

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ЯДЕРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ «МИФИ»
(НИЯУ МИФИ)
КАФЕДРА ИНФОРМАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ

КУРСОВАЯ РАБОТА

по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
на тему «Расширение языков стекового калькулятора и интерпретатора
арифметических выражений операцией побитового сдвига. Вычисление
периметра и площади части выпуклой оболочки, расположенной в
верхней полуплоскости. Нахождение суммы длин полностью видимых
рёбер полиэдра»

Группа

К04-361

Студент

А.Ю. Шедько

Руководитель работы
к.ф.-м.н., доцент

Е.А. Роганов

Москва 2016

Аннотация

Работа посвящена модификации проектов «Компилятор формул», «Интерпретатор арифметических выражений», «Выпуклая оболочка» и «Изображение проекции полиэдра». В первом из этих проектов решалась задача расширения языков стекового калькулятора и интерпретатора арифметических выражений операцией побитового сдвига. Модификация второго проекта требовала ... В проекте «Выпуклая оболочка» вычислялась ... В последнем из проектов определялась ...

Содержание

1.	Введение	3
2.	Модификация проекта «Компилятор формул»	3
3.	Модификация проекта «Интерпретатор арифметических выражений» .	5
4.	Модификация проекта «Выпуклая оболочка»	6
5.	Модификация проекта «Изображение проекции полиэдра»	6

1. Введение

В проектах «Компилятор формул» и «Интерпретатор арифметических выражений» были решены задачи расширения языков стекового калькулятора и интерпретатора арифметических выражений операциями побитового сдвига. Применёна структура данных «хэш таблица». Решение задачи требовало представления о формальных грамматиках, основы ООП и знания языка Ruby.

Проект «Выпуклая оболочка» [1] решает задачу индуктивного перевычисления выпуклой оболочки последовательно поступающих точек плоскости и таких её характеристик, как периметр и площадь. Целью данной работы является индуктивное вычисление расстояние до наперёд заданного стандартного прямоугольника и количества острых углов выпуклой оболочки. Применено 2 специфических алгоритма, значительно ускоряющих вычисление расстояние от прямоугольника до отрезка [2] и проверку пересечения прямоугольника и отрезка [3]. Решение этой задачи требует знания теории индуктивных функций, основ аналитической геометрии и векторной алгебры и языка Ruby [4].

Проект «Изображение проекции полиэдра» [5] — пример классической задачи, для успешного решения которой необходимо знакомство с основами вычислительной геометрии. Задачей, решаемой в данной работе, является модификация эталонного проекта с целью определения суммы длин полностью видимых рёбер заданного полиэдра. Для этого необходимы хорошее понимание ряда разделов аналитической геометрии и векторной алгебры, основ объектно-ориентированного программирования и языка Ruby.

Для подготовки пояснительной записки необходимо знакомство с программой компьютерной вёрстки L^AT_EX [6], умение набирать математические формулы [7] и включать в документ графические изображения и исходные коды программ.

Общее количество строк в рассмотренных проектах составляет около n , из которых более m были изменены или добавлены автором в процессе работы над задачами модификации.

2. Модификация проекта «Компилятор формул»

Постановка задачи:

В предположении, что язык стекового калькулятора расширен операциями L (left) и R (right), реализующими побитовый сдвиг влево и вправо соответственно, компилировать формулы, содержащие операции $<<$ и $>>$

Теоретические аспекты:

С формальной точки зрения компилятор представляет собой программную реализацию некоторой функции $\tau: L_1 \rightarrow L_2$, действующей из множества цепочек одного языка L_1 в множество цепочек другого L_2 таким образом, что $\forall \omega \in L_1$ семантика цепочек ω и $\tau(\omega) \in L_2$ совпадает.

Для решения задачи необходимо задать грамматики, описывающие языки стекового калькулятора и компилятора, соответственно G_0 и G_s :

$$G_0: \begin{array}{l|l|l} S \rightarrow & F & \\ F \rightarrow & T & \\ T \rightarrow & M & \\ M \rightarrow & (S) & \\ V \rightarrow & a \mid b \mid c \mid \dots \mid z & \end{array} \quad \begin{array}{l|l} S R F & S L F \\ F + T & F - T \\ T * M & T / M \\ V & \end{array}$$

$$G_s: \begin{array}{l} e \rightarrow e e + \mid e e - \mid e e * \mid e e / \mid e e >> \mid e e << \mid \\ \mid a \mid b \mid \dots \mid z \end{array}$$

где L, R соответствуют $<<, >>$, т.е. сдвигу влево и вправо, а S — классу сдвигаемых выражений (Ассоциативность аналогична $+$ и $-$)

Нужный нам компилятор τ представляет собой программную реализацию отображения из множества цепочек языка $L(G_0)$ в множество цепочек языка $L(G_s)$. По этой причине его можно рассматривать, как функцию на пространстве последовательностей. Легко понять, что эта функция не индуктивна.

Построим индуктивное расширение функции чтобы с его помощью реализовать однопроходный алгоритм, осуществляющий нужный нам перевод. Заметим, что любую правильную формулу можно откомпилировать с соблюдением следующих двух условий:

- переменные в выходной цепочке (программе для стекового калькулятора) будут идти в том же порядке, что и переменные в исходной формуле;
- все операции в выходной цепочке будут расположены позже соответствующих им операций в исходной формуле.

Любую формулу можно компилировать так: встретив имя переменной, немедленно записывать его в массив, где мы будем накапливать результат компиляции, а встретив знак операции или скобку, записывать в этот массив те из предыдущих, но ещё не обработанных операций (будем называть их *отложенными*), которые выполняемы в данный момент, после чего «откладывать» и новый знак.

В качестве контейнера для хранения отложенных операций можно использовать стек. Этот стек и будет содержать ту дополнительную информацию, которая необходима для индуктивного перевычисления функции T осуществляющей компиляцию исходной формулы. Основная проблема — понять, что надо делать, когда в исходной формуле встречается очередная операция или скобка.

Таким образом, встретив в исходной формуле очередной знак операции или скобку, нужно иногда просто положить её в стек отложенных операций, а иногда — извлечь предварительно одну или несколько ранее отложенных операций и добавить их в массив результата. С точки зрения теории индуктивных функций необходимо построить индуктивное расширение функции T осуществляющей компиляцию исходной формулы, и найти для неё отображение G обеспечивающее её перевычисление при удлинении входной формулы.

Для построения индуктивной функции компиляции цепочки ω необходимо разделить символы на категории: **SYM_LEFT**, **SYM_RIGHT**, **SYM_OPER** и **SYM_OTHER** соответственно. правила построения таковы:

- открывающую скобку всегда помещать в стек, имя переменной — всегда сразу добавлять в массив результата компиляции.
- Когда в формуле встречается закрывающая скобка нужно все операции, появившиеся в ней *после соответствующей ей открывающей скобки*, извлечь из

стека отложенных операций и добавить в массив результата. (не забыть также извлечь открывающую скобку)

- операции и скобки помещаются в стек в соответствии с приоритетом соответствующей операции. (Будет описан в дальнейшем)

Применяемые структуры данных

Стек, используемый в эталонном проекте не требует пояснений. Помимо стека используется константная хэш-таблица. (В качестве отображения между множествами операций двух грамматик). Подробно с работой хеш таблицы в языке Ruby можно ознакомиться в документации к языку и на соответствующей странице википедии.

Детали реализации

Отображение между множествами операций языков калькулятора и компилятора описывается данной таблицей.

```
CONV_TABLE = { ">>" => 'R' ,  
               "<<" => 'L' ,  
               "+" => "+" ,  
               "-" => "-" ,  
               "/" => "/" ,  
               "*" => "*" }  
}
```

Приоритет операций задаётся следующим образом:

```
def priority(c)  
  (c == '+' or c == '-') ? 1 : ( c=='L' or c=='R' )? 0 : 2  
end
```

Здесь следует описать:

- 1 описание используемых структур данных и применяемых алгоритмов;
- 2 возможные обобщения рассматриваемой задачи (не обязательно, но весьма желательно).

3. Модификация проекта «Интерпретатор арифметических выражений»

Постановка задачи:

Вычисляются значения выражений, содержащих битовые операциями << и >>, приоритет первой из которых является минимальным, а второй — максимальным.

Теоретические аспекты:

Для решения задачи требуется учесть приоритет оператора сдвига вправо, а потому грамматика G_0 из предыдущего пункта должна быть изменена:

$$G_0: \begin{array}{lcl} S_0 \rightarrow & F & | \quad S \ L \ F \\ F \rightarrow & T & | \quad F + T \quad | \quad F - T \\ T \rightarrow & M & | \quad T * M \quad | \quad T / M \\ S_1 \rightarrow & M & | \quad S \ R \ F \\ M \rightarrow & (S_0) & | \quad V \\ V \rightarrow & a \mid b \mid c \mid \dots \mid z & \end{array}$$

S_0 — Класс сдвигаемых влево выражений; S_1 — Класс сдвигаемых вправо выражений

G_s можно оставить без изменений.

4. Модификация проекта «Выпуклая оболочка»

...

5. Модификация проекта «Изображение проекции полиэдра»

...

Список литературы и интернет-ресурсов

- [1] https://home.mephi.ru/files/2373/material_ici_toc.zip/index.html — Описание проекта «Выпуклая оболочка».
- [2] *Advances in Spatial and Temporal Databases: 9th International Symposium*. — SSTD 2005, Angra Dos Reis Brazil, August 22-24, 2005, Proceedings, С 333.
- [3] Liang, Y.D., and Barsky, B., *A New Concept and Method for Line Clipping*. — ACM Transactions on Graphics, 3(1):1-22, January 1984.
- [4] <http://ru.wikipedia.org/wiki/Ruby> — Википедия (свободная энциклопедия) о языке Ruby.
- [5] ??? — Описание проекта «Изображение проекции полиэдра».
- [6] С.М. Львовский. *Набор и вёрстка в системе L^AT_EX*, 3-е изд., испр. и доп. — М., МЦНМО, 2003. Доступны исходные тексты этой книги.
- [7] D. E. Knuth. *The T_EXbook*. — Addison-Wesley, 1984. Русский перевод: Дональд Е. Кнут. *Все про T_EX*. — Протвино, РДТ_EX, 1993.