
Algorithm 1 Kruskal

Entrée : $G = (V, E, w)$, un graphe pondéré

Sortie : $T = (V, F)$ un Arbre Couvrant de Poids Minimum de G

Complexité : $O(m \log_2(n) + n + m \cdot \alpha(n, m))$

L = la liste des arêtes triées par poids croissant

for each $e \in L$ (pris dans l'ordre) **do**

if e a ses deux extrémités dans deux Composantes Connexes différentes **then**

$F := F \cup \{e\}$

return F

Algorithm 2 Jarnik-Prim

Entrée : $G = (V, E, w)$, un graphe pondéré

Sortie : $T = (V, F)$ un Arbre Couvrant de Poids Minimum de G

Complexité : $O(n \log_2(n) + m)$ avec tas de Fibonacci

Soit s un sommet de G quelconque.

$F := \emptyset$

$C := \{s\}$

while $|C| \neq n - 1$ **do**

 On applique la règle bleue sur $\partial(C)$

 Soit e l'arête choisie à l'instruction précédente

$F = F \cup \{e\}$ (avec $e = \{x, y\}$)

$C = C \cup \{x, y\}$

return F

Algorithm 3 Dijkstra

Entrée : $G = (V, E, w)$, un graphe pondéré et s un sommet de départ

Sortie : $T = (V, F)$ un Arbre de Plus Court Chemin

Complexité :

Partie 1 : Initialisation

for each $v \in V(G)$ **do**

$d[v] := +\infty$

$p[v] := \emptyset$

$d[s] := 0$

$\text{In} := \emptyset$

$\text{Out} := V(G)$

Partie 2 : Calcul des plus courts chemins

while $|\text{In}| < n$ **do**

 Soit x le sommet de Out avec la plus petite valeur $d[x]$

$\text{In} := \text{In} \cup \{x\}$

$\text{Out} := \text{Out} \setminus \{x\}$

for each $z \in N(x)$ **do**

if $(d[z] > d[x] + w(x, z))$ **then**

$d[z] := d[x] + w(x, z)$

$p[z] := x$

return p

Algorithm 4 Bellman (*Bellman-Ford*)

Entrée : $G = (V, E)$, un graphe orienté valué et un sommet s

Sortie : T une arborescence de plus court chemin ou Impossible si pas possible

Complexité : $O(n \times m)$

Partie 1 : Initialisation

for each $v \in V(G)$ **do**

$d[v] := +\infty$

$p[v] := \emptyset$

Partie 2 : Calcul des plus courts chemins

for $i = 1$ to $|V(G)| - 1$ **do**

for each arc (u, v) **do**

if $(d[v] > d[u] + w(u, v))$ **then**

$d[v] := d[u] + w(u, v)$

$p[v] := u$

Partie 3 : Détection de cycle de poids négatif

for each arc (u, v) **do**

if $(d[u] > d[u] + w(u, v))$ **then**

return Impossible (*cycle de poids négatif*)

return p

Algorithm 5 Edmonds-Karp

Au lieu de prendre n'importe quel chemin améliorant de s à t , on prend le plus court en nombre d'arcs et on fait un BFS sur le graphe résiduel G_f .

Entrée : $G = (V, E, c)$, un graphe avec une capacité pour chaque arc

Sortie : f , le flot maximum

Complexité :

while $\exists P$ un chemin f -améliorant dans G **do**

 On augmente le flot le long de P

return f
