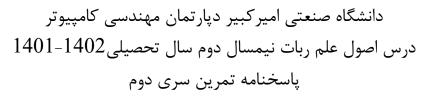


## بسمه تعالى

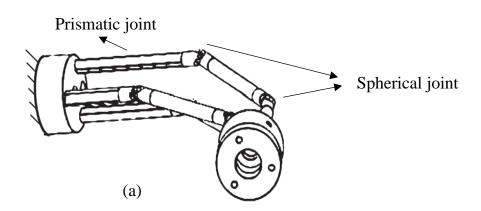




## بخش های تئوری:

سوال اول :

بخش اول) درجه آزادی شکل های زیر را حساب کنید. (از فرمول Grubler استفاده کنید و هر یک از اجزای فرمول را به صورت کامل بنویسید)

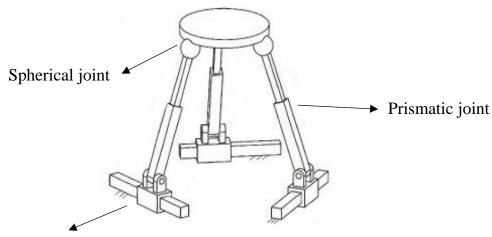


$$N = 7 \text{ (links)} + 1 \text{ (ground)} = 8$$

$$J = 3 \text{ (P joint)} + 6 \text{ (S joint)} = 9$$

$$\Sigma \text{fi} = 3 \times 1(P \text{ joint)} + 6 \times 3(S \text{ joint)} = 21$$

$$Dof = 6(N - 1 - J) + \Sigma \text{fi} = -12 + 21 = 9$$



(b)

Combined Prismatic and Revolute joint

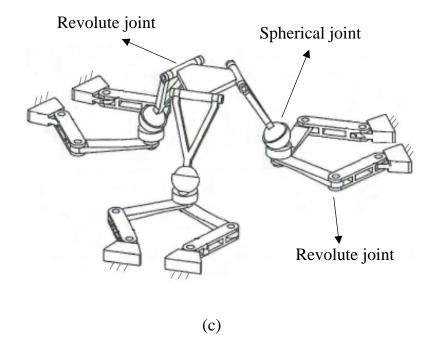
Dof = 2

$$N = 7 \text{ (links)} + 1 \text{ (ground)} = 8$$

$$J = 3 \text{ (S joints)} + 3 \text{ (P joints)} + 3 \text{ (PR joints)} = 9$$

$$\Sigma fi = 3 \times 3 \text{ (S joints)} + 3 \times 1 \text{ (P joints)} + 3 \times 2 \text{ (PR joints)} = 18$$

$$dof = 6(N - 1 - J) + \Sigma fi = 6(8 - 1 - 9) + 18 = 6$$



$$N = 19 \text{ (links)} + 1 \text{ (ground)} = 20$$

$$J = 3 \text{ (S joints)} + 18 \text{ (R joints)} = 21$$

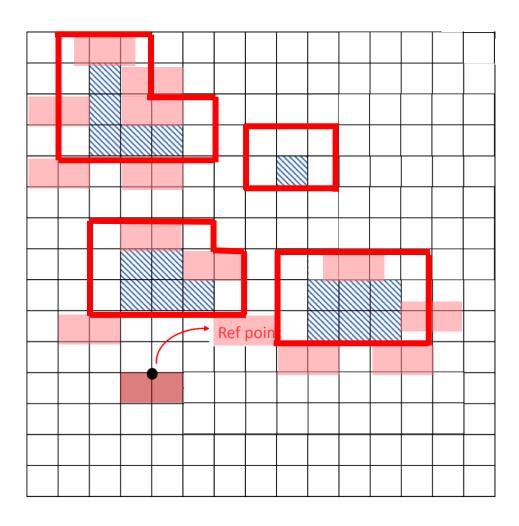
$$\Sigma fi = 3 \times 3 \text{ (S joints)} + 1 \times 18 \text{ (R joints)} = 27$$

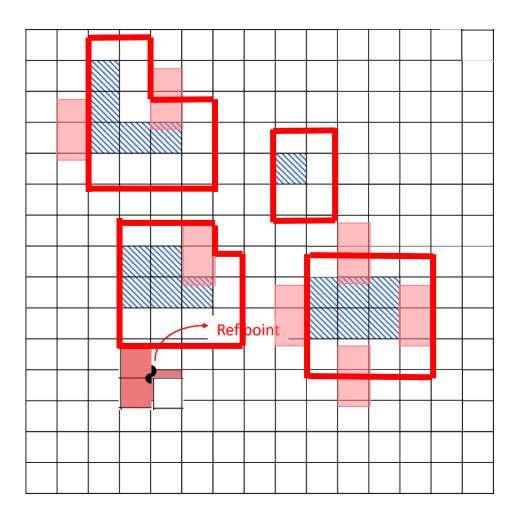
$$dof = 6(N - 1 - J) + \Sigma fi = 6(20 - 1 - 21) + 27 = 15$$

## بخش دوم) بیشینه درجه آزادی اشیائی که روی یک صفحه حرکت میکنند چقدر است؟ توضیح دهید.

In classical mechanics, the degree of freedom refers to the number of independent parameters required to fully describe the state of a system. For an object moving on a plane, its position can be described using two coordinates (x,y), while its orientation can be described by an angle  $(\theta)$  relative to a reference axis. Therefore, three independent parameters are needed to fully specify the object's state, which is the maximum degree of freedom for an object moving on a plane.

سوال دوم: برای ربات مشخص شده در تصویر زیر،  ${
m C-space}$  را مشخص کنید. ( فرض کنید که ربات تنها امکان دوران 90 درجه را دارد)





## سوال سوم: تفاوت ربات های holonomic و non-holonomic را شرح دهید.

هولونومیک و غیرهولونومیک اصطلاحاتی هستند که برای توصیف تحرک روبات ها استفاده می شوند. ربات های هولونومیک توانایی حرکت آزادانه در تمام جهات در فضای کار را دارند، در حالی که ربات های غیرهولونومیک محدودیت هایی در حرکات خود دارند.

یک ربات هولونومیک می تواند در هر جهتی در فضای کار حرکت کند، بدون هیچ محدودیتی در حرکتش. این روباتها معمولاً دارای چرخها یا پاهایی هستند که میتوانند در هر جهتی حرکت کنند و به آنها اجازه میدهند به راحتی در محیطهای پیچیده حرکت کنند. ربات های هولونومی بسیار قلبل مانور هستند و حرکات آن ها توسط شکل یا پیکربندی ربات محدود نمی شود.

در مقابل، رباتهای غیرهولونومیک حرکت محدودی دارند و فقط می توانند در جهات خاصی یا در مسیرهای خاصی حرکت کنند. این رباتها معمولاً دارای چرخها یا مسیرهایی هستند که می توانند فقط در جهتهای خاصی مانند جلو یا عقب حرکت کنند، اما نه به طرف. رباتهای غیرهولونومیک نسبت به رباتهای هولونومی کمتر مانور می دهند و حرکات آنها توسط شکل فیزیکی و پیکربندی ربات محدود می شود.