

Erkennung ereigniskorrelierter Potenziale eines Elektroenzephalogramms durch eine KI

Alexander Reimer

Matteo Friedrich

15. Januar 2022

Inhaltsverzeichnis

1	Zusammenfassung	3
2	Einleitung	4
3	Methode und Vorgehensweise	5
3.1	Materialien	5
3.2	Vorgehensweise	5
3.2.1	Elektroenzephalographie	6
3.2.2	Neuronales Netz	7
3.2.3	Roboter	11
4	Ergebnisse	12
5	Diskussion	13
6	Danksagung	14
6.1	Finanzierung	14
6.2	Unterstützung	14
7	Quellen & Referenzen	15

1 Zusammenfassung

In diesem Projekt wollen wir einen Roboter mithilfe bloßer Gedankenkraft steuern.

Um Daten über das Gehirn zu bekommen, nutzen wir einen Elektroenzephalographen, kurz EEG, welches durch Elektroden an der Kopfhaut die Spannungsdifferenz innerhalb des Gehirns misst. Dies werten wir mithilfe eines Neuronalen Netzes aus, welches wir vorher darauf trainiert haben, Muster in diesen Daten zu erkennen. So können wir bestimmte Ereignisse anhand der EEG-Daten ableiten, z.B. ob jemand geblinzelt hat oder sich gerade konzentriert.

Das Ziel ist es dann, durch das Erkennen verschiedener dieser sogenannten ereigniskorrelierten Potentialen (EKPs) einen Roboter nur mit Gedanken steuern zu können.

Wir haben es geschafft eine KI zu programmieren, die in der Lage ist, anhand der EEG-Daten richtig zu erkennen, ob eine bestimmte Testperson gerade geblinzelt hat oder nicht. Diese korrekte Klassifizierung der Daten ist jedoch nur möglich, wenn die Test- und Trainingsdaten unter den exakt gleichen Voraussetzungen aufgenommen wurden (das heißt gleiche Person, gleiche Umgebung etc.) Diese Problematik könnten wir wahrscheinlich durch das Sammeln von mehr und verschiedenen Daten lösen. Leider hatten wir dafür aber noch nicht genug Zeit gehabt.

2 Einleitung

Ziel des Projektes ist es, zuerst ein BCI – Brain-Computer Interface – zu entwickeln, welches verschiedene EKPs erkennen kann. Dieses wollen wir dann testen, indem wir es zur Steuerung eines Roboters nutzen.

Die Idee eines BCI ist nicht neu, sondern wird intensiv erforscht. Aufgrund bereits durchgeführter Experimente ist bekannt, dass BCIs umsetzbar sind. [1]

Wir hoffen, neben dem Erlangen von Erfahrung in diesem interessanten Bereich auch selbst dazu beizutragen. Dies wollen wir erreichen durch das Entwickeln einer allgemeinen Anwendung, bei der kein vorheriges Trainieren für eine fremde Person benötigt wird, das Umsetzen mit günstiger, für viele bezahlbarer Hardware, sowie ein performantes Programm, welches leicht für die eigenen Zwecke anpassbar ist.

3 Methode und Vorgehensweise

3.1 Materialien

- EEG
 - 4 Channel Ganglion Board von OpenBCI ★
 - 2x Spike Electrodes ★
 - 2x Flat Electrodes ★
 - Klettband für die Elektroden ★
 - 2x Earclips ★
 - Plastik-Hülle für das Ganglion Board
- Roboter
 - Lego Mindstorms EV3 Brick
 - Raspberry Pi 3B 8GB
 - 2x EV3 großer Motor
 - SD-Karte (8 GB)
 - Diverse Legoteile
- Software
 - Flux.jl für das neuronale Netz ¹ [7] [8]
 - BrainFlow.jl als Schnittstelle zum EEG ² [9]
 - FFTW.jl für die Fast Fourier Transformation ³ [10]
 - CUDA.jl zum effektiven Nutzen einer NVIDIA GPU ⁴ [11]
 - PyPlot.jl zum plotten ⁵ [12]
 - BSON.jl zum Speichern und Laden von Netzwerken ⁶
 - ev3dev.jl zum Steuern eines EV3-Roboters durch einen Raspberry Pi ⁷ [13]

3.2 Vorgehensweise

Unser Projekt lässt sich grob in 3 Teile unterscheiden.

Zum einen gibt es den neurobiologischen Teil. Dieser besteht aus der Messung von Gehirnaktivität und der Umwandlung dieser Aktivität in für uns nutzbare Daten.

¹<https://github.com/FluxML/Flux.jl>

²<https://github.com/brainflow-dev/brainflow>

³<https://github.com/JuliaMath/FFTW.jl>

⁴<https://github.com/JuliaGPU/CUDA.jl>

⁵<https://github.com/JuliaPy/PyPlot.jl>

⁶<https://github.com/JuliaIO/BSON.jl>

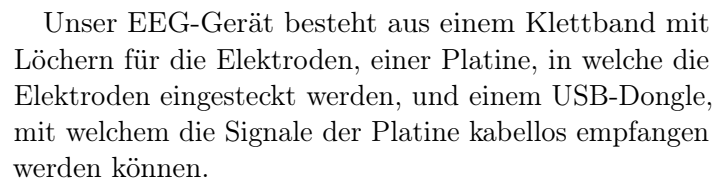
⁷<https://github.com/AR102/ev3dev.jl>

Der letzte Teil von unserem Projekt beinhaltet die Konstruktion und Steuerung eines EV3 Roboters. Je nachdem, was das Neuronale Netz ausgibt, soll sich dieser Roboter anders verhalten und so über Gedanken steuerbar sein.

Bei der Elektroenzephalographie werden Elektroden an der Kopfoberfläche platziert. Diese können sehr kleine Spannungsdifferenzen messen, die durch Reize im Gehirn entstehen und durch den Schädel dringen. Diese Spannungen werden nicht von einzelnen Nervenzellen erzeugt, sondern geben die Summe aller lokalen Spannungen wieder. Man kann also auch nur ungefähr sagen, wo genau im Gehirn ein bestimmter Reiz ausgelöst wurde, je mehr Elektroden desto höher die Genauigkeit. [2]

Weiter ist es möglich, nur durch Gedanken eine Steuerung auszuführen. Dies funktioniert jedoch meist durch Instrumentelle oder Klassische Konditionierung, also durch das Bestrafen und Belohnen auf Basis der Messungen des EEG. So kann das Gehirn darauf trainiert werden, auf Verlangen eine bestimmte, vorher festgelegte Aktivität auszulösen, die dann gemessen und ausgewertet werden kann. [1]

Zuerst probieren wir deshalb die Erkennung von EKPs, da diese deutlich leichter zu klassifizieren sind und wir so erstmal das Konzept eines Neuronalen Netzes in einem solchen Kontext ausprobieren können. Denn wenn unser neuronales Netz EKPs noch nicht sicher erkennen kann, wären komplexere Zusammenhänge ohne vorherige Konditionierung erst recht nicht möglich.



Also kriegen wir $4 * 200 = 800$ Signale pro Sekunde.
Bevor wir diese in das Neuronale Netzwerk geben,

6

verarbeiten wir sie aber erstmal mithilfe der sogenannten Fourier Transformation. Diese kann die verschiedenen zugrundeliegenden Frequenzen einer Zahlenfolge grob extrahieren, indem diese in Sinus-Kurven zerlegt wird.

Daraus folgt ein Array (eine Liste) an Werten. Der Index bestimmt, für welche Frequenz der Wert gilt (erster Wert: 1 Herz, zweiter Wert: 2 Herz, etc.) und der Wert gibt an, womit die entsprechende Sinus-Funktion multipliziert werden muss, um die originale Funktion wiederzuerlangen. [5]

So lässt sich bestimmen, welche Frequenzen am stärksten vorkommen. Außerdem können dann Frequenzen herausgefiltert werden, indem die entsprechenden Indices ignoriert werden.

Abbildung: Beispiel FFT von Sinuskurven mit 3 Hz, 5 Hz, 12 Hz

Um die Signale in Julia empfangen, in Dateien speichern, und laden zu können, haben wir BrainFlow benutzt.

3.2.2 Neuronales Netz

Ein neuronales Netzwerk besteht aus drei Teilen: dem Input Layer, den Hidden Layers und dem Output Layer.

Der Input ist eine Liste aus Zahlen zwischen 0 und 1. Er gibt an, welche Eingaben (Inputs) das Netzwerk bekommen soll, z. B. die Grauwerte der Pixel eines Bildes.

Die Hidden Layers sind eine Ansammlung von in mehrere Layer (Schichten) unterteilten Neuronen.

Jedes Neuron besitzt eine Aktivierung (Activation), die als Zahl zwischen 0 und 1 angegeben werden kann, und einen Bias (Verzerrung), der eine beliebige Zahl sein kann. Die Neuronen verschiedener Layer sind alle durch sogenannte Gewichte (Weights) verbunden, die ebenfalls einen beliebigen Wert haben können.

Die Outputs sind dann lediglich die Aktivierungen der Neuronen im Output Layer.

Was ist ein neuronales Netzwerk?

Zuerst wollten wir die Grundstruktur eines neuronalen Netzwerkes programmieren. Ein neuronales Netzwerk besteht aus drei Teilen: dem Input Layer, den Hidden Layers und dem Output Layer.

Der Input Layer ist nur eine Liste aus Zahlen zwischen 0 und 1. Er gibt an, welche Eingaben (Inputs) das Netzwerk bekommen soll, z. B. die Grauwerte der Pixel eines Bildes.

Die Hidden Layers sind eine Ansammlung von in mehrere Layer (Schichten) unterteilten Neuronen. Jedes Neuron besitzt eine Aktivierung (Activation), die als Zahl zwischen 0 und 1 angegeben werden kann, und einen Bias (Verzerrung), der eine beliebige Zahl sein kann. Die Neuronen verschiedener Layer sind alle durch sogenannte Gewichte (Weights) verbunden, die ebenfalls einen beliebigen Wert haben können.

Forward Pass

Zur Berechnung der Aktivierung eines Neurons gibt es den sogenannten Forward Pass. Dabei beginnt man im ersten Hidden Layer damit, für alle Neuronen den sogenannten Netz Input (auch net input) zu berechnen. Um den Netz Input eines Neurons zu berechnen,

werden alle Aktivierungen des vorherigen Layers mit den von dem Neuron dorthin führenden Gewichten multipliziert und summiert. Der Bias ist eigentlich auch ein Gewicht, jedoch ist er mit einem Neuron verbunden, das immer die Aktivierung 1 hat.

Um aus diesem Netz Input nun die Aktivierung zu berechnen, benötigt man eine Aktivierungsfunktion, die dafür sorgt, dass die Aktivierung zwischen 0 und 1 liegt. Wir haben dafür eine Sigmoidfunktion benutzt, die eine Zahl nimmt und einen Wert zwischen 0 und 1 ausgibt. Dies wird dann für jedes Neuron in jedem Layer wiederholt. Da man aber immer die Aktivierungen des vorherigen Layers benötigt, muss man das ganze vom Input Layer zum Output Layer machen. Daher auch der Name Forward Pass. Die Interpretation der Outputs hängt von den Trainingsdaten ab. (s. Backwardpass). Die allgemeine Formel für die Aktivierung eines Neurons lautet also:

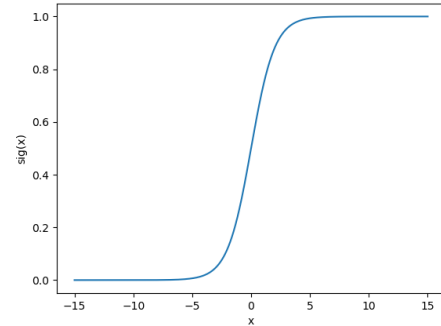


Abbildung 2: Graph der Sigmoidfunktion

$$\text{sig}(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

$$a_i = \text{sig}(\text{netzinput}_i)$$

wobei a_i = die Aktivierung des Neurons i und netzinput_i = der Netinput des Neurons i .

Dies wird dann für jedes Neuron in jedem Layer wiederholt. Da man aber immer die Aktivierungen des vorherigen Layers benötigt, muss man das ganze vom Input Layer zum Output Layer machen. Daher auch der Name Forward Pass. Die Outputs sind dann lediglich die Aktivierungen der Neuronen im Output Layer. Die Interpretation dieser hängt von den Trainingsdaten ab (s. Backpropagation - Theorie). Die allgemeine Formel für die Aktivierung eines Neurons lautet also:

$$a_j = \text{sig}\left(\sum_L (a_L * W_{Lj}) + b_j\right)$$

wobei a_j = die Aktivierung des Neurons j , L = der nächste Layer, a_L = alle Aktivierungen des Layers L , W_{Lj} = alle Gewichte zwischen dem Neuron j und den Neuronen des Layers L , und b_j = der Bias des Neurons j .

Loss/Cost

Um zu bestimmen, wie gut ein bestimmtes Neuronales Netz ist, gibt es die sogenannte Cost-Funktion (auch Loss-Funktion genannt), die mithilfe von Trainingsdaten funktioniert.

Trainingsdaten bestehen aus einer Liste aus Trainingsdatensätzen. Jeder dieser Datensätze beinhaltet Inputs für das Netzwerk und die richtigen Outputs dafür. Machine Learning, das mit solchen Trainingsdaten arbeitet, wird Supervised Learning genannt.

Die Funktion für die Cost des Output Layers und somit gesamten Netzwerkes (für einen Trainingsdatensatz) lautet wie folgt:

$$C_0 = (a_L - y)^2$$

wobei C_0 = die Cost des Output Layers, L = der letzte Layer (Output Layer), a_L = die Aktivierungen des Layers L , und y = die richtigen Outputs für die Inputs, mit denen die Aktivierungen berechnet wurden.

Um die Cost zu berechnen muss man also für alle Output Neuronen die Differenz der gegebenen und der richtigen Aktivierungen bilden. Danach muss man diese Differenzen quadrieren und am Ende alle Ergebnisse aufsummieren. Dies kann man für alle Trainingsdatensätze wiederholen und von allen Costs den Durchschnitt nehmen, um die allgemeine Performance eines Netzwerkes zu überprüfen. Diese Art der Cost-Funktion wird Mean Squared Error (MSE) genannt. Zusammenfassend kann man also sagen, dass die Cost die Abweichung von den berechneten und den richtigen Outputs angibt. Aufgrund des Trainingsdatensatzes weiß man nun, wie der Output Layer verändert werden muss.

Backwardpass

Doch wie verändert man nun die Aktivierungen des Output Layers? Es müssen alle Gewichte und Biases davor angepasst werden. Um nun zu wissen, wie ein Gewicht verändert werden muss, gibt es folgende Funktion:

$$\Delta W_{ij} = \epsilon * \delta_i * a_j$$

wobei ΔW_{ij} = um wie viel das Gewicht W zwischen den Neuronen j und i verändert werden muss, ϵ = die Lernrate (meist ein kleiner Wert wie 0.001), $\delta_i \approx$ die Ableitung der Cost des Neuronen i im Verhältnis zum Weight W_{ij} , und a_j = die Aktivierung des Neurons j . Was dabei oft verwirrend ist: j bezeichnet das Neuron, welches zuerst kommt, und i das Neuron, welches danach kommt (Reihenfolge im Forward-Pass), obwohl es bei W_{ij} andersherum steht.

Für den Bias wird die gleiche Formel benutzt, mit der Ausnahme, dass a_j immer 1 ist und so wegfällt. Der Grund dafür liegt darin, dass der Bias, wie in der Struktur beschrieben, eigentlich nur ein Gewicht ist, das mit einem Neuron verbunden ist, welches immer eine Aktivierung von eins hat.

Um nun δ_i für den Output Layer zu berechnen, gibt es folgende Gleichung:

$$\delta_i = \text{sig}'(\text{netinput}_i) * (a_i(\text{soll}) - a_i(\text{ist}))$$

wobei $\text{sig}'(x)$ = die Ableitung von $\text{sig}(x)$, also $\text{sig}'(x) = \text{sig}(x) * (1 - \text{sig}(x))$, netinput_i = der Netinput des Neurons i , $a_i(\text{soll})$ = die Aktivierung, die das Neuron haben sollte (also das gleiche wie y), und $a_i(\text{ist})$ = die Aktivierung, die das Neuron hat.

Mit dieser Formel wird berechnet, welche Aktivierung das Neuron haben sollte, was an $a_i(\text{soll}) - a_i(\text{ist})$ erkennbar ist. Die Aktivierungsfunktion mit dem Netz Input wird als Faktor mit einberechnet, da möglichst nur die Gewichte stark verändert werden sollen, die bei dem Trainingsdatensatz eine hohe Aktivierung haben, also durch diese Inputs

besonders angesprochen werden. So werden zum Beispiel beim Sortieren nur die Neuronen miteinander verknüpft, die für ein bestimmtes Muster verantwortlich sind. Für die Neuronen der Hidden Layers muss man alle δ 's des nächsten Layers mit den von dem Neuron dorthin führenden Weights multiplizieren und dann summieren. Dadurch werden die Änderungen, die die Aktivierungen dieser Neuronen brauchen (δ), zusammengerechnet, da natürlich die Aktivierungen im nächsten Layer unterschiedliche Änderungen in dem gleichen Neuron benötigen. Durch die Multiplikation mit den dahin führenden Weights werden diese Änderungen gewichtet, da sie auf einige Neuronen größere Auswirkungen haben als auf andere. Wie beim Output Layer auch wird diese Summe noch mit $\text{sig}'(\text{netzinput})$ multipliziert, um die Aktivierung durch bestimmte Muster angesprochener Neuronen noch weiter zu erhöhen und weniger/kaum angesprochener Neuronen zu senken, sodass die Ergebnisse besser und eindeutiger werden. Die Formel:

$$\text{sig}'(\text{netzinput}_i) * \sum_L (\delta_L * W_{Li})$$

wobei L = der nächste Layer, δ_L = alle δ 's des Layers L , und W_{Li} = alle Weights, die ein Neuron des nächsten Layers und Neuron i verbinden.

Da immer die nächsten Layer und der Output Layer benötigt werden, ergibt es Sinn, diese Optimierung beim Output Layer zu starten und dann rückwärts die δ -Werte für jeden Layer zu berechnen und für die nächsten Berechnungen zu speichern – daher auch der Name Backpropagation. [6]

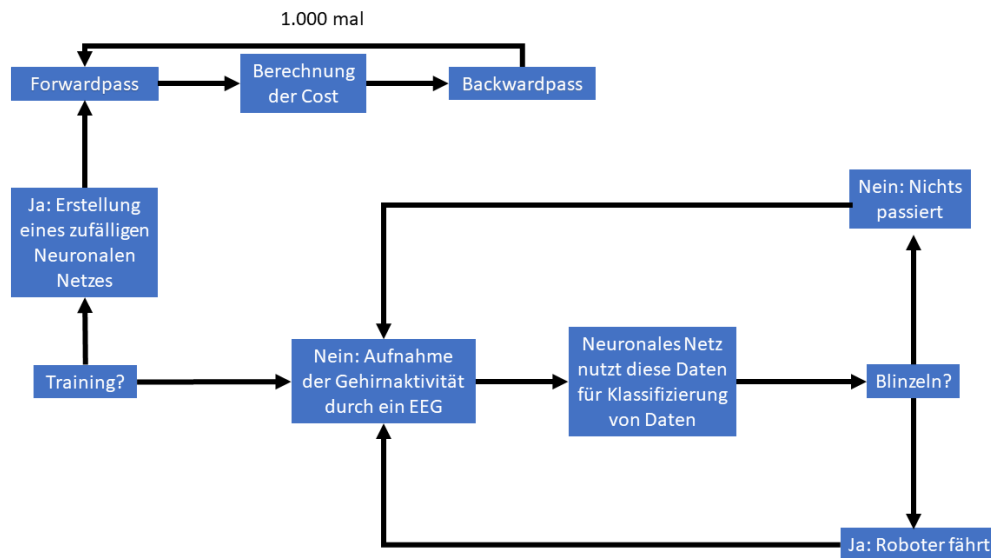


Abbildung 3: Funktionsweise des Programms

Flux

Wir haben in unserem letzten Projekt bereits ein Neuronales Netzwerk mit dieser Funktionsweise selbstprogrammiert, um es besser verstehen zu können. [14] Für dieses Projekt haben wir allerdings das Package Flux benutzt, welches die gleichen Ergebnisse liefern sollte, jedoch mit deutlich besserer Performance, da es sehr stark optimiert wurde.

3.2.3 Roboter

Für unseren Roboter haben wir uns entschieden, Lego Mindstorms EV3 Motoren zu benutzen, die von einem EV3-Brick gesteuert werden, der wiederum von einem Raspberry Pi 3B gesteuert wird. Der Grund dafür, dass wir keine Motoren direkt mit dem Raspberry Pi steuern, ist, dass wir schon alle Teile für einen EV3 Roboter haben. Somit müssten wir entweder neue Motoren kaufen oder passende Adapter finden, welche meist nur mit C und Python funktionieren und teuer sind.

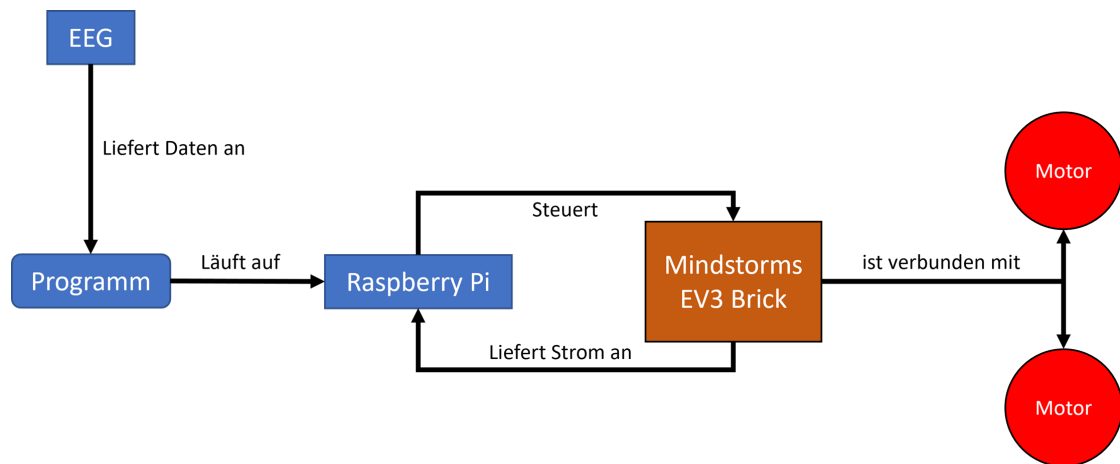


Abbildung 4: Ablauf von Gehirnaktivität zur Motorbewegung

Wir haben dafür das Package `ev3dev.jl` benutzt, welches wir bereits für die Robotik-AG programmiert hatten. Deshalb ist der Roboter bereits fertig, obwohl das Neuronale Netz noch nicht so weit ist.

Mehr technische Details zu der Umsetzung lassen sich beim GitHub Repository des Packages finden [13].

4 Ergebnisse

Zuerst haben wir versucht, eine KI zu trainieren, welche erkennen kann, ob eine Person gerade geblinzelt hat oder nicht. Diese könnte man zum Beispiel nutzen, indem man einen Roboter immer dann nach vorne fahren lässt, wenn eine Versuchsperson blinzelt.

Wir haben uns für ein neuronales Netzwerk entschieden, welches als Input eine Sekunde an EEG-Daten nimmt, da sich die Auswirkungen von Blinzeln ungefähr für diesen Zeitraum in den EEG-Daten abbilden.

Als Outputs haben wir uns für zwei Neuronen entschieden. Dabei stehen die Werte jeweils für die Sicherheit des Netzwerkes, dass geblinzelt oder nicht geblinzelt wurde.

Unsere Trainingsdaten bestehen dann aus 200 dieser Datensätzen, 100 davon mit Blinzeln und 100 ohne. Unser Netzwerk haben wir aber nur mit 90% dieser Datensätze (180) trainiert, damit wir mit den restlichen 20 kontrollieren konnten, ob das Netzwerk auch unbekannte Daten richtig verarbeiten kann.

Für den Aufbau der Hidden Layer des Netzwerkes haben wir uns entschieden, da wir mehrere verschiedene Ansätze ausprobiert haben und diese Struktur konsistent die besten Ergebnisse geliefert hat.

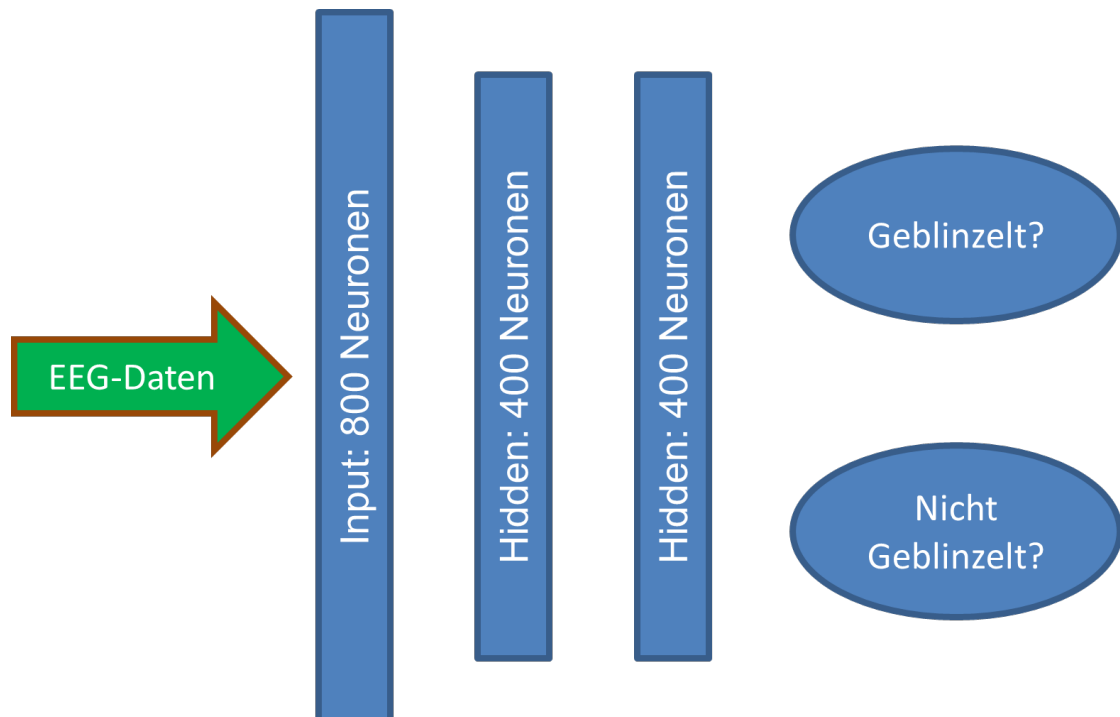


Abbildung 5: Struktur unseres Neuronalen Netzwerks

Bei dem Versuch mit Frequenzfiltern durch FFT (selbe Struktur, jedoch mit 50 Inputs, da wir auf 1 bis 50 Herz beschränkt haben) erhielten wir sehr schlechte Ergebnisse, es war kein deutlicher Unterschied zum Zufall erkennbar.

Plot der Cost- & Accuracy-Entwicklung!

Ohne FFT nur mit den rohen Daten haben wir es jedoch geschafft, eine Genauigkeit von 100% für Testdaten zu erzielen, mit denen das neuronale Netz nicht trainiert wurde.

Plot der Cost- & Accuracy-Entwicklung!

Wir glauben, dass dafür die Methode unserer Datensammlung verantwortlich ist. Denn wir nehmen die EEG-Daten von Blinzeln direkt an der Stirn, über den Augen, auf. Da das Auge ein Dipol ist (zwei unterschiedlich geladenen Seiten hat) und beim Blinzeln der Augapfel sich automatisch mit der negativ geladenen Vorderseite nach oben (in Richtung der Elektroden) dreht, entsteht so ein direkter elektrischer Ausschlag – jedoch ohne eine bestimmte Frequenz.

Die Frequenzen haben also keinen direkten Zusammenhang mit dem Blinzeln. Deshalb kann unser neuronales Netzwerk kein Blinzeln erkennen, wenn es nur die Stärke der Frequenzen als Inputs erhält.

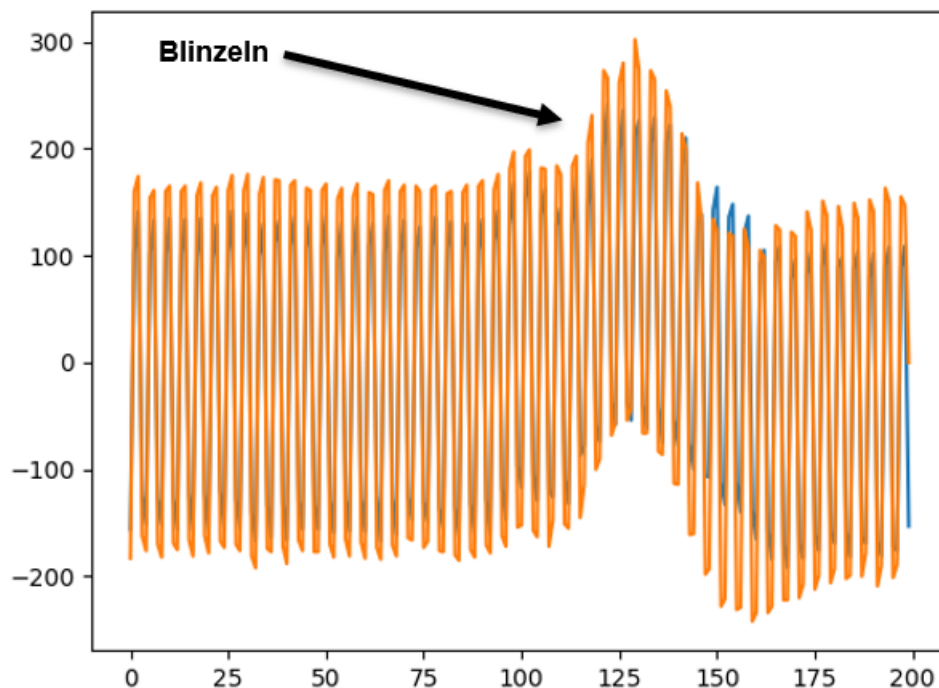


Abbildung 6: Ausschnitt eines EEGs mit Blinzeln

5 Diskussion

Das Problem mit der Anwendung von FFT wollen wir lösen, indem wir die Elektroden an einer anderen Stelle am Schädel platzieren, wahrscheinlich am Okzipitalen Kortex, da

dort Alpha-Wellen (Wellen im Bereich von 7 – 13 Herz) am stärksten ausgeprägt sind und unser EEG diese am zuverlässigsten messen kann.

Als wir das trainierte Neuronale Netzwerk für Blinzeln mit Daten testeten, die unter anderen Umständen entstanden (anderer Raum, andere Person, etc.), sank die Zuverlässigkeit der Ergebnisse drastisch, auch wenn sie besser als zufällig war.

Grund dafür ist vermutlich, dass das Netzwerk nur mit Daten trainiert / getestet wurde, die alle kurz nacheinander von der gleichen Person unter gleichen Umständen aufgenommen wurden.

Um dieses Problem zu lösen, wollen wir also versuchen, mehr Trainingsdaten zu sammeln, die unter verschiedenen Bedingungen aufgenommen wurden, um unser Ziel der allgemeinen Nutzbarkeit erfüllen zu können. Außerdem könnte eine Verbesserung der Signalqualität des EEG ebenfalls zur besseren Konsistenz der Daten beitragen. Umgesetzt könnte dies werden durch z.B. die Verwendung eines Elektrodengels, bessere Platzierung der Elektroden und ein besseres Filtern von Rauschen in den Daten.

Zudem wollen wir in Zukunft versuchen, mithilfe unseres Neuronalen Netzes bereits bei allen Menschen vorhandene, selbstkontrollierbare Gehirnaktivität zu finden und sicher zu erkennen, jedoch ohne vorherige Konditionierung. Solche Gehirnaktivität könnte z.B. der allgemeine Gedanke an „Rechts“ sein, was womöglich mit erhöhter Aktivität auf der linken Hirnhälfte in Verbindung stehen könnte.

6 Danksagung

6.1 Finanzierung

Danke an den Förderverein „Gesellschaft der Freunde des Gymnasium Eversten e.V.“ für die Finanzierung des EEG-Geräts. Alle finanzierten Teile sind in der Materialliste mit ★ gekennzeichnet.

6.2 Unterstützung

Danke an Professor Everling vom „The Brain and Mind Institute“ der Western University in Kanada. ⁸

Danke an Ino Saathoff, der für uns die Hülle der EEG-Platine mit seinem 3D-Drucker erstellt hat.

Danke an Ino und Oliver Samkovskij, die zusammen mit uns den Roboter gebaut haben.

⁸<https://www.uwo.ca/bmi/investigators/stefan-everling.html>

7 Quellen & Referenzen

Literatur/Videos

- [1] Ujwal Chaudhary, Niels Birbaumer und Ander Ramos-Murguialday. „Brain-computer interfaces for communication and rehabilitation“. In: *Macmillan Publishers Limited* 12 (Sep. 2016), S. 513–525.
- [2] Wikipedia. *Elektroenzephalografie – Wikipedia, The Free Encyclopedia*. <http://de.wikipedia.org/w/index.php?title=Elektroenzephalografie&oldid=216289194>. 2022. (Besucht am 13.01.2022).
- [3] N. Birbaumer und R. F. Schmidt. „Biologische Psychologie“. In: Springer Verlag, Berlin Heidelberg, 2010. Kap. Kapitel 20.5, S. 468–493.
- [4] Universität Lübeck. *Elektroenzephalographie (EEG) und Ereigniskorrelierte Potentiale (EKP)*. Praktikum.
- [5] Grant Sanderson 3blue1brown. *Was ist eine Fourier-Transformation? Eine visuelle Einführung*. YouTube Video. 2018. URL: <https://www.youtube.com/watch?v=spUNpyF58BY> (besucht am 10.01.2022).
- [6] Larry Hardesty. „Explained: Neural networks“. In: *MIT News* (2017). URL: <https://news.mit.edu/2017/explained-neural-networks-deep-learning-0414>.

Programme

- [7] Michael Innes u. a. „Fashionable Modelling with Flux“. In: *CoRR* abs/1811.01457 (2018). arXiv: 1811.01457. URL: <https://arxiv.org/abs/1811.01457>.
- [8] Mike Innes. „Flux: Elegant Machine Learning with Julia“. In: *Journal of Open Source Software* (2018). DOI: 10.21105/joss.00602.
- [9] Andrey Parfenov et al. *Brainflow*. GitHub Repository. 2018. URL: <https://github.com/brainflow-dev/brainflow>.
- [10] Matteo Frigo und Steven G. Johnson. „The Design and Implementation of FFTW3“. In: *Proceedings of the IEEE* 93.2 (2005). Special issue on “Program Generation, Optimization, and Platform Adaptation”, S. 216–231. DOI: 10.1109/JPROC.2004.840301.
- [11] Tim Besard, Christophe Foket und Bjorn De Sutter. „Effective Extensible Programming: Unleashing Julia on GPUs“. In: *IEEE Transactions on Parallel and Distributed Systems* (2018). ISSN: 1045-9219. DOI: 10.1109/TPDS.2018.2872064. arXiv: 1712.03112 [cs.PL].
- [12] Steven G. Johnson. *PyPlot.jl*. GitHub Repository. 2012. URL: <https://github.com/JuliaPy/PyPlot.jl>.
- [13] Alexander Reimer. *ev3dev.jl*. GitHub Repository. 2022. URL: <https://github.com/AR102/ev3dev.jl>.

- [14] Alexander Reimer und Matteo Friedrich. *AI-Composer*. GitHub Repository. 2021.
URL: <https://github.com/AR102/AI-Composer.jl>.