# Введение в глубокое обучение Нейрон

Иван Карпухин

Ведущий исследователь-программист



## Преподаватель



### Карпухин Иван

Профессионально занимаюсь машинным обучением более 6 лет

Проекты (Тинькофф, Mail.ru, Яндекс):

- Голосовая биометрия
- Распознавание лиц и текстов
- Виртуальный аватар
- Исследования

# Преподаватель



### Карпухин Иван

Профессионально занимаюсь машинным обучением более 6 лет

# Вопрос 1

Приходилось ли вам использовать машинное обучение?

# Вопрос 2

Приходилось ли вам использовать нейронные сети?

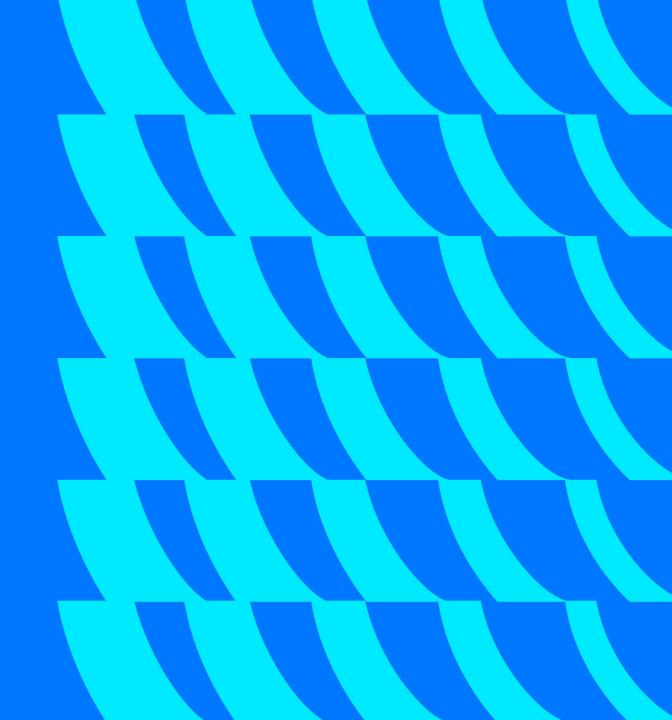
# Небольшой опрос

- 3 минуты
- Анонимно
- Ссылка в чате
- Коротко разберем в конце ;)



https://forms.gle/b648yuQZb7zrnBu27

# Введение



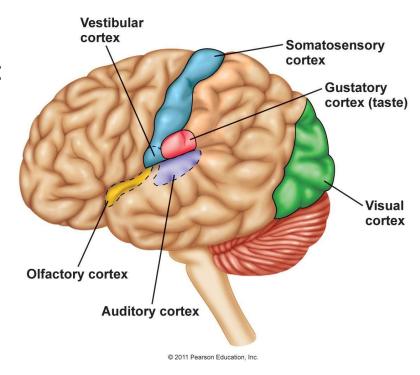
# Deep learning

Традиционно цель DL - воспроизвести мыслительные процессы человека

Современный DL решает многие задачи Machine Learning:

- генерация изображений, звуков, текстов
- принятие решений
- классификация
- регрессия
- кластеризация
- уменьшение размерности





# История

1958 Перцептрон Розенблатта

**1974** Backpropagation

1985 Машины Больцмана

**1986** RNN

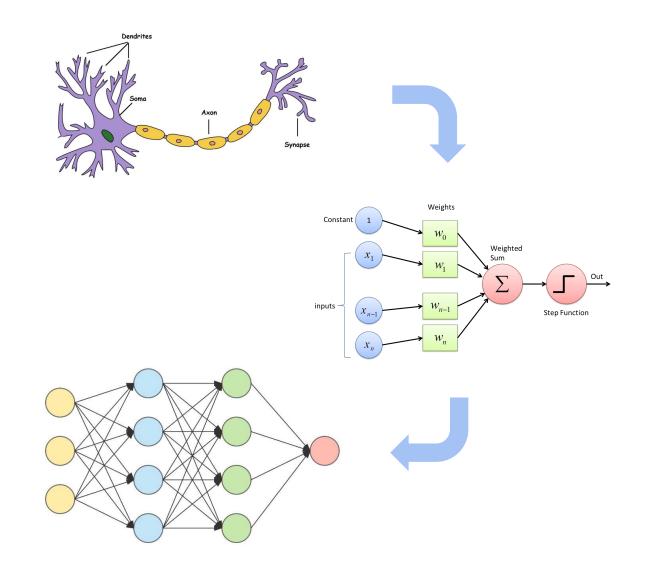
2014 Attention, Adam optimizer, GANs

**2015** Batchnorm, ResNet

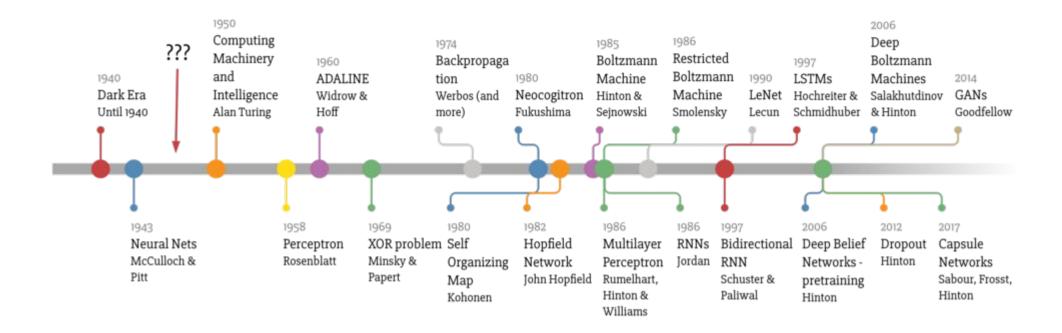
**2017** Transformer

**2019** GPT-2

**2021** CLIP



# История

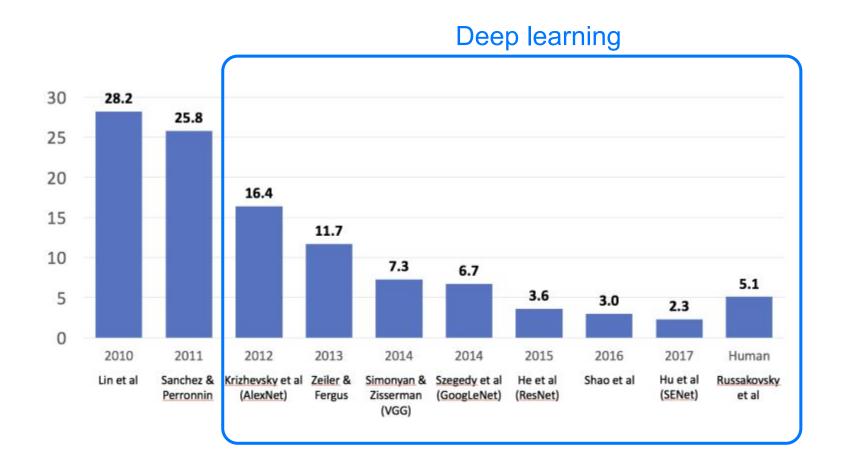


Made by Favio Vázquez

https://towardsdatascience.com/rosenblatts-perceptron-the-very-first-neural-network-37a3ec09038a

# История

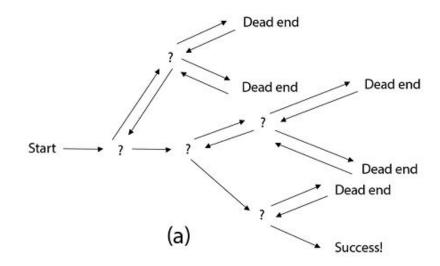
### ImageNet image classification challenge



# Deep Learning: история термина

"Learning while searching in constraint-satisfaction-problems". Rina Dechter. 1986.

- Впервые использован термин "deep learning"
- Не имеет отношения к нейронным сетям
- Задача поиска значений переменных с ограничениями
- Depth-first search + constraint learning



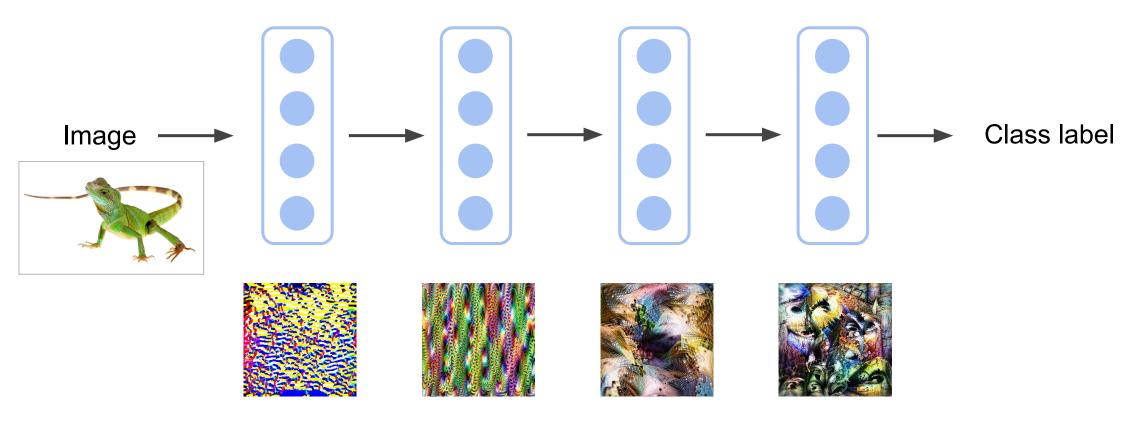
# Deep Learning: история термина

"Multi-Valued and Universal Binary Neurons: Theory, Learning and Applications". Igor Aizenberg. 2000.

"1960-s: The extensive development of the threshold logic, initiated by previous results in perceptron theory. A **deep learning** of the features of threshold Boolean functions, as one of the most important objects considered in the theory of perceptrons and neural networks."

- Deep learning обучение иерархии признаков при помощи нейронных сетей
- Первые успешные попытки

# Deep Learning: история термина

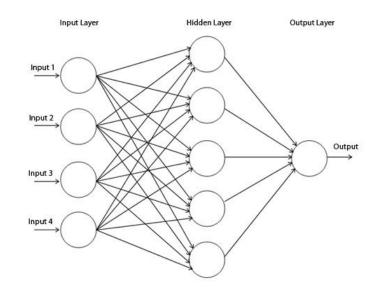


Изображения с сайта https://microscope.openai.com

# Deep VS shallow

<u>Универсальная теорема аппроксимации</u>: одного скрытого слоя достаточно На практике глубокие сети обобщают лучше

Аналогия с динамическим программированием: предпосчитанные признаки экономят вычисления



# Области науки и технологии

### Математика

- Линейная алгебра (векторы, матрицы, линейные отображения)
- Анализ (непрерывность, производная)
- Теория информации (перекрёстная энтропия, взаимная информация)
- Оптимизация (градиентный спуск)

### Инженерия

- Обработка сигналов (фильтры, свертки, кодирование)
- Программирование (больше работа с библиотеками, меньше алгоритмы)



Python: основной язык

- Популярный язык для CV и DL
- Множество библиотек
- Легко читается

```
def crop image(image, bbox):
    """Crop image to bounding box.
   Args:
        image: Image in WHC format.
        bbox: Bounding box in XYWHA format (A for angle).
   Returns:
        Crop in WHC format.
   if image.shape[-1] > 4:
        raise ValueError("Image channels should be at last dimension")
   src points = get bbox points(bbox).astype("float32")
   dst points = np.array([[0, bbox[BBOX HEIGHT] - 1],
                           [0, 0],
                           [bbox[BBOX WIDTH] - 1, 0],
                           [bbox[BBOX WIDTH] - 1, bbox[BBOX HEIGHT] - 1
                          dtype="float32")
   M = cv2.getPerspectiveTransform(src points, dst points)
   crop = cv2.warpPerspective(image, M, (int(bbox[BBOX WIDTH]), int(bb
    return crop
```



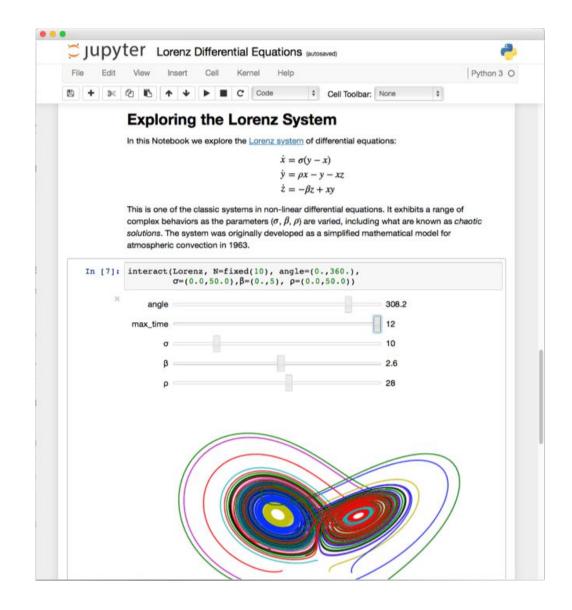
Python: основной язык

- Популярный язык для CV и DL
- Множество библиотек
- Легко читается



Jupyter: среда для прототипирования

- Документация и код
- Демонстрации
- Быстрая разработка



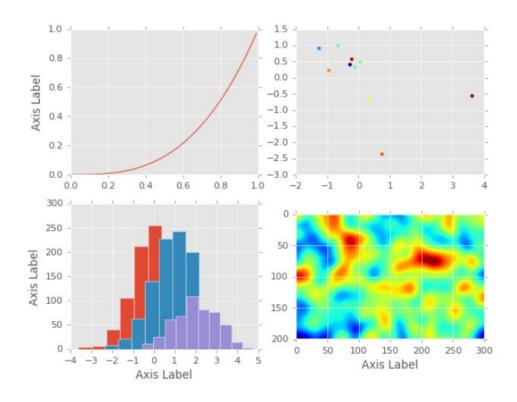


NumPy: линейная алгебра

- Матричные операции
- Работа с многомерными массивами (тензорами)



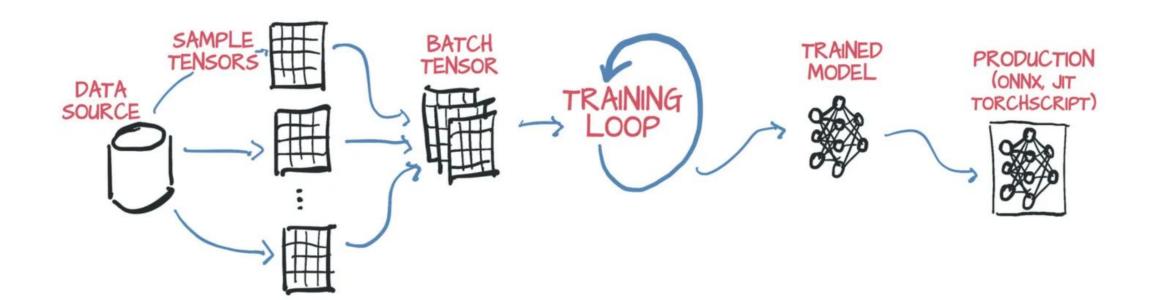
### Matplotlib: визуализация





PyTorch: нейронные сети

- Популярный фреймворк для DL
- Множество реализованных сетей и блоков
- Оптимизация на GPU





# План курса

### <u>Цель - основные архитектуры и их обучение в PyTorch</u>

### Занятия:

- 1. DL введение, обучение нейрона. Семинар: Логистическая регрессия на Numpy
- 2. FC-сеть, backprop. Семинар: FC-сеть на Numpy
- 3. Оптимизация, регуляризация. Семинар: PyTorch.
- 4. Сверточные сети. Семинар: PyTorch CNN.
- 5. ML pipeline. Семинар: PyTorch Lightning, (?) Optuna.
- 6. RNN. Семинар: PyTorch RNN
- 7. Recap, Q&A

# Оценки

Точно будет тест в конце

Возможно, будет промежуточный тест

По результатам тестов будут выставлены оценки за DL курс

# Преподаватели



Радослав Нейчев



Андрей Бояров



Фёдор Киташов



Даниил Лысухин



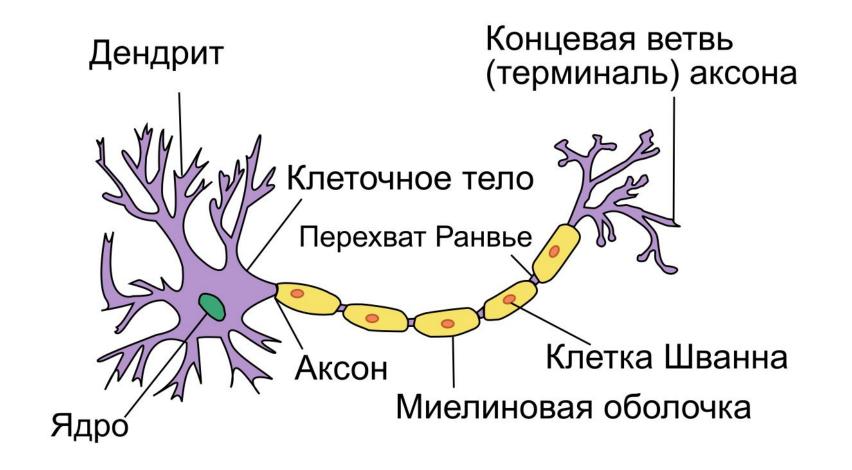
Иван Карпухин



Борис Лесцов

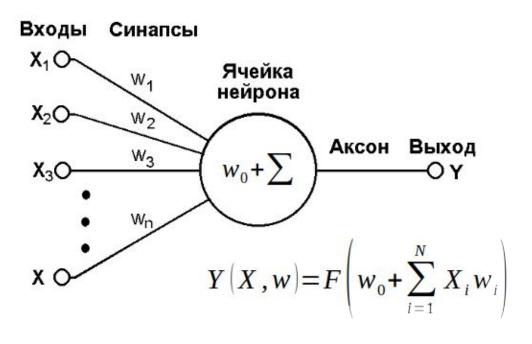


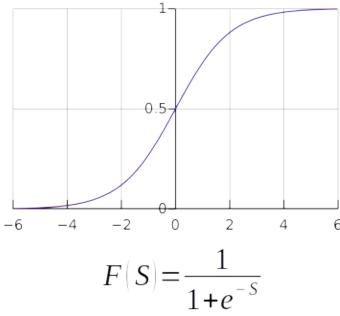
# Нейрон в биологии



# Модель нейрона

Если функция активации F – сигмоида, похоже на логистическую регрессию

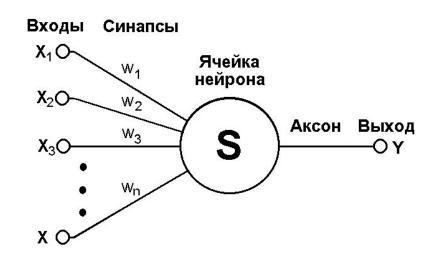




<sup>\*</sup> Rosenblatt F. The perceptron, a perceiving and recognizing automaton Project Para. 1957.

# Логистическая функция активации

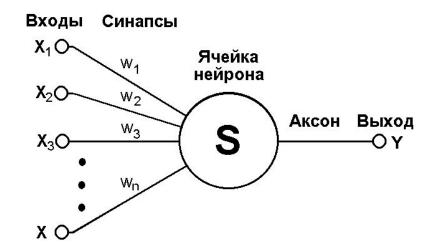
$$P(L = 1|X) = Y(X, w) = \sigma(r) = \frac{1}{1 + e^{-r}}$$
$$r = w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i$$



# Логистическая функция активации

$$P(L = 1|X) = Y(X, w) = \sigma(r) = \frac{1}{1 + e^{-r}}$$
$$r = w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i$$

Что такое r?

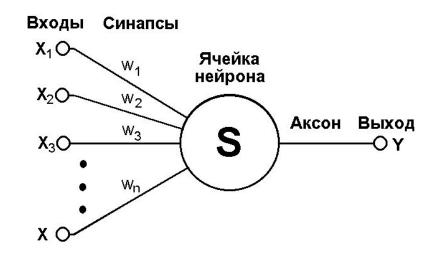


# Логистическая функция активации

$$P(L = 1|X) = Y(X, w) = \sigma(r) = \frac{1}{1 + e^{-r}}$$
$$r = w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i$$

Что такое r?

$$-r = \log(\frac{1}{P} - 1) = \log\frac{1 - P}{P}$$
$$r = \log\frac{P}{1 - P}$$



r - логарифм отношения правдоподобий двух гипотез: L = 1 и L = 0

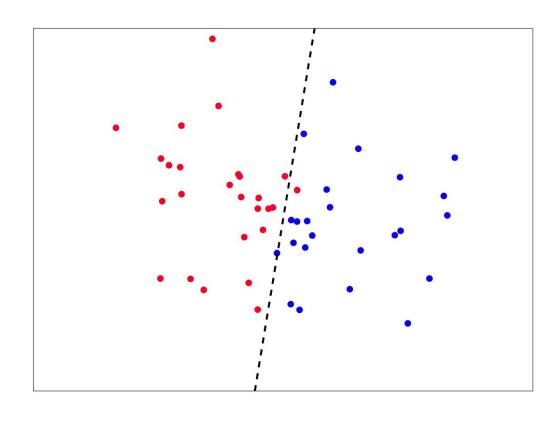
# Бинарная классификация

$$Y(X, w) = F(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i)$$

$$\begin{cases} 1, & Y(X, w) > thres \end{cases}$$

$$P(X, w) = \begin{cases} 1, & Y(X, w) \ge threshold \\ 0, & Y(X, w) < threshold \end{cases}$$

Если F монотонна, то разделяющая поверхность - гиперплоскость



# Функция потерь

$$Y(X, w) = F(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i)$$

$$P(X, w) = \begin{cases} 1, & Y(X, w) \ge threshold \\ 0, & Y(X, w) < threshold \end{cases}$$

$$Error(w) = \frac{1}{|X|} \sum_{X} Error(X, w)$$

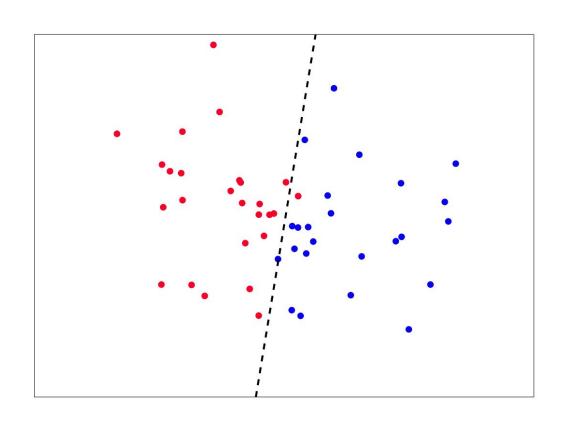
• L2:

$$Error(X, w) = (Y(X, w) - L(X))^{2}$$

 $Error(\Lambda, w) = (I(\Lambda, w) - L(\Lambda))$ 

• Перекрёстная энтропия:

$$Error(X, w) = \begin{cases} -\log Y(X, w), & L(X) = 1\\ -\log(1 - Y(X, w)), & L(X) = 0 \end{cases}$$



# Усреднение перекрёстной энтропии

- На каждом шаге считается перекрестная энтропия H(p, q)
- Значения усредняются для нескольких семплов

Что отражает итоговый лосс?

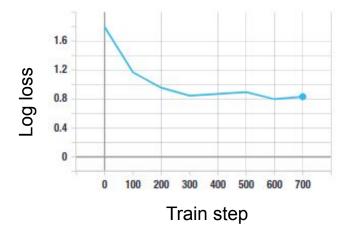
$$Loss = -\sum_{i} P(X_{i}) \sum_{j} P(L = j | X_{i}) \log Q(L = j | X_{i})$$

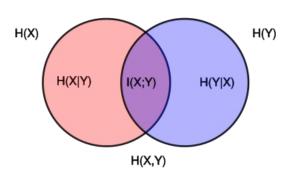
$$\geq -\sum_{i} P(X_{i}) \sum_{j} P(L = j | X_{i}) \log P(L = j | X_{i})$$

$$= -\sum_{i} \sum_{j} P(L = j, X_{i}) \log \frac{P(L = j, X_{i})}{P(X_{i})}$$

$$= -\sum_{i} \sum_{j} P(L = j, X_{i}) \log P(L = j, X_{i}) + \sum_{i} P(X_{i}) \log P(X_{i})$$

$$= H(X, L) - H(X) = H(L | X) = H(L) - I(X, L)$$





# Оптимизация

$$Y(X,w) = F(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i)$$

$$Error(w) = \frac{1}{|X|} \sum_{X} Error(X,w)$$

$$Error(X,w) = \begin{cases} -\log Y(X,w), & L(X) = 1\\ -\log(1-Y(X,w)), & L(X) = 0 \end{cases}$$

$$w = argmin\ Error(w)$$
Global cost minimum of the property of the property

### Если F дифференцируема:

- Y и Error дифференцируемы
- можно использовать метод градиентного спуска для нахождения вектора весов w

# Градиентный спуск

### Одномерный случай:

$$f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$$

$$w = \underset{w}{\operatorname{argmin}} f(w)$$

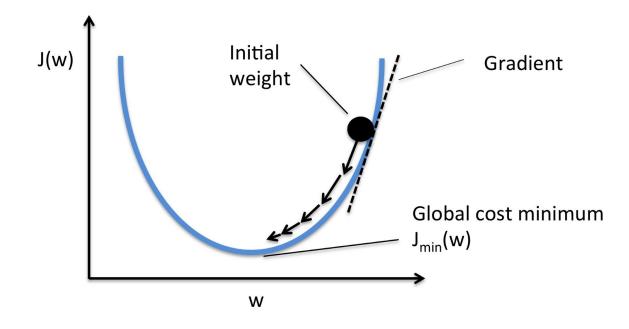
$$w_{i+1} = w_i - \lambda f'(w_i), \forall w_0$$

### Многомерный случай:

$$f: \mathbb{R}^{N} \to \mathbb{R}$$

$$W = \underset{W}{\operatorname{argmin}} f(W)$$

$$W_{i+1} = W_{i} - \lambda \nabla f(W_{i}), \forall W_{0}$$



# Производные Log. reg.

$$Y(X, w) = \sigma(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i)$$

$$Y'_{w_0}(X, w) = \sigma(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i)(1 - \sigma(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i))$$

$$Y'_{w_i}(X, w) = \sigma(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i)(1 - \sigma(w_0 + \sum_{i=1}^{N} X_i w_i))X_i, i \ge 1$$

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

$$\sigma'(x) = \sigma(x)(1 - \sigma(x))$$

$$f(g(x))'_x = f'(g(x))g'(x)$$

# Градиентный спуск



# Резюме

# Время разобрать тест

https://forms.gle/b648yuQZb7zrnBu27

### Резюме

- DL около 60 лет
- Переломный момент 2010-е, когда качество DL моделей обогнало многие традиционные методы ML и появилась масса приложений на базе DL
- Курс базовая часть специализированных DL курсов (CV, NLP, Speech)

### Резюме

- Нейронные сети дифференцируемые модели
- Обучение сети минимизация функции потерь методом градиентного спуска
- Функция потерь для классификации перекрёстная энтропия
- Усреднённая перекрёстная энтропия верхняя оценка условной энтропии

# В следующий раз...

- Полносвязные сети
- Метод обратного распространения ошибки
- Классификация с множеством классов

# Вопросы