7. Deep Generative Models

המודלים שהוצגו בפרקים הקודמים הינם מודלים דיסקרימנטיביים, קרי הם מוציאים פלט על בסיס מידע נתון, אך לא יכולים ליצור מידע חדש בעצמם. בניגוד אליהם ישנם מודלים גנרטיביים, שלא רק לומדים להכליל את הדאטא הנלמד גם עבור דוגמאות חדשות, אלא יכולים גם להבין את מה שהם ראו וליצור מידע חדש על בסיס הדוגמאות שנלמדו. ישנם שני סוגים עיקריים מודלים גנרטיביים – מודלים המוצאים באופן מפורש את פונקציית הפילוג של הדאטא הנתון ובעזרת הפילוג מייצרות דוגמאות חדשות, ומודלים שלא יודעים לחשב בפירוש את הפילוג אלא מייצרים דוגמאות חדשות בפרכים אחרות. בפרק זה נדון באריכות בשני המודלים הפופולריים בתחום – VAE ו-GANs ונעמוד על ההבדלים ביניהם, ולבסוף גם נסקור בקצרה שיטות נוספות.

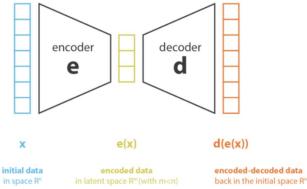
7.1 Variational AutoEncoder (VAE)

המודל הראשון הינו VAE, וכדי להבין אותו היטב יש להסביר קודם מהו Autoencoders, כיצד הוא עובד ומה החסרונות שלו.

7.1.1 Dimensionality Reduction

הרבה פעמים יש דאטא ממימד גבוה התלוי תלוי בהמון פרמטרים, כאשר לא כל הפרמטרים משפיעים בצורה זהה. לדוגמא – מחיר מניה של חברה מסוימת מושפע מהמון גורמים, אך ככל הנראה סכום ההכנסות של החברה משפיע ל המניה הרבה יותר מאשר הגיל הממוצע של העובדים. כיוון שקשה לנתח דאטא ממימד גבוה ולבנות מודלים בעזרת דאטא כזה, הרבה פעמים מנסים להוריד את המימד של הדאטא תוך איבוד מינימלי של מידע. בתהליך הורדת המימד מנסים לקבל ייצוג חדש של הדאטא ממימד יותר נמוך, כאשר הייצוג הזה נבנה על יד הפרמטרים הכי משמעותיים, מתוך שאיפה שהוא ידמה כמה שיותר לדאטא המקורי. יש מגוון שיטות להורדת המימד של הדאטא, ורובן פועלות בשני שלבים – ראשית מעבירים את הדאטא לייצוג ממימד נמוך יותר (מימד זה נקרא גם המרחב הלטנטי), ולאחר מכן מחזירים אותו למימד המקורי עם פחות פרמטרים.

 $e(x) \in \mathbb{R}^m, (m < n)$ ומתקבל פרועובר התהליך הדו-שלבי נראה כך: דאטא $x \in \mathbb{R}^n$ נכנס למערכת ועובר דרך פרועובר $x \in \mathbb{R}^n$ אם $d(e(x)) \in \mathbb{R}^n$ אם למחר מכן התוצאה עוברת ב-decoder על מנת להחזיר את התוצאה למימד המקורי, ומתקבל $x \neq d(e(x))$ אז מידע מסוים לאחר התהליך מתקיים $x \neq d(e(x))$ אז מידע מסוים לאחר התהליך מתקיים לשחזר אותו בפענוח.



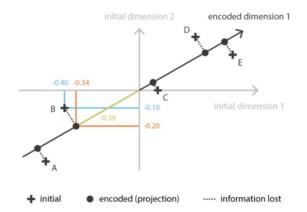
.decoder-י encoder איור 7.1 ארכיטקטורת

המטרה העיקרית של כל השיטות להורדת מימד היא למצוא את זוג ה-encoders-decoders השומרים על מקסימום מידע בעת הפענוח. אם נסמן בהתאמה E של מינימום של שגיאת שחזור בעת הפענוח. אם נסמן בהתאמה D-I E את כל מידע בעת הקידוד, וממילא מביאים למינימום של שגיאת שחזור בעת המימד באופן הבא:

$$(e^*, d^*) = \underset{(e,d) \in E \times D}{\operatorname{arg min}} \epsilon \left(x, d(e(x))\right)$$

. כאשר $\epsilon\left(x,dig(e(x)ig)
ight)$ הוא ההפרש בין הדאטא המקורי לבין הדאטא

אחת השיטות השימושיות להורדת מימד שאפשר להסתכל עליה בצורה הזו היא Principal components analysis אחת השיטות השימושיות להורדת מימד שאפשר להסתכל עליה בצורה הזו מטילים דאטא ממימד n למימד w למימד מל m בשיטה זו מטילים דאטא ממימד n למימד מל m על ידי מציאת בסיס אורתוגונלי במימד החדש בו המרחק בין PCA). הדאטא המקורי לדאטא בייצוג החדש הוא מינימלי.



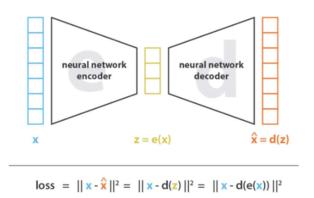
Point	Initial	Encoded	Decoded
Α	(-0.50, -0.40)	-0.63	(-0.54, -0.33)
В	(-0.40, -0.10)	-0.39	(-0.34, -0.20)
C	(0.10, 0.00)	0.09	(0.07 0.04)
D	(0.30, 0.30)	0.41	(0.35, 0.21)
Е	(0.50, 0.20)	0.53	(0.46, 0.27)

.PCA איור 7.2 דוגמא להורדת מימד בשיטת

במונחים של encoders, אלגוריתם PCA מחפש את ה-encoders שמבצע טרנספורמציה לינארית על encoders במונחים של encoder אלגוריתם, שיחד עם decoder מתאים יביא לשגיאה מינימלית. ניתן להוכיח שה-הדאטא לבסיס אורתוגונלי במימד נמוך יותר, שיחד עם decoder מתאים יביא לשגיאה מינימלית. ניתן להוכיח שה encoder האופטימלי קשור לווקטורים העצמיים של מטריצת ה-covariance של ה-encoder.

7.1.2 Autoencoders (AE)

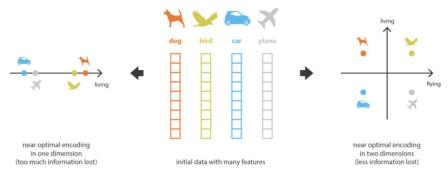
ניתן לקחת את המבנה של ה-encoder-decoder ולהשתמש ברשת נוירונים עבור קביעת הייצוג החדש ועבור השחזור. מבנה זה נראה Autoencoder:



. שימוש ברשתות נוירונים עבור הורדת המימד והשחזור – Autoencoder 7.3 איור

באופן הזה, הארכיטקטורה יוצרת צוואר בקבוק לדאטא שמבטיח שרק הפרמטרים העיקריים של הדאטא ייצגו את המידע במרחב הלטנטי ובעזרתם יתבצע השחזור. במקרה הפשוט בו בכל רשת יש רק שכבה חבויה אחת שאינה משתמשת שאקטיבציה לא לינארית, אז הורדת המימד תתבצע באופן לינארי, כלומר הרשת תחפש טרנספורמציה לינארית על הדאטא כך שיתקבל הייצוג הכי טוב ממימד נמוך יותר. בדומה ל-PCA, גם רשת כזו עובדת באופן לינארי, אך היא אינה בהכרח תייצג את הדאטא על ידי בסיס אורתוגונלי, בו הפרמטרים הם בלתי תלויים.

כעת נניח שהרשתות הן עמוקות ומשתמשות באקטיבציות לא לינאריות. במקרה כזה, ככל שהארכיטקטורה מורכבת יותר, כך הרשת יכולה להוריד יותר מימדים תוך יכולת לבצע שחזור ללא איבוד מידע. באופן תיאורטי, אם ל-encoder ול-decoder יש מספיק דרגות חופש, ניתן להפחית כל מימד לחד-מימד ללא איבוד מידע. עם זאת, הפחתת מימד דרסטית שכזו יכולה לגרום לדאטא המשוחזר לאבד את המבנה שלו. לכן יש חשיבות גדולה בבחירת מספר המימדים שבתהליך, כך שמצד אחד אכן יתבצע ניפוי של פרמטרים פחות משמעותיים ומצד שני המידע עדיין יהיה בעל משמעות. ניקח לדוגמא מערכת שמקבלת כלב, ציפור, מכונית ומטוס ומנסה למצוא את הפרמטרים העיקריים המבחינים ביניהם:



.Autoencoder-איור 7.4 דוגמא לשימוש

לפריטים אלו יש הרבה פיצ'רים, וקשה לבנות מודל שמבחין ביניהם על סמך כל הפיצ'רים. מעבר ברשת נוירונים יכול להביא לייצוג של כל הדוגמאות על קו ישר, כך שככל שפרט מסוים נמצא יותר ימינה, כך הוא יותר "חי". באופן הזה אמנם מתקבל ייצוג חד-מימדי, אבל הוא גורם לאיבוד המבנה של הדוגמאות ולא באמת ניתן להבין את ההפרדה ביניהן. לעומת זאת ניתן להוריד את המימד לדו-מימד ולהתייחס רק לפרמטרים "חי" ו"עף", וכך לקבל הבחנה יותר ברורה בין הדוגמאות, וכמובן שהפרדה זו היא הרבה יותר פשוטה מאשר הסתכלות על כל הפרמטרים של הדוגמאות. encoder.

7.1.3 Variational AutoEncoders (VAE)

ניתן לקחת את ה-AE ולהפוך אותו למודל גנרטיבי, כלומר מודל שמסוגל לייצר בעצמו דוגמאות חדשות. לשם כך יש לעמוד על המגבלות שלו וכיצד ניתן להתגבר עליהן. הרשתות של ה-AE מאומנות לייצג את הדאטא במימד נמוך שלוקח בחשבון את הפרמטרים העיקריים, ולאחר מכן לשחזר את התוצאה למימד המקורי, אך הן אינן מתייחסות לאופן בו הדאטא מיוצג במרחב הלטנטי. אם תוגרל נקודה כלשהו מהמרחב הלטנטי – קרוב לוודאי שהיא תהיה חסרת משמעות, כיוון שאמנם התקבל ייצוג אחר לדאטא, אך אין משמעות לייצוג הזה ללא השחזור. כדי לטפל במרחב הלטנטי, יש להשתמש ב-Variational AutoEncoders (VAE). בשונה מ-AE שלוקח דאטא ובונה לו ייצוג ממימד נמוך, שלהשתמש ב-מרחב הלטנטי התפלגות שמתאימה לדאטא המקורי. לאחר מכן נדגמת נקודה מההתפלגות הנלמדת, ועליה מתבצע השחזור. באופן הזה, הלמידה דואגת לא רק להורדת המימד, אלא גם להתפלגות תחת המרחב הלטנטי. כאשר ההתפלגות טובה, ניתן בעזרתה גם ליצור דוגמאות חדשות, ובעצם מתקבל מודל גנרטיבי.

בפועל, ה-encoder מנסה לייצג את הדאטא המקורי באמצעות התפלגות נורמלית במימד נמוך יותר בעל תוחלת ומטריצת covariance התפלגות בעלת תוחלת ושונות דואגת לרגולריזציה של המרחב הלטנטי, ומטריצת covariance התפלגות בעלת תוחלת ומזעור השונות דואג שלא יהיו במרחב החדש דוגמאות חסרות כיוון שהתוחלת מפזרת את הדוגמאות סביב הממוצע ומזעור השונות דואג שלא יהיו במרחב החדש דוגמאות משמעות עקב שונות גדולה. באופן הזה המרחב הלטנטי מתאים לא רק לדוגמאות הנלמדות אלא יודע גם ליצור דוגמאות חדשות בעלות משמעות.

לאחר שהוצג המבנה הכללי של VAE, ניתן לתאר את תהליך הלמידה, ולשם כך נפריד בשלב זה בין שני החלקים של ה-VAE. נסתכל על ה-decoder כרשת שמקבלת המון דגימות מהסתברות מסוימת, לומדת את התוחלת והשונות על ה-chap מבצע את הפעולה ההפוכה – לומד תוחלת ושונות על בסיס הרבה דגימות. כעת ומייצרת דוגמא חדשה. ה-chap ב- λ את הפרמטרים ה-decoder ב- λ , ואת הפרמטרים של ה-decoder ב- λ . כדי למצוא את הפרמטרים האופטימליים של הרשתות, נשתמש ב-log likelihood עבור פונקציית המחיר:

$$L(\theta) = \log \sum_{i} p(x_i; \theta)$$

אם נביא למקסימום את הביטוי הזה, נקבל את ה-heta האופטימלי, וכדי לעשות זאת יש להשתמש בקירוב הבא:

$$\log \sum_{i} p(x, z_i; \theta) = \log \sum_{i} q(z_i | x; \lambda) \frac{p(x, z_i; \theta)}{q(z_i | x; \lambda)} \ge \sum_{i} q(z_i | x; \lambda) \log \frac{p(x, z_i; \theta)}{q(z_i | x; \lambda)}$$

בין Evidence Lower BOund ($ELBO(heta,\lambda)$) ההפרש בין. והביטוי הימני נקרא (הביטוי נובע מאי-שוויון ינסן, והביטוי הימני נקרא \mathcal{D}_{KL} , ומסומן ב- \mathcal{D}_{KL} , ומסומן ב-

$$\log p(x;\theta) = ELBO(\theta,\lambda) + \mathcal{D}_{KL}(q(z|x;\lambda)||p(z|x;\theta))$$

אם שתי ההתפלגויות שוות, אזי המרחק הוא 0 ומקבל שוויון: $\log p(x;\theta) = ELBO(\theta,\lambda)$ כזכור, מחפשים מקסימום שתי ההתפלגויות שוות, אזי המרחק הוא 0 ומקבל שוויון: $\log \sum_i p(x_i;\theta)$ וכעת בעזרת הקירוב ניתן לרשום:

$$L(\theta) = \log \sum_{i} p(x_{i}; \theta) \ge \sum_{i} ELBO(x_{i}, \theta, \lambda) = ELBO(\theta, \lambda)$$
$$L(\theta_{ML}) = \max_{\theta} L(\theta) \ge \max_{\theta} \max_{\lambda} ELBO(\theta, \lambda)$$

-כעת ניתן בעזרת שיטת GD למצוא את האופטימום של הביטוי, וממנו לדעת את הפרמטרים האופטימליים של ה- $ELBO(heta,\lambda)$. נפתח יותר את ה- $ELBO(heta,\lambda)$. נפתח יותר את ה-

$$ELBO(\theta, \lambda) = \sum_{i} q(z_i|x; \lambda) \log p(x, z_i; \theta) - \sum_{i} q(z_i|x; \lambda) \log q(z_i|x; \lambda)$$

 $p(x,z_i) = p(x|z_i) \cdot p(z_i)$ ניתן לפתוח לפי בייס $\log p(x,z_i; heta)$ את הביטוי

$$\begin{split} &= \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)(\log p(x|z_{i};\theta) + \log p(z_{i};\theta)) - \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\log q(z_{i}|x;\lambda) \\ &= \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\log p(x|z_{i};\theta) - \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)(\log q(z_{i}|x;\lambda) - \log p(z_{i};\theta)) \\ &= \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\log p(x|z_{i};\theta) - \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\frac{\log q(z_{i}|x;\lambda)}{\log p(z_{i};\theta)} \end{split}$$

לכן מתקבל: $\mathcal{D}_{KL}(q(z_i|x;\lambda)||p(z_i;\theta))$, לכן מתקבל:

$$= \sum_{i} q(z_i|x;\lambda) \log p(x|z_i;\theta) - \mathcal{D}_{KL}(q(z_i|x;\lambda)||p(z_i))$$

:הביטוי הראשון הוא בדיוק התוחלת של $\log p(x|z_i; heta)$. תחת ההנחה שz מתפלג נורמלית, ניתן לרשום

$$= E_{q(Z|X;\lambda)} \log N(x;\mu_{\theta}(z),\sigma_{\theta}(z)) - \mathcal{D}_{KL}(N(\mu_{\lambda}(x),\sigma_{\lambda}(x))||N(0,I))$$

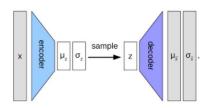
:כדי לחשב את התוחלת ניתן פשוט לדגום דוגמאות מההתפלגות $z|x\sim N(\mu_{\theta}(x),\sigma_{\theta}(x))$ ולקבל

$$E_{q(\boldsymbol{z}|\boldsymbol{x};\boldsymbol{\lambda})}\log N\big(\boldsymbol{x};\boldsymbol{\mu}_{\boldsymbol{\theta}}(\boldsymbol{z}),\sigma_{\boldsymbol{\theta}}(\boldsymbol{z})\big) \approx \log N\big(\boldsymbol{x};\boldsymbol{\mu}_{\boldsymbol{\theta}}(\boldsymbol{z}),\sigma_{\boldsymbol{\theta}}(\boldsymbol{z})\big)$$

ועבור הביטוי השני יש נוסחה סגורה:

$$\mathcal{D}_{KL}(N(\mu, \sigma^2) || N(0, I)) = \frac{1}{2} (\mu^2 + \sigma^2 - \log \sigma^2)$$

כעת משיש בידינו נוסחה לחישוב פונקציית המחיר, נוכל לבצע את תהליך הלמידה.



$$\begin{aligned} x_t &\to \mu_\lambda(x_t), \Sigma_\lambda(x_t) \to z_t \sim \mathcal{N}(\mu_\lambda(x_t), \Sigma_\lambda(x_t)) \to \mu_\theta(z_t), \Sigma_\theta(z_t) \\ \\ \textit{ELBO} &= \sum_t \log \mathcal{N}(x_t; \mu_\theta(z_t), \Sigma_\theta(z_t)) - \mathcal{D}(\mathcal{N}(\mu_\lambda(x_t), \Sigma_\lambda(x_t)) || \mathcal{N}(0, I)) \end{aligned}$$

.VAE איור 7.5 תהליך הלמידה של

כאשר נתון סט דוגמאות z, ניתן להעביר כל דוגמא ב-ncoder ולקבל את μ_{λ} , σ_{λ} לאחר מכן דוגמים z מההתפלגות ב-netroder ומקבלים את μ_{θ} , σ_{θ} לאחר התהליך ניתן להציב את הפרמטרים המתקבלים ב-netroder ומקבלים את μ_{θ} , σ_{θ} מורכב משני איברים – האיבר הראשון מחשב את היחס בין ELBO ולחשב את ה-Loss. ניתן לשים לב שה-ELBO מורכב משני איברים – האיבר הראשון מחשב את היחס בין הדוגמא שבכניסה לבין ההתפלגות שמתקבלת במוצא, והאיבר השני מבצע רגולריזציה להתפלגות המתקבלת במרחב הלטנטי תהיה קרובה להתפלגות נורמלית ויתקבלו במרחב הלטנטי מ-overfitting. אם ההתפלגות במרחב הלטנטי מברחב זה יהיו קרובות לתוחלת 0 ושונות 1, ובכך נמנעים מ-VAE הוא מודל גנרטיבי.

הדגימה של z מההתפלגות במרחב הלטנטי יוצרת קושי בחישוב הגרדיאנט של ה-ELBO, לכן בדרך כלל מבצעים ה-Reparameterization trick – דוגמים z_0 מהתפלגות נורמלית, ואז כדי לקבל את z_0 משתמשים בפרמטרים של ה-Reparameterization trick בגישה הזו כל התהליך נהיה דטרמיניסטי – מגרילים z_0 מראש ואז רק נשאר z_0 באופן סכמתי את ה-forward-backward.

IWAE

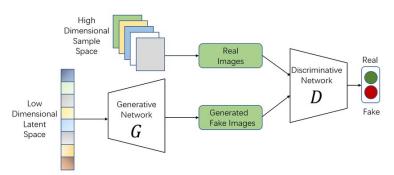
.MoG מחליפים את ההתפלגות של z בהתפלגות – VaDE

7.2 Generative Adversarial Networks (GANs)

מתודה אחרת של מודל גנרטיבי נקראת Generative Adversarial Networks או בקיצור GANs, ובשונה מ-GANs מתודה אחרת של מודל גנרטיבי נקראת של מרחב מסוים אלא יוצרים דאטא באופן אחר. הרעיון הוא לאמן שתי בגישה זו לא מוצאים התפלגות מפורשת של מרחב מסוים אלא יוצרים דאטא באופן אחר. הרעיון הוא לאמן שתונה רשתות במקביל – רשת אחת שלומדת לייצר דאטא, ורשת שניה שלומדת להבחין בין דוגמא אמיתית לייצר דאטא סינטטית. באופן הזה הרשת הראשונה היא למעשה מודל גנרטיבי, שלאחר שלב האימון היא מסוגלת לייצר דאטא סינטטי שלא ניתן להבין בינו לבין דאטא אמיתי.

7.2.1 Generator and Discriminator

כאמור, רשתות GAN מבוססות על שני אלמנטים מרכזיים – רשת שיוצרת דאטא (generator) ורשת שמכריעה האם discriminator בהדאטא הזה סינטטי או אמיתי (discriminator), כאשר האימון נעשה על שתי הרשתות יחד. ה-discriminator מייצר דוגמאות תהליך אימון על דאטא אמיתי כדי לדעת להבחין בין דאטא אמיתי לבין דאטא סינטטי, וה-generator בל פידבק מה-discriminator וכך לומד לייצר תמונות שנראות אמיתיות. נסמן את ה-G ונקבל את הסכמה הבאה:



.GAN איור 7.6 ארכיטקטורת

ה-discriminator הוא למעשה מסווג בינארי y=1 עבור תמונה אמיתית, ו-y=0 עבור תמונה סינטטית), ונסמן הוא למעשה מסווג בינארי לאבי עבור תמונה אמיתית. כדי לאמן את ה-discriminator ב-D(x) את ההסתברות לקבל במוצא דוגמא אמיתית. כדי לאמן את ה-discriminator עבור y=1 (=למצוא את ה-cross entropy) שטועה כמה שפחות בזיהוי דאטא אמיתי):

$$\min_{D} \left\{ -y \log D(x) - (1-y) \log \left(1 - D(x)\right) \right\} = \min_{D} \left\{ -y \log D(x) \right\}$$

באופן דומה נרצה לאמן את ה-generator כך שהדאטא שהוא מייצר יהיה כמה שיותר דומה לאמיתי, ולכן נרצה generator באופן דומה נרצה למקסימום את ה-cross entropy שהכי פחות להביא למקסימום את ה-cross entropy של ה-מזייף, כלומר מייצר דאטא כמה שיותר אמיתי):

$$\max_{G} \left\{ -(1-y)\log\left(1-D(G(z))\right) \right\} = \max_{G} \left\{ -\log\left(1-D(G(z))\right) \right\}$$

אם מחברים את שני האילוצים האלה מקבלים את פונקציית המחיר של ה-GAN:

$$V(D,G) = \min_{D} \max_{G} -\mathbb{E}_{x \sim Data} \log D(x) - \mathbb{E}_{z \sim Noise} \log \left(1 - D(G(z))\right)$$

באופן שקול ניתן להפוך את האילוצים וביטול סימן המינוס:

$$V(D,G) = \min_{G} \max_{D} \mathbb{E}_{x \sim Data} \log D(x) + \mathbb{E}_{z \sim Noise} \log \left(1 - D(G(z))\right)$$

יהיה מעוניין למקסם את פונקציית המחיר, כך ש-D(x) יהיה כמה שיותר קרוב ל-1 ו-D(G(z)) יהיה מעוניין למקסם את פונקציית המחיר, כך ש-D(G(z)) יהיה generator לעומת זאת רוצה להביא למינימום את פונקציית המחיר, כך ש-D(G(z)) יהיה מהיותר קרוב ל-1, כלומר ה-discriminator חושב ש-G(z) הוא דאטא אמיתי.

D ופעם אחת מקבעים את G ופעם אחת מקבעים את G, ופעם אחת מקבעים את G, ופעם אחת מקבעים את G. אם באופן איטרטיבי, כאשר פעם אחת מאמנים מסווג בינארי, כאשר מחפשים את G, אז למעשה מאמנים מסווג בינארי, כאשר מחפשים את G. אם מקבעים את G.

$$\max_{\phi_d} \mathbb{E}_{x \sim Data} \log D_{\phi_d}(x) + \mathbb{E}_{z \sim Noi} \log \left(1 - D_{\phi_d} \left(G_{\theta_g}(z) \right) \right)$$

-אם מקבעים את הביטוי השני, שמחפש את הביער V(D,G) קבוע, ונשאר רק לבדוק את האיבר הראשון של פחפרש אמיתי: שמייצר הכי טוב דאטא שנראה אמיתי:

$$\min_{\theta_g} \mathbb{E}_{z \sim Noise} \log \left(1 - D_{\phi_d} \left(G_{\theta_g}(z) \right) \right)$$

דוגמים במשך מספר מסוים של Gradient Descent/Gradient Ascent. במשך מספר מסוים של Epochs מציאת האופטימום נעשית בעזרת המלוח הנעד האופטימום בעזרת בעזרת וועד הנגזרת של (z_1, \dots, z_m) בגודל (z_1, \dots, z_m) הנגזרת של mini-batch פונקציית המחיר לפי ה-generator היא:

$$\nabla_{\theta} V(G_{\theta}, D_{\phi}) = \frac{1}{m} \nabla_{\theta} \sum_{i=1}^{m} \log \left(1 - D_{\phi} (G_{\theta}(z_i)) \right)$$

:discriminator-והנגזרת לפי

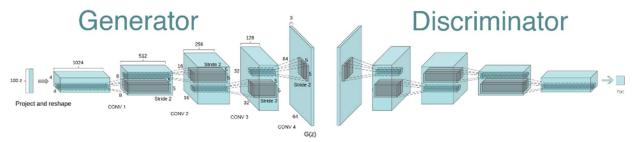
$$\nabla_{\phi} V(G_{\theta}, D_{\phi}) = \frac{1}{m} \nabla_{\phi} \sum_{i=1}^{m} \log D_{\phi}(x_i) + \log \left(1 - D_{\phi}(G_{\theta}(z_i))\right)$$

נהוג לבצע מודיפיקציה קטנה על הביטוי של ה-generator. כיוון שבהתחלה הדאטא שמיוצר הוא גרוע, הביטוי .0 נהוג לבצע מודיפיקציה קטנה על הביטוי $\mathbb{E}_{z\sim Noise}\log\left(1-D\left(G(z)
ight)\right)$ שואף ל-0. עניין זה גורם לכך שהגרדיאנט $D\left(G(z)
ight)$ גם יהיה מאוד קטן, ולכן כמעט ולא מתבצע שיפור ב-generator. לכן במקום לחפש מינימום על הביטוי $\mathbb{E}_{z\sim Noise}\log\left(1-D\left(G(z)
ight)\right)$ מחפשים מינימום לביטוי $\mathbb{E}_{z\sim Noise}\log\left(1-D\left(G(z)
ight)\right)$ הביטויים לא שווים לגמרי, אך פnerator יותר טוב נומרית ומצליח לשפר את ה-generator יותר טוב.

לאחר שהוסבר המבנה הכללי של GAN, נעבור לסקור מספר ארכיטקטורות של מודלי

7.2.2 Deep Convolutional GAN (DCGAN)

כפי שהוסבר בפרק של רשתות קונבולוציה, עבור דאטא של תמונות יש יתרון גדול לרשתות קונבולוציה על פני רשתות אל Giscriminator ו-discriminator עבור דומיין של FC. לכן היה טבעי לקחת רשתות קונבולוציה ולהשתמש בהן בתור generator מקבל וקטור אקראי ומעביר אותו דרך רשת קונבולוציה על מנת ליצור תמונה, וה-generator מקבל תמונה ומעביר אותו דרך רשת קונבולוציה שעושה סיווג בינארי אם התמונה אמיתית או סינטטית.



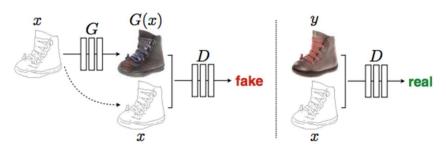
.DCGAN איור 7.7 ארכיטקטורת

7.2.3 Pix2Pix

במקרה הפשוט z מוגרל מהתפלגות נורמלית, אך זה לא דבר מוכרח. שיטת Pix2Pix משתמשת בארכיטקטורה של GAN אך במקום לדגום את z, יוצרים סקיצה של תמונה בתור הקלט, וה-generator לומד להפוך את הסקיצה לתמונה שמיתית. ה-generator עצמו נשאר ללא שינוי ביחס למה שתואר קודם לכן, אך ה-discriminator כן משתנה – אמיתית. ועליו במקום לקבל תמונה ולבצע עליה סיווג בינארי, הוא מקבל זוג תמונות – את הסקיצה ואת התמונה הסינטטית, ועליו לקבוע האם התמונה הסינטטית היא אכן תמונה אמיתית של הסקיצה או לא. הווריאציה של ה-GAN משנה גם את פונקציית המחיר – כעת ה-generator צריך ללמוד שני דברים – גם ליצור תמונות טובות כך שה-discriminator יסווג אותן כאמיתיות, וגם למזער את ההפרש בין התמונה שנוצרת לבין תמונה אמיתית השייכת לסקיצה. אם נסמן תמונה אמיתית השייכת לסקיצה ב-y, נוכל לרשום את פונקציית המחיר כך:

$$\begin{split} V(D,G) &= \min_{G} \max_{D} \mathbb{E}_{x,y} \left(\log D(x,y) + \log \left(1 - D \left(x,G(x) \right) \right) \right) \\ &= \min_{\theta_{G}} \mathbb{E}_{x,y} \left(\log \left(1 - D \left(x,G(x) \right) \right) + \lambda \left\| G(x) - y \right\| \right) \end{split}$$

generator-ביחס לתמונות שה-discriminator מתייחס לתשובה של ה-discriminator ביחס לתמונות שה-G מהיבר הראשון בפונקציית המחיר של G מתייחס להפרש בין התמונה הסינטטית לבין תמונה אמיתית השייכת לסקיצה של הקלט.

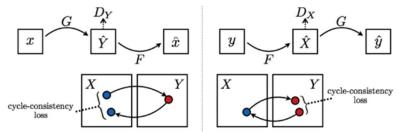


.Image-to-Image Translation - Pix2Pix איור 7.8 ארכיטקטורת

7.2.4 CycleGAN

ב-Pix2Pix הדאטא המקורי הגיע בזוגות – סקיצה ואיתה תמונה אמיתית. זוגות של תמונות זה לא דבר כל כך זמין, ולכן שיפרו את האלגוריתם כך שיוכל לקבל שתי תמונות x,y שאינן תואמות ולבצע השלכה מאחת לשנייה. פחרכבת משני x,y שמנסה להפוך אותו הארכיטקטורה עבור המשימה הזו מורכבת משני generators – בהתחלה מכניסים את x ל-y שמנסה לשחזר את המקור x. המוצא של ה-y נכנס לא רק ל-y אלא גם ל-y שמנסים לשמסווג האם התמונה שהתקבלה אמיתית או לא. ניתן לבצע את התהליך הזה באופן דואלי עבור y מכניסים ל-y שמסווג האם התמונה שהתקבלה אמיתית או לא. ניתן לבצע את התהליך הזה באופן דואלי עבור y על מנת y שמסווג האם המקור. y ואת המוצא מכניסים ל-y מכניסים ל-y שמסווג בינארי ול-y על מנת לקבל את y ואת המקור. y הפרוליך נועד לשפר את תהליך הלמידה – לאחר ש-y הופך ל-y מתוך ציפייה לקבל y התהליך של השוואת הכניסה למוצא נקרא y אם נעביר את y דרך y מתוך ציפייה לקבל y המחיר, שמטרתו למזער עד כמה שניתן את למוצא נקרא y התמונה המקורית לתמונה המשוחזרת:

$$V(D_x, D_y, G, F) = \mathcal{L}_{GAN}(G, D_y, x, y) + \mathcal{L}_{GAN}(F, D_x, x, y)$$
$$+\lambda \left(\mathbb{E}_x \| F(G(x)) - x \|_1 + \mathbb{E}_y \| G(F(y)) - y \|_1 \right)$$



.CycleGAN איור 7.9 ארכיטקטורת