7. Deep Generative Models

המודלים שהוצגו בפרקים הקודמים הינם מודלים דיסקרימנטיביים, קרי הם מוציאים פלט על בסיס מידע נתון, אך לא יכולים ליצור מידע חדש בעצמם. בניגוד אליהם ישנם מודלים גנרטיביים, שלא רק לומדים להכליל את הדאטא הנלמד גם עבור דוגמאות חדשות, אלא יכולים גם להבין את מה שהם ראו וליצור מידע חדש על בסיס הדוגמאות שנלמדו. ישנם שני סוגים עיקריים מודלים גנרטיביים – מודלים המוצאים באופן מפורש את פונקציית הפילוג של הדאטא הנתון ובעזרת הפילוג מייצרות דוגמאות חדשות, ומודלים שלא יודעים לחשב בפירוש את הפילוג אלא מייצרים דוגמאות חדשות בדרכים אחרות. בפרק זה נדון במודלים הפופולריים בתחום – GANs ,VAE ו-Gans (PixelCNN and PixelRNN).

יתרונות של VAE: קל לאימון, בהינתן x קל למצוא את z, וההתפלגות של בצורה מפורשת.

יתרונות של GAN: התמונות יוצאות באיכות גבוהה, מתאים להרבה דומיינים.

7.1 Variational AutoEncoder (VAE)

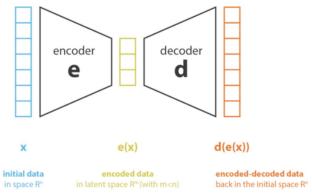
המודל הראשון הינו VAE, וכדי להבין אותו היטב יש להסביר קודם מהם Autoencoders, כיצד הוא עובד ומה החסרונות שלו.

7.1.1 Dimensionality Reduction

במקרים רבים, הדאטא אותו רוצים לנתח הוא בעל מימד גבוה, כלומר, לכל דגימה יש מספר רב של פיצ'רים, כאשר בדרך כלל לא כל הפיצ'רים משמעותיים באותה מידה. לדוגמא – מחיר מניה של חברה מסוימת מושפע ממספר רב של גורמים, אך ככל הנראה גובה ההכנסות של החברה משפיע על מחיר המניה הרבה יותר מאשר הגיל הממוצע של העובדים. דוגמא נוספת – במשימת חיזוי גיל של אדם על פי הפנים שלו, לא כל הפיקסלים בתמונת הפנים יהיו בעלי אותה חשיבות לצורך החיזוי. כיוון שקשה לנתח דאטא ממימד גבוה ולבנות מודלים עבור דאטא כזה, הרבה פעמים מנסים להוריד את המימד של הדאטא תוך איבוד מינימלי של מידע. בתהליך הורדת המימד מנסים לקבל ייצוג חדש של הדאטא ממימד יותר נמוך, כאשר הייצוג הזה מורכב מהמאפיינים הכי משמעותיים של הדאטה. יש מגוון שיטות להורדת המימד כאשר הרעיון המשותף לכולן הוא לייצג את הדאטא במימד נמוך יותר, בו באים לידי ביטוי רק הפיצ'רים המשמעותיים יותר.

הייצוג החדש של הדאטה נקרא הייצוג הלטנטי או הקוד הלטנטי, כאשר יותר קל לעבוד איתו במשימות שונות מאשר עם הדאטה המקורי. בכדי לקבל ייצוג לטנטי איכותי, ניתן לאמן אותו באמצעות decoder הבוחן את יכולת השחזור של הדאטה. ככל שניתן לשחזר בצורה מדויקת יותר את הדאטה מהייצוג הלטנטי, כלומר אובדן המידע בתהליך הוא קטן יותר, כך הקוד הלטנטי אכן מייצג בצורה אמינה את הדאטה המקורי.

תהליך האימון הוא דו שלבי: דאטא $x\in\mathbb{R}^n$ נכנס למערכת ועובר דרך פועבר האימון הוא דו שלבי: דאטא $x\in\mathbb{R}^n$ נכנס למערכת ועובר דרך פועבר למימד המקורי, ולבסוף מתקבל מתקבל לאחר מכן התוצאה מוכנסת ל-decoder בכדי להחזיר את התוצאה למימד המקורי, ולבסוף מתקבל x=d(e(x)) אם לאחר התהליך מתקיים x=d(e(x)) אז למעשה לא נאבד שום מידע בתהליך, אך אם לעומת זאת x=d(e(x)) אז מידע מסוים אבד עקב הורדת המימד ולא היה ניתן לשחזר אותו בפענוח. באופן אינטואיטיבי, אם אנו מצליחים לשחזר את הקלט המקורי מהייצוג של במימד נמוך בדיוק טוב מספיק, כנראה שהייצוג במימד נמוך הצליח להפיק את הפיצ'רים המשמעותיים של הדאטא המקורי.



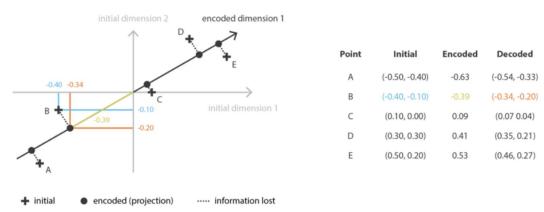
.decoder איור 7.1 ארכיטקטורת 7.1 ארכיטקטורת

כאמור, המטרה העיקרית של השיטות להורדת מימד הינה לקבל ייצוג לטנטי איכותי עד כמה שניתן. הדרך לעשות זאת היא לאמן את זוג ה-encoder-decoder השומרים על מקסימום מידע בעת הקידוד, וממילא מביאים למינימום של שגיאת שחזור בעת הפענוח. אם נסמן בהתאמה E ו-D את כל הזוגות של encoder-decoder האפשריים, ניתן לנסח את בעיית הורדת המימד באופו הבא:

$$(e^*, d^*) = \underset{(e,d) \in E \times D}{\operatorname{arg min}} \epsilon \left(x, d(e(x))\right)$$

. כאשר $\epsilon\left(x,dig(e(x)ig)
ight)$ הוא שגיאת השחזור שבין הדאטא המקורי לבין הדאטא

אחת השיטות השימושיות להורדת מימד שאפשר להסתכל עליה בצורה הזו היא Principal Components Analysis אחת השיטות השימושיות להורדת מימד שאפשר להסתכל עליה בציעה בסיס אורתוגונלי במרחב ה-m מימדי בו המרחק (PCA). בשיטה זו מטילים דאטא ממימד n למימד החדש הוא מינימלי.

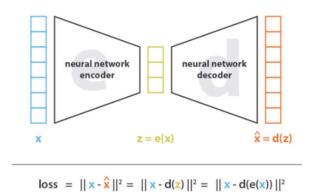


.PCA איור 7.2 דוגמא להורדת מימד בשיטת

במונחים של encoder-decoder, ניתן להראות כי אלגוריתם PCA מחפש את ה-encoder-decoder שמבצע טרנספורמציה encoder מתאים יביא לשגיאה מינימלית במונחים לינארית על הדאטא לבסיס אורתוגונלי במימד נמוך יותר, שיחד עם decoder מתאים יביא לשגיאה מינימלית במונחים של מרחק אוקלידי בין הייצוג המקורי לבין הייצוג החדש. ניתן להוכיח שה-encoder האופטימלי מכיל את הווקטורים של מטריצת ה-covariance של הדאטא, וה-decoder הוא השחלוף של ה-vovariance

7.1.2 Autoencoders (AE)

ניתן לקחת את המבנה של ה-encoder-decoder ולהשתמש ברשת נוירונים עבור בניית הייצוג החדש ועבור השחזור. מבנה זה נקרא Autoencoder:

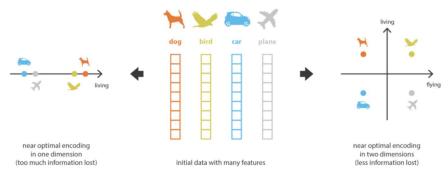


איור Autoencoder 7.3 – שימוש ברשתות נוירונים עבור הורדת המימד והשחזור.

באופן הזה, הארכיטקטורה יוצרת צוואר בקבוק לדאטא, שמבטיח שרק המאפיינים החשובים של הדאטא, שבאמצעותם ניתן לשחזר את הקלט המקורי בדיוק טוב, ישמשו לייצוג במרחב הלטנטי. במקרה הפשוט בו בכל רשת יש רק שכבה חבויה אחת והיא לא משתמשת בפונקציות אקטיבציה לא לינאריות, ניתן לראות כי ה-autoencoder יחפש טרנספורמציה לינארית של הדאטא באמצעותו ניתן לשחזרו באופן לינארי גם כן. בדומה ל-PCA, גם רשת כזו תחפש להוריד את המימד באמצעות טרנספורמציות לינאריות של הפיצ'רים המקוריים אך הייצוג

במימד נמוך המופק על ידה לא יהיה בהכרח זהה לזה של PCA, כיוון שלהבדיל מ-PCA הפיצ'רים החדשים (לאחר הורדת מימד) עשויים לצאת לא אורתוגונליים.

כעת נניח שהרשתות הן עמוקות ומשתמשות באקטיבציות לא לינאריות. במקרה כזה, ככל שהארכיטקטורה מורכבת יותר, כך הרשת יכולה להוריד יותר מימדים תוך יכולת לבצע שחזור ללא איבוד מידע. באופן תיאורטי, אם ל-encoder ול-coder יש מספיק דרגות חופש, ניתן להפחית כל מימד לחד-מימד ללא איבוד מידע. עם זאת, הפחתת מימד דרסטית שכזו יכולה לגרום לדאטא המשוחזר לאבד את המבנה שלו. לכן יש חשיבות גדולה בבחירת מספר המימדים שבתהליך, כך שמצד אחד אכן יתבצע ניפוי של פרמטרים פחות משמעותיים ומצד שני המידע עדיין יהיה בעל משמעות. ניקח לדוגמא מערכת שמקבלת כלב, ציפור, מכונית ומטוס ומנסה למצוא את הפרמטרים העיקריים המבחינים ביניהם:



.Autoencoder-איור 7.4 דוגמא לשימוש ב

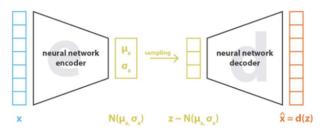
לפריטים אלו יש הרבה פיצ'רים, וקשה לבנות מודל שמבחין ביניהם על סמך כל הפיצ'רים. מעבר ברשת נוירונים יכול להביא לייצוג של כל הדוגמאות על קו ישר, כך שככל שפרט מסוים נמצא יותר ימינה, כך הוא יותר "חי". באופן הזה אמנם מתקבל ייצוג חד-מימדי, אבל הוא גורם לאיבוד המבנה של הדוגמאות ולא באמת ניתן להבין את ההפרדה ביניהן. לעומת זאת ניתן להוריד את המימד לדו-מימד ולהתייחס רק לפרמטרים "חי" ו"עף", וכך לקבל הבחנה יותר ברורה בין הדוגמאות, וכמובן שהפרדה זו היא הרבה יותר פשוטה מאשר הסתכלות על כל הפרמטרים של הדוגמאות. encoder.

7.1.3 Variational AutoEncoders (VAE)

ניתן לקחת את ה-AE ולהפוך אותו למודל גנרטיבי, כלומר מודל שמסוגל לייצר בעצמו דוגמאות חדשות שאכן מתפלגות כמו הפילוג של הדאטא המקורי. אם מדובר בדומיין של תמונות למשל, אז נרצה שהמודל יהיה מסוגל לייצר תמונות של הדאטא המקורי. אם מדובר בדומיין של תמונות למשל, אז נרצה שהמודל יהיה מסוגל לייצר תמונות שנראות אותנטיות. הרשתות של ה-AE מאומנות לייצג את הדאטא במימד נמוך שלוקח בחשבון את הפיצ'רים העיקריים, ולאחר מכן לשחזר את התוצאה למימד המקורי, אך הן אינן מתייחסות לאופן בו הדאטא מיוצג במרחב הלטנטי. אם יוגרל וקטור כלשהו מהמרחב הלטנטי – קרוב לוודאי שהוא לא יהווה ייצוג שקשור לדאטה המקורי, כך שאם היינו מכניסים אותו ל-decoder, סביר שהתוצאה לא תהיה דומה בכלל לדאטא המקורי. למשל אם אומן AE על סט של תמונות של כלבים ודוגמים וקטור מהמרחב הלטנטי שלו, הסיכוי לקבל תמונת כלב כלשהו לאחר השחזור של ה-decoder

כדי להתמודד עם בעיה זו, ניתן להשתמש ב-Variational AutoEncoders (VAE). בשונה מ-AE שלוקח דאטא ובונה לו ייצוג ממימד נמוך, VAE מנסה להביא את המרחב הלטנטי להתפלג כרצוננו – התפלגות נורמלית עם תוחלת ושונות המתאימים לדאטא המקורי. לאחר מכן דוגמים וקטור מההתפלגות הנלמדת, ועליה מתבצע השחזור. באופן הזה, הלמידה דואגת לא רק להורדת המימד, אלא גם להתפלגות תחת המרחב הלטנטי. כאשר ההתפלגות הנלמדת טובה, ניתן בעזרתה גם ליצור דוגמאות חדשות, ובעצם מתקבל מודל גנרטיבי.

ב-VAE, ה-moder מנסה לייצג את הדאטא המקורי באמצעות התפלגות נורמלית במימד נמוך יותר בעל תוחלת ושונות דואגת לרגולריזציה של המרחב ומטריצת $z \sim p(z|x) = N(\mu_x, \sigma_x)$: covariance התפלגות בעלת תוחלת מפזרת את הדוגמאות סביב הממוצע ומזעור השונות דואג שלא יהיו במרחב החדש דוגמאות חסרות משמעות עקב שונות גדולה. באופן הזה המרחב הלטנטי מתאים לא רק לדוגמאות הנלמדות אלא יודע גם ליצור דוגמאות חדשות בעלות משמעות, כלומר דוגמאות שנראות דומות לדאטא המקורי. חשוב לשים לב להבדל בתפקיד של ה-decoder – בעוד שב-VA הוא נועד לתהליך האימון בלבד ובפועל מה שחשוב זה הייצוג הלטנטי, ב-מפקיד של ה-decoder הוא זה שהופך את המערכת למודל גנרטיבי.



.VAE איור 7.5 ארכיטקטורה של

לאחר שהוצג המבנה הכללי של VAE, ניתן לתאר את תהליך הלמידה, ולשם כך נפריד בשלב זה בין שני החלקים של ה-VAE. ה-encoder מקבל הרבה נקודות של דאטא מסוים, ומנסה ללמוד את התוחלת והשונות של התפלגות זו. מההתפלגות הנלמדת דוגמים נקודות חדשות ומעבירים ל-decoder, שאמור לבצע את הפעולה ההפוכה – לקחת דגימה מהתפלגות מסוימת ולייצר באמצעותה דוגמא חדשה הדומה לדאטא המקורי.

כעת נסמן את הווקטורים של המרחב הלטנטי ב-z, את הפרמטרים של ה-decoder ב- θ , ואת הפרמטרים של ה- λ . כדי למצוא את הפרמטרים האופטימליים של שתי הרשתות, נרצה להביא למקסימום את encoder ב- λ . כדי למצוא את הפרמטרים האופטימליים של שתי הרשתות, נרצה להביא למקסימום את המרבית של סט האימון תחת θ (-הסתברות שבמוצא ה- ϕ , כלומר למקסם את הנראות המרבית שפונקציית ϕ מונוטונית, נוכל לקחת את לוג ההסתברות: ϕ

$$L(\theta) = \log \sum_{i} p(x; \theta)$$

אם נביא למקסימום את הביטוי הזה, נקבל את ה- θ האופטימלי. כיוון שלא ניתן לחשב במפורש את $p(x;\theta)$, יש הנביא למקסימום את הביטוי הזה, נקבל את ה- θ האופטימלי. כיוון שלא ניתן לחשב במפורש את encoder הוא בעל התפלגות מסוימת $q(z_i|x;\lambda)$ (מה ההסתברות לקבל את $q(z_i|x;\lambda)$ ב- $q(z_i|x;\lambda)$. בעת ניתן לחלק ולהכפיל את $q(z_i|x;\lambda)$ ב- $q(z_i|x;\lambda)$

$$\log \sum_{i} p(x, z_i; \theta) = \log \sum_{i} q(z_i | x; \lambda) \frac{p(x, z_i; \theta)}{q(z_i | x; \lambda)} \ge \sum_{i} q(z_i | x; \lambda) \log \frac{p(x, z_i; \theta)}{q(z_i | x; \lambda)}$$

$$\log p(x;\theta) = ELBO(\theta,\lambda) + \mathcal{D}_{KL}(q(z|x;\lambda)||p(z|x;\theta))$$

אם שתי ההתפלגויות שוות, אזי המרחק ביניהן הוא 0 ומתקבל שוויון: $\log p(x;\theta) = ELBO(heta,\lambda)$. כזכור, מחפשים מקסימום לפונקציית המחיר $\log \sum_i p(x_i;\theta)$, וכעת בעזרת הקירוב ניתן לרשום:

$$L(\theta) = \log \sum_{i} p(x_{i}; \theta) \ge \sum_{i} ELBO(x_{i}, \theta, \lambda) = ELBO(\theta, \lambda)$$
$$L(\theta_{ML}) = \max_{\alpha} L(\theta) \ge \max_{\alpha} \max_{\lambda} ELBO(\theta, \lambda)$$

-כעת ניתן בעזרת שיטת GD למצוא את האופטימום של הביטוי, וממנו לדעת את הפרמטרים האופטימליים של ה- $ELBO(heta,\lambda)$. נפתח יותר את ה- $ELBO(heta,\lambda)$ עבור VAE עבור .

z עם סט פרמטרים θ יוציא ש decoder עם סט פרמטרים - $p(x|z;\theta)$

עם סט פרמטרים x_i ווציא את יוציא עם פרcoder עם פרמטרים ש-encoder ההסתברות ש-

לפי הגדרה:

$$ELBO(\theta, \lambda) = \sum_{i} q(z_i|x; \lambda) \log p(x, z_i; \theta) - \sum_{i} q(z_i|x; \lambda) \log q(z_i|x; \lambda)$$

 $p(x,z_i) = p(x|z_i) \cdot p(z_i)$ ניתן לפתוח לפי בייס $\log p(x,z_i;\theta)$ את הביטוי

$$\begin{split} &= \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)(\log p(x|z_{i};\theta) + \log p(z_{i};\theta)) - \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\log q(z_{i}|x;\lambda) \\ &= \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\log p(x|z_{i};\theta) - \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)(\log q(z_{i}|x;\lambda) - \log p(z_{i};\theta)) \\ &= \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\log p(x|z_{i};\theta) - \sum_{i} q(z_{i}|x;\lambda)\frac{\log q(z_{i}|x;\lambda)}{\log p(z_{i};\theta)} \end{split}$$

:הביטוי השני לפי הגדרה שווה ל- $\mathcal{D}_{\mathit{KL}}(q(z_i|x;\lambda)\|p(z_i; heta))$, לכן מתקבל

$$= \sum_{i} q(z_i|x;\lambda) \log p(x|z_i;\theta) - \mathcal{D}_{KL}(q(z_i|x;\lambda)||p(z_i))$$

הביטוי הראשון הוא בדיוק התוחלת של $\log p(x|z_i; heta)$. תחת ההנחה ש-z מתפלג נורמלית, ניתן לרשום:

$$= E_{q(Z|X;\lambda)} \log N(x;\mu_{\theta}(z),\sigma_{\theta}(z)) - \mathcal{D}_{KL}(N(\mu_{\lambda}(x),\sigma_{\lambda}(x))||N(0,I))$$

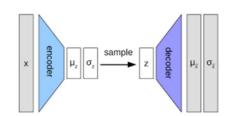
:כדי לחשב את התוחלת ניתן פשוט לדגום דוגמאות מההתפלגות $z|x\sim Nig(\mu_{ heta}(x),\sigma_{ heta}(x)ig)$ ולקבל

$$E_{q(z|x;\lambda)} \log N(x;\mu_{\theta}(z),\sigma_{\theta}(z)) \approx \log N(x;\mu_{\theta}(z),\sigma_{\theta}(z))$$

ועבור הביטוי השני יש נוסחה סגורה:

$$\mathcal{D}_{KL}(N(\mu, \sigma^2) || N(0, I)) = \frac{1}{2} (\mu^2 + \sigma^2 - \log \sigma^2)$$

כעת משיש בידינו נוסחה לחישוב פונקציית המחיר, נוכל לבצע את תהליך הלמידה.



$$\begin{split} x_t &\to \mu_\lambda(x_t), \Sigma_\lambda(x_t) \to z_t {\sim} N\big(\mu_\lambda(x_t), \Sigma_\lambda(x_t)\big) \to \mu_\theta(z_t), \Sigma_\theta(z_t) \\ ELBO &= \sum_t \log N\big(x_t; \mu_\theta(z_t), \Sigma_\theta(z_t)\big) - \mathcal{D}_{KL}(N\big(\mu_\lambda(x_t), \Sigma_\lambda(x_t)\big) || N(0, I) \end{split}$$

.VAE איור 7.6 תהליך הלמידה של

כאשר נתון סט דוגמאות z, ניתן להעביר כל דוגמא ב-ncoder ולקבל את μ_{λ} , σ_{λ} לאחר מכן דוגמים z מההתפלגות ב-netroder ומקבלים את μ_{θ} , σ_{θ} לאחר התהליך ניתן להציב את הפרמטרים המתקבלים ב-netroder ולחשב את ה-LBO. ניתן לשים לב שה-ELBO מורכב משני איברים – האיבר הראשון מחשב את היחס בין ELBO הדוגמא שבכניסה לבין ההתפלגות שמתקבלת במוצא, והאיבר השני מבצע רגולריזציה להתפלגות המתקבלת במרחב הלטנטי תהיה קרובה להתפלגות נורמלית ויתקבלו במרחב הלטנטי. הרגולריזציה גורמת לכך שההתפלגות במרחב הלטנטי מ-overfitting. אם ההתפלגות במרחב הלטנטי לוחלת 0 ושונות 1, ובכך נמנעים מ-overfitting אבות לבוחלת המרחב לפכלים לוחלת חדשות, ובמובן הזה ה-VAE הוא מודל גנרטיבי.

הדגימה של z מההתפלגות במרחב הלטנטי יוצרת קושי בחישוב הגרדיאנט של ה-ELBO, לכן בדרך כלל מבצעים ה-Reparameterization trick – דוגמים z_0 מהתפלגות נורמלית, ואז כדי לקבל את z משתמשים בפרמטרים של ה-Reparameterization trick – בגישה הזו כל התהליך נהיה דטרמיניסטי – מגרילים $z=z_0\sigma_\lambda(x)+\mu_\lambda(x)$:encoder לחשב באופן סכמתי את ה-forward-backward.

IWAE

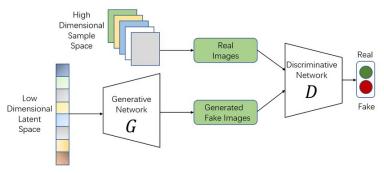
 MoG מחליפים את ההתפלגות של – VaDE

7.2 Generative Adversarial Networks (GANs)

מתודה אחרת של מודל גנרטיבי נקראת Generative Adversarial Networks או בקיצור GANs, ובשונה מ-GANs בגישה זו לא מוצאים התפלגות מפורשת של מרחב מסוים אלא יוצרים דאטא באופן אחר. הרעיון הוא לאמן שתי בגישה זו לא מוצאים התפלגות מפורשת של מרחב מסוים אלא יוצרים דאטא באופן אחר. הרעיון הוא לאמן שתונה רשתות במקביל – רשת אחת שלומדת לייצר דאטא, ורשת שניה שלומדת להבחין בין דוגמא אמיתית לייצר דאטא סינטטית. באופן הזה הרשת הראשונה היא למעשה מודל גנרטיבי, שלאחר שלב האימון היא מסוגלת לייצר דאטא סינטטי שלא ניתן להבין בינו לבין דאטא אמיתי.

7.2.1 Generator and Discriminator

כאמור, רשתות GAN מבוססות על שני אלמנטים מרכזיים – רשת שיוצרת דאטא (generator) ורשת שמכריעה האם discriminator מוכר הדאטא הזה סינטטי או אמיתי (discriminator), כאשר האימון נעשה על שתי הרשתות יחד. ה-discriminator עובר תהליך אימון על דאטא אמיתי כדי לדעת להבחין בין דאטא אמיתי לבין דאטא סינטטי, וה-generator מייצר דוגמאות discriminator וכך לומד לייצר תמונות שנראות אמיתיות. נסמן את ה-G- ומקבל פידבק מה-discriminator ב-G, ונקבל את הסכמה הבאה:



.GAN איור 7.7 ארכיטקטורת

הוא למעשה מסווג בינארי (y=1 עבור תמונה אמיתית, ו-5 עבור תמונה סינטטית), ונסמן ה-discriminator האלמעשה מסווג בינארי (y=1 עבור אמיתית. כדי לאמן את ה-להביא למינימום את ב-מוצא דוגמא אמיתית. כדי לאמן את ה-לחברות לקבל במוצא דוגמא אמיתיו: y=1 (בלמצוא את ה-discriminator) שטועה כמה שפחות בזיהוי דאטא אמיתי):

$$\min_{D} \left\{ -y \log D(x) - (1-y) \log \left(1 - D(x)\right) \right\} = \min_{D} \left\{ -y \log D(x) \right\}$$

באופן דומה נרצה לאמן את ה-generator כך שהדאטא שהוא מייצר יהיה כמה שיותר דומה לאמיתי, ולכן נרצה generator באופן דומה נרצה למקסימום את ה-cross entropy של ה-generator כאשר y=0 (=למצוא את ה-generator מזייף, כלומר מייצר דאטא כמה שיותר אמיתי):

$$\max_{G} \left\{ -(1-y)\log\left(1-D(G(z))\right) \right\} = \max_{G} \left\{ -\log\left(1-D(G(z))\right) \right\}$$

אם מחברים את שני האילוצים האלה מקבלים את פונקציית המחיר של ה-GAN:

$$V(D,G) = \min_{D} \max_{G} -\mathbb{E}_{x \sim Data} \log D(x) - \mathbb{E}_{z \sim Noise} \log \left(1 - D(G(z))\right)$$

באופן שקול ניתן להפוך את האילוצים וביטול סימן המינוס:

$$V(D,G) = \min_{G} \max_{D} \mathbb{E}_{x \sim Data} \log D(x) + \mathbb{E}_{z \sim Noise} \log \left(1 - D(G(z))\right)$$

יהיה מעוניין למקסם את פונקציית המחיר, כך ש-D(x) יהיה כמה שיותר קרוב ל-1 ו-D(G(z)) יהיה מעוניין למקסם את פונקציית המחיר, כך ש-D(G(z)) יהיה פיותר קרוב ל-0. ה-generator לעומת זאת רוצה להביא למינימום את פונקציית המחיר, כך ש-D(G(z)) יהיה מהיותר קרוב ל-1, כלומר ה-discriminator חושב ש-G(z) הוא דאטא אמיתי.

D ופעם אחת מקבעים את G כעת האימון נעשה באופן איטרטיבי, כאשר פעם אחת מקבעים את G, ופעם אחת מקבעים את G, אז למעשה מאמנים מסווג בינארי, כאשר מחפשים את האופטימום הבא:

$$\max_{\phi_d} \mathbb{E}_{x \sim Data} \log D_{\phi_d}(x) + \mathbb{E}_{z \sim Noise} \log \left(1 - D_{\phi_d} \left(G_{\theta_g}(z) \right) \right)$$

-אם מקבעים את הביטוי השני, שמחפש את הV(D,G) קבוע, ונשאר רק לבדוק את הביטוי השני, שמחפש את ה-V(D,G) אם מקבעים את הביטוי השני, שמחפש את generator

$$\min_{\theta_g} \mathbb{E}_{z \sim Noise} \log \left(1 - D_{\phi_d} \left(G_{\theta_g}(z) \right) \right)$$

במשך מספר מסוים של Epochs. דוגמים מציאת האופטימום נעשית בעזרת Gradient Descent/Gradient Ascent, במשך מספר מסוים של Epochs מציאת האופטימום נעשית בעזרת בעזרת הנגזרת של mini-batch בגודל (z_1,\ldots,z_m) הנגזרת של epenerator. פונקציית המחיר לפי ה-generator היא:

$$\nabla_{\theta} V(G_{\theta}, D_{\phi}) = \frac{1}{m} \nabla_{\theta} \sum_{i=1}^{m} \log \left(1 - D_{\phi} (G_{\theta}(z_i)) \right)$$

:discriminator- והנגזרת לפי

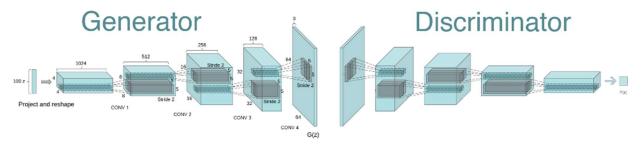
$$\nabla_{\phi} V(G_{\theta}, D_{\phi}) = \frac{1}{m} \nabla_{\phi} \sum_{i=1}^{m} \log D_{\phi}(x_i) + \log \left(1 - D_{\phi}(G_{\theta}(z_i))\right)$$

נהוג לבצע מודיפיקציה קטנה על הביטוי של ה-generator. כיוון שבהתחלה הדאטא שמיוצר הוא גרוע, הביטוי .0 שואף ל-0, וממילא גם הביטוי $\mathbb{E}_{z\sim Noise}\log\left(1-D\left(G(z)
ight)\right)$ שואף ל-0. עניין זה גורם לכך שהגרדיאנט $D\left(G(z)
ight)$ גם יהיה מאוד קטן, ולכן כמעט ולא מתבצע שיפור ב-generator. לכן במקום לחפש מינימום על הביטוי $\mathbb{E}_{z\sim Noise}\log\left(D\left(G(z)
ight)\right)$ מחפשים מינימום לביטוי לביטוי $\mathbb{E}_{z\sim Noise}\log\left(1-D\left(G(z)
ight)\right)$ הביטויים לא שווים לגמרי, אך generator יותר טוב נומרית ומצליח לשפר את ה-generator יותר טוב.

לאחר שהוסבר המבנה הכללי של GAN, נעבור לסקור מספר ארכיטקטורות של מודלי

7.2.2 Deep Convolutional GAN (DCGAN)

כפי שהוסבר בפרק של רשתות קונבולוציה, עבור דאטא של תמונות יש יתרון גדול לרשתות קונבולוציה על פני רשתות הולהשתמש בהן בתור discriminator ו-discriminator עבור דומיין של .FC לכן היה טבעי לקחת רשתות קונבולוציה ולהשתמש בהן בתור generator מקבל וקטור אקראי ומעביר אותו דרך רשת קונבולוציה על מנת ליצור תמונה, וה-מונות. ה-discriminator מקבל תמונה ומעביר אותו דרך רשת קונבולוציה שעושה סיווג בינארי אם התמונה אמיתית או סינטטית.



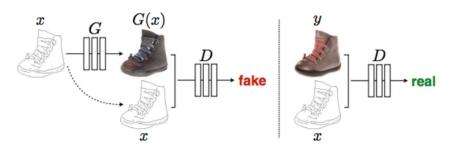
.DCGAN איור 7.8 ארכיטקטורת

7.2.3 Pix2Pix

במקרה הפשוט z מוגרל מהתפלגות נורמלית, אך זה לא דבר מוכרח. שיטת Pix2Pix משתמשת בארכיטקטורה של GAN אך במקום לדגום את z, יוצרים סקיצה של תמונה בתור הקלט, וה-generator לומד להפוך את הסקיצה לתמונה שמיתית. ה-generator עצמו נשאר ללא שינוי ביחס למה שתואר קודם לכן, אך ה-discriminator כן משתנה – אמיתית. ועליו במקום לקבל תמונה ולבצע עליה סיווג בינארי, הוא מקבל זוג תמונות – את הסקיצה ואת התמונה הסינטטית, ועליו לקבוע האם התמונה הסינטטית היא אכן תמונה אמיתית של הסקיצה או לא. הווריאציה של ה-GAN משנה גם את פונקציית המחיר – כעת ה-generator צריך ללמוד שני דברים – גם ליצור תמונות טובות כך שה-discriminator יסווג אותן כאמיתיות, וגם למזער את ההפרש בין התמונה שנוצרת לבין תמונה אמיתית השייכת לסקיצה. אם נסמן תמונה אמיתית השייכת לסקיצה ב-y, נוכל לרשום את פונקציית המחיר כך:

$$\begin{split} V(D,G) &= \min_{G} \max_{D} \mathbb{E}_{x,y} \left(\log D(x,y) + \log \left(1 - D \big(x, G(x) \big) \right) \right) \\ &\min_{\theta_{G}} \mathbb{E}_{x,y} \left(\log \left(1 - D \big(x, G(x) \big) \right) + \lambda \left\| G(x) - y \right\| \right) \end{split}$$

generator-ביחס לתמונות שה-discriminator ביחס לתמונות שה-G מתייחס לתשובה של ה-discriminator ביחס לתמונות שה-G מייצר, והאיבר השני מתייחס להפרש בין התמונה הסינטטית לבין תמונה אמיתית השייכת לסקיצה של הקלט.



.Image-to-Image Translation - Pix2Pix איור 7.9 ארכיטקטורת

7.2.4 CycleGAN

ב-Pix2Pix הדאטא המקורי הגיע בזוגות – סקיצה ואיתה תמונה אמיתית. זוגות של תמונות זה לא דבר כל כך זמין, ולכן שיפרו את האלגוריתם כך שיוכל לקבל שתי תמונות x,y שאינן תואמות ולבצע השלכה מאחת לשנייה. שיפרו את האלגוריתם כך שיוכל לקבל שתי חמונות x,y שאינן תואמות ולבצע השלכה להפוך אותו הארכיטקטורה עבור המשימה הזו מורכבת משני - generators בהתחלה מכניסים את x ל- y שמנסה לשחזר את המקור x. המוצא של ה- y נכנס לא רק ל- y אלא גם ל- y שמנסים לשמסווג האם התמונה שהתקבלה אמיתית או לא. ניתן לבצע את התהליך הזה באופן דואלי עבור y על מנת y שמסווג האם התמונה שהתקבלה אמיתית או לא. ניתן לבצע את התהליך הזה באופן דואלי עבור y על מנת y שמסווג בינארי ול- y על מנת לקבל את y ואת המוצא מכניסים ל- y מניסים ל- y על מנת לשחזר את המקור. ב- y שמטרמו ביר את עדרך ביפייה לקבל y התהליך של השוואת הכניסה למוצא נקרא y אם נעביר את y דרך y מתוך ציפייה לקבל y המחיר, שמטרתו למזער עד כמה שניתן את למוצא נקרא y התמונה המקורית לתמונה המשוחזרת:

$$V(D_{x}, D_{y}, G, F) = \mathcal{L}_{GAN}(G, D_{y}, x, y) + \mathcal{L}_{GAN}(F, D_{x}, x, y)$$

$$+\lambda \left(\mathbb{E}_{x} \| F(G(x)) - x \|_{1} + \mathbb{E}_{y} \| G(F(y)) - y \|_{1}\right)$$

$$x \qquad \hat{Y} \qquad \hat{X} \qquad \hat{y}$$

$$x \qquad Y \qquad \text{cycle-consistency}$$

$$x \qquad Y \qquad \text{cycle-consistency}$$

.CycleGAN איור 7.10 ארכיטקטורת

7.2.5 StyleGAN

לוקחים תמונה ומשנים את הסטייל שלה.

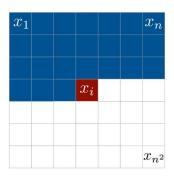
7.2.6 Wasserstein GAN

בד

7.3 Auto-Regressive Generative Models

משפחה נוספת של מודלים גנרטיביים נקראת Auto-Regressive Generative Models, ובדומה ל-VAE גם מודלים אלו מוצאים התפלגות מפורשת של מרחב מסוים ובעזרת התפלגות זו מייצרים דאטא חדש. עם זאת, בעוד מוצא קירוב להתפלגות של המרחב הלטנטי, שיטות AR מנסות לחשב במדויק התפלגות מסוימת, וממנה לדגום ולייצר דאטא חדש.

תמונה x בגודל n imes n היא למעשה רצף של n^2 פיקסלים. כאשר רוצים ליצור תמונה, ניתן ליצור כל פעם כל פיקסל באופן כזה שהוא יהיה תלוי בכל הפיקסלים שלפניו.



איור 7.11 תמונה כרצף של פיקסלים.

כל פיקסל הוא בעל התפלגות מותנית:

$$p(x_i|x_1 \dots x_{i-1})$$

כאשר כל פיקסל מורכב משלושה צבעים (RGB), לכן ההסתברות המדויקת היא:

$$p(x_{i,R}|\mathbf{x}_{< i})p(x_{i,G}|\mathbf{x}_{< i},x_{i,R})p(x_{i,B}|\mathbf{x}_{< i},x_{i,R},x_{i,G})$$

כל התמונה השלמה היא מכפלת ההסתברויות המותנות:

$$p(x) = \prod_{i=1}^{n^2} p(x_i) = \prod_{i=1}^{n^2} p(x_i|x_1 \dots x_{i-1})$$

הביטוי הזה למקסם את הביטוי הזה לייצג תמונה אמיתית, לכן נרצה למקסם את הביטוי הזה כדי לקבל הביטוי הזה כדי לקבל מודל שמייצג תמונות שנראות אותנטיות עד כמה שניתן.

7.3.1 PixelRNN

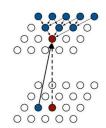
אפשרות אחת לחשב את p(x) היא להשתמש ברכיבי זיכרון כמו LSTM עבור כל פיקסל. באופן טבעי היינו רוצים לקשר כל פיקסל לשכנים שלו:

Hidden State
$$(i,j) = f(Hidden State (i-1,j), Hidden State (i,j-1))$$

הבעיה בחישוב זה היא הזמן שלוקח לבצע אותו. כיוון שכל פיקסל דורש לדעת את הפיקסל שלפניו – לא ניתן לבצע אימון מקבילי לרכיבי ה-LSTM. כדי להתגבר על בעיה זו הוצעו כמה שיטות שנועדו לאפשר חישוב מקבילי.

Row LSTM

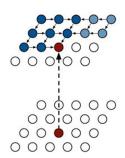
במקום להשתמש במצב החבוי של הפיקסל הקודם, ניתן להשתמש רק בשורה שמעל הפיקסל אותו רוצים לחשב. שורה זו בעצמה מחושבת לפני כן על ידי השורה שמעליה, ובכך למעשה לכל פיקסל יש receptive field של משולש. בשיטה זו ניתן לחשב באופן מקבילי כל שורה בנפרד, אך יש לכך מחיר של איבוד הקשר בין פיקסלים באותה שורה (loss context).



. איור Row LSTM 7.12 כל פיקסל מחושב על ידי $k \geq 3$ פיקסלים – Row LSTM 7.12 איור

Diagonal BiLSTM

כדי לאפשר גם חישוב מקבילי וגם שמירה על קשר עם כל הפיקסלים, ניתן להשתמש ברכיבי זיכרון דו כיווניים. בכל שלב מחשבים את רכיבי הזיכרון משני הצדדים של כל שורה, וכך כל פיקסל מחושב גם בעזרת הפיקסל שלידו וגם שלב מחשבים את רכיבי הזיכרון משני הצדדים של כל שורה, וכך כל פיקסל מחושב יותר איטי מהשיטה receptive field, אך החישוב יותר איטי מהשיטה הקודמת, כיוון שהשורות לא מחושבות בפעם אחת אלא כל פעם שני פיקסלים.



. בשורה שמעליו בשורה ביקסלים – Diagonal BLSTM 7.13 איור 7.13 איור

כדי לשפר את השיטות שמשתמשות ברכיבי זיכרון ניתן להוסיף עוד שכבות, כמו למשל Residual blocks שעוזרים כדי לשפר את השיטות וברכיבי זיכרון ניתן להפריד את התלות של הערוצים השונים של כל פיקסל.