

به نام خدا



دانشکده‌ی علوم ریاضی



مقدمه‌ای بر رمزنگاری

دانشجو: علیرضا توفیقی محمدی

تمرین : سری ۵

مدرّس: دکتر شهرام خزائی

شماره‌ی دانشجویی: ۹۶۱۰۰۳۶۳

مسأله‌ی ۱

مسأله‌ی ۲

کافی است حمله کننده دو متن دلخواه m_0, m_1 را به چالشگر بدهد و سپس بعد از دریافت c ، حرف آخر c را از ۰ به یک تبدیل کرده و c' را ساخته و سپس $\text{Dec}_k(c')$ را پرسده و اگر m_1 بود یک و در غیر اینصورت صفر بدهد و با مزیت یک برنده شود.

مسأله‌ی ۳

(آ)

$$3x + 2 = 19k + 7 \implies 3x = 19k + 5 = 19k' + 24 \implies x = 19k'' + 8$$

(ب)

$$Z_{*35} = 35 \left(1 - \frac{1}{5}\right) \left(1 - \frac{1}{7}\right) = 4 \times 6 = 24$$

(ج)

$$2^{10001} = (2^{10})^{1000} \times 2 = 2 \pmod{11}$$

(د)

چرا که $\gcd(a, b) = 1$ و یکی از تعاریف ب.م.م این است که: $\gcd(a, b) = \min(\{x > 0 \mid \exists y, z : ay + xz = b\})$