Assignment1

如果网页公式渲染有误,请阅读本文件夹下的 README.pdf

设计并实现一个支持 n 维向量运算的简单库。该库应不依赖面向对象编程(即不使用类或对象),而是通过结构体和函数来实现向量的基本运算。

什么是 n 维向量?

向量是表示多维空间中一个点的位置的数学工具。在日常生活中,最常见的向量是二维和三维向量,分别用于描述平面和空间中的点。然而,在科学计算和工程应用中,向量的维数可以扩展到任意多个维度。我们称其为 **n 维向量**,其中 n 是向量的维度。

- 一个二维向量可以表示为 (x, y) ,例如,二维平面中的点。
- 一个三维向量可以表示为 (x, y, z) ,例如,空间中的点。
- 对于 n 维向量,可以表示为 (x1, x2, x3, ..., xn) ,表示在 n 维空间中的一个位置。

n 维向量的常见运算包括向量加法、向量减法、点积、模长计算、归一化和叉积。这些操作在不同的数学和物理应用中 有广泛的应用,例如机器学习中的高维数据处理、物理模拟中的多维矢量场等。

向量运算的介绍

1. 向量加法

向量加法是两个向量的对应分量相加,结果也是一个向量。例如,给定两个二维向量 (x1, y1) 和 (x2, y2) ,它们的 和为 (x1 + x2, y1 + y2) 。对于 n 维向量,这个运算规则类似:

$$\mathbf{a} + \mathbf{b} = (a_1 + b_1, a_2 + b_2, \dots, a_n + b_n)$$

2. 向量减法

向量减法是两个向量的对应分量相减。例如,二维向量 (x1, y1) 和 (x2, y2) 的差为 (x1 - x2, y1 - y2) 。n 维向量的减法类似:

$$\mathbf{a} - \mathbf{b} = (a_1 - b_1, a_2 - b_2, \dots, a_n - b_n)$$

3. 向量点积

向量点积是两个向量的对应分量相乘并求和,结果是一个标量。二维向量 (x1, y1) 和 (x2, y2) 的点积为 x1 * x2 + y1 * y2 。n 维向量的点积计算公式为:

$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2 + \dots + a_n \cdot b_n$$

4. 向量模长

向量的模长(或称为向量的长度)是从原点到向量终点的距离,通常用欧几里得距离来计算。二维向量(\times , y)的模长为 $sqrt(x^2 + y^2)$ 。n 维向量的模长计算公式为:

$$|\mathbf{a}|=\sqrt{a_1^2+a_2^2+\cdots+a_n^2}$$

5. 向量归一化

归一化是将一个向量缩放为单位长度(即模长为 1),保留其方向。归一化的向量通常用于表示方向或单位矢量。对于向量 a ,归一化的计算公式为:

$$\mathbf{\hat{a}} = \frac{\mathbf{a}}{|\mathbf{a}|}$$

6. 向量叉乘(仅适用于三维向量)

向量叉乘仅适用于三维向量,它返回一个垂直于两个输入向量的向量。例如,给定向量 a = (x1, y1, z1) 和 b = (x2, y2, z2) ,它们的叉乘为:

$$\mathbf{a} \times \mathbf{b} = (y1 \cdot z2 - z1 \cdot y2, z1 \cdot x2 - x1 \cdot z2, x1 \cdot y2 - y1 \cdot x2)$$

叉乘在 n 维空间中没有广泛应用,但它在三维空间中用于计算法向量、扭矩等物理量。

7. 向量拷贝

为了确保在操作向量时不改变原始向量内容,向量库应支持拷贝操作。拷贝操作创建一个新向量,其所有分量与原向量相同。向量拷贝适用于需要对原向量进行多次操作,且不希望修改原数据的情况。

设计要求

1. 数据结构

• 定义一个结构体 Vector 来表示 n 维向量。结构体中包含一个指向 float 的指针来存储向量的各个分量,另有一个 size t 类型的变量记录向量的维数。

```
struct {
    size_t dimension; // 向量的维数
    float* data; // 指向存储向量分量的动态数组
} Vector;
```

2. 基本操作函数

- 定义用于对 n 维向量进行操作的函数,具体要求如下:
 - i. 向量初始化:

。 编写一个函数 create vector ,接受向量的维数 n ,返回一个 n 维零向量。

ii. 向量销毁:

。编写一个函数 destroy vector ,释放向量的内存空间。

iii. 向量加法:

。 编写一个函数 add ,接受两个向量并返回它们的和。若维数不匹配,返回错误。

iv. 向量减法:

。 编写一个函数 subtract ,接受两个向量并返回它们的差。若维数不匹配,返回错误。

v. 向量点积:

。编写一个函数 dot_product ,计算两个n维向量的点积。若维数不匹配,返回错误。

vi. 向量模长:

。 编写一个函数 magnitude , 计算 n 维向量的模长 (即向量的欧几里得长度)。

vii. 向量归一化:

。 编写一个函数 normalize ,对 n 维向量进行归一化处理,使其模长为 1。如果向量长度为 0,返回错误标志。

viii. **向量叉乘**(仅适用于三维向量):

。 编写一个函数 cross product , 计算两个三维向量的叉乘。如果输入的向量维数不是 3,返回错误。

ix. 向量拷贝:

。编写一个函数 copy_vector ,将一个向量的内容拷贝到新的向量中,返回一个与原向量内容相同的新向量。

3. 异常处理

- 所有操作必须检测向量的维度是否匹配,如维度不匹配,应返回错误值或进行适当的错误处理。
- 对零向量的归一化操作应该返回一个错误标志。

4. 函数接口要求

• 要求实现如下的接口

```
Vector create_vector(size_t n);
void destroy_vector(Vector& v);
Vector add(const Vector& a, const Vector& b);
Vector subtract(const Vector& a, const Vector& b);
float dot_product(const Vector& a, const Vector& b);
float magnitude(const Vector& a);
int normalize(Vector& a); // 修改传入的向量,返回状态值。正常返回 0,错误返回 -1
Vector cross_product(const Vector& a, const Vector& b); // 三维向量叉乘
Vector copy_vector(const Vector& a); // 向量拷贝
```

5. 测试用例

不提供测试用例,建议自行编写一组测试用例,验证向量加法、减法、点积、模长、归一化、叉乘和拷贝函数,确保它们在不同维度的向量上正确运行。

6. 内存管理

• 动态分配和释放内存必须正确,以防止内存泄漏。每个向量的 data 数组应在初始化时动态分配,并在销毁时释放。

7. 提交方式

- 发送到邮件到 submit@vollate.top, 标题为 ARTINX2025视觉Assignment1
- 代码以附件提交,需要压缩为一个 zip 文件,附件名为 姓名-学号-Assignment1.zip ,自行替换为自己的姓名学号

务必按照以上格式提交,否则可能正常接收