



التكنولوجيا التطبيقية
APPLIED TECHNOLOGY
وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني

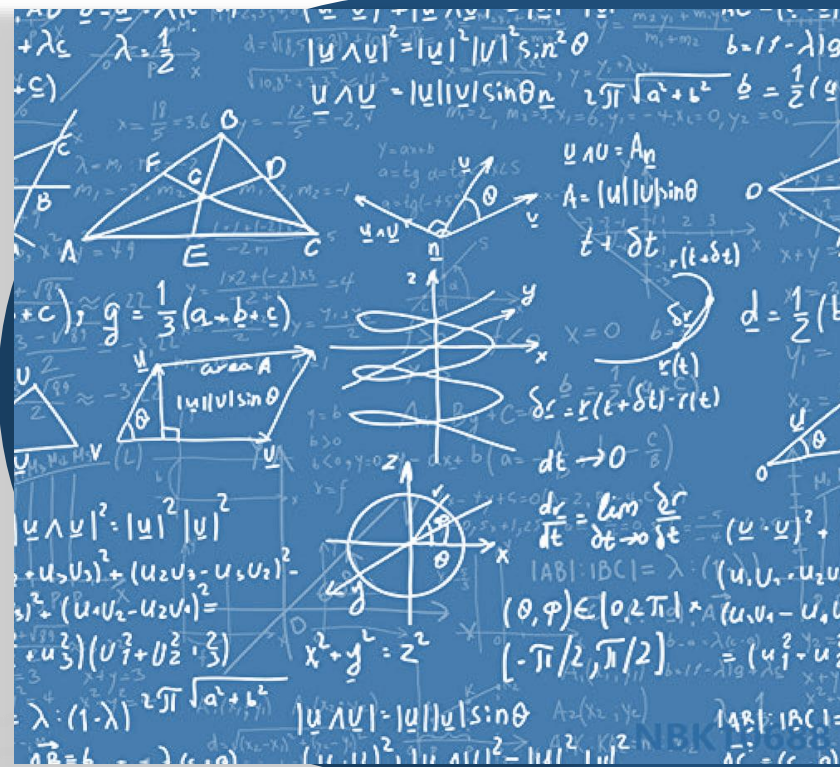


ITALIAN AGENCY
FOR DEVELOPMENT
COOPERATION

تهجلا تا يضا يرا

تونالا فولا

نحن هغل (ةيقيبطتلا ايجولونكتلا سرامم بلاط



الرياضيات البحتة

الصف الثالث

للأغراض الصناعية (إنجليزي)

rd.3

الوحدة الأولى

الأسس واللوغاريتمات والتباديل والتوافيق

صفحة	موضوع	رقم الدرس
5	الأسس النسبية	أولاً
9	حل المعادلات الأسية	ثانية
13	تطبيقات على المعادلات الأسية	ثالث
16	الدالة اللوغاريتمية وعلاقتها بالدالة الأسية	رابعاً
19	خصائص اللوغاريتمات	الخامس
22	حل المعادلات اللوغاريتمية	السادس
25	حل المعادلات الأسية باستخدام اللوغاريتمات	السابع
28	مبدأ العد	ثامن
31	مضروب عدد، التباديل	التاسع
35	التوليفات	العاشر
38	اختبار الوحدة	الحادي عشر
39	تقدير	الثاني عشر

الوحدة الأولى

الأسس واللوغاريتمات والتباديل والتوافيق

عزيزي الطالب، بنهاية دراسة هذه الوحدة، ينبغي أن تكون قد اكتسبت ما يلي القدرات والمعرفة:

- تعريف الدالة الأسية.
- معرفة قوانين الأسس.
- حل المعادلات الأسية.
- معرفة الدالة اللوغاريتمية.
- تحويل الصيغة من الصيغة الأسية إلى الصيغة اللوغاريتمية.
- معرفة قوانين اللوغاريتمات.
- حل المعادلات اللوغاريتمية.
- حل مسائل تتعلق بقوانين اللوغاريتمات.
- إيجاد قيمة اللوغاريتم لعدد ما باستخدام الآلة الحاسبة.
- معرفة مبدأ العد وتطبيقاته.
- معرفة التباديل والتوافيق.
- استخدام الآلة الحاسبة لحساب التباديل والتوافيق.

الأسس النسبية

درسنا سابقاً الضرب المتكرر:

حيث $x \in n$ و $z \in R$ - $x \times x \times x \times \dots \times x = s_n$ ،

1. - x صفر = 1. حيث $x \in R - \{0\}$

R - }0{\exists x حيث $\frac{1}{n} = \frac{1}{n}$

قوانين الأسس

$$1(x) = x^n \times x^m = x^{n+m}$$

$$x(2n \div x) = \text{سن} - \text{م}$$

x () 3 (ن) م = س نانومتر

$$y^{\times n} = (xy)^4$$

$$x(5 \div y) = n \text{ سن } n \div y$$

الأسس النسبية

$$\frac{1}{\omega} = \sqrt{\omega}$$

ملحوظات:

إذا كان n عدداً زوجياً، فإن x يكون عدداً حقيقياً غير سالب.

إذا كان n عدداً فردياً، فإن x يكون عدداً حقيقياً.

تعريف:

$$-\rho(\sqrt{\rho}) = \rho \sqrt{\rho} = \rho^{\frac{3}{2}}$$

مثال 1:

بأبسط صورة:

$$\frac{56 \times 3 - 7}{26}$$

حل

$$1 = \frac{56 \times 3 - 7}{26} = \frac{168 - 7}{26} = \frac{161}{26}$$

المثال الثاني:

بأبسط صورة: $(3 - 4) \times 5(64)$

حل

$$64 = 34 = 18(4) \times 15 - (4) = 3(64) \times 5(3 - 4)$$

المثال 3:

أوجد قيمة:

$$\frac{1}{\epsilon}(16)$$

حل

$$2 = 16\sqrt{\frac{1}{\epsilon}} = \frac{1}{\epsilon}(16)$$

المثال 4:

أوجد قيمة:

$$\frac{1}{3}(27) -$$

حل:

$$3 - = 27\sqrt{\frac{1}{3}} = 3(27) -$$

المثال 5:

أوجد قيمة: $(16)^{\frac{3}{2}}$

$$\frac{3}{2}$$

حل:

$$64 = 3(4) = 3(16\sqrt{\frac{3}{2}}) = \frac{3}{2}(16)$$

المثال السادس:

ع

أوجد قيمة: ${}^3(27)$

حل:

$$81 = 4(3) = \overline{4(27\sqrt{3})} \stackrel{\text{ع}}{=} {}^3(27)$$

المثال 7:

اختزل إلى أبسط صورة: $2x^2 \times 2x + 11 \cdot \frac{1}{2} + 25 \times \text{ع}$ ثم أوجد قيمة النتيجة

عند $x = \frac{1}{2}$

حل

$$2x^2 + 11 = \frac{2x^2 \times 2x + 11 \times 2x + 11}{2x + 1} = \frac{2x^2 \times 2x + 11 \cdot \frac{1}{2} + 25 \times \text{ع}}{1}$$

$$4 = 11 + 1 \times 2 =$$

التمرين 1

باستخدام قوانين الأسس، اختزل ما يلي إلى أبسط صورة:

$$(1) \frac{72 \times 4^{-2}}{3^2}$$

$$(2) 1 - (33) \times 2(2 - 3)$$

$$(3) \frac{33 \times 6^{-3}}{3^2}$$

$$(4) \frac{3}{\epsilon} (81 -)$$

$$(5) \frac{2}{7} (128)$$

$$(6) \frac{2}{3} (343) -$$

$$(7) \text{ أثبت أن: } 1 = \frac{22 \times 4 \times \epsilon \times 19}{1 \times 48 \times 9 \times 1 \epsilon}$$

$$(8) \text{ أثبت أن: } \frac{1}{7} = \frac{3 \times 14 \times 2 \times 3343}{4 \times 3 \times 191}$$

$$(9) \text{ بسط إلى أبسط صورة: } \frac{4 \times 2 \times 5}{10 - 2x}$$

الدرس الثاني

حل المعادلات الأسية

قواعد حل المعادلات الأسية:

- إذا كان $x = n$ س إذا كان x ، فإن

- $n = m$ $n = n$ ص إذا $x = y$

أوس $y \pm =$

أون $=$

إذا كان n عدداً فردياً. إذا
كان n عدداً زوجياً. إذا كان x
ي.

مثال 1:

إذا 3 س - إذا كانت قيمة x تساوي 9 ، فأوجد قيمة x

حل:

$$3^2 = 5 - 3$$

$$\therefore \text{س} = 5 - 2$$

$$\therefore \text{س} = 7$$

المثال الثاني:

إذا 3 س + إذا كانت قيمة x تساوي 1 ، فأوجد قيمة x

حل:

$$3^3 = 7 + 3 \text{ صفر}$$

$$\therefore \text{س} + 7 = \text{صفر}$$

$$\therefore \text{س} = -7$$

المثال 3:

إذا $4س - 1 = 5س - 1$ أوجد قيمة x

حل:

$$س - 1 = صفر$$

$$س = 1$$

المثال 4:

إذا $\frac{1}{120} = 2س - 15$ أوجد قيمة x حل:

$$3 - 5 = 2س - 15$$

$$2س - 1 = -3$$

$$س = 1$$

$$2س = -2$$

المثال 5:

لو $x(3) = x(3)$ ثم أوجد قيمة x

حل:

$$3 - (3) = x(3)$$

$$س = 3$$

المثال السادس:

حل المعادلة: $27 = 9\sqrt{3} + 2س$

حل:

$$3) 27 = 9 + 2س$$

$$9) 3 = 23 + 2س$$

$$2 = 9(س + 2)$$

$$س = \frac{1}{9}$$

$$س = \frac{2}{9}$$

المثال 7:

أوجد قيمة x التي تحقق المعادلة التالية:

$$3x + 1 = 3x - 1 = 90.$$

حل:

$$= (1 - 3 + 3) \times 3$$

$$\frac{90}{3} = \frac{3 \times 30}{3} \quad (\text{بقسمة كلا الطرفين على 3})$$

$$27 = 3x$$

$$33 = 3x$$

$$3 = x \text{ :}$$

التمرين 2

(1) أوجد مجموعة حلول المعادلات التالية في R:

(ج) $64 = 2^3$

(ب) $81 = 3^2 X + 3()$

(أ) $128 = 2^7$

(2) إذا $2 = 5x$ ثم $25 = x$

(3) أوجد مجموعة حلول المعادلات التالية:

(ج) $3س + 1 = \frac{1}{27}$

(ب) $32 = 5\sqrt{\quad} - (3)$

(أ) $\frac{5}{1} = 2س - 3$

(4) أوجد في R مجموعة حلول المعادلات التالية:

(ب) $2x + 23 = 1 + 7س$

(أ) $2س - 3 = 5س - 3$

(5) إذا $3س + 1 = 3س - 1 = 72$ ، أوجد قيمة x

الدرس الثالث

تطبيقات في حل المعادلات الأسية

مثال 1:

أوجد مجموعة حلول المعادلة التالية:

$$0 = 49 + x7 \times 50 - x49$$

حل:

$$) 0 = 49 + x7 \times 50 - 2x7$$

$$0 = (49 - x7) (1 - x7)$$

$$0 = 49 - x7$$

$$27 = x7$$

$$2 = \text{س.}$$

$$0 = 1 - x7$$

$$1 = x7$$

$$x = 0 \text{ س.}$$

$$SS = \{ 0, 2 \}$$

المثال الثاني:

إذا كانت $x(= 5) x(= 5)$ ثم أوجد قيمة x إذا $f)x(+ f)3 - x(= 30$

حل:

(اضرب في 5)

$$2x5 30 = 3 - x5 + x5$$

$$x5 \times 30 = 35 +$$

$$5) 0 = 125 + x5 \times 30 - 2x5$$

$$= x5 0 = (5 - x(5)(-25)x$$

$$5 = x5$$

$$1 = \text{س.}$$

$$25 = 25$$

$$2 = \text{س.}$$

المثال 3:

حل المعادلة:

$$0 = 4^{\frac{2}{5}} - 3^{\frac{2}{5}}$$

حل:

$$0 = (1^{\frac{2}{5}} + 4^{\frac{2}{5}})(4^{\frac{2}{5}} - 1^{\frac{2}{5}})$$

$$1^{\frac{2}{5}} = 1$$

$$4^{\frac{2}{5}} = 4$$

$$\text{س} = (1 - 4)^{\frac{5}{2}} \quad (\text{مرفوض})$$

$$\begin{aligned} \text{س} &= 4^{\frac{5}{2}} \\ \text{س} &= \pm 32 \end{aligned}$$

$$SS = \{ 32, -32 \}$$

التمرين 3

(1) أوجد مجموعة حلول المعادلة:

$$0 = 8 - x^2 \times 2 + x^4$$

(2) إذا كانت $x(= 7)$ أوجد قيمة x التي تحقق ما يلي:

$$f)x(+ f)2 - x(= 50$$

(3) إذا كانت $x(= 3)$ أوجد قيمة x التي تحقق ما يلي:

$$f)x(+ f)2 - x(= 6$$

(4) حل المعادلة:

$$0 = 8 + x^2 \times 6 - 2x^2$$

(5) حل المعادلة:

$$0 = 4 - \frac{2}{3} 3 - \frac{4}{3}$$

الدرس الرابع

الدالة اللوغاريتمية وعلاقتها

الدالة اللوغاريتمية:

إذا كان $R \ni -\{1\}$ حيث: $x = \text{سجل}$ (الصيغة اللوغاريتمية)
يمكن تحويلها إلى الصيغة الأسية لاحظ ما يلي: $y = \text{س}$

- لا يوجد لوغاريتم للعدد السالب. ولا يوجد لوغاريتم
- للصفر.

مثال 1:

أوجد قيمة x إذا: $\text{سجل} \text{س} = 81 = 4$

حل:

$\text{سجل} \text{س} = 81 = 4$ (حول إلى الصيغة الأسية)

$$81 = 4^x$$

$$\frac{1}{4}(81 = x)$$

$$\text{س} = 3 \quad (\text{ويتم رفض القيمة السالبة})$$

المثال الثاني:

أوجد قيمة x إذا: $\text{سجل} \text{س} = 125 = x$

حل:

$\text{سجل} \text{س} = 125 = x$ (حول إلى الصيغة الأسية)

$$125 = 5^x$$

$$35 = 5^x$$

$$\text{س} = 3$$

المثال 3:

حل المعادلة: $3 = + 2X(٢(ج)٢$

حل:

$3 = + 2X(٢(ج)٢$ (يمكننا التحويل إلى الصيغة الأسية)

$$32 = + 2X(٢(٠٠)$$

$$+ 2x - 8 = 0 \quad 2x = 8$$

$$)x + 4()x - 2 (= 0$$

$$x = -4 \text{ أو } x = 2$$

$$SS = \} -4, 2 \{$$

التمرين 4

(1) حل المعادلة: $1 = 2X - 5(3)$

(2) حل المعادلة: $2 = (س + ٢)$

(3) حل المعادلة: $3 = ٨١$
 $\frac{-}{٤}$

(4) حل المعادلة: $2 = 5X$

(5) حل المعادلة: $2 + ٢٧٣ = س$

(6) حل المعادلة: $x = (2 - (4)٢)$

الدرس الخامس

خصائص اللوغاريتمات

$$1) (\log x + \log y = \log xy.$$

$$2) (\log x - \log y = \log \frac{x}{y}.)$$

$$(3) \text{ لوغاريتم } x \text{ س } n = n \log x$$

$$(4) 1 =$$

$$(5) 1 = \text{صفر}$$

$$(6) \text{ خاصية تغيير الأساس: } \log_a x = \frac{\log x}{\log a}$$

$$(7) \text{ خاصية المعكوس الضربي: } \log_a a = 1$$

ملحوظة:

إذا لم يذكر الأساس، فإنه يكون 10 ويسمى اللوغاريتم العشري

$$\log 1000 = 3$$

$$\log 100 = 2$$

$$\log 10 = 1$$

$$\log 0.001 = -3$$

$$\log 0.01 = -2$$

$$\log 0.1 = -1$$

مثال 1:

$$\log 18 - \log 1 + 2 \log 3 + \log 2$$

حل:

$$\log 18 - \log 1 + 2 \log 3 + \log 2$$

$$\log 1 = 0$$

المثال الثاني:

أثبت أن: $\log_{17} 2 = \frac{36}{35} + \frac{18}{7}$

حل:

الجانب الأيسر = $\frac{\frac{36}{35} \times \frac{170}{7}}{\frac{18}{35}} = \log_{17} 100 = 2 =$ الطرف الأيمن

المثال الثاني:

أثبت أن: $3 \log_{\frac{3}{2}} 4.5 = 2 - 3$

حل:

الجانب الأيسر = $3 \log_{\frac{3}{2}} 4.5 = 2 - 3$

= $\frac{\log_{\frac{3}{2}} 4.5}{\log_{\frac{3}{2}} \frac{3}{2}} = \frac{\log_{\frac{3}{2}} 4.5}{1} = \log_{\frac{3}{2}} 4.5$

الطرف الأيمن = $3 \log_{\frac{3}{2}} 4.5 = 3(4.5) = 13.5$

∴ الجانبان متساويان.

التمرين 5

(1) بسط إلى أبسط صورة: $\log 2 + \log 5$

(2) بسط إلى أبسط صورة: $35 - 155$

(3) بسط إلى أبسط صورة: $\log 54 - 3 \log 3 - \log 2$

(4) بسط إلى أبسط صورة: $\text{أبك}^{\text{أ}} + \text{أبك}^{\text{ب}} + \text{أبك}^{\text{ج}}$

(5) أثبت أن: $38^{\text{ع}} - 42^{\text{ع}} + 56^{\text{ع}} - 19^{\text{ع}} + 24^{\text{ع}} = 3$

(6) أثبت بدون استخدام الآلة الحاسبة ما يلي: $2^{\log_2 9} \times 8^{\log_2 4} = 4$

الدرس السادس

حل المعادلات اللوغاريتمية

مثال 1:

حل المعادلة: $3 = 3$

حل:

$$\underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$2 = \log 3(2) \log x$$

لوغاريتمس \pm لوغاريتم 3

$$\log x = \log 3$$

\therefore س = 3

أو

$$\log x = -\log 3$$

$$1 \cdot \log x = \log (3)^{-1}$$

\therefore س = $\frac{1}{3}$

$$\therefore 3, \{1, SS = \frac{1}{3}\}$$

المثال الثاني:

حل المعادلة: $9x = 10^{2x}$

حل:

حول من الصيغة اللوغاريتمية إلى الصيغة الأسية (ملاحظة: الأساس هو 10)

$$+ 9x = 10^{2x}$$

$$()x - 1(= 0^{2x}$$

$$\therefore + 9x - 10 = 0 \quad x + 10$$

$$\text{أو } x = -10 \quad \text{س} = 1$$

$$SS = \{-10, 1\} \therefore$$

المثال 3:

حل المعادلة: $625 = (x^2 - 6x + 9)^2$

حل:

$$4 = 5 \quad \underline{4 = 6x + 9}$$

$$16 = 4 \underline{2 = 6x + 9}$$

$$5 (216x - 16x = 6x + 9) \\ 0 = 2 - 10x + 25 = 0 \quad x =$$

∴ س = 5

∴ { 5 } = SS

التمرين 6

(1) حل المعادلة: $2 = 2 + 2$

(2) حل المعادلة: $3 = (12 + z)^2 + 2$

(3) أوجد مجموعة حلول المعادلة التالية:

$(x - 1) \log 3 - \log 3 = (3 - x) \log 8$

(4) حل المعادلة: $3 = 2 + 2x^2$

(5) حل المعادلة: $1 = (x - \log x) + 8 \log x$

(6) حل المعادلة: $2 = (6 + s)^3$

الدرس السابع

حل المعادلات الأسية باستخدام

يمكننا استخدام الآلة الحاسبة لإيجاد قيمة اللوغاريتم كما يلي:

(1) أوجد قيمة: 4^2

(2) أوجد قيمة: $\log 8$

يمارس:

استخدم الآلة الحاسبة لإيجاد قيمة:

- $12^3 = \dots$

- $2^4 = \dots$

- $\log 128 = \dots$

- $12^5 = \dots$

- لوغاريتم $100 = \dots$

- لوغاريتم $1000 = \dots$

- لوغاريتم $500 = \dots$

مثال 1:

أوجد قيمة x إذا: $7 = 5x - 23$ س + 1

حل:

(بأخذ اللوغاريتم لكلا الطرفين)

$$7 \log 3 - \log 7 = 2 \log 3 + \log 7$$

$$7 \log 3 - x \log 7 = 2 \log 3 + \log 7$$

$$7 \log 3 - 2 \log 3 = x \log 7 + \log 7$$

$$5 \log 3 = x \log 7 + \log 7$$

$$\text{س.} = \frac{5 \log 3 - \log 7}{\log 7} = 1.17$$

المثال الثاني:

إذا: $5 = 2 + 3x - 5$ ثم أوجد قيمة x لأقرب منزلتين عشريتين

حل:

$$3 \log 5 - 2 \log 3 = -2 \log 5 - 5 \log 3$$

$$3 \log 5 - 2 \log 3 = -2 \log 5 - 5 \log 3$$

$$3 \log 5 - 2x \log 3 = -2 \log 5 - 5 \log 3$$

$$x \log 5 + 2 \log 5 = 2x \log 3 - 5 \log 3$$

$$\text{س.} = \frac{2 \log 5 - 5 \log 3}{\log 3} = 14.82$$

التمرين 7

(1) إذا $((س + ٤) \times 3 = 6.123)$ ، أوجد قيمة x لأقرب منزلتين عشريتين.

(2) أوجد قيمة x لأقرب منزلتين عشريتين حيث:
 $5 = 3x - 27$

(3) أوجد قيمة x لأقرب منزلتين عشريتين حيث:
 $7س + 1 = 5س - 3$

(4) أوجد قيمة x لأقرب منزلتين عشريتين حيث:
 $7س - 2 = 4س + 3$

(5) أوجد قيمة x لأقرب منزلتين عشريتين حيث:
 $13.4 = 7 - 2x$

الدرس الثامن

مبدأ العد

مبدأ العد الأساسي:

إذا كان عدد طرق أداء مهمة معينة يساوي m ، فإن عدد طرق أداء مهمة أخرى معينة يساوي a .
عدد طرق أداء مهمة ثلاثة معينة = n ، وهكذا... إذن: عدد طرق أداء هذه المهام معاً = $m \times n \times \dots$ مثال 1:

بكم طريقة يمكن اختيار ولد من بين ثلاثة أولاد وبنت من بين فتاتين؟

حل:

عدد الطرق = $2 \times 3 = 6$ طرق.

المثال الثاني:

بكم طريقة يمكن اختيار زي موحد يتكون من قميص وبنطال من بين 5 قمصان و3 بنطلونات؟

حل:

عدد الطرق = $3 \times 5 = 15$ طريقة. المثال

3:

بكم طريقة يمكن تكوين عدد مكون من ثلاثة أرقام من المجموعة {1, 2, 3, 4}؟

حل:

وحدات	عشرات	المئات
4	4	4

عدد الطرق = $4 \times 4 \times 4 = 64$ طريقة.

المثال 4:

بكم طريقة يمكن تكوين عدد مكون من 3 أرقام من المجموعة {0, 1, 2, 3, 4}؟

حل:

عدد الطرق = $4 \times 5 \times 5 = 100$ طريقة.

المثال 5: (مبدأ العد الشرطي)

بكم طريقة يمكن تكوين أعداد مختلفة مكونة من ثلاثة أرقام من المجموعة؟
{1, 2, 3, 4}؟

وحدات	عشرات	المئات
4	3	2

حل:

عدد الطرق = $2 \times 3 \times 4 = 24$ طريقة.

أحد الأرقام يأخذ خانة الآحاد ولا يتكرر في الخانات الأخرى. أحد أرقام الباقي الثلاثة يأخذ خانة العشرات ولا يستخدم مرة أخرى. أما الرقمان المتبقيان فيأخذان خانة المئات.

المثال 6: (مبدأ العد الشرطي)

بكم طريقة يمكن تكوين عدد مختلف مكون من ثلاثة أرقام من المجموعة؟

وحدات	عشرات	المئات
3	4	4

{0, 1, 2, 3, 4}؟

حل:

عدد الطرق = $3 \times 4 \times 4 = 48$ طريقة.

لا يمكننا وضع الصفر في خانة المئات. عدد طرق اختيار رقم في خانة المئات = 4، عدد طرق اختيار رقم في خانة العشرات = 4، عدد طرق اختيار رقم في خانة الآحاد = 3

التمرين 8

- (1) بكم طريقة يمكن تكوين عدد مكون من رقمين مختلفين من المجموعة $\{0, 1, 2, 3, 4\}$ ؟
- (2) بكم طريقة يمكن لأربعة طلاب أن يجلسوا على أربعة مكاتب في صف واحد؟
- (3) كم عدد الأعداد الفردية المكونة من 3 أرقام التي يمكن تكوينها من المجموعة $\{2, 3, 6, 8\}$ ؟
- (4) بكم طريقة يمكن تكوين 4 أعداد مختلفة من 1 إلى 5 من المجموعة $\{2, 3, 4, 5\}$ بحيث يكون رقم العشرات زوجياً؟
- (5) كم عدد الأعداد المكونة من 3 أرقام التي يمكن تكوينها من المجموعة $\{2, 3, 5\}$ ؟
- (6) كم عدد الأعداد المكونة من 4 أرقام مختلفة التي يمكن تكوينها من المجموعة $\{2, 3, 6, 8\}$ بحيث يكون رقم الآحاد هو 6؟

الدرس التاسع

مضروب عدد، تبديل

يُكتب مضروب العدد الصحيح الموجب (ن) على النحو التالي: ن | أين:

$$1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (2 - \text{ن}) (1 - \text{ن})$$

ملحوظات:

$$1 = 0, \quad 1 = 1, \quad \text{ن} = 1 - \text{ن}$$

عدداً الأشخاص الجالسين (ن) في صف واحد = ن |

عدداً الأشخاص الجالسين (ن) في دائرة = مثال 1: 1 - ن |

يجد

$$\frac{10}{8} \text{ (أ)}$$

(ب) إذا كانت قيمة n تساوي 120، فأوجد قيمة n

حل:

$$90 = \frac{8 \times 9 \times 10}{8} = \frac{10}{8} \text{ (أ)}$$

$$120 = \text{ن} \leftarrow \text{ن} = 5 \leftarrow 5 = \text{ن}$$

المثال الثاني:

$$30 = \frac{\text{ن}}{-} \text{ أوجد مجموعة حلول المسألة التالية:}$$

حل:

$$6 = \text{ن} \leftarrow 5 \times 6 = (1 - \text{ن}) \text{ن} \leftarrow 3 = \frac{\text{ن} (1 - \text{ن})}{-}$$

التباديل:

كم عدد الأعداد المكونة من 3 أرقام التي يمكن تكوينها من المجموعة { 5, 3, 2 } ؟

عددا الأرقام $6 = 1 \times 2 \times 3 = 3! = 6$ أرقام.

يطلق على كل عدد من تلك الأعداد اسم التبدیل، ويكتب على النحو التالي: ${}_3P_3$

تعريف

عدالتباديل لـ (ن) من العناصر المختلفة التي تأخذ (ر) في كل مرة هو

يرمز إليه بـ ${}_nP_r$ ، رأين:

$${}_nP_r = \frac{n!}{(n-r)!} \quad (1 - n) (2 - n) \dots (n - r + 1) \quad r \geq n, \quad n \in \mathbb{N} \text{ و } r \in \mathbb{Z}^+$$

ملحوظات:

$${}_nP_0 = 1 \quad (أ) \quad {}_nP_n = n! \quad (ب) \quad \frac{n!}{(n-r)!} = \frac{n!}{(n-r)!}$$

مثال 1:

$$120 = 4 \times 5 \times 6 = {}_3P_6 -$$

$$2520 = 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 = {}_5P_7 -$$

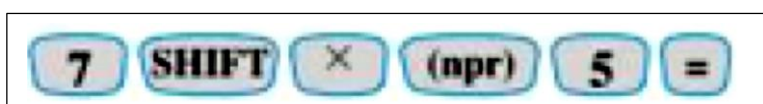
$$24 = 1 \times 2 \times 3 \times 4 = {}_4P_4 -$$

المثال الثاني:

أوجد عدد الطرق الممكنة لترتيب جلوس 5 طلاب على 7 مقاعد في صف واحد.

حل:

$$2520 = 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 = {}_5P_7 = \text{عدد الطرق}$$



يمكننا استخدام الآلة الحاسبة:

بكم طريقة يمكن ترتيب 7 أشخاص للجلوس على 7 مقاعد على شكل دائرة؟

حل:

$$5040 = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 = {}_7P_7 = \text{عدد الطرق}$$

المثال 4:

لو ${}_7P_r$ إذا كان $= 840$ ، فأوجد قيمة ر-4

حل:

$${}_7P_r = 840 = {}_7P_4$$

$$r = 4 \therefore$$

$$1 = \underline{\quad} - 4 = 0$$

التمرين 9

(1) بكم طريقة يمكن تكوين عدد مكون من رقمين مختلفين من المجموعة {3، 4، 5، 6}؟

(2) بكم طريقة يمكن ترتيب 7 أطفال في دائرة؟

(3) ما عدد الطرق التي يمكن بها اختيار رئيس ونائب رئيس من لجنة مكونة من 12 عضواً؟

(4) أوجد قيمة n التي تحقق ما يلي:
(أ) $24 = \frac{n}{n+1}$

(ب) $42 = \frac{n}{n-1}$

(ج) $2730 = P_{15n}$

(5) إذا $P_9 - r$ ، إذا كان $r = 504$ ، فأوجد قيمة: $r + 1$

الدرس العاشر

التوليفات

تعريف:

نرمز إلى عدد التوليفات المشكلة من (r) عنصراً مختاراً من (n) عنصراً بنج حيث $r \geq 0$, $r \leq n$, $n \in \mathbb{Z}$

قواعد التوافق: لكل $r \geq 0$, $r \in \mathbb{Z}$

$$\frac{n!}{r!(n-r)!} = \frac{n!}{r!n!} = \frac{1}{r!}$$

- لونج $x = n$ ج. إذن: $س = ص + ص = ن$
- لونج $r = n$ ج رقم (قانون التخفيض)
- لونج $n = n$ ج صفر = 1
- لونج $n = n$ ج $\frac{1}{n!} = \frac{1}{n!}$ (قانون النسبة)

مثال 1:

لونج $n = 36$ إذا كان $n = 36$ ، فأوجد قيمة n
حل:

$$ن ج - 2 = 2 = 36 = 2 ج 9$$

$$ن = 9$$

المثال الثاني:

لو $21ج^4 - 21ج^3 = 7$ ثم أوجد قيمة n

حل:

$$21 = 4ج - 3ج + 7$$

$$4 = 3ج$$

$$4ج - 3ج = 7$$

$$ج = 7$$

المثال 3:

لو $7ج^7 = 7ج^3 - 5ج^3 + 3ر$ ، إذا كانت النسبة $3 : 8$ ، فأوجد قيمة n و r

حل:

$$3ر - 5 + ر = 7$$

$$ر = 3$$

$$3ر - 5 = ر$$

$$2ر = 5 \text{ مرفوض } (2ر = 5)$$

$$ج^3 : 8 = 1 - ج^3$$

$$10 = 3ج$$

$$8 = 2 - 3ج$$

$$\frac{8}{3} = \frac{-3ج + 2}{3}$$

المثال 4:

باستخدام الآلة الحاسبة، أوجد قيمة ما يلي: $5ج^5 + 4ج^7 + 2ج^2$

حل:

5	÷	4	+	7	÷	2	=
---	---	---	---	---	---	---	---

النتيجة = 26

التمرين 10

- (1) إذا $13ج + 1ر$ إذا كانت النسبة = 9 : 5، فأوجد قيمة r
- (2) أوجد قيمة (ن) إذا $ج - 3 = 120$
- (3) أوجد قيمة (ن) إذا $ج - 3 = 25 = 5ج - 2ن$
- (4) باستخدام الآلة الحاسبة، أوجد قيمة ما يلي: $ج - 9 = 17ج - 14$
- (5) بكم طريقة يمكن اختيار فريق مكون من 4 أعضاء من بين 9 أشخاص؟
- (6) اشترك 7 أشخاص في مسابقة بحيث يتم عقد مباراة واحدة بين كل اثنين، أوجد عدد مباريات هذه المسابقة.
- (7) يحتوي الفصل على 10 أولاد و 8 بنات، بكم طريقة يمكننا تشكيل لجنة أنشطة من خمسة أشخاص بحيث تتكون من ثلاثة أولاد وبنيتين؟

اختبار الوحدة

السؤال الأول:

(1) أوجد قيمة x التي تحقق المعادلة:

$$3^{س+1} + 3^{س-1} = 90.$$

(2) حل المعادلة: $3 = 2x(2)^2$

السؤال الثاني:

(1) إذا $ج = 28$ ، $ج = 28$ ، $2r - 5$ أوجد قيمة r

(2) بسط: $\log 2 + 2 \log 3 + \log 1 - \log 18$

السؤال الثالث:

$$\frac{4 \times 2 \times 5}{2x-110}$$

(1) بسط إلى أبسط صورة:

(2) أوجد مجموعة حلول المعادلة:

$$1 - x (\log 3 - \log 3) = \log 8$$

السؤال الرابع:

(1) حل المعادلة: $2 = 2 + 2$

(2) إذا: $P_9 - r_1$ إذا كان 504 ، فأوجد قيمة: $r + 3$

السؤال الخامس:

(1) حل المعادلة:

$$0 = \frac{2}{4-3} - \frac{4}{3-3}$$

(2) أوجد قيمة x لأقرب منزلتين عشريتين حيث:

$$5 = 3x - 27$$

