

Cours 3: Algèbre relationnelle

Etude des opérateurs de l'algèbre relationnelle

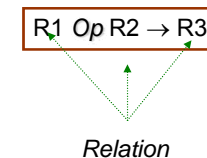
- Opérateurs ensemblistes
- Sélection
- Projection
- Jointure
- Division
- Opérateurs dérivés

Dédiés

Algèbre relationnelle

Ensemble d'opérateurs définis sur l'ensemble des relations:

- le résultat de toute opération algébrique est une relation (*propriété de fermeture*)
- une base formelle pour les requêtes
- utiles pour l'implémentation et l'optimisation des requêtes



Opérateurs algébriques

Opérateurs ensemblistes :

UNION, INTERSECTION, DIFFERENCE, PRODUIT

reformulés spécifiquement pour le modèle relationnel

Opérateurs relationnels spécifiques :

SELECTION, PROJECTION, JOINTURE, DIVISION

Opérateurs dérivés :

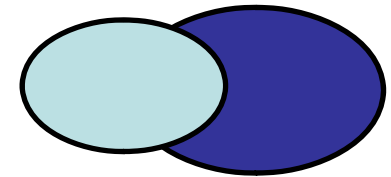
JOINTURE EXTERNE, SEMI-JOINTURE, ...



Faire des couper/coller de lignes et de colonnes

3.1 Opérations Ensemblistes

- OPERATIONS ENSEMBLISTES **POUR DES RELATIONS DE MEME SCHEMA**
UNION
INTERSECTION
DIFFERENCE



- OPERATIONS ENSEMBLISTES **POUR DES RELATIONS DE SCHEMAS QUELCONQUES**
PRODUIT CARTESIEN

- OPERATIONS BINAIRES
Relation1 **op** Relation2 --> Relation3

L'ordre de des lignes importe peu

Opérateur UNION

Soit deux relations $R1$ et $R2$ de même schéma

$R1 \cup R2$ est la relation contenant les tuples appartenant à $R1$ ou à $R2$

R1

A1	A2	A3
a1	a2	a3
b1	b2	b3
c1	c2	c3
d1	d2	d3

R2

A1	A2	A3
a1	a2	a3
e1	e2	e3
b1	b2	b3

UNION

R1 ∪ R2

A1	A2	A3
a1	a2	a3
b1	b2	b3
c1	c2	c3
d1	d2	d3
e1	e2	e3

Relation temporaire

*

*

Suppression des

lignes identiques

Relation temporaire

commutatif: $[R1 \cup R2] = [R2 \cup R1]$

associatif: $[(R1 \cup R2) \cup R3] = [R2 \cup (R1 \cup R3)]$

* *
Suppression des
lignes identiques

Opérateur INTERSECTION

Soit deux relations $R1$ et $R2$ de même schéma

$R1 \cap R2$ est la relation contenant les tuples appartenant à $R1$ et à $R2$

R1

A1	A2	A3
a1	a2	a3
b1	b2	b3
c1	c2	c3
d1	d2	d3

R2

A1	A2	A3
a1	a2	a3
e1	e2	e3
b1	b2	b3

INTERSECTION

R1 ∩ R2

A1	A2	A3
a1	a2	a3
b1	b2	b3

* *

On garde que les lignes identiques

relation temporaire

Relation temporaire

commutatif: $[R1 \cap R2] = [R2 \cap R1]$

associatif: $[(R1 \cap R2) \cap R3] = [R2 \cap (R1 \cap R3)]$

* *
On garde que les
lignes identiques

Opérateur DIFFERENCE

Soit deux relations R1 et R2 de même schéma

R1 - R2 est la relation contenant les tuples de R1 n'appartenant pas à R2

R1	A1	A2	A3	
	a1	a2	a3	*
	b1	b2	b3	*
	c1	c2	c3	
	d1	d2	d3	

R2	A1	A2	A3	
	a1	a2	a3	*
	e1	e2	e3	
	b1	b2	b3	*

DIFFERENCE

R1-R2

Relation temporaire

A1	A2	A3
c1	c2	c3
d1	d2	d3

Non commutatif: $[R1 - R2] \neq [R2 - R1]$

Non associatif: $[(R1 - R2) - R3] \neq [R2 - (R1 - R3)]$

Opérateur Produit cartésien

Soient les relations $R(A_1, \dots, A_n)$ et $S(B_1, \dots, B_p)$

avec $\{A_1, \dots, A_n\} \cap \{B_1, \dots, B_p\}$ éventuellement vide

Le **produit cartésien** de S et de R noté **R x S**

est défini par la relation $Q(A_1, \dots, A_n, B_1, \dots, B_p)$ telle que :

$(a_1, \dots, a_n, b_1, \dots, b_p) \in Q$ ssi $(a_1, \dots, a_n) \in R$ et $(b_1, \dots, b_p) \in S$

R1	A	B	C
	a1	b1	c1
	a2	b2	c2
	a3	b3	c3

R2	X	Y
	x1	y1
	x2	y2

PRODUIT CARTESIEN

R1XR2

commutatif: $[R1 \times R2] = [R2 \times R1]$

associatif: $[(R1 \times R2) \times R3] = [R2 \times (R1 \times R3)]$

A	B	C	X	Y
a1	b1	c1	x1	y1
a2	b2	c2	x1	y1
a3	b3	c3	x1	y1
a1	b1	c1	x2	y2
a2	b2	c2	x2	y2
a3	b3	c3	x2	y2

Propriétés de la structure

Même schéma

$$\text{degré}(R1 \cup R2) = \text{degré}(R1) = \text{degré}(R2)$$

$$\text{degré}(R1 \cap R2) = \text{degré}(R1) = \text{degré}(R2)$$

$$\text{degré}(R1 - R2) = \text{degré}(R1) = \text{degré}(R2)$$

Schéma quelconque

$$\text{degré}(R1 \times R2) = \text{degré}(R1) + \text{degré}(R2)$$

Opérateur SELECTION

La sélection : opérateur **SELECT** - sélection d'un sous-ensemble de tuples d'une relation qui vérifient une condition

exemple : $\sigma_{\text{adresse}=\text{PARIS}}$ (Client)

Client

relation
résultante

numéro	nom	adresse	téléphone
101	Durand	NICE	0493942613
106	Fabre	PARIS	
110	Prosper	PARIS	
125	Antonin	MARSEILLE	0491258472

La relation résultante :
*même schéma que la relation
sur laquelle porte la sélection*

Expression de sélection:

$= | \neq | \leq | < | > | \geq$
 $\wedge | \vee | \neg$

Exercice

1. Afficher les clients qui habitent Paris ou Nice
2. Afficher les ventes du client n° 120 du 20 oct 04
3. Afficher les clients qui n'habitent pas Nice

Q1 : σ adresse = PARIS or adresse = Nice (Client)

Q2 : σ numéro_client = 120 and date = 20 oct 04 (Vente)

Q3 : σ adresse \neq Nice (Client)

Vente

numéro	référence_produit	numéro_client	date
00102	153	101	12/10/04
00809	589	108	20/01/05
11005	158	108	15/03/05
12005	589	125	30/03/05

Opérateur PROJECTION

La projection : opérateur **PROJECT** – sélection de certaines colonnes d'une relation

exemple : π nom, téléphone (Client)

Client

numéro	nom	adresse	téléphone
101	Durand	NICE	0493942613
106	Fabre	PARIS	NULL
110	Prosper	PARIS	NULL
125	Antonin	MARSEILLE	0491258472

Fabre à la place de Prosper?

Relation résultante

Exercice

1. Afficher la référence du produit et numéro de client
2. Afficher le nom et l'adresse des clients de Nice

Q1 : π Référence_produit, numéro_client (Vente)

Q2 : π nom, adresse (Client)

Vente

numéro	référence_produit	numéro_client	date
00102	153	101	12/10/04
00809	589	108	20/01/05
11005	158	108	15/03/05
12005	589	125	30/03/05

Opérateur JOINTURE / Theta-JOINTURE

La jointure : opérateur **JOIN**, noté \bowtie - combiner une paire de tuples de deux relations en un seul tuple

Client \bowtie Vente
 numéro = no_client
 Critère de sélection:
 = | \neq | \leq | $<$ | $>$ | \geq

Client				Vente			
numéro	nom	adresse	téléphone	numéro	ref_produit	no_client	date
101	Durand	NICE	0493942613	00102	AF153	101	12/10/04
106	Fabre	PARIS	NULL	00809	BG589	106	18/10/04
106	Fabre	PARIS	NULL	11005	VF158	106	05/10/04
125	Antonin	MARSEILLE	0491258472	12005	BG589	125	25/10/04

La relation résultante :

- autant d'attributs que le produit cartésien (degré(R1) + degré(R2))
- moins de tuples

Exercice

1. Afficher le nom des clients avec les dates de leurs achats
2. Afficher, pour le client numéro 125, le numéro de vente et la marque des produits achetés

Q1 : π (Client \bowtie Vente)
 Client.nom, Vente.date Client.numéro = Vente.no_client

Q2 : $V1 = \sigma$ (Vente)
 Vente.no_client = 125

$R1 = V1 \bowtie$ Produit
 Vente.ref_produit = Produit.référence

Res = π (R1)
 Vente.numéro, Produit.marque

Exercice (suite)

3. Afficher la référence des produits dont le prix est supérieur au produit qui a pour référence 153.

PRODUIT

référence	marque	prix
153	BMW	1000
589	PEUGEOT	1800
158	TOYOTA	1500

curseurs

PRODUIT

référence	marque	prix
153	BMW	1000
589	PEUGEOT	1800
158	TOYOTA	1500

Q3 $P1 = \rho$ (Produit) opérateur de renommage

$P2 = \sigma$ (P1)
 P1.référence = 153

Res = π (Produit \bowtie P2)
 Produit.référence Produit.prix > P1.prix

Opérateur Equijointure / Jointure naturelle

- **Théta-jointure avec opérateur =**
 - **Equijointure** la condition fait appel à l'opérateur =
 - Jointure **naturelle** noté * :
équijointure dont la condition porte sur des attributs identiques (de même domaine et même nom)
un seul des deux attributs est conservé dans le résultat
- Equivalent**

no_client

Client				Vente			
numéro	nom	adresse	téléphone	numéro	ref_produit	no_client	date
101	Durand	NICE	0493942613	00102	AF153	101	12/10/04
106	Fabre	PARIS		00809	BG589	106	18/10/04
106	Fabre	PARIS		11005	VF158	106	05/10/04
125	Antonin	MARSEILLE	0491258472	12005	BG589	125	25/10/04

Exemple de jointure naturelle

Afficher le nom des clients avec les dates de leurs achats

π (Client \bowtie Vente)
Client.nom, Vente.date Client.numéro = Vente.no_client

ou

Renommage Client.numéro en Client.no_client

π (Client * Vente)
Client.nom, Vente.date

no_client	nom	adresse	téléphone	numéro	ref_produit	date
101	Durand	NICE	0493942613	00102	AF153	12/10/04
106	Fabre	PARIS		00809	BG589	18/10/04
106	Fabre	PARIS		11005	VF158	05/10/04
125	Carré	MARSEILLE	0491258472	12005	BG589	25/10/04

Opérateur JOINTURE EXTERNE

La jointure externe entre les relations S et R notée $S \bowtie R$:

- ✓ la jointure $S \bowtie R$
- ✓ les tuples de S et R ne participant pas à la jointure

CLIENT \bowtie VENTE

no_client	nom	adresse	téléphone	numéro	ref_produit	date
101	Durand	NICE	0493942613	00102	AF153	12/10/04
106	Fabre	PARIS	NULL	00809	BG589	18/10/04
106	Fabre	PARIS	NULL	11005	VF158	05/10/04
110	Prosper	PARIS	0491258472	12005	BG589	25/10/04
125	Antonin	MARSEILLE	NULL	NULL	NULL	NULL

A droite et à gauche

Pas d'informations

Opérateur SEMI_JOINTURE

La jointure externe entre les relations S et R notée $S \ltimes R$:

- ✓ la jointure $S \ltimes R$
- ✓ les tuples de R (S) ne participant pas à la jointure

CLIENT \ltimes VENTE

no_client	nom	adresse	téléphone	numéro	ref_produit	date
101	Durand	NICE	0493942613	00102	AF153	12/10/04
106	Fabre	PARIS	NULL	00809	BG589	18/10/04
106	Fabre	PARIS	NULL	11005	VF158	05/10/04
110	Prosper	PARIS	0491258472	12005	BG589	25/10/04
125	Antonin	MARSEILLE	NULL	NULL	NULL	NULL

Pas d'informations

Opérateurs déduits

Intersection :

$$R \cap S = R - (R - S) = S - (S - R) \text{ ou } R \cap S = (R \cup S) - ((R - S) \cup (S - R))$$

Jointure naturelle :

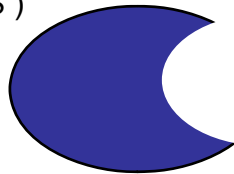
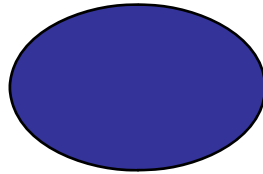
Soient $R(X,Y)$ et $S(Y,Z)$
 $R * S = \pi [X,Y,Z] \sigma [Y = Y'] (R \times \alpha[Y : Y'] S)$

Thêta jointure :

Soient $R(X,Y)$ et $S(U,V)$
 $R * [p] S = \sigma [p] (R \times S)$

Division :

Soient $R(X,Y)$ et $S(Y)$
 $R/S = \pi [X] R - \pi [X] ((\pi [X] R) \times S) - R$



Complexité des opérateurs

Sélection : $\sigma [\text{condition}] R$

- Au plus: balayer la relation + tester la condition sur chaque tuple.
- Complexité = $\text{card}(R)$.
- Taille du résultat : $[0 : \text{card}(R)]$.

Projection : $\pi [A_i, A_k \dots] R$

- Balayer la relation + élimination doublons
- Complexité = $\text{card}(R)$. 0 si inclut dans une sélection
- Taille du résultat : $[1 : \text{card}(R)]$.

Jointure (naturelle ou thêta) entre R et S

- Balayer R et pour chaque tuple de R faire :
Balayer S et comparer chaque tuple de S avec celui de R.
- Complexité = $\text{card}(R) \times \text{card}(S)$.
- Taille du résultat : $[0 : \text{card}(R) \times \text{card}(S)]$.

Exercice

Relations :

- Journal (code-j, titre, prix, type, périodicité)
- Dépôt (no-dépôt, nom-dépôt, adresse)
- Livraison (no-dépôt, code-j, date-liv, quantité-livree)

Requêtes :

- Quel est le prix des journaux ?
- Donnez tous les renseignements connus sur les hebdomadaires.
- Donnez les codes des journaux livrés à Nice.
- Donnez les numéros des dépôts qui reçoivent tous les journaux.