## Лабораторная работа № 6

## Вложенные пиклы

## Задачи для самостоятельного решения:

- 1. Найти цифровой корень числа (однозначное число, получаемое путем последовательного сложения цифр числа, затем цифр полученной суммы и т. д. до тех пор, пока не получится однозначное число).
- 2. (Старинная задача) Сколько можно купить быков, коров и телят, если плата за быка 10 рублей, за корову 5 рублей, за теленка полтинник (0.5 рубля), если на 100 рублей надо купить 100 голов скота.
- 3. Составить программу для графического изображения делимости чисел от 1 до n (n вводится с клавиатуры). В каждой строке надо печатать число и столько плюсов, сколько делителей у этого числа.

Например, если исходное данное число равно 4, то на экране должно быть напечатано следующее:

1+

2++

3++

4+++

- 4. Составить программу получения всех совершенных чисел, меньших заданного числа п. Число называется совершенным, если равно сумме всех своих положительных делителей, кроме самого этого числа. Например, 28 совершенно, т.к. 28=1+2+4+7+14.
  - Из истории. Грекам были известны первые четыре совершенных числа: 6, 28, 496, 8128. Эти числа высоко ценились. Даже в XII веке церковь утверждала, что для спасения души необходимо найти пятое совершенное число. Это число было найдено только в XV веке. До сих пор совершенные числа полностью не исследованы не известно, имеется ли конечное число совершенных чисел или их число бесконечно, кроме того, неизвестно ни одного нечетного совершенного числа, но и не доказано, что таких чисел нет.
- 5. Составить программу для нахождения всех натуральных решений уравнения  $n^2 + m^2 = k^2$  в интервале [1, 10]. Примечание: решения, которые получаются перестановкой n и m, считать совпадающими.
- 6. Найти натуральное число от 1 до 10000 с максимальной суммой делителей.
- 7. Даны натуральные числа a, b (a < b). Получить все простые числа p, удовлетворяющие неравенствам:  $a \le p \le b$ .
- 8. Даны натуральные числа n и m. Найти все пары дружественных чисел, лежащих в диапазоне от n до m. Два числа называются дружественными, если каждое из них равно сумме всех делителей другого (само число в качестве делителя не рассматривается).
- 9. Составить программу возведения заданного числа в третью степень, используя следующую закономерность:

 $1^{3}=1$   $2^{3}=3+5$   $3^{3}=7+9+11$   $4^{3}=13+15+17+19$ 

$$5^3 = 21 + 23 + 25 + 27 + 29$$

- 10. Найти все трехзначные числа, удовлетворяющие каждому из двух условий:
  - любые две цифры различны;
  - число равно среднему арифметическому всех трехзначных чисел (включая данное), имеющих тот же цифровой состав.
- 11. Стороны прямоугольника заданы натуральными числами М и N. Составить программу, которая будет находить, на сколько квадратов, стороны которых выражены натуральными числами, можно разрезать данный прямоугольник, если от него каждый раз отрезается квадрат максимально большой площади.
- 12. Дано натуральное число  $n \ge 2$ . Составить программу разложения этого числа на простые множители:
  - простой множитель р должен быть выведен k раз, где k натуральное число, такое, что n делится на  $p^k$  и не делится на  $p^{k+1}$ ;
  - каждый простой множитель должен быть выведен ровно один раз.
- 13. Сумма квадратов длин катетов a и b прямоугольного треугольника равна квадрату длины гипотенузы с:  $a^2 + b^2 = c^2$ . Тройка натуральных чисел, удовлетворяющих этому равенству, называется  $\Pi u \phi a copo b b m u u c n a m u$ . Составить программу нахождения основных троек  $\Pi u \phi a copo b b m u u c n a m u$  следующие формулы:

$$a=u*v;$$
  
 $b = (u^2 - v^2)/2;$   
 $c = (u^2 + v^2)/2,$ 

где u и v — взаимно простые нечетные натуральные числа, u > v и значение u не превосходит 20.

- 14. Даны натуральные числа m,  $n_1$ ,  $n_2$ , ...,  $n_m$  (m > 2). Вычислить НОД( $n_1$ ,  $n_2$ ,...,  $n_m$ ), воспользовавшись соотношением НОД( $n_1$ ,  $n_2$ ,...,  $n_m$ ) = НОД(НОД( $n_1$ ,  $n_2$ ,...,  $n_{m-1}$ ),  $n_m$ ) и алгоритмом Евклида.
- 15. Найти все простые несократимые дроби, заключенные между 0 и 1, знаменатели которых не превышают 7 (дробь задается двумя натуральными числами числителем и знаменателем).
- 16.В данном натуральном числе переставить цифры таким образом, чтобы образовалось наименьшее число, записанное этими же цифрами.
- 17. Игра с компьютером. Предусмотреть два уровня компьютер знает стратегию, компьютер не знает стратегию.
  - а. Игра «Камни». В куче N камней. Двое игроков ходят по очереди. За один ход можно взять из кучи не более M камней. Выигрывает тот, кто сделал последний ход. Написать игру для пользователя и компьютера.
  - b. Игра «Камни-2». Перед двумя игроками куча из N камней. Ходят по очереди. За один ход разрешается взять: либо 1 камень из кучи, либо половину камней из кучи (но только если их было четное число). Проигрывает тот, кто не может сделать ход, то есть когда кончились камни в куче.
- 18. Игра «Длинное число». Двое игроков записывают по очереди n цифр (0..9). Если полученное n-значное число делится на 9, то побеждает игрок, сделавший последний ход, иначе он проигрывает. Написать алгоритм игры пользователя с компьютером.

## Индивидуальное задание:

Для задачи с номером, соответствующим последней цифре в номере вашего студенческого билета, построить схему алгоритма ее решения. Схема алгоритма должна быть оформлена в соответствии с ГОСТ 19.701-90 (файл <u>ГОСТ 19.701-90.pdf</u>)