Greedy

# Index	1
■ CreatedAt	@September 28, 2022
<u></u> Person	Ally Hyeseong Kim
_≔ Status	In Progress
_≔ Tags	Greedy Java Python

References



References

- 1. Greedy Algorithm
- 2. Shortest Path Problem: Dijkstra Algorithm
- 3. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming
- 4. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming 1: Knapsack Problem
- 5. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming 2: Coin-Change Problem

1. Greedy Algorithm

Greedy Algorithm 은 global optima를 찾기 위해 각 단계에서 local optima인 선택을 하는 heuristic 문제 해결 알고리즘이다.

- Greedy Algorithm 을 적용할 수 있는 문제들은 Greedy Choice Property 를 갖고 있는 Optimal Substructure 이다.
 - Greedy Choice Property: 앞의 선택이 이후 선택에 영향을 주지 않는 것

• Optimal Substructure: 최적 해결 방법이 부분 문제에 대한 최적 해결 방법 으로 구성되는 경우

2. Shortest Path Problem: Dijkstra Algorithm

Shortest Path Problem은 각 edge의 가중치 합이 최소가 되는 두 vertex(혹은 node) 사이의 경로를 찾는 문제이다.

- Dijkstra Algorithm 은 항상 node 주변의 최단 경로만을 선택하는 대표적인 Greedy Algorithm 중 하나로 단순하고 실행 속도가 빠르다.
 - Breath-First Search(BFS) 를 이용하여 node 주변을 탐색한다.

```
function Dijkstra(Graph, source):
    // 초기화
    dist[source] <- 0</pre>
    create vertex priority queue Q
    for each vertex v in Graph:
        if v != source
            // source에서 v까지 아직 모르는 길이
            dist[v] <- INFINITY</pre>
            // v의 이전 노드
            prev[v] <- UNDEFINED</pre>
        Q.add_with_priority(v, dist[v])
    // 메인 루프
    while Q is not empty:
        // 최고의 꼭짓점을 제거하고 반환
        u <- Q.extract_min()</pre>
        // Q에 여전히 남아 있는 v에 대해서만
        for each neighbor v of u:
            alt <- dist[u] + length(u, v)</pre>
            if alt < dist[v]</pre>
                dist[v] <- alt
                prev[v] <- u</pre>
                Q.decrease_priority(v, alt)
    return dist, prev
```

3. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming

• Greedy Algorithm 은 각 단계마다 local optima를 찾아 문제를 더 작게 줄여나 간다.

• Dynamic Programming 은 하위 문제에 대한 최적의 솔루션을 찾고 이 결과들을 결합한 정보를 바탕으로 global optima를 찾는다.

4. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming 1: Knapsack Problem

Knapsack Problem 은 배낭에 담을 수 있는 무게의 최댓값(15kg)이 정해져 있을 때, 각 짐의 가치와 무게가 있는 짐을 배낭에 넣을 때 가격의 합이 최대가 되도록 짐을 고르는 방법을 찾는 문제이다.

• Fractional Knapsack Problem : 짐을 쪼갤 수 있는 경우 → Greedy Algorithm 으로 풀이할 수 있다.

```
# cargo = [(가격, 무게), ...]
# 배낭에 담을 수 있는 무게 최대값: 15
def fractional_knapsack(cargo):
   capacity = 15
   pack = []
   # 단가(=가격/무게) 계산하여 정렬
   for c in cargo:
       pack.append((c[0] / c[1], c[0], c[1]))
   pack.sort(reverse=True)
   # 단가 순으로 Greedy Algorithm 이용
   total_value: float = 0
   for p in pack:
       if capacity >= p[2]:
           capacity -= p[2]
           total_value += p[1]
           fraction = capacity / p[2]
           total_value += p[1] * fraction
           break
    return total_value
```

• 0-1 Knapsack Problem : 짐을 쪼갤 수 없는 경우 → Dynamic Programming 으로 풀이 해야 한다.

5. Greedy Algorithm vs Dynamic Programming 2: Coin-Change Problem

• 동전이 이전 액면의 배수 이상인 경우 \rightarrow Greedy Algorithm 으로 풀이할 수 있다.

o ex. 10원, 50원, 100원 → 10원 * 16개 vs 100원 + 50원 + 10원

- 동전이 이전 액면의 배수 이상이 아닌 경우 \rightarrow Dynamic Programming 으로 풀이해야 한다.
 - o ex. 10원, 50원, 80원, 100원 → <mark>80원 * 1개</mark> vs 100원 + 50원 + 10원