### 6. Recurrent Neural Networks

היתרון של שכבות קונבולוציה על פני FC הוא ניצול הקשר המרחבי שיש בין איברים שונים בדאטא, כמו למשל פיקסלים בתמונה. יש סוגי דאטא בהם האיברים השונים יוצרים סדרה שיש לסדר האיברים חשיבות, כמו למשל טקסט, גלי קול, רצף DNA ועוד. כמובן שדאטא מהסוג הזה דורש מודל הנותן חשיבות לסדר של האיברים, מה שלא קיים ברשתות קונבולוציה. בנוסף, הרבה פעמים המימד של הקלט לא ידוע או משתנה, כמו למשל אורך של משפט, וגם לכך יש לתת את הדעת. כדי להתמודד עם אתגרים אלו יש לבנות ארכיטקטורה שמקבלת מספר לא ידוע של וקטורים ומוציאה וקטור יחיד, כאשר הוקטור היחיד מכיל בתוכו קשרים על הדאטא המקורי שנכנס אליו. את וקטור המשימה.

## 6.1 Sequence Models

#### 6.1.1 Recurrent Neural Networks

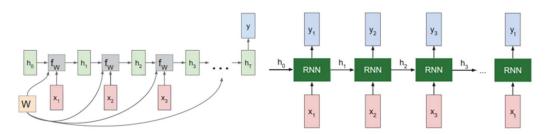
רשתות רקורסיביות הן הכללה של רשתות נוירונים עמוקות, כאשר יש להן רכיב זיכרון פנימי שמאפשר לתת משמעות לסדר. לסדר של איברי הכניסה. כל איבר שנכנס משוקלל ביחס לפונקציה קבועה בתוספת רכיב משתנה שתלוי בערכי העבר. כאשר נכנס וקטור  $x_t,h_{t-1}$  הוא מוכפל במשקל  $w_{xh}$  ונכנס לרכיב זיכרון  $h_t$ , כאשר  $h_t$  הוא פונקציה של  $u_{xh}$  הא

$$h_t = f_w(h_{t-1}, x_t)$$

מלבד המשקלים הפועלים על וקטור הכניסה, יש גם משקלים שפועלים על רכיב הזיכרון  $w_{hh}$ , ומשקלים הפועלים מלבד המשקלים הפועלים  $w_{hx},w_{hh},w_{hy}$  זהים לכל השלבים, והם מתעדכנים ביחד. כמו כן, על המוצא של רכיב זה  $w_{hx},w_{hh},w_{hy}$  המשקלים  $w_{hx},w_{hh},w_{hy}$  זהים לכל האיברים, למשל sigmoid ,tanh או היא קבועה לכל האיברים, למשל

$$h_t = f_W(w_{hh}h_{t-1} + w_{xh}x_t)$$
,  $f_W = tanh/ReLU/sigmoid$  
$$y_t = w_{hy}h_t$$

באופן סכמתי התהליך נראה כך:



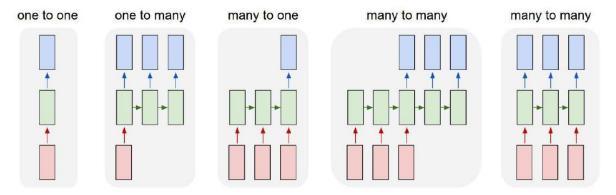
איור 6.1 ארכיטקטורות RNN בסיסיות: Many to One (מימין) ו-Many to Many (משמאל). על כל חץ יש משקל מתאים עליו מתבצעת הלמידה

כמובן שניתן גם לשרשר שכבות חבויות ולקבל רשת עמוקה, כאשר פלט של שכבה מסוימת הופך להיות הקלט של השכבה הבאה. ישנם מודלים שונים של RNN, המתאימים לבעיות שונות:

One to many – יש קלט יחיד ורוצים להוציא מספר פלטים, למשל מכניסים תמונה לרשת ורוצים משפט שיתאר – One to many אותה (Image captioning).

Many to one – רוצים לקבוע משהו יחיד עבור קלט מרובה, למשל מקבלים משפט ורוצים לדעת מה הסנטימנט שלו – חיובי או שלילי.

Many to many – עבור כל סדרת קלט יש סדרת פלט, למשל תרגום בין שפות – מקבלים משפט ומוציאים משפט.



איור 6.2 מודלים שונים של RNN.

## 6.1.2 Learning Parameters

 $x = (x_1, ..., x_n), (y_1, ..., y_n)$  אם הרשת עבור דאטא לרשתות שבפרקים הקודמים. עבור דאטא בצורה דומה לרשתות שבפרקים הקודמים. נגדיר את פונקציית המחיר:

$$L(\theta) = \frac{1}{n} \sum_{i} L(\hat{y}_i, y_i, \theta)$$

כאשר הפונקציה ( $\hat{y}_i, y_i, \theta$ ) תותאם למשימה – עבור משימת סיווג נשתמש ב-cross entropy ועבור בעיות רגרסיה נשתמש ב-MSE הרגיל כיוון שכל השתמש ב-MSE הרגיל כיוון שכל השתמש ב-MSE האימון יתבצע בעזרת GD, אך לא ניתן להשתמש ב-mse פעמים – למשל  $w_{hx}$  פועל על כל הכניסות ו- $w_{hh}$  פועל על כל הכניסות ו-backpropagation through time (BPTT) המשקלים משתמשים ב-backpropagation through time (BPTT) המשקלים את הגרדיאנט עבור כל משקל, ואז סוכמים או ממצעים את כל הגרדיאנטים. אם הדאטא בכניסה הוא בגודל  $w_{hh}$  כלומר יש  $w_{hh}$  דגימות בזמן, אז יש  $v_h$  רכיבי זיכרון, ו- $v_h$  משקלים  $v_h$ . לכן הגרדיאנט המשוקלל יהיה:

$$\frac{\partial L}{\partial w_{hh}} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\partial L}{\partial w_{hh}(t)} \quad or \quad \frac{\partial L}{\partial w_{hh}} = \frac{1}{n-1} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\partial L}{\partial w_{hh}(t)}$$

כיוון שהמשקלים זהים לאורך כל הרשת,  $w_{hh}(t)=w_{hh}$  והשינוי בזמן יהיה רק לאחר ביצוע ה-BPTT כיוון שהמשקלים זהים לאורך כל הרשת,  $w_{hh}(t)=w_{hh}$  ויהיה רלוונטי

הצורה הפשוטה של ה-BPTT יוצרת בעיה עם הגרדיאנט. נניח שרכיב הזיכרון מיוצג בעזרת הפונקציה הבאה:

$$h_t = f(z_t) = f(w_{hh}h_{t-1} + w_{hx}x_t + b_h)$$

לפי כלל השרשרת:

$$\frac{\partial h_n}{\partial x_1} = \frac{\partial h_n}{\partial h_{n-1}} \times \frac{\partial h_{n-1}}{\partial h_{n-2}} \times \dots \times \frac{\partial h_2}{\partial h_1} \times \frac{\partial h_1}{\partial x_1}$$

כיוון ש- $w_{hh}$  קבוע ביחס לזמן עבור וקטור כניסה יחיד, מתקבל:

$$\frac{\partial h_t}{\partial h_{t-1}} = f'(z_t) \cdot w_{hh}$$

אם נציב את זה בכלל השרשרת, נקבל שעבור חישוב הנגזרת  $\frac{\partial h_n}{\partial x_1}$  מכפילים n-1 פעמים ב- $w_{hh}$ . לכן אם מתקיים אז העאפסות אז הגרדיאנט יתבדר, ואם  $|w_{hh}|<1$  הגרדיאנט יתאפס. בעיה זו, של התבדרות או התאפסות  $|w_{hh}|>1$  הגרדיאנט, יכולה להיות גם ברשתות אחרות, אבל בגלל המבנה של RNN והלינאריות של ה-BPTT ברשתות רקורסיביות זה קורה כמעט תמיד.

עבור הבעיה של התבדרות הגרדיאנט ניתן לבצע clipping אם הגרדיאנט גדול מקבוע מסוים, מנרמלים אותו:

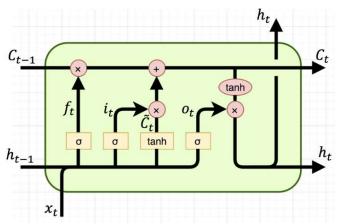
$$if ||g|| > c, then g = \frac{cg}{||g||}$$

הבעיה של התאפסות הגרדיאנט אמנם לא גורמת לחישובים של מספרים עצומים, אך היא בעצם מבטלת את ההשפעה של איברים שנמצאים רחוק אחד מהשני. אם למשל יש משפט ארוך, אז במקרה בו הגרדיאנט דועך במהלך ה-האפעה של איברים שנמצאים רחוק אחד מהשניה על המילה האחרונה. במילים אחרות – התאפסות הגרדיאנט BPTT-גוררת בעיה של Long-term, כלומר קשה ללמוד דאטא בעל תלות בטווח ארוך, כמו משפט ארוך או תופעות שמשתנות לאט. בגלל הבעיה הזו לא משתמשים ב-RNN הקלאסי, אלא מבצעים עליו שיפורים, כפי שיוסבר בפרק הבא.

#### 6.2 RNN Architectures

# 6.2.1 Long Short-Term Memory (LSTM)

כדי להתגבר על בעיית דעיכת הגרדיאנט המונעת מהרשת להשתמש בזיכרון ארוך טווח, ניתן להוסיף אלמנטים RNN-לרכיב הזיכרון כך שהוא לא יכיל רק מידע על העבר, אלא יהיה גם בעל שליטה על איך להשתמש במידע. ב-RNN הפשוט לרכיב הזיכרון יש שתי כניסות  $h_{t-1},x_t-h_{t-1}$ , ובעזרתן מחשבים את המוצא על ידי שימוש בפונקציה הפשוט לרכיב הזיכרון יש שתי כניסות אקבוע והלמידה מתבצעת רק במשקלים. ב-LSTM יש שני שינויים עיקריים  $f_w(h_{t-1},x_t)$ . באופן הזה המשקלים לכך  $h_t$  מחושב בצורה מורכבת יותר. באופן הזה המשקלים דואגים לזיכרון ארוך טווח של דברים, והמבנה הפנימי של רכיב הזיכון אחראי על הזיכרון של הטווח הקצר. נתבונן בארכיטקטורה של תא הזיכרון:



.LSTM איור 6.3 תא זיכרון ברשת

הצמד  $[x_t,h_{t-1}]$  נכנס לתא ומוכפל במשקל w, ולאחר מכן עובר בנפרד דרך ארבעה שערים (יש לשים לב שלא הבצעים פעולה בין  $x_t$  ל $x_t$  ל $x_t$  לא הם נשארים בנפרד ואת כל הפעולות עושים על כל איבר בנפרד). השער הראשון מבצעים פעולה בין  $x_t$  הוא שער שכחה והוא אחראי על מחיקת חלק מהזיכרון. השער השני  $t_t$  הוא שער כניסה  $t_t$  הוא שער שער שכחה והוא אחראי על כמה מהזיכרון רלוונטי והוא אחראי על כמה להתייחס למידע החדש. השער הרביעי  $t_t$  הוא שער מוצא והוא אחראי על כמה מהזיכרון רלוונטי לדאטא הנוכחי שנכנס  $t_t$ . שלושת השערים האלו נקראים מסכות (Masks), והם מקבלים ערכים בין  $t_t$  לפעמים מסומן באות  $t_t$  שאחראי על השאלה כמה לכתוב לתא הזיכרון.  $t_t$  מוצרים במוצא לא רק את  $t_t$  אלא גם את  $t_t$ .

ארכיטקטורת הרכיב מאפשרת להתייחס לאלמנטים נוספים הקשורים לזיכרון – ניתן לשכוח חלקים לא רלוונטיים של ארכיטקטורת הרכיב מאפשרת להתייחס לאלמנטים נוספים הקשורים לזיכרון – ניתן להתייחס באופן סלקטיבי לכניסה  $(i_t)$  ולהוציא רק חלק מהמידע המשוקלל הקיים  $(o_t)$ . באופן פורמלי ניתן לנסח את פעולת התא כך:

$$\begin{pmatrix} i \\ f \\ o \\ \tilde{\sigma} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sigma \\ \sigma \\ \sigma \\ tanh \end{pmatrix} W \begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}$$

$$c_t = f \odot c_{t-1} + i \odot \tilde{c}, h_t = o \odot \tanh(c_t)$$

כאשר האופרטור  $\odot$  מסמל כפל איבר איבר (כיוון שלשערים נכנס הזוג  $[x_t,h_{t-1}]$ , יש לבצע מכפלה בכל אחד מהאיברים).