

# Analyse statistique et empirique des modèles de *Word Embedding* sur Twitter

Kim Antunez, Romain Lesauvage, Alain Quartier-la-Tente  
sous l'encadrement de Benjamin Muller (Inria)

## Table des matières

|  |           |
|--|-----------|
| <b>Introduction</b>  | <b>1</b>  |
| <b>1 Implémentation du modèle <i>Word2Vec</i></b>                  | <b>2</b>  |
| 1.1 Le modèle <i>Word2vec</i> , un modèle de <i>word-embedding</i> | 2         |
| 1.2 L'algorithme Skip-Gram   | 4         |
| <b>2 Évaluation du modèle implémenté</b>                           | <b>7</b>  |
| 2.1 Comment évaluer le modèle ?                                    | 7         |
| 2.2 Évaluation sur un corpus fictif                                | 11        |
| 2.3 Choix des meilleurs hyperparamètres pour le modèle             | 11        |
| 2.4 Évaluation sur le corpus final                                 | 15        |
| <b>3 Analyse des sentiments</b>                                    | <b>18</b> |
| 3.1 Description de la méthode et tests [Roro]                      | 18        |
| 3.2 Comparaison avec indicateurs insee                             | 18        |
| <b>Conclusion</b>  | <b>18</b> |

## Introduction

Grâce à l'évolution des méthodes d'apprentissage profond (*Deep Learning*), l'appréhension du langage naturel est aujourd'hui devenue une discipline à part entière (*Natural Language Processing*). Ce succès s'explique en partie grâce à l'émergence de techniques non supervisées d'apprentissage de représentation de structures linguistiques. Les méthodes de *word embedding* (« plongement lexical » en français) permettent de représenter chaque mot d'un dictionnaire par un vecteur de nombres réels afin que les mots qui apparaissent dans des contextes similaires possèdent des vecteurs correspondants qui sont relativement proches (au sens d'une distance définie). Les modèles **word2vec**, développés par une équipe de recherche chez Google ([Mikolov et al \(2013a\)](#)), sont parmi les plus célèbres et sont ceux sur lesquels se concentrera notre projet.

Dans ce projet de statistiques appliquées, nous étudierons dans un premier temps en détail et implémenterons le modèle *word2vec* (Partie 1). Dans un deuxième temps, nous évaluerons la validité du modèle implémenté et l'appliquerons sur une base de données composée de plusieurs millions de tweets publiés en France entre 2013 et 2017 (Partie 2). Enfin, nous mobiliserons des techniques d'analyse de sentiments afin de créer des indicateurs qui pourront être comparés aux indicateurs produits dans la statistique publique, en particulier concernant l'opinion des ménages (Partie 3).

## 1 Implémentation du modèle *Word2Vec*

### 1.1 Le modèle *Word2vec*, un modèle de *word-embedding*

Le *Natural Language Processing* (NLP ou « traitement automatique du langage naturel ») est une branche de *machine learning* visant à analyser, traiter et reproduire le langage humain. Les modèles de NLP *Word2Vec*, développés par une équipe de recherche chez Google ([Mikolov et al \(2013a\)](#)), sont parmi les plus célèbres et utilisent le *word-embedding* — plongement lexical en français.

#### 1.1.1 Historique : de la sémantique vectorielle à *Word2Vec*

La « sémantique vectorielle » est née dans les années 1950<sup>1</sup>. C'est une méthode algébrique de représentation d'un document visant à réaliser des tâches diverses (détecter le plagiat, filtrer des articles...). Il est alors nécessaire de capter de nombreux types de proximités entre mots : les synonymes (automobile / voiture), antonymes (froid / chaud), connotations positives *versus* négatives (heureux / triste), etc.

Un modèle répondant à ces exigences ne peut exister. Pour y répondre au mieux, la sémantique vectorielle puise son inspiration des travaux linguistiques des années 1950 et en particulier de l'« hypothèse de distribution » selon laquelle un mot se définit par son environnement, dit autrement : les mots qui se produisent dans un contexte identique tendent à avoir des significations similaires<sup>2</sup>.

Les premiers modèles sémantiques<sup>3</sup> représentaient les relations entre mots grâce à des très grandes matrices dont les dimensions correspondaient à la taille du vocabulaire (contenant donc beaucoup de 0 et dites *sparses*). Les méthodes de *word-embedding* qui sont ensuite apparues ont permis de représenter chaque mot d'un dictionnaire par un vecteur de nombres réels denses (peu de 0) de plus faible dimension (en général entre 50 et 1000). Si la réduction de dimension rend les vecteurs-mots moins facilement interprétables, elle a pour grand avantage de faciliter et d'accélérer les tâches d'apprentissage impliquant ces mots.

[Mikolov et al \(2013a\)](#) ont mis en avant en 2013 les méthodes de *word-embedding* à travers la création de *Word2Vec*. Ce modèle de réseaux de neurones<sup>4</sup> à deux couches est rapidement devenu une référence grâce à la grande précision des résultats qu'il permet d'obtenir, étant entraîné en un temps record sur un corpus très volumineux.

---

1. L'ouvrage [Jurafsky & Martin \(2019\)](#) permet de retracer avec une grande richesse l'évolution des méthodes de NLP.

2. Comme l'a écrit le linguiste britannique John Rupert Firth en 1957, « Vous connaîtrez un mot par ses fréquentations ».

3. Comme le *term frequency-inverse document frequency* (TF-IDF)

4. C'est l'article [Bengio et al \(2003\)](#) qui a introduit dix ans avant *Word2Vec* le premier modèle d'apprentissage de représentation de vecteurs-mots à partir d'un réseau de neurone simple.

### 1.1.2 Word2Vec, un modèle d'apprentissage « auto-supervisé »

Pour rappel, en sortie du modèle *Word2Vec*, chaque mot est représenté par un vecteur dont la dimension est fixée par la valeur d'un hyperparamètre. Les mots qui apparaissent dans des contextes similaires (« bonjour » et « salut » par exemple) seront représentés par des vecteurs relativement proches dans l'espace vectoriel de définition de ces vecteurs. Dans la même logique, *Word2Vec* permet également de réaliser des opérations vectorielles, comme dans l'exemple, souvent cité :  $\overrightarrow{Paris} - \overrightarrow{France} + \overrightarrow{Italie} = \overrightarrow{Rome}$  qui provient de Mikolov *et al* (2013a).

Reorganiser cette partie (Kim) : introduction termes focus/contexte

Deux architectures du modèle *Word2Vec* existent (voir graphique 1) :

- L'approche *Continuous bags of words* dont l'objectif est d'estimer la probabilité d'observer un mot, appelé *focus*, sachant le contexte dans lequel il apparaît (i.e. : les mots voisins).
- L'approche *Skip-gram* a un objectif inverse : estimer, pour chaque mot du vocabulaire, la probabilité d'être proche du mot *focus*. C'est cette approche que nous étudions dans ce projet et dans la suite de ce rapport.

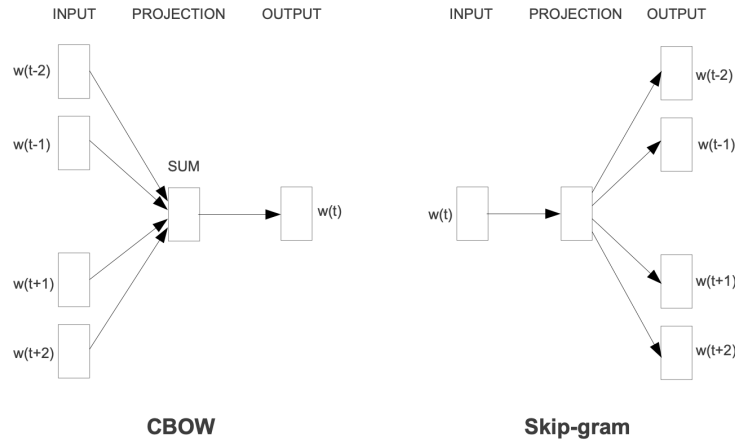


FIGURE 1 – Architecture des modèles Continuous bags of words (CBOW) et Skip-gram.

Pour transformer chaque mot en un vecteur, au lieu de simplement compter les fréquences d'apparition de certains mots « **contextes** » **voisins** d'un mot « **focus** »<sup>5</sup>, nous entraînons un réseau de neurones sur une tâche annexe : on construit un classifieur dont la tâche de prédiction est binaire et répond à la question « Est-ce que ce mot contexte est susceptible d'être voisin du mot focus ? ». La prédiction en elle-même ne nous intéresse pas, c'est plutôt le poids du classifieur en sortie du modèle qui correspondra aux *word-embeddings*.

Les voisins d'un mot focus reposent sur un hyperparamètre : la fenêtre (*window* ou *w*). Pour  $w = p$ , les voisins du mot focus sont les  $p$  mots précédents et les  $p$  mots suivants dans la phrase. Par exemple, dans la phrase :

“Le professeur de statistique est strict avec ses élèves.”

Si le mot focus est « statistique » et si  $w = 2$ , alors le contexte qui lui est associé est : [professeur, de, est, strict]; si le mot focus est « professeur » et si  $w = 2$ , alors le contexte qui lui est associé est : [Le, de, statistique].

5. Comme dans les premiers modèles sémantiques dits *sparses*.

Pour ce faire, nous entraînons le réseau de neurones en le nourrissant des paires `[focus, contexte]`<sup>6</sup> contenues dans les différentes phrases (ici tweets) du corpus afin qu'il puisse déterminer les probabilités d'apparition d'un mot dans le voisinage d'un autre mot (description de l'algorithme précis en partie 1.2).

Ainsi, la grande force du modèle d'apprentissage *Word2Vec* est qu'il est « auto-supervisé ». En effet, comme nous avons vu plus haut, le corpus est considéré comme une donnée d'entraînement implicitement supervisée, ce qui nous évite d'avoir à mobiliser des corpus annexes annotés.

## 1.2 L'algorithme Skip-Gram

L'objectif de cette partie est de décrire le fonctionnement de l'approche Skip-gram.

Dans la suite de ce projet nous noterons  $n$  la taille du vocabulaire (i.e. : le nombre de mots différents) et  $d$  la dimension retenue pour. Comme décrit dans la partie 1.1.2, l'approche *Skip-gram* peut être vue comme un réseau de neurone avec trois couches avec :

- En entrée une matrice  $W_e$  de taille  $n \times m$  ;
- En sortie une matrice  $W_s$  de taille  $n \times m$ .

Ces deux matrices sont initialisées en générant des lois normale  $\mathcal{N}(0, 1)$ . Elles sont ensuite mises à jour, grâce aux couples `[focus, contexte]` construits à partir du contexte (voir partie 1.2.1), par un algorithme de descente de gradient. À la fin de l'algorithme ce sont ces matrices qui donneront la représentation vectorielle des mots du vocabulaire. Ainsi, la ligne  $i$  de la matrice  $W = \frac{W_e + W_s}{2}$  donnera la représentation du  $i^{\text{ème}}$  mot du vocabulaire.

### 1.2.1 Construction de la base d'entraînement

Peu de traitements sont effectués sur la base initiale : nous mettons tout en minuscule, supprimons la ponctuations, mais nous laissons tous les chiffres et les accents. Chaque phrase<sup>7</sup> est ensuite *tokénisée* par la chaîne de caractère correspondant à un espace " " : on considère qu'il y a autant de mots de que chaînes de caractères séparées par un espace. Ainsi, les mots composés ne seront donc pas pris en compte. Par exemple dans la phrase « Que pensez-vous de CE projet ?(i.e. : qu'avez-vous retenu en 10min?) » est décomposée en 14 mots `[que, pensez, vous, de, ce, projet, i, e, qu, avez, vous, retenu, en, 10min]`.

Comme décrit dans la partie 1.1.2, les couples `[focus, contexte]` dépendent d'un hyperparamètre : la fenêtre  $w$ .

Pour éviter que les mots trop fréquents, souvent peu informatifs (comme les pronoms personnels), soient sur-entraînés, deux traitements sont effectués :

1. Pour chaque phrase on effectue un sous-échantillonnage. Pour chaque mot  $w_i$  on note  $z(w_i)$  la proportion d'apparition de ce mot, c'est-à-dire le rapport entre le nombre de fois que ce mot apparaît et le nombre total de mots. La probabilité de garder un mot le mot  $w_i$  est :

$$\mathbb{P}(w_i) = \min \left\{ \left( \sqrt{\frac{z(w_i)}{q}} + 1 \right) \times \frac{q}{z(w_i)}, 1 \right\}$$

6. Dans notre exemple : `[statistique, professeur]`, `[statistique, de]`...

7. Dans notre cas une phrase correspond à un tweet, même si ce tweet peut-être écrit en plusieurs phrases.

Le paramètre  $q$  est appelé « sample » — échantillonnage- — contrôle le nombre de sous-échantillonnages. La valeur par défaut est 0,001 et pour :

- $\mathbb{P}(w_i) = 1$  ( $w_i$  est toujours gardé) lorsque  $z(w_i) \leq 0,0026$ , c'est-à-dire si  $w_i$  représentent moins de 0,26 % du nombre total de mots.
  - $\mathbb{P}(w_i) = 0,5$  (50 % de chance de garder  $w_i$ ) when  $z(w_i) = 0,00746$ .
  - $\mathbb{P}(w_i) = 0,033$  (3,3 % chance de garder  $w_i$ ) lorsque  $z(w_i) = 1,0$  (si le corpus n'est constitué que du mot  $w_i$ , ce qui serait bien sûr absurde).
2. Pour chaque phrase on tire au hasard (selon une loi uniforme) un mot focus et on tire pour ce mot un mot *contexte* au hasard dans la fenêtre  $w$  en imposant que les deux mots choisis soient parmi les mots sous-échantillonnés.

Par exemple, supposons que dans la phrase [que, pensez, vous, de, ce, projet, i, e, qu, avez, vous, retenu, en, 10min], les mots sous-échantillonnés soient les mots en position 2, 5, 6, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14. Pour mieux comprendre, nous remplaçons les mots non échantillonnés par « nonsubsampling », mot qui a priori n'est pas dans le vocabulaire. La phrase devient [nonsubsampling, pensez, nonsubsampling, nonsubsampling, ce, projet, nonsubsampling, e, qu, avez, vous, retenu, en, 10min]. Si  $w = 2$  alors le mot focus tiré ne peut être « pensez » puisque dans ce cas il n'y aurait aucun mot contexte associé. Si le mot focus tiré est « qu » alors le mot contexte est tiré au hasard parmi [e, avez, vous].

Ce mécanisme va être répété sur toutes les phrases du corpus et l'ensemble du corpus va être parcouru plusieurs fois. Le nombre de fois que l'ensemble du corpus est parcouru est appelé *epochs*.

### 1.2.2 Descente de gradient

Pour chaque couple [focus, contexte], les matrices  $W_e$  et  $W_s$  sont mises à jour par descente de gradient. C'est-à-dire que  $\theta^{(t)} = W_e$  et  $\theta^{(t)} = W_s$ , les matrices obtenues après la  $t^{\text{ème}}$  itération de l'algorithme, sont mises à jour par l'équation :

$$\theta^{(t+1)} = \theta^{(t)} - \eta \nabla_{\theta} L(\theta^{(t)})$$

avec  $\eta$  le taux d'apprentissage (un hyperparamètre à fixer) et  $L(\theta)$  la fonction de perte.

Le modèle *Word2vec* a initialement été construit en utilisant une fonction de perte dérivée de la fonction *softmax* (voir partie 1.2.2.1 et Mikolov *et al* (2013a)). L'algorithme a ensuite été amélioré en utilisant le *negative sampling* (voir partie 1.2.2.2 et Mikolov *et al* (2013b)).

**1.2.2.1 Version softmax** Étant donné les mots  $w_1, \dots, w_T$  utilisés pour entraîner le modèle, l'objectif du modèle Skip-Gram est de maximiser la quantité :

$$\frac{1}{T} \sum_{i=1}^T \sum_{-w \leq j \leq w, j \neq 0} \log \mathbb{P}(w_{t+j} | w_t) \quad (1)$$

où :

- $w$  est la fenêtre ;

- les  $w_{t+j}$  sont les mots voisins de  $w_t$  ( $w_t$  est donc un mot contexte et  $w_{t+j}$  un mot focus) ;
- $\mathbb{P}(w_{t+j}|w_t)$  est la probabilité d’observer le mot  $w_{t+j}$  sachant que l’on a observé le mot voisin  $w_t$ . Cette quantité est calculée en fonction des matrices  $W_e$  et  $W_s$  à partir de la fonction softmax<sup>8</sup> :

$$\mathbb{P}(w_{focus}|w_{context}) = \frac{\exp(W_{s,w_{focus}} \times {}^tW_{e,w_{contexte}})}{\sum_{i=1}^n \exp(W_{s,w_i} \times {}^tW_{e,w_{contexte}})}$$

avec  $W_{e,w_i}$  et  $W_{s,w_i}$  sont les représentations vectorielles du mot  $w_i$  dans la matrice d’entrée et de sortie et  $n$  la taille du vocabulaire.

De manière équivalente à l’équation (1), qu’il faut maximiser, pour chaque couple [focus, contexte] on associe la fonction de perte suivante, qu’il faut minimiser :

$$L(W_e, W_s) = -\log \mathbb{P}(w_{focus}|w_{context})$$

L’inconvénient de cette méthode est qu’elle est très gourmande en temps de calcul :

- Pour chaque couple [focus, contexte], le calcul de  $\log \mathbb{P}(w_{focus}|w_{context})$  est proportionnel à la taille du vocabulaire ;
- Le calcul de  $\nabla_{\theta} \log \mathbb{P}(w_{focus}|w_{context})$  pour la descente de gradient est aussi proportionnelle à la taille du vocabulaire.

La complexité est donc proportionnelle à la taille du vocabulaire, qui peut être très grande (par exemple, dans notre base de tweets, cette taille est de 70 330).

C’est pourquoi la version *softmax* est très peu utilisée dans les implémentations de Skip-Gram. Une approche alternative, *negative sampling* avec une fonction sigmoïd, moins gourmande en temps de calcul, est alors souvent préféré<sup>9</sup>.

**1.2.2.2 Version negative sampling** Le *negative sampling* est basée sur le concept de *Noise Contrastive Estimation* — estimation contrastée du bruit — selon lequel un bon modèle logistique devrait être capable de différencier un faux signal d’un vrai signal.

$$\log \sigma(W_{s,w_i} {}^tW_e[w_I,]) + \sum_{i=k}^K \mathbb{E}_{w_i \sim P_n(w)} [\log \sigma(-W_{s,w_i} {}^tW_e[w_I,])]$$

Pour le négative sampling, la probabilité de garder le mot  $w_i$  est égale à :

$$\mathbb{P}(w_i) = \frac{z(w_i)^{3/4}}{\sum_{j=1}^n z(w_j)^{3/4}}$$

Avec  $z(w_j)$  la fréquence d’apparition du mot  $w_j$ .

### 1.2.3 Version softmax

Décrire les différentes étapes de l’algo (version softmax uniquement) : reprendre cette partie de la note d’étape mais en étant plus rigoureux (introductions des formules + développer davantage).

8. Étant donné le vecteur  $z = (z_1, \dots, z_n)$  la fonction softmax est la fonction qui  $z$  associé le vecteur  $\sigma(z)$  dont la  $j^{\text{ème}}$  coordonnée est égale à  $\sigma(z)_j = \frac{\exp(z_j)}{\sum_{i=1}^n \exp(z_i)}$ .

9. Une autre alternative à l’approche *softmax* parfois utilisée est l’approches *hierarchical softmax* qui se base sur l’utilisation d’arbres binaires de classification. La complexité de cet algorithme est proportionnelle à  $\log_2 n$  mais reste plus importante que celle de l’approche *negative sampling*.

### 1.2.4 Version negative sampling

Réexpliquer l’algo dans sa version negative sampling et faire apparaître les avantages de cette méthode (cf un peu évoqué dans note d’étape).

## 2 Évaluation du modèle implémenté

### 2.1 Comment évaluer le modèle ?

Malgré l’utilisation généralisée des *word embeddings*, très peu de travaux théoriques expliquent ce qui est réellement capturé par ces représentations de mots.

C’est pourquoi ce modèle est principalement évalué à l’aide de méthodes empiriques. Nous allons décrire dans cette partie 2.1 quelques méthodes que nous avons retenues pour évaluer la qualité des vecteurs-mots obtenus.

#### 2.1.1 Distance entre deux mots

L’un des enjeux principaux du modèle étant de pouvoir estimer la proximité entre deux vecteurs-mots, nous pouvons tout d’abord mesurer cette dernière par des calculs de distance.

Il existe différents types de distances. Chacune d’elles possède des propriétés intéressantes et s’adaptent plus ou moins bien au problème traité. Nous avons ici retenu deux distances classiquement utilisées :

- **la distance euclidienne** :  $d_e(\vec{u}, \vec{v}) = \|\vec{u} - \vec{v}\|_2$

La longueur du vecteur mot, captée dans le cas de la distance euclidienne, est positivement corrélée à la fréquence d’apparition du mot (Schakel & Wilson (2015)). Cette information peut s’avérer utile dans l’analyse de la signification des mots, notamment lorsque l’on effectue des opérations sur les vecteurs (comme l’exemple de  $\vec{Paris} - \vec{France} + \vec{Italie} = \vec{Rome}$  dans Mikolov *et al* (2013a)).

Toutefois, cette dépendance à la fréquence d’apparition peut également fausser l’analyse. C’est pourquoi nous avons choisi, par la suite, de normaliser les vecteurs :

$$d_e(\vec{u}, \vec{v}) = \left\| \frac{\vec{u}}{\|\vec{u}\|_2} - \frac{\vec{v}}{\|\vec{v}\|_2} \right\|_2$$

- **la similarité cosinus** :  $d_c(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{\|\vec{u}\|_2 \|\vec{v}\|_2}$ .

La similarité cosinus correspond au produit scalaire entre les deux vecteurs normalisés. Elle mesure ainsi l’angle formé entre deux vecteurs-mots.

C’est la distance que de nombreux papiers fondateurs de la méthode *Word2Vec* (comme Mikolov *et al* (2013a) ou Levy & Golberg (2015)) utilisent, avec l’argument selon lequel les mots apparaissant dans des contextes similaires sont groupés dans la même direction durant l’entraînement. Une similarité est proche de +1 si deux mots sont positivement reliés (proches), de -1 s’ils sont négativement reliés (éloignés) et de 0 s’ils ne sont pas « reliés ».

Il est toutefois délicat d’interpréter une similarité proche de -1. On pourrait intuitivement penser à des antonymes, comme « grand » et « petit », mais en pratique, les antonymes sont susceptibles d’apparaître dans des contextes semblables et sont donc bien souvent positivement corrélés.

### 2.1.2 Analyse en Composantes Principales

Une fois le modèle *Word2Vec* entraîné, nous obtenons des *word-embeddings* pour chacun de nos mots, représentés par des vecteurs de grandes dimensions (20, 50 ou même supérieures à 100).

Dès lors, il devient complexe de bien observer la proximité entre deux mots. C'est pourquoi il devient utile de mobiliser des méthodes de réduction de dimensions comme l'analyse en composantes principales (ACP). En effet, l'objectif premier de cette méthode est de projeter un nuage de points sur un espace de dimension inférieure. Cela permet de rendre l'information moins redondante et plus visuelle, tout en étant le plus proche possible de la réalité.

Considérons le cas où nous disposons de  $n$  individus (dans notre cas les mots) et de  $p$  variables (dans notre cas, leurs composantes ou dimensions issues du modèle *Word2Vec*). On note  $X = (x_{ij})$  la matrice de taille  $(n, p)$  des données brutes, où  $x_{ij}$  représente la valeur de la  $j$ -ème variable pour le  $i$ -ème individu. Afin de donner à chaque individu le même poids, nous centrons et réduisons les colonnes de notre matrice de données. On notera par la suite  $Z = (z_{ij})$  la matrice des données centrées et réduites.

La construction des axes de l'ACP est faite par projection orthogonale. Nous utilisons ici le produit scalaire  $\langle x, y \rangle_N = x^t N y$  avec la métrique  $N = \text{diag}(\frac{1}{n}, \dots, \frac{1}{n})$ . Ainsi, la projection orthogonale d'un individu  $i$  (vecteur ligne)  $z_i$  sur une droite de vecteur directeur  $v$  vaut  ${}^t z_i v$  et les coordonnées de projection des  $n$  individus valent  $Zv$ .

Les vecteurs directeurs des axes sont définis de manière à maximiser la dispersion du nuage (son inertie) des individus projetés et conserver ainsi au mieux les distances entre les individus. L'inertie se définit comme

$$I(Z) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n d_e^2(z_i, \bar{z}) = \sum_{i=1}^n \text{var}(z^j) = p$$

avec  $d_e(z_i, z_{i'})$  la distance euclidienne entre deux individus  $z_i$  et  $z_{i'}$  :  $d_e(z_i, z_{i'}) = \sqrt{\sum_{j=1}^p (z_{ij} - z_{i'j})^2}$ <sup>10</sup>.

On trouve tout d'abord le vecteur directeur  $v_1$  qui orientera le premier axe de l'ACP grâce au programme suivant :

$$v_1 = \underset{\|v\|=1}{\text{argmax}} \text{Var}(Zv) = \underset{\|v\|=1}{\text{argmax}} v^t R v$$

où  $R = \text{Var}(Z) = \frac{1}{n} Z^t Z$  est la matrice des corrélations entre les  $p$  variables. La norme du vecteur  $v$  se calcule dans ce nouvel espace comme  $\|v\| = \sqrt{\langle v, v \rangle} = \sqrt{v^t v} = \sqrt{\sum_{i=1}^p v_i^2}$

Puis, on choisit  $v_2$  orthogonal à  $v_1$  tel que l'inertie soit toujours maximisée :

$$v_2 = \underset{\|v\|=1, v \perp v_1}{\text{argmax}} \text{Var}(Zv)$$

En procédant de manière séquentielle, on obtient  $q < r$  axes orthogonaux avec  $r = \text{rg}(Z)$  et  $q$  choisi par le statisticien<sup>11</sup>.

On peut montrer que  $\forall k < q$  :

---

10. Nous travaillons ici dans le cadre d'une ACP normée où la matrice  $X$  a été centrée puis réduite. La réduction de  $X$  a modifié les distances initiales entre individus ( $d_e(z_i, z_{i'}) \neq d_e(x_i, x_{i'})$ ). Cela n'aurait pas été le cas si la matrice  $Y$  avait été uniquement centrée (ACP non normée).

11. Différentes méthodes existent afin de déterminer le  $q$  optimal, comme la règle de Kaiser ou encore celle du coude.



- $v_k$  est un vecteur propre associé à la  $k^e$  valeur propre  $\lambda_k$  de  $R$  ;
- la composante principale  $Zv_k$  est centrée et  $V(Zv_k) = \lambda_k$  ;
- Les  $Zv_k$  ne sont pas corrélés entre eux.

On obtient alors la matrice  $F = ZV$  des nouvelles coordonnées factorielles des individus, avec  $V = (v_1, \dots, v_q)$  la matrice des vecteurs propres.

Nous utilisons ici l'ACP en vue d'identifier les individus (ici, nos mots) qui sont proches. Pour ce faire, il suffit de représenter les coordonnées factorielles de la matrice  $F$  dans des repères, en général en 2 dimensions pour une question de lisibilité. Deux mots apparaissant dans des contextes similaires seront proches sur ce repère et orientés dans la même direction.

Enfin, pour juger de la qualité de la réduction de dimension, on calcule souvent la proportion de l'inertie totale expliquée par les  $q$  premières composantes principales.

$$\frac{V(F)}{I(Z)} = \frac{\sum_{i=1}^q \lambda_i}{p}$$

### 2.1.3 Algorithme *t-distributed Stochastic Neighbor Embedding*

Bien que l'ACP soit une première manière de résumer l'information contenue dans nos vecteurs, elle présente des limites, notamment dans les vecteurs aux trop grandes dimensions, pour lesquels l'inertie des premiers axes de l'ACP peut se révéler faible.

Pour combler ces lacunes, un autre algorithme de réduction de dimension peut être utilisé, celui dit du *t-distributed Stochastic Neighbor Embedding* (t-SNE). Contrairement à l'ACP, cet algorithme est stochastique et non-linéaire et il favorise l'apparition de groupes de mots proches. Sa philosophie demeure cependant identique : représenter dans un espace à dimension réduite notre nuage de points de manière à repérer les mots proches.

La première étape de l'algorithme consiste à calculer les similarités entre les  $n$  vecteurs-mots  $(x_i)_{i=1\dots n}$ . La similarité entre  $x_i$  et  $x_j$  se mesure comme étant la probabilité conditionnelle  $p_{j|i}$  de choisir  $x_j$  comme voisin de  $x_i$ , si les voisins étaient tirés au sort selon une loi  $\mathcal{N}(x_i, \sigma_i)$ <sup>12</sup> :

$$p_{j|i} = \frac{\exp\left(-\frac{(d_e(x_i - x_j))^2}{2\sigma_i^2}\right)}{\sum_{k \neq i} \exp\left(-\frac{(d_e(x_i - x_k))^2}{2\sigma_i^2}\right)}$$

La seconde étape de l'algorithme consiste à trouver le nouvel espace de projection à faible nombre de dimensions. On appellera  $g_i$  les  $x_i$  projetés dans cet espace que l'on cherche à déterminer. De la même manière que précédemment, on exprime des probabilité conditionnelles  $q_{j|i}$  en fonction des  $g_i$  mais qui suivent cette fois-ci une distribution de *Student* — d'où le nom de l'algorithme — plutôt qu'une loi gaussienne<sup>13</sup>.

12.  $\sigma_i$  doit être calculé de manière à adapter la loi conditionnelle aux données. Une faible dispersion autour de  $x_i$  entraînera un  $\sigma_i$  faible et réciproquement. Il s'agit de trouver le  $\sigma_i$  qui minimise ce qui est appelé en théorie de l'information la « perplexité », c'est-à-dire un indicateur qui décrit à quel point une distribution de probabilité réussit à prédire un échantillon.

13. Dans un espace à faible dimension, la dispersion des vecteurs est réduite. La distribution de Student possède des queues plus épaisses que la loi normale, ce qui permet de mieux différencier les vecteurs distants des vecteurs similaires.

| mot 1      | mot 2   | similarité |
|------------|---------|------------|
| corde      | sourire | 0,00       |
| midi       | ficelle | 0,00       |
| ...        | ...     | ...        |
| corde      | ficelle | 3,33       |
| ...        | ...     | ...        |
| automobile | auto    | 3,94       |
| coq        | coq     | 4,00       |

TABLE 1 – Base de données de jugement humain

$$q_{j|i} = \frac{(1 + (d_e(g_i - g_j))^2)^{-1}}{\sum_{k \neq i} (1 + (d_e(g_i - g_k))^2)^{-1}}$$

Afin d’obtenir les  $g_i$ , on minimise, par descente de gradient, la divergence de Kullback–Leibler entre les distributions de probabilité P et Q :

$$KL(P, Q) = \sum_{i \neq j} p_{ij} \log \frac{p_{ij}}{q_{ij}} \quad \text{avec} \quad p_{ij} = \frac{p_{i|j} + p_{j|i}}{2n}$$

Comme dans l’algorithme de l’ACP, l’algorithme de t-SNE nous permet d’obtenir une nouvelle projection des  $x_i$ . Il faut cependant analyser avec précaution ses résultats. L’algorithme n’étant pas linéaire, l’interprétation de la taille des *clusters* obtenus ou de la distance qui les sépare n’est alors pas directe.

#### 2.1.4 Jugement humain

Les *word-embeddings* obtenus par *Word2Vec* sont censés regrouper les mots qui apparaissent dans un contexte similaire. Une dernière façon de vérifier la qualité de nos vecteurs-mots est de les comparer à un jugement humain. Pour ce faire, nous utilisons la liste de référence RG-65 pour le français<sup>14</sup> (Boumedyen Billami & Gala (2017)). Elle contient 65 paires de noms communs (tableau 1) évaluées sur une échelle de 0 (non liés) à 4 (très liés).

Nous calculons ensuite la corrélation de Spearman entre les similarités cosinus de ces différentes paires issues de notre modèle (notées ici  $(X_i)_{i=1..n}$ ) et les scores proposés ci-dessus par des êtres humains (notés ici  $(Y_i)_{i=1..n}$ ).

La corrélation de Spearman est égale au coefficient de corrélation de Pearson calculé sur les variables de rang.

$$r_s = \text{corr}(\text{rg}_X, \text{rg}_Y) = \frac{\text{cov}(\text{rg}_X, \text{rg}_Y)}{\sigma_{\text{rg}_X} \sigma_{\text{rg}_Y}}$$

La variable de rang  $\text{rg}_{X_i}$  est définie telle que  $\text{rg}_{X_i} = j \iff X_i = X_{(j)}$  ( $X_i$  est la  $j$ ème plus petite variable).

14. Le RG-65 a fait appel à 18 évaluateurs humains. La base, initialement mobilisée dans un article anglophone (Rubenstein & Goodenough (1965)) a été traduite de l’anglais.

| mot        | similarité cosinus |
|------------|--------------------|
| énorme     | 0,991              |
| taille     | 0,991              |
| ...        | ...                |
| vanille    | 0,061              |
| salissures | 0,054              |

TABLE 2 – Mots les plus proches de « grand » par similarité cosinus

Note : Paramètres utilisés :  $ep = 50$  /  $lr = 0,01$  /  $w = 5$  /  $dim = 10$ .

Pour tester la significativité de ce coefficient, nous utilisons la loi sous ( $H_0$ ) de la statistique de test

$z = \text{arctanh}(r_s) = \frac{1}{2} \ln \frac{1+r}{1-r} \stackrel{H_0}{\sim} \mathcal{N}(0, \frac{1}{n-3})$  et obtenons l'intervalle de confiance suivant :

$$IC_\alpha(r_s) = \left[ \tanh \left( z - \frac{q_{1-\frac{\alpha}{2}}}{\sqrt{n-3}} \right), \tanh \left( z + \frac{q_{1-\frac{\alpha}{2}}}{\sqrt{n-3}} \right) \right]$$

avec  $q_{1-\frac{\alpha}{2}}$  le quantile d'ordre  $1 - \frac{\alpha}{2}$  d'une loi  $\mathcal{N}(0, 1)$ .

## 2.2 Évaluation sur un corpus fictif

Avant de nous attaquer au jeu de données complet décrit plus bas, nous avons évalué un premier corpus fictif afin de nous assurer de la robustesse et de la validité du modèle implémenté. Nous avons associé dix couples (du type [voiture, camion]), à dix mots contextes différents ([véhicule, moto...]). Le corpus fictif est formé de 10 000 phrases composées chacune d'un mot d'un couple, de cinq mots du contexte et de trois mots bruits, tous tirés aléatoirement.

Nous avons ensuite mis en œuvre les différentes techniques d'évaluation<sup>15</sup> présentées en partie 2.1 sur les *word-embeddings* obtenus grâce à ce corpus fictif.

Les résultats semblent concluants : la similarité cosinus montre bien une forte corrélation entre les mots focus et contexte du corpus initial et une faible corrélation avec les mots bruits (tableau 2). L'ACP et l'algorithme t-SNE permettent également de montrer graphiquement cette proximité (figure 2). Les clusters apparaissent de manière plus évidente avec t-SNE.

## 2.3 Choix des meilleurs hyperparamètres pour le modèle

Une fois nous être assurés de la bonne implémentation du modèle (partie 2.2) grâce au corpus fictif, nous nous sommes attachés à identifier les hyperparamètres les plus pertinents au regard des données dont nous disposons.

Ces données correspondent à un ensemble de 1,3 million de tweets<sup>16</sup> postés en France entre 2014 et 2017, supposés être représentatifs de l'ensemble de tweets nationaux publiés durant cette période.

Le modèle *Word2Vec* version Skip-gram, décrit en partie 1, fait en effet intervenir un certain nombre d'hyperparamètres parmi lesquels :

- $ep$  : le nombre d'« *epochs* »

15. à l'exception de la méthode par « jugement humain » puisque le corpus est ici créé fictivement par ordinateur sans prêter attention au réel sens des mots.

16. Ces tweets, achetés à twitter, sont la propriété de l'Inria.

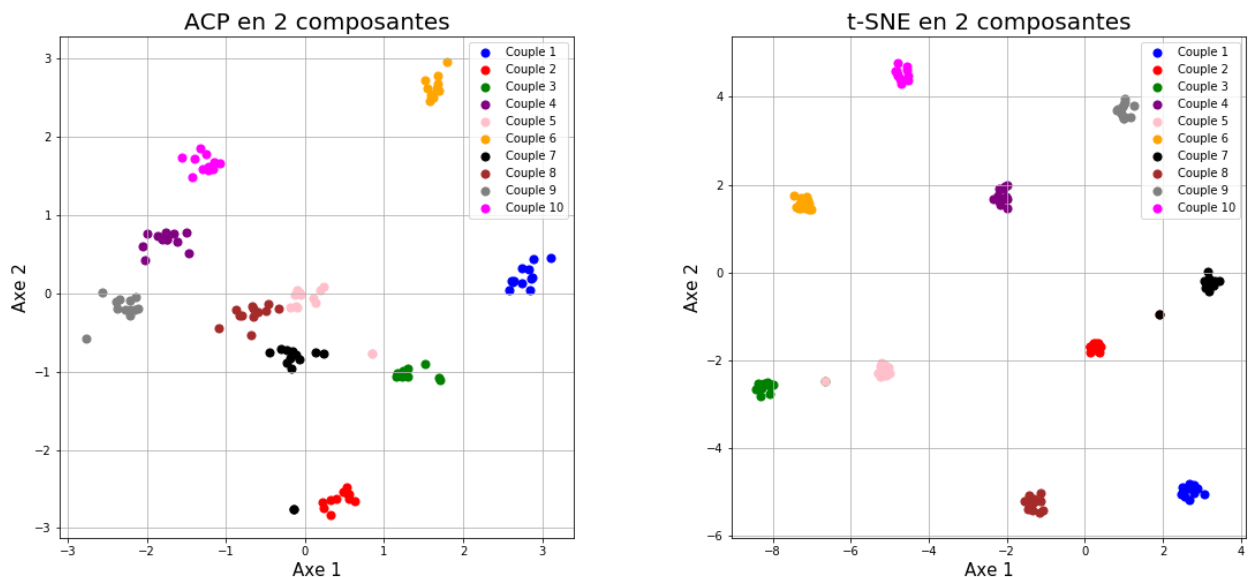


FIGURE 2 – Évaluation du modèle sur données fictives

Note : Paramètres utilisés :  $ep = 50$  /  $lr = 0,01$  /  $w = 5$  /  $dim = 10$ .

- $lr$  ou  $\alpha$  : le « *learning rate* », ou taux d'apprentissage
- $w$  (*window*): la taille de la fenêtre de sélection des mots contextes
- $dim$  : la dimension des vecteurs-mots (ou *word-embeddings*)

Or, la performance de nombreuses méthodes de *machine learning*, dont *Word2Vec*, dépend fortement des valeurs choisies pour ces paramètres, ces valeurs étant elles-mêmes très dépendantes des données mobilisées.

Même si les méthodes d'optimisation bayésiennes deviennent de plus en plus performantes pour optimiser la valeur de ces hyperparamètres en tenant compte de leurs interactions (Hutter, Hoos & Leyton-Brown (2014)), ce choix s'effectue régulièrement de manière empirique, en testant différentes valeurs d'hyperparamètres sur les données mobilisées. C'est l'approche que nous retenons ici.

Le package **Gensim** (« Generate Similar »), dans lequel la méthode *Word2Vec* est implémentée, est un des outils actuels les plus robustes et performants<sup>17</sup> pour la modélisation sémantique non supervisée (Řehůřek & Sojka (2010)).

Nous avons choisi de mobiliser **Gensim** dans la suite de ce rapport, en parallèle du modèle que nous avons implémenté, en raison de son temps d'exécution bien plus rapide<sup>18</sup>. Cette rapidité d'exécution nous a permis de réaliser des tests d'hyperparamètres plus nombreux.

Pour réaliser ces tests, nous avons fait tourner le modèle *Word2Vec* plusieurs fois en modifiant un à un les paramètres. Nous avons ensuite évalué ces différents modèles par la méthode du « jugement humain » (cf. partie 2.1.4) en comparant la mesure de la similarité cosinus<sup>19</sup> entre deux mots obtenue

17. Grâce à sa dépendance à NumPy, **Gensim** puise dans des bibliothèques de bas niveau. Ainsi, alors que le code de haut niveau est du Python, c'est en fait du Fortran et du C hautement optimisés qui sont utilisés, ce qui rend **Gensim** bien plus performant que PyTorch que nous avons utilisé pour implémenter le modèle décrit en partie 1.

18. À titre d'exemple, alors qu'une epoch sur l'ensemble des tweets met une vingtaine d'heures à tourner pour « notre » modèle, elle met 1 minute via **Gensim**.

19. Nous avons également évalué les modèles en utilisant (l'inverse de) la distance euclidienne à la place de la similarité cosinus. L'effet des paramètres devient alors bien moins clair et la performance du modèle est inférieure, ce va dans le

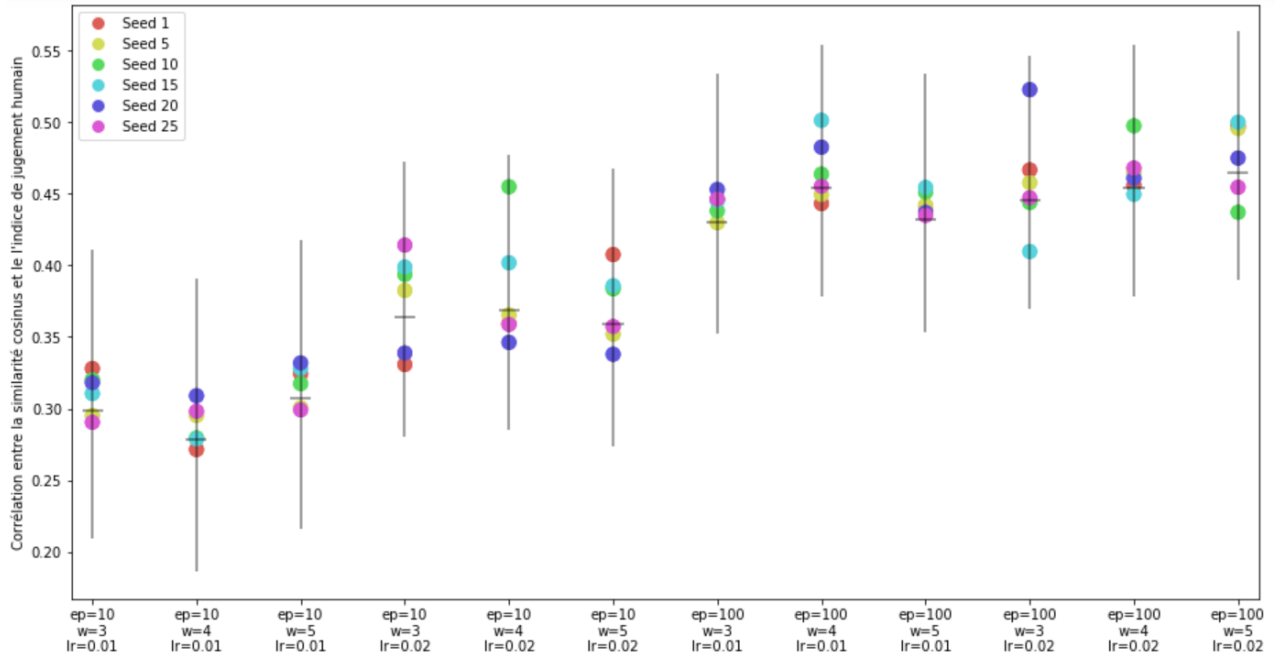


FIGURE 3 – Tests d’hyperparamètres : epochs, fenêtre et taux d’apprentissage

*Note : Paramètres utilisés :  $\text{dim} = 50$*

*Le trait horizontal correspond au coefficient de Spearman calculé sur les échantillons empilés des six modèles et la barre verticale à l’intervalle de confiance associé.*

à partir de notre modèle à l’évaluation subjective de cette proximité par des individus. En outre, un même modèle est lancé six fois (six « seeds » différentes) afin de construire des intervalles de confiance de la matière décrite précédemment, en empilant les six échantillons de mesure de proximités correspondant aux six implémentations d’un même modèle<sup>20</sup>.

### 2.3.1 Nombre d’epochs, taille de fenêtre et taux d’apprentissage

Pour cette première série de tests d’hyperparamètres, nous avons fixé la dimension des *word-embeddings* à 50<sup>21</sup> et évalué l’impact du nombre d’epochs, de la taille de la fenêtre et du taux d’apprentissage (figure 3).

#### 2.3.1.1 Le nombre d’epochs

Le nombre d’epochs a un effet net. Passer de 10 à 100 epochs fait nettement augmenter le score de corrélation de Spearman entre données subjectives et données en sortie du modèle.

➡ Nous retenons alors le paramètre **ep = 100**.

sens de l’utilisation plus fréquente de la méthode de la similarité cosinus dans la littérature.

20. Pour chaque modèle, nous calculons les statistiques de rang des 65 paires de mots de la base de jugement humain ainsi que le rang des similarités cosinus des mots obtenus en sortie du modèle. Nous réalisons ces actions pour les six implémentations du même modèle et empilons les résultats obtenus. C’est à partir de cette base empilée de 6x65 lignes moins les données manquantes que nous calculons chaque intervalle de confiance selon la formule décrite en partie 2.1.4.

21. En réalisant les mêmes tests sur uniquement 100 000 tweets, puis en testant une dimension de *word-embeddings* de 20, les effets observés et commentés ici se confirment.

### 2.3.1.2 Le taux d'apprentissage

La valeur 0,02 semble donner systématiquement de meilleurs résultats que 0,01. En réalisant davantage de tests de taux d'apprentissage en fixant les autres hyperparamètres, les différents taux d'apprentissage présentent des performances similaires<sup>22</sup>.

➡ Nous retenons alors le paramètre **lr = 0,02**.

### 2.3.1.3 La taille de la fenêtre

La taille de la fenêtre ne semble pas jouer un rôle majeur, et dépend beaucoup des autres paramètres choisis.

Certains travaux (Levy & Golberg (2014)) indiquent que, suivant la taille de fenêtre choisie, les informations capturées sont différentes. Cela pourrait expliquer la complexité de choisir la « meilleure » taille de fenêtre. Alors que les « grandes » fenêtres capturent des informations sur le domaine du mot (autres mots de tout type étant utilisés dans des discussions connexes), les « petites » fenêtres saisissent davantage le mot en lui-même (ses extensions, synonymes, lui sont alors proches). La valeur de 4 représente une taille de fenêtre « ni trop grande ni trop petite » et qui présente de bons résultats dans la plupart des tests effectués.

➡ Nous retenons alors le paramètre **w = 4**.

## 2.3.2 Dimension des vecteurs-mots

On cherche cette fois-ci à évaluer l'effet de la dimension des *word-embeddings*. Selon certains papiers (comme Pennington, Socher & Manning (2014)), la qualité des représentations vectorielles s'améliore à mesure que l'on augmente la taille du vecteur, mais seulement jusqu'à atteindre 300 dimensions<sup>23</sup>. Après 300 dimensions, la qualité des vecteurs commence à diminuer et le temps de calcul augmente considérablement.

En pratique, en comparant l'effet de la dimension des vecteurs (modèle fixé à  $ep = 100$ ,  $w = 4$  et  $lr = 0,02$ ), on observe bien une augmentation de l'efficacité du modèle jusqu'en dimension 300 et une efficacité moindre en dimension 500 (figure 4). Bien que l'efficacité du modèle semble meilleure en dimension 300, la dimension 100 améliore la rapidité de l'algorithme, pour des résultats d'une qualité similaire.

➡ Nous retenons alors le paramètre **dim = 100**.

---

22. En fixant les paramètres  $dim = 50$ ,  $ep = 100$  et  $w = 4$  (celles du modèle retenu *in fine*), et en testant les taux d'apprentissage 0,005, 0,01, 0,02, 0,03 et 0,04, les valeurs moyennes des corrélations s'échelonnent entre 0,41 et 0,48, soit des valeurs proches.

23. La dimension des vecteurs doit également être adaptée à la taille du vocabulaire. Un des articles fondateurs de word2vec (Mikolov *et al* (2013a)) recommande donc d'augmenter à la fois la dimension des vecteurs et la quantité de données d'apprentissage. Par exemple, avec un vocabulaire d'une centaine de mots, il serait inefficace d'utiliser des projections en grande dimension (risque de surapprentissage).

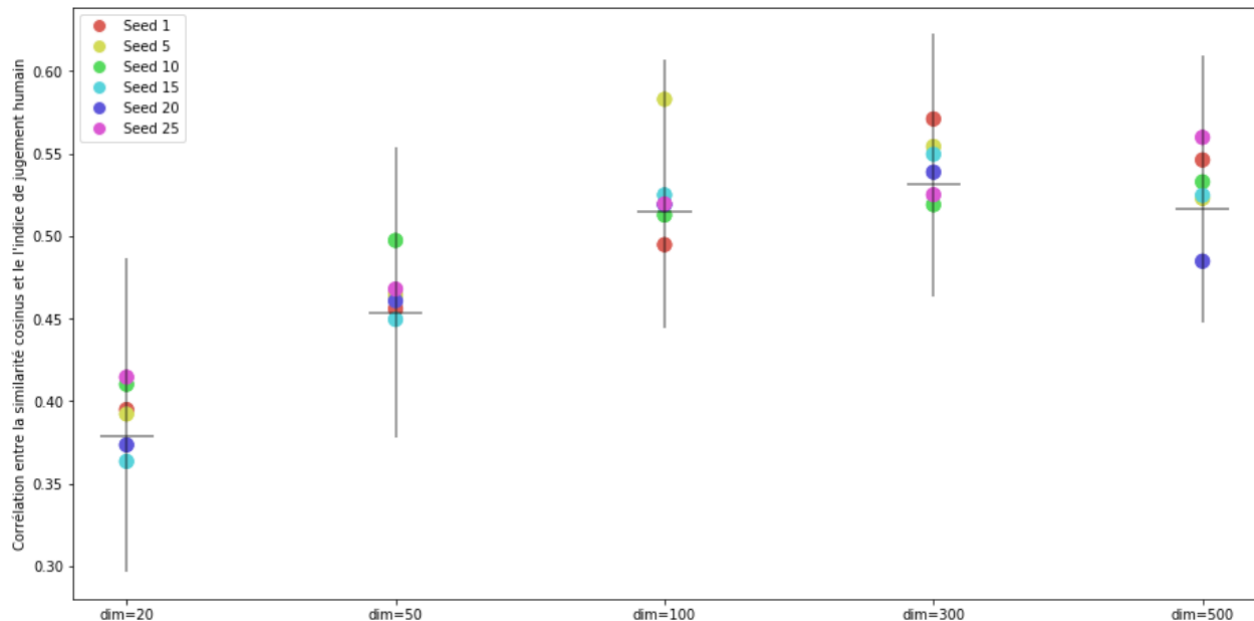


FIGURE 4 – Tests d’hyperparamètres : dimension des \*word-embeddings\*

Note : Paramètres utilisés :  $ep = 100$  /  $w = 4$  /  $lr = 0,02$ .

Le trait horizontal correspond au coefficient de Spearman calculé sur les échantillons empilés des six modèles et la barre verticale à l’intervalle de confiance associé.

## 2.4 Évaluation sur le corpus final

### 2.4.1 Avec « notre » modèle

Nous avons ensuite fait tourner le modèle que nous avons implémenté en utilisant les paramètres retenus précédemment<sup>24</sup> mais uniquement sur 100 000 tweets et 80 epochs pour des questions de temps de calcul<sup>25</sup>.

Les résultats obtenus semblent relativement satisfaisants. La recherche des plus proches voisins par similarité cosinus (dont quelques exemples sont illustrés en tableau 3) donne des résultats proches de l’intuition.

Par ailleurs, le coefficient de Spearman entre la similarité cosinus des mots obtenus et le jugement humain est de 0,571 (p-valeur : 4,1 %). Toutefois, ce bon résultat est à considérer avec précaution puisque seuls 13 des couples de mots de la base RG-65 ont été reconnus dans le corpus de 100 000 tweets que nous utilisons ici.

Enfin, les représentations graphiques des positions des mots via des ACP et les sommes vectorielles sur les mots<sup>26</sup> donnent des résultats bien moins concluants que le modèle **Gensim** entraîné sur l’ensemble des tweets (cf. partie 2.4.2).

24.  $w = 4$ ,  $lr = 0,02$  et  $dim = 100$

25. près de 18h.

26. comme l’exemple de  $\overrightarrow{Paris} - \overrightarrow{France} + \overrightarrow{Italie} = \overrightarrow{Rome}$  dans Mikolov et al (2013a)

| <b>bonjour</b><br>(669 apparitions) | <b>femme</b><br>(264 apparitions) | <b>1</b><br>(765 apparitions) | <b>samedi</b><br>(203 apparitions) |
|-------------------------------------|-----------------------------------|-------------------------------|------------------------------------|
| 😋 (0,59)                            | quelle (0,49)                     | 5 (0,55)                      | soir (0,57)                        |
| 😊 (0,59)                            | cette (0,46)                      | mois (0,51)                   | vivement (0,51)                    |
| merci (0,54)                        | une (0,44)                        | 10 (0,49)                     | demain (0,50)                      |
| nuit (0,48)                         | vie (0,44)                        | 2 (0,48)                      | end (0,48)                         |
| bisous (0,47)                       | grippe (0,44)                     | top (0,48)                    | weekend (0,47)                     |
| bonne (0,47)                        | belle (0,43)                      | depuis (0,47)                 | matin (0,45)                       |
| 😊 (0,46)                            | ma (0,43)                         | saison (0,46)                 | jeudi (0,45)                       |
| vous (0,46)                         | magnifique (0,43)                 | ans (0,44)                    | prochain (0,43)                    |
| plaisir (0,44)                      | nouvelle (0,43)                   | jours (0,43)                  | week (0,43)                        |
| allez (0,43)                        | vidéo (0,39)                      | 3 (0,43)                      | 🎉 (0,42)                           |

TABLE 3 – 10 plus proches voisins par similarité cosinus avec « notre » modèle

Note : Paramètres utilisés :  $ep = 80$  /  $w = 4$  /  $lr = 0,02$  /  $dim = 100$  / base : 100 000 tweets  
La similarité cosinus de chaque paire de mots est renseignée entre les parenthèses.

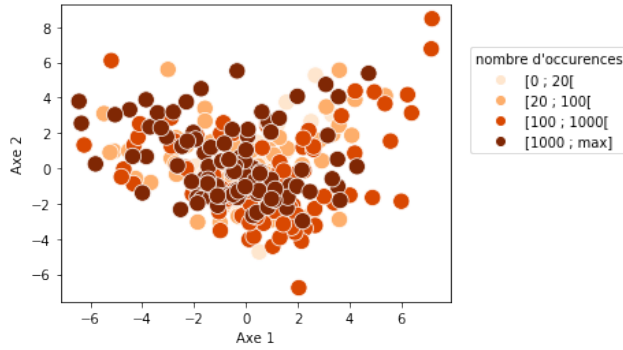


FIGURE 5 – Position des mots en fonction de leur nombre d'occurrences (Modèle **Gensim**)

Note : Paramètres utilisés :  $ep = 100$  (gauche) ou  $80$  (droite) /  $w = 4$  /  $lr = 0,02$  /  $dim = 100$ .  
Méthode utilisée : ACP, deux premiers axes.

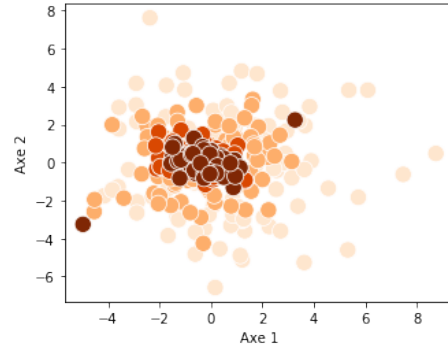


FIGURE 6 – Position des mots en fonction de leur nombre d'occurrences (« notre » modèle)

#### 2.4.2 Avec le modèle **Gensim**

Le modèle **Gensim**<sup>27</sup> donne des résultats encore plus convaincants que précédemment, ayant été davantage entraîné, et sur un corpus plus fourni (ensemble des tweets). En effet, les vecteurs-mots en sortie du modèle **Gensim** sur l'ensemble des tweets (figure 5) sont davantage répartis dans l'ensemble du plan, alors que les mots en sortie du modèle que nous avons implémenté sur 100 000 tweets sont répartis en fonction de leur nombre d'occurrences, les mots les moins fréquents n'ayant probablement pas (ou peu) été entraînés (figure 6).

Le coefficient de Spearman a une valeur semblable à précédemment : 0,495 mais sa p-valeur est proche de 0 % et, cette fois-ci, 52 des couples de mots de la base RG-65 ont été reconnus dans le corpus de tweets.

Les 10 plus proches voisins calculés par similarité cosinus (tableau 4) semblent encore davantage pertinents. Les plus proches voisins de « 1 » contiennent davantage de chiffres, de « samedi » davantage

27.  $w = 4$ ,  $lr = 0,02$ ,  $dim = 100$  et  $ep = 100$ .





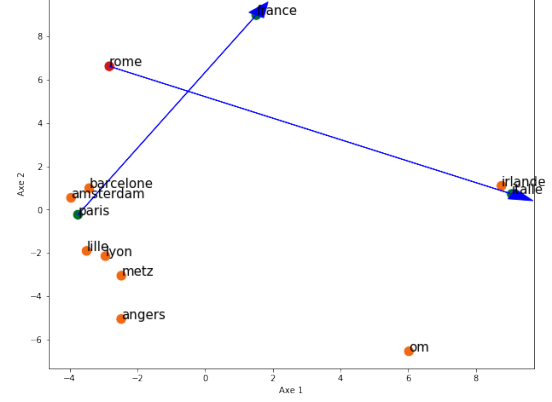
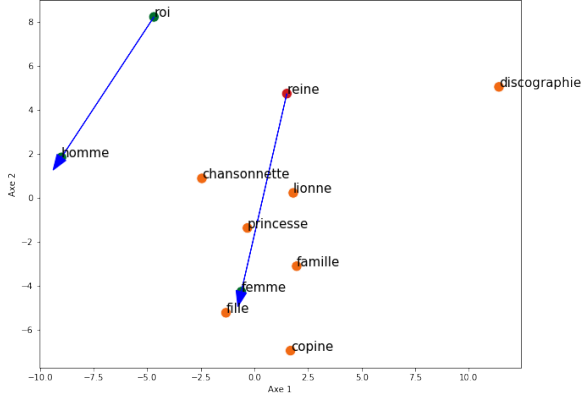


FIGURE 8 –  $\overrightarrow{Roi} - \overrightarrow{Homme} + \overrightarrow{Femme} = ?$

FIGURE 9 –  $\overrightarrow{Paris} - \overrightarrow{France} + \overrightarrow{Italie} = ?$

Note : Paramètres utilisés :  $ep = 100$  /  $w = 4$  /  $lr = 0,02$  /  $dim = 100$ .

Les mots en vert correspondent à ceux présents dans l'opération, le mot en rouge le mot que l'on serait supposé trouver et les mots en orange les 10 mots les plus proches du résultat de l'opération vectorielle.

pertinent, ou peut-être que, dans les tweets mobilisés, le mot « Rome » s'utilise dans un contexte différent de l'article de Mikolov.

### 3 Analyse des sentiments

#### 3.1 Description de la méthode et tests [Roro]

#### 3.2 Comparaison avec indicateurs insee

### Conclusion

## Références

- Bengio, Y., Ducharme, R., Vincent, P., Janvin, C. (2003). A Neural Probabilistic Language Model. JMLR, 3:1137–1155. <https://papers.nips.cc/paper/1839-a-neural-probabilistic-language-model.pdf>.
- Boumedyen Billami, M., Gala, N (2017). Création et validation de signatures sémantiques : application à la mesure de similarité sémantique et à la substitution lexicale. TALN 2017. <https://hal.archives-ouvertes.fr/hal-01528117/document>.
- Hutter, F., Hoos, H., Leyton-Brown, K., (2014). An Efficient Approach for Assessing Hyperparameter Importance. PMLR 32(1):754-762. <http://proceedings.mlr.press/v32/hutter14.pdf>.
- Jurafsky, D., Martin, J. H. (2019). Speech and Language Processing (3rd ed. draft). Prentice Hall. [https://web.stanford.edu/~jurafsky/slp3/edbook\\_oct162019.pdf](https://web.stanford.edu/~jurafsky/slp3/edbook_oct162019.pdf).
- Levy, O., Golberg, Y. (2015). Neural Word Embedding as Implicit Matrix Factorization. <https://papers.nips.cc/paper/5477-neural-word-embedding-as-implicit-matrix-factorization.pdf>.
- Levy, O., Golberg, Y. (2014). Dependency-based word embeddings. ACL. <http://papers.nips.cc/paper/5477-neural-word-embedding-as-implicit-matrix-factorization.pdf>.
- Mikolov, T., Chen, K., Corrado, G., Dean, J. (2013a). Efficient Estimation of Word Representations in Vector Space. arXiv:1301.3781. <https://arxiv.org/pdf/1301.3781.pdf>.
- Mikolov, T., Sutskever, I., Chen, K., Corrado, G. S., and Dean, J. (2013b). Distributed representations of words and phrases and their compositionality, arXiv:1310.4546. <https://arxiv.org/pdf/1310.4546.pdf>.
- Pennington, J., Socher, R., Manning, C. D., (2014). Glove: global vectors for word representation. Proc. of EMNLP, 1532 – 1543. <https://www.aclweb.org/anthology/D14-1162.pdf>.
- Řehůřek, R., Sojka, P. (2010). Software Framework for Topic Modelling with Large Corpora. Proceedings of LREC 2010 workshop New Challenges for NLP Frameworks. p. 46–50, 5 pp. ISBN 2-9517408-6-7. <https://is.muni.cz/publication/884893/en>.
- Rubenstein, H., Goodenough, J. B. (1965). Contextual Correlates of Synonymy. Commun. ACM, 8 (10), 627–633. <https://dl.acm.org/doi/10.1145/365628.365657>.
- Schakel, A. M., Wilson, B. J. (2015). Measuring Word Significance using Distributed Representations of Words. arXiv:1508.02297. <https://arxiv.org/pdf/1508.02297v1.pdf>.