

Zbiór mniej lub bardziej ciekawych algorytmów i struktur danych, jakie bywały omawiane na wykładzie (albo nie).

PRACA ZBIOROWA POD REDAKCJĄ KRZYSZTOFA PIECUCHA

Korzystać na własną odpowiedzialność.

# Spis treści

1	Poc	lstawy	5
	1.1	Złożoność obliczeniowa	6
	1.2	Model obliczeń	7
2	Str	uktury danych	9
	2.1	Kopce binarne	10
3	Alg	orytmy 1	L3
	3.1	Algorytm rosyjskich wieśniaków	14
	3.2	Algorytm macierzowy wyznaczania liczb Fibonacciego 1	15
	3.3	Sortowanie topologiczne	16
	3.4	Algorytmy sortowania	17
	3.5		18
		3.5.1 Cut Property i Circle Property	18
		3.5.2 Algorytm Prima	18
			18
		3.5.4 Algorytm Borůvki	18
	3.6	Algorytm Dijkstry	19
	3.7	Algorytm szeregowania	20
	3.8	Programowanie dynamiczne na drzewach	21
_			
D		ek A Porównanie programów przedmiotu AiSD na różnych	) 2
	1107	omnon	, .

# Rozdział 1

# Podstawy

### 1.1 Złożoność obliczeniowa

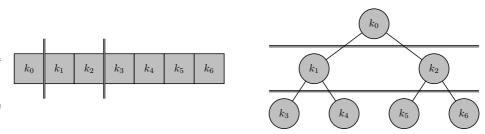
### 1.2 Model obliczeń

# Rozdział 2 Struktury danych

#### 2.1 Kopce binarne

Kopiec binarny to struktura danych, która reprezentowana jest jako prawie pełne drzewo binarne<sup>1</sup> i na której zachowana jest własność kopca. Kopiec przechowuje klucze, które tworzą ciąg uporządkowany. W przypadku kopca typu *min* ścieżka prowadząca od dowolnego liścia do korzenia tworzy ciąg malejący.

Kopce można w prosty sposób reprezentować w tablicy jednowymiarowej –kolejne poziomy drzewa zapisywane są po sobie.



Rysunek 2.1: Reprezentacja kolejnych warstw kopca w tablicy jednowymiarowej.

Warto zauważyć, że tak reprezentowane drzewo pozwala na łatwy dostęp do powiązanych węzłów. Synami węzła o indeksie i są węzły 2i+1 oraz 2i+2, natomiast jego ojcem jest  $\left|\frac{i-1}{2}\right|$ .

Kopiec powinien udostępniać trzy podstawowe funkcje: zamien\_element, która podmienia wartość w konkretnym węźle kopca, przesun\_w\_gore oraz przesun\_w\_dol, które zamieniają odpowiednie elementy pilnując przy tym, aby własność kopca została zachowana.

```
Algorithm 1: Implementacja funkcji zamien_element

if k[i] < v then

k[i] = v;

przesun_w_dol(k, i);

end

else

k[i] = v;

przesun_w_gore(k, i);

end
```

Chciałbym, aby skrypt był skryptem żebyśmy tam pisali formalnie. Dlatego definicję kopca chciałbym mieć zapisaną formalnie (bez przypisów) znacznikach begin{definition} end{definition} Teraz śmieszna rzecz jest taka, że kopiec trudno ładnie formalnie zdefiniować na drzewach. W sensie naipierw musielibyśmy powiedzieć co to jest poziom w drzewie, co to jest pełny poziom w drzewie a następnie .... w sumie to nawet ja nie wiem jak to ładnie zdefiniować na drzewach :F Więc zamiast mówić, że kopiec to drzewo które można reprezentować tablicy, lepiej zdefiniować kopiec jako tablice na którą możemy

patrzeć jako na drzewo. Wtedy musimy zdefiniować co to jest lewy syn elementu w tablicy, prawy syn oraz ojciec. Na tej podstawie będzie łatwiei nam zdefiniować własność kopca jako, że dla każdego wierzchołka wartość elementu jest mniejsza od wartości elementów jego dzieci. Jeśli wolimy zamiast

ścieżce od liścia do korzenia tworzy ciag malejący to musimy zdefiniować co to jest liść, korzeń i ścieżka. Co da się zrobić ale nie wiem czy jest to warte świeczki, gdyż to będzie bodajże jedyne miejsce w których użyjemy

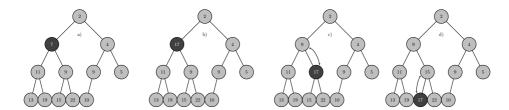
tych definicji). Da się zrobić aby

tego powiedzieć że

ciag elementów na

wierzchołki w ostatniej warstwie się ze sobą nie stykały? I strzałki są strasznie brzydkie :P Wydaje mi się, że wystarczy dorobić grot do istniejącej iuż krawedzi między tymi wierzchołkami pogrubić ją zamiast robić osobnej strzałki Chcemy mieć kolorowe rysunki Ja wiem że na czarnobiałei drukarce to i tak wszystko będzie czarnobiałe (duh) ale może chociaż na monitorze

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>To znaczy wypełniony na wszystkich poziomach (poza, być może, ostatnim).



Rysunek 2.2: Przykład działania funkcji zamien\_element. a) Oryginalny kopiec. b) Zmiana wartości w wyróżnionym węźle. c) Ponieważ nowa wartość jest większa od wartości swoich dzieci, należy wykonać wywołanie funkcji przesn\_w\_dol. d) Po zmianie własność kopca nie jest zachowana, dlatego należy ponownie wywołać funkcję przesn\_w\_dol. To przywraca kopcowi jego własność.

# Rozdział 3

# Algorytmy

### 3.1 Algorytm rosyjskich wieśniaków

Todo, todo, todo...

#### Algorithm 2: Algorytm rosyjskich wieśniaków

```
Input: a, b - liczby naturalne

Output: wynik = a \cdot b

a' \leftarrow a

b' \leftarrow b

wynik \leftarrow 0

while a' > 0 do

if a' \mod 2 = 1 then

wynik \leftarrow wynik \leftarrow wynik + b'

end

a' \leftarrow a'/2

b' \leftarrow b' \cdot 2

end
```

# 3.2 Algorytm macierzowy wyznaczania liczb Fibonacciego

### 3.3 Sortowanie topologiczne



Rysunek 3.1: Przykładowy graf z ubraniami dla bramkarza hokejowego. Krawędź między wierzchołkami a oraz b istnieje wtedy i tylko wtedy, gdy gracz musi ubrać a zanim ubierze b. Pytanie o to w jakiej kolejności bramkarz powinien się ubierać, jest pytaniem o posortowanie topologiczne tego grafu.

## 3.4 Algorytmy sortowania

### 3.5 Minimalne drzewa rozpinające

- 3.5.1 Cut Property i Circle Property
- 3.5.2 Algorytm Prima
- 3.5.3 Algorytm Kruskala
- 3.5.4 Algorytm Borůvki

## 3.6 Algorytm Dijkstry

## 3.7 Algorytm szeregowania

## 3.8 Programowanie dynamiczne na drzewach

## Dodatek A

# Porównanie programów przedmiotu AiSD na różnych uczelniach

	UWr	UW	UJ	MIT	Oxford
Stosy, kolejki, listy		<b>✓</b>			
Dziel i zwyciężaj	<b>✓</b>				
Programowanie Dynamiczne	<b>✓</b>	<b>✓</b>	$\checkmark$	$\checkmark$	
Metoda Zachłanna	<b>✓</b>	<b>✓</b>	$\checkmark$		
Koszt zamortyzowany	$\checkmark$	<b>✓</b>			$\checkmark$
NP-zupełność	$\checkmark$	$\checkmark$		<b>✓</b>	
PRAM / NC	$\checkmark$				
Sortowanie	$\checkmark$	<b>✓</b>			
Selekcja	$\checkmark$	<b>/</b>			
Słowniki	<b>✓</b>	<b>✓</b>	$\checkmark$		$\checkmark$
Kolejki priorytetowe	$\checkmark$	<b>/</b>			
Hashowanie	$\checkmark$	<b>✓</b>			
Zbiory rozłączne	$\checkmark$				
Algorytmy grafowe	$\checkmark$	<b>✓</b>	<b>✓</b>	<b>✓</b>	$\checkmark$
Algorytmy tekstowe	$\checkmark$	<b>✓</b>			
Geometria obliczeniowa	$\checkmark$				
FFT	$\checkmark$				<b>✓</b>
Algorytm Karatsuby	$\checkmark$			$\checkmark$	
Metoda Newtona				$\checkmark$	
Algorytmy randomizowane	$\checkmark$				<b>✓</b>
Programowanie liniowe					<b>✓</b>
Algorytmy aproksymacyjne	$\checkmark$				<b>✓</b>
Sieci komparatorów	$\checkmark$				
Obwody logiczne	<b>✓</b>				