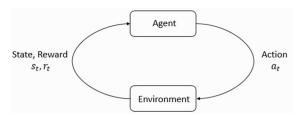
11. Reinforcement Learning (RL)

רוב האלגוריתמים של עולם הלמידה הינם מבוססי דאטה, כלומר, בהינתן מידע מסוים הם מנסים למצוא בו חוקיות מסוימת, ועל בסיסה לבנות מודל שיוכל להתאים למקרים נוספים. אלגוריתמים אלה מחולקים לשניים:

- הינו אוסף של $x\in\mathbb{R}^{n\times d}$ כאשר $S=\{x,y\}$ הינו אוסף של .1 אלגוריתמים של למידה מונחית, המבוססים על דאטה $y\in\mathbb{R}^n$, ו-abels אובייקטים (למשל נקודות במרחב, אוסף של תמונות וכדו'), ו- $y\in\mathbb{R}^n$ יש label מתאים $y\in\mathbb{R}^d$
- ומנסים, labels אלגוריתמים של אובייקטים לא הדאטה $x\in\mathbb{R}^{n\times d}$ הוא אוסף של אובייקטים ללא מונחית עבורם הדאטה. 2 למצוא כללים מסוימים על דאטא זה (למשל חלוקה לאשכולות, הורדת ממד ועוד).

למידה מבוססת חיזוקים הינו פרדיגמה נוספת תחת התחום של למידת מכונה, כאשר במקרה זה הלמידה לא מסתמכת על דאטה קיים, אלא על חקירה של הסביבה ומציאת המדיניות/האסטרטגיה הטובה ביותר לפעולה. באופן גרפי ניתן לתאר את תהליך הלמידה כך:



איור 11.1 מודל של סוכן וסביבה.

בכל צעד הסוכן נמצא במצב s_t ובוחר פעולה a_t המעבירה אותו למצב s_t , ובהתאם לכך הוא מקבל מהסביבה תגמול תגמול r_t . האופן בה מתבצעת הלמידה היא בעזרת התגמול, כאשר נרצה שהסוכן יבצע פעולות המזכות אותו בתגמול חיובי (-חיזוק) וימנע מפעולות עבורן הוא מקבל תגמול שלילי. כדי להבין כיצד האלגוריתמים של למידה מבוססת חיזוקים עובדים ראשית יש להגדיר את המושגים השונים, ובנוסף יש לנסח באופן פורמלי את התיאור המתמטי של חלקי הבעיה השונים.

11.1 Introduction to RL

בפרק זה נגדיר באופן פורמלי תהליכי מרקוב, בעזרתם ניתן לתאר בעיות של למידה מבוססת חיזוקים, ונראה כיצד ניתן למצוא אופטימום לבעיות אלו בהינתן מודל וכל הפרמטרים שלו. לאחר מכן נדון בקצרה במספר שיטות המנסות למצוא אסטרטגיה אופטימלית עבור תהליך מרקוב כאשר לא כל הפרמטרים של המודל נתונים, ובפרקים הבאים נדבר על שיטות אלה בהרחבה. שיטות אלה הן למעשה הלב של למידה מבוססת חיזוקים, כיוון שהן מנסות למצוא אסטרטגיה אופטימלית על בסיס תגמולים ללא ידיעת הפרמטרים של המודל המרקובי עבורו רוצים למצוא אופטימום.

11.1.1 Markov Decision Process (MDP) and RL

המודל המתמטי העיקרי עליו בנויים האלגוריתמים השונים של RL המודל המתמטי העיקרי עליו בנויים האלגוריתמים השונים של למצב מסוים תלויה רק במצב הקודם לו. תהליך זה מתואר על ידי סט הפרמטרים $\{\mathcal{S},\mathcal{A},\mathcal{T},\mathcal{R}\}$:

- S_0 בים של המערכת. המצב ההתחלתי מסומן ב-State space (\mathcal{S})
- S מרחב הפעולות האפשריות במצב Action space (A
- הינו פונקציית מעבר, המחשבת את ההסתברות לעבור $T(s'|s,a) \to [0,1]$ הביטוי: Transition $T(s'|s,a) \to T(s'|s,a) + T$
- הגורמת למעבר a הגורמת תגמול/רווח לכל פעולה a הגורמת הינו פונקציה הנותנת תגמול/רווח לכל פעולה a הגורמת העבר Reward (a0 Reward (a1 הביטוי: a2 למצב a3 למצב a5 כאשר בדרך כלל a3 לעיתים מסמנים את התגמול של הצעד בזמן a4 הגורמת למעבר העבר למצב a5 לשיתים מסמנים את התגמול של הצעד בזמן a5 הינו פונקציה העבר למצב a6 הינו פונקציה הינו פונקצים הינו פונקציה פונקציה פונקציה הינו פונקציה פונק

ריצה של MDP מאופיינת על ידי הרביעייה הסדורה $\{s_t,a_t,r_t,s_{t+1}\}$ המתרחשת בזמן וגורמת למעבר של MDP ריצה של $s_{t+1} \sim p(\cdot | s_t,a_t)$ ו- $s_{t+1} \sim p(\cdot | s_t,a_t)$ ובנוסף מקבלת תגמול מיידי s_t , כאשר s_t למצב בי

מסלול (trajectory) של ריצה הינו סט של שלשות של שלשות (trajectory) של ריצה הינו סט של שלשות של שלשות (trajectory) של ריצה הינו סט של שלשות מגרים או סטוכסטי $s_{t+1}=f(s_t,a_t)$ או סטוכסטי $s_{t+1}=f(s_t,a_t)$ והמעבר בין המצבים יכול להיות דטרמיניסטי $s_{t+1}\sim p(\cdot|s_t,a_t)$

באופן כללי, עבור בעיה מסוימת נרצה למצוא את המסלול au האופטימלי באופן ישיר או על ידי Optimal Policy באופן כללי, עבור בעיה מסוימת נרצה למצוא את המסלול $\Sigma_{t=0}^{\infty}$ (או באופן שקול – אסטרטגיה $\pi:S \to A$ הממקסמת את התגמול המצטבר ($\Sigma_{t=0}^{\infty}$ (או באופן שקול – אסטרטגיה מביאה למינימום פונקציית מחיר הבנויה ממחיר שיש עבור כל פעולה). בכדי לחשב את הסכום הזה מגדירים ערך החזרה (Return Σ המבטא סכום של תגמולים, ומנסים למקסם את התוחלת שלו (Σ (Return Σ של תגמולים, כאשר יש מספר קומבינציות נפוצות, וההחלטה איזו קומבינציה עדיפה יכולה להיות משמעותית בהצלחת המודל:

:עבור פרמטר אחנים של T התגמולים הראשונים - Return עבור פרמטר - Finite Horizon

$$Return = \sum_{t=1}^{T} r_t$$

כסכום האינסופי הבא: $\gamma \in (0,1)$ בעזרתו נגדיר את ה-Infinite discount return

$$Return = \sum_{t=1}^{\infty} \gamma^t r_t$$

 $rac{1}{1-\gamma}$ כיוון ש- $r_t \in [0,1]$, הסכום חסום על ידי

בול התוחלת המנורמל של T התגמולים הראשונים: – Average reward

$$Return = \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \mathbb{E} \left[\sum_{t=1}^{\infty} \gamma^t r_t \right]$$

בעזרת ערך ההחזרה ניתן להגדיר את המטרה של למידה מבוססת חיזוקים. ההסתברות לקבל מסלול מסוים תחת בעזרת ערך ההחזרה ניתן להגדיר את המטרה של המצב הראשון כפול ההסתברות לבחור פעולה a_1 שתוביל למצב s_1 וכך הלאה עד s_2 :

$$p(\tau|\pi) = \rho_0(s_0) \prod_{t=1}^{T-1} p(s_{t+1}|s_t, a_t) \pi(a_t|s_t)$$

כעת פונקציית המטרה תהיה התוחלת של ערך ההחזרה:

$$\mathcal{J}(\pi) \equiv \mathbb{E}[R(\tau)] = \int_{\tau} p(\tau|\pi)R(\tau)$$

אלגוריתמים מבוססי RL פועלים באחת משתי דרכים:

א. מקסום פונקציית המטרה, כלומר ניסיון להביא למקסימום את התוחלת של ערך ההחזרה:

$$\pi^* = \arg\max_{\pi} \mathcal{J}(\pi)$$

ב. חיפוש המסלול au בעל המחיר הנמוך ביותר:

$$\min_{a_1,\dots,a_T} \sum_{t=1}^{T} c(s_t, a_t), \quad s. \ t \ s_t = s_{t+1} = f(s_t, a_t)$$

ניתן לשים לב שבעוד הגישה הראשונה מתמקדת במציאת אסטרטגיה אופטימלית על בסיס התוחלת של ערך ההחזרה, הגישה השנייה לא מתייחסת למדד זה אלא מנסה למצוא באופן מפורש את המודל ובעזרתו את המסלול האופטימלי.

11.1.2 Planning

לאחר שהגדרנו את המטרה של למידה מבוססת חיזוקים, ניתן לדבר על שיטות למציאת מסלול אופטימלי ושיטות למציאת אסטרטגיה אופטימלית. בפרק זה נתייחס למקרה הספציפי בו נתון מודל מרקובי עם כל הפרמטרים שלו, ונעשה זאת בעזרת ההגדרות הבאות:

x באשר מתחילים ממצב – On-Policy Value Function – התוחלת של ערך ההחזרה עבור אסטרטגיה נתונה – On-Policy Value Function

$$\mathcal{V}^{\pi}(s) = \mathbb{E}[R(\tau)|s_0 = s]$$

ביטוי זה מסתכל על הערך של כל מצב, בלי להתייחס לפעולות המעבירות את הסוכן ממצב אחד למצב אחר.

s כאשר במצב π , כאשר נתונה π , כאשר במצב – On-Policy Action-Value Function – התוחלת של ערך ההחזרה עבור אסטרטגיה (משיכים לפי האסטרטגיה π :

$$Q^{\pi}(s,a) = \mathbb{E}[R(\tau)|s_0 = s, a_0 = a]$$

ביטוי זה מסתכל על הזוג (s_t, a_t), כלומר בכל מצב יש התייחסות למצב הנוכחי ולפעולות האפשריות במצב זה.

Optical Value Function – π^* בהתאמה נוכל לסמן ב- $\mathcal{V}^*(s,a)$ ו- $\mathcal{V}^*(s,a)$ את הערכים של האסטרטגיה אופטימלית - $\mathcal{V}^*(s,a)$ ו-Optimal Action-Value Function. עבור אסטרטגיה זו מתקיים:

$$\mathcal{V}^*(s) = \max_{\pi} \mathbb{E}[R(\tau)|s_0 = s], \mathcal{Q}^*(s, a) = \max_{\pi} \mathbb{E}[R(\tau)|s_0 = s, a_0 = a]$$

הרבה פעמים מתעניינים ביחס שבין ${\mathcal V}$ ו- ${\mathcal Q}$, וניתן להיעזר במעברים הבאים:

$$\mathcal{V}^{\pi}(s) = \mathbb{E}[\mathcal{Q}^{\pi}(s, a)]$$

$$\mathcal{V}^*(s) = \max_{\pi} \mathcal{Q}^*(s, a)$$

:באופן קומפקטי ניתן לרשום את $\mathcal{V}^*(s)$ כך

$$\forall s \in S \quad \mathcal{V}^*(s) = \max_{\pi} \mathcal{V}^{\pi}(s)$$

.s כלומר, האסטרטגיה π^* הינה האופטימלית עבור כל

כעת נניח שנתון מודל מרקובי עם כל הפרמטרים שלו – סט המצבים והפעולות, הסתברויות המעבר והתגמול עבור כל פעולה. כיצד ניתן בהינתן מודל זה למצוא את האסטרטגיה האופטימלית? כדי להתמודד עם בעיה זו יש שתי כל פעולה. כיצד ניתן בהינתן מודל זה למצוא את האסטרטגיה האופטימלית? כדי להתמודד עם בעיה זו יש שתי $\mathcal{Q}^\pi(s,a)$ האופטימלי (Value iteration) וחישוב $\mathcal{Q}^\pi(s,a)$ האופטימלי (Policy iteration).

Value Iteration (VI)

חישוב $\mathcal{V}^\pi(s)$ מנסה לתת לכל מצב s ערך בהתאם לתוחלת התגמול שניתן להשיג משלב זה. בשלב הראשוני מאתחלים את כל המצבים s ל-0, כלומר: σ , כלומר: σ , אז מעדכנים את ערכי המצבים באופן איטרטיבי:

$$\mathcal{V}_{i+1}^*(s) = \max_{a} \mathbb{E}[R(s,a) + \gamma \cdot \mathcal{V}_i^*(s')] = \max_{a} \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{T}(s'|s,a)[R(s,a) + \gamma \cdot \mathcal{V}_i^*(s')]$$

אגף ימין נקרא Bellman update, וקיומו מהווה תנאי מספיק למציאת $\mathcal{V}^*(s)$. ניתן להוכיח שביטוי זה מתכנס, ומספר Bellman update, וקיומו מהווה תנאי מציאת $\mathcal{V}^*(s)$ ניתן לחשב את האסטרטגיה האופטימלית בעזרת כלל $\mathcal{V}^*(s)$ ניתן לחשב את האסטרטגיה האופטימלית בעזרת כלל policy extraction, והוא דומה לאיטרציות הקודמות:

$$\pi^*(s) = \arg\max_{a} \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{T}(s'|s,a) [R(s,a) + \gamma \cdot \mathcal{V}^*(s')]$$

יש מספר חסרונות בגישה זו – הסיבוכיות יחסית יקרה $\mathcal{O}(\mathcal{S}^2\mathcal{A})$, ערך המקסימום של הביטוי יכול להשתנות באופן תדיר, והרבה פעמים מספר האיטרציות הדרוש עד להתכנסות גדול בהרבה מהמספר הדרוש עבור מציאת אסטרטגיה אופטימלית.

Policy Iteration (PI)

עד להתכנסות $\mathcal{V}(s)$ עד אחרת לחישוב האסטרטגיה האופטימלי מניחה אסטרטגיה מסוימת ועבורה מחשבת את $\mathcal{V}(s)$ עד להתכנסות מעדכנים את האסטרטגיה בהתאם לערכי $\mathcal{V}(s)$ החדשים, ואז מבצעים את השלבים של ה-values.

האלה שוב – מקפיאים את האסטרטגיה החדשה ומחשבים את $\mathcal{V}(s)$ ולאחר מכן שוב מעדכנים את האסטרטגיה. Policy evaluation השלב הראשון נקרא.

$$\mathcal{V}_{k+1}^{\pi_i}(s) = \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{T}\big(s's, \pi_i(s)\big) \big[R\big(s's, \pi_i(s)\big) + \gamma \cdot \mathcal{V}_k^*(s') \big]$$

לאחר שביטוי זה מגיע להתכנסות מבצעים עדכון לאסטרטגיה:

$$\pi_{i+1}(s) = \arg\max_{a} \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{T}(s'|s,a) [R(s,a) + \gamma \cdot \mathcal{V}^{\pi_i}(s')]$$

ניתן להראות כי בשיטה זו ההתכנסות מהירה יותר ודרושות פחות איטרציות מהשיטה הקודמת, אך כל איטרציה יותר מורכבת. נעיר שיש גישה נוספת לחישוב האסטרטגיה האופטימלית (-תכנות לינארי) אך לא נדון בה כעת.

11.1.3 Learning Algorithms

בפרק הקודם הוסבר כיצד ניתן לחשב את האסטרטגיה האופטימלית וערך ההחזרה בהינתן מודל מרקובי. עיקר ההתמקדות של אלגוריתמי RL הוא למצוא באופן יעיל את האסטרטגיה האופטימלית כאשר לא נתונים הפרמטרים ההתמקדות של אלגוריתמי (Model-based learning) או למצוא דרך אחרת לחישוב האסטרטגיה (Model free learning). אם למשל יש משחק בין משתמש לבין המחשב, האופטימלית ללא שימוש במודל (Model free learning). אם למשל יש משחק או להשתמש במודל קיים, אלגוריתמים השייכים ל- Model based learning ינסו ללמוד את המודל של המשחק או להשתמש במודל קיים, ובעזרת המודל הם ינסו לבחון כיצד יגיב המשתמש לכל תור שהמחשב יבחר. לעומת זאת אלגוריתמים מסוג free learning לא יתעניינו בכך, אלא ינסו ללמוד ישירות את האסטרטגיה הטובה ביותר עבור המחשב.

היתרון המשמעותי של אלגוריתמים המסתכלים על המודל של הבעיה (Model-based) נובע מהיכולת לתכנן מספר צעדים קדימה, כאשר עבור כל בחירה של פעולה המודל בוחן את התגובות האפשריות, את הפעולות המתאימות לכל צעדים קדימה, כאשר עבור כל בחירה של פעולה המודל בוחן את התגובות שומנה לשחק משחקי לוח כגון שחמט תגובה, וכך הלאה. דוגמא מפורסמת לכך היא תוכנת המחשב AlphaZero שאומנה לשחק משחקי לוח כגון שחמט או גו. במקרים אלו המודל הוא המשחק והחוקים שלו, והתוכנה משתמשת בידע הזה בכדי לבחון את כל הפעולות והתגובות למשך מספר צעדים רב ובחירה של הצעד הטוב ביותר.

עם זאת, בדרך כלל אף בשלב האימון אין לסוכן מידע חיצוני מהו הצעד הנכון באופן אולטימטיבי, ועליו ללמוד רק מהניסיון. עובדה זו מציבה כמה אתגרים, כאשר העיקרי ביניהם הוא הסכנה שהאסטרטגיה הנלמדת תהיה טובה רק עבור המקרים אותם ראה הסוכן, אך לא תתאים למקרים חדשים שיבואו. אלגוריתמים שמחפשים באופן ישיר את האסטרטגיה האופטימלית אמנם לא משתמשים בידע שיכול להגיע מבחינת צעדים עתידיים, אך הם הרבה יותר פשוטים למימוש ולאימון.

באופן מעט יותר פורמלי ניתן לנסח את ההבדל בין הגישות כך: גישת Model-based learning מנסה למצוא את הפרמטרים $\{S,\mathcal{A},\mathcal{R}\}$ ובעזרתם לחשב את $p(s_{t+1}|s_t,a_t)$ ולבחור את $\{S,\mathcal{A},\mathcal{R}\}$ שההסתברות שלו הכי גבוהה מבין כל האפשרויות. הגישה השנייה לעומת זאת לא מעוניינת לחשב במפורש את הפרמטרים של המודל אלא למצוא באופן ישיר את האסטרטגיה האופטימלית $\pi(a_t|s_t)$ שעבור כל מצב קובעת באיזה פעולה לנקוט. ההבדל בין הגישות נוגע גם לפונקציית המחיר לה נרצה למצוא אופטימום. בעוד שבגישה שאינה המשתמשת במודל יש ניסיון למצוא מקסימום לפונקציית המחיר של תוחלת ערך ההחזרה, הגישה שמבוססת מודל מנסה למצוא מסלול τ עבור פונקציית המחיר. τ תהיה מינימלית.

בכל אחד משני סוגי הלמידה יש אלגוריתמים שונים, כאשר הם נבדלים אחד מהשני בשאלה מהו האובייקט אותו מעוניינים ללמוד.

Model-free learning

בגישה זו יש שתי קטגוריות מרכזיות של אלגוריתמים:

- א. Policy Optimization ניסוח האסטרטגיה כבעיית אופטימיזציה של מציאת סט הפרמטרים θ הממקסם Policy Optimization את המחון בעיה זו יכול להיעשות באופן ישיר על ידי שיטת $\pi_{\theta}(a|s)$ עבור פונקציית המחיר $\pi_{\theta}(a|s)$, או בעזרת קירוב פונקציה זו ומציאת מקסימום עבורה.
- ב. $Q^*(s,a)$ שערוך $Q^*(s,a)$ על ידי $Q^*(s,a)$ מציאת המשערך האופטימלי יכולה להתבצע על ידי $Q^*(s,a)$ חיפוש θ שיספק את השערוך הטוב ביותר שניתן למצוא, או על ידי מציאת הפעולה שתמקסם את המשערך: $a(s) = \arg\max_a Q_\theta(s,a)$

השיטות המנסות למצוא אופטימום לאסטרטגיה הן לרוב on-policy, כלומר כל פעולה נקבעת על בסיס האסטרטגיה השיטות המנסות למצוא אופטימום לאסטרטגיה הן לרוב אלגוריתם off-policy, כלומר בכל פעולה ניתן המעודכנת לפי הפעולה הקודמת. Q-learning לעומת זאת הוא לרוב אלגוריתם על מכך שהן מנסות למצוא באופן ישיר את להשתמש בכל המידע שנצבר עד כה. היתרון של שיטות האופטימיזציה נובע מכך שהן מנסות למצוא באופן ישיר את האסטרטגיה הטובה ביותר, בעוד שאלגוריתם Q-learning רק משערך את (Q-learning וותר, כיוון ואז התוצאה המתקבלת לא טובה. מצד שני, כאשר השערוך מוצלח, הביצועים של פטימיזציה של האסטרטגיה. שהשימוש במידע על העבר מנוצל בצורה יעילה יותר מאשר באלגוריתמים המבצעים אופטימיזציה של האסטרטגיה. שתי הגישות האלה אינן זרות לחלוטין, וישנם אלגוריתמים שמנסים לשלב בין הרעיונות ולנצל את החוזקות שיש לכל גישה.

Model-based learning

גם בגישה זו יש שתי קטגוריות מרכזיות של אלגוריתמים:

- את ה- Model-based RL with a learned model אלגוריתמים המנסים ללמוד הן את המודל עצמו והן את ה- Value function
- ב. Model-based RL with a known model אלגוריתמים המנסים למצוא את ה-Value function ו/או את ב. האסטרטגיה כאשר המודל עצמו נתון.

ההבדל בין הקטגוריות טמון באתגר איתו מנסים להתמודד. במקרים בהם המודל ידוע, הממד של אי הוודאות לא קיים, ולכן ניתן להתמקד בביצועים אסימפטומטיים. במקרים בהם המודל אינו ידוע, הדגש העיקרי הוא על למידת המודל.