МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ЯДЕРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ «МИФИ» (НИЯУ МИФИ)

КАФЕДРА ИНФОРМАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ

КУРСОВАЯ РАБОТА

по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных» на тему «Расширение языков стекового калькулятора и итерпретатора арифметических выражений опрацией побитового сдвига. Вычисление периметра и площади части выпуклой оболочки, расположенной в верхней полуплоскости. Нахождение суммы длин полностью видимых рёбер полиэдра»

Группа К04-361

Студент А.Ю. Шедько

Руководитель работы

к.ф.-м.н., доцент Е.А. Роганов

Аннотация

Работа посвящена модификации проектов «Компилятор формул», «Интерпретатор арифметических выражений», «Выпуклая оболочка» и «Изображение проекции полиэдра». В первом из этих проектов решалась задача расширения языков стекового калькулятора и итерпретатора арифметических выражений опрацией побитового сдвига. Модификация второго пректа требовала . . . В проекте «Выпуклая оболочка» вычислялась . . . В последнем из проектов определялась . . .

Содержание

1.	Введение	3
2.	Модификация проекта «Компилятор формул»	3
3.	Модификация проекта «Интерпретатор арифметических выражений».	6
4.	Модификация проекта «Выпуклая оболочка»	7
5.	Модификация проекта «Изображение проекции полиэдра»	8

1. Введение

В проектах «Компилятор формул» и «Интерпретатор арифметических выражений» были решены задачи расширения языков стекового калькулятора и интерпретатора арифметических выражений операциями побитового сдвига. Применёна структура данных «хэш таблица». Решение задачи требовало представления о формальных грамматиках, основы ООП и знания языка Ruby.

Проект «Выпуклая оболочка» [1] решает задачу индуктивного перевычисления выпуклой оболочки последовательно поступающих точек плоскости и таких её характеристик, как периметр и площадь. Целью данной работы является индуктивное вычисление расстояние до наперёд заданного стандартного прямоугольника и количества острых улов выпуклой оболочки. Применено 2 специфических алгоритма, значительно ускоряющих вычисление расстояние от прямоугольника до отрезка [2] и проверку пересечения прямоугольника и отрезка [3]. Решение этой задачи требует знания теории индуктивных функций, основ аналитической геометрии и векторной алгебры и языка Ruby [6].

Проект «Изображение проекции полиэдра» [7] — пример классической задачи, для успешного решения которой необходимо знакомство с основами вычислительной геометрии. Задачей, решаемой в данной работе, является модификация эталонного проекта с целью определения суммы длин полностью видимых рёбер заданного полиэдра. Для этого необходимы хорошее понимание ряда разделов аналитической геометрии и векторной алгебры, основ объектно-ориентированного программирования и языка Ruby.

Для подготовки пояснительной записки необходимо знакомство с программой компьютерной вёрстки РТЕХ [8], умение набирать математические формулы [9] и включать в документ графические изображения и исходные коды программ.

Общее количество строк в рассмотренных проектах составляет около n, из которых более m были изменены или добавлены автором в процессе работы над задачами модификации.

2. Модификация проекта «Компилятор формул»

Постановка задачи:

В предположении, что язык стекового калькулятора расширен операциями L (left) и R (right), реализующими побитовый сдвиг влево и вправо соответственно, компилировать формулы, содержащие операции << и >>

Теоретические аспекты:

С формальной точки зрения компилятор представляет собой программную реализацию некоторой функции $\tau\colon L_1\to L_2$, действующей из множества цепочек одного языка L_1 в множество цепочек другого L_2 таким образом, что $\forall\omega\in L_1$ семантика цепочек ω и $\tau(\omega)\in L_2$ совпадает.

Для решения задачи необходимо задать грамматики, описывающие языки стекового калькулятора и компилятора, соответственно G_0 и G_s :

где L,R соответсвуют <<, >>, т.е. сдвигу влево и вправо, а S — классу сдвигаемых выражений (Ассоциативность аналогична + и —)

Нужный нам компилятор τ представляет собой программную реализацию отображения из множества цепочек языка $L(G_0)$ в множество цепочек языка $L(G_s)$ По этой причине его можно рассматривать, как функцию на пространстве последовательностей. Легко понять, что эта функция не индуктивна.

Построим индуктивное расширение функции чтобы с его помощью реализовать однопроходный алгоритм, осуществляющий нужный нам перевод. Заметим, что любую правильную формулу можно откомпилировать с соблюдением следующих двух условий:

- переменные в выходной цепочке (программе для стекового калькулятора) будут идти в том же порядке, что и переменные в исходной формуле;
- все операции в выходной цепочке будут расположены позже соответствующих им операций в исходной формуле.

Любую формулу можно компилировать так: встретив имя переменной, немедленно записывать его в массив, где мы будем накапливать результат компиляции, а встретив знак операции или скобку, записывать в этот массив те из предыдущих, но ещё не обработанных операций (будем называть их *отпоженными*), которые выполнимы в данный момент, после чего «откладывать» и новый знак.

В качестве контейнера для хранения отложенных операций можно использовать стек. Этот стек и будет содержать ту дополнительную информацию, которая необходима для индуктивного перевычисления функции T осуществляющей компиляцию исходной формулы. Основная проблема — понять, что надо делать, когда в исходной формуле встречается очередная операция или скобка.

Таким образом, встретив в исходной формуле очередной знак операции или скобку, нужно иногда просто положить её в стек отложенных операций, а иногда — извлечь предварительно одну или несколько ранее отложенных операций и добавить их в массив результата. С точки зрения теории индуктивных функций необходимо построить индуктивное расширение функции T осуществляющей компиляцию исходной формулы, и найти для неё отображение G обеспечивающее её перевычисление при удлинении входной формулы.

Для построения индуктивной функции компиляции цепочки ω необходимо разделить символы на категории: SYM_LEFT, SYM_RIGHT, SYM_OPER и SYM_OTHER соответственно. правила построения таковы:

- открывающую скобку всегда помещать в стек, имя переменной всегда сразу добавлять в массив результата компиляции.
- Когда в формуле встречается закрывающая скобка нужно все операции, появившиеся в ней после соответствующей ей открывающей скобки, извлечь из

- стека отложенных операций и добавить в массив результата. (не забыть также извлечь открывающую скобку)
- операции и скобки помещаются в стек в соответствии с приоритетом соответствующей операции или скобке. Открывающие скобки имеют наименьший приоритет, закрывающие наибольший; для операций он будет описан в дальнейшем.

Более подробно см. [4]

Применяемые структуры данных

Стек, используемый в эталонном проекте не требует пояснений. Помимо стека используется константная хэш-таблица. (В качестве отображения между множествами оперций двух грамматик). Подробно с раюотой хеш таблицы в языке Ruby можно ознакомиться в документации к языку [5] и на соответствующей странице википедии.

Детали реализации

Отображение между множествами оперций языков калькулятора и компилятора описывается данной таблицей.

Приоритет операций задаётся следующим образом:

```
def priority(c)
  (c == '+' or c == '-') ? 1 : ( c='L' or c='R' )? 0 : 2
end
```

что соответствует наименьшему приоритету для сдвигов(0) и наивысшему для деления и умножения(2).

Наиболее значительным является изменение, касающееся обработки символов операций, а именно обработка символов >> и << так как они занимают два строковых символа, являсь одним логическим символом. Идея проста — хранить первый символ в обрабатываемой последовательности соответствующий одной из операций в специальной переменной Qop, а при поступлении следующего символа, если последовательность составлена верно и этот символ совпадает с < или >, записывать его в Qop. После этого, вне зависимости от содержимого Qop происходит стандартная процедура обработки отложенных операций с использованием значения CONV_TABLE[Qop], которое затем помещается в стек. В конце Qop очищается.

Код, реализующий обработку символов операций:

```
def process_symbol(c)
    ...
    when SYM_OPER
    if ((c='>'||c='<')&&@op=""")
        @op=c
    else
        @op+=c
        process_suspended_operators(CONV_TABLE[@op])
        push(CONV_TABLE[@op])
        @op="""
    end
    ...
end</pre>
```

Таким образом в язык стекового компилятора добавлена операция побитового сдвига.

Возможные обобщения

Имеет смысл ввести в язык стекового компилятора также остальные побитовые операции, &, |, $^{\sim}$, $^{\sim}$, их логические аналоги (&&, ||||).

3. Модификация проекта «Интерпретатор арифметических выражений»

Постановка задачи:

Вычисляются значения выражений, содержащих битовые операциями << и >>, приоритет первой из которых является минимальным, а второй — максимальным.

Теоретические аспекты:

Если компилятор осуществляет перевод с одного языка на другой, то интерпретатор *вычисляет* значение арифметической формулы, в которой вместо имён переменных содержатся записанные тем или иным способом числа.

Для решения задачи требуется учесть приоритет оператора сдвига вправо, а потому граматика G_0 из предыдущего пункта должна быть изменена:

 S_0 — Класс сдивгаемых в
лево выражений; S_1 — Класс сдивгаемых вправо выражений

 G_s можно оставить без изменений.

Построенный класс Compf можно использовать в качестве базового для реализации интерпретатора арифметических выражений. Подобный подход является характерной особенностью объектно-ориентированного программирования — уже написанный код можно применить для решения родственной задачи без каких-либо его изменений.

Интерпретатор выражений отличает от компилятора формул два момента: наличие во входной формуле *чисел* (вместо идентификаторов переменных) и необходимость *выполнения* получаемой выходной формулы (вместо её печати). Для того чтобы реализовать стековый калькулятор, естественно, необходим стек.

При появлении на входе цифры, будем помещать её в стек калькулятора **@s**, а при появлении операции, доставать из стека её аргументы и помещать туда результат её выполнения. На конечном этапе на вершине стека будет находиться результат выполнения арифметическкого выражения.

Детали реализации

Здесь также как и в первом проекте применена хеш-таблица для отображения множества операций стекового компилятора в множество операций языка ruby.

В соответствии с задачей, приоритет операций был изменён следующим образом:

```
def priority(c)
  (c == '+' or c == '-') ? 1 : c=='L' ? 0 : (c=='R') ? 3 : 2
end
```

Таблица 1. Приоритет операций

Операция	Приоритет
L	0
+, -	1
*,/	2
R	3

4. Модификация проекта «Выпуклая оболочка»

. . .

5. Модификация проекта «Изображение проекции полиэдра»

. . .

Список литературы и интернет-ресурсов

- [1] https://home.mephi.ru/files/2373/material_ici_toc.zip/index.html Описание проекта «Выпуклая оболочка».
- [2] Advances in Spatial and Temporal Databases: 9th International Symposium. SSTD 2005, Angra Dos Reis Brazil, August 22-24, 2005, Proceedings, C 333.
- [3] Liang, Y.D., and Barsky, B., A New Concept and Method for Line Clipping. ACM Transactions on Graphics, 3(1):1-22, January 1984.
- [4] https://home.mephi.ru/files/2077/material_ici_toc.zip/index.html Описание проекта «Стековый компилятор формул» Е.А. Роганов
- [5] http://ruby-doc.org/ Документация языка Ruby
- [6] http://ru.wikipedia.org/wiki/Ruby Википедия (свободная энциклопедия) о языке Ruby.
- [7] ??? Описание проекта «Изображение проекции полиэдра».
- [8] С.М. Львовский. *Набор и вёрстка в системе ВТЕХ, 3-е изд., испр. и доп.* М., МЦНМО, 2003. Доступны исходные тексты этой книги.
- [9] D. E. Knuth. *The TeXbook.* Addison-Wesley, 1984. Русский перевод: Дональд Е. Кнут. *Все про ТеX.* Протвино, РДТеX, 1993.