

(2)

$$\sum \frac{N_i}{N_f} = 1 \quad (II)$$

$\Delta\sigma = 150 \text{ MPa}$  の応力範囲で  $N = 4 \times 10^6$  サイクル繰り返し  
ているので、(I) で求めた疲労寿命  $5.2 \times 10^6$  サイクルに対して

$$\frac{N}{N_f} = \frac{4 \times 10^6}{5.2 \times 10^6} = 0.77$$

(II)より 残された寿命は  $1 - \frac{N}{N_f} = 0.23$

応力を減少させたときに必要なサイクル数を  $N_1$ 、  
応力を減少させたときの寿命を  $N_{1f}$  とすると

( $N_1 = 4 \times 10^6$  サイクルは 伸ばした1分の寿命)

$$\frac{N_1}{N_{1f}} = 0.23 \quad \therefore N_{1f} = \frac{N_1}{0.23} = \frac{4 \times 10^6}{0.23} = 17.4 \times 10^6 \text{ サイクル}$$

$N_{1f} = 17.4 \times 10^6$  サイクルが寿命となる時の  $\Delta\sigma$  は

$$\Delta\sigma (N_{1f})^{0.093} = 649 \text{ MPa} \quad \text{の}$$

$$\Delta\sigma = \frac{649 \text{ MPa}}{(N_{1f})^{0.093}} = \frac{649 \text{ MPa}}{(17.4 \times 10^6)^{0.093}} = 137 \text{ MPa}$$

$$150 - 137 = 13 \text{ MPa}$$

13 MPa の減少が必要

第11回

## 課題I

炭素繊維とエポキシ樹脂がともに破断おまで  
応力ひずみの関係が線形だと仮定すると

$$\epsilon_{fu} = \frac{F_f}{E_f} = \frac{3}{230} = 0.013 \quad (1.3\%)$$

$$\epsilon_{mu} = \frac{F_m}{E_m} = \frac{0.1}{3.5} = 0.029 \quad (2.9\%)$$

$$\text{従って } \sigma_m' = \frac{\epsilon_{fu}}{\epsilon_{mu}} F_m = 44.8 \text{ (MPa)}$$

$\sigma_m'$ : 繊維破断時に  
マトリクスが  
負担している応力  
 $\sigma_m' = E_m \epsilon_{fu}$

近似しないうちの強度は

$$F_c = F_f V_f + \sigma_m' (1 - V_f) \quad \text{だから}$$

$$F_c = 3000 \times 0.6 + 44.8 \times 0.4 = 1818 \text{ (MPa)}$$

$F_c = F_f V_f$  で近似した時は

$$F_c = 3000 \times 0.6 = 1800 \text{ (MPa)} \quad \text{であるから}$$

誤差は、およそ 1% 程度であり

この条件の場合近似式を用いても  
問題ない

## 課題II

(1)

(a) 繊維のみ

(b) 母材のみ

(c) 母材 + 繊維

ヒート

繊維だけの時の伸びを  $\delta_f$

母材だけの時の伸びを  $\delta_m$  とする

複合材料中で繊維と母材は  
同じだけ変形するので

複合材料の伸びを  $\delta_c$  とすると

繊維は  $\delta_c - \delta_f$  だけ伸ばされ

母材は  $\delta_m - \delta_c$  だけ縮む

これらの変形を引きおこす力である  $P_f$  と  $P_m$  は  
繊維・母材間の相互作用であるため、大きさが  
等しくなる必要がある

温度を  $\Delta T$  上昇させたときの 繊維の伸び  $\delta_f$  及び  
マトリクスの伸び  $\delta_m$  は

$$\delta_f = \alpha_f \Delta T L \quad \delta_m = \alpha_m \Delta T L$$

複合材料の断面積は  $S$  であるから、繊維の断面積  
は  $V_f S$  となる

繊維を  $\delta_c - \delta_f$  伸ばすのに必要な力  $P_f$  は

$$P_f = E_f V_f S \frac{\delta_c - \delta_f}{L}$$

## 材料強度学④

同様に、マトリックスの断面積は  $(1-V_f)\Delta$  であるから  
マトリックスを  $\delta_m - \delta_c$  縮めるのに必要な力  $P_m$  は、

$$P_m = E_m(1-V_f)\Delta \frac{\delta_m - \delta_c}{L}$$

複合材料として同様に変形すると、 $P_f = P_m$  であるから、

$$E_f V_f \Delta \frac{\delta_c - \delta_f}{L} = E_m(1-V_f)\Delta \frac{\delta_m - \delta_c}{L}$$

$$\Rightarrow \delta_c = \frac{E_f V_f \delta_f + E_m(1-V_f)\delta_m}{E_f V_f + E_m(1-V_f)}$$

複合材料の熱膨張係数  $\alpha_c$  は

$$\alpha_c = \frac{\delta_c}{\Delta T L} = \frac{E_f V_f \alpha_f + E_m(1-V_f)\alpha_m}{E_f V_f + E_m(1-V_f)}$$

(2)

$$\alpha_c = \frac{E_f V_f \alpha_f + E_m(1-V_f)\alpha_m}{E_f V_f + E_m(1-V_f)} \quad f_y$$

$\alpha_c = 0$  におため  $\alpha$ 、分子を 0 にすれば良い。

$$E_f V_f \alpha_f + E_m(1-V_f)\alpha_m = 0$$

$$\therefore V_f = \frac{E_m \alpha_m}{E_m \alpha_m - E_f \alpha_f} \quad \text{or } \alpha_c = 0$$

## 第12回

繊維の破断伸び  $\epsilon_f$  とマトリックスの破断伸び  $\epsilon_m$  の  
大さを比較した時、CFRP は  $\epsilon_f < \epsilon_m$  であり、

CMC は  $\epsilon_f > \epsilon_m$  でお荷重をかけたとき、

CFRP は繊維の損傷、CMC はマトリックスの  
損傷が先に発生。

CFRP の場合、繊維/マトリックス界面の結合が弱いと  
強化材である繊維が全て先に破断するため、  
繊維によるマトリックスの強化を効果的に發揮  
できないため、強い界面を形成して繊維の強度を  
極限まで生かす設計を行う。

CMC の場合、マトリックスが先に破断するので、

繊維/マトリックス界面の結合が弱いと、

マトリックスに生じた損傷が繊維を迂回し、強度を  
保持し続けることが出来る。一方、強い界面ではマトリックスの損傷が  
繊維を欠いて進展するため、マトリックスの破断が複合材料全体の

破断につながる

## 第13回

### 課題I

球状粒子の場合

$$HRB = 130 - \frac{t(\text{mm})}{0.002} \quad \text{であるから、}$$

$$t(\text{mm}) = 0.002 \times (130 - HRB)$$

$$HRB = 50.0 \text{ のとき } t(\text{mm}) = 0.002 \times (80.0) = 0.16$$

$$HRB = 75.0 \text{ のとき } t(\text{mm}) = 0.002 \times (55.0) = 0.11$$

従って、0.05mm (50μm) 減少した。(減少した)

### 課題II

(1)

真応力  $\sigma$  と真ひずみ  $\epsilon$  は、公称応力  $\sigma_n$  と公称ひずみ  $\epsilon_n$   
と表すと、

$$\sigma = \sigma_n(1 + \epsilon_n), \quad \epsilon = \ln(1 + \epsilon_n) \quad \text{であるから}$$

$$\sigma = A \epsilon^n \quad \therefore \sigma_n = \frac{A}{(1 + \epsilon_n)} \{ \ln(1 + \epsilon_n) \}^n$$

ここで、公称応力  $\sigma_n$  - 公称ひずみ  $\epsilon_n$  曲線上の最大値は、

$$\frac{d\sigma_n}{d\epsilon_n} = 0 \text{ を満たす。}$$

従って、有限の  $\epsilon_n$  に対して、 $\ln(1 + \epsilon_n) = n$  が成り立つので、

$$\epsilon = n (\epsilon_n = e^n - 1)$$

引張強度  $\sigma_{TS}$  は公称応力であるから、

$$\sigma_{TS} = \frac{\sigma}{1 + \epsilon_n} = \frac{A n^n}{1 + (e^n - 1)} = \frac{A n^n}{e^n}$$

(2)

$$\sigma_{TS} = \frac{A n^n}{e^n} = \frac{800 \times (0.2)^{0.2}}{e^{0.2}} = 475 \text{ MPa}$$

$$\sigma = \sigma_{TS}(1 + \epsilon_n) = 580 \text{ MPa}$$

$$A = \frac{n \cdot \frac{1}{(1 + \epsilon_n)} \{ \ln(1 + \epsilon_n) \}^{n-1} \times (1 + \epsilon_n)}{(1 + \epsilon_n)^2} = \frac{\ln(1 + \epsilon_n)}{(1 + \epsilon_n)}$$

$$= \frac{n(1 + \epsilon_n)}{(1 + \epsilon_n)^2} = \frac{n}{(1 + \epsilon_n)}$$

$$= \frac{n}{(e^n)} = \frac{n}{e^n}$$