Курсовая 4 семестр

Приложения комплексных чисел к решению геометрических задач

Задачи из первых 10 параграфов:

Задачи:

Длины отрезков:

#1 **✓**

Задача 1. Точка \hat{D} симметрична центру описанной около треугольника ABC окружности относительно прямой AB. Доказать, что расстояние CD выражается формулой

$$CD^2 = R^2 + AC^2 + BC^2 - AB^2$$

где R — радиус описанной окружности.

(стр. 13)

#2 🗸

3адача 2. Точка M — середина дуги AB окружности. Доказать, что для произвольной точки N этой окружности имеет место равенство

$$|AM^2 - MN^2| = AN \cdot BN.$$

(стр. 13)

#32 ✓

1.12. Докажите, что сумма квадратов диагоналей параллелограмма равна сумме квадратов всех его сторон.

(стр. 14)

Признаки коллинеарности:

1.26. Даны треугольник ABC и точка M. Через точку M проведены прямые, перпендикулярные к MA, MB, MC. Докажите, что точки их пересечения соответственно с прямыми BC, CA, AB коллинеарны.

(стр. 18)

#5 ✔

6.2. Теорема Гаусса. Если некоторая прямая пересекает прямые, содержащие стороны BC, CA, AB треугольника ABC, в точках A_1 , B_1 , C_1 соответственно, то середины отрезков AA_1 , BB_1 , CC_1 коллинеарны (рис. 13).

(стр. 27)

Признаки параллельности:

#6

1.32. В окружность вписан четырёхугольник. Касательные к окружности в концах одной диагонали пересекаются на другой диагонали, либо параллельны ей. Докажите, что касательные в концах второй диагонали пересекаются на первой диагонали, либо параллельны ей.

(стр. 21)

#7

Доказать:

1.52 (*Теорема Паскаля*—*Паппа*). Если точки A, B, C лежат на одной прямой, а точки A_1 , B_1 , C_1 — на другой, то точки пересечения прямых AB_1 и A_1B , BC_1 и B_1C , CA_1 и C_1A также лежат на прямой. Если же прямые в двух из этих трёх пар параллельны, то также параллельны и прямые третьей пары.

(стр. 32)

Признаки перпендикулярности:

1.20. Докажите, что диагонали вписанного в окружность четырёхугольника перпендикулярны, тогда и только тогда, когда сумма квадратов его противоположных сторон равна квадрату диаметра описанной окружности.

#9

1.21. Докажите, что если средние линии четырёхугольника равны, то его диагонали перпендикулярны, и обратно.

(стр. 18)

Ключевые слова: комплексные числа, геометрия, вычислительная геометрия. compex numbers, geometry, computational geometry

Нужно писать комменты для функций и сложных участков кода

- Написать программы для 3 задач
- ✓ Разобрать решения для 3 задач
- □ Написать выводы для каждой из задач
- □ Написать вывод по курсовой

Список литературы -

1. <u>Бронштейн И. Н., Семендяев К. А.</u> Справочник по математике для инженеров и учащихся втузов. — изд. 13-е. — М.: Наука, 1985. — 544 с.

Статьи:

- 1. A review on geometric constraint solving (https://arxiv.org/pdf/2202.13795)
- 2. Synthesis of Modeling, Visualization, and Programming in GeoGebra as an Effective Approach for Teaching and Learning STEM Topics (https://www.mdpi.com/2227-7390/10/3/398/pdf)
- 3. On the Minimum-Area Parallelogram Annulus Problem (https://www.mdpi.com/2073-8994/14/2/359/pdf)

Tools: SJR (https://www.scimagojr.com/journalrank.php)