Bearbeiten Sie die folgenden Aufgaben:

1. Schreiben sie ein Prädikat myMember, das der Typ-Spezifikation

soll genau dann erfolgreich sein, wenn die Zahl x in der Liste l auftritt.

Bei allen weiteren Aufgaben sollen Sie zunächst Gleichungen aufstellen, die das Verhalten der zu implementierenden Funktionen beschreiben.

2. Schreiben Sie ein Prädikat intersect das der Typ-Spezifikation

```
\verb|intersect(+List(Number), +List(Number), -List(Number)||\\ entspricht. Der Aufruf \\ \verb|intersect(l_1, l_2, L)||
```

soll für zwei Listen l_1 und l_2 eine Liste l berechnen, die alle die Elemente enthält, die sowohl in l_1 als auch in l_2 auftreten.

3. Schreiben Sie ein Prädikat small, das mit der Typ-Spezifikation

```
\verb| small(+Number), +List(Number), -List(Number)| \\ \\ \textit{verträglich ist. Der Aufruf} \\ \\ \textit{small}(x,l,\mathbf{S}) \\ \\
```

soll für eine Zahl x und eine Liste von Zahlen l die Liste aller der Zahlen aus l berechnen, die kleiner oder gleich x sind.

4. Schreiben Sie ein Prädikat big, das mit der Typ-Spezifikation

```
\label{eq:big}  \text{big(+Number), +List(Number), -List(Number))}  verträglich ist. Der Aufruf \text{big}(x,l,\mathbf{S})
```

soll für eine Zahl x und eine Liste von Zahlen l die Liste aller der Zahlen aus l berechnen, die größer als x sind.

5. Schreiben Sie ein Prädikat quick_sort, das mit der Typ-Spezifikation

```
\label{eq:quick_sort} \begin{split} & \text{quick\_sort}(\textit{+List}(\textit{Number})\,,\;\; \textit{-List}(\textit{Number})\,) \\ & \text{vertr\"{a}glich} \; \text{ist.} \; \text{Der} \; \text{Aufruf} \\ & \text{quick\_sort}(l, \texttt{L}) \\ & \text{soll die Liste} \; l \; \text{sortieren}. \end{split}
```

Das Prädikat quick_sort soll nach der divide-and-conquer-Methode arbeiten:

- (a) Teilen Sie die zu sortierende Liste l zunächst mit den Prädikaten small/3 und big/3 in zwei Listen s und b auf. Die Liste s soll dabei alle Elemente enthalten, die kleiner als das erste Element der Liste l sind, während die Liste l die Elemente aus l enthält, die größer als das erste Element von l sind.
- (b) Sortieren Sie die Listen s und b.
- (c) Fassen Sie die beiden sortierten Listen zu einer sortierten Liste zusammen. Benutzen Sie dazu das Prädikat concat aus der Vorlesung.