

## Apêndice Lista de Exercícios

*"Só se aprende a programar, programando"*

- Anônimo -

### 1 Fundamentos

**1.1-**Desenvolva um programa em C, para ler três numeros inteiros diferentes e determinar o maior e o menor. Utilize apenas o comando condicional sem condições compostas.

**1.2-**Desenvolva um programa para ler um número real x e um número inteiro n. Calcule  $x^n$  , utilizando apenas a operação de multiplicação.

**1.3-**Desenvolva um programa para calcular a distancia que um elevador percorreu. O seu programa deve ler uma distancia em metros entre um andar, em seguida, ler um número  $n > 0$  que representa o número de viagens feitas por um elevador. Depois, ler uma sequencia de  $n + 1$  números inteiros positivos que representam o inicio e fim de cada viagem. Por exemplo, para a sequencia 4, 7, 0, 7, 5, 3, 6, 2, 4, 0, temos: 4 = distância em metros entre um andar; 7= número de viagens feitas; 0, 7, 5, 3, 6, 2, 4, 0 = viagens feitas, que mostra que o elevador saiu do rés-do-chão para o 7º, depois do 7º para o 5º, depois do 5º para o 3º, e assim por diante.

**1.4-**Desenvolva um programa para ler duas datas no formato dd/mm/aaaa, que fazem referencia a data de nascimento de duas pessoas. Vamos supor que essas datas serão armazenadas em seis variáveis do tipo inteiro: dia1, mes1, ano1, dia2, mes2 e ano2. Mostre na tela as seguintes mensagens: têm a mesma idade; a pessoa da data 1 é a mais velha ou a pessoa da data 2 é a mais velha.

**1.5-**Dado um número inteiro n e quatro números inteiros a, b, c e d que representam as extremidades dos intervalos  $[a, b]$  e  $[c, d]$ , supondo que  $a < b$ ,  $c < d$  e  $a < c$ . Determinar se n pertence sómente ao intervalo  $[a, b]$  ou sómente ao intervalo  $[c, d]$  ou pertence a ambos, ou não pertence a nenhum dos dois. Em cada caso, imprimir uma mensagem adequada.

**1.6-**Desenvolva um programa para ler um número inteiro positivo n, e a seguir, as n notas dos estudantes de uma turma. Determinar as duas melhores notas, e mostrar na tela, os seus valores.

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

**1.7-** Dada uma sequência com n números inteiros positivos, terminados por zero. Desenvolva um programa para determinar quantos segmentos de números iguais consecutivos compõem essa sequência. Por exemplo: a seguinte sequência é formada por cinco segmentos de números iguais: 7, 5, 5, 3, 8, 8, 8, 8, 2, 2, 0

**1.8-** Dois números inteiros positivos são amigos entre si quando a soma dos divisores próprios do primeiro é igual ao segundo e quando a soma dos divisores próprios do segundo é igual ao primeiro. Desenvolva um programa para ler dois números inteiros positivos e verificar se eles são amigos. Por exemplo: 220 tem como divisores próprios: 1,2,4,5,10,11,20,44,55,110 cuja soma é 2284. Por outro lado, 2284 tem como divisores próprios: 1,2,4,71,142, cuja soma é 220. Estes números são amigos.

**1.9-** Um número inteiro positivo é chamado de alternante, se a sequencia de dígitos que o forma alterna entre valores pares e valores ímpares. Por exemplo, são números alternates: 32, 85, 125, 432587,

**1.10-**Desenvolva um programa para ler um conjunto com n números inteiros positivos terminados por um número negativo. Mostrar na tela, os números que são maiores do que os seus vizinhos. Por exemplo, para o conjunto {8, 2, 4, 1, 6, 12, 5, 9} os números 4 e 12 satisfazem essa propriedade.

**1.11-**O programa que descrevemos a seguir, calcula o produto de dois números naturas, através de operações de adição e subtracção. Faça uma simulação passo-a-passo para x = 7 e Y = 8.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main()
{
    int x, y, u, z;
    printf ("\n Entre com um o valor de x: ");
    scanf ("%d", &x);
    printf ("\n Entre com um o valor de y: ");
    scanf ("%d", &y);
    z = 0;
    u = x;
    while ( u != 0)
    {
        z += y;
        u--;
    }
    printf ("\n Produto de %d com %d = %d", x, y ,z);
    system ("PAUSE");
}
```

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

```
    return 0;  
}
```

## 2 Funções

**2.1-**Desenvolva uma função que recebe como parâmetro um número real, e retorna o valor desse número arredondado com base na seguinte tabela. Se casa decimal estiver entre 0.0 a 0.24 arredondar para 0.25; entre 0.25 a 0.54 arredondar para 0.55; entre 0.56 a 0.74 arredondar para 0.75; entre 0.75 a 0.99 arredondar 1.0.

**2.2-** Dada a fórmula François Viète (1540-1603)

$$\frac{2}{\pi} = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2} \cdot \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}}{2} \dots$$

Desenvolva um programa com funções para determinar o valor aproximado de  $\pi$ . Considere que o processo de cálculo deve terminar quando

$$|x_n - \pi| \leq \text{Erro}.$$

onde

$$\pi = 3.14159265358979323846$$

e

$$\text{Erro} = 1.0e-18$$

**2.3-**Cada termo da sequência de Tribonacci é dado pela soma dos três termos anteriores. Supondo que a sequência inicia com os números  $T_1= 1$ ,  $T_2 = 1$  e  $T_3 = 2$ , os 8 restantes termos são os números inteiros: 1, 1, 2, 4, 7, 13, 24, 44, 81, 149, .... Desenvolva uma função que recebe como parâmetro um número inteiro positivo  $n > 0$  e os três termos iniciais de Tribonacci. Calcule e retorne o valor de Tribonacci.

**2.4-** Desenvolva uma função que recebe como parâmetro o ano, e retorna 1 se o ano for bissexto e 0 no caso contrário. No calendário Gregoriano os anos bissextos têm 366 dias em vez dos normais 365. As regras para determinar se um ano é bissexto são: São bissextos todos os anos múltiplos de 400 (por exemplo: 1600, 2000, 2400, 2800, . . .); São bissextos todos os múltiplos de 4, exceto se forem múltiplos de 100, mas não de 400 (por exemplo: 1996, 2000, 2004, 2008, 2012, 2016, . . .); Não são bissextos todos os demais anos.

**2.5-**Desenvolva uma função que recebe como parâmetro, um número inteiro não negativo  $n$ , e calcula o superfactorial desse número. Por definição, o superfactorial de um número inteiro não negativo  $n$  é definido por:

$$sf(n) = \prod_{i=1}^n i! = 1! \times 2! \times 3! \times \dots \times n!$$

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

**2.6-** Desenvolva uma função que recebe como parâmetros, dois números inteiros x e y. Retorne a divisão de x por y, utilizando apenas operações de divisão.

**2.7-** Desenvolva uma função que recebe como parâmetros, o valor de um ângulo em graus e um número inteiro positivo k. Calcule o valor do seno hiperbólico desse ângulo, utilizando para o efeito a série de Taylor.

$$\sinh x = x + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} + \frac{x^7}{7!} + \dots$$

**2.8-** Desenvolva uma função que recebe como parâmetro um número inteiro positivo, e retorne 1 se esse número for binário e 0 no caso contrário. Por exemplo: para 11001 retornar 1, enquanto que, para 1021 retornar zero.

## 3 Indução Matemática

**3.1-** Prove que  $2^n > 2^{n-1} + 2^{n-2} + 2^{n-3} + \dots + 2^0$ , Para  $n > 1$ .

**3.2-** Prove que  $1^3 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^n = 2^{n+1} - 1$  para todo  $n \geq 0$ .

**3.3-** Prove que  $1^3 + 3^3 + 5^3 + \dots + (2n-1)^3 = 2n^4 - n^2$  para todo  $n \geq 1$ .

**3.4-** Prove que  $1^3 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^n = 2^{n+1} - 1$  para todo  $n \geq 0$ .

**3.5-** Prove que  $2^n > n^2$ , para todo  $n \geq 4$ .

**3.6-** Determine a relação de recorrência que expressa a seguinte sequencia:  
2, 4, 8, 16, ...

**3.7-** Determine a relação de recorrência que expressa a seguinte série:  
 $1 + 1/2 + 1/3 + \dots + 1/n$

**3.8-** Determine a relação de recorrência que expressa a seguinte sequência:

$$1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, \dots$$

**3.9-** Escreva os cinco primeiros termos da fórmula de recorrência.

$$D(1) = 2$$

$$D(2) = 5$$

$$D(n) = (n-1)xD(n-1) + (n-2)xD(n-2) \text{ para todo } n > 2$$

**3.10-** Escreva os sete primeiros termos da fórmula de recorrência.

$$S(1) = 1$$

$$S(n) = S(n-1) + 1 \text{ para todo } n \geq 2$$

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

**3.11-** Escreva os sete primeiros termos da fórmula de recorrência.

$$T(1) = 1$$

$$T(n) = T(n-1) + 3 \text{ para todo } n \geq 2$$

## 4 Recursão Linear

**4.1-**Desenvolva uma função recursiva que recebe como parâmetro um número inteiro positivo  $n$ , e calcula o valor da série Harmônica:

$$H_n = 1 + 1/2 + 1/3 + 1/4 + 1/5 + 1/6 + \dots + 1/n$$

**4.2-**Dada a seguinte soma:

$$0 + 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n$$

Desenvolva uma função recursiva para calcular os  $n$  primeiros termos.

**4.3-**Desenvolva uma função recursiva que recebe como parâmetro um número inteiro positivo, e retorna o valor dos  $n$  primeiros termos da soma:

$$2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^n$$

**4.4-**Desenvolva uma função recursiva que recebe um número inteiro positivo e retorna esse número na ordem inversa. Por exemplo, para  $n = 123$ , a sua função deve mostrar o número 321.

**4.5-**Desenvolva uma função recursiva para calcular o máximo divisor comum de dois números inteiros passados como parâmetros, através da seguinte relação de recorrência.

$$\text{mdc}(x, y) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = y \\ x & \text{se } x < y \\ \text{mdc}(x - y, x) & \text{se } x > y \end{cases}$$

$$\text{mdc}(10,6) = \text{mdc}(4,6) = \text{mdc}(6,4) = \text{mdc}(2,4) = \text{mdc}(4,2) = \text{mdc}(2,2) = 2$$

**4.6-**Desenvolva uma função recursiva que recebe como parâmetro um número inteiro positivo e devolve o número de dígitos desse número.

**4.7-**Faça a simulação da seguinte função recursiva. Suponha que  $n = 8$

```
int func (int n)
{
    if (n == 0) return 0;
```

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

```
    else return n + func (n-1);
}
```

Utilize para o efeito o diagrama de linha e o diagrama de pilha.

**4.8-**Desenvolva uma função recursiva que recebe como parâmetro um número inteiro positivo e mostra o seguinte triangulo. Por exemplo, para n = 5 a sua função deve mostrar na tela a seguinte triangulo:

```
1
2 1
3 2 1
4 3 2 1
5 4 3 2 1
```

**4.9-**A função que descrevemos em seguida, calcula o mdc (m,n) pelo algoritmo de Euclides, para m e n são número inteiros estritamente positivos. Desenvolva uma função recursiva equivalente

```
int Euclides (int m , int n)
{
    int r;
    do
    {
        r = m % n;
        m = n;
        n = r;
    }
    while (r != 0);
    return m;
}
```

**4.10-** A razão áurea, denotada por  $\Phi$  é um número real, com uma grande aplicação em várias áreas do conhecimento humano, cujo valor é determinado pela equação:

$$\Phi = \frac{1+\sqrt[2]{5}}{2} = 1,6180339887498948482045868343656381177203091\dots$$

Mas podemos obter esse resultado com a fórmula:

$$\Phi = \sqrt[2]{1 + \sqrt[2]{1 + \sqrt[2]{1 + \sqrt[2]{1 + \sqrt[2]{1 + \dots}}}}}$$

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

Desenvolva uma função recursiva que entre outros parâmetros recebe um número inteiro positivo n e retorna o valor da razão áurea.

4.11- John McCarthy é um famoso cientista da computação (matemático). No seu trabalho, ele definiu uma função recursiva, denominada por f91, que recebe como parâmetro um número inteiro n, e retorna um número inteiro positivo definido por:

$$f91(n) = \begin{cases} n - 10 & \text{se } n > 100 \\ f91(f91(n + 11)) & \text{se } n \leq 100 \end{cases}$$

## 5 Vectores Unidimensionais

**5.1**-Desenvolva uma função recursiva com a estratégia de decrementar para conquistar, que entre outros parâmetros, recebe um vector com elementos do tipo inteiro e o número de elementos inseridos. Retornar o número de elementos positivos.

**5.2**-Desenvolva uma função recursiva com a estratégia de decrementar para conquistar, que entre outros parâmetros, recebe um vector com elementos do tipo real e o número de elementos inseridos. Devolva esse vector com os seus elementos na ordem inversa, ou seja, troque o primeiro com o último, o segundo com o penúltimo e assim sucessivamente.

**5.3**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros um vector com elementos do tipo real e o número de elementos inseridos. Devolva o elemento máximo e o elemento mínimo.

**5.4**-Desenvolva uma função recursiva com a estratégia de decrementar para conquistar, que entre outros parâmetros recebe um vector com elementos do tipo real, uma determinada posição k, e o número de elementos inseridos. Remova o elemento que ocupa essa posição.

**5.5**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros um vector com elementos do tipo inteiro, o número de elementos inseridos e um número inteiro k. Retornar o elemento que mais se aproxima de k. O elemento que mais se aproxima de k é aquela cuja diferença modular é a menor.

**5.6**-Desenvolva uma função recursiva com a estratégia de decrementar para conquistar, que recebe como parâmetros dois vectores com elementos do tipo real com o mesmo número de elementos inseridos. Verifique se esses vectores são iguais. A sua função deve retornar 1 se for verdadeiro e 0 no caso contrário.

**5.7**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros, um vector com elementos do tipo real e o número de elementos inseridos. Verifique se os

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

elementos desse vector estão ordenados em ordem crescente. A sua função deve retornar 1 se for verdadeiro e 0 no caso contrário.

**5.8-**Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros um vector com números inteiros, e o número de elementos inseridos. Verifique se nesse vector os elementos de índice par contêm um conteúdo ímpar e vice-versa. A sua função deve retornar 1 se essa condição for verdadeira, e 0 no caso contrário.

**5.9-**Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros dois vectores com números inteiros, e o número de elementos inseridos em cada vector. Suponha que cada vector não possua elementos repetidos. Construa e devolva num terceiro vector, com os elementos comuns aos dois vectores sem repetições. Para além disso, retorne o número de elementos inseridos nesse vector.

**5.10-**Um número é chamado de capicua se a sequência de dígitos do número lidos da esquerda para a direita for igual a sequência de dígitos lidos da direita para a esquerda. Por exemplo: os seguintes números são capicuas: 123454321, 54445, 789987, 121. Desenvolva uma função recursiva com a estratégia de decrementar para conquistar que entre outros parâmetros recebe um vector com elementos do tipo inteiro e o número de elementos inseridos. Cada elemento desse vector contém um e apenas um algarismo. Verificar se esse número é do tipo capicua.

**5.11-**Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro dois vectores com elementos do tipo real, os números de elementos inseridos em cada vector e determinado valor x. Separar esse vector em dois de tal modo que o primeiro é formado pelos elementos que vão do início até o valor x e o segundo pelos restantes.

**5.12-**Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros, um vector com elementos do tipo inteiro, e o número de elementos inseridos. Calcule e retorne o valor com maior frequência nesse vector. Se houver empate, considere a primeira ocorrência.

**5.13-**Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros, um vector com números inteiros, e o número de elementos inseridos. Verifique se existe pelo menos um número nesse vector maior do que os seus vizinhos.

**5.14-**Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros, dois vectores com números inteiros, e o número de elementos inseridos em cada vector. Construa e retorne num terceiro vector, com os elementos que pertencem a um vector mas não pertencem a outro. Para além disso, retorne o total de elementos inseridos nesse vector.

**5.15-**Desenvolva um subprograma que recebe como parâmetros, dois vectores com números reais, e o número de elementos inseridos em cada vector. Construa e devolva num terceiro vector, a junção desses vectores. Por definição, a junção do

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

vector A com o vector B é um vector C formado pelos elementos do vector A seguidos dos elementos do vector B. Para além disso, retorne o total de elementos inseridos nesse vector

**5.16**-Desenvolva uma função recursiva com a estratégia de decrementar para conquistar, que entre outros parâmetros, recebe dois vectores com números inteiros, e o número de elementos inseridos em cada vector. Verifique se esses vectores são disjuntos. A sua função deve retornar 1 se for verdadeiro e 0 no caso contrário.

**5.7.17**-Desenvolva uma função iterativa e a correspondente função recursiva com a estratégia de decrementar para conquistar, que entre outros parâmetros, recebe um vector com números inteiros, e o total de elementos inseridos. Devolva num segundo vector, a soma acumulada dos seus elementos. Por definição, seja X um vector com n elementos. A soma acumulada é um vector S, com o mesmo número de elementos, tais que, cada elemento  $s_i$  é representado pela soma de todos os elementos  $x_j$  para  $0 \leq j \leq i$ , ou seja:

$$s_i = \sum_{j=0}^i x_j$$

Por exemplo, para o vector  $X = \{4, 3, 6, 1, 6, 9, 0, 3, 1, 7, 9, 2\}$  a soma acumulada é o vector  $S = \{4, 7, 13, 14, 20, 29, 29, 32, 33, 40, 49, 51\}$ .

## 6 Cadeias de Caracteres

**6.1**-Desenvolva uma função recursiva, que entre outros parâmetros uma cadeia de caracteres e retorna o número de vogais existentes nessa cadeia.

**6.2**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma cadeia de carácter e converte todas as letras minúsculas em letras minúsculas.

**6.3**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma cadeia de caracteres e coloca as letras maiúsculas à esquerda e a minúsculas à direita.

**6.4**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros duas cadeias de caracteres, e retorna o número de vezes que a cadeia menor está contida na cadeia maior. Desenvolva também um segmento de código que invoca essa função

**6.5**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro duas cadeias de caracteres e um número inteiro positivo k. Compara os k primeiros dígitos das duas cadeias e retornar -1 se a primeira cadeia for menor do que a segunda; 0 se as cadeias forem iguais; e 1 se a primeira cadeia é maior do que a segunda.

**6.6**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma cadeia de caracteres e retorna essa cadeira de caracteres com um traço entre cada dígito.

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

**6.7**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma cadeira de caracteres e um determinado caracter. Retorna a posição da última ocorrência desse caracter se existir ou -1 no caso contrário.

**6.8**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma cadeia de caracteres e a devolve sem caracteres repetidos.

**6.9**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma cadeia de caracteres e a devolve com os caracteres maiúsculos e minúsculos alternados.

**6.10**-Desenvolva uma função recursiva que recebe como parâmetro duas cadeias de caracteres e verifica se elas são iguais. Desenvolva também um segmento de código que invoca essa função.

**6.11**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro duas cadeias de caracteres com a mesma dimensão e retorna -1 se a cadeia s1 é menor do que a cadeia s2, 0 se a cadeia s1 é igual a cadeia s2, e 1 se a cadeia s1 é maior do que a cadeia s2.

## 7 Divisão e Conquista

**7.1**-Desenvolva uma função para calcular o número de Tribonacci. A sequência de Tribonacci pode ser definida pela seguinte relação de recorrência.

$$\text{Tribonacci}(n) = \begin{cases} 0 & \text{se } n = 0 \\ 1 & \text{se } n = 1 \text{ ou } n = 2 \\ \text{Tribonacci}(n - 1) + \text{Tribonacci}(n - 2) + \text{Tribonacci}(n - 3) & \text{se } n > 3 \end{cases}$$

Desenvolva uma função recursiva com a estratégia de divisão e conquista e uma iterativa com a programação dinâmica.

**7.2**-Desenvolva uma função recursiva que entre outros parâmetros recebe dois vectores do mesmo tipo e com o mesmo número de elementos. Verifique se esses vectores são iguais. A sua função deve retornar 1 se os vectores forem iguais e 0 no caso contrário.

**7.3**-Desenvolva uma função recursiva que entre outros parâmetros recebe um vector com elementos do tipo real e um valor do mesmo tipo. Retornar o elemento que mais se aproxima do valor passado como parâmetro.

**7.4**-Desenvolva uma função recursiva que entre outros parâmetros recebe dois vector cujos elementos são do tipo lógico (0 = false 1 = true). Devolva um vector C, constituído por elementos baseados na disjunção exclusiva, descrita pela tabela. Por definição, a disjunção exclusiva de duas proposições é falsa quando eles têm o mesmo valor lógico e verdadeira no caso contrário.

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

**7.5-** Dada a seguinte função:

```
int S (int n)
{
    if (n == 1)
        return 1;
    else if (n == 2)
        return 3;
    else if (n % 2)
        return 3 * s((n - 1) / 2) + s((n + 1) / 2));
    else
        return 3 * s (n / 2) + s(n / 2 - 1);
}
```

- a) Calcule o valor de  $s(9)$ .
- b) Quantas chamadas recursivas a função executa.
- c) Utilize a estratégia de programação dinâmica para desenvolver uma função iterativa equivalente.

**7.6-** Desenvolva uma função recursiva que entre outros parâmetros, recebe um vector e uma determinada posição  $k$ . Separar o vector em dois de tal forma que os elementos que se encontram nas posições de 0 à  $k$ , vão para o primeiro vector enquanto os restantes para o segundo.

**7.7-** Desenvolva uma função recursiva que recebe entre outros parâmetros recebe um vector. Contar o número elementos iguais a zeros.

**7.8-** Desenvolva uma função recursiva que recebe entre outros parâmetros uma cadeia de caracteres. Verifique se essa cadeia de caracteres é do tipo capicua.

## 8 Vectores Bidimensionais

**8.1-** Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma matriz retangular com  $n$  linhas e  $m$  colunas, cujos elementos são do tipo inteiro. Verifique se essa matriz é simétrica.

**8.2-** Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros duas matrizes retangulares com  $n$  linhas e  $m$  colunas, cujos elementos são do tipo inteiro. Verifique se essas matrizes são iguais.

**8.3-** Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros uma matriz quadrada, com  $n$  linhas e  $n$  colunas, cujos elementos são do tipo inteiro. Verifique se essa matriz é um quadrado latino de tamanho  $n$ . Por definição, num quadrado

# Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos

latino de tamanho  $n$ , em cada linha e em cada coluna aparecem todos os inteiros  $1, 2, 3, \dots, n$ , ou seja, cada linha ou coluna é uma permutação dos  $n$  primeiros inteiros. Por exemplo:  $n = 3$ .

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \\ 3 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

**8.4**-Suponha que a matriz de adjacência M representa a ligação entre n cidades. Por exemplo, na matriz abaixo, temos duas estradas que saem da cidade 1, uma chega a cidade 2, e a outra chega a cidade 3; na cidade 2 temos duas estradas, uma que chega a cidade 1 e outra que chega a cidade 3; na cidade 3 temos três estradas, uma que chega a cidade 1, a outra que chega a cidade 2, e por fim, a última que chega a cidade 4; na cidade temos apenas uma estrada que chega a cidade 3.

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{vmatrix}$$

Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma matriz de adjacencia e uma determinada cidade. Mostrar todas as cidades vizinhas.

**8.5**-Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetro uma matriz quadrada com n linhas e n colunas, cujos elementos são do tipo inteiro. Devolva essa matriz com os elementos ordenados em ordem crescente por colunas. Por exemplo:

3	1	9	Depois →	1	4	7
7	6	2	← Antes	2	5	8
5	8	4		3	6	9

**8.6**-Desenvolva uma função recursiva que entre outros parâmetros recebe duas matrizes rectangulares com n linhas e m colunas. Devolve uma matriz rectangular com n linhas e m colunas cujos elementos são a adição dos correspondentes elementos das matrizes entradas como parâmetros.

**8.7**-Desenvolva uma função recursiva para calcular o determinante de uma matriz quadrada com m linhas e m colunas.

**8.8-** Desenvolva uma função iterativa que recebe como parâmetros uma matriz de adjacência, que representam a quantidade de quilómetros as rotas da TAAG. Dado um determinado aeroporto, mostre todas as possíveis viagens que um passageiro passa fazer e a quantidade de quilómetros que irá percorrer.

## **Introdução as Técnicas de Desenvolvimento de Algoritmos**

**8.9-**Desenvolva uma função recursiva que entre outros parâmetros, recebe uma matriz de adjacência, que representa as cidades de um país que possuem aeroportos internacionais. Retorne o número de aeroportos internacionais que esse país tem e as cidades onde esses estão localizados.

**8.10-**Desenvolva um procedimento iterativo, que recebe como parâmetro uma matriz rectangular, com n linhas e m colunas e devolve o maior e o menor elemento.