به نام خدا



دانشگاه صنعتی امیرکبیر

(پلی‌تکنیک تهران)

درس پردازش داده‌های حجیم

استاد حقیرچهرقانی

پروژه پایانی

سیدحسین خاتمی‌بیدگلی

علیرضا مازوچی

بررسی اجمالی مقاله

در این مقاله الگوریتم‌هایی برای پیش‌بینی تعداد مثلث‌ها و چهارتایی‌ها در مجموعه‌داده‌های جریانی گرافی ارائه شده است. مشابه با سایر الگوریتم‌های کلان‌داده در این مقاله نیز هدف پیدا کردن دقیق تعداد مثلث‌ها و چهارتایی‌ها نبوده است و تلاش برای یافتن تقریب با دقت مناسب در زمان مناسب و با پیچیدگی حافظه مناسب بوده است. به ادعای نویسندگان مقاله شمارش دورهای یک گراف و به طور خاص دورها به طول ۳ یا همان مثلث در کاربردهای مختلف اهمیت دارد و توجه ویژه‌ای بر روی آن شده است.

در این مقاله به صورت تک‌‌گذر (one-pass) جریان داده خوانده می‌شود. این مسئله می‌تواند باعث افزایش سرعت و حافظه شود چراکه هر عنصر در جریان تنها یک بار پردازش می‌شود و تنها تعداد کمی از آن‌ها ( و نه همه آن‌ها) ذخیره می‌شوند. وقتی قرار باشد تنها تعداد کمی از یال‌ها ذخیره شود باید نمونه‌برداری انجام داد. برای نمونه‌برداری منطقا باید یال‌هایی انتخاب شوند که بیشترین تاثیر را تعداد مثلث‌های تخمینی دارند. از طرفی امکان برگشت به گذشته به دلیل تک‌گذر بودن میسر نیست؛ پس به ناچار الگوریتم باید در لحظه و بر اساس اطلاعات معدود ذخیره‌شده تصمیم بگیرد که چه یالی در ادامه مهم‌تر است و چه یالی کم‌تر مهم.

نگهداری یالی که در تعداد بیشتری از مثلث‌ها حضور دارد می‌تواند منجر به تخمین مناسب‌تری شود. چراکه می‌توان تعداد بیشتری از مثلث‌ها را ردیابی کرد. در مقاله یال‌های با تعداد مثلث بالا اصطلاحا یال سنگین نامیده شده است. اگر بتوان تشخیص داد که یک یال سنگین است یا خیر می‌توان تصمیم‌گیری بهتری در انتخاب یال‌های موثر داشت. اما سوال مهمی که پیش می‌آید این است که از کجا بتوان متوجه شد که یک یال سنگین است؟ اگر بخواهیم به طور دقیق سنگینی یک یال را تعیین کنیم باید کل جریان را مورد پردازش قرار دهیم که در این حالت امکان دست‌یابی به الگوریتمی تک‌گذر غیرممکن خواهد شد.

در مقاله پیشنهاد شده است که از یک عنصر پیش‌بینی کننده میزان سنگینی یال که اصطلاحا اوراکل (Oracle) نامیده می‌شود استفاده کنیم. بدین ترتیب در پردازش جریان می‌توان یک کوئری را به اوراکل کوئری زد و اگر از نظر اوراکل آن یال به اندازه کافی سنگین بود ذخیره شود و در ادامه جریان اطلاعات مربوط به آن نگهداری شود.

گام بعدی آن است بدانیم چگونه می‌توانی اوراکلی داشت که پیش‌بینی کند. ایده مقاله آن بوده است که تنها بخش کوچکی از جریان داده را به طور کامل بررسی کنیم و با کمک آن اوراکل آموزش پیدا کند و در ادامه از آن استفاده شود. این ایده تنها زمانی کاربرد دارد که جریان داده تغییر شدیدی نداشته باشد. اگر این فرض برقرار باشد اوراکل به اندازه کافی دقیق خواهد بود تا در ادامه جریان از آن استفاده شود. نویسندگان مقاله مدعی هستند که این فرض برای مجموعه‌داده‌های واقعی برقرار است.

استفاده از یک اوراکل و متکی بودن به تنها یک گذر روی جریان ایده کلیدی مقاله است که باعث متمایزشدن کار تحقیقاتی آن‌ها از کارهای پیشین بوده است. در سایر کارهای تحقیقاتی همواره به بیشتر از یک گذر نیاز بوده است و به صورت صریح عنصری به نام اوراکل وجود نداشته است. البته شایان ذکر است که در کارهای پیشین عملا و به صورت ضمنی عملکرد آن در الگوریتم‌ها تاحدی وجود داشته است. مثلا در برخی از کارها گذر اول برای پیدا کردن یک دید اولیه از تعداد یال‌های با اندازه مثلث بالا بوده است که چنین چیزی مشابه کاری است که اوراکل در این مقاله می‌کند؛ با این تفاوت که در این مقاله از بخش کوچکی از جریان داده استفاده می‌شود و یک گذر کامل شکل نمی‌گیرد و اوراکل هم دقت کمتری دارد.

حسن دیگر مقاله ارائه الگوریتم‌های متنوع برای فرض‌های مختلف بوده است. به طور کلی پنج الگوریتم با تحلیل‌های کامل و اثبات‌های تئوری ارائه شده است. برای جریان داده دو مدل لیست مجاورت (Adjacency List) و ترتیب اختیاری (Arbitrary Order) در نظر گرفته شده است. برای اوراکل دو حالت باینری و مقداری ارائه شده است و نهایتا هم برای شمارش مثلث‌ها و هم شمارش چهارتایی‌ها روش پیشنهاد شده است. که در ادامه بیشتر بررسی می‌شود.

منظور از لیست مجاورت آن است که در جریان داده به توان برای یک راس به تمام رئوس مجاور آن دسترسی داشت. این درحالی که در مدل ترتیب اختیاری یال‌ها می‌توانند با هر ترتیبی ظاهر شوند و دلیلی برای آنکه یال‌های یک راس پشت‌سرهم بیایند وجود ندارد. قاعدتا در مدل دوم محدودیت‌ها بیشتر است.

همچنین دو نوع اوراکل در مقاله تعریف شده است. یکی از آن‌ها به شکل باینری تعیین می‌کند که یک یال سنگین است یا خیر و دیگری تعداد مثلث آن یال را پیش‌بینی می‌کند. اولین نوع آن اوراکل یال سنگین (Heavy Edge Oracle) نامیده می‌شود و دومی اوراکل مقداری (Value Oracle). نحوه پیش‌بینی هم بر اساس نتایج بخش کوچک ابتدا جریان داده است. یعنی اگر یک یال در این بخش تعدادی مثلث داشته باشد همان تعداد به عنوان پیش‌بینی در نظر گرفته می‌شود.

بر اساس نتایجی که در مقاله عنوان شده است این مقاله توانسته به دقت‌ها و سرعت‌های بهتری نسبت به روش‌های پیشین دست پیدا کند که با توجه به تک‌گذر بودن آن نکته خیلی مثبتی است.

در کنار نقاط قوه مقاله باید نکات منفی‌ای هم اشاره کرد؛ این مقاله بر روی جنبه‌های تئوری و اثبات‌های آن به اندازه کافی متمرکز شده است ولی جنبه‌های پیاده‌سازی مورد غفلت واقع شده است. خیلی از پارامتر‌های مهم تعیین نشده‌اند. بخشی از سودوکدها مبهم است و پیاده‌سازی آن را سخت می‌کند. مشخصات سخت افزاری مورد نیاز و نبود کد مقاله هم مشکلات را بیشتر کرده است.

خلاصه الگوریتم‌ها

در این مقاله الگوریتم ۱ برای مدل لیست مجاورت و اوراکل یال سنگین طراحی شده است. بر اساس پیش‌بینی اوراکل یال‌های جریان به سه دسته یال‌های سبک، متوسط و سنگین تقسیم می‌شوند. سپس هر کدام از این‌ها بسته دسته‌شان احتمال انتخاب دارند. یعنی یال‌های متوسط احتمال انتخاب بیشتری دارند تا یال‌های سبک. برای هر یک از سه دسته تعداد مثلث‌های مربوط به یال‌های آن شمرده می‌شود و بر احتمال آن تقسیم می‌شود. مثلا اگر نیمی از یال‌های سبک را انتخاب کرده باشیم و ۱۰۰۰ مثلث شکل گرفته باشد، تعداد کل مثلث‌های مربوط به یال‌های سبک ۲۰۰۰ پیش‌بینی می‌شود. برای شمارش مثلث‌ها هم از یک حالت خاص استفاده شده است. در مقاله برای یال xy دو نوع نماد مربوط به شمارش مثلث معرفی شده است: و . شامل تمام مثلث‌هایی می‌شود که یال xy عضو آن باشد ولی شامل مثلث‌هایی می‌شود که هم xy عضو آن باشد و هم عضو سوم در جریان داده در حالت لیست مجاورت بین دو عضو دیگر آمده باشد. محاسبه به غیر از در زمان آموزش اوراکل ممکن نیست ولی را می‌توان محاسبه کرد. چراکه اگر xy دیده شود و ذخیره شود می‌توان تعداد مثلث‌ها را تا زمان دیدن yx شمارش کرد.

الگوریتم ۲ و ۳ هر دو مربوط به مدل لیست مجاورت و برای اوراکل مقداری طراحی شده‌اند. اما جزئیات هر دو الگوریتم کاملا متفاوت و خلاقانه است. در الگوریتم ۲ از متغیر تصادفی نمایی استفاده شده است و بر پایه احتمالات تعداد مثلث‌ها تخمین زده می‌شود. برای آنکه تخمین پایدارتر باشد برخلاف الگوریتم ۱ تعداد زیادی پیش‌بینی انجام می‌گیرد و میانه آن به عنوان پیش‌بینی نهایی معرفی می‌شود. همچنین در این الگوریتم سعی شده است که به مرور یال‌های نگهداری شده بروز شود. چیزی که در الگوریتم ۱ دیده نمی‌شد. علت این تفاوت هم به اوراکل بر می‌گردد. در الگوریتم ۱ اوراکل باینری است و نمی‌تواند بین یال‌های سنگین تفاوتی بگذارد و به طور مشابه توانایی تمایز بین یال‌های سبک را هم ندارد.

در الگوریتم ۳ یال‌ها به تعدادی بازه نابرابر نگاشت می‌شوند که تعدادشان i تاست. اولین بازه متعلق به یال‌های دارای تعداد مثلث خیلی کم و بازه‌های بعد به ترتیب جایگاه یال‌های سنگین‌تر است. احتمال انتخاب یال متناسب با همین بازه‌بندی تغییر می‌کند. یعنی یال‌های بازه اول احتمال انتخاب کمتری دارند تا یال‌های بازه‌ی بعدی و الی آخر. همچنین برای هر بازه j مجموعه مجزا درنظر گرفته شده است که کمک می‌کند تا میانه‌ی چندین تخمین، تخمین نهایی باشد تا بدین شکل واریانس پیش‌بینی کم شود.

الگوریتم ۴ برخلاف سه الگوریتم دیگر مربوط به مدل ترتیب اختیاری است. در این الگوریتم مانند الگوریتم ۱ از اوراکل یال سنگین استفاده می‌شود. همچنان مطابق با منطق الگوریتم ۱ یال‌ها به دو دسته سبک و سنگین تقسیم می‌شوند که احتمال انتخاب متفاوتی دارند. به بیان دقیق‌تر یال‌های سنگین تماما انتخاب می‌شوند ولی یال‌های سبک نمونه‌برداری می‌شوند. نهایتا وقتی یک یال جدید می‌رسد باید بررسی کرد که با یال‌های پیشین می‌تواند مثلث تشکیل دهد یا خیر.

انتخاب مجموعه‌داده و تنظیمات

نتایج

چالش‌های پیاده‌سازی