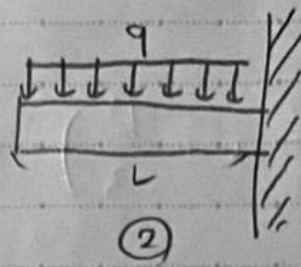


と



に分けて考える。

①のとき、

$$EI_x y = \frac{P}{6} x^3 + C_1 x + C_2$$

$$x = L \text{ のとき, } y = 0, \frac{dy}{dx} = 0 \text{ より,}$$

$$C_1 = -\frac{P}{2} L^2, \quad C_2 = \frac{P}{3} L^3 \text{ となり,}$$

$$\text{たわみ} = \frac{P}{EI_x} \left( \frac{1}{6} x^3 - \frac{L^2}{2} x + \frac{L^3}{3} \right)$$

$$\text{たわみ角} = \frac{P}{2EI_x} (x^2 - L^2) \text{ となる.}$$

$$\text{②のとき, 分布荷重は } EI_x \frac{d^4 y}{dx^4} = q \text{ で一定なので,}$$

$$EI_x \frac{d^2 y}{dx^2} = \frac{q}{6} x^3 + C_1$$

$$EI_x y = \frac{q}{24} x^4 + C_1 x + C_2 \text{ より,}$$

$$\text{たわみ} = \frac{q}{24 EI_x} (x^4 - 4L^3 x + 3L^4)$$

$$\text{たわみ角} = \frac{q}{6 EI_x} (x^3 - L^3)$$

①と②を合計すると.

$$y = \frac{P}{EI_x} \left( \frac{1}{6}x^3 - \frac{L^2}{2}x + \frac{L^3}{3} \right) + \frac{P}{EI_x} \left( \frac{x^4 - 4L^3x + 3L^4}{24} \right)$$
$$= \frac{P}{EI_x} \left( \frac{x^4}{24} + \frac{1}{6}x^3 - \frac{L^3}{6}x - \frac{L^2}{2}x + \frac{L^4}{8} + \frac{L^3}{3} \right)$$

---

$$\frac{dy}{dx} = \frac{P}{2EI_x} (x^3 - L^3) + \frac{P}{6EI_x} (x^3 - L^3)$$

---