Examples of Important Cyclic Codes: Hamming

codici di Hamming: classe infinita di codici, con coppie di valori di N e K che soddisfano la condizione N = 2^{N-K} - 1: (7,4), (15,11), (31,26), (63,57), (127,120), e così via. I corrispondenti polinomi generatori possono essere (ne esiste più d'uno) D³+D+1, D⁴+D+1, D⁵+D²+1, D⁶+D+1, D⁷+D³+1, ... La distanza minima d è però sempre pari a 3, per cui i codici con N grande hanno scarso interesse, se non su canali poco rumorosi. Anche quelli con N piccolo non sono molto interessanti perché troppo semplici; infatti occupano un piccolo numero di dimensioni.

Hamming codes.

Very famous, being the first example of "one error" correcting codes.

Class of many cyclic codes, with N=2^{N-K} -1; (7,4), ...

The generator polynomials could be: D^3+D+1, ...

The minimum distance dmin is ALWAYS equal to 3 ... therefore if N is big the P(E) is not very good (as we will see in more detail later ...).

If N is small, the performance are anyway not so interesting ...

They are used as a basic building block to obtain more sophisticated codes ...