

# Misure di Volume

J. B. d'Alembert, B. Cavalieri, A. Einstein

10 novembre 2015

## 1 Teoria

Il **volume** di un corpo è la misura dello spazio occupato da esso.

In questa relazione andremo a misurare indirettamente il volume di alcuni oggetti; in particolare calcoleremo il volume di due cubi ed un parallelepipedo rettangolo a partire dalla misura dei loro spigoli, e di una sfera a partire dalla misura del diametro.

Per la misure di queste grandezze ci serviremo di un calibro universale a nonio, illustrato in Fig. 1. Esso è composto dalle seguenti parti:

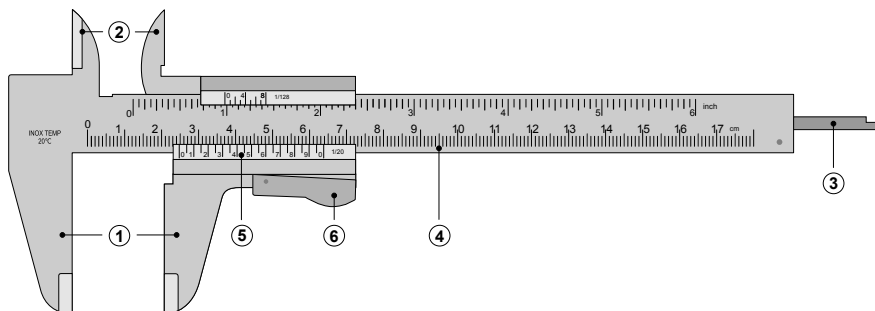


Figura 1: Calibro universale a nonio.

- |   |  |
|---|--|
| 1. <b>becchi esterni:</b> per larghezze o diametri esterni; | 4. <b>scala principale:</b> per misure millimetriche;    |
| 2. <b>becchi interni:</b> per larghezze o diametri interni; | 5. <b>nonio:</b> per misurare le frazioni di millimetro; |
| 3. <b>asta:</b> per misure di profondità;                   | 6. <b>freno:</b> per il bloccaggio.                      |

Per la lettura del calibro, avendo ben posizionato l'oggetto tra i becchi esterni, si guarda quale tacca della scala principale è *immediatamente precedente* alla tacca che denota

lo 0 sul nonio. Il valore di tale tacca è la misura precisa al millimetro. In seguito si determina quale tacca del nonio corrisponde con la maggior precisione ad una tacca della scala principale; tale valore sul nonio corrisponderà alla frazione di millimetro da aggiungere alla misura precedente.

Le formule per il volume che andremo ad utilizzare saranno le seguenti:

- cubo di spigolo  $\ell$ :  $V = \ell^3$
- parallelepipedo rettangolo di spigoli  $a, b$  e  $c$ :  $V = abc$
- sfera di raggio  $r$  e diametro  $d = 2r$ :  $V = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{1}{6}\pi d^3$

## 2 Misure

Tutte le misure sono state svolte utilizzando un calibro universale a nonio ventesimale, la cui sensibilità è  $\sigma = 0.005$  cm. I valori ottenuti sono i seguenti

solido	grandezza	misura (cm)				
C1	$\ell_1$	1.245	1.255	1.250	1.255	1.250
C2	$\ell_2$	3.725	3.700	3.720	3.715	3.720
P	$a$	0.515	0.510	0.510	0.515	0.510
	$b$	4.325	4.320	4.330	4.335	4.320
	$c$	9.750	9.750	9.750	9.750	9.750
S	$d$	2.110	2.105	2.095	2.100	2.110

## 3 Analisi dei dati

Calcoliamo i valori medi ( $\bar{x}$ ) e gli errori assoluti ( $\epsilon_x$ ) di tutte le misure, quantificando l'errore assoluto tramite la semidispersione ( $s_x$ ), quando questa sia maggiore o uguale alla sensibilità dello strumento, oppure la sensibilità stessa. Dal momento che ci serviranno, andremo a calcolare anche gli errori relativi ( $e_x$ ), che ricordiamo essere legati agli errori assoluti dalla formula  $e_x = \epsilon_x / \bar{x}$

solido	$x$	$\bar{x}$ (cm)	$s_x$ (cm)	$\epsilon_x$ (cm)	$e_x$
C1	$\ell_1$	1.251	0.005	0.005	0.004
C2	$\ell_2$	3.716	0.012	0.012	0.003
P	$a$	0.512	0.002	0.005	0.010
	$b$	4.326	0.008	0.008	0.0018
	$c$	9.750	0.000	0.005	0.0005
S	$d$	2.104	0.008	0.008	0.004

Di seguito andiamo a calcolare i volumi e propagare l'errore su di essi.

Nel caso del cubo avremo  $e_V = 3 e_\ell$

Quindi per il primo cubo:

$$e_{V_1} = 3 e_{\ell_1} = 0.012$$

$$\overline{V}_1 = \left(\overline{\ell}_1\right)^3 = (1.251 \text{ cm})^3 = 1.958 \text{ cm}^3$$

$$\varepsilon_{V_1} = \overline{V}_1 \cdot e_{V_1} = (1.958 \text{ cm}^3) \cdot 0.012 = 0.02 \text{ cm}^3$$

$$V_1 = (1.96 \pm 0.02) \text{ cm}^3$$

Per il secondo cubo:

$$e_{V_2} = 3 e_{\ell_2} = 0.009$$

$$\overline{V}_2 = \left(\overline{\ell}_2\right)^3 = (3.716 \text{ cm})^3 = 51.313 \text{ cm}^3$$

$$\varepsilon_{V_2} = \overline{V}_2 \cdot e_{V_2} = (51.313 \text{ cm}^3) \cdot 0.009 = 0.5 \text{ cm}^3$$

$$V_2 = (51.3 \pm 0.5) \text{ cm}^3$$