A. 芽芽與空白的戰爭(動態規劃)

Description

芽芽今天又遇到了空、白,於是,她決定來跟他們決鬥。

芽芽拿著祖傳 BB 槍,並且拿著口袋僅存的 C 塊錢,來到了武器店,來購買一些可以造成傷害的道具。

武器店有販賣 N 顆 BB 彈,第 i 顆 BB 彈要花 x_i 塊錢購買,並且可以獲得 y_i 的 傷害。購買後的 BB 彈可以直接裝入芽芽的祖傳 BB 槍內進行使用。

除此之外,武器店還有販賣 M 種弓,以及每種弓相對應的箭。每種弓相對應的箭都是無限供應的。如果想要使用第 i 把弓,芽芽會需要先花 a_i 塊錢購買該把弓,買到這把弓之後,每當芽芽想要用這把弓射出相對應的一把箭時,她需要花費 b_i 塊購買該枝箭,並且可以獲得 c_i 的傷害。再次提醒,每種弓相對應的箭都是無限供應的。

現在,芽芽給你這些資訊,請你告訴芽芽,在花費不超過 C 的狀況下,她可以給空、白造成的最大傷害量是多少,並且請你告訴她有多少種方法可以達到這個傷害量。如果你只能跟她講出正確的最大傷害量,你還是可以獲得一些分數,詳細請參考「配分」區域的說明。

兩種方法被視為不一樣,若且唯若以下條件**至少一條**成立:

- 存在某一顆 BB 彈,有一個方法有使用這顆 BB 彈,而另外一個方法沒有使用
- 存在一把弓,有一個方法有購買這把弓,而另外一個方法沒有購買
- 存在一把弓相對應到的箭,兩種方法射出這種箭的數量不一樣

題目保證可以達到的最大傷害量一定不會是 0。 範例的解釋在配分的下方!

Input

輸入的第一行包含三個整數 N, M, C,分別代表武器店販賣的 BB 彈的顆數、販賣的弓的種類數,以及芽芽所剩的零錢。

接下來的 N 行,每行包含兩個整數 x_i, y_i ,分別代表第 i 顆子彈的購買費用,以 及能夠造成的殺傷力。

接下來的 M 行,每行包含三個整數 a_i, b_i, c_i ,代表第 i 種弓的購買費用、第 i 種弓相對應到的箭購買一枝的費用,以及可以得到的殺傷力。

- $0 \le N, M \le 200$
- $N + M \ge 1$
- $1 \le C \le 20000$
- $1 \leq x_i, a_i, b_i \leq C$

- $1 \le y_i, c_i \le 20000$
- 保證可以達到的最大傷害量一定不會是 0

Output

輸出兩個數字於一行,第一個數字代表最大可能造成的傷害量,第二個數字是能造成該傷害量的方法數。由於方法數很大,請輸出該數字 $\bmod 10^9+7$ 後的結果。

注意到,如果你想拿到「只有輸出最大可能傷害」的部份分數,**你還是要輸出兩個數字**,第二個數字請輸出任意一個介於 $[0,10^9+6]$ 之間的整數。

Sample 1

Input	Output
6 0 10	20 5
10 20	
6 13	
4 7	
3 7	
10 19	
6 13	

Sample 2

Input	Output
0 4 7	4 7
3 1 1	
1 4 4	
2 2 2	
1 7 1000	

Sample 3

Input	Output
3 2 20000	399980000 16
1 20000	
1 20000	
1 20000	
1 1 20000	
1 1 20000	

Sample 4

Input	Output
3 3 13	13 1
3 6	
7 4	
6 2	
4 6 7	
5 4 2	
8 2 5	

Sample 5

Input	Output
4 2 25	60 4
3 8	
2 9	
2 7	
2 7	
2 4 9	
2 4 9	

配分

在一個子任務的「測試資料範圍」的敘述中,如果存在沒有提到範圍的變數,則此變數的範圍為 Input 所描述的範圍。

子任務編號	子任務配分	測試資料範圍
1	0%	範例測試資料
2	50%	M = 0
3	30%	N = 0
4	20%	無特殊限制

如果你輸出的第一個數字是正確的(最大的傷害量是正確的),但第二個數字是錯誤的(方法數是錯誤的),你可以獲得 50% 的分數。

注意到,如果你只想拿到 50% 的分數,請還是要輸出兩個數字,第二個數字可以輸出任意介於 $[0,10^9+6]$ 之間的整數。如果只輸出一個數字,或者是第二個數字沒有介於 $[0,10^9+6]$ 之間,將被判斷成 $Wrong\ Answer$!

Sample 解釋

Sample 1 解釋

以下是達到傷害量 20 的五種方法:

- 購買第一顆 BB 彈
- 購買第二、三顆 BB 彈
- 購買第二、四顆 BB 彈
- 購買第三、六顆 BB 彈
- 購買第四、六顆 BB 彈

Sample 2 解釋

以下是達到傷害量 4 的七種方法:

- 購買第一把弓,並且購買四枝第一把弓的箭
- 購買第二把弓,並且購買一枝第二把弓的箭
- 購買第二、三把弓,並且購買一枝第二把弓的箭
- 購買第二、四把弓,並且購買一枝第二把弓的箭
- 購買第三把弓,並且購買兩枝第三把弓的箭
- 購買第三、二把弓,並且購買兩枝第三把弓的箭
- 購買第三、四把弓,並且購買兩枝第三把弓的箭

Sample 3 解釋

芽芽可以先選擇要不要購買三顆子彈的任意一些子彈後,再選擇兩把弓的其中一把購買,並把剩下的錢都拿去購買該把弓的弓箭。因此,總方法數為 $2^3 \times 2 = 16$ 。

Hint

在計算方法數的時候,小心 overflow (整數溢位)!

芽芽歡迎大家來參加第二階段的認證考,底下是一些注意事項,芽芽希望大家都 看過下面的內容呦~

- 這次的認證考中,**沒有按照難易度排序**,大家可以先看過所有的題目,再挑比較簡單的題目開始寫呦~
- 此外,在每個題目中,都有不少的**子任務**,雖然解決子任務沒有辦法拿到滿分, 不過可以拿到一些部份的分數,而且通常想子任務的解法,是有助於想到滿分 解的。
- 想要起身在家閒晃、躺在地上滾來滾去轉換心情的話,因為是線上考試所以都 是沒有問題的呦~
- 在評測系統(CMS)中,是可以看到每筆測試資料的狀況的!如果得到 TLE, 建議大家想想看,什麼樣子極端的資料,是會讓程式逾時的。如果得到 WA , 建議大家想想看,有沒有什麼樣子的 case 是漏掉沒有考慮的喔~

最後, 芽芽祝福大家考試順利~