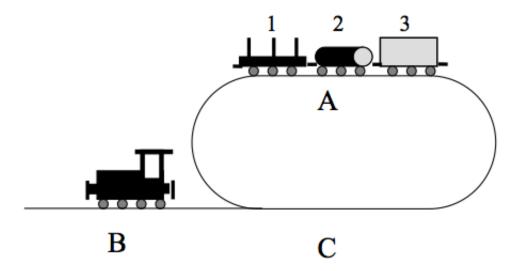
Aufgaben-Blatt: Ein Rangier-Problem



Auf dem Gleis-Abschnitt A befinden sich drei Waggons, die wir mit 1, 2, 3 bezeichnen. Auf dem Gleisabschnitt B befindet sich eine Lokomotive, die wir später mit der Ziffer 0 bezeichnen. Ziel ist es, die Waggons in der Reihenfolge 3, 1, 2 auf dem Gleis-Abschnitt C abzustellen. Die Lokomotive soll am Schluss wieder auf den Gleis-Abschnitt B zurückfahren. Die Lokomotive kann die Waggons in beliebiger Reihenfolge an und abkoppeln. Beim Rangieren ist es erlaubt, dass die Lokomotive gleichzeitig Waggons vorne und hinten anhängt.

Schreiben Sie ein $\operatorname{Setl}X$ -Programm, dass die gestellte Aufgabe löst. Laden Sie dazu von meiner Seite das Programm

https://github.com/karlstroetmann/Logik/blob/master/Aufgaben/Blatt-05/shunting-frame.stlx herunter und bearbeiten Sie die folgenden Teilaufgaben.

(a) Definieren Sie in Zeile 61 eine Funktion toList so, dass für eine Menge s der Aufruf toList(s) die Menge aller Listen berechnet, deren Elemente aus s sind und die jedes Element aus s genau einmal enthalten. Beispielsweise soll der Aufruf toList $(\{1,2,3\})$ das Ergebnis

$$\{[1,2,3],[1,3,2],[2,1,3],[2,3,1],[3,1,2],[3,2,1]\}$$

liefern.

(b) Definieren Sie in Zeile 71 eine Prozedur inverse so, dass der Aufruf inverse(R) für eine binäre Relation R die Relation R^{-1} berechnet. Beispielsweise soll gelten:

(c) Wir stellen die Waggons durch die Ziffern 1, 2 und 3 dar, die Lokomotive wird durch 0 dargestellt. Definieren Sie in Zeile 83 die Menge partitions so, dass diese Menge alle Tripel der Form $\langle A,B,C \rangle$

enthält, für welche die Menge $\{A,B,C\}$ eine Partition der Menge $\{0,1,2,3\}$ ist.

Hinweis 1: Die Menge $\{A, B, C\}$ ist genau dann eine Partition einer Menge S, wenn gilt:

- 1. $A \cup B \cup C = S$,
- 2. $A \cap B = \{\}, A \cap C = \{\} \text{ und } B \cap C = \{\}.$

Hinweis 2: Die Menge $\{0,1,2,3\}$ hat 81 Partitionen, die aus drei Mengen bestehen.

(d) Wir stellen Zustände durch Listen der Form

dar. Dabei ist LA die Liste der Waggons auf dem Gleis A, LB ist die Liste der Waggons auf dem Gleis B und LC ist die Liste der Waggons auf dem Gleis C.

Berechnen Sie in Zeile 90 die Menge aller Zustände.

Hinweis: Es gibt 360 verschiedene Zustände.

(e) Berechnen Sie in Zeile 103 die Menge aller Transitionen, in denen die Lokomotive vom Gleis A nach Osten zum Gleis C fährt.

Hinweis: Es gibt in SETLX eine Funktion reverse, die eine Liste umdreht.

Hinweis: Es gibt hier 210 verschiedene Transitionen.

(f) Berechnen Sie in Zeile 118 die Menge aller Transitionen, in denen die Lokomotive vom Gleis A nach Westen zum Gleis C fährt.

Hinweis: Hier gibt es ebenfalls 210 verschiedene Transitionen.

- (g) Berechnen Sie in Zeile 132 die Menge aller Transitionen, in denen die Lokomotive vom Gleis C zum Gleis A fährt. Berücksichtigen Sie dabei die Symmetrie des Problems.
- (h) Berechnen Sie in Zeile 136 die Menge aller Transitionen, in denen die Lokomotive vom Gleis B zum Gleis C fährt.
- (i) Berechnen Sie in Zeile 148 die Menge aller Transitionen, in denen die Lokomotive vom Gleis C zum Gleis B fährt.
- (j) In Zeile 151 wird die Menge aller möglichen Transitionen berechnet. Diese Relation enthält 1140 Elemente.

Hinweis: Der Pfad, der am Ende berechnet wird, hat die Länge 13.