# МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ЯДЕРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ «МИФИ» (НИЯУ МИФИ)

КАФЕДРА ИНФОРМАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ

### КУРСОВАЯ РАБОТА

по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных» на тему «Расширение языков стекового калькулятора и итерпретатора арифметических выражений опрацией побитового сдвига. Вычисление периметра и площади части выпуклой оболочки, расположенной в верхней полуплоскости. Нахождение суммы длин полностью видимых рёбер полиэдра»

Группа К04-361

Студент А.Ю. Шедько

Руководитель работы

к.ф.-м.н., доцент Е.А. Роганов

### Аннотация

Работа посвящена модификации проектов «Компилятор формул», «Интерпретатор арифметических выражений», «Выпуклая оболочка» и «Изображение проекции полиэдра». В первом из этих проектов решалась задача расширения языков стекового калькулятора и итерпретатора арифметических выражений опрацией побитового сдвига. Модификация второго пректа требовала ... В проекте «Выпуклая оболочка» вычислялась ... В последнем из проектов определялась ...

# Содержание

1.	Введение	3
2.	Модификация проекта «Компилятор формул»	3
3.	Модификация проекта «Интерпретатор арифметических выражений».	6
4.	Модификация проекта «Выпуклая оболочка»	7
5.	Модификация проекта «Изображение проекции полиэдра»	7

#### 1. Введение

В проектах «Компилятор формул» и «Интерпретатор арифметических выражений» были решены задачи расширения языков стекового калькулятора и интерпретатора арифметических выражений операциями побитового сдвига. Применёна структура данных «хэш таблица». Решение задачи требовало представления о формальных грамматиках, основы ООП и знания языка Ruby.

Проект «Выпуклая оболочка» [1] решает задачу индуктивного перевычисления выпуклой оболочки последовательно поступающих точек плоскости и таких её характеристик, как периметр и площадь. Целью данной работы является индуктивное вычисление расстояние до наперёд заданного стандартного прямоугольника и количества острых улов выпуклой оболочки. Применено 2 специфических алгоритма, значительно ускоряющих вычисление расстояние от прямоугольника до отрезка [2] и проверку пересечения прямоугольника и отрезка [3]. Решение этой задачи требует знания теории индуктивных функций, основ аналитической геометрии и векторной алгебры и языка Ruby [6].

Проект «Изображение проекции полиэдра» [7] — пример классической задачи, для успешного решения которой необходимо знакомство с основами вычислительной геометрии. Задачей, решаемой в данной работе, является модификация эталонного проекта с целью определения суммы длин полностью видимых рёбер заданного полиэдра. Для этого необходимы хорошее понимание ряда разделов аналитической геометрии и векторной алгебры, основ объектно-ориентированного программирования и языка Ruby.

Для подготовки пояснительной записки необходимо знакомство с программой компьютерной вёрстки РТЕХ [8], умение набирать математические формулы [9] и включать в документ графические изображения и исходные коды программ.

Общее количество строк в рассмотренных проектах составляет около n, из которых более m были изменены или добавлены автором в процессе работы над задачами модификации.

## 2. Модификация проекта «Компилятор формул»

#### Постановка задачи:

В предположении, что язык стекового калькулятора расширен операциями L (left) и R (right), реализующими побитовый сдвиг влево и вправо соответственно, компилировать формулы, содержащие операции << и >>

#### Теоретические аспекты:

С формальной точки зрения компилятор представляет собой программную реализацию некоторой функции  $\tau\colon L_1\to L_2$ , действующей из множества цепочек одного языка  $L_1$  в множество цепочек другого  $L_2$  таким образом, что  $\forall\omega\in L_1$  семантика цепочек  $\omega$  и  $\tau(\omega)\in L_2$  совпадает.

Для решения задачи необходимо задать грамматики, описывающие языки стекового калькулятора и компилятора, соответственно  $G_0$  и  $G_s$ :

где L,R соответсвуют <<, >>, т.е. сдвигу влево и вправо, а S — классу сдвигаемых выражений (Ассоциативность аналогична + и -)

Нужный нам компилятор  $\tau$  представляет собой программную реализацию отображения из множества цепочек языка  $L(G_0)$  в множество цепочек языка  $L(G_s)$  По этой причине его можно рассматривать, как функцию на пространстве последовательностей. Легко понять, что эта функция не индуктивна.

Построим индуктивное расширение функции чтобы с его помощью реализовать однопроходный алгоритм, осуществляющий нужный нам перевод. Заметим, что любую правильную формулу можно откомпилировать с соблюдением следующих двух условий:

- переменные в выходной цепочке (программе для стекового калькулятора) будут идти в том же порядке, что и переменные в исходной формуле;
- все операции в выходной цепочке будут расположены позже соответствующих им операций в исходной формуле.

Любую формулу можно компилировать так: встретив имя переменной, немедленно записывать его в массив, где мы будем накапливать результат компиляции, а встретив знак операции или скобку, записывать в этот массив те из предыдущих, но ещё не обработанных операций (будем называть их *отпоженными*), которые выполнимы в данный момент, после чего «откладывать» и новый знак.

В качестве контейнера для хранения отложенных операций можно использовать стек. Этот стек и будет содержать ту дополнительную информацию, которая необходима для индуктивного перевычисления функции T осуществляющей компиляцию исходной формулы. Основная проблема — понять, что надо делать, когда в исходной формуле встречается очередная операция или скобка.

Таким образом, встретив в исходной формуле очередной знак операции или скобку, нужно иногда просто положить её в стек отложенных операций, а иногда — извлечь предварительно одну или несколько ранее отложенных операций и добавить их в массив результата. С точки зрения теории индуктивных функций необходимо построить индуктивное расширение функции T осуществляющей компиляцию исходной формулы, и найти для неё отображение G обеспечивающее её перевычисление при удлинении входной формулы.

Для построения индуктивной функции компиляции цепочки  $\omega$  необходимо разделить символы на категории: SYM\_LEFT, SYM\_RIGHT, SYM\_OPER и SYM\_OTHER соответственно. правила построения таковы:

- открывающую скобку всегда помещать в стек, имя переменной всегда сразу добавлять в массив результата компиляции.
- Когда в формуле встречается закрывающая скобка нужно все операции, появившиеся в ней после соответствующей ей открывающей скобки, извлечь из

- стека отложенных операций и добавить в массив результата. (не забыть также извлечь открывающую скобку)
- операции и скобки помещаются в стек в соответствии с приоритетом соответствующей операции или скобке. Открывающие скобки имеют наименьший приоритет, закрывающие наибольший; для операций он будет описан в дальнейшем.

Более подробно см. [4]

#### Применяемые структуры данных

Стек, используемый в эталонном проекте не требует пояснений. Помимо стека используется константная хэш-таблица. (В качестве отображения между множествами оперций двух грамматик). Подробно с раюотой хеш таблицы в языке Ruby можно ознакомиться в документации к языку [5] и на соответствующей странице википедии.

#### Детали реализации

Отображение между множествами оперций языков калькулятора и компилятора описывается данной таблицей.

Приоритет операций задаётся следующим образом:

```
def priority(c)
  (c == '+' or c == '-') ? 1 : ( c='L' or c='R' )? 0 : 2
end
```

что соответствует наименьшему приоритету для сдвигов(0) и наивысшему для деления и умножения(2).

Наиболее значительным является изменение, касающееся обработки символов операций, а именно обработка символов >> и << так как они занимают два строковых символа, являсь одним логическим символом. Идея проста — хранить первый символ в обрабатываемой последовательности соответствующий одной из операций в специальной переменной Qop, а при поступлении следующего символа, если последовательность составлена верно и этот символ совпадает с < или >, записывать его в Qop. После этого, вне зависимости от содержимого Qop происходит стандартная процедура обработки отложенных операций с использованием значения CONV\_TABLE[Qop], которое затем помещается в стек. В конце Qop очищается.

Код, реализующий обработку символов операций:

```
def process_symbol(c)
    ...
    when SYM_OPER
    if ((c='>'||c='<')&&@op=""")
        @op=c
    else
        @op+=c
        process_suspended_operators(CONV_TABLE[@op])
        push(CONV_TABLE[@op])
        @op="""
    end
    ...
end</pre>
```

Таким образом в язык стекового компилятора добавлена операция побитового сдвига.

#### Возможные обобщения

Имеет смысл ввести в язык стекового компилятора также остальные побитовые операции, &, |,  $^{\sim}$ ,  $^{\sim}$ , их логические аналоги (&&, ||||).

# 3. Модификация проекта «Интерпретатор арифметических выражений»

#### Постановка задачи:

Вычисляются значения выражений, содержащих битовые операциями << и >>, приоритет первой из которых является минимальным, а второй — максимальным.

#### Теоретические аспекты:

Для решения задачи требуется учесть приоритет оператора сдвига вправо, а потому граматика  $G_0$  из предыдущего пункта должна быть изменена:

$$S_0 o F$$
 |  $S o F$  |  $S o F$ 

 $S_0$  — Класс сдивгаемых в<br/>лево выражений;  $S_1$  — Класс сдивгаемых вправо выражений

 $G_s$  можно оставить без изменений.

#### 4. Модификация проекта «Выпуклая оболочка»

. . .

# 5. Модификация проекта «Изображение проекции полиэдра»

. . .

#### Список литературы и интернет-ресурсов

- [1] https://home.mephi.ru/files/2373/material\_ici\_toc.zip/index.html Описание проекта «Выпуклая оболочка».
- [2] Advances in Spatial and Temporal Databases: 9th International Symposium. SSTD 2005, Angra Dos Reis Brazil, August 22-24, 2005, Proceedings, C 333.
- [3] Liang, Y.D., and Barsky, B., A New Concept and Method for Line Clipping. ACM Transactions on Graphics, 3(1):1-22, January 1984.
- [4] https://home.mephi.ru/files/2077/material\_ici\_toc.zip/index.html Описание проекта «Стековый компилятор формул» Е.А. Роганов
- [5] http://ruby-doc.org/ Документация языка Ruby
- [6] http://ru.wikipedia.org/wiki/Ruby Википедия (свободная энциклопедия) о языке Ruby.
- [7] ??? Описание проекта «Изображение проекции полиэдра».
- [8] С.М. Львовский. Набор и вёрстка в системе  $pm T_E X$ , 3-е изд., испр. и доп. М., МЦНМО, 2003. Доступны исходные тексты этой книги.
- [9] D. E. Knuth. *The T<sub>E</sub>Xbook.* Addison-Wesley, 1984. Русский перевод: Дональд Е. Кнут. *Все про Т<sub>E</sub>X.* Протвино, РДТ<sub>E</sub>X, 1993.