Dynamic Programming

# Index	5		
■ CreatedAt	@September 28, 2022		
<u></u> Person	Ally Hyeseong Kim		
Status	Done		
_≔ Tags	Dynamic Programming	Java	Python

References



References

- 1. Dynamic Programming
- 2. 다이나믹 프로그래밍 방법론
- 3. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming: Knapsack Problem

1. Dynamic Programming

Dynamic Programming Alogorithm 은 문제를 각각의 작은 문제로 나누어 해결한 결과를 저장해뒀다가 나중에 큰 문제의 결과와 합하여 풀이하는 알고리즘이다.

- 최적 부분 구조를 갖고 있는 문제를 풀이할 수 있다.
 - 최적 부분 구조 : 문제의 최적 해결 방법이 부분 문제에 대한 최적 해결 방법으로 구성되는 경우

Algorithm	문제 특징	대표적인 문제
Dynamic Programming Alogorithm	최적 부분 구조 중복된 하위 문제	0-1 배낭 문제 피보나치 수열 Dijkstra Algorithm
Greedy Algorithm	최적 부분 구조 탐욕 선택 속성	분할 가능 배낭 문제 <mark>Dijkstra</mark> Algorithm
Divide and Conquer	최적 부분 구조	Merge Sort Quick Sort

2. 다이나믹 프로그래밍 방법론

2.1. 상향식(Bottom-up)

Dynamic Programming 1

상향식 방법은 더 작은 하위 문제부터 살펴본 다음, 작은 문제의 정답을 이용해 큰 문제의 정답을 풀어나간다.(Tabulation)

```
def fib(n):
    dp[0] = 0
    dp[1] = 1

for i in range(2, n + 1):
        dp[i] = dp[i - 1] + dp[i - 3]

return dp[n]
```

2.2. 하향식(Top-Down)

하향식 방법은 하위 문제에 대한 정답을 계산했는지 확인해가며 문제를 풀어나간 다.(Memoization)

```
def fib(n):
    if n <= 1:
        return n

if dp[n]:
        return dp[n]

dp[n] = fib(n - 1) + fib(n - 2)

return dp[n]</pre>
```

• 이미 풀어봤는지 확인하여 재활용하는 효율적인 방식이다.

3. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming: Knapsack Problem

Knapsack Problem 은 배낭에 담을 수 있는 무게의 최댓값(15kg)이 정해져 있을 때, 각 짐의 가치와 무게가 있는 짐을 배낭에 넣을 때 가격의 합이 최대가 되도록 짐을 고르는 방법을 찾는 문제이다.

• 0-1 Knapsack Problem: 짐을 쪼갤 수 없는 경우 → 탐욕 선택 속성이 없고 종복된 하위 문제들 속 성을 가지므로 Dynamic Programming 으로 풀어야 한다.

```
def zero_one_knapsack(cargo):
    capacity = 15
    pack = []

for i in range(len(cargo) + 1):
        pack.append([])
    for c in range(capacity + 1):
        if i == 0 and c == 0:
            pack[i].append(0)
        elif cargo[i - 1][1] <= c:
            pack[i].append(max(cargo[i - 1][0] + pack[i - 1][c - cargo[i - 1][1]], pack[i - 1][c]))
        else:
            pack[i].append(pack[i - 1][c])</pre>
```

Dynamic Programming 2

return pack[-1][-1]

• cargo = [(value, weight)]

Dynamic Programming 3