(0,1,0)			ARIMA	(1,1,0)		ARIMA(0,1,1)		ARIMA	(1,1,1)
Retards	Statistique	p-valeur		Statistique	p-valeur		Statistique	p-valeur	Statistique	p-valeur
1	9.652	0.002	**							
2	10.473	0.005	**	4.757	0.029	*	0.858	0.354		
3	10.580	0.014	*	4.796	0.091		0.925	0.630	0.106	0.744
4	12.843	0.012	*	6.191	0.103		1.985	0.576	1.544	0.462
5	15.122	0.010	**	7.239	0.124		3.024	0.554	2.606	0.456
6	16.041	0.014	*	7.327	0.197		3.165	0.675	2.907	0.573
7	17.341	0.015	*	7.800	0.253		3.566	0.735	3.389	0.640
8	18.808	0.016	*	8.936	0.257		4.884	0.674	4.676	0.586
9	18.809	0.027	*	9.306	0.317		5.129	0.744	4.781	0.687
10	19.645	0.033	*	9.610	0.383		5.338	0.804	5.037	0.754
11	22.433	0.021	*	12.895	0.230		8.684	0.562	8.103	0.524
12	22.609	0.031	*	13.822	0.243		9.649	0.562	8.787	0.552
13	22.610	0.047	*	13.838	0.311		9.649	0.647	8.787	0.642
14	23.078	0.059		14.496	0.340		10.455	0.656	9.497	0.660
15	23.082	0.082		14.860	0.388		11.003	0.686	9.871	0.704
16	24.077	0.088		15.947	0.386		12.232	0.661	11.074	0.680
17	24.339	0.111		16.263	0.435		12.411	0.715	11.227	0.736
18	24.935	0.127		16.911	0.460		12.993	0.737	11.795	0.758
19	25.633	0.141		17.430	0.494		13.173	0.781	11.966	0.802
20	25.649	0.178		17.579	0.551		13.432	0.816	12.208	0.836
21	28.080	0.138		20.078	0.453		15.782	0.730	14.643	0.745
22	28.992	0.145		20.694	0.478		16.064	0.766	14.878	0.783
23	29.209	0.173		20.920	0.526		16.146	0.809	14.914	0.827
24	30.464	0.170		21.907	0.526		17.136	0.803	16.104	0.811

Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '. 0.1 ' 1

L'hypothèse (H0) d'homoscedasticité des résidus n'est pas rejetée à 5 % sur les 24 périodes pour l'ensemble des modèles et en particulier pour le modèle retenu ARIMA(0,1,1).

Table 5 – Estimation des coefficients associés aux modèles ARIMA sur l'IPI de l'automobile

		AR(1)				MA(1)		
	Coefficient	Écart-type	p-valeur		Coefficient	Écart-type	p-valeur	
$\overline{\text{ARIMA}(0,1,0)}$								
ARIMA(1,1,0)	-0.280	0.088	0.001	**				
ARIMA(0,1,1)					-0.377	0.091	0.000	***
ARIMA(1,1,1)	0.165	0.214	0.439		-0.515	0.183	0.005	**

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '' 0.1 ' ' 1

TABLE 6 – Tests de Ljung-Box sur le carré des résidus (tests d'homoscédasticité) des modèles ARIMA sur l'IPI de l'automobile

ARIMA(0,1,0)		(0,1,0)	ARIMA	ARIMA(1,1,0)		(0,1,1)	ARIMA(1,1,1)	
Retards	Statistique	p-valeur	Statistique	p-valeur	Statistique	p-valeur	Statistique	p-valeur
1	2.832	0.092						
2	2.843	0.241	2.917	0.088	. 2.032	0.154		
3	2.860	0.414	3.844	0.146	3.569	0.168	3.140	0.076
4	3.227	0.521	5.425	0.143	4.164	0.244	3.575	0.167
5	3.233	0.664	5.448	0.244	4.183	0.382	3.576	0.311
6	3.262	0.775	7.479	0.187	6.916	0.227	5.513	0.239
7	3.263	0.860	7.836	0.250	7.515	0.276	6.127	0.294
8	3.270	0.916	8.294	0.307	7.781	0.352	6.290	0.392
9	3.772	0.926	8.613	0.376	7.787	0.455	6.314	0.504
10	3.797	0.956	8.727	0.463	7.838	0.551	6.605	0.580
11	5.286	0.917	9.343	0.500	8.071	0.622	6.897	0.648
12	5.482	0.940	10.431	0.492	9.136	0.609	7.987	0.630
13	5.619	0.959	11.058	0.524	9.537	0.656	8.373	0.680
14	7.532	0.912	12.221	0.510	10.714	0.635	9.807	0.633
15	7.727	0.934	12.252	0.586	10.784	0.703	9.807	0.710
16	7.760	0.956	12.256	0.660	10.802	0.766	9.823	0.775
17	7.866	0.969	12.268	0.725	10.968	0.811	9.890	0.827
18	11.403	0.876	12.791	0.750	11.573	0.825	11.468	0.780
19	11.440	0.908	12.791	0.804	11.788	0.858	11.709	0.817
20	12.066	0.914	13.115	0.833	12.156	0.879	12.086	0.843
21	12.213	0.934	14.050	0.828	13.228	0.867	12.984	0.839
22	13.751	0.910	15.070	0.819	14.231	0.859	14.364	0.812
23	14.907	0.898	15.242	0.852	14.284	0.891	14.389	0.852
24	15.944	0.890	16.450	0.835	16.650	0.826	16.688	0.780

Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '. 0.1 ' 1

L'hypothèse (H0) d'homoscedasticité des résidus n'est pas rejetée à 5 % sur les 24 périodes pour l'ensemble des modèles et en particulier pour le modèle retenu ARIMA(0,1,1).

TABLE 7 – Tests de Jarque-Bera de normalité des résidus des modèles ARIMA sur l'IPI de l'automobile

	Statistique	p-valeur
ARIMA(0,1,0)	2.381	0.304
ARIMA(1,1,0)	2.414	0.299
ARIMA(0,1,1)	2.363	0.307
ARIMA(1,1,1)	2.241	0.326

Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 ': 0.1 ' 1

Le test de Jarque-Bera suppose que les résidus soient indépendants et homoscédastiques.

L'hypothèse (H0) de normalité des résidus n'est pas rejetée à 5% pour l'ensemble des modèles et en particulier pour le modèle retenu ARIMA(0,1,1).