Estadística Inferencial

Capítulo VIII - Ejercicio 02

Aaric Llerena Medina

De la historia sacada de los registros de la Universidad se ha determinado que las calificaciones del curso de MATE1 y de FILO1 se distribuyen normalmente con las medias respectivas 12 y 15 y con varianzas homogéneas igual a 4. ¿Cuál es la probabilidad de que la media de las notas de un alumno que llevó tales curso esté entre 13 y 16?

Solución:

Se debe calcular la media y la varianza de \bar{X} :

o dos o carcarar la modra y la varianza c

$$\mu_{\bar{X}} = \frac{\mu_1 + \mu_2}{2} = \frac{12 + 15}{2} = \frac{27}{2} = 13.5$$

• Varianza de \bar{X} :

$$\sigma_{\bar{X}}^2 = \frac{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}{4} = \frac{4+4}{4} = 2$$

Para calcular la probabilidad de que \bar{X} esté entre 13 y 16, se debe estandarizar la variable:

$$Z = \frac{X - \mu_{\bar{X}}}{\sqrt{\sigma_{\bar{X}}^2}}$$

Calcular los valores estandarizados para los límites:

• Para
$$\bar{X} = 13$$
:

• Media de \bar{X} :

• Para
$$\bar{X} = 16$$
:

$$Z = \frac{13 - 13.5}{\sqrt{2}} = \frac{-0.5}{\sqrt{2}} \approx -0.3536$$
 $Z = \frac{16 - 13.5}{\sqrt{2}} = \frac{2.5}{\sqrt{2}} \approx 1.7678$

La probabilidad de que Z esté entre -0.3536 y 1.7678 se expresa como: P (-0.3536 < Z < 1.7678). Usando la tabla de distribución normal:

•
$$P(Z < -0.35) \approx 0.4013$$

■
$$P(Z < 1.77) \approx 0.9616$$

Continuando, la probabilidad es:

$$P(-0.3536 < Z < 1.7678) = P(Z < 1.77) - P(Z < -0.35)$$

= $0.9616 - 0.4013 = 0.5603$

La probabilidad de que la media de las notas de un alumno que llevó los cursos de MATE1 y FILO1 esté entre 13 y 16 es aproximadamente 0.5603.