9. feladatsor: Polinomok

1. feladat

Ossza maradékosan az $x^5 + x^4 - 15x^3 + 25x^2 + 2x - 3 \in \mathbb{Z}[x]$ polinomot az $x^2 + 4x - 5 \in \mathbb{Z}[x]$ polinom
mal.

2. feladat

Határozza meg a p paraméter értékét úgy, hogy $x-2 \mid x^3+4x^2+3x+p$ teljesüljön.

3. feladat

Legyen $f(x) = x^4 - 3x^3 + x + 6 \in \mathbb{R}[x]$. Határozza meg a f(3), f(-1), f(2), f(-2) helyettesítési értékeket.

4. feladat

Határozza meg az $f(x) = 4x^3 + 3x^2 + 3x + 4 \in \mathbb{Z}[x]$ racionális gyökeit.

5. feladat

Az $f(x) = ax^4 + bx^3 + 1 \in \mathbb{R}[x]$ polinomnak az egyik többszörös gyöke 2. Mennyi lehet az a, b paraméterek értéke?

6. feladat

Határozza meg az a paraméter értékét úgy, hogy az $f(x) = x^5 - ax^2 - ax + 1 \in \mathbb{R}[x]$ polinomnak az x = -1 legalább kétszeres gyöke legyen.

7. feladat

Hogyan válasszuk meg az a, b együtthatók értékét, hogy $1 + i \in \mathbb{C}$ gyöke legyen az $f(x) = x^3 + 2x^2 + ax + b \in \mathbb{C}[x]$ polinomnak?

Koch-Gömöri Richárd, kgomoririchard@inf.elte.hu, kgomori.richard@gmail.com