Правила дифференцирования и таблица производных

Обычно при нахождении производных сначала используются правила дифференцирования, а затем – таблица производных элементарных функций

Правила дифференцирования:

- 1) (Cu)' = Cu', где C постоянное число константу можно вынести за знак производной;
- **2**) (u + v)' = u' + v' правило дифференцирования суммы;

Правила №№1,2 часто называют *свойством линейности* производной.

- **3**) (uv)' = u'v + uv' правило дифференцирования произведения;
- **4)** $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v uv'}{v^2}$ правило дифференцирования частного;
- **5**) $(u(v))' = u'(v) \cdot v'$ дифференцирование сложной функции.

Таблица производных:

(C)' = 0, где C – постоянное число;

$$(x^n)' = nx^{n-1}$$
, в частности: $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$, $(x)' = 1$, $(\frac{1}{x})' = -\frac{1}{x^2}$

Следует обратить внимание, что производная степенной функции – это самая «ходовая» вещь на практике. Любой радикал (корень), например $\sqrt[3]{x^5}$, $\frac{1}{\sqrt[7]{x^2}}$, $\frac{1}{x^5}$, $\sqrt{(4x-7)^3}$, нужно

представить в виде $x^{\frac{u}{b}}$ для применения формулы $(x^n)' = nx^{n-1}$ (как представить – см. *Приложение* **Горячие школьные формулы**).

Логарифмическая и показательная функция:

$$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$$
, в частности $(\ln x)' = \frac{1}{x}$

$$(a^{x})' = a^{x} \ln a$$
, в частности $(e^{x})' = e^{x}$

Тригонометрические функции:

$$(\sin x)' = \cos x$$
$$(\cos x)' = -\sin x$$

$$(tgx)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$(ctgx)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

Обратные тригонометрические функции:

$$(arctgx)' = \frac{1}{1+x^2}$$

$$(arcctgx)' = -\frac{1}{1+x^2}$$

$$(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1 - x^2}}$$

$$(\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

Гиперболические функции:

$$(shx)' = chx$$

$$(chx)' = shx$$

$$(thx)' = \frac{1}{ch^2x}$$

$$(cthx)' = -\frac{1}{sh^2x}$$

Внимание! Правила дифференцирования и таблица производных справедливы для любой переменной, по которой осуществляется дифференцирование

Если вы берёте производную по y, то мысленно замените все «иксы» «игреками»; при дифференцировании по z — превратите все «иксы» в «зет» и т.д.