Задания к работе №5 по фундаментальным алгоритмам.

- Все задания реализуются на языке программирования С++ (стандарт С++14 и выше).
- Реализованные в заданиях приложения не должны завершаться аварийно; все возникающие исключительные ситуации должны быть перехвачены и обработаны.
- Во всех заданиях запрещено пользоваться функциями, позволяющими завершить выполнение приложения из произвольной точки выполнения.
- Во всех заданиях при реализации необходимо разделять контексты работы с данными (поиск, сортировка, добавление/удаление, модификация и т. п.) и отправка данных в поток вывода / выгрузка данных из потока ввода.
- Во всех заданиях все вводимые (с консоли, файла, командной строки) пользователем данные должны (если не сказано обратное) быть подвергнуты валидации в соответствии с типом валидируемых данных.
- Во всех заданиях необходимо контролировать ситуации с невозможностью [пере]выделения памяти; во всех заданиях необходимо корректно освобождать всю выделенную динамическую память.
- Все ошибки, связанные с операциями открытия файла, должны быть обработаны; все открытые файлы должны быть закрыты.
- Реализованные компоненты должны зависеть от абстракций (см. задание 0), а не от конкретных реализаций абстракций. Для реализованных компонентов должны быть переопределены (либо перекрыты для классов-сервисов) следующие механизмы классов С++: конструктор копирования, деструктор, оператор присваивания, конструктор перемещения, присваивание перемещением.

- 0. Опишите контракты взаимодействия и связанные типы для следующих компонент:
 - Логгер:
 - o severity ICS (in-class scope) перечисление с возможными значениями (в порядке увеличения жёсткости): trace, debug, information, warning, error, critical; nested по отношению к интерфейсу logger; описывает уровень жёсткости логгирования;
 - o logger интерфейс, предоставляющий метод записи лога с заданным уровнем жёсткости

 $virtual\ logger *logger::log(const\ std::string\&\ target,\ severity\ level)\ const = 0;$

• Аллокатор:

- о memory интерфейс, предоставляющий методы для
 - выделения динамической памяти размера size байтов из заданного контекста (задекорирован оператором +=) $virtual\ void\ *memory::allocate(size\ t\ target\ size)\ const=0;$
 - освобождения ранее выделенной из заданного контекста динамической памяти (задекорирован оператором -=):

virtual void memory::deallocate(void const * const target_to_dealloc) const = 0;

- Длинное целое число:
 - o bigint интерфейс, предоставляющий функционал работы с числом:
 - добавление числа (задекорированы операторами += и + соответственно) virtual bigint *bigint::add(bigint const * const summand) = 0; bigint *bigint::sum(bigint const * const summand) const;
 - вычитание числа (задекорированы операторами -= и соответственно) virtual bigint *bigint::subtract(bigint const * const subtrahend) = 0; bigint *bigint::subtraction(bigint const * const subtrahend) const;
 - отношение порядка на двух числах (задекорированы операторами <, >, <=, >= соответственно)

```
virtual bool bigint::lower_than(bigint const * const other) const = 0;
virtual bool bigint::greater_than(bigint const * const other) const = 0;
virtual bool bigint::lower_than_or_equal_to(bigint const * const other) const = 0;
virtual bool bigint::greater_than_or_equal_to(bigint const * const other) const = 0;
```

■ отношение эквивалентности на двух числах (задекорированы операторами ==, != соответственно) virtual bool bigint::equals(bigint const * const other) const = 0; virtual bool bigint::not equals(bigint const * const other) const = 0;

- Функционал для умножения длинных целых чисел:
 - bigint_multiplication интерфейс, предоставляющий метод умножения двух чисел:
 virtual bigint *bigint_multiplication::multiply(bigint const * const left_multiplier,
 bigint const * const right multiplier) const = 0;

- Функционал для целочисленного деления длинных целых чисел:
 - o bigint_dividion интерфейс, предоставляющий метод целочисленного деления двух чисел:

virtual bigint* bigint_division::divide(bigint const * const dividend, bigint const * const divider, bigint multiplication const * const multiplication impl) const = 0;

• Ассоциативный контейнер:

- о associative_container родовой интерфейс (кастомизируемые параметры родового интерфейса: тип ключа *tkey*, тип значения *tvalue*, тип компаратора на ключах *tkey_comparer*), предоставляющий функционал для работы с ассоциативным контейнером:
- поиск значения по ключу (задекорированный перегруженным индексатором) bool associative_container::find(key_value_pair* target_key_and_result_value);
 - \blacksquare вставка значения по ключу (задекорированный перегруженным оператором +=)

void associative container::insert(const tkey& key, const tvalue& value);

■ удаление значения по ключу (задекорированный перегруженным оператором -=)

void associative container::remove(const tkey& key, tvalue *removed value);

- о *key_value_pair* nested по отношению к интерфейсу *associative_container* структура, хранящая в себе объекты типа ключа и значения.
- Вероятностный тест простоты:
 - о probabilistic_primality_test интерфейс, описывающий вероятностный тест для определения простоты числа и предоставляющий метод:

virtual bool probabilistic_primality_test::is_probably_prime(bigint const * const value, double epsilon) const = 0;

Для каждого типа абстракции и связанных с ними типов предусмотрите отдельное пространство имён.

Для интерфейса длинного числа самостоятельно продумайте абстракции для итераторов.

- 1. Реализуйте логгер на основе контракта *logger* из задания 0. Ваша реализация логгера должна конфигурироваться двумя способами:
 - на основе конфигурационного файла (структуру файла продумайте самостоятельно);
 - на основе порождающего паттерна проектирования builder.

Конфигурирование объекта логгера позволяет задавать потоки вывода (файловые, консольный) и минимальные *severity* заданных потоков вывода для конкретного объекта логгера (пример: если минимальный *severity* == warning, то через данный объект логгера в данный поток вывода будут выводиться логи только с *severity* == warning, error, critical). При повторной настройке уже открытого для объекта логгера потока необходимо обновить уже настроенный severity.

Учтите, что один и тот же поток вывода может использоваться единовременно разными объектами логгеров (и *severity* этого потока вывода для разных логгеров также может различаться). При разрушении последнего объекта логгера, связанного с заданным файловым потоком вывода, этот файловый поток вывода должен быть закрыт.

Структура лога:

[timestamp][severity] message

где

timestamp - текущие <дата по григорианскому календарю>/<время> в формате $dd/MM/yyyy\ hh:mm:ss$

severity - строковое представление значения жёсткости лога message - передаваемое логгеру сообщение.

Реализуйте и продемонстрируйте работу приложения, в рамках которого

- различными способами конфигурируются несколько объектов логгера (при этом хотя бы два логгера связаны с одним файловым потоком вывода);
- для записи логов в файл/на консоль используются сконфигурированные объекты логгеров;
- при разрушении объектов логгеров закрываются связанные с ними потоки вывода.

- 2. Реализуйте аллокатор на основе контракта *memory* из задания 0. Выделение и освобождение динамической памяти реализуйте посредством операторов *new/new[]* и *delete/delete[]* соответственно. Продемонстрируйте работу аллокатора, разместив в нём объекты различных типов (числа, строки, объекты собственных типов данных). Предусмотрите логгирование (на основе реализации логгера из задания 1) вызовов интерфейсных методов (на уровне Вашей реализации аллокатора) с указанием:
 - текстового описания действия;
 - адреса места в памяти (относительно адреса со значением 0 на уровне глобальной кучи), для которого происходит выделение/освобождение;
 - неслужебного содержимого освобождаемого участка перед освобождением в виде коллекции значений байт (в диапазоне [0..255]).

- 3. Реализуйте аллокатор на основе контракта *тетогу* из задания 0. Выделение памяти реализуйте при помощи методов (с возможностью конфигурации конкретной реализации через конструктор) первого подходящего, лучшего подходящего, худшего подходящего, а освобождение памяти при помощи метода освобождения в рассортированном списке. Служебные данные для работы аллокатора размещайте в доверенной ему области памяти (размер доверенной области памяти задаётся на уровне конструктора объекта аллокатора и доверенная память при этом запрашивается из аллокатора, передаваемого как параметр по умолчанию конструктору (если аллокатора не передан, память запрашивается из глобальной кучи)). Продемонстрируйте работу аллокатора, разместив в нём объекты различных типов (числа, строки, объекты собственных типов данных). Предусмотрите логгирование (на основе реализации логгера из задания 1) вызовов интерфейсных методов (на уровне Вашей реализации аллокатора) с указанием:
 - текстового описания действия;
 - адреса места в памяти (относительно адреса начала доверенной аллокатору области памяти), для которого происходит выделение/освобождение;
 - неслужебного содержимого освобождаемого участка перед освобождением в виде коллекции значений байт (в диапазоне [0..255]).

- 4. Реализуйте аллокатор на основе контракта *memory* из задания 0. Выделение памяти реализуйте при помощи методов (с возможностью конфигурации конкретной реализации через конструктор) первого подходящего, лучшего подходящего, худшего подходящего, а освобождение памяти при помощи метода освобождения с дескрипторами границ. Служебные данные для работы аллокатора размещайте в доверенной ему области памяти (размер доверенной области памяти задаётся на уровне конструктора объекта аллокатора и доверенная память при этом запрашивается из аллокатора, передаваемого как параметр по умолчанию конструктору (если аллокатор не передан, память запрашивается из глобальной кучи)). Продемонстрируйте работу аллокатора, разместив в нём объекты различных типов данных (числа, строки, объекты собственных типов данных, etc.); память под аллокатор запросите из реализации аллокатора из задания 3. Предусмотрите логгирование (на основе реализации логгера из задания 1) вызовов интерфейсных методов (на уровне Вашей реализации аллокатора) с указанием:
 - текстового описания действия;
 - адреса места в памяти (относительно адреса начала доверенной аллокатору области памяти), для которого происходит выделение/освобождение;
 - неслужебного содержимого освобождаемого участка перед освобождением в виде коллекции значений байт (в диапазоне [0..255]).

- 5. Реализуйте аллокатор на основе контракта *memory* из задания 0. Выделение и освобождение памяти реализуйте при помощи алгоритмов системы двойников. Служебные данные для работы аллокатора размещайте в доверенной ему области памяти (размер доверенной области памяти задаётся на уровне конструктора объекта аллокатора и доверенная память при этом запрашивается из аллокатора, передаваемого как параметр по умолчанию конструктору (если аллокатор не передан, память запрашивается из глобальной кучи)). Продемонстрируйте работу аллокатора, разместив в нём объекты различных типов данных (числа, строки, объекты собственных типов данных, etc.), а также объекты логгеров из задания 1. Предусмотрите логгирование (на основе реализации логгера из задания 1) вызовов интерфейсных методов (на уровне Вашей реализации аллокатора) с указанием:
 - текстового описания действия;
 - адреса места в памяти (относительно адреса начала доверенной аллокатору области памяти), для которого происходит выделение/освобождение;
 - неслужебного содержимого освобождаемого участка перед освобождением в виде коллекции значений байт (в диапазоне [0..255]).

6. Реализуйте класс длинного целого числа на основе контракта bigint из задания 0. Распределение памяти под вложенные в объект длинного целого числа данные организуйте через аллокатор, подаваемый объекту через конструктор. Данными объекта числа является информация о знаке числа (хранится в значении типа int) и массив цифр в системе счисления с основанием $2^{8 \times sizeof(int)}$. Оптимизируйте расход памяти для чисел в диапазоне

$$[-2^{8\times size of(int)-1}...2^{8\times size of(int)-1}-1]$$

за счёт хранения значения в знаковом поле. Для класса реализуйте перегруженные операторы вставки в поток строкового представления числа в системе счисления с основанием 10 и выгрузки из потока строкового представления числа в системе счисления с основанием 10, а также конструктор от строкового представления числа в системе счисления с основанием 10. Продемонстрируйте работу реализованного класса.

7. Реализуйте контракт *bigint_multiplication* из задания 0 согласно алгоритму умножения чисел в столбик и алгоритму Карацубы умножения чисел. Продемонстрируйте работу реализованных классов, сравнив время, затраченное на вычисление значения выражения

$$\sum_{i=1}^{10000} i!$$

Вывод данных в файловый поток вывода организуйте при помощи реализации логгера из задания 1. Для каждого метода используйте отдельный объект логгера; вывод данных организуйте в один файл (с указанием найденного значения и использованной для нахождения результата реализации умножения чисел).

8. Реализуйте контракт *bigint_multiplication* из задания 0 согласно алгоритму Шёнхаге-Штрассена умножения чисел. Продемонстрируйте работу реализованного класса, вычислив и выведя в файловый поток вывода значение выражения

$$\sum_{i=1}^{10000} i!!$$

и время, затраченное на вычисление. Вывод данных в поток вывода организуйте при помощи реализации логгера из задания 1.

9. Реализуйте контракт *bigint_division* из задания 0 согласно алгоритму Ньютона деления чисел. Также на основе реализованного контракта реализуйте функцию вычисления значения НОД при помощи расширенного алгоритма Евклида. Продемонстрируйте работу реализованного класса, вычислив и выведя в файловый поток значения двух псевдослучайных (распределение равномерное) чисел из диапазона [0... 2¹⁶³⁸⁴ – 1], значения их НОД, найденные коэффициенты соотношения Безу, а также время, затраченное на нахождение НОД. Вывод данных в поток вывода организуйте при помощи реализации логгера из задания 1.

10. Реализуйте контракт *bigint_division* из задания 0 согласно алгоритму Бурникеля-Циглера деления чисел. Также на основе реализованного контракта реализуйте функцию вычисления значения НОД при помощи бинарного алгоритма Евклида. Продемонстрируйте работу реализованного класса, вычислив и выведя в файловый поток значения двух псевдослучайных (распределение равномерное) чисел из диапазона [0... 2¹⁶³⁸⁴ – 1], значения их НОД, а также время, затраченное на нахождение НОД. Вывод данных в поток вывода организуйте при помощи реализации логгера из задания 1.

11. Реализуйте родовой класс бинарного дерева поиска на основе контракта associative_container из задания 0. Распределение вложенных в объект дерева данных организуйте через аллокатор, подаваемый объекту через конструктор. В узлах дерева запрещено хранение указателя на родительский узел. Операции CRD реализуйте на основе поведенческого паттерна проектирования "шаблонный метод", предусмотрев хуки для выполнения в подклассах ВST дополнительных операций до/после рекурсивного вызова относительно текущего узла дерева (параметры хуков: стек указателей на элементы дерева, формирующих путь до текущего узла; адрес указателя на текущий узел; параметры декорирующего интерфейсного метода). Реализуйте итераторы для обхода (префиксного, инфиксного, постфиксного) дерева с возвратом из итератора ключа, значения, глубины (относительно корня; глубина корня дерева равна нулю) обходимого узла; для каждого узла дерева, в порядке, определяемом правилом обхода. Также реализуйте защищённые методы малого левого и малого правого поворотов.

Продемонстрируйте работу реализованного функционала.

12. На основе реализованного класса из задания 11 реализуйте родовой класс АВЛ-дерева. Для реализации пронаследуйте тип узла дерева с добавлением в тип-наследник необходимой информации и сконфигурируйте хуки шаблонных методов.

13. На основе реализованного класса из задания 11 реализуйте родовой класс красно-чёрного дерева. Для реализации пронаследуйте тип узла дерева с добавлением в тип-наследник необходимой информации и сконфигурируйте хуки шаблонных методов.

14. На основе реализованного класса из задания 11 реализуйте родовой класс косого дерева. Для реализации пронаследуйте тип узла дерева с добавлением в тип-наследник необходимой информации и сконфигурируйте хуки шаблонных методов.

15. Реализуйте родовой класс *B*-дерева на основе контракта *associative_container* из задания 0. Распределение вложенных в объект дерева данных организуйте через аллокатор, подаваемый объекту через конструктор. В узлах дерева запрещено хранение указателя на родительский узел. Реализуйте итераторы для обхода (префиксного, инфиксного, постфиксного) дерева с возвратом из итератора ключа, значения, глубины (относительно корня; глубина корня дерева равна нулю) обходимого узла; для каждого узла дерева, в порядке, определяемом правилом обхода.

16. Реализуйте родовой класс B^+ -дерева на основе контракта associative_container из задания 0. Распределение вложенных в объект дерева данных организуйте через аллокатор, подаваемый объекту через конструктор. В узлах дерева запрещено хранение указателя на родительский узел. Реализуйте итераторы для обхода (префиксного, инфиксного, постфиксного) дерева с возвратом из итератора ключа, значения, глубины (относительно корня; глубина корня дерева равна нулю) обходимого узла; для каждого узла дерева, в порядке, определяемом правилом обхода.

- 17. Реализуйте класс отношения (*relation*), представляющий собой систему индексирования данных произвольного типа. Класс поддерживает следующий функционал:
 - хранение коллекции данных (ключи/значения) в виде списка;
 - хранение коллекции индексов (ассоциативных контейнеров с различными объектами-распределителями памяти), содержащих адреса объектов узлов с ключами и коллекциями значений, в контейнере std::map, в виде значений по строковым ключам следующего вида:

где идентификаторы имеют максимальную длину 32 символа, могут начинаться с символа буквы и содержать символы цифр и букв (в любом регистре, регистрозависимость имеет место быть); идентификаторы не могут повторяться, порядок идентификаторов произволен, количество идентификаторов произвольно; у двух различных объектов индексов в отношении ключи должны различаться с точностью до порядка следования идентификаторов;

- вставка нового индекса с указанием типа индекса (на базе какого контейнера из реализованных) в виде объекта перечисления, компаратора по ключам, а также ключа индекса;
- удаление индекса по его ключу;
- вставка данных (в список и все индексы) по ключу;
- удаление данных (из списка и всех индексов) по ключу;
- поиск данных по ключу данных и ключу индекса (если ключа индекса не существует, необходимо сгенерировать исключительную ситуацию типа relation_exception, производного от std::exception и вложенного по отношению к классу отношения).

Методы вставки/удаления индексов/данных, а также генерация ключа индекса перед поиском в отношении должны быть реализованы с применением fluent-цепочки вызовов (см. паттерн builder). В качестве используемых ассоциативных контейнеров используйте реализации классов из заданий 11-16. Учтите, что необходимо обеспечить хранение данных в коллекции индексов, даже если они равны по компаратору любого (одного или нескольких) индекса (-ов).

Продемонстрируйте работу с реализованным классом.

- 18. На основе реализованного в заданиях 6-10 функционала реализуйте класс дроби (с кастомным объектом-распределителем памяти), хранящей в себе числитель и знаменатель (знак должен храниться в знаменателе дроби). В произвольный момент времени числитель и знаменатель любого объекта дроби должны быть взаимно просты между собой. Для класса реализуйте методы и задекорируйте их операторами для сложения, вычитания, умножения, деления дробей; реализуйте методы для:
 - возведения дроби в целую неотрицательную степень;
 - извлечения из дроби корня п-й степени с заданной точностью (в виде дроби);
 - вычисления тригонометрических функций (sin, cos, tg, ctg, sec, cosec, arcsin, arccos, arctg, arcctg, arcsec, arccosec) с заданной точностью (в виде дроби).

Продемонстрируйте работу реализованного функционала.

19. На основе реализованного в задании 18 класса дроби реализуйте класс комплексного числа с кастомным объектом-распределителем памяти (вещественная и мнимая части должны являться рациональными числами, репрезентируемыми объектами дробей). Для класса реализуйте методы и задекорируйте их операторами для сложения, вычитания, умножения, деления комплексных чисел; реализуйте методы вычисления аргумента, модуля, корня п-й степени

Продемонстрируйте работу реализованного функционала.



- 21. На основе контракта *probabilistic_primality_test* реализуйте базовый класс вероятностного теста простоты, предоставляющий закрытый метод для конвертации значения минимальной требуемой вероятности простоты в число итераций теста, а также реализацию контракта на основе набора защищённых чистых виртуальных функций для:
 - определения вероятности простоты одной итерации теста;
 - выполнения одной итерации теста.

Пронаследуйте реализованный класс вероятностного теста простоты для реализации тестов простоты Ферма, Соловея-Штрассена, Миллера-Рабина.

На основе реализованных тестов простоты реализуйте метод генерации псевдослучайного простого (с заданной вероятностью простоты) числа заданной битовой длины и продемонстрируйте его работу.