

République Algérienne Démocratique et Populaire
Ministère de l'Enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique

Université Ferhat Abbas Sétif 1



Classification hybride (Hard et Soft) d'items éducatifs similaires avec ajustement bayésien des réponses en utilisant l'IRT

Présenté par :
Abdou Abarchi Aboubacar

Sous la Direction de :
M^{eme} **Harbouche Khadidja**

12 septembre 2021

Table des matières

1. INTRODUCTION

- Contexte
- Problématique
- Objectif

2. APERÇU SUR L'ÉTAT DE L'ART

- Educational data minig
- Modèle de l'apprenant
- Inférence bayésienne
- Analyse des items

3. CONTRIBUTIONS

Approche proposée

Application de l'inférence
bayésienne avec des modèles IRT
Résultats des modèles IRT
Regroupement des items à l'aide de
la matrice de similarité
Résultats des méthodes de
clustering

4. CONCLUSION GÉNÉRALE

Conclusion
Perspective

1. INTRODUCTION

Contexte
Problématique
Objectif

2. APERÇU SUR L'ÉTAT DE L'ART

Educational data minig
Modèle de l'apprenant
Inférence bayésienne
Analyse des items

3. CONTRIBUTIONS

Approche proposée

Application de l'inférence
bayésienne avec des modèles IRT
Résultats des modèles IRT
Regroupement des items à l'aide de
la matrice de similarité
Résultats des méthodes de
clustering

4. CONCLUSION GÉNÉRALE

Conclusion
Perspective

Contexte

Les systèmes informatisés conservent généralement des données détaillées des interactions utilisateur-système, plus précisément des interactions système-apprenant dans les systèmes éducatifs et les systèmes de tutorat intelligent (ITS). Ces données détaillées qui sont dans une grande base de données offrent des opportunités pour étudier ces données récolter.

Problématique

Problèmes

Cependant les données ne sont jamais aussi complètes et sans équivoque qu'elles garantissent la certitude.

Aussi, dans les systèmes éducatifs, beaucoup d'aptitudes ont une forte relation causale dans laquelle une aptitude doit être présentée avant une autre.

Objectif

L'objectif principal

Analyse et évaluation du jeu de données en faisant un ajustement bayésien des réponses aux items avant de décider si oui ou non le jeu de données vaille le coup d'être utilisé.

Après la validation du jeu de données, les items sont regroupés en composante de connaissance en utilisant une approche basée sur la similarité qui utilise une matrice de similarité calculée selon quatre catégories : réponse correcte et incorrecte avec aide et sans aide.

1. INTRODUCTION

Contexte
Problématique
Objectif

2. APERÇU SUR L'ÉTAT DE L'ART

Educational data minig
Modèle de l'apprenant
Inférence bayésienne
Analyse des items

3. CONTRIBUTIONS

Approche proposée

Application de l'inférence
bayésienne avec des modèles IRT
Résultats des modèles IRT
Regroupement des items à l'aide de
la matrice de similarité
Résultats des méthodes de
clustering

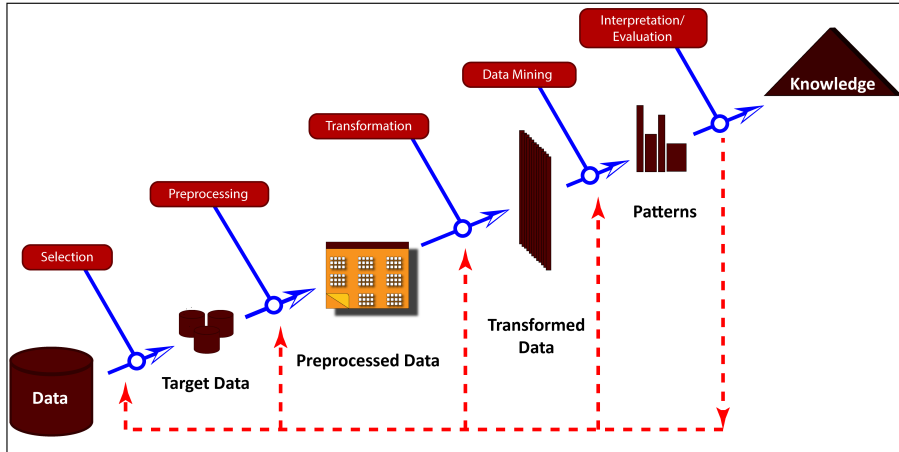
4. CONCLUSION GÉNÉRALE

Conclusion
Perspective

Educational data minig

L'exploration de données est un processus itératif et interactif visant à découvrir des modèles de données efficaces, nouveaux, utiles et compréhensibles dans de grandes bases de données. Appliquer dans l'éducation, les données proviennent du milieu éducatif et le but est de comprendre le comportement des apprenants et l'environnement de leur apprentissage.

Educational data minig



Modèle de l'apprenant

Définition

Le modèle de l'apprenant est une structure de données qui reflète l'état des connaissances supposées de l'apprenant sur un domaine cible.

Modèle de l'apprenant

Définition

Le modèle de l'apprenant est une structure de données qui reflète l'état des connaissances supposées de l'apprenant sur un domaine cible.

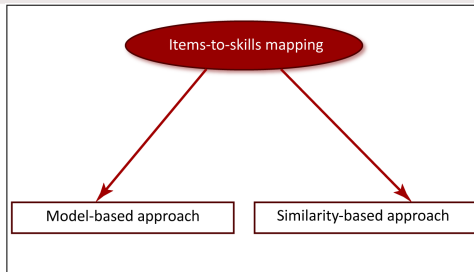
Quelque catégorie du modèle de l'apprenant :

- ▶ Modèle cognitif,
- ▶ Modèle d'inférence,
- ▶ Modèle émotionnel.

Modèle de l'apprenant

L'approche du modèle cognitif

La modélisation cognitive est utilisée pour simuler ou prédire le comportement humain ou les performances sur des tâches similaires à celles modélisées et améliorer l'interaction homme-machine.



Modèle de l'apprenant

L'approche du modèle d'inférence

Cette approche est une sorte de moteur d'inférence qui fonctionne pour ajuster le modèle de l'apprenant. Il contient des règles qui lui permettent de raisonner sur le modèle cognitif et sur le modèle psychologique pour inférer de nouvelles connaissances dans le modèle de l'apprenant.

Inférence bayésienne

Définition

L'inférence bayésienne est une méthode d'apprentissage des valeurs des paramètres dans les modèles statistiques à partir de données.

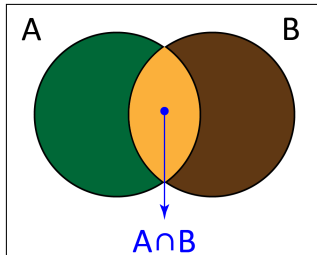
Inférence bayésienne

Probabilité conditionnelle

La probabilité conditionnelle est la probabilité d'un événement sachant qu'un autre événement a eu lieu.

Soit A et B deux événements avec $P(A) \neq 0$.

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} \quad (1)$$



Inférence bayésienne

Théorème de bayes

Le théorème de Bayes , du nom du mathématicien britannique du XVIIIe siècle Thomas Bayes est défini par l'équation suivante :

$$Pr(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{Pr(A|B) * Pr(B)}{Pr(A)} \quad (2)$$

$$Pr(hypothesis|data) = \frac{Pr(data|hypothesis) * Pr(hypothesis)}{Pr(data)} \quad (3)$$

Inférence bayésienne

L'approche Bayésienne

L'inférence bayésienne utilise la règle de Bayes lorsqu'on interprète les variables de la règle de Bayes en tant que paramètres θ d'un modèle et de données observées *data* :

Inférence bayésienne

L'approche Bayésienne

L'inférence bayésienne utilise la règle de Bayes lorsqu'on interprète les variables de la règle de Bayes en tant que paramètres θ d'un modèle et de données observées *data* :

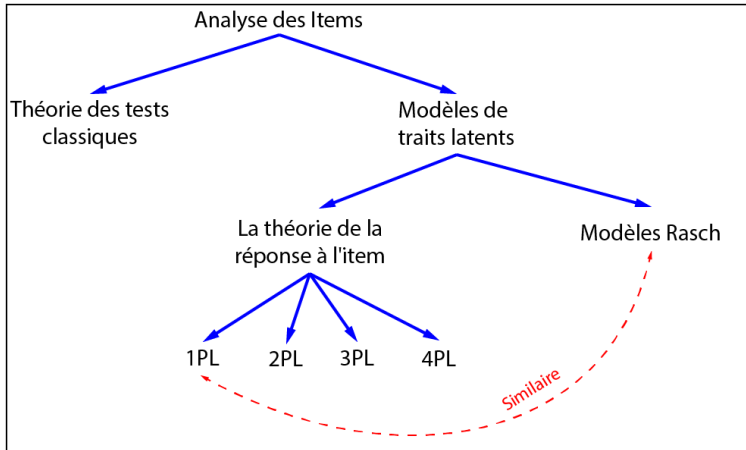
$$Pr(\theta|data) = \frac{Pr(data|\theta) * Pr(\theta)}{Pr(data) = \int L(data|\theta)Pr(\theta)d\theta} \quad (4)$$

Analyse des items

Quelque définitions

La théorie de la réponse à l'item fait référence aux modèles mathématiques qui tentent d'expliquer la relation entre les traits latents et leurs manifestations.

Analyse des items



Analyse des items

Théorie des tests classiques

Théorie des tests classiques

- ▶ Les analyses sont la forme d'analyse la plus simple et la plus largement utilisée. Les statistiques peuvent être calculées par des logiciels statistiques facilement disponibles (ou même à la main).
- ▶ Les analyses classiques sont effectuées sur le test dans son ensemble plutôt que sur l'item et bien que des statistiques d'items puissent être générées, elles ne s'appliquent qu'à ce groupe d'étudiants sur cette collection d'items.

Analyse des items

Modèles de traits latents

Modèles de traits latents

- ▶ Les modèles de traits latents existent depuis les années 1940, mais n'ont pas été largement utilisés avant les années 1960. Bien que théoriquement possible, il est pratiquement impossible de les utiliser sans logiciel spécialisé.
- ▶ Ils visent à mesurer la capacité (ou le trait) sous-jacente qui produit la performance du test plutôt que de mesurer la performance en soi.
- ▶ Cela les conduit à être sans échantillon. Comme les statistiques ne dépendent pas de la situation de test qui les a générées, elles peuvent être utilisées de manière plus flexible.

Analyse des items

Différence entre CTT et IRT.

Théorie des tests classiques vs modèles de traits latents

- ▶ L'analyse classique a pour base le test (pas l'item). Bien que les statistiques générées soient souvent généralisées à des étudiants similaires passant un test similaire ; ils ne s'appliquent vraiment qu'aux étudiants qui passent ce test.
- ▶ Les modèles de traits latents visent à regarder au-delà des traits sous-jacents qui produisent les performances du test. Ils sont mesurés au niveau de l'article et fournissent une mesure sans échantillon.

Analyse des items

Avantages de l'IRT

Avantages de l'IRT

- ▶ Fournit plus d'informations que la théorie des tests classique (CTT).
 - ▶ Les statistiques des tests classiques dépendent de l'ensemble des éléments et de l'échantillon examinés.
 - ▶ Modélisation IRT indépendante de l'échantillon examiné.
- ▶ Utilisé pour estimer les paramètres des éléments (par exemple, la difficulté et la discrimination).
- ▶ Les vrais scores de l'apprenant sur le trait latent.

Analyse des items

Modèle de Rasch

Modèle de Rasch

Le modèle de Rasch est une méthode d'analyse de données statistiques pour mesurer des éléments tels que les capacités, les attitudes ou des traits de personnalité de personnes répondant à des questionnaires.

Analyse des items

Modèle de Rasch

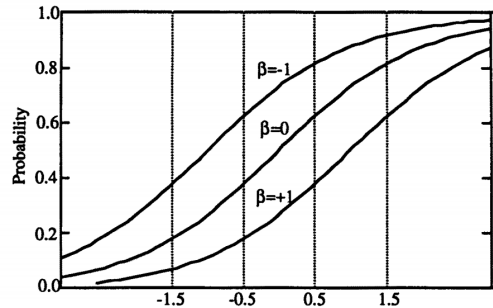
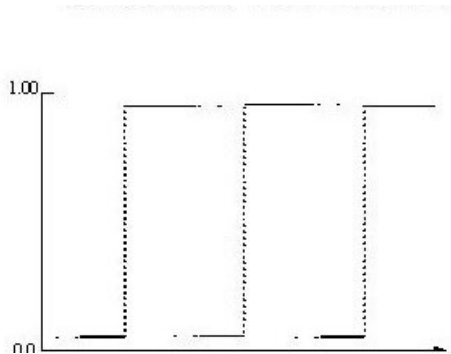
Structure de données typiques

	I1	I2	I3	I4
S1	0	0	1	1
S2	0	1	1	1
S3	1	1	1	1
S4	0	0	0	0
S5	0	0	1	0

	I1	I2	I3	I4
S1	0	0	0	0
S2	1	0	0	0
S3	1	1	0	0
S4	1	1	1	0
S5	1	1	1	1

Analyse des items

Modèle de Rasch



Analyse des items

Modèle de Rasch

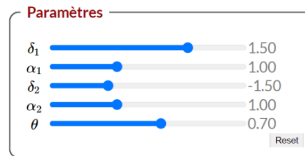
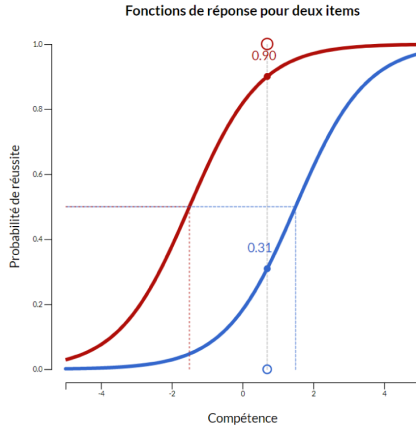
La fonction logistique du modèle de Rasch

$$P(x_j|\theta, \beta_j) = \frac{\exp[\theta - \beta_j]}{1 + \exp[\theta - \beta_j]} \quad (5)$$

Où,

- ♦ θ la capacité, la compétence de l'apprenant
- ♦ β difficulté de l'item

Analyse des items



Analyse des items

La Théorie de la réponse à l'item

Modèle logistique à un paramètre

$$P_i(\theta_j | X = 1) = \frac{\exp [1.7\alpha_i(\theta_j - \beta_i)]}{1 + \exp [1.7\alpha_i(\theta_j - \beta_i)]} \quad (6)$$

Où,

- ◆ θ la capacité, la compétence de l'apprenant
- ◆ β paramètre de difficulté de l'item
- ◆ α paramètre de discrimination de l'item (fixe, pas d'indice)
- ◆ $1.7 =$ facteur d'échelle

Analyse des items

La Théorie de la réponse à l'item

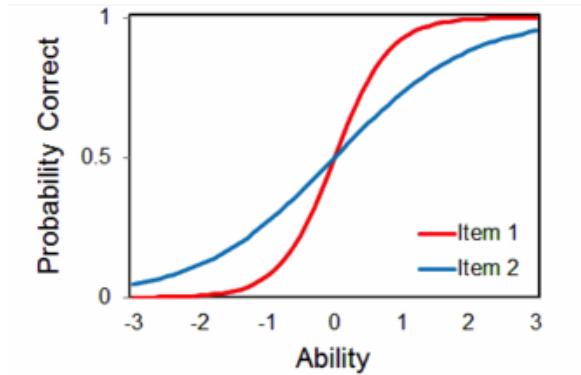
Modèle logistique à deux paramètres

$$P_i(\theta_j | X = 1) = \frac{\exp[\alpha_i(\theta_j - \beta_i)]}{1 + \exp[\alpha_i(\theta_j - \beta_i)]} \quad (7)$$

Où,

- ◆ θ la capacité, la compétence de l'apprenant
- ◆ β paramètre de difficulté de l'item
- ◆ α paramètre de discrimination de l'item (non fixe, peut changer par item)

Analyse des items



Analyse des items

La Théorie de la réponse à l'item

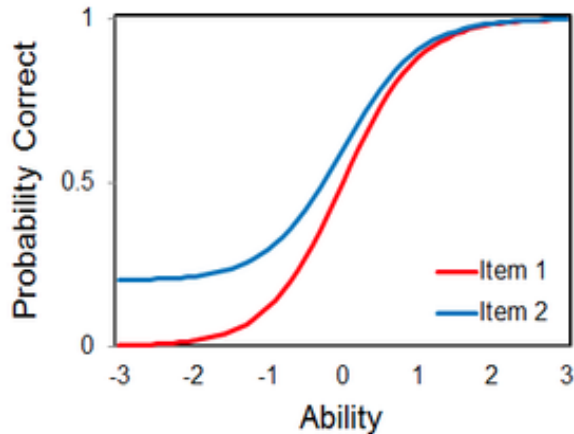
Modèle logistique à trois paramètres

$$P_i(\theta_j) = c_i + \frac{1 - c_i}{1 + \exp[-\alpha_i(\theta_j - \beta_i)]} \quad (8)$$

Où,

- ◆ θ la capacité, la compétence de l'apprenant
- ◆ β paramètre de difficulté de l'item
- ◆ α paramètre de discrimination de l'item (non fixe, peut changer par item)
- ◆ c paramètre de devinette.

Analyse des items



1. INTRODUCTION

Contexte
Problématique
Objectif

2. APERÇU SUR L'ÉTAT DE L'ART

Educational data minig
Modèle de l'apprenant
Inférence bayésienne
Analyse des items

3. CONTRIBUTIONS

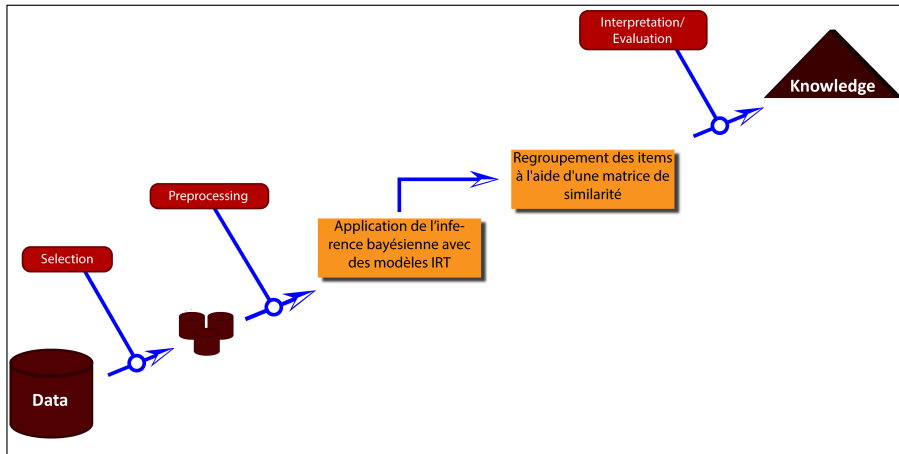
Approche proposée

Application de l'inférence
bayésienne avec des modèles IRT
Résultats des modèles IRT
Regroupement des items à l'aide de
la matrice de similarité
Résultats des méthodes de
clustering

4. CONCLUSION GÉNÉRALE

Conclusion
Perspective

Approche proposée



Approche proposée

Application de l'inférence bayésienne avec des modèles IRT

■ Spécification et construction des modèles

le bloc de données

```
data {  
  int<lower=1> N;  
  int<lower=1> I;  
  int<lower=1> S;  
  int<lower=1,upper=I> item[N];  
  int<lower=1,upper=S> subject[N]  
];  
  int<lower=0,upper=1> grade[N];  
}
```

Données dans un dictionnaire

```
{'I': 1084,  
'N': 809694,  
'S': 574,  
'grade': array([0,...,1]),  
'item': array([563,...,482]),  
'subject': array([72,...,395])}
```

Approche proposée

Application de l'inférence bayésienne avec des modèles IRT

■ Spécification et construction des modèles

bloc de paramètres

```
// parameters
real ability[S];           // alpha: ability of student
real difficulty[I];        // beta: difficulty of question
real delta;               // mean student ability
// end for Rasch model
vector<lower=0>[I] discrimination; // discrimination of question
// end for 2PL
vector<lower=0,upper=1>[I] guessing; //
// end for 3PL
```

Approche proposée

Application de l'inférence bayésienne avec des modèles IRT

■ Spécification et construction des modèles

bloc modèle (modèle de Rasch)

```
model {  
  ability ~ normal(0,1);  
  difficulty ~ normal(0,1);  
  delta ~ normal(0.75,1);  
  for(n in 1:N)  
    grade[n] ~ bernoulli_logit(ability[subject[n]] - difficulty[item[n]]  
      + delta);  
}
```

Approche proposée

Application de l'inférence bayésienne avec des modèles IRT

■ Spécification et construction des modèles

bloc modèle (modèle 2PL)

```
model {  
  ability ~ normal(0,1);  
  difficulty ~ normal(0,1);  
  discrimination ~ lognormal(0,1);  
  delta ~ normal(0.75,1);  
  grade ~ bernoulli_logit(discrimination[item] .* (ability[subject] - (  
    difficulty[item] + delta)));  
}
```


Approche proposée

Application de l'inférence bayésienne avec des modèles IRT

■ Spécification et construction des modèles

bloc modèle (modèle 3PL)

```
model {  
  ability ~ normal(0,1);  
  difficulty ~ normal(0,1);  
  discrimination ~ lognormal(0,1);  
  guessing ~ beta(5,17);  
  delta ~ normal(0.75,1);  
  grade ~ bernoulli(guessing[item] + ((1-guessing[item]).*(inv_logit(  
    discrimination[item] .* (ability[subject] - (difficulty[item] +  
    delta))))));  
}
```

Approche proposée

Application de l'inférence bayésienne avec des modèles IRT

■ Inférence

Compilation

```
posteriori = stan.build(_1pl_model, data=train_data ,  
                        random_seed=2021)
```

Échantillonnage

```
fit = posteriori.sample(num_chains=4, num_samples  
                        =2000,num_warmup=1000,num_thin=1)
```

Approche proposée

Application de l'inférence bayésienne avec des modèles IRT

■ Diagnostic de convergence

Rhat

	mean	sd	hdi_3%	hdi_97%	mcse_mean	mcse_sd	ess_bulk	ess_tail	r_hat
ability[0]	0.010	0.051	-0.085	0.106	0.005	0.004	104.0	331.0	1.04
ability[1]	-0.217	0.125	-0.443	0.024	0.004	0.003	902.0	3828.0	1.00
ability[2]	0.001	0.108	-0.197	0.212	0.004	0.003	593.0	2261.0	1.01
ability[3]	-0.761	0.050	-0.859	-0.670	0.005	0.003	103.0	317.0	1.03
ability[4]	0.630	0.115	0.418	0.848	0.004	0.003	661.0	2626.0	1.01
...
difficulty[1080]	0.137	0.075	-0.000	0.282	0.002	0.002	934.0	3027.0	1.00
difficulty[1081]	-0.014	0.137	-0.276	0.237	0.002	0.002	4904.0	4949.0	1.00
difficulty[1082]	-0.189	0.152	-0.478	0.093	0.002	0.002	4880.0	4918.0	1.00
difficulty[1083]	-0.593	0.070	-0.723	-0.464	0.002	0.002	875.0	3064.0	1.01
delta	1.292	0.049	1.197	1.387	0.005	0.004	93.0	161.0	1.06

Approche proposée

Regroupement des items à l'aide de la matrice de similarité

Matrice Learners/Items

	Item1				Item2				Item3				...	Itemn			
Learner1	CH11	CS11	IH11	IS11	CH12	CS12	IH12	IS12	CH13	CS13	IH13	IS13	...	CH1n	CS1n	IH1n	IS1n
Learner2	CH21	CS21	IH21	IS21	CH22	CS22	IH22	IS22	CH23	CS23	IH23	IS23	...	CH2n	CS2n	IH2n	IS2n
.													...				
.																	
.																	
.																	
.																	
.																	
Learnerj	CHj1	CSj1	IHj1	ISj1	CHj2	CSj2	IHj2	ISj2	CHj3	CSj3	IHj3	ISj3	...	CHjn	CSjn	IHjn	ISjn
.													...				
.																	
.																	
.																	
.																	

Approche proposée

Regroupement des items à l'aide de la matrice de similarité

Item-to-Item similarity

	Item1	Item2	Item3	Item4	Item5	...	Item i	...
Item1								
Item2								
.								
.								
.								
.								
.								
.								
Item j								
.								
.								
.								
.								

Calcul de similarité

	Item i	Item j
CH		
CS		
IH		
IS		



Matrice Items/Sum_answers

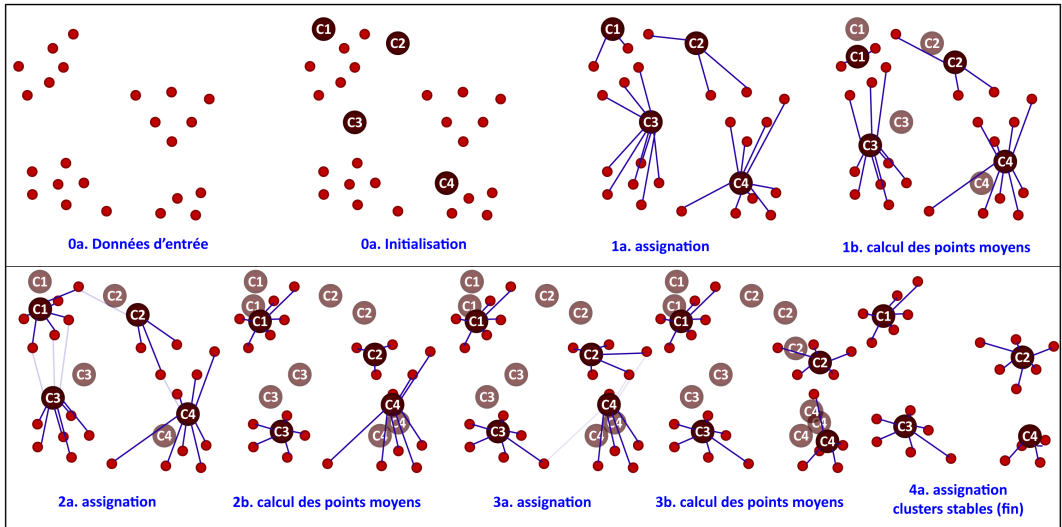
	Item1	Item2	Item3	...	Item i	...
CH						
CS						
IH						
IS						

Approche proposée

Regroupement des items à l'aide de la matrice de similarité

■ Les méthodes de clustering utilisées :

1 : K-means clustering

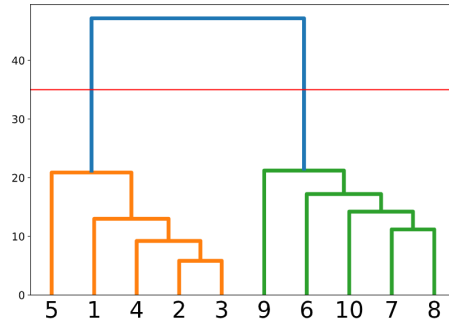
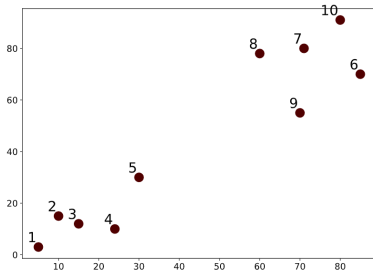


Approche proposée

Regroupement des items à l'aide de la matrice de similarité

■ Les méthodes de clustering utilisées :

2 : Clustering hiérarchique agglomératif

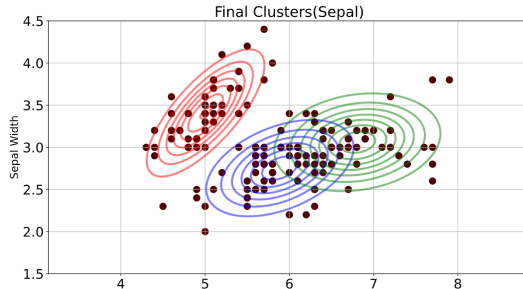
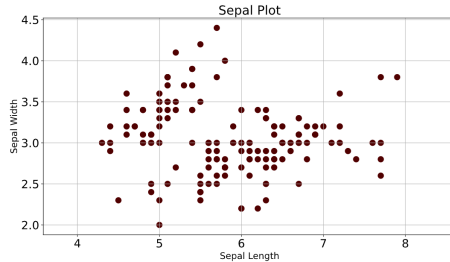


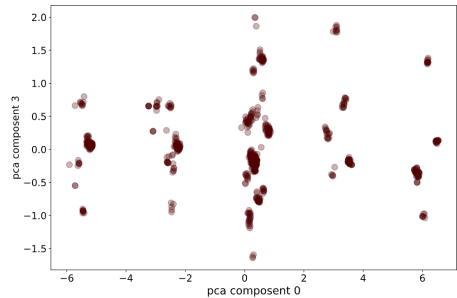
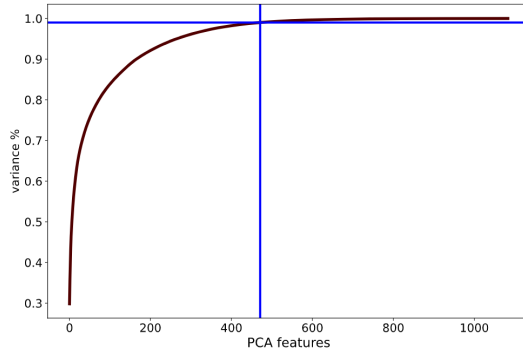
Approche proposée

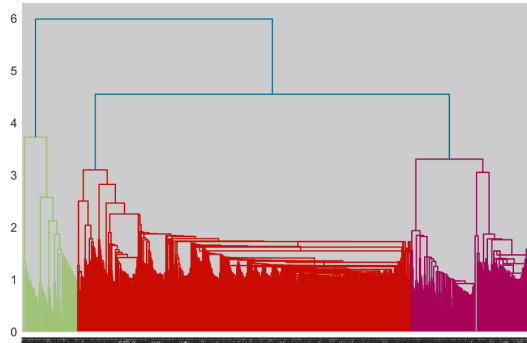
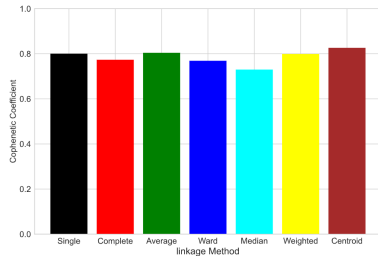
Regroupement des items à l'aide de la matrice de similarité

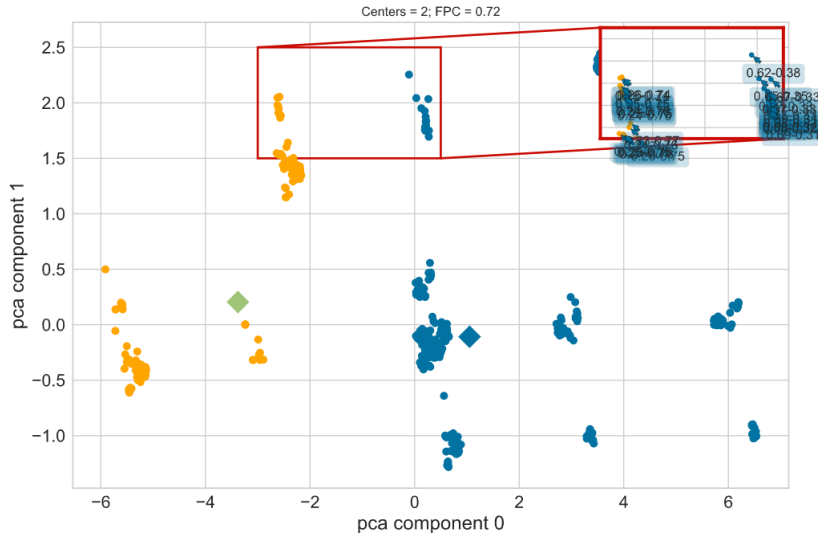
■ Les méthodes de clustering utilisées :

3 : Fuzzy clustering









1. INTRODUCTION

Contexte
Problématique
Objectif

2. APERÇU SUR L'ÉTAT DE L'ART

Educational data minig
Modèle de l'apprenant
Inférence bayésienne
Analyse des items

3. CONTRIBUTIONS

Approche proposée

Application de l'inférence
bayésienne avec des modèles IRT
Résultats des modèles IRT
Regroupement des items à l'aide de
la matrice de similarité
Résultats des méthodes de
clustering

4. CONCLUSION GÉNÉRALE

Conclusion
Perspective

Conclusion

conclusion

En plus d'une méthode de regroupement des items en composante de connaissance, noter approche incluse dans les méthodes traditionnelles une étape d'analyse et d'évaluation des scores des apprenants.

Perspective

- ▶ Extension des modèles IRT aux modèles à plusieurs niveaux,
- ▶ Appliquer d'autre coefficient de similarité et aussi le critère de calcul de similitude entre items.