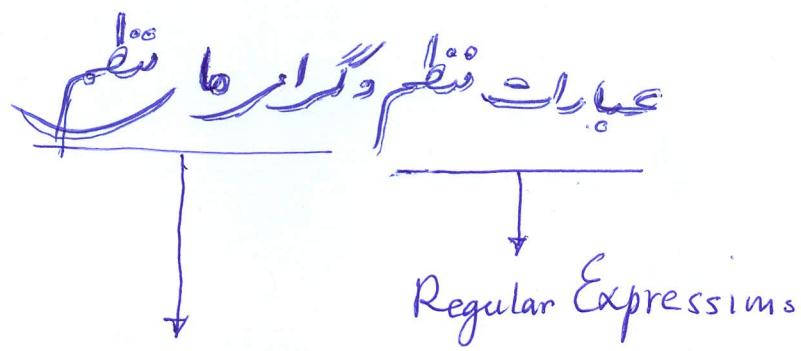


فونجي



Regular Grammars

## حبارات تنفس (Regular Expression)

- خانه زبان لفظ قسم متن
- روابط بروز زبان لفظ قسم متن
- بروز زبان لفظ قسم از زبانی که شوند

### رو تعریف:

- حبارات تنفس Syntax
- حبارات تنفس Semantic

### حبارات تنفس Syntax

- فرض کنیم حبارات تنفس رو  $\Sigma$  تعریف شده باشد.

. ۱.  $\emptyset$  حبارات تنفس است.

. ۲.  $a \in \Sigma$  حبارات تنفس است.

. ۳.  $a \in \Sigma, a \in \Sigma$  حبارات تنفس است.

. ۴. اگر  $R_1, R_2$  حبارات تنفس هستند دوین هست

$(R_1), R_1^*, R_1 R_2, R_1 + R_2$  حبارات تنفس

هستند

$$R = (0+1)^*(00+1)(1+0)^*$$

$0 \in \Sigma$

$1 \in \Sigma$

$0+1$

$(0+1)$

$(0+1)^*$

$00$

$00+1$

$(00+1)$

$(0+1)^*(00+1)$

$(0+1)^*(00+1)(0+1)^*$

$$R = \lambda + 0$$

$$R = (0+1)^*(0+1)$$

$$R = \emptyset$$

طبعي  $\Rightarrow$  Syntax صحيحة

- كل عنصر في  $\Sigma$   $\in$   $R$  . ١ ✓

- كل عنصر في  $R$   $\in$   $\Sigma$  . ٢ ✓

- كل عنصر في  $R$   $\in$   $\Sigma$  . ٣ ✓

-  $R = R_1 \cup R_2$ ,  $R_1, R_2 \in R$  . ٤ ✓

- لا يحتوي على مسافة

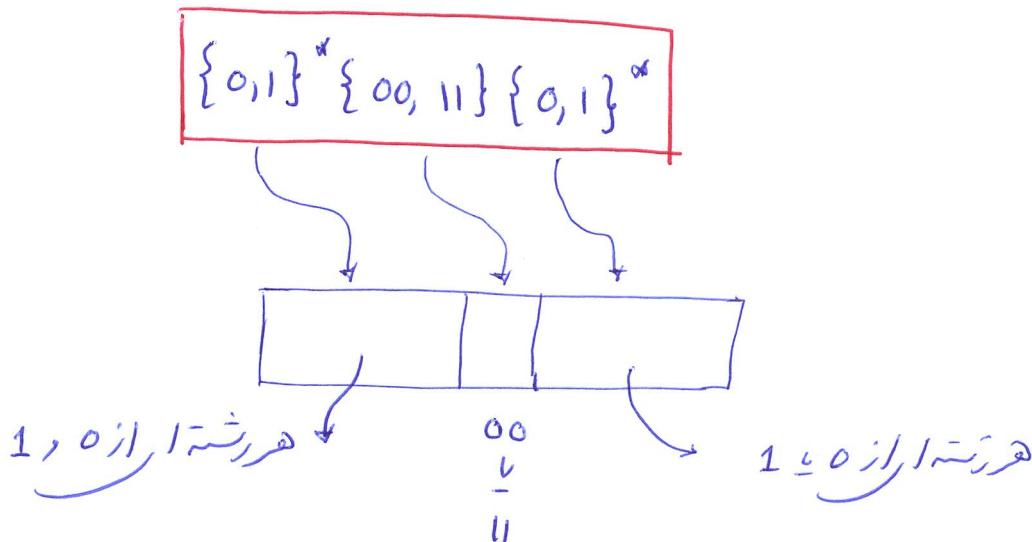
$(R_1), R_1^*, R_1 R_2, R_1 + R_2$

طبعي  $\Rightarrow$   $R = R_1 \cup R_2$





$$R = (0+1)^*(00+11)(0+1)^*$$



جواب  
•  $00 \in \{0,1\}^*$  میں نظر رکھو  
•  $1 \in \{0,1\}^*$  میں نظر رکھو

$$R = a^*(a+b)$$

$$a : \{a\}$$

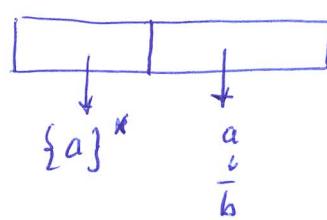
$$a^* : \{a\}^*$$

$$b : \{b\}$$

$$a+b : \{a\} \cup \{b\} = \{a,b\}$$

$$(a+b) : \{a,b\}$$

$$a^*(a+b) : \boxed{\{a\}^*\{a,b\}}$$

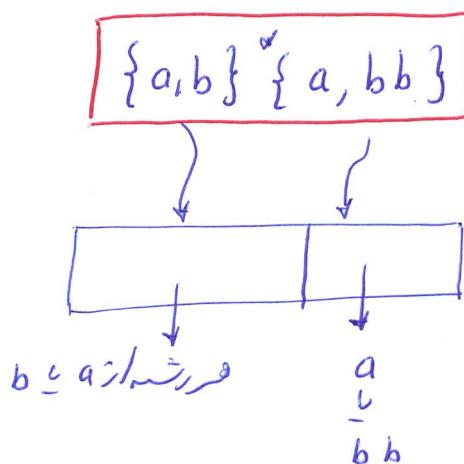


$$L(R) = \{ \lambda, a, aa, aaa, \dots \} \{a,b\}$$

$$= \{a, aa, aaa, \dots, b, ab, aab, \dots\}$$



$$R = (a+b)^*(a+bb)$$



، مخطط دالة بالتالي نحو ما يُعَدُّ لـ bb ⊆ a ✓

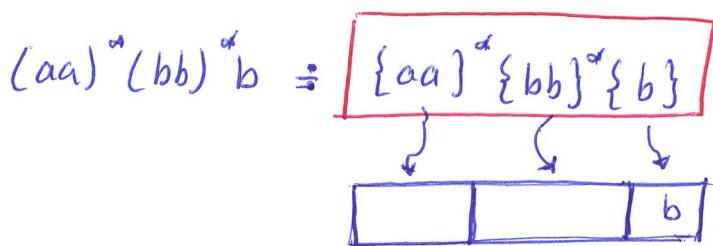
$$R = (aa)^*(bb)^*b$$

$(aa)^*$  :  $\{aa\}^* = \{1, aa, aaaa, aaaaaa, \dots\}$

$(bb)^*$  :  $\{bb\}^* = \{1, bb, bbbb, bbbbbbb, \dots\}$

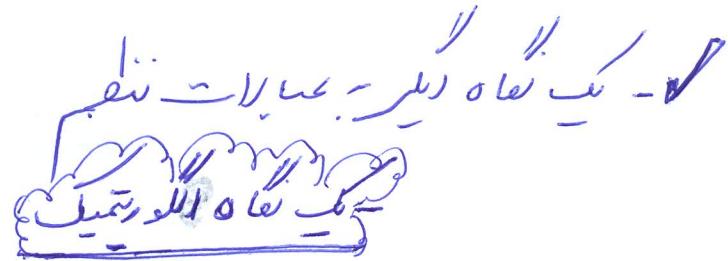
$(bb)^*b$  :  $\{bb\}^*\{b\} = \{b, bbb, bbbbb, bbbbbbb, \dots\}$

، مخطط دالة بالتالي نحو ما يُعَدُّ ↗



$$L(R) = \{a^{2n}b^{2m+1} \mid n \geq 0, m \geq 0\}$$





$+ \vdash \vdash$   
 $* \vdash \vdash$

$$(0+1)^* : \{0,1\}^*$$

↓

while (needed) do

Select 0 or 1

$$(0+1)(00+11)^* : \{0,1\}^* \{00,11\}$$

while (needed) do

Select 0 or 1

Select

00

or

11

0101100000

01000000

0111100111

0101101111



$$R = (0+1)^*(00+1)(0+1)^*$$

while (needed) do

Select 0 or 1

Select

Select 0  
Select 0

or

Select 1

while (needed) do

select 0 or 1



01010010010100



01010010010100



01010010010100

$$R = ((0+1)^* + 1)^*$$

while (needed) do

Select

while (needed) do

select 0 or 1

or

Select 1

010100110



010100110



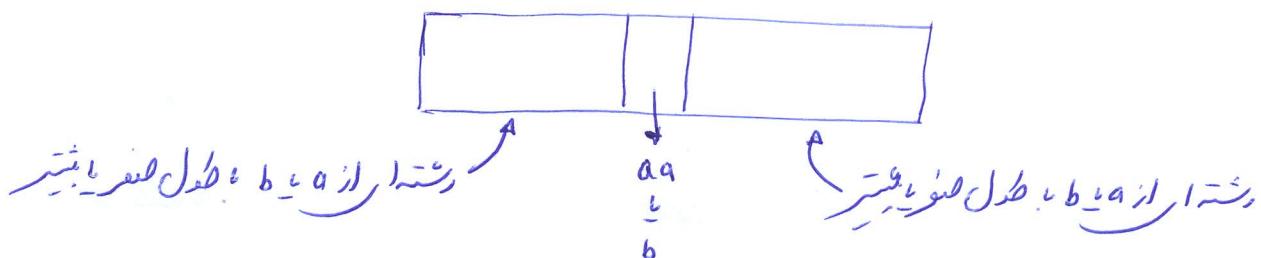
010100110



010100110



تعداد رشته های طول حداقل ۳ تا حداقل حداکثر ۴  
 $L((a+b)^*(aa+b)(a+b)^*)$  جست?



طول	تعداد	w, زیر
0	0	
1	1	b
2	4	aa, ba, bb, ab, bb
3	8	aaa, baa, aba, aab bab, bab, bbb, bba abb, abb, bab, bab, aba, abb, bba, bbb

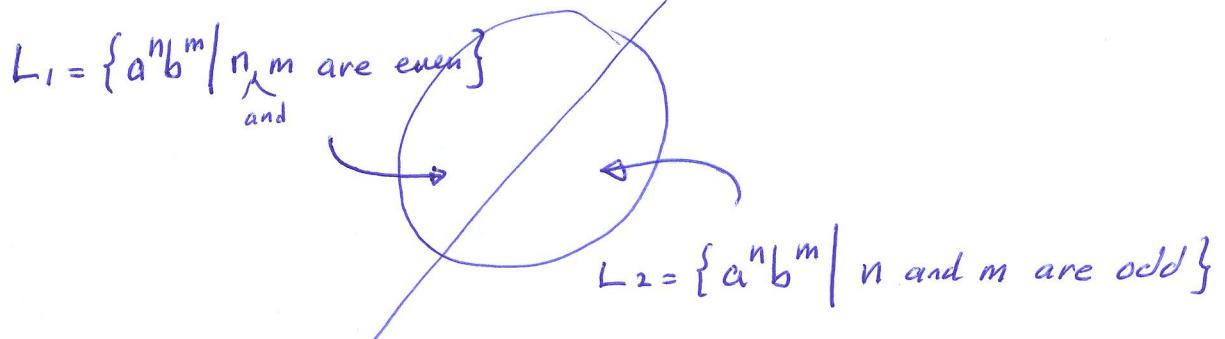
---

13



مکانیزم این اینستین

$$L = \{a^n b^m \mid n+m \text{ is even}\}$$



$$L = L_1 \cup L_2$$

$$R_1 = (aa)^* (bb)^* \quad R_2 = a(aa)^* b(bb)^*$$

$$R = R_1 + R_2$$

$$R = (aa)^* (bb)^* + \underline{a(aa)^* b(bb)^*}$$

$$a(aa)^* \equiv \underline{(aa)^* a}$$

$$R = (aa)^* (bb)^* + \underline{(aa)^* a} \underline{b(bb)^*}$$

$$b(bb)^* \equiv \underline{(bb)^* b}$$

$$R = (aa)^* (bb)^* + (aa)^* \underline{a} \underline{(bb)^* b}$$

تمرين

$(R_1 = R_2) \iff L(R_2) \supseteq R_1$  (وهي تساوي)

$$L(R_1) = L(R_2)$$

$$L(R_1) \subset L(R_2)$$

$$x \in L(R_1) \Rightarrow x \in L(R_2)$$

هر  $x \in L(R_1)$  يتحقق  
أن  $x \in L(R_2)$  وهذا  
يشير إلى أن  $R_1 \subseteq R_2$

$$L(R_2) \subset L(R_1)$$

$$x \in L(R_2) \Rightarrow x \in L(R_1)$$

هر  $x \in L(R_2)$  يتحقق  
أن  $x \in L(R_1)$  وهذا  
يشير إلى أن  $R_2 \subseteq R_1$

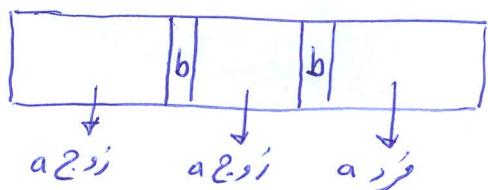
$$(a+b)^* (a+b) \equiv (a+b)(a+b)^*$$

$$(aa)^* (bb)^* + (aa)^* a (bb)^* b \equiv (aa)^* (bb)^* + a (aa)^* b (bb)^*$$

$$(a+b)^* \neq (a+b)^* (a+b)$$

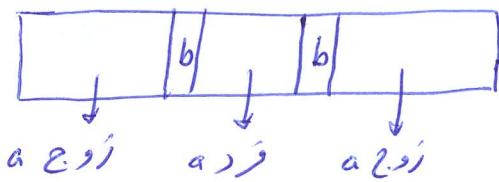
لیکن برای تفکر بسیار ساده و مفید است که فرد را در حقیقت دارای دو طبقه باشد

I.



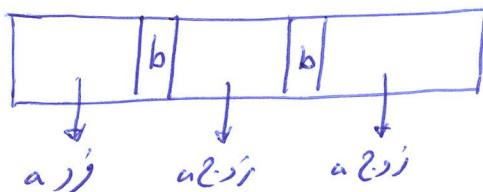
$$R_I = (aa)^* b (aa)^* b (aa)^* a$$

II.



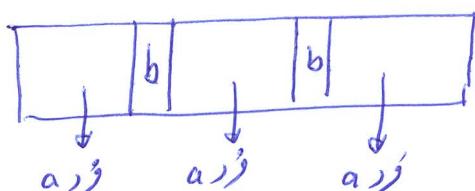
$$R_{II} = (aa)^* b (aa)^* a b (aa)^*$$

III



$$R_{III} = (aa)^* a b (aa)^* b (aa)^*$$

IV.



$$R_{IV} = (aa)^* a b (aa)^* a b (aa)^* a$$

$$R = R_I + R_{II} + R_{III} + R_{IV}$$



الكلمات المكونة من الأحرف a و b ، حيث n ≥ 4 ، m ≤ 3

$$\underline{L = \{a^n b^m \mid n \geq 4, m \leq 3\}}$$

$$R = aaaaa^*(\lambda + b + bb + bbb)$$

الكلمات المكونة من الأحرف a و b ، حيث n < 4 ، m ≤ 3

$$\underline{L = \{a^n b^m \mid n < 4, m \leq 3\}}$$

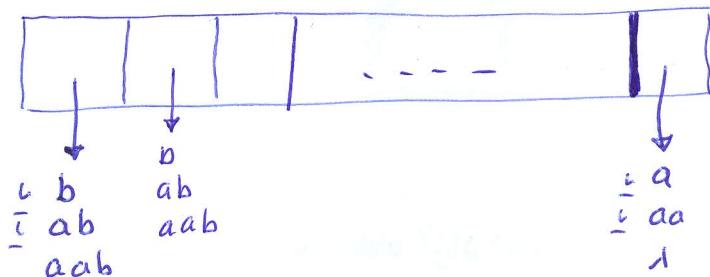
$$R = (\lambda + a + aa + aaa)(\lambda + b + bb + bbb)$$



لکے مبارکت تھم را زیاد نہیں کر دیتے، درست۔

$$L = \{ \text{aaa}^*, b, ab, aab, aa^* \}$$

فلم اور



$$R = (b + ab + aab)^*(a + aa + 1)$$

ما سے لزیبات تھم جس لے پیدا کریں؟

$$L = \{ \text{aaa}^*, b, ab, aab, aa^* \}$$



$$\text{الع: } (a + aa + 1)(ab + b + aab)^*$$

$$\leftarrow : (b + ab + aab)^*(a + aa + 1)$$

$$\text{C: } (baa + b + ab)^*(a + aa + 1)$$

$$\rightarrow : (a + aa + 1)(aab + b + ba)^*$$

یک صفت تضمین زبان نظریه مدلسازی و درس:

$$L = \{a^n b^m \mid n \geq 1, m \geq 1, nm \geq 3\}$$

$$L = \underbrace{\{a^n b^m \mid n \geq 1, m \geq 3\}}_{\uparrow} \cup \underbrace{\{a^n b^m \mid n \geq 3, m \geq 1\}}_{\downarrow} \cup \underbrace{\{a^n b^m \mid n \geq 2, m \geq 2\}}_{\downarrow}$$

$$R = \underbrace{aa^* bbbb^*}_{\uparrow} + \underbrace{aaaa^* bb^*}_{\downarrow} + \underbrace{aaa^* bbb^*}_{\downarrow}$$

$$L = \underbrace{\{a^n b^m \mid n \geq 1, m \geq 3\}}_{\uparrow} \cup \underbrace{\{a^n b^m \mid n \geq 3, m \geq 1\}}_{\downarrow} \cup \underbrace{\{a^n b^m \mid n \geq 2, m \geq 2\}}_{\downarrow} \cup \underbrace{\{a^n b^m \mid n \geq 2, m \geq 3\}}_{\downarrow}$$

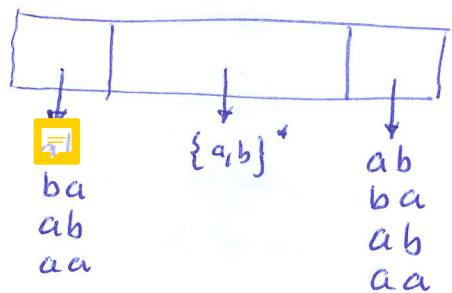
$$R = \underbrace{aa^* bbbb^*}_{\uparrow} + \underbrace{aaaa^* bb^*}_{\downarrow} + \underbrace{aaa^* bbb^*}_{\downarrow} + \underbrace{aaa^* bbbb^*}_{\downarrow}$$

یک صفت تضمین زبان نظریه مدلسازی و درس:



• مجموعه زیر مجموعه ای است، ممکن است

$$L = \{ uwv \mid u, w, v \in \{a, b\}^*, |u|=|w|=2 \}$$



$$R = (ab + ba + bb + aa)(a+b)^*(ab + ba + bb + aa)$$

• مجموعه زیر مجموعه ای است، ممکن است

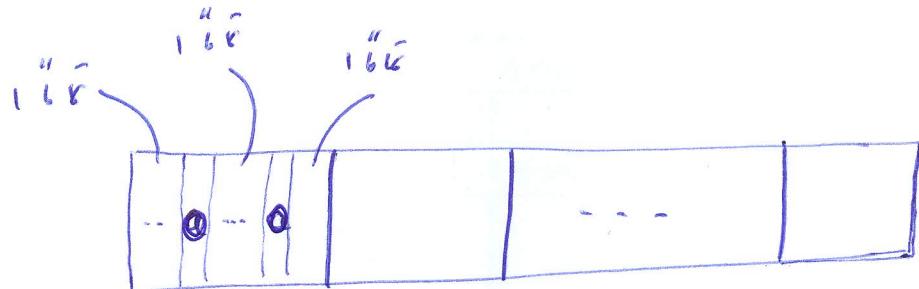
$$L = \{ uwu \mid u, w \in \{a, b\}^*, |u|=2 \}$$

$$R = ab(a+b)^*ab + \\ ba(a+b)^*ba + \\ bb(a+b)^*bb + \\ au(a+b)^*aa$$



لذلك  $\Sigma = \{0,1\}$  و  $w = 01010101$  حيث  $l(w) = 9$   
 - يعبر عن تسلسل زوجي مترافق

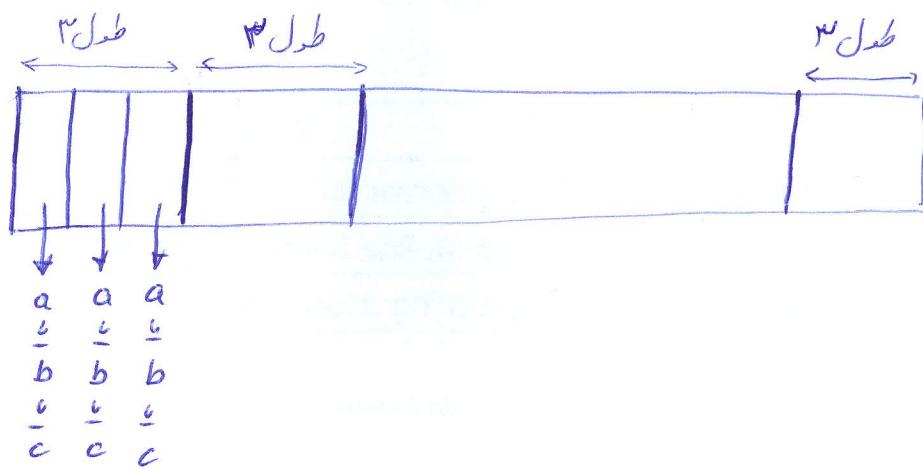
نوع زوجي



$$R = (1^* 0 1^* 0 1^*)^* + 1^*$$

میں سب سے تسلیم ہوں گے اور میرے زبان میں تسلیم کر دیں۔

$$L = \{ w \mid w \in \{a, b, c\}^*, |w| \bmod 3 = 0 \}$$



$$R = ((a+b+c)(a+b+c)(a+b+c))^*$$

میرے زبان میں تسلیم کر دیں۔

$$L = \{ w \mid w \in \{a, b\}^*, n_a(w) \bmod 3 = 0 \}$$

$$L = \{ w \mid w \in \{a, b, c\}^*, n_a(w) \bmod 3 = 0 \}$$

$$L = \{ w \mid w \in \{a, b\}^*, n_a(w) \bmod 5 > 0 \}$$

$$L = \{ w \mid w \in \{a, b, c\}^*, n_a(w) \bmod 5 > 0 \}$$

$a \in \Sigma$  و  $\Sigma = \{a, b\}$  لهم يتحقق لـ  $R$  كـ مترافق أو  $R = \Sigma^*$

$$R = b^* + b^*ab^* + b^*ab^*ab^* + b^*ab^*ab^*ab^*$$

$\Sigma = \{a, b, c\}$  لهم يتحقق لـ  $R$  كـ مترافق أو  $R = \Sigma^*$

حالات  $c \leq a$ ,  $b \leq a$ ,  $c \leq b$

$$R = (a+b+c)^* \underline{a} (a+b+c)^* \underline{b} (a+b+c)^* \underline{c} (a+b+c)^* +$$

$$(a+b+c)^* \underline{a} (a+b+c)^* \underline{c} (a+b+c)^* \underline{b} (a+b+c)^* +$$

$b$	$a$	$c$
$b$	$c$	$a$
$c$	$a$	$b$
$c$	$b$	$a$



- کامین از عبارت مشتمل زیر رشته متشتمل از اصغر دیگر به رفیقاً  
یک زیر رشته ۰۰۰ را در در توصیف می‌کند.

$$\text{الف: } (1+01)^* 000 (10+1)^*$$

$$\text{بـ: } (1+01+001)^* 000 (100+10+1)^*$$

$$\text{جـ: } (0+1)^* 000 (0+1)^*$$

$$\text{دـ: } (1+0+00) + (1+01)^* 000 (10+1)^*$$

توصییت: گزینه درسته ها را تولیدی کنند و شامل زیر رشته ۰۰۰ نیست. گزینه  
 جـ حداچال بـ زیر رشته ۰۰۰ را تولیدی کنند. گزینه الفـ تمام چنین رشته هایی  
 را توصیف نمی‌کند. گزینه بـ تمام چنین رشته هایی را تولیدی کنند.

- میں صارت تنفس برائے حکومت نام رشتہ در (و)  $\Sigma = \{0,1\}$  نے ۱۰  
حتمی شفہی بہت آورید.

- میں صارت تنفس برائے حکومت نام رشتہ در (و)  $\Sigma = \{0,1\}$  نے ۱۰  
حتمی شفہی بہت آورید.

مُعَدِّل تَفْصِيل زرِّي مُبَدِّل اور

$$L = \{a^n b^m \mid n \geq 4, m \leq 3\}$$

$a^n b^m$  پر  $n=4$   
و  $m=3$

$$R = (\lambda + a + aa + aaa) b^* +$$

$a^* b b b b b^*$  +  
 $(a+b)^* ba (a+b)^*$

$a^n b^m$  پر  $m > 3$

شکل دیگر کاملاً از این طریق  
نمایش نمی‌شود.

ناد اوری

گرامر نظم / ( نوع سوم )

- میکارا کار نظم است اگر مثل قوانین بھی از دو قاعده  
نرم باشد

خطی راست  $\left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow xB \\ A \rightarrow \alpha \end{array} \right.$   $A, B \in V, x \in T^*$

L

خطی جب  $\left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow Bx \\ A \rightarrow \alpha \end{array} \right.$   $A, B \in V, x \in T^*$

$S \rightarrow aS \mid bS \mid a \mid b$

گرامر نرم یا گرامر نظم است

$$L = \{a, b\}^+$$

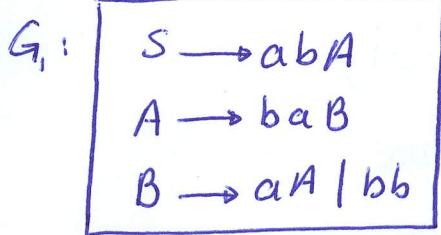
- قوانین نظم خطی راست است

$$S \Rightarrow aS \Rightarrow abS \Rightarrow abbs \Rightarrow abbb$$

abbb نمایند



گرامر نظم (خط از سمت جب) زیرا در ترتیب میرد



خط از سمت جب (زبان گرامر فوق اینت آورید)

$$S \Rightarrow abA \Rightarrow abbaB \Rightarrow abbaaA \Rightarrow \\ abbaaabA \Rightarrow \\ abbaabaaA \Rightarrow$$

⋮

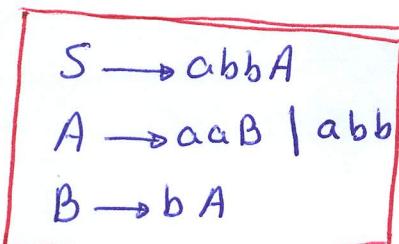
$$\Rightarrow \underline{ab} \underline{ba} \underline{aab} \underline{baa} \underline{baa} \underline{baa} \underline{baa} \underline{bab}$$


---

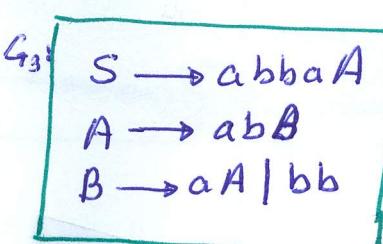


---

G<sub>2</sub>:



G<sub>3</sub>:



$$R_1 = ab(baa)^*bab$$

$$R_2 = abb(aab)^*abb$$

$$R_3 = abba(aba)^*bb$$

حذف کارستن (خطی از رسانه) سهل کارستن (خطی از رسانه)

: زیرا در دو دست

$G_1:$

$$\begin{aligned} S &\rightarrow abA \\ A &\rightarrow b a B \\ B &\rightarrow a A \mid b b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{خطی از رسانه} \\ A &\rightarrow B x \\ A &\rightarrow x \\ A, B \in V \\ x \in T^+ \end{aligned}$$

$$S \Rightarrow abA \Rightarrow abbbaB \Rightarrow abbbaaA \Rightarrow \dots$$

$\Rightarrow \underline{\underline{ab\ baa\ baa}}$

$$\begin{aligned} S &\rightarrow Abb \\ A &\rightarrow Bba \mid abba \\ B &\rightarrow Aa \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\rightarrow Ababb \\ A &\rightarrow Baa \mid ab \\ B &\rightarrow Ab \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\rightarrow Aabb \\ A &\rightarrow Bab \mid abb \\ B &\rightarrow Aa \end{aligned}$$

# مُحَادِلَاتٌ بِالْعِدَادِيَّةِ

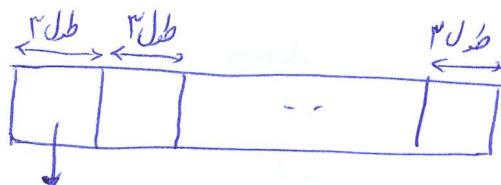
- فرض كندين  $\alpha, \beta, \gamma$  عدديات تتمثّل بـ  $\alpha, \beta, \gamma$  -

$$\alpha + \beta = \beta + \alpha \quad .1$$

$$\begin{aligned} \alpha(\beta + \gamma) &= \alpha\beta + \alpha\gamma \\ (\beta + \gamma)\alpha &= \beta\alpha + \gamma\alpha \end{aligned} \quad .2$$

برهان في المقادير

$$L = \{w \mid w \in \{a, b\}^*, |w|_{\text{mod } 2} = 0\}$$



baa	aaa
bab	aab
bba	aba
bbb	abb

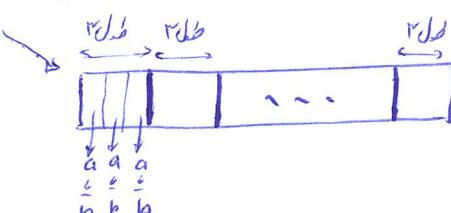
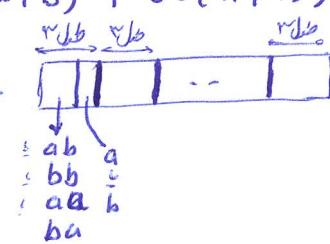
$$R = (aaa + aab + aba + abb + baa + bab + bba + bbb)^*$$

$$= (aa(a+b) + ab(a+b) + ba(a+b) + bb(a+b))$$

$$= ((aa+ab+ba+bb)(a+b))^* \quad \checkmark \rightarrow$$

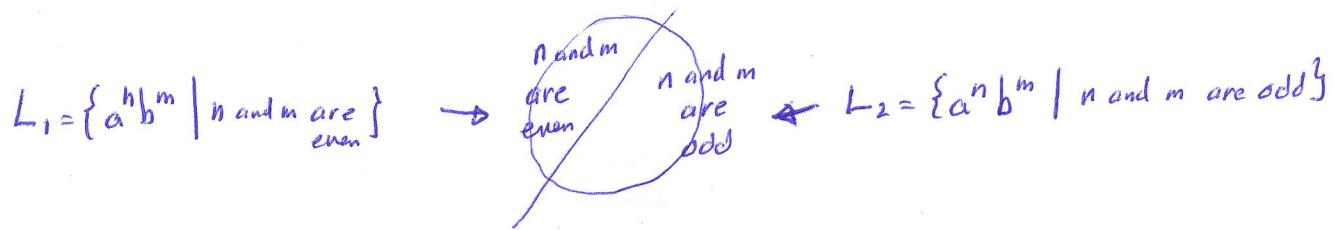
$$= ((a(a+b)+b(a+b))(a+b))^*$$

$$= ((a+b)(a+b)(a+b))^* \quad \checkmark$$

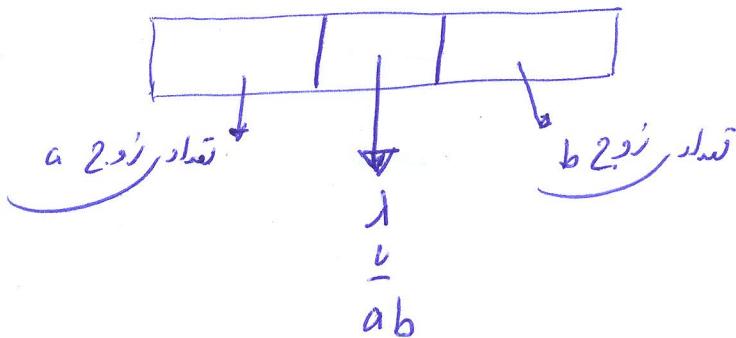


मुख्य विधि का समाचार

$$L = \{a^n b^m \mid n+m \text{ is even}\}$$



$$\begin{aligned} R &= (aa)^*(bb)^* + \underline{a(aa)}^* b (bb)^* \\ &= (aa)^*(bb)^* + \underline{(aa)}^* \underline{ab} (bb)^* \\ &= (aa)^*(1+ab)(bb)^* \end{aligned}$$



:  $\equiv$  دلخواه باشد

$$\boxed{\alpha \alpha^* + \lambda = \alpha}$$

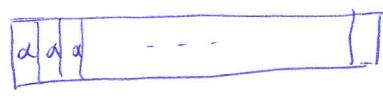
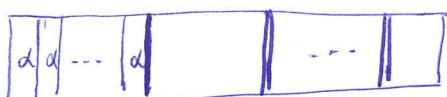
. ✓

$$L(\alpha^*) = \{\lambda, \alpha, \alpha\alpha, \alpha\alpha\alpha, \dots\}$$

$$L(\alpha\alpha^*) = \{\alpha, \alpha\alpha, \alpha\alpha\alpha, \dots\}$$

$$\boxed{(\alpha^*)^\alpha = \alpha^*}$$

. ✓



$$\boxed{((\alpha^*)^*)^* = \alpha^*}$$

$$(\alpha^*)^\alpha = \alpha^\alpha$$

while (needed) do  
while (needed) do  
select  $\alpha$

while (needed) do  
select  $\alpha$

$$\boxed{\alpha^\alpha \alpha^\alpha = \alpha^\alpha}$$



. ✓

$$\boxed{\alpha^\alpha \alpha^\alpha \dots \alpha^\alpha = \alpha^\alpha}$$

$\alpha^\alpha \alpha^\alpha = \alpha^\alpha$   
while (needed) do  
select  $\alpha$   
while (needed) do  
select  $\alpha$



$$(\alpha + \beta)^* = (\alpha^* + \beta^*)^*$$

while (needed) do  
select  $\alpha$  or  $\beta$

white (needed) do  
select  
white (needed) do  
select  $\alpha$   
or  
select  $\beta$

$\alpha$   $\beta$   $\beta$   $\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\beta$   $\beta$   $\alpha$   $\beta$

$$(\alpha + \beta)^* = (\alpha^* + \beta^*)^*$$

white (needed) do  
select  
white (needed) do  
select  $\alpha$

or  
white (needed) do  
select  $\beta$

$\alpha$   $\beta$   $\beta$   $\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\beta$   $\beta$   $\alpha$   $\beta$



$$(\alpha + \beta)^* = \alpha^* (\alpha + \beta)^*, \quad \checkmark$$

while (needed) do

select  $\alpha$

while (needed) do

select  $\alpha$  or  $\beta$

$\alpha \alpha \alpha \beta \alpha \beta \beta \alpha \beta \alpha \beta \beta \alpha \beta$

$$(\alpha + \beta)^* = (\alpha + \beta)^* \beta^*$$

$$(\alpha + \beta)^* = \alpha^* (\alpha + \beta)^* \beta^*$$

$$(\alpha + \beta)^* = \beta^* (\alpha + \beta)^* \alpha^*$$

:

:

$$(\alpha + \beta)^* = (\alpha^* + \beta^*)^* \beta^*$$

⑥ + ⑦ →

$$(\alpha + \beta)^* = \alpha^* (\alpha^* + \beta)^* \beta^*$$

:

:

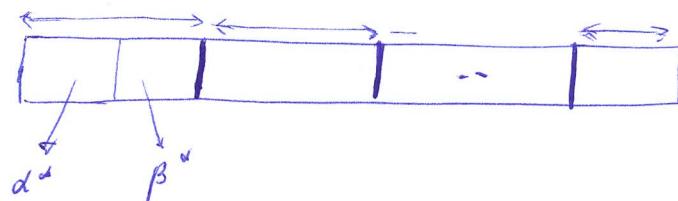
$$(\alpha + \beta)^\alpha = (\alpha^\alpha \beta^\alpha)^\alpha$$

✓ 1

while (needed) do

    while (needed) do  
        select  $\alpha$

    while (needed) do  
        select  $\beta$



ααβ αβββ ααββ αβ α

$$\begin{aligned}
 (\alpha + \beta)^\alpha &= \alpha^\alpha \beta^\alpha \frac{(\alpha^\alpha \beta^\alpha)^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha} \frac{(\alpha + \beta)^\alpha \beta^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha} \frac{(\alpha + \beta)^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha} \\
 &\frac{(\alpha + \beta)^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha} \frac{(\alpha + \beta)^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha} \\
 &\frac{(\alpha + \beta)^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha} \frac{(\alpha + \beta)^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha} \\
 &\frac{(\alpha + \beta)^\alpha}{(\alpha + \beta)^\alpha}
 \end{aligned}$$



• 9 ✓

$$\boxed{\beta(\alpha\beta)^* = (\beta\alpha)^*\beta}$$

$$\underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta}$$

$$\boxed{(\alpha\beta + \alpha)^*\alpha = \alpha(\beta\alpha + \alpha)^*\alpha}$$

$$\underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha} \underline{\beta} \underline{\alpha}$$

$$\beta(\alpha\beta + \alpha)^* \neq (\beta\alpha + \alpha)^*\beta$$

$$(\alpha + \beta)^\alpha = \alpha^\alpha (\beta \alpha^\alpha)^\alpha$$

• I. ✓

$\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\alpha$   $\beta$

$$\alpha^\alpha (\beta \alpha^\alpha)^\alpha = (\alpha^\alpha \beta)^\alpha \alpha^\alpha$$

$$(\alpha + \beta)^\alpha = (\alpha^\alpha \beta)^\alpha \alpha^\alpha$$

$\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$

while (needed) do  
  select  
    [ while (needed) do  
      select  $\alpha$   
      select  $\beta$  ]  
  while (needed) do  
    select  $\alpha$

$$(\alpha + \beta)^\alpha = (\alpha^\alpha \beta)^\alpha + (\beta^\alpha \alpha)^\alpha$$

• II ✓

$\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\beta$   $\beta$   $\alpha$   $\alpha$   $\beta$

$\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\alpha$   $\alpha$   $\beta$   $\beta$   $\alpha$   $\alpha$   $\alpha$

Select

white (needed) do

[ select  
  white (needed) do  
    select  $\alpha$   
  select  $\beta$  ]

or

white (needed) do

[ select  
  white (needed) do  
    select  $\beta$   
  select  $\alpha$  ]



لما يُراد رفع زمرة دالة فـ

$$(\alpha^* + \beta)^* = (\alpha^* \beta^* \alpha^*)^* : \text{الف}$$

$$(\alpha^* \beta)^* \alpha^* = \beta^* (\alpha \beta^*)^* : -$$

$$(\alpha^* \beta \alpha^*)^* + \alpha^* = (\beta^* \alpha^*)^* : \text{ـ}$$

$$\alpha + \phi = \alpha, \quad \alpha + 1 = \alpha \quad \therefore .$$

ـ توسيع دالة زمرة بـ  $\alpha + 1$  لزمرة بـ  $\alpha + \phi = \alpha$  درجة دالة زمرة دالة

$$(\alpha + \beta)^* = (\alpha^* \beta)^* \alpha^* = \beta^* (\alpha \beta^*)^* : \text{ـ}$$

$$(\alpha + \beta)^* = (\beta^* \alpha^*)^* = (\alpha^* \beta^* \alpha^*)^* : \text{ـ}$$

$$(\alpha + \beta)^* = (\alpha^* + \beta)^* = (\alpha^* \beta^* \alpha^*)^* : \text{ـ}$$

$\Sigma = \{a, b\}$  شاخز رسمی از مجموعه  $\Sigma$  نامی داشته و تشكل از عبارات است که زیر مجموعه  $\Sigma^*$  هستند. که حالت  $a$  را درست بوده را در صفت می‌گویند.

$$R_1 = (a+b)^* a (a+b)^*$$

$$R_2 = b^* a (a+b)^*$$

$$R_3 = (a+b)^* a b^*$$

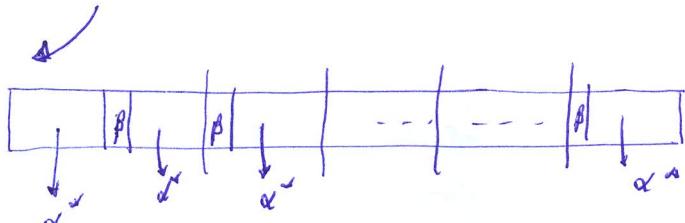
$$R_4 = (b^* a b^*) (b^* a b^*)^*$$

$$R_5 = (b^* a a^* b^*) (b^* a a^* b^*)^*$$

$$R_6 = a^* (b a^*)^* a b^*$$

↙

$$\alpha^* (\beta \alpha^*)^* = (\alpha + \beta)^*$$



↓

$$a^* (b a^*)^* a b^* = \underline{(a+b)^* a b^*} \\ R_3$$



٢٧

- لایسنس از محابرات تنظم در  $\Sigma = \{0,1\}$  توصیف کننده هر رشته های راست که به  
اون ختم من شوند؟

$$1 : (0+1)^*(10+11+00) + 1$$

$$2 : (0+1)^*(0+11)+1+1$$

$$3 : (0+1)^*(10+11+00)$$

$$> : (0+1)^*(0+11)+0+1$$

لوصیات: عبارات تنظم انت و دو دو رشته ۱ را توصیف نمایند.

- عبارت تنفس  $(0+10)^{**} 11$  بکلایم لزمه راست نزیر فریل است؟

- الف:  $(00^* 1)(00^* 1)$

- ب:  $1(00^* 1)^*$

- ج:  $1(10^* 1)$

- د:  $1(0^* 11)(0^* 11)$

توصیت: کو تهیین رشتہ اکر کر تو سطح عبارت تنفس دارہ شدہ مال تولیف است  
رشته ۱۱۰ است. این رشتہ عصنو زبان عبارت گزینہ ها دارد  
منیت؟ ایں این گزینہ ها نادرست نہیں.

: عبارت تنفس گزینہ برشته ۱ را شامل منشور در حالی کہ عبارت  
تنفس دارہ شدہ این رشتہ را شامل منشور

$$R_1 = b^*(\lambda + ab^*ab^*)(\lambda + ab^*)$$

فرض لنك:

$$R_2 = (\lambda + b^*a)(\lambda + b^*ab^*a)b^*$$

$$R_3 = b^*(ab^*(\lambda + ab^*a) + b^*ab^*ab^*a)$$

ما هي الازدواجية في صيغات?

- الف:  $R_1 = R_2, R_3 = R_2$

- -:  $R_1 \neq R_2, R_3 = R_2$

- Z - :  $R_1 \neq R_2, R_3 = R_1$

- > :  $R_1 = R_2, R_3 \neq R_2$

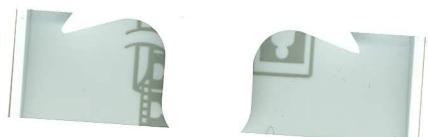
الخصوصيات: بـ  $b^*$  كـ ماري خاصية تجعله ينبع إلى كل نسبت به احتياع در عبارات تنظم

$$R_2 \rightarrow R_1$$

$$R_1 = R_2 = b^* + b^*ab^* + b^*ab^*ab^* + b^*ab^*ab^*ab^*$$

برهان نفرض  $R_3$  يشتمل على  $b^*$  ماريليزم لكنه لا ينبع من  $R_1$  و  $R_2$  :

$$\underline{\text{وكذلك شوند و سيسكوند}} \rightarrow \underline{\text{صحيح}}$$



- کدامیک از عبارات زیر مجموعه تمام رشته ها نشاند (از a و b که دارای تعدادی فزر ط بود، بشرط آن توصیف کنند؟

$$\text{الف: } ba^* (a + ba^* b)^*$$

$$\text{بـ: } ab^* (ab^* ab^*)^*$$

$$\text{جـ: } a^* b (a^* b a^* b)^*$$

$$\text{. >: } (a + ba^* b)^* ba^* \rightarrow \begin{array}{c} \boxed{\phantom{0}} | \boxed{\phantom{0}} | \dots | \boxed{\phantom{0}} | \boxed{ba^*} \\ \downarrow a \\ \downarrow ba^* b \end{array}$$

توصییت: رشته توصیف شده توسط عبارت نتظم الف همراه با ط سروع لیستوند.

دریابیت نتظم بـ ط بـ زوج بـ زوج نیز تمام توصیف لشندو رشته ها با هشروع

لیستوند  
دریابیت نتظم بـ رشته ها با ط حصر لیستوند

- معاشرات تتفق زیرا در نهایت معتبر است:

$$R_1 = b^* a (a+b)^*$$

$$R_2 = (a+b)^* a (a+b)^*$$

$$R_3 = (a^* b^*)^* a b^* \longrightarrow (a+b)^* a b^*$$

$$R_4 = (a+b)^* a b^*$$

کدامیک از این ریاضیات صحیح است؟

الف:  $R_1 \neq R_2, R_1 = R_2$

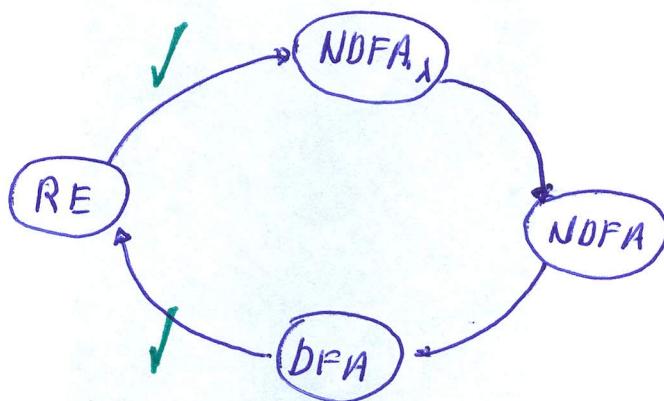
ب:  $R_1 \neq R_4, R_1 = R_2$

ج:  $R_2 = R_3, R_1 = R_4$

د:  $R_2 = R_3, R_3 \neq R_4$

فرضیه: نهایت معاشرات تتفق زیرا در نهایت معتبر است، همچنان که شرط شفاف  
از a و b که علاوه بر اشتمال بر شوند را توصیف می‌کند.

اِنْدَيْسِتُرِیَّا نَمَوْسِیْزْ (النَّعْسُوم)



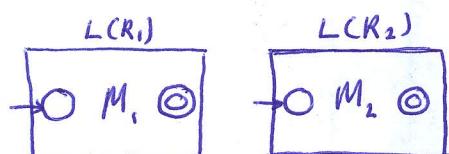
NDFAs  $\approx$  RE

1.  $\emptyset : \rightarrow \textcircled{0} \textcircled{0}$

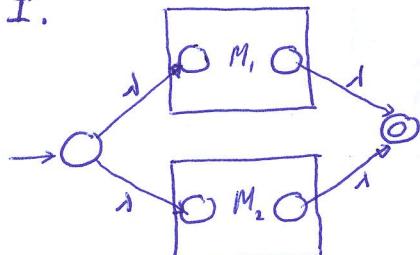
2.  $\lambda : \rightarrow \textcircled{0} \xrightarrow{\lambda} \textcircled{0}$

3.  $a \in \Sigma : \rightarrow \textcircled{0} \xrightarrow{a} \textcircled{0}$

4.

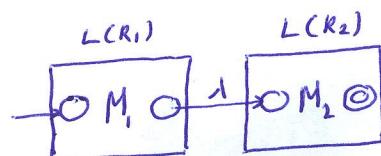


I.



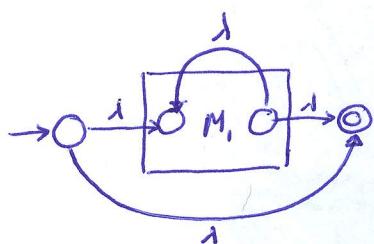
$$\begin{aligned} L(R_1 + R_2) &= L(R_1) \cup L(R_2) \\ &= \{x \mid x \in L(R_1) \text{ or } x \in L(R_2)\} \end{aligned}$$

II.



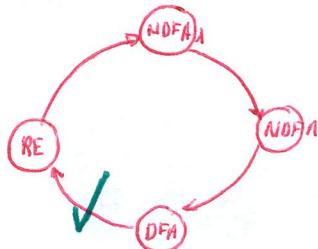
$$\begin{aligned} L(R_1 R_2) &= L(R_1) L(R_2) \\ &= \{xy \mid x \in L(R_1), y \in L(R_2)\} \end{aligned}$$

III.



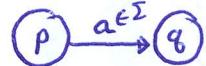
$$\begin{aligned} L(R_1^*) &= L(R_1)^* \\ &= \{x \mid x = u_1 u_2 \dots u_i, i \geq 0 \\ &\quad u_i \in L(R_1)\} \end{aligned}$$





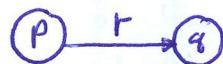
$RE \sim DFA$  ~~لهم~~

( Transition Graph)

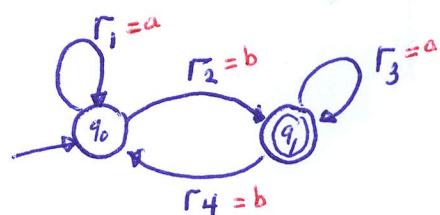


-گراف انتقال

(Generalized Transition Graph) ~~لهم~~

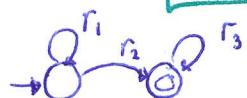


-مکعبات تعمیم شده می باشد

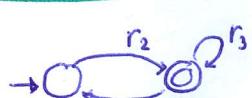


$$R = a^* b (ba^* b + a)^*$$

$$R = r_1^* r_2 (r_4 r_1^* r_2 + r_3)^*$$

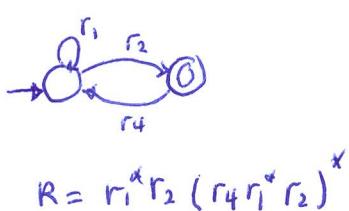


$$R = r_1^* r_2 r_3^*$$



$$R = r_2 (r_4 r_2 + r_3)^*$$

نصیر = نور



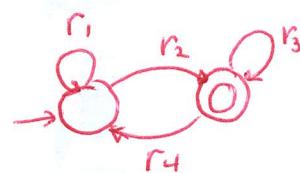
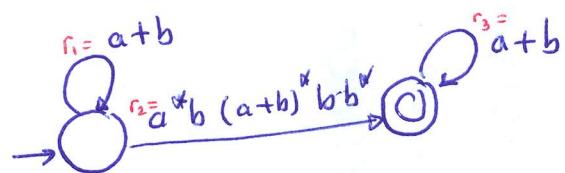
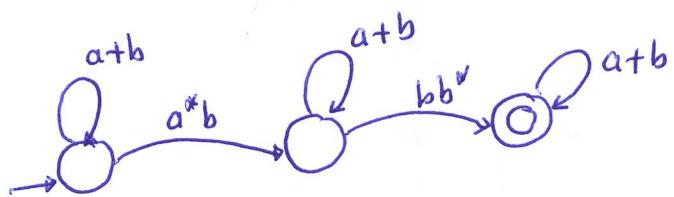
$$R = r_1^* r_2 (r_4 r_1^* r_2)^*$$



$$R = \emptyset$$



مختصر نحو نحو نحو نحو



$$R = r_1^* r_2 (r_3 r_1^* r_2 + r_3)^*$$

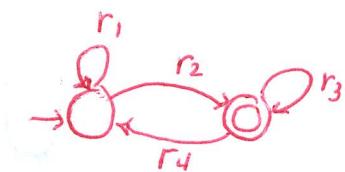
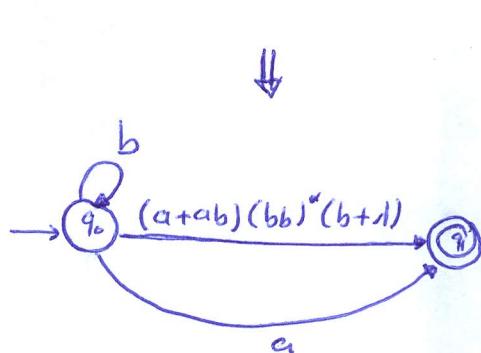
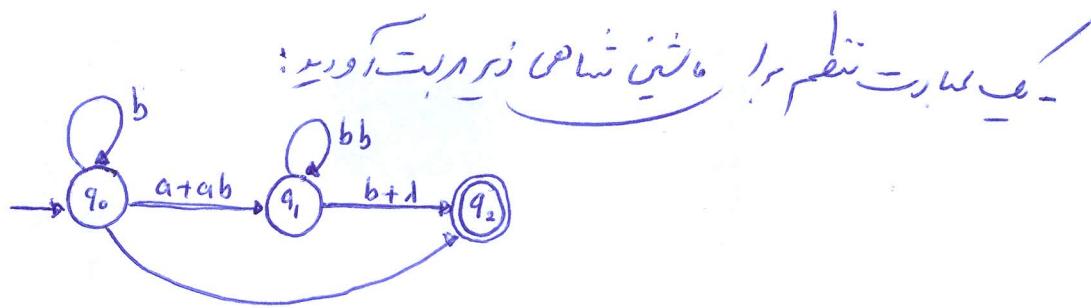


$$R = r_1^* r_2 r_3^*$$

$$R = (a+b)^* a^* b (a+b)^* b b^* (a+b)^*$$

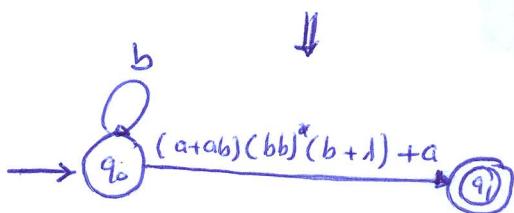


$$R = (a+b)^* b (a+b)^* b (a+b)^*$$



$$R = r_1^* r_2 (r_4 r_1^* r_2 + r_3)^*$$

$$R = r_1^* r_2$$

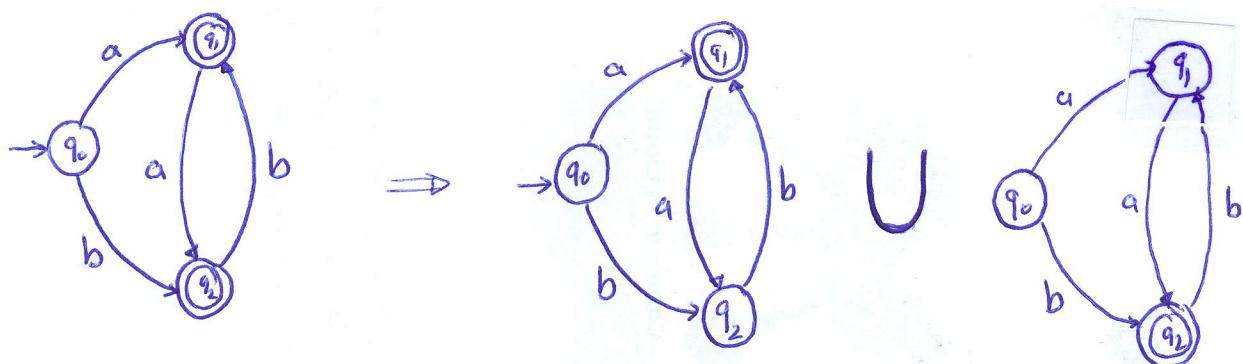


$\Downarrow$

$$R = b^*((a+(a+ab)(bb)^*(b+1))$$

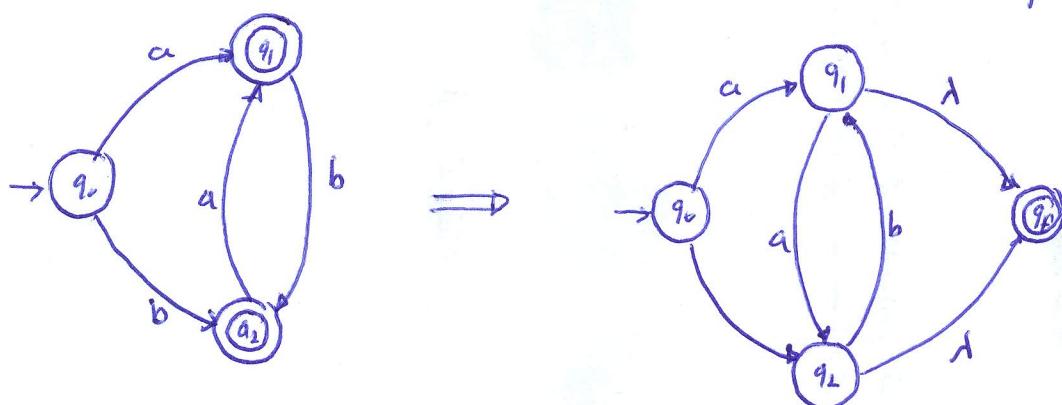
- الگریتم ساده‌تر کار می‌کند و اثبات شده است ✓

راهنمایی:

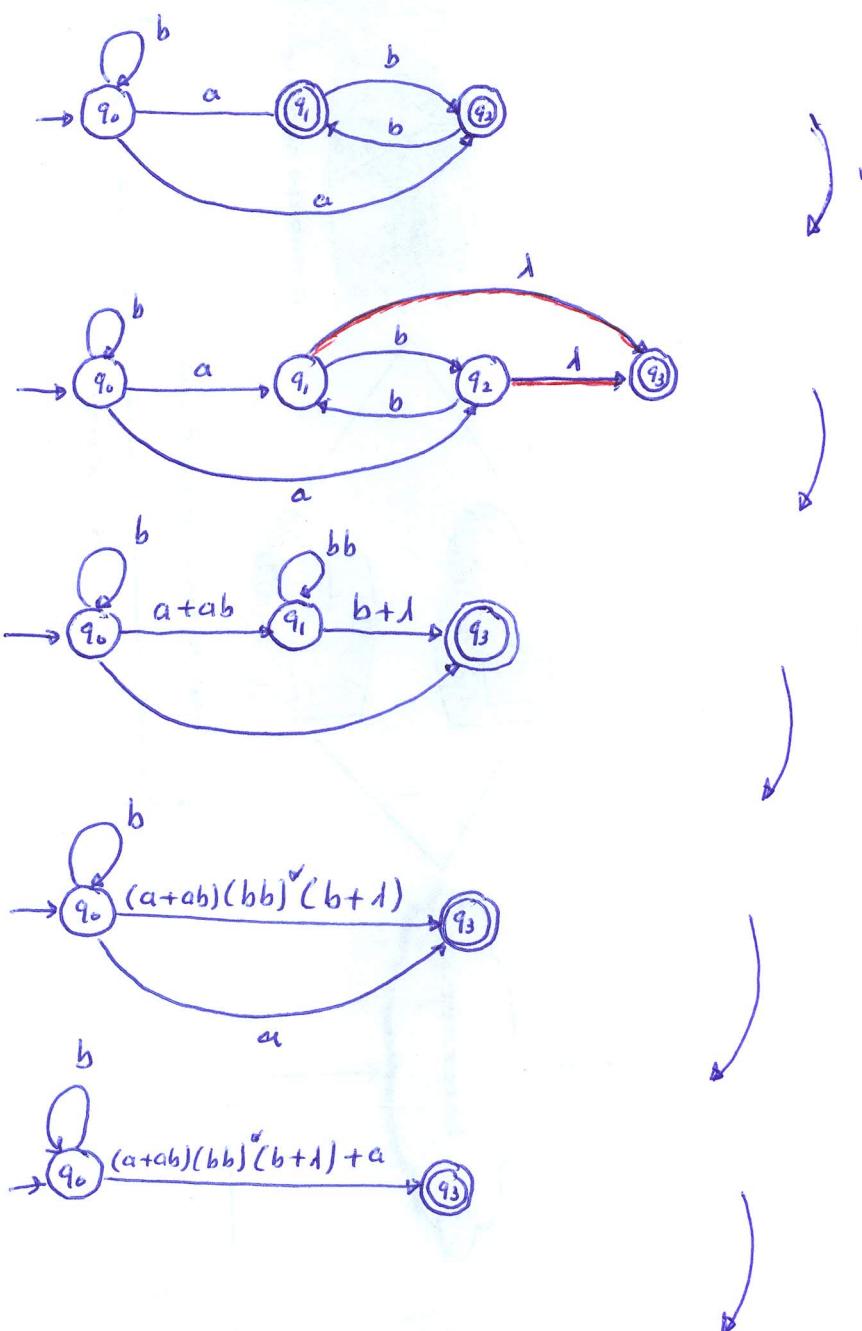


$$R = R_1 + R_2$$

راهنمایی:



مهمات زیر را حل کنید



$$R = b^* (a + (a+ab)(bb)^*(b+1))$$

8.  $R = (a^*(b+\lambda)a^*)^*$  نظریه نظریه  
کلasse (زیر زبان عبارت نظریه DFA)

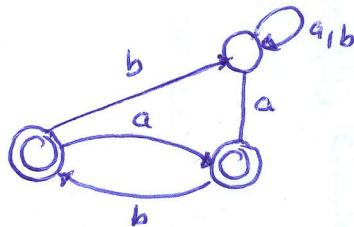
: الف :



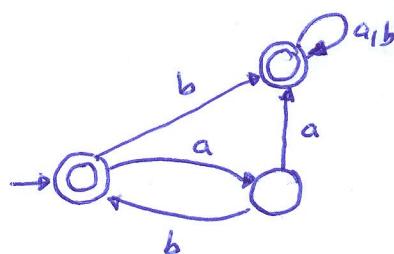
- :-



2 :



> :



$$R = (a^*(b+\lambda)a^*)^*$$

$$= (a^*ba^* + a^*a^*)^*$$

$$= (a^*ba^* + a^*)^*$$

$$= (a^*ba^* + a)^*$$

$$= (a+b)^*$$

- : توصیہ

- وشین > ، وشین a نامن زیرد.

- وشین ج ، وشین a نامن زیرد.

- وشین - ، وشین  $a^*$  نامن زیرد.

## نکته

✓ اشارة دیگر برای معرفی تنظمر کردن ملحوظ است که باید گرامر خطي را با  
و خود را در آن قرار نهاد تا قبل زیر نوشته:

$$\left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow aB \\ A \rightarrow a \end{array} \right. , \quad A, B \in V, \alpha \in T$$

لکه گرامر تنظمر (ذرع قائم) است از  
قولاً شکل زیر داشته باشد: خطی طبقه  
 $\left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow aB \\ A \rightarrow x \end{array} \right.$  or  $\left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow Bx \\ A \rightarrow u \end{array} \right.$   
 $A, B \in V, x \in T^*$

$$\underline{A \rightarrow a_1 a_2 \dots a_n B}$$

$$\begin{aligned} A &\rightarrow a_1 x_1 \\ x_1 &\rightarrow a_2 x_2 \\ x_2 &\rightarrow a_3 x_3 \\ &\vdots \\ x_{n-1} &\rightarrow a_n B \end{aligned}$$

$$\underline{A \rightarrow abbbB}$$

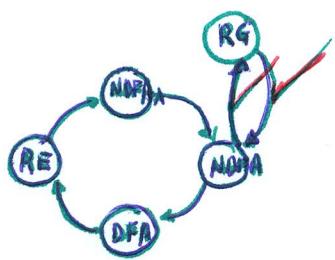
$$\begin{aligned} A &\rightarrow a x_1 \\ x_1 &\rightarrow b x_2 \\ x_2 &\rightarrow b B \end{aligned}$$

$$\underline{A \rightarrow a_1 a_2 \dots a_n}$$

$$\begin{aligned} A &\rightarrow a_1 x_1 \\ x_1 &\rightarrow a_2 x_2 \\ x_2 &\rightarrow a_3 x_3 \\ &\vdots \\ x_{n-1} &\rightarrow a_n \end{aligned}$$

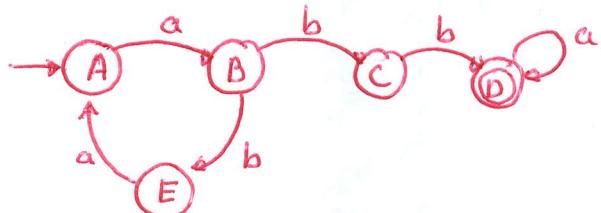
$$\underline{A \rightarrow abb}$$

$$\begin{aligned} A &\rightarrow a x_1 \\ x_1 &\rightarrow b x_2 \\ x_2 &\rightarrow b \end{aligned}$$



RG  $\rightsquigarrow$  NDFA  $\rightsquigarrow$  DFA -

Given :  $NDFA = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$  accepting  $L$



فرضاً: نحن نريد تحويله إلى DFA

Find :  $RG = (V, T, P, S)$  Defining  $L$

$$V = Q = \{A, B, C, D, E\}$$

$$S = q_0 = A$$

$$T = \Sigma$$

$$P = ?$$

"لقد أصلحنا  $\delta$  ، حيث أن  $\delta(p, a)$  يحتوي على مجموعات"

- Add  $p \rightarrow aq$  to  $P$  if  $\delta(p, a) = q$  for  $q \notin F$

- Add  $p \rightarrow aq$  and  $p \rightarrow a$  to  $P$  if

$$\delta(p, a) = q \text{ for } q \in F$$

$$P = \left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow aB, \\ B \rightarrow bE \\ E \rightarrow aA \\ B \rightarrow aC \\ C \rightarrow bD, C \rightarrow b \\ D \rightarrow aD, D \rightarrow a \end{array} \right\}$$

NDFA  $\sim RG$  

Given:  $RG = (V, T, P, S)$  Defining  $L$

$$P = \{ A \rightarrow aB, B \rightarrow bE, E \rightarrow aA, B \rightarrow ac \\ C \rightarrow bD, C \rightarrow b \\ D \rightarrow aD, D \rightarrow a \}$$

$$V = \{ A, B, C, D, E \}$$

$$S = A$$

$$T = \{ a, b \}$$

خطوات تحويل RG إلى NDFA

Find:  $NDFA = (Q, T, \delta, q_0, F)$  accepting  $L$

$$Q = V \cup \{ F \} = \{ A, B, C, D, E, F \}$$

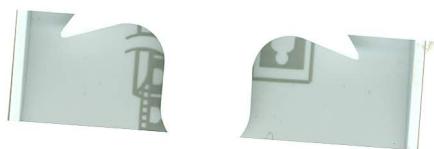
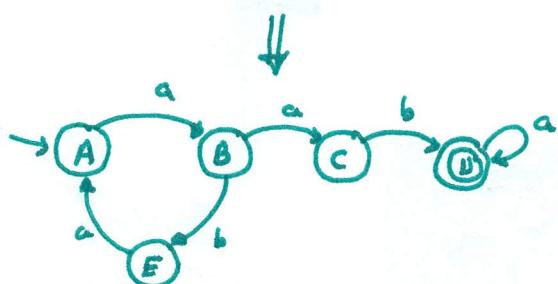
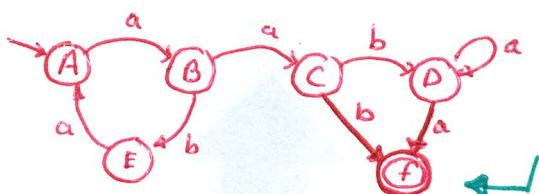
$$q_0 = S = A$$

$$T = \Sigma$$

$$\delta:$$

"نحو  $\delta(q, a) = p$  إذا كان  $p$  في  $P$ "

- Create  $\delta(q, a) = p$  if  $q \rightarrow ap$  is in  $P$
- Create  $\delta(q, a) = f$  if  $q \rightarrow a$  is in  $P$



نحوه کار تنظیم زیر را تفصیل کنید و درست آورید.

$$G: S \rightarrow abA$$

$$A \rightarrow bbB$$

$$B \rightarrow aaA \mid b$$

$$R = ab(bbaa)^*bbb$$

$$G: S \rightarrow Aba$$

$$A \rightarrow Bbb$$

$$B \rightarrow Aaa \mid b$$

$$R = bbb(aabb)^*ba$$

نحوه کار تنظیم زیر را تفصیل کنید و درست آورید.

اگر اس خطی را ت نہ رکارڈ کر اس خطی جب سے لے بیکیں گے:

G:

$$\begin{array}{l} S \rightarrow abA \\ A \rightarrow bbB \\ B \rightarrow aaA \mid b \end{array}$$

خط را ت

$$R = ab(bbaa)^*bbb$$

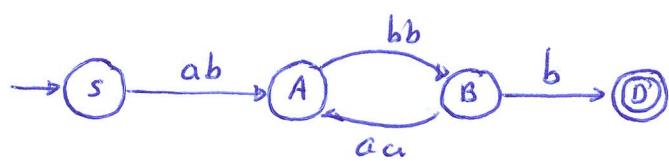
ab bbaabbbaabb aabbbaak bbaabbbaa bbb

$$R = abbb(aabb)^*b$$

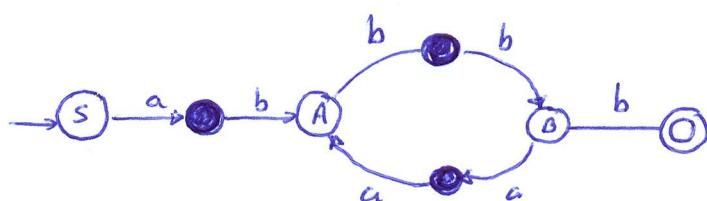
G:

$$\begin{array}{l} S \rightarrow Db \\ D \rightarrow Daabb \mid abbb \end{array}$$

خط جب

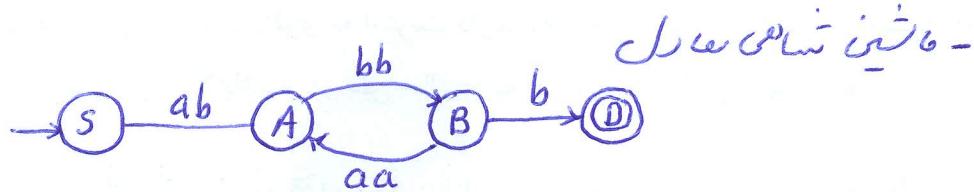


گوئی کیا تو یہ

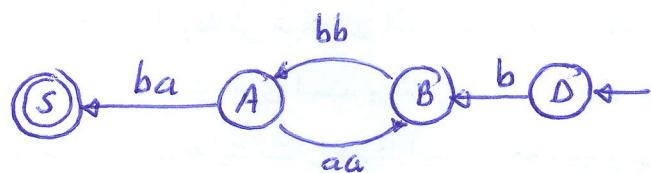


- گرامر خطي راست زيرا - گرامر خطي چي سالم تبدیل کنند:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow abA \\ A &\rightarrow bbB \\ B &\rightarrow aaA \mid b \end{aligned}$$



- ماشين شاص / مكوس زيان گرامر فوق طبقه ندارد:



- گرامر خطي راست که مكوس زيان گرامر فوراً ندارد:

$$\begin{aligned} D &\rightarrow bB \\ B &\rightarrow bbA \\ A &\rightarrow aab \mid baS \\ S &\rightarrow \lambda \end{aligned}$$

- گرامر خطي لازم چي که ندارد گرامر

$D \rightarrow Bb$
$B \rightarrow Abb$
$A \rightarrow Baa \mid Sab$
$S \rightarrow \lambda$

## - نکات ۲۹ -

- برای هر عبارت تنظم  $R$  که گراست تنظم  $G$  دوچور را در تظریه  $L(G) = L(R)$  داشته باشیم  
برای هر گراست تنظم  $G$  که عبارت تنظم  $R$  دوچور را در تظریه  $L(R) = L(M)$  داشته باشیم

- برای هر ماتریس تناصی (تفصیلی یا غیر تفصیلی)  $M$  که عبارت تنظم  $R$  دوچور را در تظریه  $L(R) = L(M)$  داشته باشیم برای هر عبارت تنظم  $R$  که ماتریس تناصی  $M$  دوچور را در تظریه  $L(M) = L(R)$  داشته باشیم

- برای هر گراست تنظم  $G$  که ماتریس تناصی (تفصیلی یا غیر تفصیلی)  $M$  دوچور را در تظریه  $L(M) = L(G)$  داشته باشیم برای هر ماتریس تناصی  $M$  که گراست تنظم  $G$  دوچور را در تظریه  $L(G) = L(M)$  داشته باشیم

- برای هر زبان تنظم  $L$  که گراست تنظم  $G$  دوچور را در تظریه  $L(G) = L$

- برای هر زبان تنظم  $L$  که عبارت تنظم  $R$  دوچور را در تظریه  $L(R) = L$

- برای هر زبان تنظم  $L$  که ماتریس تناصی (تفصیلی یا غیر تفصیلی)  $M$  دوچور را در تظریه  $L(M) = L$

عبارات تنظم گراست تنظم و همچنین ماتریس تناصی،

ردش، توصیف رسی (صدر) زبان تنظم مشهودهای قدرت می باشند



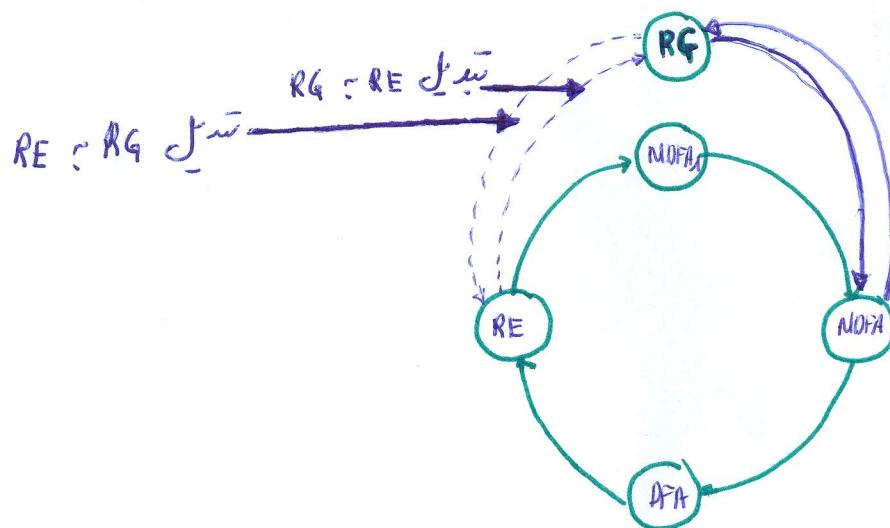
### - ادایه نهاده علم

- زبان L تنفس است اگر و ته اگر بتوان آن را با استفاده از زین مبارزت تنفس توصیف کرد.

- زبان L تنفس است اگر و ته اگر بـ پدرینه سماش برآخ دبور داشته باشد.

- زبان L تنفس است اگر و ته اگر بـ کلسر تنفس توصیف کرد.





$$R = (a+b)$$

$$\boxed{S \rightarrow a \mid b}$$

$$R = aa^*b$$

$$\boxed{\begin{array}{l} S \rightarrow aA \\ A \rightarrow aA \mid b \end{array}}$$

$$R = a^*(a+b)$$

$$\boxed{S \rightarrow aS \mid a \mid b}$$

$$R = aa^* + a^*b(a+b)^*aa$$

$$\boxed{\begin{array}{l} S \rightarrow aS \mid a \mid bB \\ B \rightarrow aB \mid bB \mid aa \end{array}}$$

$$R = aa^*bb^* + (aba)^*$$

$$\boxed{\begin{array}{l} S \rightarrow A \mid C \\ A \rightarrow aA \mid ab \\ B \rightarrow bB \mid b \\ C \rightarrow abac \mid \lambda \end{array}}$$

$$R = a^* (baa^*)^* (b + \lambda)$$

$S \rightarrow aS \mid A$
$A \rightarrow baD \mid B$
$D \rightarrow aD \mid A$
$B \rightarrow b \mid \lambda$

$$R = (a(a+b)^*)^*$$

$S \rightarrow aA \mid \lambda$
$A \rightarrow aA \mid bA \mid \lambda \mid S$

- عبارت التمرين كم عدد حرف a في الكلمات الممكنة؟

$$S \rightarrow aB | cB$$

$$B \rightarrow abB | cbB | acB | \lambda$$

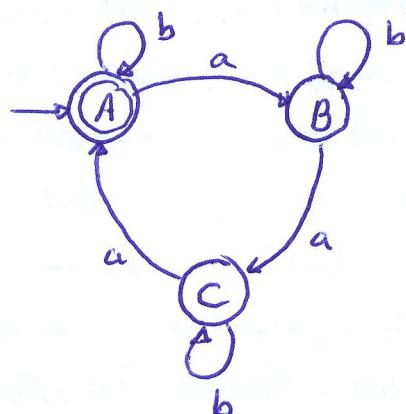
$$\text{الكلمة}: (a+c)(a+b+c)^*$$

$$= (aa^* + cc^* + b^*)^*$$

$$C : (aa^* + cc^* + ab + cb + ac)^*$$

$$. \geq : (a+c)(ab+cb+ac)^*$$

- نیز برای زیر مجموعه از زیر مجموعه های ممکن توصیف کنند و بین آن



نیز برای هر دوی از این مجموعه ها چهار توصیف کنند؟

$$\text{الف: } A \rightarrow bA \mid aB \mid \lambda$$

$$B \rightarrow bB \mid aC \mid \lambda$$

$$C \rightarrow bC \mid aA \mid a$$

$$\therefore A \rightarrow bA \mid aB$$

$$B \rightarrow bB \mid aC$$

$$C \rightarrow bC \mid aA \mid \lambda$$

$$\text{ج: } A \rightarrow aBaCaA \mid b$$

$$B \rightarrow aCaAaB \mid b$$

$$C \rightarrow aAaBaC \mid b$$

$$\therefore >: A \rightarrow bA \mid aB \mid \lambda$$

$$B \rightarrow bB \mid aC$$

$$C \rightarrow bC \mid aA$$

- كذا في المعاشرات زیراً عبارت تعلم برقرار است؟

$$\text{الف: } (r^*s^*)^* = (r+s)^*$$

$$\therefore \emptyset^* = 1$$

$$\text{ج: } (rs+r)^*r = r(sr+r)^*$$

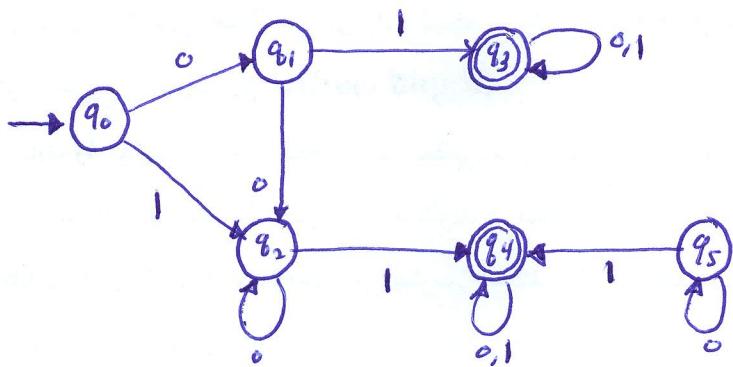
> حسولار

لوضي:

rs rsrrrrs rsrrrsr

: ج.

- زمان نیز سریعه شده توسط ماتریس زیرجایت؟



$$\text{الإجابة: } (0+1)(0+1)^* \mid (0+1)(0+1)^*$$

$$\cdot \quad \text{---} : (0+1)0^* \mid (0+1)^*$$

$$Z : 01(0+1)^* + 100^* 1(0+1)^*$$

$$> : (0+1)011^* (0+1)^*$$

$$\cdot \quad 01(0+1)^* + (00+1)0^* 1(0+1)^* =$$

$$(0+000^* + 10^*) 1(0+1)^* =$$

$$\boxed{(0+1)0^* 1(0+1)^*}$$

: جواب

$$\boxed{(0+000^* + 10^*) \equiv (0+1)0^*}$$

گرامر و را در تلفظ نمایید:

$$S \rightarrow \| A \| B$$

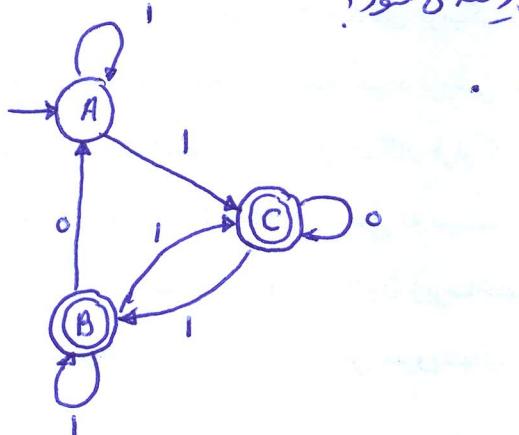
$$A \rightarrow \| A \|$$

$$B \rightarrow \| C \| \circ A \| B \|$$

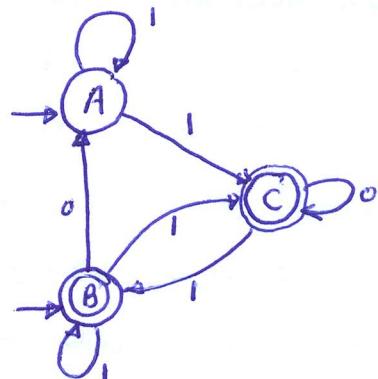
$$C \rightarrow \| B \| \circ C \| \circ \|$$

آتسط کلام یک از ناین سری بدین قسمتی شود؟

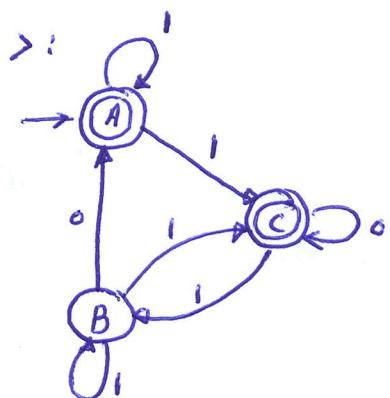
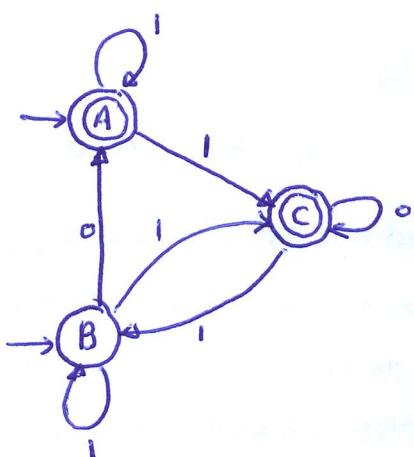
الف:



...



ج:



فرضیت: گرامر داره شده رشته لد را تولید کند در حال که ناین گزینه الف این رشته را  
عنی بزیرد، می گزینه الف را نشود.

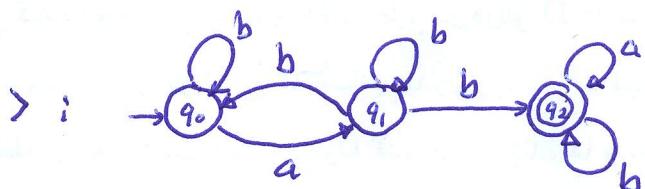
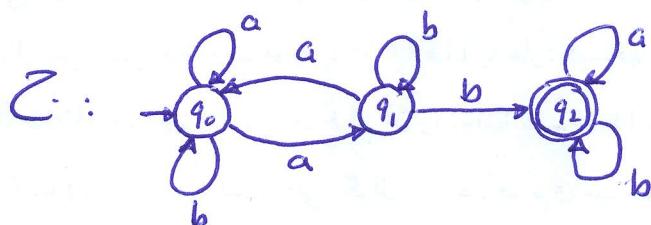
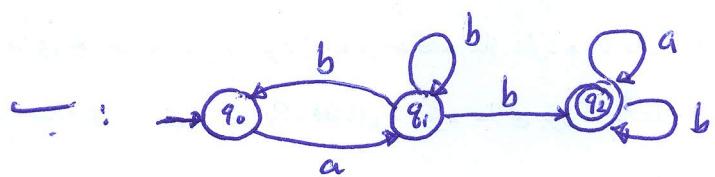
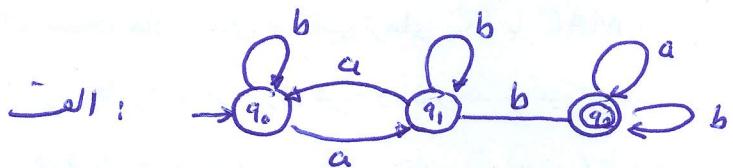
: ناین گزینه بخ رشته های بزیر در حال که این رشته لذ داشت نمی شود،  
پس گزینه بخ نیز نادرست است.

: این گرامر رشته های که با هم شروع می شوند را تولید می کند در حال که این گزینه د  
اين قبلی رشته های عنی بزیرد، لب گزینه د نیز نادرست است.

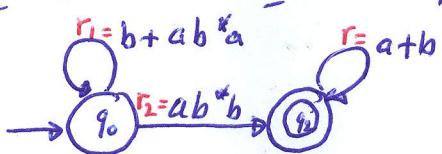


-لدايي لز ماشي و شاص زر زيان عبارت تتفق زير راه ندري

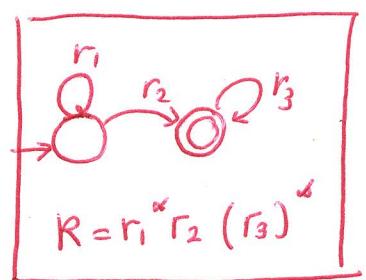
$$R = (b + ab^*a)^*ab^*b(a+b)^*$$



لوصفات: بگراف تصال تعميم يافته نزمه الف - خلف نهایت.



$$R = (b + ab^*a)^*ab^*b(a+b)^*$$



شائرة (non) بـ هر زن تنظم من توانی بـ گاراژ درست کار دردنه قولانه شغل نزیر

$$\begin{cases} A \rightarrow aB \\ A \rightarrow \lambda \end{cases}, \quad A, B \in V, a \in T$$

باشه

یک گاراژ نفع تنظم (نفع) است که  
قراء شغل نزیر باشد: خط میتواند

$$\begin{cases} A \rightarrow xB \\ A \rightarrow x \end{cases}$$

$$A, B \in V, x \in T^*$$

$$\begin{cases} A \rightarrow Bx \\ A \rightarrow x \end{cases}$$

خط میتواند

$$\begin{array}{l} \overline{A \rightarrow abcB} \\ A \rightarrow aX_1 \\ X_1 \rightarrow bX_2 \\ X_2 \rightarrow cB \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \overline{A \rightarrow abc} \\ A \rightarrow aX_1 \\ X_1 \rightarrow bX_2 \\ \boxed{X_2 \rightarrow c} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \overline{A \rightarrow a} \\ A \rightarrow aF \\ \underline{F \rightarrow \lambda} \end{array}$$

(نحوه و ادله ایجاد کردن)

NDFA  $\approx$  RG لمسی

Given:  $G = (V, T, P, S)$  defining  $L$

$$\begin{array}{l} S \rightarrow baA \mid bB \\ A \rightarrow aA \mid bbB \\ B \rightarrow d \end{array}$$

$$\Rightarrow \boxed{\begin{array}{l} S \rightarrow bC \mid bB \\ C \rightarrow aA \\ A \rightarrow aA \mid bD \\ D \rightarrow bB \\ B \rightarrow dE \\ E \rightarrow \lambda \end{array}}$$

Find  $M = (Q, \Sigma, S, q_0, F)$  accepting  $L$

$$Q = V$$

$$q_0 = S$$

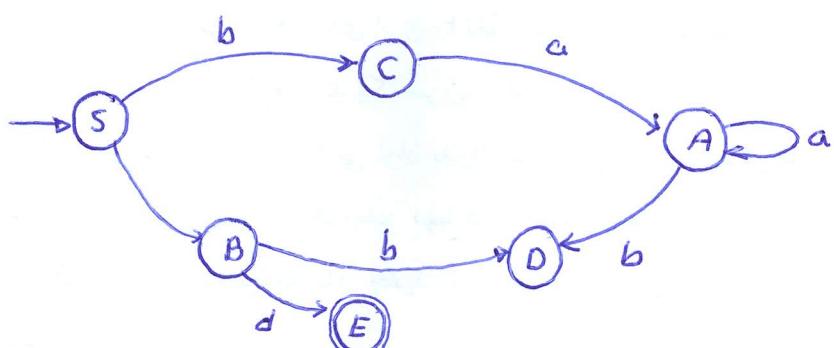
$$\Sigma = T$$

$$\delta : ?$$

- Create  $S(A, a) = B$  if  $A \rightarrow aB$  is in  $P$

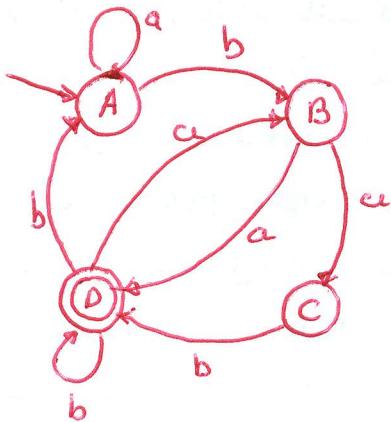
- Add  $A$  to  $F$  if  $A \rightarrow d$  is in  $P$

- Create  $S(A, \lambda) = B$  if  $A \rightarrow B$  is in  $P$   $(A \rightarrow \lambda B)$



(فرض: زبان ملائمه) RG  $\approx$  NDFA پسند-

Given:  $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$  accepting  $L$



Find:  $G = (V, T, P, S)$  defining  $L$

$$V = Q = \{A, B, C, D\}$$

$$T = \Sigma$$

$$S = q_0 = A$$

$$P = ?$$

- Add  $A \rightarrow aB$  to  $P$  if  $S(A, a) = B$
- Add  $A \rightarrow B$  to  $P$  if  $S(A, 1) = B$
- For every  $A \in F$ , Add  $A \rightarrow 1$  to  $P$

$$\begin{aligned}
 G: \quad & A \rightarrow aA \mid bB \\
 & B \rightarrow aC \mid aD \\
 & C \rightarrow bD \\
 & D \rightarrow bA \mid aB \mid bD \mid 1
 \end{aligned}$$

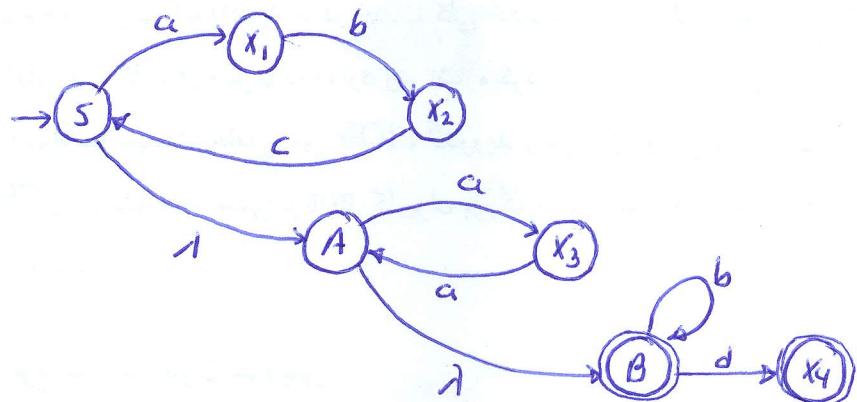
گرامر نویسندگان  
N DFA

$$G: S \rightarrow abcS \mid A$$

$$A \rightarrow aaA \mid B$$

$$B \rightarrow bB \mid d \mid \lambda$$

$$\hat{G}: S \rightarrow ax_1 \mid A$$
$$x_1 \rightarrow b x_2$$
$$x_2 \rightarrow c S$$
$$A \rightarrow a x_3 \mid B$$
$$x_3 \rightarrow a A$$
$$B \rightarrow b B \mid d x_4 \mid \lambda$$
$$x_4 \rightarrow \lambda$$



لما مسأله تعلم زين كارزير را تعرف پنهان؟

$S \rightarrow T \mid D$
$T \rightarrow aT \mid bD$
$D \rightarrow bD \mid aT \mid \lambda$

الف:  $(a^*b^* + \lambda)(b + aa^*b^*)^*$

ب:  $a^*b(b^* + caa^*b)^*$

ج:  $(a+b)^*$

د:  $(a^*b + \lambda)b^*(aa^*bb^*)^*$