```
第4講
```

2023年10月5日 13:00

3、集合

3.1 集合の記法

3.1.1 外延的記法

何えば、

A = {1, 2, 3} a fir.
B = {夫 猫}

第二个学科的具体的な要素を書き述べる記法を「外延的記法」という

{1,2,---.ny

のように書くこともある

 $N = \{1, 2, \dots, \}$   $Z = \{0, \pm 1, \pm 2, \dots, \}$ 

と書いたりもする (おけかどうかは別)

引2内包的記法

151

 $A = \{ n; n | 1 \leq n \leq 3$  をみたり自然数}

o 20 12

(変数:変数がみたすべき条件)

の形式で、書かれるものを「内包的記法、ていう

また、

 $A = \{ n \in \mathbb{N} : 1 \leq n \leq 3 \}$ 

のらかい書くこともある.

内包的記法は.

 $\left\{ \chi \in \mathbb{C} : \chi^{7} + 3\chi^{4} - \chi^{2} + \left( = 0 \right) \right\}$ 

のおな複雑な集合も記述できる

et.

 $Q = \{ m : m, n \in \mathbb{Z} : m \neq 0 \}$ 

は 外延的記法で表す明示的方法はたぶんない。

は 外延的 記法で表す明示的方法はたぶんない. 3.1.3 实数全体。集合 当面は数直報上の数と考えてよい 3.1.ド 複素数全体の集合 C IR とえ( i'=-1 をみたすもの) を用いて ( = fa+bi; a.b∈ R) 2 1/2/27 + 11, 3.1.5 空集合 夕 ZFではダの存在、か保証される タは要素をしても含まない集合 3.1.6 実数の区間  $[a,b] = \{ x \in \mathbb{R} : a \leq x \leq b \}$  $[a,b] = \{x \in \mathbb{R} : a \leq x < b\}$  $(\alpha, b) = \{x \in \mathbb{R} : \alpha < x \leq b\}$   $(\alpha, b) = \{x \in \mathbb{R} : \alpha < x \leq b\}$ (金 [a,b) を [a,b[ と 書くこてもお3.) これらを有界区間という  $[a,+\infty) \geq \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x\}$  $(\alpha, +\infty): [\chi \in \mathbb{R}: \alpha < \chi]$  $(-\infty b7 = \{x \in \mathbb{R} : x \leq b\}$  $(-\infty b) = \{x \in \mathbb{R} \mid x < b\}$ - 木らも 非有 界 区間 と いう.

1R · (- ∞, ∞) と書くこともおか. (注 「a. +∞] てはまかなり

3.2 包含 C 相等 Def. 3.1

A.B: set

このとも、「AはBに包含される」 または、「BはAを包含する」とは、  $\chi \in \Lambda \Rightarrow \chi \in B$ か成立すること。 cocy & ACB. or BDA と書く. A≤B B≥A A+B も含めるには. ASB (1) p 12 > 117. XG \$ > XGA は常にT.フまり、夕らA NSZSQSRCC Def 3.4 A. B: set このとも「AとBが(集合として)等しい」とは、  $(A \subseteq B) \land (B \subseteq A)$ か成立する と、こっことを A = B で表す A = B it  $\alpha \in A \Leftrightarrow \alpha \in D \subset \mathbb{R}^{d}$ 139 3 6  $\{x \in \mathbb{R}: x(x-1) = 0\}$ - {0.14  $\{n \in \mathbb{N} : | \leq n \leq 3\} = \{1, 2, 3\}$ 

Prop 3.6

Prop 3.6
A.B.C: set

(i)  $A \subset A$ 

(ii)  $A \subset B \land B \subset C$ 

⇒ ACC

Proof

(i)  $x \in A (\xi T) c f 3 c$ 

x E A ( tT) 7" \$365

 $x \in A \Rightarrow x \in A$ (あるいは、 $P \rightarrow P$  恒真 て"あるから)

· ACA

(ii)  $x \in A \times J3X$ .  $A \subset BF7$  $(x \in A \Rightarrow x \in B \top fy)$ 

 $\chi \in \beta$ 

 $\lambda \times \in C$ 

 $\therefore x \in A \Rightarrow x \in C$ 

·'. A C C

(3) 3.7

今後 はもう少し シンプル に書く.

3.3 集合の演算

3.3.1 和集合

Def 3.8

A.B set.

50 Y E

 $A \cup B = \{ \chi : (\chi \in A) \lor (\chi \in B) \}$ 

Th 39

A.B. C : Set

Th ?9
A.B.C: Set

(i) ACAUB, BCAUB

(ii) AUA = A

("i") AUB = BUA

(N) (A VB)VC ③ AU (BVC)

Proof
(i)  $x \in A$   $n \in X$  ( $x \in A \in T$ )  $(x \in A) \vee (x \in B) \in T$   $\therefore x \in A \cup B$ 

ACAUB

 $B \subset A \cup B$  长同様 (ii)  $A \cup A = A$  $(x \in A) \vee (x \in A) = x \in A$  $\therefore x \in A \cup A \Rightarrow x \in A$  $\therefore A \cup A = A$ 

(iii) AVB = BUA  $(x \in A) \lor (x \in \beta)$   $= (x \in \beta) \lor (x \in A)$   $\therefore x \in AUB \implies x \in BUA$  $AUB^2 BUA$ 

(iV) (AUB)UC = AU(BUC)  $x \in (AUB)UC$   $\Rightarrow (x \in AUB)V(x \in C)$  $\Rightarrow (x \in A)V(x \in B))V(x \in C)$ 

- $\Leftrightarrow ((x \in A) \lor (x \in B)) \lor (x \in C)$
- $(x \in A) \lor (x \in B) \lor (x \in C)$
- $\Leftrightarrow$   $(x \in A) \lor (x \in B \lor C)$
- (E) Liv) FY.

(AUB) UC (= AU (BUC)) を単に AUBUC と書いてよい、 よy - 般に A、---、Ani Set に考えて A、U -- UAn、 UAj と書ける。