

Université Libre de Bruxelles

Synthèse

Thermodynamique appliquée MECA-H-301

Auteur:

Nicolas Englebert

Professeur : Gérard Degrez



Appel à contribution

Synthèse Open Source



Ce document est grandement inspiré de l'excellent cours donné par Gérard Degrez à l'EPB (École Polytechnique de Bruxelles), faculté de l'ULB (Université Libre de Bruxelles). Il est écrit par les auteurs susnommés avec l'aide de tous les autres étudiants et votre aide est la bienvenue! En effet, il y a toujours moyen de l'améliorer surtout

que si le cours change, la synthèse doit être changée en conséquence. On peut retrouver le code source à l'adresse suivante

https://github.com/nenglebert/Syntheses

Pour contribuer à cette synthèse, il vous suffira de créer un compte sur *Github.com*. De légères modifications (petites coquilles, orthographe, ...) peuvent directement être faites sur le site! Vous avez vu une petite faute? Si oui, la corriger de cette façon ne prendra que quelques secondes, une bonne raison de le faire!

Pour de plus longues modifications, il est intéressant de disposer des fichiers : il vous faudra pour cela installer LATEX, mais aussi git. Si cela pose problème, nous sommes évidemment ouverts à des contributeurs envoyant leur changement par mail ou n'importe quel autre moyen.

Le lien donné ci-dessus contient aussi le README contient de plus amples informations, vous êtes invités à le lire si vous voulez faire avancer ce projet!

Licence Creative Commons

Le contenu de ce document est sous la licence Creative Commons : Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International (CC BY-NC-SA 4.0). Celle-ci vous autorise à l'exploiter pleinement, compte- tenu de trois choses :



- 1. Attribution; si vous utilisez/modifiez ce document vous devez signaler le(s) nom(s) de(s) auteur(s).
- 2. Non Commercial; interdiction de tirer un profit commercial de l'œuvre sans autorisation de l'auteur
- 3. Share alike; partage de l'œuvre, avec obligation de rediffuser selon la même licence ou une licence similaire

Si vous voulez en savoir plus sur cette licence :

http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/

Merci!

Table des matières

	Introduction							
	1.2	Concepts et définitions	1					
		1.2.1 Système thermodynamique et volume de contrôle]					
		1.2.2 Points de vue macroscopique et microscopique	1					
		1.2.3 Variables et états d'une substance]					
		1.2.4 Transformations et cycles	2					
		1.2.5 Le volume massique	2					
		1.2.6 La pression						
		1.2.7 Égalité des températures						
		1.2.8 Le principe zéro de la thérmodynamique						
		1.2.9 Les échelles de température						
3	Propriétés des substances pures							
	3.1	Substances pures	4					
	3.2	Équilibre des phases d'une substance pure	4					
	3.3	Variables indépendantes d'une substance pure						
	3.4	Équation d'état pour la phase vapeur d'une substance pure						
	3.5	Tables de variables thermodynamiques						
	3.6	Surfaces thermodynamiques						
4	Travail et chaleur							
-	TI a	van et charear	•					
•	4.1	Définition du concept de travail						
_		Définition du concept de travail	8					
-	4.1	Définition du concept de travail	9					
•	4.1 4.2	Définition du concept de travail	9					
•	4.1 4.2 4.4	Définition du concept de travail	9 9 10					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6	Définition du concept de travail	6 9 10 10					
5	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le p	Définition du concept de travail	9 9 10 10					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1	Définition du concept de travail	8 9 10 10 11					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1 5.2	Définition du concept de travail	10 10 11 11 12					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1 5.2 5.3	Définition du concept de travail	8 9 9 10 10 10 11 11 12 13 13					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1 5.2 5.3 5.4	Définition du concept de travail	10 10 11 11 12 13 13					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1 5.2 5.3 5.4 5.5	Définition du concept de travail	8 9 9 9 10 10 10 11 11 12 13 13 13 13 13 13 13 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6	Définition du concept de travail	8 9 9 9 10 10 10 11 11 12 13 13 13 14 14 14 14 15 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7	Définition du concept de travail	88 99 99 100 100 110 111 111 111 111 111 1					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le I 5.1 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7	Définition du concept de travail	8 8 9 9 10 10 10 11 11 12 13 13 14 14 15 15 15 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18					
	4.1 4.2 4.4 4.5 4.6 Le 1 5.1 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9	Définition du concept de travail	88 99 99 100 100 110 111 111 111 111 111 1					

		La détente à travers une vanne et le coefficient de Joule-Thomson	
6		econd principe de la thermodynamique	19
	6.1	Machines thermiques et réfrigérateurs	19
	6.2	Le second principe de la thermodynamique	
		6.2.1 Équivalence des énoncés	
		6.2.2 Impossibilité des mouvements perpétuels	
		6.2.3 Classification et dégradation de l'énergie	21
	6.3	Les transformations réversibles	21
	6.4	Les sources d'irréversibilité	21
		6.4.1 Les frottements	21
		6.4.2 L'échange de chaleur entre deux sources	22
	6.5	Le cycle de Carnot	22
	6.6	Deux propriétés des cycles de Carnot	22
	6.7	L'échelle de température thermodynamique $\ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots$	23
7	L'en	atropie	24
•	7.1	L'inégalité de Clausius	
	7.2	L'entropie	
	7.3	L'entropie d'une substance pure	
	7.4	Les variations d'entropie au cours de transformations réversibles	26
	1.1	7.4.1 Le cycle de Carnot	
		7.4.2 Le chauffage isobare	
	7.5	Deux relations thermodynamiques importantes	27
	7.6	Transformations ouvertes irréversibles de systèmes fermés	27
	7.7	Le travail non compensé	
	7.8	Le principe de l'accroissement de l'entropie	28
	7.9		29
		L'entropie d'un solide ou d'un liquide	
		L'entropie d'un gaz parfait	
		La transformation polytropique réversible d'un gaz parfait	
		Le second principe de la thermodynamique pour les systèmes ouverts	29
	1.13	Les systèmes ouverts en régime permanent et les systèmes ouverts avec écoule-	30
	711	ment uniforme	
		Les transformations réversibles des systèmes ouverts en régime permanent	
		Principe d'accroissement de l'entropie pour un système ouvert	31
	7.16	Les rendements	31
8	Irré	versibilité et exergie	32
	8.1	Travail réversible et irréversibilité	32
		8.1.1 Systèmes fermés	32
		8.1.2 Systèmes ouverts en régime permanent	33
		8.1.3 Cas général : transformations instationnaires des systèmes ouvert	33
	8.2	Exergie et rendement exergétique des systèmes ouverts stationnaires	34
9	Les	cycles thermodynamiques	35
	9.1	Introduction	35
		9.1.1 Travail réversible	35
		9.1.2 Diagramme entropique	
		913 Diagramme du travail	36

9.2	Cycles	à vapeur	6
	9.2.1	Le cycle de Rankine	6
	9.2.2	Le cycle de Rankine-Hirn	8
9.3	Cycles	à gaz	0
	9.3.1	Intro: moteurs à combustion interne	0
	9.3.2	Cycle de Joule-Brayton	0
	9.3.3	Cycle de Ericsson	4

Chapitre 1

Introduction

1.2 Concepts et définitions

1.2.1 Système thermodynamique et volume de contrôle

La première chose à savoir est qu'il faut définir la frontière du système, délimitant un volume de contrôle. Tout l'au delà de la frontière est le milieu extérieur.

La frontière défini des types de systèmes

- 1. Fermé : Si la frontière est imperméable (la matière ne peut la traverser)
- 2. Isolé : Si la frontière est imperméable et s'il n'y a aucun échange avec le milieu extérieur.
- 3. Ouvert : Si la frontière est traversée par un débit de masse.

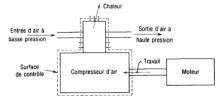


FIGURE 1.1

Par exemple, l'image ci-contre est un système ouvert car l'air rentre et sort (par les sections d'entrée et de sortie) (même si tout le système n'est pas traversé). On remarque que la frontière traverse ici l'arbre du moteur (pas d'échange de chaleur, mais d'énergie).

1.2.2 Points de vue macroscopique et microscopique

Nous allons utiliser le point de vue macroscopique en ne s'intéressant qu'aux manifestations globales de l'ensemble des atomes. L'intérêt du macro est que l'on peut caractériser un système avec des senseurs (thermomètre, ...). Pour adopter ce point de vue, il est nécessaire de travailler avec un "grand" nombre de molécules ($\approx 10^9$ atomes de gaz tiennent dans 10^{-11} cm³). Dans ces conditions, on peut décrire la matière comme un *milieu continu*: si on choisi un point et que que l'on se déplace, p et T vont varier de façon continue.

1.2.3 Variables et états d'une substance

La matière peut se présenter selon différents états. Cet état thermodynamique est caractérisé par des variables d'état dont la valeur ne dépend que de l'état de la substance. Elles peuvent être

- Intensives; peuvent se définir en tout point d'un système (p,T).
- Extensives; ne sont définies que pour un système dans son entièreté (m, V).

On peut faire correspondre à une variable extensive une variable intensive massique, volumique ou encore molaire.

Un système uniforme est dit en équilibre si les variables restent constantes dans le temps.

1.2.4 Transformations et cycles

Lorsque les variables d'état sont modifiées, le système subit un changement d'état. La succession d'état est une transformation du système.

Considérons l'exemple du poids sur le piston. Le système est en équilibre (mécanique). Si l'évolution est suffisament lente, on peut considérer que le système est en équilibre, les écarts entre l'équilibre et l'état intermédiaire étant infinitésimaux. Ces états sont en quasi-équilibre. Si hélas l'échange est trop rapide, lah la thermo est impuissante à décrire les états intermédiaires.

Notons que si une variable d'état reste constante, on la dénote par le préfixe "iso".

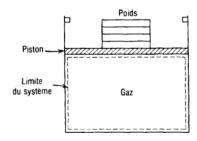


FIGURE 1.2

Si au cours d'une transformation, le système retrouve son état initial en passant par une succession d'états intermédiaires distincts on parle de *cycle*. Si l'état final diffère de l'initial, on parle de *transformation ouverte*.

1.2.5 Le volume massique

Si le système est uniforme, on note le volume massique

$$v = \frac{V}{m} \tag{1.1}$$

Si le système est non-uniforme, le volume en un point P est défini par

$$v = \lim_{\delta V \to \delta V'} \frac{\delta V}{\delta m} \tag{1.2}$$

où δm est la masse contenue dans le volume δV autour de P. On tend vers $\delta V'$ et non vers zéro afin de garder nos 10^9 éléments et rester dans le cadre d'une vue macroscopique. Le volume molaire 1 est quant à lui défini par

$$\overline{v} = \lim_{\delta V \to \delta V'} \frac{\delta V}{\delta n} \tag{1.3}$$

où δn est le nombre de moles contenue dans δV . La masse volumique, ρ , est l'inverse du volume massique.

1.2.6 La pression

Soit P, situé sur la surface S d'un volume contenant un fluide, $\delta \vec{F}$ la force exercée sur un élement de surface d'aire ΔA . Si le fluide est en repos, cette force est normale et la pression p du fluide est définie par

$$p = \lim_{\delta A \to \delta A'} \frac{\delta F}{\delta A} \tag{1.4}$$

Dans un fluide visqueux en mouvement, la force de surface n'est plus que normale. Néamoins dans ce cours on négligera les effets de viscosités et tous les fluides seront parfaits.

Notons qu'on considère toujours la pression absolue (par rapport au vide). Attention donc aux pressions relatives qui prennent généralement P_{atm} comme référence : il ne faut pas oublier d'ajouter cette pression de référence à la pression indiquée pour les calculs!

^{1.} Les grandeurs molaires sont surmontée d'un tiret.

1.2.7 Égalité des températures

Deux corps en contacts à températures différentes vont subir une variation de leurs propriétés observables (dimension, résistance électrique, indice de réfraction) jusqu'à atteindre l'équilibre thermique.

1.2.8 Le principe zéro de la thérmodynamique

Il s'agit d'un postulat non démontrable par A. Sommerfeld (1956). Deux corps en équilibre thermique avec un troisième sont aussi en équilibre thermique entre eux.

1.2.9 Les échelles de température

Le plus simple est de travailler avec des points fixe comme pour l'eau $(0^{\circ}$ et 100°). Il est parfois possible de définir une échelle de température indépendantes des propriétés d'un thermomètre : on parlera d'échelle de température thermodynamique.

Chapitre 3

Propriétés des substances pures

3.1 Substances pures

Une substance pure est une substance de composition chimique homogène et stable, par exemple l'eau liquide ou un mélange eau/glace. Même si ce n'est pas le cas pour l'air, en l'absence de réaction chimique et de changement de phase, on peut le considérer comme telle : substance pseudo-pure.

3.2 Équilibre des phases d'une substance pure

Considérons de l'eau dans un cylindre contenu par un piston, le tout à 20°C. Si je chauffe l'eau, la pression exercée sera toujours la même. Tant qu'il reste une goutte d'eau, la température ne dépasse pas les 100°C (pression et température constante), mais dès que celle-ci sera weg le gaz pourra se dilater et la température augmenter.

Attention! Ceci illustre bien que durant un changement de phase, l'échange d'énergie n'est pas lié à l'augmentation de la température! Ce n'est pas parce que cela ne chauffe pas que de l'énergie n'est pas dépensée : le changement de phase en consomme.

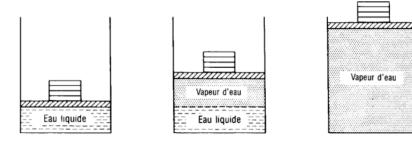


FIGURE 3.1 – Si l'on fait varier la pression pour T, la pression de saturation est celle ou l'on passe de l'état liquide à vapeur (Spoil : loi de Clapeyron)

On définit alors

Température de saturation Température à laquelle la vaporisation se produit pour une pression donnée

Pression de saturation La même chose, mais pour une température donnée.

Courbe de vaporisation Relation fonctionnelle liant pression et température.

Tant que l'on parle de saturation, un **liquide saturé** est une substance à l'état liquide dans les contions (p,T) de saturation. Une substance à l'état liquide à une température inférieure à la température de saturation à la pression donnée (et par conséquent à une pression supérieure à la pression de saturation à la température donnée) est appelée **liquide refroidi** ou **comprimé**.

On peut également s'amuser à définir le **titre en vapeur** $x = m_v/m$ où m est la masse totale et m_v la masse de vapeur. On parlera de **vapeur saturée** lorsqu'un état vapeur est dans les conditions de saturation et de **vapeur surchauffée** lorsque l'état vapeur est à température supérieure à la température de saturation.

Par exemple, un liquide est saturé lorsqu'il bout. Au moment ou il est totalement évaporé, on sera en vapeur saturée.

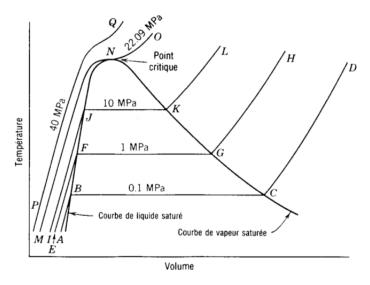


FIGURE 3.2 - AB: chauffage de l'eau, BC: vaporisation, CD: chauffage vapeur.

Si l'on augmente la pression, on obtient la courbe EFGH. Pour une pression encore plus élevée, l'étape de vaporisation à température constante n'est plus (RIP) : N est un point d'inflexion, c'est le **point critique**. Après la pression critique (PQ) l'évolution de la température est continue et on ne peut plus dinstinguer la phase liquide de la phase vapeur.

En partant de la glace à 0,26 kPa ¹, la température s'élève jusqu'à -10°C puis le liquide passe directement en vapeur : **sublimation**. Le **point triple** marque le frontière entre les processus de fusion, d'évaporation et de sublimation.

Notons qu'une substance peut exister sous plusieurs phases solides : un changement d'une telle phase à une autre est une transformation allotropique.

3.3 Variables indépendantes d'une substance pure

Une propriété des substances pures est que l'on peut décrire leur état à partir de **deux** variables indépendantes. Notons que sur une courbe de changement de phase, p et T ne sont pas indépendants : on décrit un état saturé par p, x ou p, v.

^{1.} Pour de la glace à 0.1 MPa, elle fond puis s'évapore pas de stress.

3.4 Équation d'état pour la phase vapeur d'une substance pure

On ne la présente plus (valable aux faibles masses volumiques):

$$p\overline{v} = \overline{R}T \tag{3.1}$$

où $\overline{R}=8.314\frac{kJ}{mole.K}$. En divisant cette équation par la masse molaire, on obtient la forme massique pv=RT où $R=\overline{R}/M$.

A l'aide du facteur de compressibilité, on peut évaluer sa validité :

$$Z = \frac{p\overline{v}}{\overline{R}T} \tag{3.2}$$

dont l'écart avec l'unité représente la dérivation entre le cas parfait et le réel.

EXEMPLE. Pour l'azote :

- $Z \to 1$ si $p \to 0$.
- Si p = 4MPa, $Z \searrow$ si $T \searrow$. Ceci est du au fait que les molécules sont assez proches pour que les forces d'attraction intermoléculaires prennent de l'importance.
- Si p > 30MPa, la masse volumique est plus faible que celle donnée par la loi : les distances intermoléculaires sont si faible que les forces intermoléculaires sont répulsives.

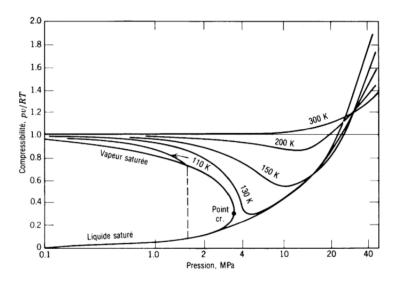


FIGURE 3.3 – Compressibilité de l'azote

Ce diagramme est valable pour tous les autres gaz : on le définit comme le diagramme de compressibilité généralisé.

Comme tous les gaz ne sont pas comme moi, on a proposé plusieurs généralisations :

Van der Waals
$$\left(p + \frac{a}{v^2}\right)(v - b) = RT$$

Viriel $Z = 1 + \frac{B(T)}{v} + \frac{C(T)}{v^2}$
Redlich-Kwong $p = \frac{RT}{v - b} - \frac{a}{\sqrt{T}v(v + b)}$ (3.3)

3.5 Tables de variables thermodynamiques

Voir séance d'exercices

3.6 Surfaces thermodynamiques

Une substance pure se décrit avec deux variables, on peut le représenter en surface si l'on en ajoute une troisième (par exemple p,v et T. Lorsqu'une seule phase est présente la surface est incurvée alors qu'elle est réglée lorsqu'il s'agit d'un mélange. Diverses courbes isothermes sont également représentée.

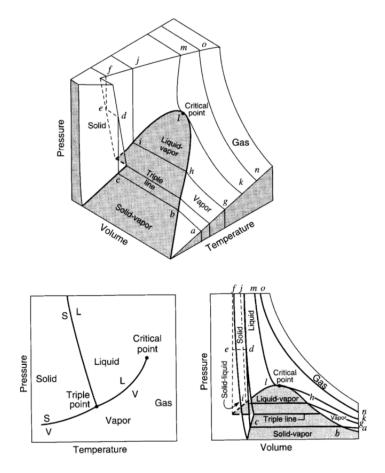


FIGURE 3.4 – Surfaces thermodynamiques

Chapitre 4

Travail et chaleur

4.1 Définition du concept de travail

Si un point matériel se déplace le long d'une courbe 1-2 dans un champ de force \vec{F} , le travail vaudra

$$W = \int_{1}^{2} \vec{F} \cdot d\vec{x} \tag{4.1}$$

Généralisons pour les systèmes thermodynamiques :

A retenir : Un système échange du travail avec le milieu extérieur lorsque l'action du système sur le milieu extérieur peut se réduire au déplacement d'une masse dans le champ de pesanteur.

Déplacer un poids n'est pas nécessaire, il faut que l'action soit équivalente à celle-ci 1.

EXEMPLE. Comme on peut remplacer le ventilateur par une poulie, le moteur effectue bien un travail et interagit avec le monde extérieur.

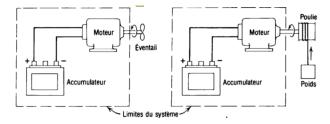


FIGURE 4.1 – Ceci constitue bien un travail : couple et déplacement angulaire.

EXEMPLE. Dans ce cas, seul le courant passe la frontière. Si par la pensée on connecte les fils à un moteur idéal, la présence de courant va générer un travail. Comme il peut être rendu équivalent au déplacement d'un poids, il y a donc échange de travail.

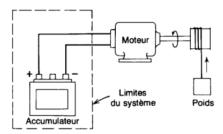


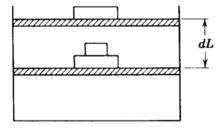
Figure 4.2

^{1.} Par convention, un travail est vu comme positif lorsqu'il est reçu par le système.

4.2 Travail à la frontière mobile d'un système contenant du fluide

On a vu le cas d'un arbre tournant, d'un courant : intéressons -nous maintenant l'échange de travail à la frontière mobile d'un fluide compressible.

Si on retire un poids infinitésimal, le piston va monter de dL. La force exercée par le piston valant F = pA, le travail fourni par le système au cours de ce déplacement vaut

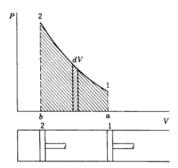


$$\delta W^* = p\mathcal{A}dL = pdV$$

FIGURE
$$4.3$$
 (4.2)

En intégrant cette relation, on obtiendra le travail d'une transformation quasi-statique. Si l'on connaît la courbe de compression dans un diagramme p-V, le calcul de W ne sera rien d'autre que l'aire sous la courbe entre 1 et 2.

Attention tout de même :



- Résultat valable ssi la transformation est quasi-statique!
- Cette expression ne concerne que cette forme de travail, pas question de l'utiliser avec un ventilateur!

La compression de 1 à 2 peut se faire de multiple façon : elle dépend des états initial et final mais aussi du chemin intermédiaire. Par contre, la variation du volume est indépendante du chemin parcouru : dV est une différentielle exacte alors que dW = -pdV ne l'est pas \Longrightarrow le volume est une variable d'état, pas le travail.

FIGURE 4.4 – Courbe de **4.4** Remarques complémentaires sur le tracompression

Le travail échangé ne peut intervenir qu'aux frontières du système.

EXEMPLE. Considérons la rupture d'une membrane séparant el volume d'un gaz du vide. Lorsqu'elle se troue, le gaz se répand dans tout le réservoir. Dans la situation ou l'on considère le gaz et le vide comme système (a), la frontière n'a pas bougée : travail nul.

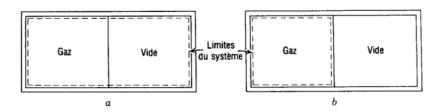


FIGURE 4.5

Cependant, si l'on considère comme système le gaz seul (b), une variation de volume se produit et on a envie de dire $W=-\int_1^2 p dV$ et de perdre alors toute crédibilité! Il ne s'agit **pas** d'une transformation quasi-statique, l'expression ne s'applique pas 2 .

^{2.} En réalité, comme il n'y a pas de résistance aucun travail n'est échangé. Cependant, si l'on place une turbine il sera possible d'obtenir un travail sans variation de volume.

4.5 Définition du concept de chaleur

En mettant deux corps en contact, ils vont subir une transformation pour atteindre l'équilibre thermique : il y a du avoir un transfert d'énergie. La quantité de chaleur est la forme d'énergie transférée durant un tel processus : l'énergie transformée à la frontière d'un système sous l'effet d'une différence de température.

Cette définition implique qu'un système contient de l'énergie, mais qu'elle ne se manifeste que lors d'un transfert à travers la frontière.

On note la chaleur Q. Quand Q=0, la transformation est dite *adiabatique*. Cette chaleur dépend du chemin parcouru, impliquant que l'expression ci-dessous n'est pas une différentielle exacte

$${}_{1}Q_{2} = \int_{1}^{2} \delta Q \tag{4.3}$$

4.6 Comparaison entre chaleur et travail

Trois similitudes importantes:

- 1. Les deux ne sont mis en évidence que lors d'une transformation. Un système ne contient ni chaleur, ni travail mais il peut en échanger de l'énergie avec le milieu extérieur sous forme de travail et de chaleur.
- 2. Les deux ne sont observés que aux frontières.
- 3. Les deux dépendent du chemin parcouru.

Chapitre 5

Le premier principe de la thermodynamique

Également connu sous le doux nom de *principe de conservation de l'énergie*, il s'agit d'un postulat fondamental qui ne se démontre pas.

5.1 Transformations fermées (cycles) d'un système fermé

Soit le système fermé ci-dessous :

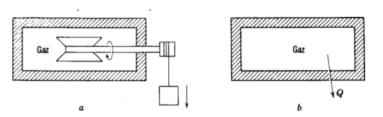


Figure 5.1

On travaille en deux temps :

- 1. On fournit un travail W au système.
- 2. On le laisse revenir à son état initial par échange de Q.

Ces deux transformations constituent un cycle. Le premier principe postule que

A retenir : Le travail W et la chaleur Q échangés au cours d'un tel cycle sont proportionnels, la constante de proportionnalité étant toujours la même.

$$JQ = W \qquad \Leftrightarrow \qquad J \oint \delta Q = \oint \delta W$$
 (5.1)

où J, la constante de \propto dépend des unités utilisées.

Si Q et W sont dans la même unité, cette constante vaut -1 et l'expression du premier principe devient

$$\oint (\delta Q + \delta W) = 0$$
(5.2)

5.2 Transformation ouvertes d'un système fermé

Soit un système fermé subissant un cycles formé de deux transformations successives A et B. En vertu du premier principe :

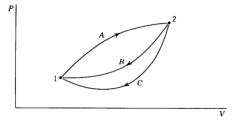


FIGURE 5.2

$$\oint (\delta Q + \delta W) = \int_1^2 (\delta Q + \delta W)_A + \int_2^1 (\delta Q + \delta W)_B = 0$$
(5.3)

De même, pour le cycle formé par A et C:

$$\int_{1}^{2} (\delta Q + \delta W)_{A} + \int_{2}^{1} (\delta Q + \delta W)_{C} = 0$$
 (5.4)

Par soustraction, en en déduit que

$$\int_{1}^{2} (\delta Q + \delta W)_{B} = \int_{1}^{2} (\delta Q + \delta W)_{C} \tag{5.5}$$

Les chemins B et C sont arbitraires, l'intégrale est indépendante du chemin parcouru : $(\delta Q + \delta W)$ est une différentielle exacte que l'on désigne :

$$dE = \delta Q + \delta W \tag{5.6}$$

où dE est l'énergie du système. En intégrant de l'état 1 à l'état 2, on obtient

$$_{1}Q_{2} + _{1}W_{2} = E_{2} - E_{1} \tag{5.7}$$

Cette énergie peut être cinétique, potentielle, chimique, ...En thermodynamique, on sépare les énergies cinétiques et potentielles des autres 1 qui sont regroupées dans une variable U, l'énergie interne.

$$dE = dU + dE_{cin.} + dE_{pot.} (5.8)$$

La forme différentielle du premier principe s'exprime :

$$\delta Q + \delta W = dU + dE_{cin.} + dE_{pot.} \tag{5.9}$$

Après substitution des expression bien connue grâce aux cours de Mécanique rationnelle I/II:

$$\delta Q + \delta W = d\left(\frac{mc^2}{2}\right) + d(mgz) \tag{5.10}$$

En intégrant entre les états initial et final (si g est constante)

$$_{1}Q_{2} + _{1}W_{2} = U_{2} - U_{1} + m\frac{c_{2}^{2} - c_{1}^{2}}{2} + mg(z_{2} - z_{1})$$
 (5.11)

Ces équations n'informent que sur les variations d'énergie qui sont donc définie à une constante près.

^{1.} Car elles dépendent du référentiel et s'expriment en fonction de la masse, de la vitesse et des coordonnées dans ce référentiel.

5.3 L'énergie interne

La variable U est extensive et on peut dès lors lui associer une variable extensive, l'énergie interne massique u. Comme on peut décrire l'état d'une substance pure par deux variables indépendantes, l'énerge interne est liée aux auters variables par une relation d'état ce pourquoi cette grandeur apparaît à côté d'autres variables dans les tables.

En zone de saturation, on lie U au titre vapeur et massique :

$$U = U_l + U_g \qquad \rightarrow \qquad mu = m_l u_l + m_g u_g \tag{5.12}$$

En divisant par la masse m

$$u = (1 - x)u_l + xu_q = u_l + x(u_q - u_l)$$
(5.13)

5.4 Analyse de problème

Voici la sainte marche à suivre en TP pour réussir son examen. Il faut apporter une réponse à :

- 1. Quel est le système? Tracer les frontière. Ouvert? Fermé?
- 2. État initial? État final?
- 3. Transformations? Variables constantes?
- 4. Utile de représenter la transformation?
- 5. Quel modèle décrit cette substance ²
- 6. Échangés aux frontières?
- 7. Stratégie à adopter?

5.5 L'enthalpie

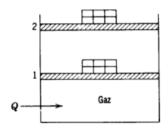


FIGURE 5.3

Soit une transformation quasi-statique isobare d'un système fermé. Par le premier principe

$$_{1}Q_{2} + _{1}W_{2} = U_{2} - U_{1}$$
 (5.14)

Comme c'est une transformation quasi-statique d'un système fermé à frontière mobile (p=cste) :

$$_{1}W_{2} = -\int_{1}^{2} pdV = -p(V_{2} - V_{1})$$
 (5.15)

Par substitution

$${}_{1}Q_{2} = U_{2} - U_{1} + p(V_{2} - V_{1}) - (U_{2} + p_{2}V_{2}) - (U_{1} + p_{1}V_{1})$$

$$(5.16)$$

La chaleur échangée est ici égale à la variation de U+pV qui, comme constitué de variables d'état est une variable d'état, l' **enthalpie** :

$$H \equiv U + pV, \qquad h = u + pv. \tag{5.17}$$

La quantité de chaleur échangée par une transformation isobare quasi- statique est égale à la variation d'enthalpie. L'enthalpie n'a de sens physique que dans ce cas, mais son expression est toujours valable. Dans la zone de saturation, l'enthalpie massique dépend lui aussi du titre en vapeur :

$$h = (1 - x)h_l + xh_g = h_l + x(h_g - h_l)$$
(5.18)

^{2.} Une erreur fréquente est d'utiliser un modèle de gaz parfait U(T) pour un changement de phase (variation de U, mais pas de T).

5.6 Les chaleurs massiques à volume constant et à pression constante

Les chaleurs massiques sont des *coefficients thermodynamiques* : des dérivées partielles de variables primaires par rapport à d'autres. Ce sont des variables d'état. La chaleur massique à volume constant vaut

$$c_v = \left(\frac{\partial u}{\partial T}\right)_v = \left(\frac{\delta q}{\delta T}\right)_v \tag{5.19}$$

où v signifie à volume massique constant. C'est bien une variable indépendante de T: on a deux variables indépendantes, ce qui est nécessaire pour décrire une substance pure.

Il est possible d'interpréter physiquement cette grandeur (d'où la seconde égalité ci-dessus) :

$$du = \delta q + \delta w = \delta q - p dv = \delta q \tag{5.20}$$

On peut semblablement définir la chaleur massique à pression constante :

$$c_p = \left(\frac{\delta q}{\delta T}\right)_p = \left(\frac{\delta h}{\delta T}\right)_p \tag{5.21}$$

Quelques remarques (trois, pour être précis)

- 1. Comme ce sont des variables d'état, elles sont indépendantes de la transformation (fournir 100J de travail ou chaleur est équivalent)
- 2. Elles ne concernent que le travail de compression.
- 3. Pour les solides $pv \to 0$: $c_p \approx c_v$. De plus, pour pas mal de transfo. on peut admettre que la chaleur massique est constante afin d'avoir

$$h_2 - h_1 \approx h_2 - u_1 = c(T_2 - T_1)$$
 (5.22)

5.7 L'énergie interne, l'enthalpie et les chaleurs massiques des gaz parfaits

Joule avec l'expérience de Joule (sisi j'te jure) a découvert une relation liant U aux autres variables.

Considérons deux récipient connectés par une vanne, immergés dans un réservoir d'eau isolé. A est rempli d'un gaz à haute pression, B est vide et on attend l'équilibre thermique. Une fois que c'est le cas, on ouvre la vanne pour avoir égalité des pression :

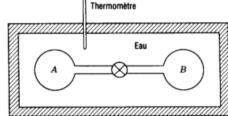


FIGURE 5.4

- \bullet La transfo du système gaz s'effectue sans échange de W.
- Durant la transfo. T_{eau} ne varie pas : pas d'échange de chaleur

Du fait que T_{eau} soit inchangée, c'est pareil pour T_{gaz} au cours de la transfo \rightarrow pas de chaleur échangée, pas de travail échangé; pas de variation d'énergie interne. U_{gaz} ne dépend pas de la pression, mais **uniquement** de T: u = f(T).

- Les chaleurs massiques à volume constant ne sont fonction que de T.
- L'enthalpie n'est fonction que de T.
- La chaleur massique à pression constante n'est fonction que de T.

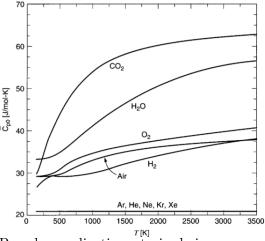
U est soumise à plusieurs contributions dues au mouvement des molécules et de leur nuage électronique. On parle ici des degrés de

Translation $e_{tr} = \frac{3}{2}RT$

Rotation $e_{rot} = RT \left(1 - \frac{\theta - R}{\theta_R + 3T}\right)$ où θ_R est la température de rotation de la molécule.

Vibration $e_{vib} = R_s \frac{\theta_V}{\frac{\theta_V}{e^{\frac{\gamma}{T}-1}}}$ où θ_V est la température de vibration de la molécule.

Nuage électronique Pas d'expression analytique simple : expérimental.



Pour la plupart des gaz, θ_R est très faible : $e_{rot} \approx$ RT. L'hydrogène est cependant une exception. Les température de vibration pour une molécule diatomique est en général bien plus élevé que la température ambiante, impliquant une énergie vibrationnelle nulle. Toujours à température ambiante, le nuage électronique est dans son état fondamental et ne joue pas.

- Gaz monoatomiques : $\overline{c_p} = \frac{5}{2}\overline{R}$
- Gaz diatomiques : $\overline{c_p} = \frac{7}{2}\overline{R}^2$ Gaz polyatomiques : $\overline{c_p} > \frac{7}{2}\overline{R}$

Rappelons que pour un gaz parfait, $c_p = c_v + R$.

Pour les applications, trois choix :

- 1. On considère les chaleurs massiques constantes (bien pour les gaz monoatomiques).
- 2. On utilise une relation empirique.
- 3. On utilise les tables.

5.8 Le premier principe sous la forme d'une équation d'évolution temporelle

Divisons la forme différentielle du premier principe $\delta Q + \delta W = dU + dE_{cin.} + dE_{pot.}$ par dt, le temps infinitésimal entre deux états successif :

$$\frac{d}{dt}\left(U + E_{cin.} + E_{pot.}\right) = \frac{\delta Q}{dt} + \frac{\delta W}{dt} = \dot{Q} + \dot{W}$$
(5.23)

où \dot{Q} et \dot{W} sont les taux de transfert de chaleur et la puissance fournie au système.

5.9 Conservation de la masse pour les systèmes ouverts

Aux facteurs relativistes près, la masse est constante. On va en déduire les implications sur un système ouvert en général. La frontière de celui-ci est une surface fermée dont certaines parties peuvent être mobiles et/ou être le siège d'échange de chaleur, travail avec le milieu extérieur.

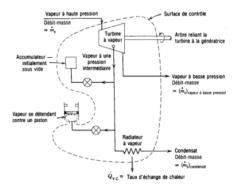


FIGURE 5.5

Soit le système fermé F constitué de la matière dans le système ouvert O au moment initial : système fermé \rightarrow masse cste. Comme $m_F = \int_{V_F} \rho dV$, on a

$$\frac{dm_F}{dt} = \frac{d}{dt} \int_{V_F} \rho dV = 0 \tag{5.24}$$

On peut utiliser les règles dérivatives d'intégrales :

$$\frac{dm_F}{dt} = \frac{d}{dt} \int_{V_F} \rho dV = \int_{V_F} \frac{\partial \rho}{\partial t} dV + \oint_{S_F} \rho \vec{b}_F \cdot \vec{n} \ dS = 0$$
(5.25)

où \vec{b}_F est le vecteur vitesse de déplacement de la frontière du volume V_F : cette vitesse est celle de la matière, c, le système étant fermé.

Similairement, la dérivée par rapport au temps de la masse dans le système ouvert O vaut

$$\frac{dm_O}{dt} = \frac{d}{dt} \int_{V_O} \rho dV = \int_{V_O} \frac{\partial \rho}{\partial t} dV + \oint_{S_O} \rho \vec{b}_O \cdot \vec{n} \ dS$$
 (5.26)

On peut combiner ces deux expressions sachant qu'initialement $V_F = V_0$ et $S_F = S_0 = S$:

$$\frac{dm_F}{dt} = \frac{dm_O}{dt} + \oint_S \rho(\vec{c} - \vec{b}_O) \cdot \vec{n} \, dS = 0 \tag{5.27}$$

Pour toute partie Σ de la surface S

$$\oint_{\Sigma} \rho(\vec{c} - \vec{b}_O) \cdot \vec{n} \ dS = \dot{m} (= q_m)$$
(5.28)

est le débit traversant cette partie. Avec s pour sortie et e pour "entre mon enfant", on a l'équation de continuité :

$$\frac{dm_O}{dt} + \sum \dot{m_s} - \sum \dot{m_e} = 0 \tag{5.29}$$

où $dm_0/dt = 0$ en régime permanent, exprimant l'égalité entre les débits entrants et sortants.

5.10 Le premier principe de la thermodynamique pour les systèmes ouverts

On considère toujours le même système F de la section précédente, mais cette fois on va lui appliquer la forme temporelle du premier principe : $\frac{d}{dt} \left(U + E_{cin.} + E_{pot.} \right) = \dot{Q} + \dot{W}$. On peut ré-écrire le principe sous forme intégrale et appliquer la dérivation :

$$\frac{d}{dt} \left(U + E_{cin.} + E_{pot.} \right)_{F} = \frac{d}{dt} \int_{V_{F}} \rho \left(u + \frac{c^{2}}{gz} \right) dV$$

$$= \int_{V_{F}} \frac{d}{dt} \left\{ \rho \left(u + \frac{c^{2}}{2} + gz \right) \right\} dV + \oint_{S_{F}} \rho \left(u + \frac{c^{2}}{2} + gz \right) \vec{c}.\vec{n} dS \tag{5.30}$$

Comme à la section précédente, on fait de même pour le calcul du taux de variation de l'énergie totale du système ouvert O=

$$\frac{d}{dt} \left(U + E_{cin.} + E_{pot.} \right)_{O} = \frac{d}{dt} \int_{V_{O}} \rho \left(u + \frac{c^{2}}{gz} \right) dV$$

$$= \int_{V_{O}} \frac{d}{dt} \left\{ \rho \left(u + \frac{c^{2}}{2} + gz \right) \right\} dV + \oint_{S_{O}} \rho \left(u + \frac{c^{2}}{2} + gz \right) \vec{b}_{O} \cdot \vec{n} dS \tag{5.31}$$

On peut réécrire l'une avec la précédente, comme à la section d'avant (on suppose des propriétés uniformes pour les sections e et s)

$$\frac{d}{dt} (U + E_{cin} + E_{pot})_{F} = \frac{d}{dt} (U + E_{cin} + E_{pot})_{O} + \oint_{S} \rho \left(u + \frac{c^{2}}{2} + gz \right) (\vec{c} - \vec{b}_{0}) \cdot \vec{n} dS
= \frac{d}{dt} (U + E_{cin} + E_{pot})_{O} + \sum \dot{m}_{s} \left(u + \frac{c^{2}}{2} + gz \right)_{s} - \sum \dot{m}_{e} \left(u + \frac{c^{2}}{2} + gz \right)_{e}
(5.32)$$

Analysons maintenant la puissance reçue pour e et s. Comme ces section s sont mobiles (vitesse \vec{c} pour le fermé et \vec{b}_O pour l'ouvert :

$$\dot{W}_{F,e} = -\int_{S_e} p\vec{c}.\vec{n} \, dS = -\int \frac{p}{\rho} \rho \vec{c}.\vec{n} \, dS = \sum \dot{m_e} \left(\frac{p}{\rho}\right)_e - \int_{S_e} p\vec{b}_0.\vec{n} \, dS
= \sum \dot{m_e} \left(\frac{p}{\rho}\right)_e + \dot{W}_{O,e}
\dot{W}_{F,s} = -\int_{S_e} p\vec{c}.\vec{n} \, dS = -\int \frac{p}{\rho} \rho \vec{c}.\vec{n} \, dS = -\sum \dot{m}se \left(\frac{p}{\rho}\right)_e - \int_{S_s} p\vec{b}_0.\vec{n} \, dS
= * \sum \dot{m_s} \left(\frac{p}{\rho}\right)_e + \dot{W}_{O,s}$$
(5.33)

En rassemblant les différents termes :

$$\frac{d}{dt}\left(U + E_{cin} + E_{pot}\right)_{F} + \sum \dot{m_{s}} \left(\frac{p}{\rho}\right)_{s} - \sum \dot{m_{e}} \left(\frac{p}{\rho}\right)_{e} = \dot{Q_{F}} + \dot{W_{O}} - \sum \dot{m_{s}} \left(\frac{p}{\rho}\right)_{s} + \sum \dot{m_{e}} \left(\frac{p}{\rho}\right)_{e}$$

$$(5.34)$$

En passant les termes de pression de droite à gauche

$$\frac{d}{dt} \left(U + E_{cin} + E_{pot} \right)_{F} + \sum \dot{m_{s}} \left(\underbrace{u + \frac{p}{\rho} + \frac{c^{2}}{2} + gz}_{h} \right)_{s} - \sum \dot{m_{e}} \left(\underbrace{u + \frac{p}{\rho} + \frac{c^{2}}{2} + gz}_{h} \right)_{e} = \dot{Q_{F}} + \dot{W_{O}} = \dot{Q_{O}} + \dot{W_{O}}$$
(5.35)

comme $\dot{Q}_F = \dot{Q}_0$. On a ici l'expression cherchée que l'on peut écrire

$$\frac{d}{dt} \left(U + E_{cin} + E_{pot} \right)_F + \sum \dot{m_s} \left(h + \frac{c^2}{2} + gz \right)_s - \sum \dot{m_e} \left(h + \frac{c^2}{2} + gz \right)_s = \dot{Q} + \dot{W} \quad (5.36)$$

où le premier terme d/dt=0 en régime permanent. Si l'on n'a qu'une seule entrée et sortie on peut écrire $\sum \dot{m_s} = \sum \dot{m_e} = \dot{m}$.

5.11 Les systèmes ouverts en régime permanent

Rappelons les résultats pour les systèmes ouverts en régime permanent. Ils sont caractérisés par

- 1. Frontière immobile
- 2. Propriété en chaque point indépendante du temps
- 3. Débit de masse en s et e et les propriétés sur celles-ci sont indépendantes du temps
- 4. Taux de transfert et puissance reçues indépendant du temps.

5.12 La détente à travers une vanne et le coefficient de Joule-Thomson

Soit la détente à travers une vanne comme dans un frigo : système supposé en régime et assez petit pour supposer que le transfert de Q est négligeable. En négligeant aussi E_{pot} , on obtient

$$h_e + \frac{c_e^2}{2} = h_s + \frac{c_s^2}{2} \tag{5.37}$$

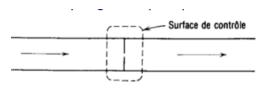


Figure 5.6

La détente augmente l'énergie cinétique mais souvent faible de sorte que $h_e \approx h_s$. La variation de température à travers la vanne est caractérisée par le coefficient de Joule-Thomson

$$\mu_J = \left(\frac{\partial T}{\partial p}\right)_h \tag{5.38}$$

S'il est positif, la température diminue à travers la vanne et inversement.

5.13 Systèmes uniformes avec écoulement uniforme

On va ici considérer un autre modèle simplifié qui possède les hypothèses suivantes :

- 1. Frontière immobile.
- 2. Propriété peuvent varier dans le temps, mais uniformément dans le système.
- 3. Propriété des sections e et s constantes dans le temps, mais les débits peuvent varier.

Les équations sont modifiée comme tel :

$$\frac{dm_O}{dt} + \sum \dot{m_s} - \sum \dot{m_e} = 0 \tag{5.39}$$

$$\frac{d}{dt} \left[\underbrace{m\left(u + \frac{c^2}{2} + gz\right)}_{U + E_{cip} + E_{rot}} \right] + \sum \dot{m_s} \left(h + \frac{c^2}{2} + gz\right)_s - \sum \dot{m_e} \left(h + \frac{c^2}{2} + gz\right)_e = \dot{Q} + \dot{W} \quad (5.40)$$

Après intégration entre un état initial 1 et un état final 2 :

$$m_2 - m_1 + \sum m_s - \sum m_e = 0 (5.41)$$

$$m_2\left(u_2 + \frac{c_2^2}{2} + gz_2\right) - m_1\left(u_1 + \frac{c_1^2}{2} + gz_1\right) + \sum m_s\left(h_s\frac{c_s^2}{2} + gz_s\right) - \sum m_e\left(h_e\frac{c_e^2}{2} + gz_e\right) = Q_0 + W_0$$

$$(5.42)$$

où m_s et m_e sont respectivement la masse totale ayant traversé les sections d'entrée et de sortie, et Q_O et W_O les chaleur et travail reçus par le système au cours de la transformation.

Chapitre 6

Le second principe de la thermodynamique

Ce principe exprime la conservation de l'énergie dans une transformation, sans faire de distinctions entre les énergies, ni dans le sens ou elles sont échangés. Pourtant, on sait que certaines transformations ne sont possible que dans un sens : ce principe nous permet de distinguer celles qui sont possibles.

6.1 Machines thermiques et réfrigérateurs

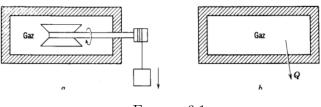


Figure 6.1

Reconsidérons le système suivant en supposant que la transformation comprenne :

- 1. Un apport de travail sans échange de chaleur
- 2. Refroidissement par transfert de chaleur

Le cycle inverse est impossible, faire tourner le moteur ne le fera au contraire par revenir à l'état initial : un corps froid recevant de la chaleur devient chaud et ne deviendra pas froid par transfert de chaleur vers le corps chaud.

On introduit alors les notions de

Machine thermique Système décrivant un cycle moteur, c'est-à-dire recevant un travail net négatif (fourni du travail à l'extérieur) et une chaleur nette positive résultant d'un échange de chaleur provenant d'un corps chaud.

Dans un réfrigérateur, il faut recevoir de la chaleur d'un corps froid : le travail net est positif ⇒ chaleur nette négative.

Exemple. Considérons le cycle suivant

- 1. On met une masse sur le piston en position la plus basse.
- 2. On chauffe le gaz au maximum.
- 3. On retire la masse
- 4. On laisse refroidir

Comme la masse a été tirée, il s'agit bien d'un cycle moteur.

EXEMPLE.

Considérons la centrale thermique suivante. Ici, c'est l'écoulement permanent d'une fluide qui décrit le cycle et non plus une évolution cyclique temporelle.

Introduisons l'**efficacité thermique** ¹ comme le rapport de l'*effet utile* (ici, le travail) à l'*effet onéreux* (ici, la chaleur reçue par le cors chaud ²):

$$\varepsilon_{th} = \frac{W^*}{Q_C} = \frac{Q_C - Q_F^*}{Q_C} = 1 - \frac{Q_F^*}{Q_C} < 1$$
(6.1)

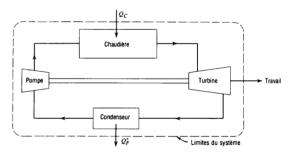


Figure 6.2

Considérons maintenant un système de réfrigération. L'efficacité dépend de l'effet utile recherché. Si on s'intéresse à extraire la chaleur d'un corps froid (le coefficient de performance) (fonctionnement en réfrigérateur) :

$$\varepsilon_{fr} = \frac{Q_F}{W} = \frac{Q_F}{Q_C^* - Q_F} = \frac{1}{Q_C^* / Q_F - 1}$$
(6.2)

Si on s'intéresse à la chaleur cédée au corps chaud (pompe à chaleur) :

$$\varepsilon_{ch} = \frac{Q_F}{W} = \frac{Q_C^*}{Q_C^* - Q_F} = \frac{1}{1 - Q_F/Q_C^*} = 1 + \epsilon_{fr} > 1$$
(6.3)

Tout ceci est possible grâce aux **réservoirs thermiques** : il s'agit d'un système susceptible d'échanger une quantité quelconque de chaleur sans que sa température soit modifiée.

6.2 Le second principe de la thermodynamique

Deux formulations équivalentes existent : celle de Kelvin-Planck et celle de Clausius.

Proposition

Il est impossible de réaliser un appareil décrivant un cycle qui fournit du travail en échangeant de la chaleur avec une seule source.

On se réfère aux machines thermiques : on ne peut transformer totalement en travail la chaleur reçue d'une source chaude

PROPOSITION

Il est impossible de réaliser un appareil décrivant un cycle dont le seul effet serait de transférer une quantité de chaleur d'une source froide à une source chaude.

On se réfère aux machines frigorifiques, car on ne peut en réaliser une sans apport de travail.

6.2.1 Équivalence des énoncés

On va montrer que l'énoncé de Clausius entraîne celui de Kelvin-Planck.

Démonstration.

Supposons qu'on puisse créer un appareil transférant Q_F d'une source froide à chaude sans W et associons-y une machine thermique produisant un travail $W = Q_C - Q_F$ en recevant Q_C de la source froide et en rejetant Q_F à la source froide. Le système composé des deux machines et de la source froide fourni du travail en échangeant de la chaleur avec seulement la source chaude, ce qui viole Kelvin-Planck.

- 1. Rendement thermique.
- 2. On ne compte pas la chaleur cédée au corps froid.

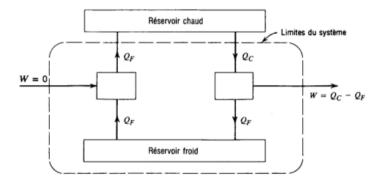


FIGURE 6.3 – Équivalence des énoncés

6.2.2 Impossibilité des mouvements perpétuels

Comme il est impossible de transférer intégralement une quantité de chaleur en travail, il est impossible de créer un **mouvement perpétuel de deuxième espèce** : un système produisant du travail en puisant dans une source "gratuite".

6.2.3 Classification et dégradation de l'énergie

Un travail peut etre intégralement transformé en chaleur, l'inverse est faux : le travail est "plus noble". De plus la chaleur cédée à la source froide par une machine thermique n'est pas la même que celle puisée à la source froide car elle ne peut plus être transformée en travail : l'énergie est dégradée.

6.3 Les transformations réversibles

Comme $\varepsilon_{th} < 1$, il serait cool de savoir pour quel système l'efficacité tend vers 1. Définissons d'abord :

Transformation réversible Une transformation est réversible lorsqu'elle peut être décrite en sens inverse de sorte qu'après avoir été décrite dans les deux sens de façon successive, tant le système considéré que le milieu extérieur est dans le même état qu'initialement.

Pour être réversible, il faut que durant la transfo. inverse :

- 1. Les variables d'états repassent par les même valeurs que pour la transfo. initiale.
- 2. Les échanges d'énergies soient exactement opposés.

6.4 Les sources d'irréversibilité

6.4.1 Les frottements

Ils transforment le travail en chaleur, par nature irréversible.

La détente libre

Irréversible car on ne peut ramener le travail dans son état initial que par apport de travail et cession de chaleur.

6.4.2 L'échange de chaleur entre deux sources

Supposons que de la chaleur soit transférée d'une source chaude à froide, transfo irréversible (Clausius) : il ne peut exister de transfert de chaleur réversible qu'entre deux sources de différence de température infinitésimale.

6.5 Le cycle de Carnot

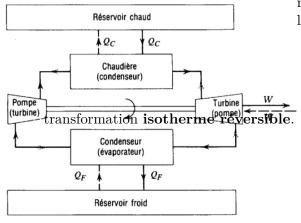


FIGURE 6.4

Une machine fonctionnant entre source chaude et froide décrivant un cycle dont toutes les transformations sont réversible est un **cycle de Carnot**, le best cycle ever. Il se comporte de :

- Dans la chaudière, on donne du Q : la température du fluide doit être la même que celle de la source chaude comme l'échange de chaleur doit être réversible,
- Dans la turbine, il subit une détente adiabatique réversible en fournissant un travail : diminution de T jusqu'à la température de la source froide.
- 3. Dans le condenseur il cède de la chaleur à la source froide : **isotherme réversible**.
- 4. Compression adiabatique réversible dans le compresseur : T augmente jusqu'à la température de la source chaude.

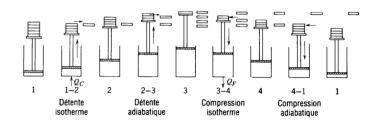


FIGURE 6.5 – Représentation possible d'un cycle de Carnot

6.6 Deux propriétés des cycles de Carnot

PROPOSITION

Il est impossible de réaliser une machine fonctionnant entre deux sources qui serait plus efficace qu'une machine réversible fonctionnant entre les deux même sources.

Par l'absurde, supposons qu'une telle machine (ici thermique) existe. Soit Q_C la chaleur reçue à la source chaude de $W_{M.I.}^*$ le travail fourni supposé plus grand que $W_{M.R.}^*$, le travail fourni par la machine réversible recevant la même Q_C .

Le système formé de la machine irréversible hypothétique, de la machine réversible fonctionnant en sens inverse et de la source chaude viole Kelvin-Planck.

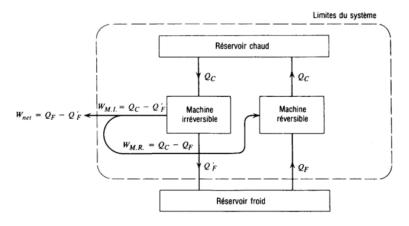


Figure 6.6 – Preuve de la première proposition

PROPOSITION

Toutes les machines décrivant un cycle de Carnot entre deux sources ont la même efficacité.

Se démontre semblablement.

6.7 L'échelle de température thermodynamique

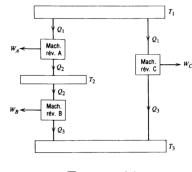


FIGURE 6.7

Comme tous les cycles ont la même efficacité, celle-ci ne peut dépendre que des températures des sources. Cela s'écrit

$$(\varepsilon_{th})_{Carnot} = 1 - \frac{Q_F^*}{Q_C} = 1 - \psi(T_F, T_C)$$
 (6.4)

où T_C, T_F sont les températures des sources dans l'échelle absolue à définir.

Soit trois sources de températures T_1, T_2 et T_3 telles que $T_1 > T_2 > T_3$ avec les cycles de Carnot pris deux à deux. On a :

$$1 - \varepsilon_{th,A} = \frac{Q_2}{Q_1} = \psi(T_2, T_1), \quad 1 - \varepsilon_{th,B} = \frac{Q_3}{Q_2} = \psi(T_3, T_2), \quad 1 - \varepsilon_{th,C} = \frac{Q_3}{Q_1} = \psi(T_3, T_1),$$

Il en résulte que

$$\psi(T_2, T_1)\psi(T_3, T_2) = \psi(T_3, T_1) \tag{6.6}$$

La fonction $\psi(x,y)$ doit forcément être de la forme f(x)/f(y) et donc d'après la définition

$$\frac{Q_F^*}{Q_C} = \frac{f(T_F)}{f(T_C)} \tag{6.7}$$

(6.5)

f est forcément de signe constant et croissante car $\frac{Q_3}{Q_1} < \frac{Q_2}{Q_1}$. Si f vérifie ceci, alors on peut l'utiliser comme échelle absolue. On choisi la forme linéaire $f = \alpha T$. Pour choisir α on peut faire en sorte que la différence de température soit identique à sa valeur dans une échelle conventionnelle choisie. Si $T_1 = 0$ et $T_2 = 100^{\circ}C$, l'efficacité du cycle de Carnot est de 0.268 de sorte que $T_{glace} = 273.15~K$. Comme f doit être de signe constant, elle ne peut devenir négative d'où la notion de **zéro absolu**. Voir les deux derniers slide pour savoir comment mesurer la température thermodynamique à l'aide d'un thermomètre à gaz à volume constant.

Chapitre 7

L'entropie

Il est intéressant de donner une formulation quantitative au second principe ; c'est l'objectif de ce chapitre.

7.1 L'inégalité de Clausius

Cette inégalité est un corollaire du second principe :

Proposition

Pour tout système fermé à température uniforme décrivant un cycle,

$$\oint \frac{\delta Q}{T} \le 0$$
(7.1)

où δQ est la quantité de chaleur reçue sur un élément de cycle, et T la température du système à l'état correspondant.

Démonstration.

Vérifions cette inégalité sur le cycle de Carnot. Ce cycle réversible : les échanges sont isothermes :

$$\oint \frac{\delta Q}{T} = \frac{Q_C}{T_C} - \frac{Q_F^*}{T_E} = 0$$
(7.2)

L'intégalité est bien vérifiée, toute la source "chaude" va intégralement vers la "froide". Vérifions maintenant que ça soit toujours le cas pour un cycle irréversible 1 : le cycle étant irréversible $W^*_{irr} < W^*_{rev}$ et donc $Q^*_{F,irr} > Q^*_{F,rev}$. On a donc

$$\int_{C} \frac{\delta Q}{T} = \int_{C} \frac{\delta Q}{T_{C}} = \frac{Q_{C}}{T_{C}}, \qquad \int_{F} \frac{\delta Q^{*}}{T} = \int_{F} \frac{\delta Q^{*}}{T_{F}} = \frac{Q_{F,irr}^{*}}{T_{F}} > \frac{Q_{F,rev}^{*}}{T_{F}}$$
(7.3)

On peut directement sortir Q_C de l'intégrale. La dernière inégalité (stricte) provient de l'irréversibilité, provoquant une dégradation de l'énergie. En soustrayant ²

$$\oint \frac{\delta Q}{T} = \int_C \frac{\delta Q}{T} - \int_F \frac{\delta Q}{T} < \frac{Q_C}{T_C} - \frac{Q_{F,rev}^*}{T_E} = 0$$
(7.4)

^{1.} On considère des parties réversibles, d'autre pas.

^{2.} L'idée est de faire "apparaître" la relation pour le cycle de Carnot réversible qui est bien nulle en "minorant" l'intégrale.

Un cycle de Carnot frigorifique n'est qu'un cycle de Carnot inversé qui lui aussi satisfait ³

$$\oint \frac{\delta Q}{T} = \frac{Q_F}{T_F} - \frac{Q_C^*}{T_C} = 0$$
(7.5)

Ce cycle passe par le même chemin en prélevant la même quantité de chaleur à la source froide Q_F mais avec certaines parties du parcours irréversibles : $W_{irr} > W_{rev}$; $Q_{C,irr}^* > Q_{C,rev}^*$. Il en résulte

$$\int_{F} \frac{\delta Q}{T} = \int_{F} \frac{\delta Q}{T_{F}} = \frac{Q_{F}}{T_{F}}, \qquad \int_{C} \frac{\delta Q^{*}}{T} = \int_{F} \frac{\delta Q^{*}}{T_{C}} = \frac{Q_{C,irr}^{*}}{T_{C}} > \frac{Q_{C,rev}^{*}}{T_{C}}$$
 (7.6)

En soustrayant

$$\oint \frac{\delta Q}{T} = \int_F \frac{\delta Q}{T} - \int_C \frac{\delta Q}{T} < \frac{Q_F}{T_F} - \frac{Q_{C,rev}^*}{T_C} = 0$$
(7.7)

Ce qui complète la démonstration de la proposition.

7.2 L'entropie

Soit deux cycles réversibles : A, B; A, C. Comme ils sont réversibles :

$$\oint \frac{\delta Q}{T} = \int_{1}^{2} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{A} + \int_{2}^{1} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{B} = 0 \tag{7.8}$$

et

$$\oint \frac{\delta Q}{T} = \int_1^2 \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_A + \int_2^1 \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_C = 0$$
(7.9)

Après soustraction

$$\int_{2}^{1} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{B} = \int_{2}^{1} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{C} \tag{7.10}$$

Forcément, cette entropie doit être la même : l'intégrale ne dépend pas du chemin parcouru et ça sent bon pour formé une variable d'état (différentielle exacte).

La relation suivante est importante, car elle indique que la différence entre deux états n'est pas fonction du parcours (réversible ou non) **mais** pour calculer cette différence il faut imaginer un parcours réversible et calculer :

$$dS = \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{rev} \tag{7.11}$$

il s'agit de l'**entropie**. Si le parcours n'est pas réversible, on ne sait pas comment T varie et on ne peut pas calculer!

7.3 L'entropie d'une substance pure

On peut rentre l'entropie, extensive, en une variable intensive : l'entropie massique s. On la lie au titre par la relation

$$s = (1 - x)s_l + xs_q = s_l + x(s_q - s_l)$$
(7.12)

^{3.} On vérifié pour pour un cycle frigorifique, c'est aussi valable pour clore la démonstration.

7.4 Les variations d'entropie au cours de transformations réversibles

7.4.1 Le cycle de Carnot

Le cycle de Carnot se décompose en quatre transformations

1. Chauffage isotherme.

On a

$$S_2 - S_1 = \int_1^2 \frac{\delta Q}{T} = \frac{{}_1Q_2}{T_C} \tag{7.13}$$

avec ${}_{1}Q_{2}$ l'aire 1-2-b-a-1.

2. Détente adiabatique.

Adiabatique et réversible, dS = 0. Le segment vertical 2-3 est dit isentropique.

3. Refroidissement isotherme.

Comme pour 1-2, on a

$$S_4 - S_3 = \int_3^4 \frac{\delta Q}{T} = \frac{_3Q_4}{T_4} \tag{7.14}$$

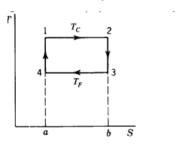
grandeur négative car $_3Q_4<0$. La chaleur cédée à la source froide est l'aire 3-4-a-b-3.

4. Compression adiabatique.

Même topo, dS = 0.

Le travail net du cycle W^* valant la chaleur nette reçue, il correspond à l'aire 1-2-3-4 et exprimer le rendement

$$\epsilon_{th} = \frac{W^*}{Q_C} = \frac{\text{aire1} - 2 - 3 - 4 - 1}{\text{aire1} - 2 - b - a - 1}$$
(7.15)



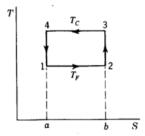


Figure 7.1 – Cycles de Carnot (normal et frigo)

Inverser le sens de parcours donne le cycle de Carnot frigorifique.

7.4.2 Le chauffage isobare

T 2 3 3 b c s

Figure 7.2

Chauffons de façon isobare réversible une masse de fluide :

$$s_2 - s_1 = s_g - s_l = \frac{1}{m} \int_1^2 \frac{\delta Q}{T} = \frac{1}{m} \int_1^2 \delta Q = \frac{1q_2}{T} = \frac{h_g - h_l}{T}$$
 (7.16)

car pour une isobare en système fermé $\Delta q = \Delta h$. Cette chaleur correspond à l'aire 1-2-b-a-1. Si on chauffe jusqu'à l'état de vapeur (2-3):

 ${}_{2}q_{3} = \int_{2}^{3} T ds \tag{7.17}$

ce qui est assez délicat à intégrer.

7.5 Deux relations thermodynamiques importantes

Soit une transfo réversible d'un système fermé, par le premier principe

$$dU = \delta Q + \delta WW \tag{7.18}$$

La transfo étant réversible (quasi-statique)

$$\delta W = -pdV, \qquad \delta Q = TdS \tag{7.19}$$

On en déduit

$$dU = TdS - pdV (7.20)$$

En prenant l'hentalpie $H \equiv U + pV$ et en différenciant

$$dH = dU + pdV + Vdp = TdS + Vdp (7.21)$$

On en déduit les formes massiques, hautement utilisées dans ce cours

$$du = Tds - pdv$$

$$dh = Tds + pdv$$
(7.22)

7.6 Transformations ouvertes irréversibles de systèmes fermés

Reconsidérons nos deux transformations, sauf que cette fois-ciA-C est irréversible. Pour le cycle réversible :

$$\int \frac{\delta Q}{T} = \int_{1}^{2} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{A} + \int_{2}^{1} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{B} = 0 \tag{7.23}$$

Pour le cycle de Clausius, l'inégalité s'écrit

$$\oint \frac{\delta Q}{T} = \int_{1}^{2} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{A} + \int_{2}^{1} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{C} < 0$$
(7.24)

On en déduit

$$\int_{1}^{2} \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{C} < \int \left(\frac{\delta Q}{T}\right)_{A} = \int_{1}^{2} dS = S_{2} - S_{1} \tag{7.25}$$

On peut écrire

$$\frac{\delta Q}{T} \le dS, \qquad \int_1^2 \frac{\delta Q}{T} \le S_2 - S_1 \tag{7.26}$$

Ces deux relations sont toujours applicable. Si $\delta Q < 0$, l'entropie diminuent bien, mais les irréversibilité font toujours grandir celle-ci. "À quantité de chaleur échangée constante, la variation d'entropie est toujours plus élevée pour une transformation irréversible que pour une transformation réversible".

7.7 Le travail non compensé

Il s'agit du travail perdu à cause des irréversibilités. Considérons un système constitué de deux parties, une vide et une remplie de gaz.

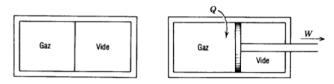


Figure 7.3

Perçons la paroi : aucun travail n'est effectué (température maintenue constante). Comparons avec la situation réversible ou on a

$$\delta Q = TdS, \qquad \delta W^* = pdV \tag{7.27}$$

Le travail fourni dans le cas irréversible est plus petit que dans le cas réversible : on a "perdu" du travail

$$(\delta W^*)_{irr} = pdV - \delta W_i^* \tag{7.28}$$

Avec le premier principe et le relation de Gibbs

$$(\delta Q)_{irr} = (\delta W^*)_{irr} + dU = TdS - \delta W_i^*$$
(7.29)

on voit que la chaleur reçue est plus petite que dans le cas réversible : c'est la chaleur non compensée. En résolvant pour dS :

$$dS = \frac{\delta Q}{T} + \frac{\delta W_i^*}{T} \tag{7.30}$$

En comparant avec $dS \leq \frac{\delta Q}{T}$, on voit un terme de production d'entropie

$$dS_i = \frac{\delta W_i^*}{T} \tag{7.31}$$

7.8 Le principe de l'accroissement de l'entropie

Soit une transfo infinitésimale dans un système fermé durant laquelle le système reçoit δQ et fourni δW^* . Le système est à T et le milieu extérieur $T_0 > T$. On a

$$dU_{syst} \ge \frac{\delta Q}{T} \tag{7.32}$$

et pour le milieu extérieur

$$dS_{ext} = -\frac{\delta Q}{T_0} \tag{7.33}$$

En sommant

$$dS_{tot} = dS_{syst} + dS_{ext} \ge \frac{\delta Q}{T} - \frac{\delta Q}{T_0} = \frac{\delta Q}{T} \left(1 - \frac{T}{T_0} \right) > 0$$
 (7.34)

Si $T < T_0$ l'échange est dans l'autre sens $(\delta Q < 0)$ et on trouve aussi $dS_{tot} \ge 0$, montrant que la variation totale est toujours positive : c'est le principe d'accroissement d'entropie. Seule les transfo qui augmente (ou laisse constante) l'entropie globale sont possibles.

On peut décomposer cet accroissement global entre contributions interne et externe :

$$dS_{syst} = \frac{\delta Q}{T} + dS_i \tag{7.35}$$

où dS_i est la production d'entropie due aux irréversibilités internes. On a donc

$$dS_{tot} = dS_i + \underbrace{\frac{\delta Q}{T} \left(1 - \frac{T}{T_0} \right)}_{dS_e} = dS_i + dS_e$$
 (7.36)

où dS_e est la production d'entropie externe due à l'irréversibilité des échanges de chaleur avec le milieu extérieur.

7.9 L'entropie d'un solide ou d'un liquide

Précédemment, en Thermodynamique Appliquée : $dh \approx du \approx cdT$. Comme du = Tds - pdV (et dh = Tds + vdp), on a

$$ds \approx \frac{du}{T} \approx c \frac{dT}{T} \tag{7.37}$$

d'où $s_2 - s_1 \approx c \ln \left(\frac{T_2}{T_1}\right)$.

7.10 L'entropie d'un gaz parfait

Par Gibbs, du, dh et la loi des gaz parfaits : $Tds = du + pdv = c_v dT + pdv$. Après division par T :

$$ds = c_v \frac{dT}{T} + \frac{p}{T} dv = c_v \frac{dT}{T} + R \frac{dv}{v}$$

$$\tag{7.38}$$

En intégrant, on trouve l'entropie d'un gaz parfait

$$s_2 - s_1 = \int_1^2 c_v \frac{dT}{T} + R \ln \frac{v_2}{v_1} \tag{7.39}$$

On aurait aussi pu partir de 4 $ds=c_p\frac{dT}{T}-\frac{v}{T}dp=c_p\frac{dT}{T}-R\frac{dp}{p}$, qui donne une autre relation en intégrant :

$$s_2 - s_1 = \int_1^2 c_p \frac{dT}{T} - R \ln \frac{p_2}{p_1} \tag{7.40}$$

Les slides 177-179 montrent comment obtenir le loi de Laplace

$$pv^k = cste (7.41)$$

7.11 La transformation polytropique réversible d'un gaz parfait

Une transformation pV^n = cste est dite **polytropique**. Par exemple, entre deux états

$$p_2 V_2^n = p_1 V_1^n (7.42)$$

Comme le gaz est parfait : $p_1V_1/T_1=p_2V_2/T_2$. En éliminant V ou P on peut obtenir une expression sympa :

$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{\frac{n-1}{n}} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{n-1} \tag{7.43}$$

Des applications sont données slide 181.

7.12 Le second principe de la thermodynamique pour les systèmes ouverts

On faisant comme en 5.10, on peut obtenir la douce relation suivante

$$\frac{dS_F}{dt} = \frac{dS_O}{dt} + \oint_S \rho s(\vec{c} - \vec{b_O}) \cdot \vec{n} \, dS = \frac{dS_O}{dt} + \sum \dot{m_s} s_s - \sum \dot{m_e} s_e \tag{7.44}$$

^{4.} On ajoute vdp dans dh et on le soustrait.

On avait vu que le second principe appliqué aux systèmes fermés s'écrit

$$dS = \frac{\delta Q}{T} + dS_i \tag{7.45}$$

mais c'était dans le cas ou l'on avait des variables uniformes, ce qui n'est pas souvent le cas pour T sur les frontières ou un échange de chaleur se produit. Il faut remplacer $\delta Q/T$ par une somme sur chaque élément de frontière dont la température est différente. A la limite infinitésimale, on obtiendrait :

$$\frac{\delta Q}{T} \leftarrow \oint_{\mathcal{A}} \frac{d\Phi}{T} d\mathcal{A} \tag{7.46}$$

En rassemblant tout, on obtient alors

$$\frac{dS_O}{dt} + \sum \dot{m_s} s_s - \sum \dot{m_e} s_e = \sum \frac{\dot{Q}}{T} + \dot{S}_i = \oint_{\mathcal{A}} \frac{\Phi}{T} d\mathcal{A} + \dot{S}_i$$
 (7.47)

7.13 Les systèmes ouverts en régime permanent et les systèmes ouverts avec écoulement uniforme

Si le système est permanent, l'expression se simplifie en :

$$\sum \dot{m_s} s_s - \sum \dot{m_e} s_e = \sum \frac{\dot{Q}}{T} + \dot{S}_i \tag{7.48}$$

Pour une transfo adiabatique :

$$s_s - s_e = \frac{\dot{S}_i}{m} \ge 0. {(7.49)}$$

Pour le système ouvert avec écoulement uniforme :

$$\frac{d(ms)_O}{dt} + \sum \dot{m_s} s_s - \sum \dot{m_e} s_e = \frac{\dot{Q}}{T} + \dot{S}_i \tag{7.50}$$

7.14 Les transformations réversibles des systèmes ouverts en régime permanent

Cherchons une expression du travail échangé par un système ouvert permanent dans le cas d'une transformation réversible. On avait trouvé, dans le cas d'une entrée/sortie :

$$\left(h + \frac{c^2}{2} + gz\right)_s - \left(h + \frac{c^2}{2} + gz\right)_e = q + w$$
(7.51)

et le second principe

$$\dot{m}(s_s - s_e) = \sum \frac{\dot{Q}}{T} + \dot{S}_i \ge \sum \frac{\dot{Q}}{T}$$
(7.52)

Voyons maintenant deux transformations réversibles :

1. Transformation adiabatique. Le second principe se réduit à $s_s = s_e$. Avec la relation de Gibbs $dh = Tds + vdp, h_s - h_e = \int_e^s vdp$ et on a

$$w = \int_{e}^{s} v dp + \frac{c_s^2 + c_e^2}{2} + g(z_s - z_e)$$
 (7.53)

2. Transformation isotherme.

La température est uniforme : $\sum \frac{\dot{Q}}{T} = \frac{\dot{Q}}{T} = \dot{m}\frac{q}{T}$ et le second principe devient $s_s - s_e = \frac{q}{T}$. Par application de la même relation de Gibbs

$$h_s - h_e = T(s_s - s_e) + \int_e^s v dp$$
 (7.54)

l'expression du travail w est identique.

Notre expression w est donc bonne pour toute transfo réversible de systèmes ouvert en régime permanent. Cette expression est employée pour tous les systèmes ouverts avec échange de travail comme les turbomachines. Si les variations d'énergie cinétique et potentielle sont négligeables :

$$w = \int_{e}^{s} v dp \tag{7.55}$$

Le travail en système ouvert est directement lié à la variation de pression. On en déduit que s'il n'y a pas de travail, la pression reste constante. Petit exemple slide 191.

7.15 Principe d'accroissement de l'entropie pour un système ouvert

Suivons un raisonnement semblable à celui fait précédemment mais pour un système ouvert dont la variation d'entropie s'écrit

$$\frac{dS_{syst}}{dt} + \sum \dot{m}_s s_s - \sum \dot{m}_e s_e = \sum \frac{\dot{Q}}{T} + \dot{S}_i$$
 (7.56)

Le milieu extérieur est aussi un milieu ouvert

$$\frac{dS_{ext}}{dt} - \sum \dot{m_s} s_s + \sum \dot{m_e} s_e = -\sum \frac{\dot{Q}}{T_0}$$
(7.57)

En sommant les deux équations :

$$\frac{dS_{tot}}{dt} = \frac{dS_{syst}}{dt} + \frac{dS_{ext}}{dt} = \underbrace{\sum \frac{\dot{Q}}{T} - \underbrace{\sum \dot{Q}}_{T_0}}_{S_e} + \dot{S}_i = \dot{S}_e + \dot{S}_i > 0$$
 (7.58)

avec \dot{S}_e toujours positif : c'est le taux de production d'entropie externe due à l'irréversibilité de l'échange de chaleur.

Pour un système ouvert en régime permanent, l'entropie du système est constante 5 :

$$\frac{dS_{tot}}{dt} = \frac{dS_{ext}}{dt} = \sum \dot{m_s} s_s - \sum \dot{m_e} s_e - \frac{\dot{Q}}{T_0}$$
(7.59)

Si l'écoulement est uniforme, on intégrera cette relation.

7.16 Les rendements

Cette partie n'est pas détaillée ici, tout est clair et limpide avec le formulaire! Et j'avoue avoir un peu la flemme de LATEXiser tous ça pour pas grand chose!

Chapitre 8

Irréversibilité et exergie

Les irréversibilités obligent à utiliser pleins de rendements fonctions d'une transformation idéale de référence. Ici, on va définir une transfo réversible de référence indépendante du dispositif et ce pour plus de facilité.

8.1 Travail réversible et irréversibilité

Le travail (ir)réversible repose sur l'existence d'une source de chaleur gratuite à température T_0 .

8.1.1 Systèmes fermés

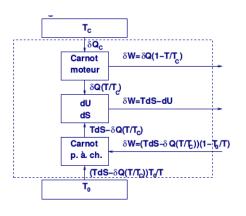


FIGURE 8.1

Soit un système fermé recevant $_1Q_2$ d'une source T_C et fournissant un travail $_1W_2^*$. Considérons les deux premiers principes 1

$$_{1}Q_{2} = U_{2} - U_{1} + {}_{1}W_{2}^{*}$$

 $\Delta S_{tot} = S_{2} - S_{1} - \frac{{}_{1}Q_{2}}{T_{C}} > 0$ (8.1)

Si on ajoute au cycle de Carnot un moteur entre la source chaude et le système et un frigo entre le système et la source froide gratuite, on a créé un système semblable à celui décrit ci-dessus. Il faut toujours veiller à avoir $\delta Q_{sys} = TdS$, soit une transformation réversible. Pour se faire, quand le moteur "consomme" $\delta Q(T/T_C)$, la pompe à chaleur doit compléter cette absorption.

Sommons les travaux des trois systèmes

$$\delta W_{rev}^* = TdS - dU + \delta Q \left(1 - \frac{T}{T_C} \right) + \left(T_d S - \delta Q \frac{T}{T_C} \right) \left(1 - \frac{T_0}{T} \right) = T_0 dS - dU + \delta Q \left(1 - \frac{T_0}{T_C} \right)$$

$$(8.2)$$

En intégrant, pour une transformation finie :

$$W_{rev}^* = T_0(S_2 - S_1) - (U_2 - U_1) +_1 Q_2 \left(1 - \frac{T_0}{T_C}\right)$$
(8.3)

La différence entre le travail réalisé et le réversible est l'irréversibilité :

$${}_{1}I_{2} = W_{rev}^{*} - {}_{1}W_{2}^{*} \tag{8.4}$$

^{1.} Pour l'entropie totale, il s'agit du système + source.

En injectant ce résultat dans l'expression du travail réversible et réel :

$${}_{1}I_{2} = T_{0}(S_{2} - S_{1}) - {}_{1}Q_{2}\frac{T_{0}}{T_{C}} = T_{0}\Delta S_{tot}$$

$$(8.5)$$

On peut le ré-écrire

$$(U_2 - U_1) - T_0(S_2 - S_1) =_1 W_2 +_1 Q_2 \left(1 - \frac{T_0}{T_C}\right) -_1 I_2$$
(8.6)

qui ressemble au premier principe, mais avec les irréversibilité. L'énergie utilisable, membre de gauche, est la somme du travail reçu diminué par les pertes irréversibles.

8.1.2 Systèmes ouverts en régime permanent

L'analyse est identique mais on considère cette fois les systèmes ouvert dans le cas d'une seule section d'entrée/sortie. On trouve alors

$$w_{rev}^* = T_0(s_s - s_e) - \left[\left(h_s - \frac{c_s^2}{2} + gz_s \right) - \left(h_e - \frac{c_e^2}{2} + gz_e \right) \right] + q \left(1 - \frac{T_0}{T_C} \right)$$
(8.7)

L'irréversibilité (cette fois massique) vaut (même raisonnement)

$$i = w_{rev}^* - w^* = T_0(s_s - s_e) - \frac{T_0}{T_C}q = T_0\left[\frac{1}{\dot{m}}\frac{dS_{tot}}{dt}\right]$$
 (8.8)

Il est intéressant de réécrire ce résultat comme tel :

$$h_s - h_e - T_0(s_s - s_e) + \frac{c_s^2 - c_e^2}{2} + g(z_s - z_e) = w + q\left(1 - \frac{T_0}{T_C}\right) - i$$
(8.9)

qui est le bilan exergétique avec $h-T_0s$ l'exergie ou enthalpie utilisable. Ce bilan exprime la conservation de l'exergie, aux pertes d'irréversibilité près. On peut généraliser sans peine en plaçant des \sum un peu partout.

Pour conclure:

- 1. Puissance mécanique : flux d'exergie pure
- 2. Apport exergétique < quantité de chaleur reçue
- 3. Apport matière : apport d'exergie valant $j = h T_0 s$
- 4. T et V: exergie pure
- 5. Irréversibilité : perte d'exergie valant le produit de la production d'entropie totale par le température de la source gratuire.

$$I = T_0 \Delta S_{tot} \tag{8.10}$$

8.1.3 Cas général : transformations instationnaires des systèmes ouvert

Vous savez le faire vous-même, je ne le vois pas en cours ce n'est pas intéressant. Pour les conquérants : slide 219-221.

8.2 Exergie et rendement exergétique des systèmes ouverts stationnaires

Essayons d'interpréter physiquement ces bilans fraîchement obtenus. Soit une quantité de matière dans un état donné. Quel est le travail maximum que cette matière peut fournir dans un système ouvert stationnaire (milieu extérieur : T_0 , p_0).

Le travail maximum s'obtient en amenant cette quantité de matière en équilibre avec le milieu extérieur. Le travail réversible (8.7) vaut 2 :

$$w_{rev}^* = \left[\left(h_e - T_0 s_e + \frac{c_e^2}{2} + g z_e \right) - \left(h_0 - T_0 s_0 + g z_0 \right) \right] + q \left(1 - \frac{T_0}{T_C} \right)$$
(8.11)

Le dernier terme est nul car les seuls échanges de chaleur possibles sont à T_0 . Le travail max réalisable n'et que la différence d'énergie totale (T et V compris) entre l'état considéré et le milieu extérieur.

On définit parfois l'exergie :

$$j \equiv (h - h_0) - T_0(s - s_0) \tag{8.12}$$

Si c'est le cas, l'exergie du milieu extérieur est nulle et l'exergie totale correspond au travail maximum réalisé; elle détermine le travail maximum. Vérifions pour une transformation composée d'une adabatique réversible jusqu'à la température du milieu extérieur suivi d'une isotherme réversible. Si on néglige T et V et en notant m, le point intermédiaire $s_m = s_e, T_m = T_0$:

- 1. $isentropique: w_{rev}^* = h_e h_m$
- 2. $isotherme: h_m h_0 + T_0(s_0 s_m)$

En sommant

$$w_{rev}^* = h_e - h_0 - T_0(s_e - s_0) = j_e (8.13)$$

L'irréversibilité est liée à la perte de chaleur et à la combustion en elle-même (ainsi que l'échange de chaleur à l'extérieur). En effet, si on désire régénérer le charbon à partir de la chaleur ce n'est pas possible. C'est irréversible, on a produit un ΔS . Ceci montre que la combusion est une "perte".

Forcément, moins il y a d'irréversibilité, plus grand est le travail effectué. Donc plus de pertes = plus de diminution d'exergie. On définit ainsi un rendement exergétique :

$$\eta_{ex} = \frac{\text{variation d'exergie utile réelle}}{\text{variation d'exergie utile réversible}}$$
(8.14)

Pour les différents rendements, référez-vous au formulaire.

^{2.} Il ne manque pas un terme d'énergie cinétique? Ou considérée nulle dans le milieu extérieur?

Chapitre 9

Les cycles thermodynamiques

9.1 Introduction

Un **cycle** est un ensemble de transformation après lesquelles le fluide moteur retourne à son état initial. Un cycle est dit **idéal** lorsqu'il approxime un processus réel. Il s'agit d'une approche pratique simplifiée mais non exacte. Dans la réalité, il y a toujours des pertes de charges (cf. PDT),...

9.1.1 Travail réversible

Le travail des cycles moteurs est différent si le système est ouvert ou fermé :

• Systèmes fermés

$$dw_{rev} = -p.dv (9.1)$$

Systèmes ouverts

$$dw_{rev} = v.dp (9.2)$$

Il existe toute une série d'expression du travail associés à différents systèmes en fonction des propriétés, liste non reprise ici.

9.1.2 Diagramme entropique

Il s'agit d'un diagramme (T, s), utilisé pour les échanges de chaleurs car l'aire sous une transformation réversible est la quantité de chaleur échangée

$$\delta q_{rev} = T.ds \tag{9.3}$$

L'entropie d'un gaz parfait s'écrit

$$ds = c_p \frac{dT}{T} - R \frac{dp}{p} = c_v \frac{dT}{T} + R \frac{dv}{v}$$

$$\tag{9.4}$$

Dans un tel diagramme, les transformations adiabatiques seront représenté par une ligne verticale et les p, v = cste par une fonction exponentielle :

$$p = cste \quad ; ds = c_p \frac{dT}{T}, \quad s = c_p \ln T + B, \quad T = ke^{\frac{s}{c_p}}$$

$$v = cste \quad ; ds = c_v \frac{dT}{T}, \quad s = c_v \ln T + B, \quad T = ke^{\frac{s}{c_v}}$$

$$(9.5)$$

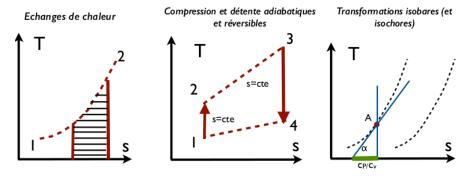


FIGURE 9.1 – NB : $T/C_p = dT/ds = \tan \alpha$

Dans un diagramme entropique, les isobares et isochores se déduisent par simple translations.

9.1.3 Diagramme du travail

Il s'agit du classique, le diagramme (p, v), très pratique pour les échanges de travail car l'aire située sous une transformation vaut le travail échangé.

Les transformations polytropiques se représentent ainsi comme des hyperboles et les autres (p, v = cste) par des lignes droites.

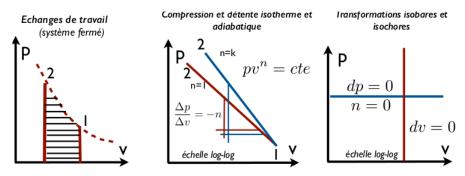


FIGURE 9.2 – Diagrammes (p, v)

9.2 Cycles à vapeur

9.2.1 Le cycle de Rankine

Il s'agit du cycle idéal des centrales thermiques à vapeur d'eau. L'idée est qu'une pompe comprime de l'eau (le travail de compression doit être minimal par rapport à celui de la turbine). Une fois comprimé à l'état de liquide saturé, on le chauffe jusqu'à l'état de vapeur saturé pour ensuite le faire détendre dans la turbine. Notre source "froide" est donnée par la condenseur. Ces quatre étapes sont les suivantes :

- 1-2 compression adiabatique et réversible dans la pompe (à partir de l'état liquide saturé)
- 2-3 échange de chaleur isobare jusqu'à l'état de vapeur saturée
- 3-4 détente adiabatique réversible dans la turbine
- 4-1 échange de chaleur isobare dans le condenseur

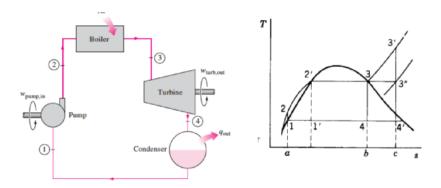


Figure 9.3 – Cycle de Rankine

<u>∧</u>Si on passe dans un surchauffeur, il s'agit du cycle de Hirn et non plus de Rankine! Sur le schéma ci-dessus, 3-4 correspond au cycle de Rankine et 3'-4' au cycle de Hirn.

Travail



Plus la différence de volume massique entre les phases de détente et de compression est grande, plus le travail effectué sera grand :

$$w_{net} = w_{turbine}^* - w_{pompe} \tag{9.7}$$

Pour maximiser cette différence, on effectue un changement de phase

$$w_{pompe} = v_L \int_{p_1}^{p_2} dp = v_L (p_2 - p_1)$$

 $w_{turbune} = \int_{p_4}^{p_3} v_V dp$ (9.8)

Figure 9.4

Dans ces conditions, le travail de la pompe sera 1k plus petit que celui de la turbine : on le néglige

$$v_L \ll v_V \to w_{pompe} \ll |w_{turbine}|$$
 (9.9)

Pour effectuer le changement de phase, on surchauffe la vapeur avant de la détendre : c'est le cycle de Hirn

Analyse énergétique

On considère un système **ouvert** $(q + w = h_2 - h_1)$, stationnaire, une entrée/sortie et pas de variation de T et V. Faisons le bilan :

Pompe
$$(q = 0)$$
 $w_{pompe} = h_2 - h_1 = v(p_2 - p_1) = 1/\rho(p_2 - p_1)$

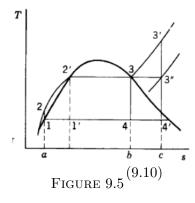
Chaudière
$$(w=0)$$
 $q_{in}=h_3-h_2$

Turbine
$$(q=0)$$
 $w_{turbine}^* = h_3 - h_4$

Condenseur
$$(w=0)$$
 $q_{out} = h_1 - h_4$

L'efficacité thermique vaut dès lors

$$\epsilon_{th} = \frac{\text{aire } 1 - 2 - 2' - 3 - 4 - 1}{\text{aire } a - 2 - 2' - 3 - b - a}$$



Ou encore

$$\epsilon_{th} = \frac{w_{turbine}^* - w_{pompe}}{q_{in}} = \frac{q_{in} - |q_{out}|}{q_{in}} = 1 - \frac{|q_{out}|}{q_{in}}$$
(9.11)

On remarque que cette expression est proche du cycle de Carnot. En fait, c'est le cycle qui s'en rapproche le plus. La seule différence avec le cycle de Carnot est que les deux isobares ont été remplacés par des isothermes, rendant sa réalisation possible.

Cycle idéal vs cycle réel

Le fait d'être le cycle de Carnot pour les centrales thermiques lui offre un rendement exergétique de plus de 80%. Cependant, il possède plusieurs inconvénients :

- Mettre le condenseur sous-vide pour utiliser l'ambiance comme source froide est difficile
- Condensation partielle dans la turbine. Si le titre de vapeur est inférieur à 0.88, l'érosion débarque
- Pertes en tuyauterie (charge et chaleur vers l'ambiance)
- Pertes en turbines et dans la pompe (dissipation visqueuse)
- Pertes dans le condenseur (refroidissement sous la température de saturation

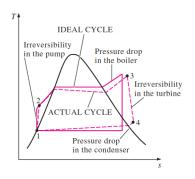
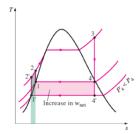


Figure 9.6

9.2.2 Le cycle de Rankine-Hirn

Améliorations possibles du cycle



On peut diminuer la pression dans le condensateur, cela augmente le travail net (rose, 1'-2'-2-1-4'-4), la chaleur fournie au liquide augmente aussi (augmente de 2'-2, vert) et l'efficacité thermique augmente aussi. Cependant, réduire la pression réduit le titre, le rendement et le risque d'érosion augmente.

Figure 9.7

Un autre moyen de faire est de surchauffer la vapeur. Le travail net augmente (rose), la chaleur fournie au liquide aussi (3-3'), l'effet net est une augmentation de l'efficacité et la teneur en eau en 4' diminue. Hélas, l'irréversibilité augmente, la totalité du chauffage est irréversible : le rendement exergétique diminue.

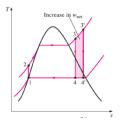
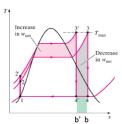


Figure 9.8



Troisième amélioration possible : augmenter la pression maximale. Le travail net augmente (rose) et diminue en même temps (gris) : w_{net} est constant. Par contre, la chaleur rejetée par l'air diminue 4'-4-b-b'-4' et le rendement exergétique augmente. L'inconvénient est que la teneur en eau augmente.

FIGURE 9.9

Alternative : cycle à resurchauffe

On introduit une ou plusieurs surchauffes : l'efficacité est presque constante, mais la teneur en eau est réduit. L'idée est de faire une détente incomplète puis de la re-réchauffer et effectuer une deuxième détente, cette fois-ci complète. Ca fonctionne, mais il faut deux turbines!

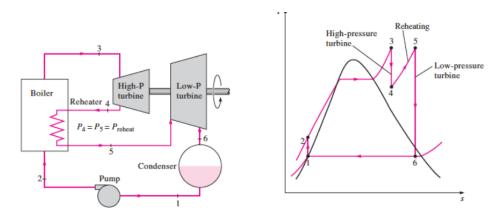


FIGURE 9.10 – Cycle à resurchauffe

Alternative: cycle a soutirage

La basse température est un problème niveau exergétique (on perd la plus part de notre exergie). Ici, l'idée est de prélever une fraction de vapeur dans la turbine à une pression intermédiaire pour réchauffer l'eau à la sortie de la pompe. C'est mieux, car rajouter une turbine est plus compliqué que de rajouter une pompe.

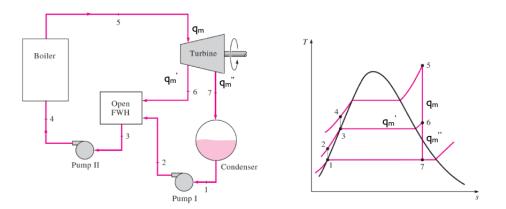


Figure 9.11 – Cycle à soutirage

En pratique, plusieurs soutirages et des réchauffeurs d'eau à mélange sont utilisés. Le calcul du rendement est simple, mais pas intéressant.

9.3 Cycles à gaz

9.3.1 Intro: moteurs à combustion interne

Avant d'étudier ces moteurs, il est nécessaire de formuler quelques hypothèses : le débit d'air est constant, le gaz est comme moi PARFAIT (au cas ou) (c_p) , la combustion est remplacée par un échangeur de chaleur d'une source externe. De plus, on complète le cycle par un échange de chaleur avec l'ambiance (remplace l'admission/échappement) et toutes les transformations sont supposées réversibles.

9.3.2 Cycle de Joule-Brayton

Cycle idéal

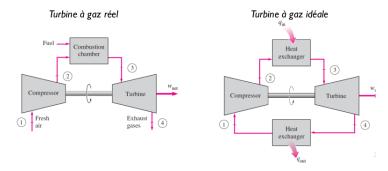


FIGURE 9.12 – Cycle de Joule-Brayton

Il s'agit du cycle **idéal** pour les turbines à gaz, composé de deux échanges de chaleurs isobares et deux variations de pressions isentropiques, exactement comme le cycle de Rankine à une exception : le fluide est **toujours** à l'état gazeux.

Procédons à l'analyse énergétique. Nous savons que les échanges

de chaleurs sont isobares $(q = \Delta h)$ et que la compression/détente sont adiabatiques $(w = \Delta h)$.

- Compresseur $(q = 0) : w_c = h_2 h_1 = c_p(T_2 T_1)$
- Chambre de combustion $(w=0): q_{in}=h_3-h_2=c_p(T_3-T_2)$
- Turbine $(q = 0) : w_t^* = h_3 h_4 = c_p(T_3 T_4)$
- Échangeur $(w = 0) : q_{out} = h_1 h_4 = c_p(T_1 T_4)$

L'efficacité thermique se définit alors (attention au $-w_p!$):

$$\epsilon_{th} = \frac{w_t^* - w_p}{q_{in}} = \frac{q_{in} - |q_{out}|}{q_{in}} = 1 - \frac{|q_{out}|}{q_{in}}$$
(9.12)

Avec nos expressions fraîchement écrites, on trouve

$$\epsilon_{th} = 1 - \frac{T_4 - T_1}{T_3 - T_2} - 1 - \frac{T_1(T_4/T_1 - 1)}{T_2(T_3/T_2 - 1)} \tag{9.13}$$

Il est possible de ré-écrire ce rendement en fonction du taux du compression Π en utilisant les transformations adiabatiques réversibles $(pv^k = cste)$:

$$T_2 = T_1 \frac{P_2^{\frac{k-1}{k}}}{P_1} = T_1 \Pi^{\frac{k-1}{k}}, \quad T_3 = T_4 \frac{P_2^{\frac{k-1}{k}}}{P_1} = T_4 \Pi^{\frac{k-1}{k}}, \quad k = \frac{c_p}{c_v}.$$
(9.14)

On en déduit que

$$\frac{T_4}{T_1} = \frac{T_3}{T_2}, n \qquad \frac{T_1}{T_2} = \frac{1}{\prod^{\frac{k-1}{k}}}$$
(9.15)

Le rendement s'écrit alors

$$\epsilon_{th} = 1 - \frac{1}{\prod^{\frac{k-1}{k}}} \tag{9.16}$$

On remarque directement deux inconvénients majeurs : l'importance de w_c par rapport à w_t (différent de Rankine-Hirn) mais surtout la puissance onéreuse est plus élevée que la puissance utile.

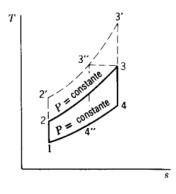


Figure 9.13

Analysons le rendement. On se rend compte que quand Π augmente (avec T_3/T_2 constant), le rendement fait de même : le cycle devient 1-2'-3'-4-1. Ceci implique que $w'>w, |q'_L|=|q_L|$. En pratique, la température T_3 est limitée de sorte que lorsque Π augmente avec T_3 constante, le cycle devient 1-2'-3"-4"-1. Calculons dès lors l'expression du travail pour un tel cycle :

$$w = (h_3 - h_4) - (h_2 - h_1) = c_p(T_3 - T_4) - c_p(T_2 - T_1)$$
 (9.17)

En mettant T_1 en évidence, on peut obtenir

$$w = c_p T_1 \left[\left(\frac{T_3}{T_1} - \frac{T_4}{T_1} \right) - \left(\frac{T_2}{T_1} - 1 \right) \right] = c_p T_1 \left[\frac{T_3}{T_1} \left(1 - \frac{T_4}{T_3} \right) - \left(\frac{T_2}{T_1} - 1 \right) \right]$$
(9.18)

On obtient finalement

$$w = c_p T_1 \left[\frac{T_3}{T_1} \left(1 - \frac{1}{\prod^{\frac{k-1}{k}}} \right) - \left(\prod^{\frac{k-1}{k}} - 1 \right) \right]$$
 (9.19)

En dérivant cette expression par rapport à Π^{λ} , il est possible de trouver le travail maximum¹:

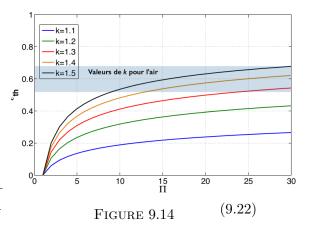
$$\frac{dw}{d\Pi^{\lambda}} = 0 \Leftrightarrow \Pi^{2\lambda} = \frac{T_3}{T_1} \tag{9.20}$$

En en tire

$$\Pi = \left(\frac{T_3}{T_1}\right)^{\frac{1}{2\lambda}} = \left(\frac{T_3}{T_1}\right)^{\frac{k}{2(k-1)}} \tag{9.21}$$

Le rendement peut alors s'écrire

$$\epsilon_{th} = 1 - \sqrt{\frac{T_1}{T_3}}$$



Cycle réel

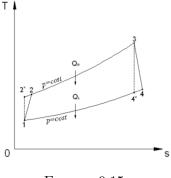


Figure 9.15

Nous avons jusqu'ici discuter du cas idéal mais il est clair que pour obtenir une description réelle il faut introduire les différentes pertes. Commençons par les pertes par dissipation visqueuses (rendements isentropiques). Nous pouvons simplifier les c_p pour obtenir

$$\eta_c = \frac{h_{2*} - h_1}{h_2 - h_1} = \frac{T_{2*} - T_1}{T_2 - T_1} \ \eta_t = \frac{h_3 - h_4}{h_3 - h_{4*}} = \frac{T_3 - T_4}{T_3 - T_{4*}}$$
(9.23)

Il faut également tenir compte des pertes de charges et des pertes mécaniques. Sur le diagramme ci-contre, on peut symboliser ceci par les lignes 1-2 et 3-4 qui ne représentent $\bf pas$ une transformation mais jusque les états finaux 2 .

L'efficacité du cycle réel est alors modifiée par la présence des rendements isentropiques. Nous avions

$$\epsilon_{th} = \frac{w_{net}}{q_{in}} = \frac{c_p(T_3 - T_4) - c_p(T_2 - T_1)}{c_p(T_3 - T_2)}$$
(9.24)

- 1. On pose $\lambda = \frac{k-1}{k}$.
- 2. On ne peut pas représenter ici une transformation réversible

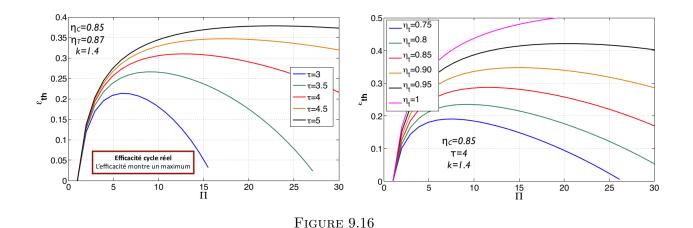
En introduisant les expressions, on peut obtenir (calculs non détaillés ici, mais l'idée est d'ajouter et soustraire T_1 au numérateur pour faire apparaître $T_{2*} - T_1$ et l'exprimer avec le rendement isentropique du compresseur) :

$$\epsilon_{th} = \frac{\tau \eta_t \left(1 - \frac{1}{\Pi^{\lambda}} \right) - \frac{\left(\Pi^{\lambda} - 1 \right)}{\eta_c}}{(\tau - 1) - \frac{\left(\Pi^{\lambda} - 1 \right)}{\eta_c}} \tag{9.25}$$

où $\tau = T_3/T_1$. On remarque que

A retenir : L'efficacité du cycle réel est fonction de la température maximale du cycle T_3 ainsi que des rendements isentropiques η_c et η_t .

Les graphiques de l'efficacité sont aussi modifiés : ce n'est plus du tout asymptotique, on tend ici vers un maximum avant de décroître.



Si on fixe les η_c/η_t , k on observe le diagramme de gauche représentant l'efficacité $\epsilon = f(\Pi, \tau)$. Si on fait cette fois-ci varier η_t pour obtenir le graphe $\epsilon = f(\Pi, \eta_t)$ (droite) on voit que l'effet d'une variation est ÉNORME : avoir une turbine plus ou moins isentropique joue énormément.

Cycle à récupération

L'avantage de chauffer l'air est que l'on doit moins utiliser nos échangeurs thermiques : on gagne donc en chaleur.

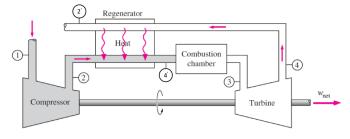


Figure 9.17

Dans le meilleur des cas, $T_2' = T_2$ et $T_4' = T_4$ mais ne rêvons pas car cela signifierait un $\Delta T = 0$. Calculons l'efficacité du cycle de Joule à récupération :

$$\epsilon_{th} = \frac{c_p(T_3 - T_4) - c_p(T_2 - T_1)}{c_p(T_3 - T_2)} = 1 - \frac{T_2 - T_1}{T_3 - T_4} = 1 - \frac{T_1}{T_3} \frac{\left(\frac{T_2}{T_1} - 1\right)}{\left(1 - \frac{T_4}{T_3}\right)}$$
(9.26)

En ré-écrivant ceci à l'aide de $\Pi^{\frac{k-1}{k}}$ on obtient

$$\epsilon_{th} = 1 - \frac{T_1}{T_3} \frac{\left(\Pi^{\frac{k-1}{k}} - 1\right)}{\left(1 - \frac{1}{\Pi^{\frac{k-1}{k}}}\right)} = 1 - \frac{T_1}{T_3} \Pi^{\frac{k-1}{k}}$$

$$(9.27)$$

Et finalement:

A retenir:

$$\epsilon_{th} = 1 - \frac{\prod^{\frac{k-1}{k}}}{\tau} > \epsilon_{JB} \tag{9.28}$$

Cette efficacité augmente avec τ (plus de chaleur disponible pour la récupération) et diminue avec Π (moins de chaleur disponible pour la récupération)

Au niveau des diagramme, quelle est la différence? Avant nous avions $h_3 - h_2$ et maintenant on considère h'_4 , la partie 2-4' n'a plus de transfert de chaleur et l'effet onéreux n'est plus que $h_3 - h_4$ ". Le principal avantage c'est qu'on récupère plus de chaleur. Par contre, il a fallu mettre un tuyau en plus et la construction est devenue plus cher (bien qu'énergétiquement plus avantageux).

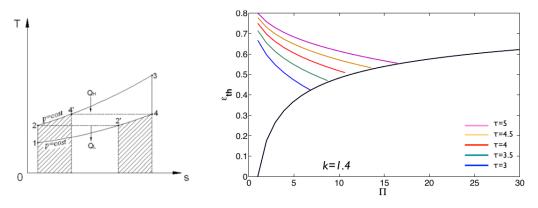


FIGURE 9.18 – Cycle à récupération idéal

Un tel cycle n'est pas toujours possible, il faut que la température à la sortie de la turbine soit plus élevée qu'à l'entrée du compresseur. Graphiquement, si $T_4 < T_2$ nous somme au delà de la courbe noire ci-dessus, représentant l'efficacité de Joule idéale. Si ce n'est pas le cas, il faut considérer les différentes courbes en fonction de τ à gauche de cette courbe. Notons que l'intersection de ces courbes correspond à $T_4 = T_2$.

Cycle à compression et détente étagée

Le but est toujours de maximiser le travail dans la turbine. Pour avoir du travail dans la turbine (travail isotherme > travail adiabatique), il faut "payer" un travail au compresseur : il faut donc

^{3.} Tout ceci est pour le cas idéal. Pour le cas réel, voir slides 50-52. L'efficacité réelle est définie par rapport au seuil enthalpique maximum que l'on pourrait obtenir (4-2)

minimiser ce travail. Une autre façon de voir les choses est de penser au diagramme p-V. Nous sommes en système ouvert $w=\int vdp$. Le travail d'une adiabatique (pour la compression) (k=1.4) projeté sur l'axe P sera plus important que le travail d'une isotherme (k=1). Cependant, pour passer au point 1 au point 2 (détente) on souhaite avoir un travail maximal : c'est l'isotherme qui donne un travail maximal dans cette situation 4

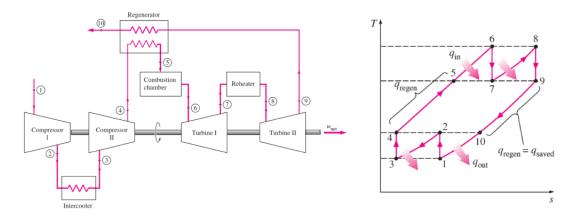


Figure 9.19 – Cycle à compression et détente étagée

L'installation fonctionne de la sorte : après une première compression, la température est refroidie puis le gaz est à nouveau compressé. Le coût de l'installation augmente mais c'est bien mieux énergétiquement. A la sortie de la turbine (7) réchauffer le gaz avant d'entrer dans la seconde turbine est aussi plus avantageux. Le souci d'une telle installation est qu'il faut tout avoir en double.

Le cycle du turboréacteur repose sur une variante du cycle de Joule.

9.3.3 Cycle de Ericsson

^{4.} Pour s'en rendre compte, tracer un diagramme!