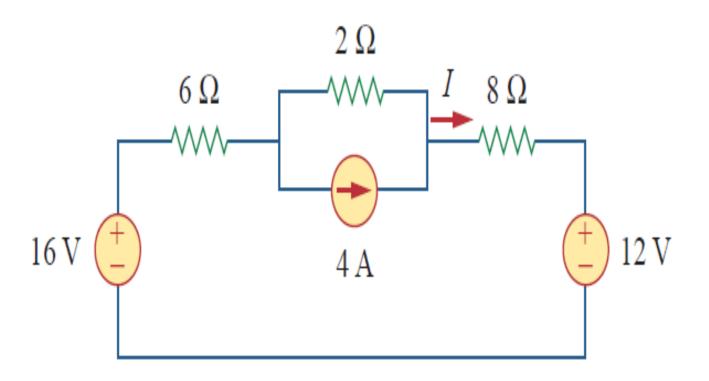
تابع للمحاضرة الثانيه

نظريات هامة في الدارات الكهربائية

THERE IS NOTHING IN THIS WORLD THAT CAN TROUBLE YOU AS MUCH AS YOUR OWN NEGATIVE THOUGHTS





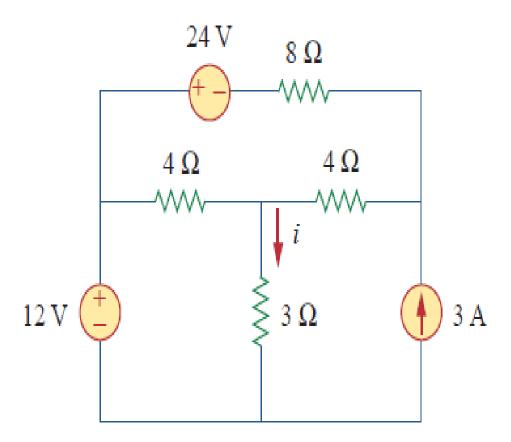


Answer: 0.75 A.

For the circuit use the superposition theorem to find i.



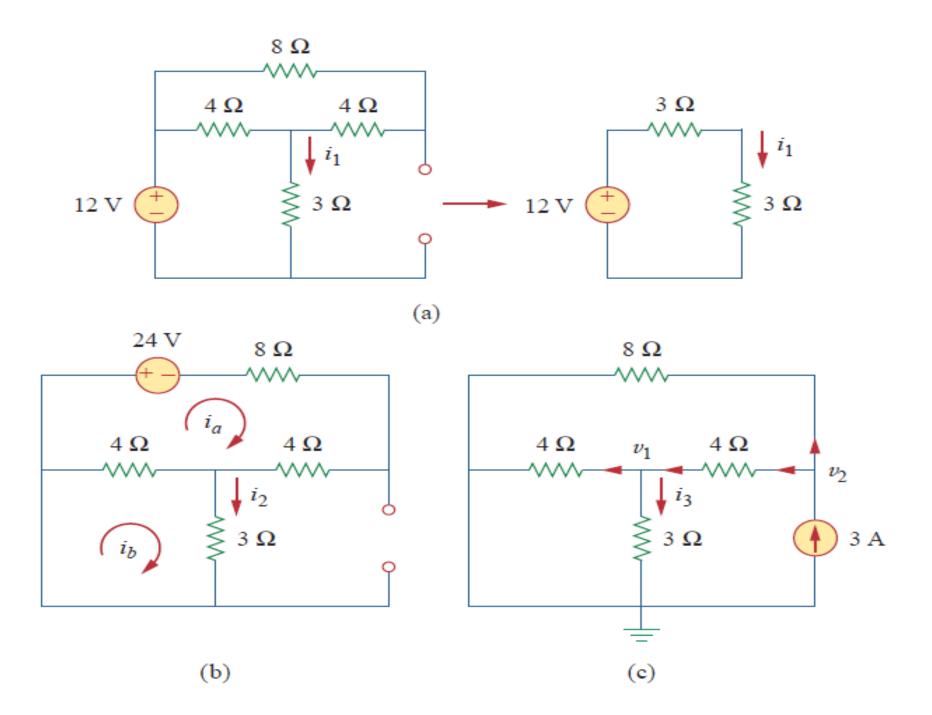
استخدام نظرية التراكب



Solution:

In this case, we have three sources. Let

$$i = i_1 + i_2 + i_3$$



where i_1 , i_2 , and i_3 are due to the 12-V, 24-V, and 3-A sources respectively. To get i_1 , consider the circuit in Fig. 4.13(a). Combining 4 Ω (on the right-hand side) in series with 8 Ω gives 12 Ω . The 12 Ω in parallel with 4 Ω gives 12 \times 4/16 = 3 Ω . Thus,

$$i_1 = \frac{12}{6} = 2 \text{ A}$$

To get i_2 , consider the circuit in Fig. 4.13(b). Applying mesh analysis gives

$$16i_a - 4i_b + 24 = 0 \implies 4i_a - i_b = -6$$
 (4.5.1)

$$7i_b - 4i_a = 0 \implies i_a = \frac{7}{4}i_b$$
 (4.5.2)

Substituting Eq. (4.5.2) into Eq. (4.5.1) gives

$$i_2 = i_b = -1$$

To get i_3 , consider the circuit in Fig. 4.13(c). Using nodal analysis gives

$$3 = \frac{v_2}{8} + \frac{v_2 - v_1}{4} \implies 24 = 3v_2 - 2v_1 \qquad (4.5.3)$$

$$\frac{v_2 - v_1}{4} = \frac{v_1}{4} + \frac{v_1}{3} \quad \Rightarrow \quad v_2 = \frac{10}{3}v_1 \tag{4.5.4}$$

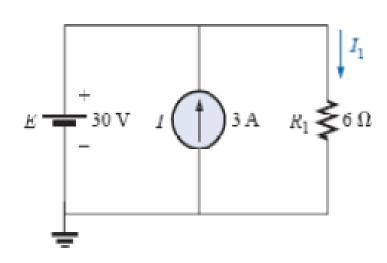
Substituting Eq. (4.5.4) into Eq. (4.5.3) leads to $v_1 = 3$ and

$$i_3 = \frac{v_1}{3} = 1 \text{ A}$$

Thus,

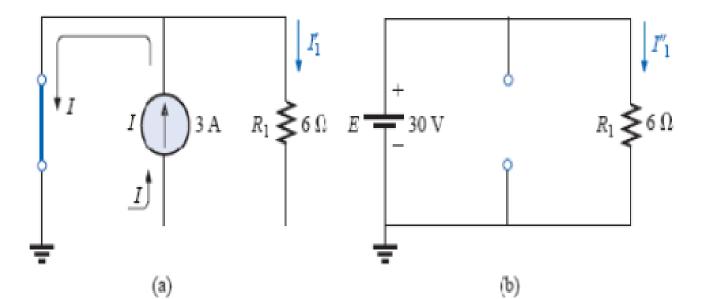
$$i = i_1 + i_2 + i_3 = 2 - 1 + 1 = 2 A$$

أمثلة محلولة أوجد التيار I_1 في الدارة المبينة في الشكل مستخدماً نظرية التراكب.



الحل:

1. نحذف مصدر الجهد بوضع E = 0 ونستبدله بدارة مقصورة، بالتالي، تيار المصدر $I'_1 = 0$ سوف يختار مسلك الدارة المقصورة، ويكون التيار $I'_1 = 0$.



بتطبيق قانون قاسم التيار، نجد:

$$I_1' = \frac{R_{sc}I}{R_{sc} + R_1} = \frac{(0\,\Omega)I}{0\,\Omega + 6\,\Omega} = 0\,\mathrm{A}$$

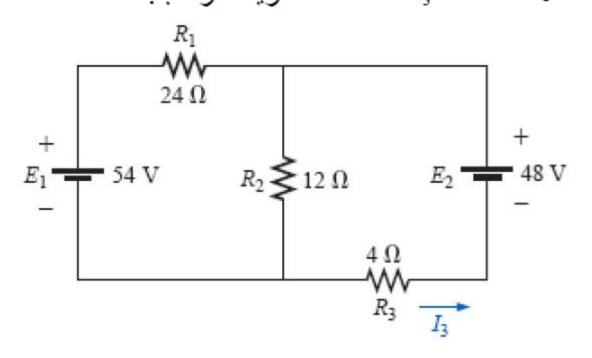
حيث أن R_{sc} - مقاومة الدارة المغلقة.

2. نحذف مصدر التيار بوضع I = 0 ونستبدله بدارة مفتوحة، $I'' = \frac{E}{R_1} = \frac{30 \, \text{V}}{6 \, \Omega} = 5 \, \text{A}$ بتطبيق قانون أوم، نجد: $I''_1 = \frac{E}{R_1} = \frac{30 \, \text{V}}{6 \, \Omega}$

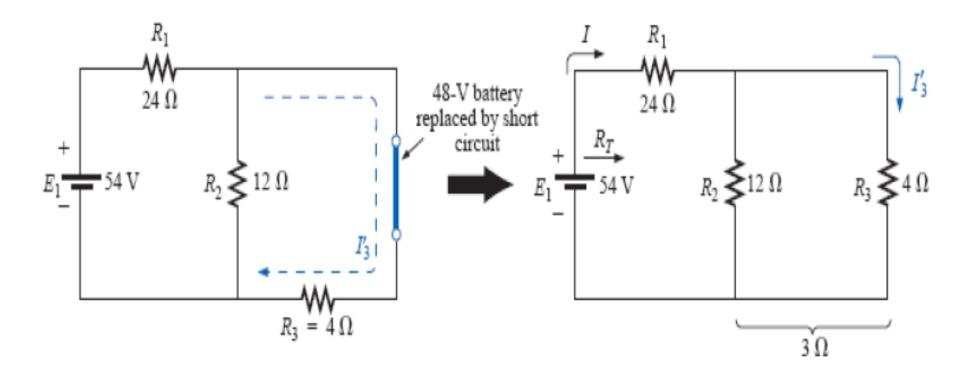
نلاحظ أن التيارين $I_1^{"},\,I_1^{'}$ لهما نفس الاتجاه. وبالتالي، يكون التيار الكلي: $I_1=I_1'+I_1''=0\,\mathrm{A}+5\,\mathrm{A}=5\,\mathrm{A}$

النتيجة: لايوجد تاثير لمصدر التيار على التيار المار من المقاومة Ω.6. بينما الجهد المطبق على المقاومة يكون ثابتاً 30V لأنهما على التوازي.

مثال لتكن الدارة ثنائية المصدر، المبينة في الشكل أوجد التيار I_3 المار في المقاومة $R_3 = 4\Omega$ مستخدماً نظرية التراكب.



1. دراسة تأثیرات المصدر $E_1 = 54$ فنقوم بحذف المصدر $E_2 = 48$ واستبداله بدارة مغلقة، ومن ثم نعید رسم الدارة



وبحساب المقاومة الكلية

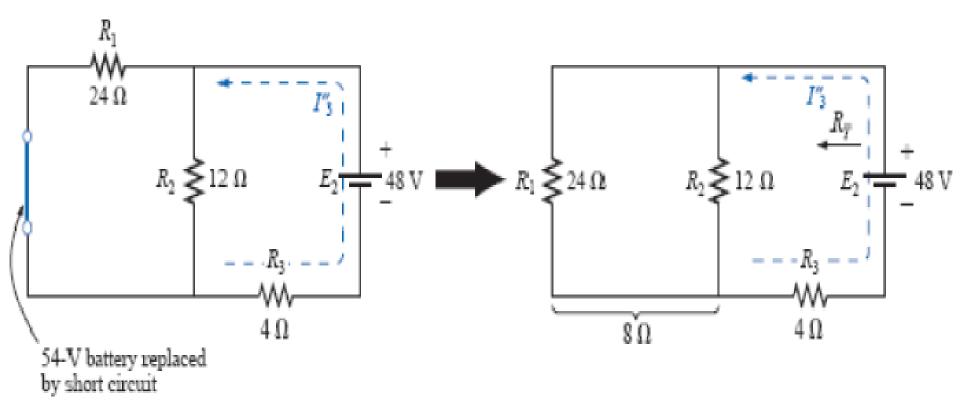
: نجد أن
$$R_T=R_1+R_2 \mid\mid R_3=24\Omega+12\Omega\mid\mid 4\Omega=24\Omega+3\Omega=27\Omega$$

$$. I=\frac{E_1}{R_T}=\frac{54\,\mathrm{V}}{27\,\Omega}=2\,\mathrm{A}$$

بتطبيق قانون قاسم التيار، نجد:

$$I_3' = \frac{R_2 I}{R_2 + R_3} = \frac{(12\,\Omega)(2\,A)}{12\,\Omega + 4\,\Omega} = 1.5\,A$$

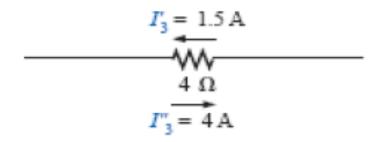
 $E_1 = 54\,\mathrm{V}$.2 دراسة تأثیرات المصدر $E_2 = 48\,\mathrm{V}$ فنقوم بحذف المصدر واستبداله بدارة مغلقة، ومن ثم نعید رسم الدارة، الشکل



وبحساب المقاومة الكلية

$$I_3'' = \frac{E_2}{R_T} = \frac{48 \,\mathrm{V}}{12 \,\Omega} = 4 \,\mathrm{A}$$
 نجد أن: $R_T = R_3 + R_1 \parallel R_2 = 4 \,\Omega + 24 \,\Omega \parallel 12 \,\Omega = 4 \,\Omega + 8 \,\Omega = 12 \,\Omega$

وبالتالي، يكون التيار الكلي المار عبر المقاومة $R_3 = 4\Omega$ ، مساوياً: $I_3 = I_3'' - I_3' = 4\Lambda - 2\Lambda = 2.5\Lambda$



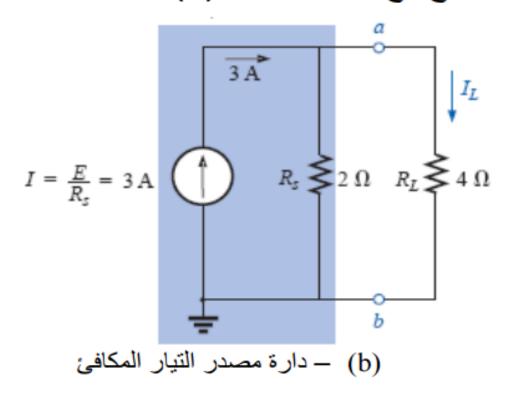
ونلاحظ أن اتجاه التيار الكلي I_3 متطابق مع اتجاه التيار $I_3^{\prime\prime}$.

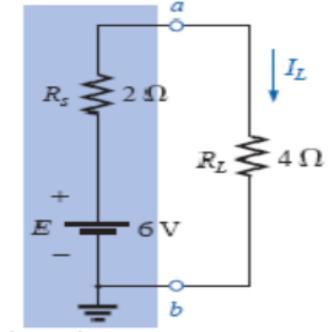
مثال لتكن الدارة المبينة في الشكل:

المشار إليه. a. احسب شدة التيار I_L

b. حوّل مصدر الجهد إلى مصدر للتيار.

مستخدما (R_L) مستخدما عبر مقاومة الحمل (R_L) مستخدما مصدر التيار الجديد الناتج عن عملية التحويل في الطلب (b)، وقارن الناتج مع نتيجة الطلب (a).





(a) - دارة مصدر الجهد العملي

$$I_L = \frac{E}{R_s + R_L} = \frac{6V}{2\Omega + 4\Omega} = 1A$$
 : نجد: (a شكل a)، نجد . a

$$I = \frac{E}{R_s} = \frac{6V}{2\Omega} = 3A$$
 : نجد: (a شکل b)، نجد b

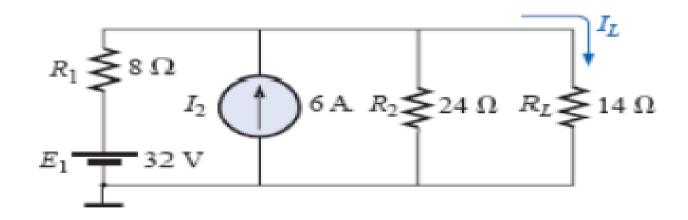
نقوم باستبدال مصدر الجهد بمصدر التبار I = 3A و المقاومة R_s على التوازي معه، شكل (b).

$$I_L = \frac{R_s I}{R_s + R_L} = \frac{(2\Omega)(4\Omega)}{2\Omega + 4\Omega} = 1$$
 نجد: (CDR) بنجد فانون قاسم التيار (CDR) بنجد.

بالنتيجة، نجد أن التيار I_L هو ذاته من أجل مصدر الجهد و مصدر التيار المكافئ.

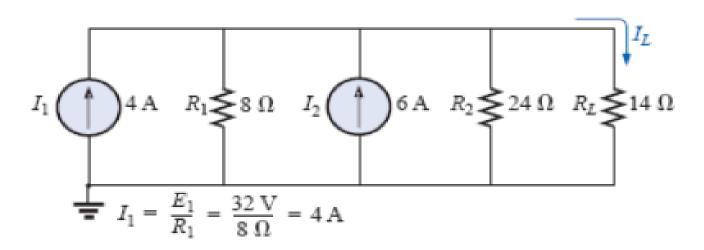
أمثلة محلولة

 R_{L} عبر المقاومة R_{L} . واحد للتيار واحد التيار المار عبر المقاومة



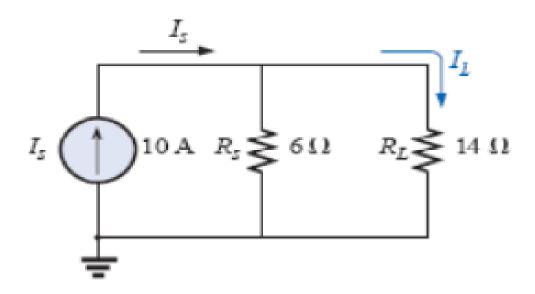
الحل:

نقوم بتحويل مصدر الجهد إلى مصدر تيار كما هو مبين في الشكل



 $I_s = I_1 + I_2 = 4A + 6A = 10A$ نقوم بتجميع مصادر التيارات، فنجد أن: $I_s = I_1 + I_2 = 4A + 6A = 10A$ وتكون المقاومة الكلية:

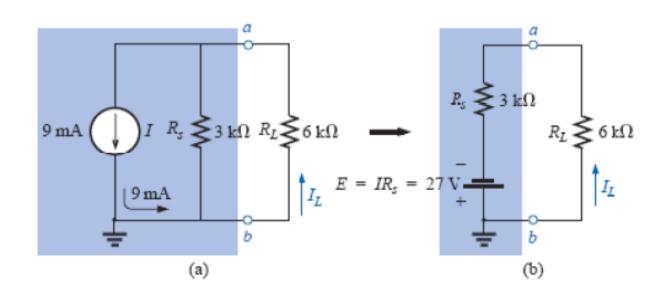
و الأن، نقوم برسم الدارة المكافئة، كما هو مبين . $R_s = R_1 \parallel R_2 = 8\Omega \parallel 24\Omega = 6\Omega$



بتطبيق قانون قاسم التيار (CDR)، نجد:

$$I_L = \frac{R_s I_s}{R_s + R_L} = \frac{(6\Omega)(10\Omega)}{6\Omega + 10\Omega} = 3 \text{ A}$$

مثال. لتكن الدارة المبينة في الشكل (a). حول مصدر التيار إلى مصدر للجهد واحسب تيار الحمل I_L لكل مصدر.



الحل:

من الشكل، نجد أن:

ومنه: $E = IR_s = (9 \, \text{mA})(3 \, \text{k}\Omega) = 27 \, \text{V}$ و بالتالي تكون الدارة المكافئة، المبينة في الشكل ومنه: $E = IR_s = (9 \, \text{mA})(3 \, \text{k}\Omega)$

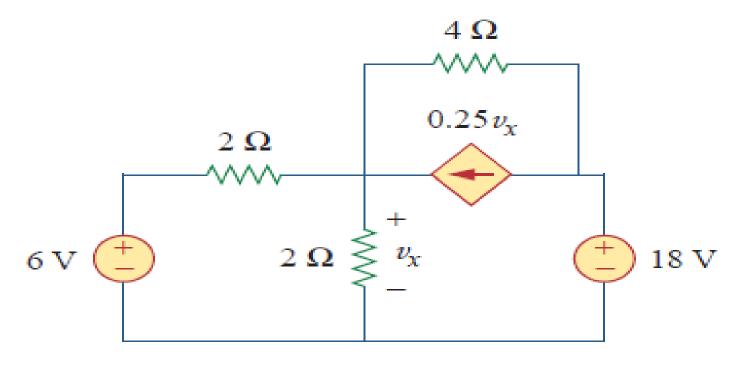
$$I_L = \frac{R_s I}{R_s + R_L} = \frac{(3 \text{ k}\Omega)(9 \text{ mA})}{3 \text{ k}\Omega + 6 \text{ k}\Omega} = \frac{27 \text{ V}}{9 \text{ k}\Omega} = 3 \text{ mA}$$

الشكل (b):

$$I_L = \frac{E}{R_c + R_L} = \frac{27 \text{ V}}{3 \text{ k}\Omega + 6 \text{ k}\Omega} = \frac{27 \text{ V}}{9 \text{ k}\Omega} = 3 \text{ mA}$$

Find v_x using source transformation.





Solution:

Solution:

The circuit in Fig. 4.20 involves a voltage-controlled dependent current source. We transform this dependent current source as well as the 6-V independent voltage source as shown in Fig. 4.21(a). The 18-V voltage source is not transformed because it is not connected in series with any resistor. The two 2- Ω resistors in parallel combine to give a 1- Ω resistor, which is in parallel with the 3-A current source. The current source is transformed to a voltage source as shown in Fig. 4.21(b). Notice that the terminals for v_x are intact. Applying KVL around the loop in Fig. 4.21(b) gives

$$-3 + 5i + v_x + 18 = 0 ag{4.7.1}$$

Applying KVL to the loop containing only the 3-V voltage source, the 1- Ω resistor, and v_x yields

$$-3 + 1i + v_x = 0 \implies v_x = 3 - i$$
 (4.7.2)

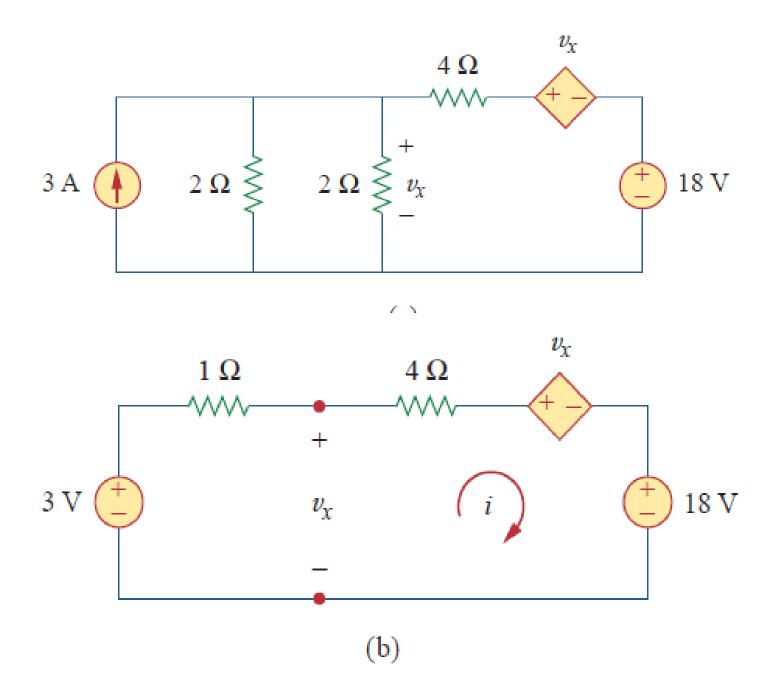
Substituting this into Eq. (4.7.1), we obtain

$$15 + 5i + 3 - i = 0$$
 \Rightarrow $i = -4.5 \text{ A}$

Alternatively, we may apply KVL to the loop containing v_x , the 4- Ω resistor, the voltage-controlled dependent voltage source, and the 18-V voltage source in Fig. 4.21(b). We obtain

$$-v_x + 4i + v_x + 18 = 0 \implies i = -4.5 \text{ A}$$

Thus, $v_x = 3 - i = 7.5 \text{ V}.$



Applying KVL around the loop in Fig. (b) gives

$$-3 + 5i + v_x + 18 = 0$$

Applying KVL to the loop containing only the 3-V voltage source, the 1- Ω resistor, and v_x yields

$$-3 + 1i + v_x = 0 \qquad \Rightarrow \qquad v_x = 3 - i$$

$$15 + 5i + 3 - i = 0$$
 \Rightarrow $i = -4.5 \text{ A}$

Alternatively, we may apply KVL to the loop containing v_x , the 4- Ω resistor, the voltage-controlled dependent voltage source, and the 18-V voltage source in Fig. (b). We obtain

$$-v_x + 4i + v_x + 18 = 0 \implies i = -4.5 \text{ A}$$

Thus,
$$v_x = 3 - i = 7.5 \text{ V}.$$

تتلخص آلية عمل نظرية ثفنن وفق التالي:

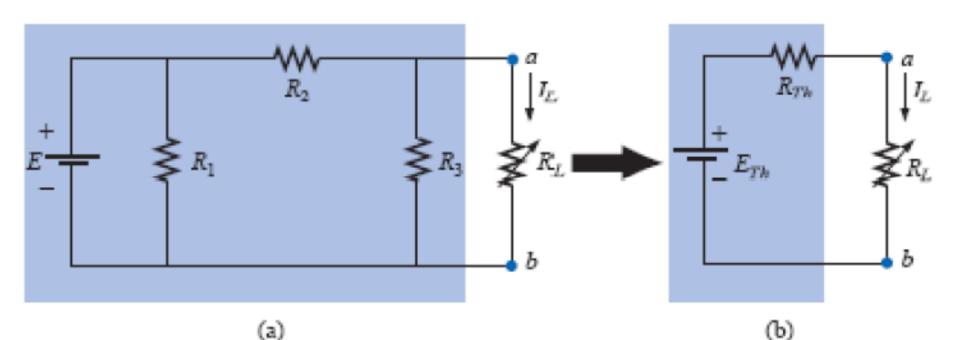
- 1. حذف ذلك الجزء من الدارة والذي من خلاله يتم إيجاد دارة ثفنن المكافئة. ففي الشكل يكون مطلوب حذف المقاومة المتغيرة R_{L} بشكل مؤقت.
 - 2. ترميز أطراف الدارة، كما هو مبين في الشكل، فتكون الدارة ذات مخرجان a و b.

$:R_{ au_{h}}$ المقاومة المكافئة

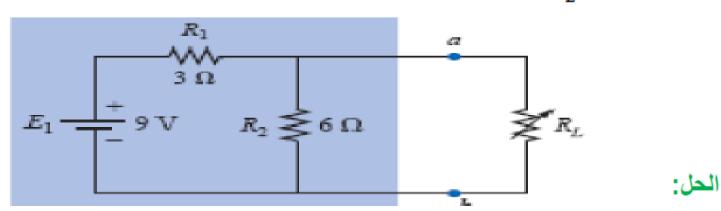
3. جعل جميع مصادر التغذية في الدارة مساوية للصفر، أي استبدال جميع مصادر الجهد بدارة مغلقة ومصادر التيار بدارة مفتوحة. وبالتالي حساب المقاومة الكلية الناتجة بين مخرجي الدارة a و b.

E_{Th} المصدر المكافئ

- open-circuit) المفتوحة الدارة المفتوحة ومن ثم إيجاد جهد الدارة المفتوحة E_{Th} . E_{Th} . وهو ما يسمى مصدر ثفنن للتغذية E_{Th} .
- 5. رسم دارة ثفنن المكافئة، والتي تحتوي على المقاومة المكافئة R_{Th} مربوطة على التسلسل مع المصدر E_{Th} مربوطة على التسلسل مع المصدر E_{Th} وكذلك الجزء الذي تم حذفه مؤقتاً في الخطوة الأولى، كما هو مبين في الشكل(b).



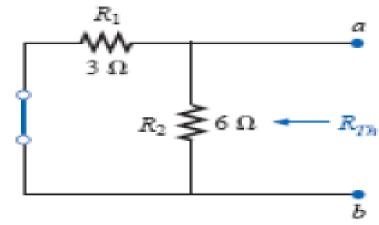
مثال أوجد دارة ثفنن المكافئة للدارة في القسم المظلل من الشكل ومن ثم أوجد التيار المار في المقاومة R_L عندما تكون قيمتها 2 أوم، 10 أوم و 100 أوم.



خطوة 1 و 2 : حذف مؤقت للمقاومة المتغيرة $R_{\scriptscriptstyle L}$ وتحديد مخارج الدارة a وb،

$$E_1 \xrightarrow{\begin{array}{c} X_1 \\ 3 \Omega \\ + \\ - \end{array}} 9 V \qquad R_2 \lessapprox 6 \Omega$$

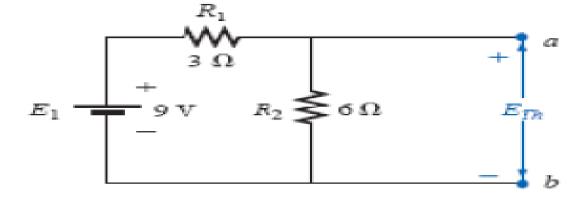
خطوة E_1 بدارة مكافئة R_{Th} نستبدل مصدر التغذية E_1 بدارة مكافئة $R_{Th}=R_1\,||\,R_2=\frac{(3\,\Omega)(6\,\Omega)}{3\,\Omega+6\,\Omega}=2\,\Omega$



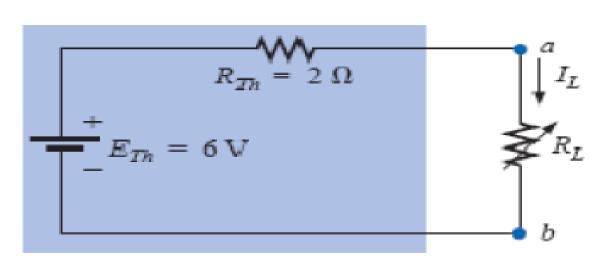
خطوة 4: من أجل حساب E_{T_b} نعيد المصدر E_1 إلى وضعه الأصلي،

a في هذه الحالة، تكون قيمة جهد الدارة المفتوحة E_{Th} بين الطرفين (المخرجين) و b و b مي نفس قيمة هبوط الجهد على المقاومة c d هي نفس قيمة هبوط الجهد على المقاومة c

$$E_{Th} = \frac{R_2 E_1}{R_2 + R_1} = \frac{(6\Omega)(9 \text{ V})}{6\Omega + 3\Omega} = \frac{54 \text{ V}}{9\Omega} = 6 \text{ V}$$



خطوة 5: نرسم دارة ثفنن المكافئة، مع إعادة المقاومة المحذوفة R_L ، كما هو مبين في الشكل



عندئذ، يكون:

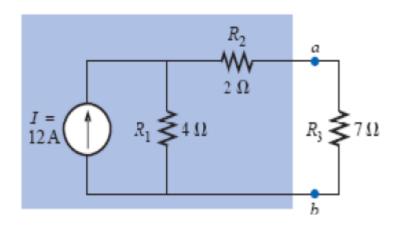
$$I_{L} = \frac{E_{Th}}{R_{Th} + R_{L}}$$

$$R_{L} = 2\Omega: \quad I_{L} = \frac{6V}{2\Omega + 2\Omega} = 1.5 \,\text{A}$$

$$R_{L} = 10 \,\Omega: \quad I_{L} = \frac{6V}{2\Omega + 10\Omega} = 0.5 \,\text{A}$$

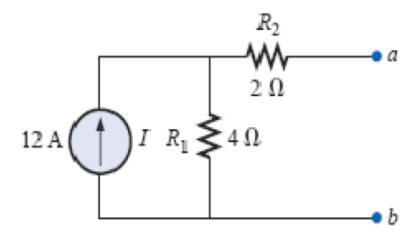
$$R_{L} = 100 \,\Omega: \quad I_{L} = \frac{6V}{2\Omega + 100\Omega} = 0.06 \,\text{A}$$

مثال أوجد دارة ثفنن المكافئة للدارة في القسم المظلل من الشكل

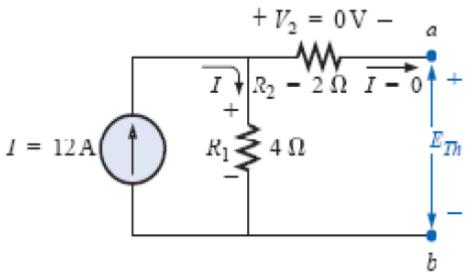


الحل:

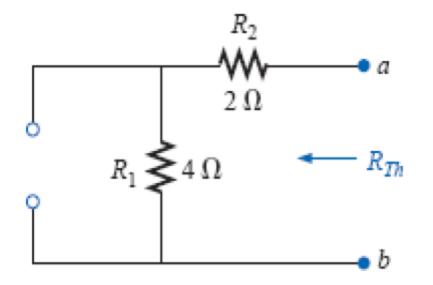
 b_0 a وتحديد مخارج الدارة R_3 وتحديد مخارج الدارة و d_0



خطوة 2: لحساب المقاومة المكافئة R_{Th} ، نستبدل مصدر التغذية I بدارة مكافئة مفتوحة، الشكل



بالنتيجة، تصبح المقاومتين R_1 و R_2 على التسلسل، وبالتالي تكون مقاومة ثفنن المكافئة بين المخرجين R_1 و R_2

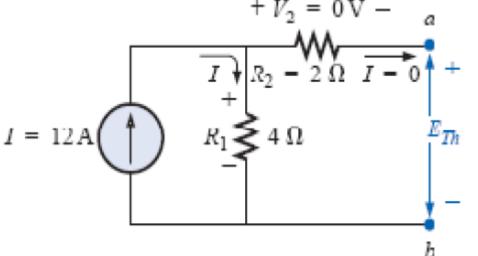


$$R_{Th} = R_1 + R_2 = 4\Omega + 2\Omega = 6\Omega$$

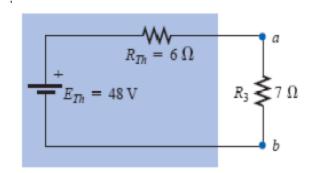
خطوة 4: من أجل حساب E_{Th} نعيد المصدر I إلى وضعه الأصلي، الشكل في هذه الحالة، يكون

التيار المار في الدارة المفتوحة بين الطرفين (المخرجين) a و b وأيضاً عبر المقاومة $R_2 = 2\Omega$ ، مساوياً للصفر. وعندئذٍ، يكون الجهد الموزع على طرفي المقاومة R_2 مساوياً: $V_2 = I_2 R_2 = (0) R_2 = 0$ وبالتالي:

$$+ v_2 = 0 \text{ V} - a$$
 $E_{Th} = V_1 = I_1 R_1 = IR_1 = (12 \text{ A})(4 \Omega) = 48 \text{ V}$

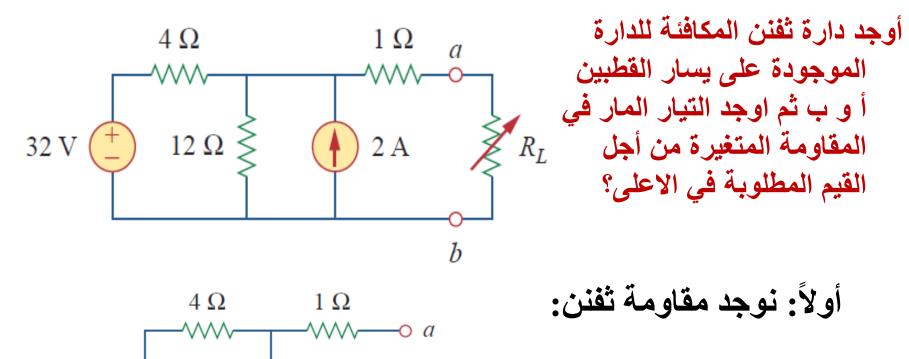


خطوة 5: نرسم دارة ثفنن المكافئة، مع إعادة المقاومة المحذوفة ٢٠ كما هو مبين في الشكل



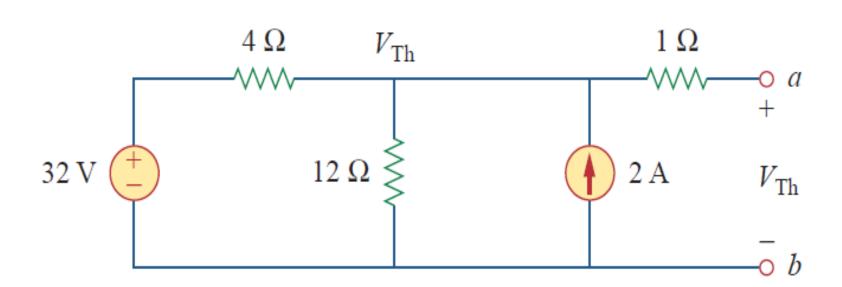
Find the Thevenin equivalent circuit of the circuit shown in Fig. to the left of the terminals a-b. Then find the current through $R_L = 6$, 16, and 36 Ω .

مسألة شاملة:



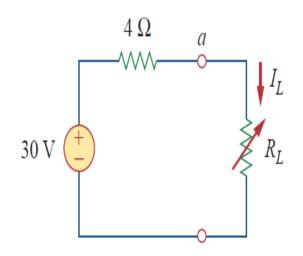
 $R_{\rm Th} = 4 \Omega$

ثانياً: نوجد جهد ثفنن:



$$V_{\rm Th} = 30 \text{ V}$$

ثالثاً: نوجد التيار على طرفي المقاومة المتغيرة بعد أن تصبح الدارة كما يلي:



$$I_L = \frac{V_{\rm Th}}{R_{\rm Th} + R_L} = \frac{30}{4 + R_L}$$

When $R_L = 6$,

$$I_L = \frac{30}{10} = 3 \text{ A}$$

When $R_L = 16$,

$$I_L = \frac{30}{20} = 1.5 \text{ A}$$

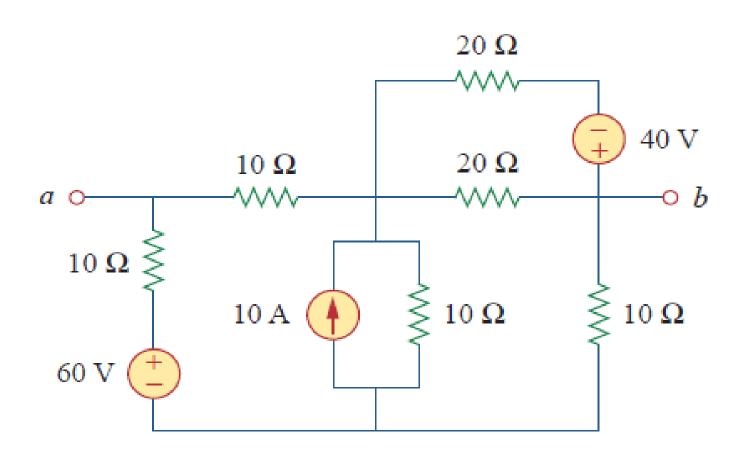
When $R_L = 36$,

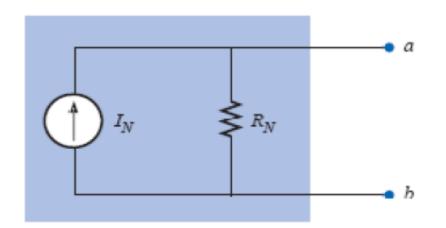
$$I_L = \frac{30}{40} = 0.75 \text{ A}$$

مثال

For the circuit find the Thevenin equivalent between terminals *a* and *b*.

نظرية ثفنن





تتلخص آلية عمل نظرية نورتن وفق التالي:

- حذف ذلك الجزء من الدارة (بشكل مؤقت) والذي من خلاله يتم إيجاد دارة نورتن المكافئة
 - ترميز أطراف الدارة فتكون الدارة ذات مخرجان a و b.

 R_N المقاومة المكافئة

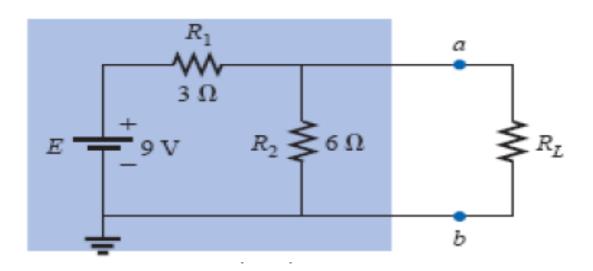
3. جعل جميع مصادر التغذية في الدارة مساوية للصفر، أي استبدال جميع مصادر الجهد بدارة مغلقة ومصادر التيار بدارة مفتوحة. وبالتالي حساب المقاومة الكلية الناتجة بين مخرجي الدارة a و b و a و a.

 I_N حساب مصدر التيار المكافئ

4. إعادة جميع المصادر الى حالتها الأصلية، ومن ثم إيجاد تيار الدارة المغلقة (short-circuit current) بين المخرجين a و a، وهو مايسمى بمصدر تيار نورتن للتغذية I_N .

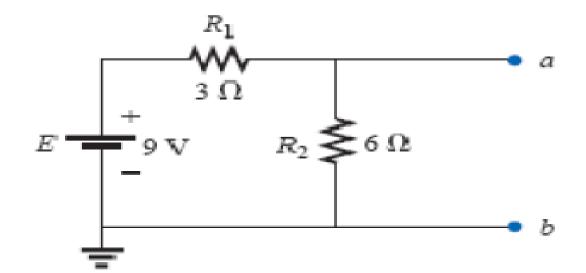
5. رسم دارة نورتن المكافئة، والتي تحتوي على المقاومة المكافئة R_N مربوطة على التوازي مع المصدر I_N وكذلك الجزء الذي تم حذفه مؤقتًا في الخطوة الأولى.

مثال أوجد دارة نورتن المكافئة للدارة في القسم المظلل من الشكل

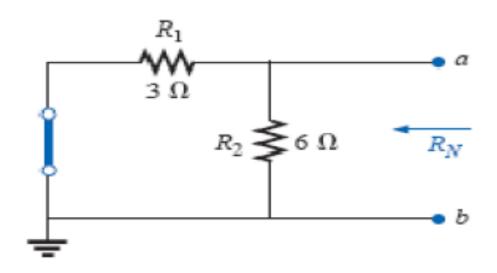


لحل:

خطوة 1 و 2: حذف مؤقت للمقاومة المتغيرة R_L وتحديد مخارج الدارة a وb، الشكل



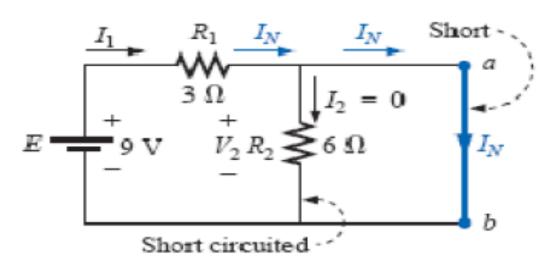
خطوة E: حساب المقاومة المكافئة R_N : نستبدل مصدر التغذية E بدارة مكافئة مغلقة، الشكل



وبالتالي، تحسب المقاومة المكافئة على النحو التالي:

$$R_N = R_1 || R_2 = 3\Omega || 6\Omega = \frac{(3\Omega)(6\Omega)}{3\Omega + 6\Omega} = 2\Omega$$

خطوة 4: حساب مصدر التيار المكافئ I_N : نعيد جميع المصادر الى حالتها الأصلية، أي المصدر E، الشكل

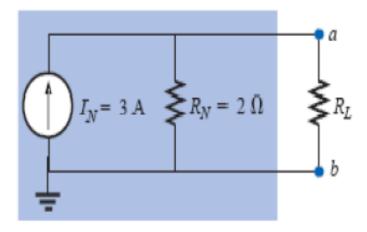


ثم نحسب قيمة تيار الدارة المغلقة I_N بين المخرجين b وb. فمن الشكل نرى بوضوح أن

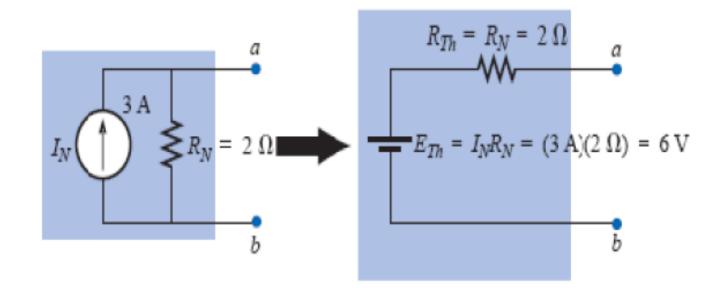
 I_2 التيار I_2 التيار I_2 التيار I_3 ولا على التوازي مع المقاومة I_2 ويزيل تأثيرها، مما يجعل التيار مساويًا للصفر. وعندئذ، يكون التيار I_N نفس التيار المار عبر المقاومة I_1 ، ويظهر الجهد الكامل عبر هذه المقاومة مساويًا $I_2 = I_2$. وبالتالي،

$$I_N = \frac{E}{R} = \frac{9 \text{ V}}{3 \Omega} = 3 \text{ A}$$

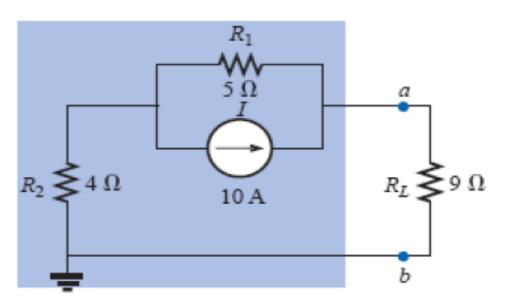
خطوة 5: نرسم دارة نورتن المكافئة، والتي تحتوي على المقاومة المكافئة R_N مربوطة على التوازي مع المصدر I_N وكذلك الجزء الذي تم حذفه مؤقتاً في الخطوة الأولى، كما هو مبين في الشكل



ومن هذه الدارة يمكن الحصول على دارة ثفنن المكافئة لدارة الشكل

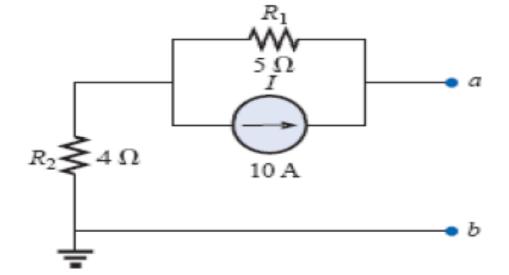


منال أوجد دارة نورتن المكافئة للدارة في القسم المظلل من الشكل

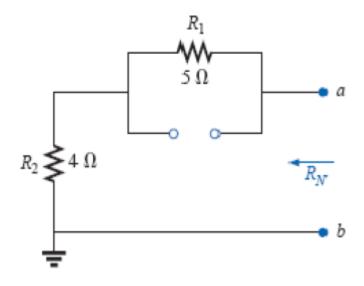


الحل:

خطوة 1 و 2: حذف مؤقت للمقاومة المتغيرة R_{r} وتحديد مخارج الدارة a و a، الشكل



خطوة 3: حساب المقاومة المكافئة R_N : نستبدل مصدر التغذية I بدارة مكافئة مفتوحة

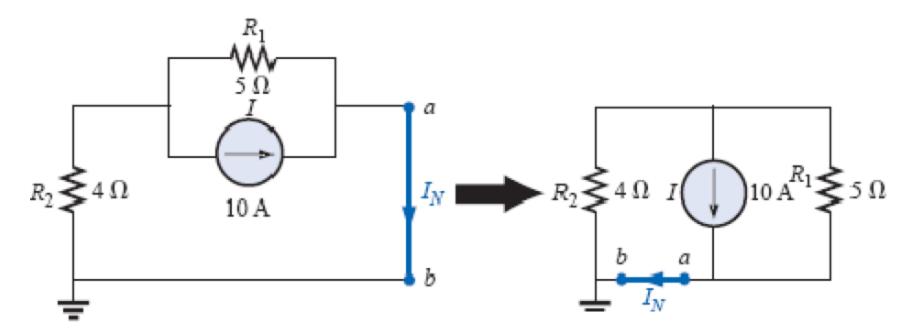


فنحصل على المقاومة المكافئة:

$$R_N = R_1 + R_2 = 5\Omega + 4\Omega = 9\Omega$$

I نعيد جميع المصادر الى حالتها الأصلية، أي المصدر I_N : نعيد جميع المصادر الى حالتها الأصلية،

bه و d بين المخرجين a و d.

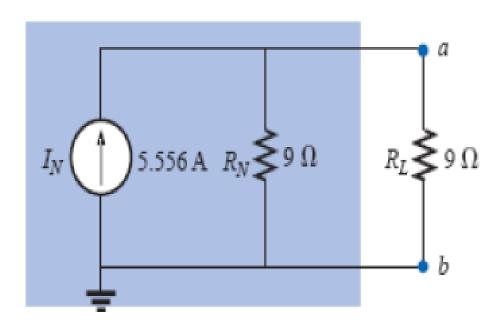


 $R_{2}=4\Omega$ من الشكل نرى أن التيار I_{N} هو نفس التيار المار من المقاومة $R_{2}=4\Omega$ باستخدام قانون قاسم التيار، نجد:

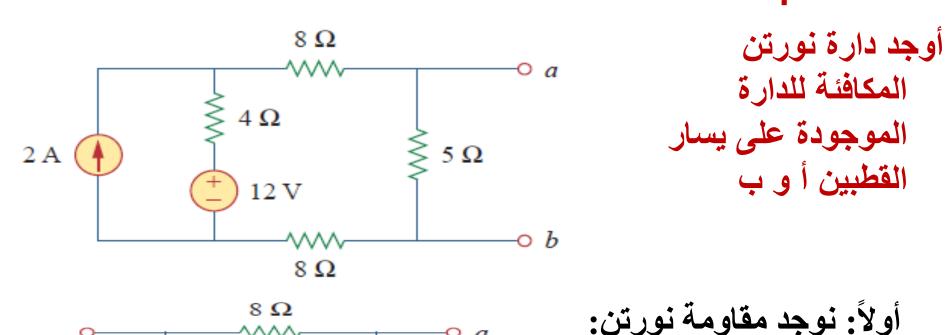
$$I_N = \frac{R_1 I}{R_1 + R_2} = \frac{(5\Omega)(10 \text{ A})}{5\Omega + 4\Omega} = 5.556 \text{ A}$$

خطوة 5: نرسم دارة نورتن المكافئة، والتي تحتوي على المقاومة المكافئة R_N مربوطة على التوازي مع المصدر I_N

وكذلك الجزء الذي تم حذفه مؤقتاً في الخطوة الأولى، كما هو مبين في الشكل



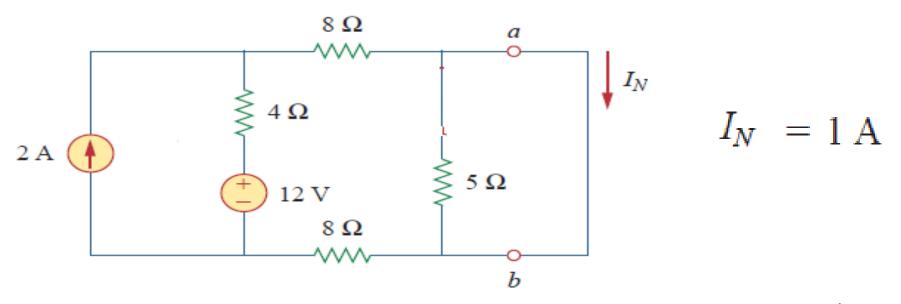
Find the Norton equivalent circuit of the circuit in at terminals a-b.



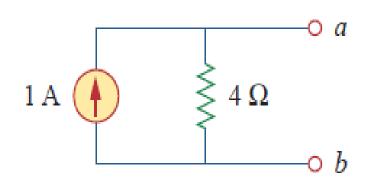
$$8 \Omega$$
 4Ω
 5Ω
 R_N
 8Ω
 $0 D$
 $0 D$

$$R_N = 5 \| (8 + 4 + 8) = 5 \| 20 = \frac{20 \times 5}{25} = 4 \Omega$$

ثانياً: نوجد تيار نورتن باستخدام نظرية التراكب:



ثالثاً: تصبح الدارة كما يلي:





Obtain the Thevenin and Norton equivalent circuits at terminals *a-b* of the circuit in

