



Todo o conteúdo deste documento está relacionado a direito autoral e é de circulação restrita, porquanto de propriedade exclusiva da Fundação Instituto Nacional de Telecomunicações (CNPJ 24.492.886/0001-04), protegido por força das disposições da Lei n.º 9.610/1998. A utilização deste material sem prévia e expressa autorização da proprietária constituirá infração à lei, com repercussões tanto na esfera civil quanto criminal.



### Agenda

- Relações entre Ciência de Dados, Aprendizado de Máquina e Probabilidade e Estatística
- Análise de Dados

Todo o conteúdo deste documento está relacionado a direito autoral e é de circulação restrita, porquanto de propriedade exclusiva da Fundação Instituto Nacional de Telecomunicações (CNPJ 24.492.886/0001-04), protegido por força das disposições da Lei n.º 9.610/1998. A utilização deste material sem prévia e expressa autorização da proprietária constituirá infração à lei, com repercussões tanto na esfera civil quanto criminal.



# Relações entre Ciência de Dados, Aprendizado de Máquina e Probabilidade e Estatística

## Relações entre Ciência de Dados, Aprendizado de Máquina e Probabilidade e Estatística

- Probabilidade e Estatística
- Aprendizado de Máquina



#### Probabilidade e Estatística

#### Estatística

O termo pode se referir a:

- Estatística Consolidada: cálculo de valores numéricos particulares de interesse a partir dos dados. São exemplo destes valores: somas, médias, taxas, etc. Ainda, a estatística consolidada pode ser condicionalmente calculada, para uma parte da população. <u>Atenção adicional para a distribuição dos dados!</u>
- Estatística: compreensão da distribuição dos dados, quais estatísticas são apropriadas, compreender como usar os dados para testar hipóteses e para estimar a incerteza de conclusões. Além, bastante relacionada, está a quantificação da incerteza em intervalos de confiança.



#### Probabilidade e Estatística

#### Estatística

Refere-se ao uso de matemática e técnicas que podemos entender os dados.

Como descrever os dados? A estatística apresenta elementos essenciais!

Para conjuntos de dados pequenos o suficiente, o próprio dataset é a melhor descrição. Para conjuntos de dados grandes, olhar para o conjuntos não é muito informativo.

- → Histograma
- → Quantidade de dados
- → Menor e maior valor
- → Tendências
  - → Média e Mediana
  - → Quantís (Quartís ou outros valores quaisquer)
- → Dispersão
  - → Variância (da média) e desvio padrão

- → Correlação
  - → Covariância (de outra variável)
    - versão normalizada da covariância, chamada Coeficiente de Correlação.



#### Probabilidade e Estatística

#### Probabilidade

Pensamos aqui sobre a probabilidade de um evento acontecer baseado em um universo de possibilidades. Na ciência de dados, a probabilidade é usada para construir e avaliar modelos.

- → Teorema de Bayes (estimativa de probabilidade de eventos)
- → Probabilidade associada a modelos de aprendizado de máquina, principalmente

Todo o conteúdo deste documento está relacionado a direito autoral e é de circulação restrita, porquanto de propriedade exclusiva da Fundação Instituto Nacional de Telecomunicações (CNPJ 24.492.886/0001-04), protegido por força das disposições da Lei n.º 9.610/1998. A utilização deste material sem prévia e expressa autorização da proprietária constituirá infração à lei, com repercussões tanto na esfera civil quanto criminal.



Probability

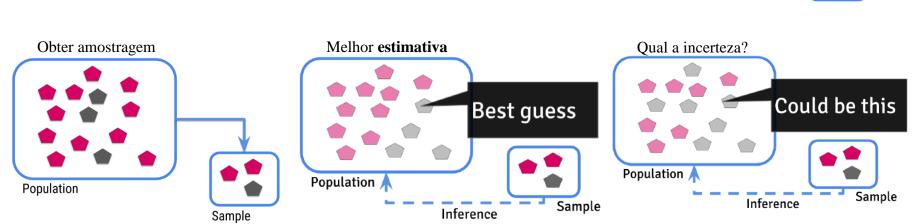
É provável?

**Population** 

#### Probabilidade e Estatística

#### Análise Inferencial

• Gerando uma estimativa e medindo a incerteza sobre esta estimativa

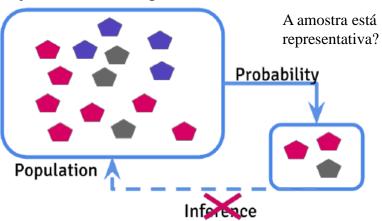




#### Probabilidade e Estatística

#### Probabilidade

- Inferência depende muito de como o dado foi amostrado
- Se possível, faça uma análise exploratória e confirme em conjunto de dados separados
- Tenha certeza e cuidado ao escolher a população, a amostra para a análise. Se não for representativa do universo real, os resultados serão tendenciosos (*biased*)



## Relações entre Ciência de Dados, Aprendizado de Máquina e Probabilidade e Estatística

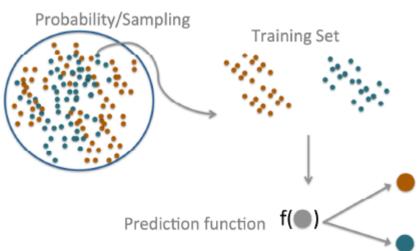
- Probabilidade e Estatística
- Aprendizado de Máquina



### Aprendizado de Máquina

Apesar de ser um senso comum achar que Cientista de Dados usa praticamente só modelos de aprendizado de máquina no seu trabalho diário, a verdade é que o real trabalho em Ciência de Dados é transformar problemas de negócio em problemas de dados e:

- 1. coletar dados
- 2. entender os dados
- 3. limpar os dados
- 4. formatar os dados
- 5. Se preciso, usar aprendizado de máquina.





Regressão

### Aprendizado de Máquina

#### Modelo x Aprendizado de Máquina

Modelo é uma especificação de uma relação matemática ou probabilística que existe entre diferentes variáveis.

Exemplo:	o .
- Melhorar o dinheiro para seu site de rede social	Classificação
- Número de usuários	Clusterização
- Receita por usuário	
- Número de funcionários	Redes Neurais
→ Lucro anual para os próximos anos	
	Aprendizado
Este modelo pode ser aprendido através dos dados, usando Aprendizado de Máquina!	Profundo



### Aprendizado de Máquina

#### Quase um check list

- Divida os dados em conjunto de treinamento e teste (70/30)
- Identificar razões da sua amostra não ser representativa da população
- Mais dados geralmente são melhores que bons algoritmos
- Features são mais importantes que o algoritmo
- Defina o erro do modelo antes de começar
  - Matriz de confusão ou MSE?
- Evite *overfitting* com validação cruzada
- Faça predições médias baseada em vários modelos (ensemble)
- Faça escolhas:
  - Interpretabilidade vs acurácia
  - Velocidade vs acurácia
  - Simplicidade vs acurácia
  - Escalabilidade vs acurácia



### Análise de Dados



### Análise de Dados

- Modelagem e Análise de Dados
- Estatística aplicada a análise de dados



### Modelagem e Análise de Dados

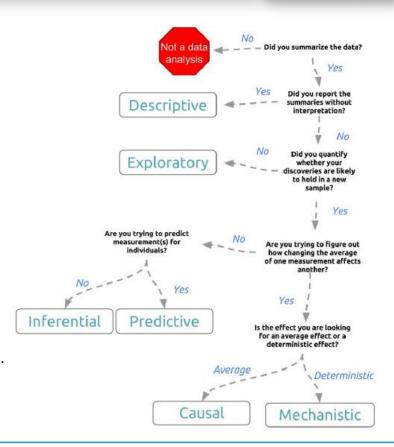
As questões envolvidas no fluxo de análise de dados.

#### **Descritiva:** a interpretação não faz parte da análise.

- Entender os componentes de um dataset, descrevê-los, e explicar a descrição para outros que possam querer entender o dataset.
- O Censo, quando faz a coleta dos dados de residência, idade, sexo, etc, tem a intenção de resumir o contexto da população em diferentes partes do país.

**Exploratória:** construir uma análise procurando descobertas, tendências, correlações, para gerar ideias ou hipóteses.

- Encontrar relacionamentos desconhecidos entre variáveis.





### Modelagem e Análise de Dados

As questões envolvidas no fluxo de análise de dados.

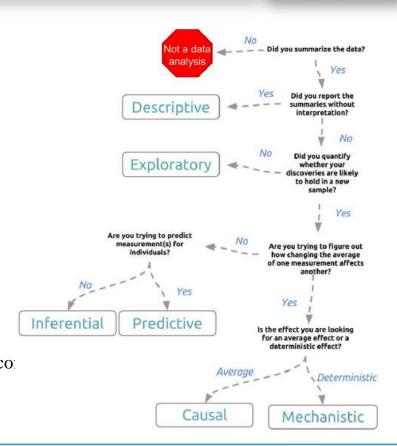
<u>Inferencial:</u> vai além da exploratória. Quantifica se um padrão observado é válido fora do conjunto de dados atual.

- Amostra pequena para dizer algo em novas amostras. Útil quando é custoso obter dados de toda população.

Preditiva: visa extrapolar a análise, usando algumas medidas (features) para predizer outra medida (efeito).

A análise mostra que pode predizer, mas não explica con

- Grande coleção de dados e predição para novos "indivíduos". Olhar para o futuro ou para características difíceis de medir.





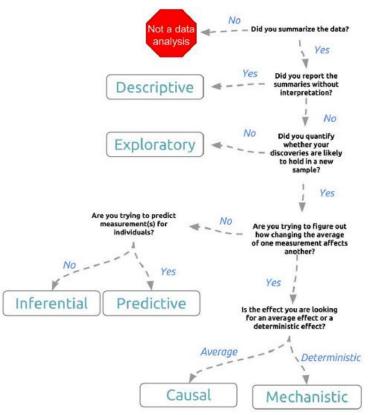
### Modelagem e Análise de Dados

As questões envolvidas no fluxo de análise de dados.

<u>Causal:</u> análise que busca o que acontece a uma medida se outra medida de interesse sofrer uma mudança. Causa e efeito.

- A análise causal identifica claramente as direções e magnitudes das relações

Mecanicista: busca efeitos médios em dados ruidosos. A análise busca demostrar que mudanças em uma medida leva sempre e exclusivamente a um comportamento determinístico em outra medida.





Uma imagem vale mais que mil palavras

Visualização de Dados fornece uma poderosa forma para comunicar uma descoberta baseada em dados. Em muitos casos, a visualização dos dados é tão convincente que não é preciso análise adicional.

Visualização de Dados é a ferramenta mais forte dentro do que chamamos de **EDA** – **Exploratory Data Analysis**.

"O maior valor de uma imagem é quando esta nos força a notar o que nunca esperávamos ver."

EDA é talvez a parte mais importante da Análise de Dados.



### Modelagem e Análise de Dados

#### EDA – Exploratory Data Analysis

É um importante passo no processo de Ciência de Dados.

- Entender melhor o conjunto de dados
- Checar os atributos e formato
- Validar algumas hipóteses
- Ter uma ideia preliminar sobre o próximo passo a ser tomado

Todo o conteúdo deste documento está relacionado a direito autoral e é de circulação restrita, porquanto de propriedade exclusiva da Fundação Instituto Nacional de Telecomunicações (CNPJ 24.492.886/0001-04), protegido por força das disposições da Lei n.º 9.610/1998. A utilização deste material sem prévia e expressa autorização da proprietária constituirá infração à lei, com repercussões tanto na esfera civil quanto criminal.



### Modelagem e Análise de Dados

#### Distribuição dos Dados

Tipos de variáveis

- Categóricas
  - Ordinais (ordenados)
  - -- (Fraco, Regular, Bom, Ótimo)
  - Não ordinais
  - -- (Masculino e Feminino)
- Numéricas
  - Contínuas
  - -- Podem assumir qualquer valor dentro de um intervalo
  - Discretas
  - -- Assumem apenas valores arredondados (inteiros)



#### Distribuição dos Dados

Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém de outra cultura e país, como somos fisicamente.

Considere os dados estão divididos em: Feminino e Masculino

1. Considerar uma proporção simples entre as categorias 77% de homens e 23% de mulheres



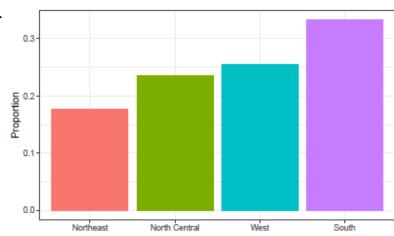
#### Distribuição dos Dados

Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém de outra cultura e país, como somos fisicamente.

Considere que os dados estão divididos em: Nordeste, Centro Norte, Oeste e Sul

1. Considerar um gráfico de barras é geralmente suficiente para esta tarefa





#### Distribuição dos Dados

#### Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém de outra cultura e país, como somos fisicamente.

#### Considere que os dados estão divididos em:

Altura, em centímetros (valores numéricos)

- 1. Não é interessante considerar a frequência de cada valor de entrada. Muitos elementos podem ter apenas 1 ocorrência enquanto outros, muitas frequências.
- 2. Uma forma representativa para estes casos é a chamada CDF Cumulative Distribution Function



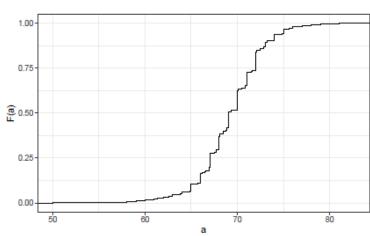
#### Distribuição dos Dados

Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém de outra cultura e país, como somos fisicamente.

Considere que os dados estão divididos em: Altura, em centímetros (valores numéricos)

- 1. A CDF (Cumulative Distribution Function) define a distribuição para dados numéricos.
- 2. No exemplo, 16% dos valores estão abaixo de 65...
- 3. No exemplo, 62.5% estão abaixo de 70...





#### Distribuição dos Dados

#### Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém de outra cultura e país, como somos fisicamente.

#### Considere que os dados estão divididos em:

Altura, em centímetros (valores numéricos)

- 1. CDF não é muito utilizado. Qual é o valor de centro dos dados? Os dados possuem uma distribuição simétrica? Quais faixas contém 95% dos valores?
- 2. Uma boa prática, geralmente preferida, são os histogramas.



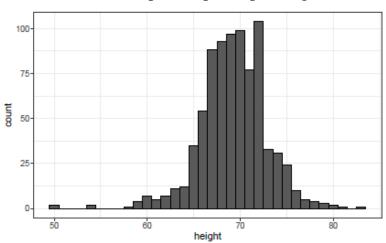
#### Distribuição dos Dados

Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém de outra cultura e país, como somos fisicamente.

Considere que os dados estão divididos em: Altura, em centímetros (valores numéricos)

- 1. Histogramas produzem gráficos que são muito mais fáceis de interpretar.
- 2. Parece um gráfico de barras, mas, o eixo X é numérico
- 3. Faixa de valores (50 a 84), a maioria entre 63 e 75, etc...
- 4. Dados entre as faixas (bins) são negligenciados.





#### Distribuição dos Dados

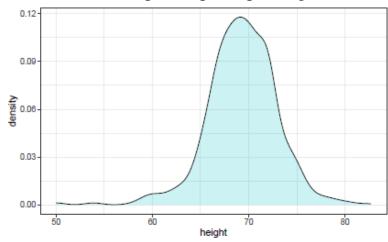
Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém

de outra cultura e país, como somos fisicamente.

Considere que os dados estão divididos em: Altura, em centímetros (valores numéricos)

1. Para tentar resolver a negligência do histograma, o gráfico *smoothed density* é apresentado. O nome oficial é KDE (Kernel Density Estimate).





#### Distribuição dos Dados

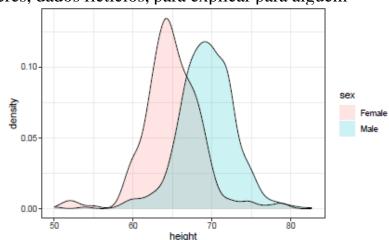
Imaginem o seguinte:

- Temos informações de altura de homens e mulheres, dados fictícios, para explicar para alguém

de outra cultura e país, como somos fisicamente.

Considere que os dados estão divididos em: Altura, em centímetros (valores numéricos)

1. Smoothed Density pode ser usado para comparar distribuições mais facilmente





### Modelagem e Análise de Dados

#### Distribuição dos Dados

A distribuição Normal

Sabemos que geralmente a média e o desvio padrão fazem um bom papel de resumo dos dados. Isso é verdade graças à distribuição normal.

Vários fenômenos aproximam a distribuição de uma Normal:

- Pressão sanguínea
- Pesos
- Alturas
- Notas de avaliações padronizadas
- Erros de medidas experimentais
- E muitos outros...

Variáveis Aleatórias!



#### Distribuição dos Dados

#### A distribuição Normal

- A distribuição é simétrica, centrada na média
- A maioria dos valores (~95%) estão até 2 desvios padrão a partir da média
- A imagem ao lado tem média 0 e desvio padrão 1.



As definições nos implicam que: Se um conjunto de dados é aproximado por uma distribuição normal, todas as informações que precisamos para descrever a distribuição pode ser focada em: média e desvio padrão.

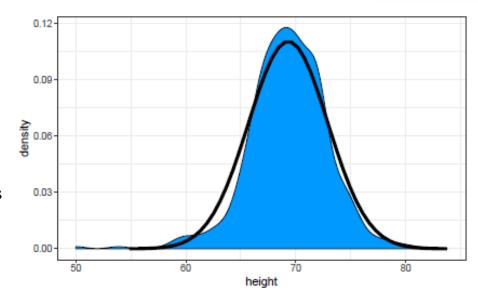


#### Distribuição dos Dados

A distribuição Normal

Considerando o mesmo exemplo das alturas, podemos observar que a densidade apresentada pode ser muito bem representada por uma distribuição Normal.

Neste caso, média = 69,3 e desvio padrão = 3,6



Todo o conteúdo deste documento está relacionado a direito autoral e é de circulação restrita, porquanto de propriedade exclusiva da Fundação Instituto Nacional de Telecomunicações (CNPJ 24.492.886/0001-04), protegido por força das disposições da Lei n.º 9.610/1998. A utilização deste material sem prévia e expressa autorização da proprietária constituirá infração à lei, com repercussões tanto na esfera civil quanto criminal.



#### Distribuição dos Dados

A distribuição Normal

→ Unidades padronizadas

$$\Pr(a < x < b) = \int_{a}^{b} \frac{1}{\sqrt{2\pi}s} e^{-\frac{1}{2}(\frac{x-m}{s})^{2}} dx$$

Para dados que são aproximadamente distribuídos segundo uma Normal é conveniente que estejam em termos de unidades padronizadas.

$$z = \frac{x - m}{s}$$

Assim, não importa a unidade original dos dados.

As regras serão sempre válidas: média em z = 0, um dos maiores em  $z \approx 2$ , um dos menores em  $z \approx -2$  e os que ocorrem raramente em z > 3 e z < -3. **Obs:** A função StandardScaler do scikitLearn faz isso!



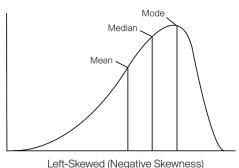
### Modelagem e Análise de Dados

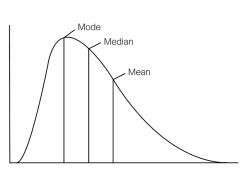
Distribuição dos Dados

A distribuição Skewed

Os dados podem ter uma distribuição não "centrada". A maioria dos valores estarão perto do início ou do fim da distribuição.

- Left-Skewed
- Right-Skewed





Média: valor médio do conjunto. É a soma de todos os valores

e divide pelo número total de observações.

Moda: é o valor que ocorre com maior frequência em um

conjunto de dados.

Médiana: é o valor que separa um conjunto de dados em duas metades iguais, 50% abaixo e 50% acima deste valor.

Right-Skewed (Negative Skewness)



#### Distribuição dos Dados

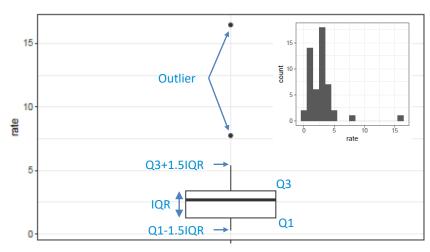
Indo além do resumo dos dois números e identificando Outliers

Para os casos em que a distribuição Normal não representa bem os dados, principalmente, mais informações podem ser solicitadas, além da média e desvio padrão.

O BoxPlot foi introduzido para este cenário.

#### Cinco pontos de interesse:

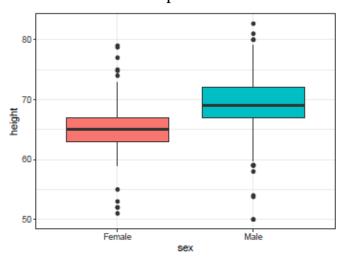
- 25%, 50%, 75%, mínimo e máximo.
- Outliers também são apresentados, mas, podem ser ignorados para uma melhor visualização do BoxPlot.

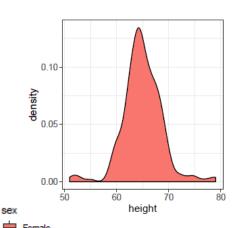


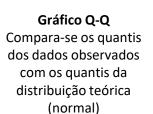


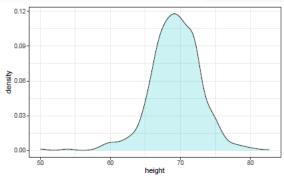
#### Distribuição dos Dados

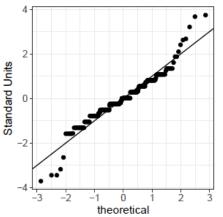
Finalizando o exemplo...













### Análise de Dados

- Modelagem e Análise de Dados
- Estatística aplicada a análise de dados



#### EDA – Exploratory Data Analysis

Algumas análises iniciais:

```
pd.head() – ter uma amostra dos dados, entender os valores e nomes dos atributos pd.describe() – descrição estatística sobre os dados: média, desvio padrão, mínimo, máximo, 25%, 50% e 75% pd.boxplot() – apresenta os dados do describe() no formato gráfico pd.quantile([0.0, 0.0]) – apresentar outros valores de quantís pd.median() – calcula a mediana pd.mean() – calcula a média pd.std() – calcula o desvio padrão
```



### Modelagem e Análise de Dados

#### EDA – Exploratory Data Analysis

Algumas análises iniciais:

Para dados categóricos pd.unique() – retorna os valores possíveis para este atributo

Relação entre variáveis plt.scatter(A, B)

Distribuição de uma variável plt.hist(A, bins=X) – bins inicialmente pode ser  $\sqrt{inst ancias}$ 



### Modelagem e Análise de Dados

EDA – Exploratory Data Analysis

Algumas análises iniciais:

Correlação np.corrcoef(data) – matriz de coeficientes de correlação plt.matshow(coefCorr)

### Correlação não implica em Causalidade

Todo o conteúdo deste documento está relacionado a direito autoral e é de circulação restrita, porquanto de propriedade exclusiva da Fundação Instituto Nacional de Telecomunicações (CNPJ 24.492.886/0001-04), protegido por força das disposições da Lei n.º 9.610/1998. A utilização deste material sem prévia e expressa autorização da proprietária constituirá infração à lei, com repercussões tanto na esfera civil quanto criminal.



#### O Check List da Análise de Dados

- 1. Respondendo as perguntas
  - 1. Você especificou o tipo de questão analítica do dados, antes de tocar no dados?
  - 2. Você especificou as métricas de sucesso (ou erro) no início?
  - 3. Você entendeu o contexto das questões e a aplicação científica ou de negócio?
  - 4. Você registrou o modelo?
  - 5. Você considerou se as questões podem ser respondidas com os dados disponíveis?
- 2. Checando os dados
  - 1. Você plotou resumos dos dados, uni ou multivariados?
  - 2. Você verificou os outliers?
  - 3. Você identificou dados faltantes?



#### O Check List da Análise de Dados

- 1. Organizando os dados
  - 1. Cada variável é uma coluna?
  - 2. Cada instância (ou observação) é uma linha?
  - 3. Diferentes tipos de dados aparecem em diferentes tabelas?
  - 4. Todos os parâmetros, unidades e funções aplicadas aos dados foram registrados?
- 2. Análise exploratória
  - 1. Você identificou os valores faltantes?
  - 2. Fez gráficos (histogramas, densidades, boxplots, etc)
  - 3. Considerou a correlação?
  - 4. Verificou as unidades e faixa de valores?
  - 5. Considerou fazer o gráfico em escala logarítmica?



#### O Check List da Análise de Dados

- 1. Inferência
  - 1. Você identificou o quão grande a população que você quer entender é?
  - 2. Você avaliou se as amostras são representativas?

#### 2. Predição

- 1. Definiu de antemão os erros?
- 2. Dividiu os dados em treinamento e teste?
- 3. Usou validação cruzada, agregação ou reamostragem nos dados de treinamento?
- 4. Você criou novas *features*?
- 5. Você estimou parâmetros? Estes estão fixos para validação?
- 6. O modelo final foi o usado para validação e relatório do resultado?



#### O Check List da Análise de Dados

#### 1. Análise

- 1. Descreva a questão de interesse
- 2. Descreva o *dataset*, o desenho do experimento e as questões a serem respondidas
- 3. Descreva o tipo de análise frente às perguntas
- 4. Descreva o modelo exato que irá ajustar
- 5. Inclua análises com incertezas

#### 2. Apresentação dos resultados

- 1. Imagens valem mais que mil palavras
- 2. Apresentação



inatel



inateloficial



ascominatel



inatel.tecnologias



company/inatel



# Inatel

Inatel - Instituto Nacional de Telecomunicações Campus em Santa Rita do Sapucaí - MG - Brasil Av. João de Camargo, 510 - Centro - 37540-000 +55 (35) 3471 9200 Escritório em São Paulo - SP - Brasil WTC Tower, 18º andar - Conjunto 1811/1812 Av. das Nações Unidas, 12.551 - Brooklin Novo - 04578-903 +55 (11) 3043 6015