专 业、班 级

号

名 姓

出题说明:

- 1. 考试形式 (闭卷)
- 2. 答卷时间 (110) 分钟
- 3. 是否需要草稿纸 (需 1 张)
- 4. 是否需备计算器

其他说明:

- 土木 2013 专业 试 题 高等数学期中 A 总分
- 一、填空题(每小题3分,共15分)
- $\lim_{x \to 1} (\sqrt{x^2 + 1} x^2) = \underline{\hspace{1cm}}$
 - 2. $y = \frac{x}{1+x}$, $y = \frac{x}{1+x}$.
 - 3. $y = \sin x$ 在 x = 1 处的切线方程
- 4. $f(x) = x \sin \frac{1}{x}$ 在 x = 0 处连续,则 f(0) =______
- 5. 计算极限 $\lim_{x\to\infty} \left(\frac{x+3}{1+x}\right)^x = \underline{\qquad}$
 - 二、单项选择题(每小题 3 分, 共 15 分)

1.
$$\lim_{x \to \infty} \left(\frac{3x^3 + x^2}{x^2 + 10^{10}} \right)$$
的值为()

- (A) 3 (B) 1 (C) ∞ (D) 0
- 2. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + a, & x < 0 \\ e^x, & x \ge 0 \end{cases}$ 在 x = 0 处连续,则 a = ()

- (A) -1 (B) ± 1 (C) 0 (D) 1

3.
$$\lim_{x\to 0} \left(\frac{(\sqrt{1+x}-1)(1-\cos x)}{(e^x-1)(\ln(1+x))\tan x} \right)$$
的值为()

- (A) 1 (B) 0.5 (C) 0.25
- (D) 0.125
- 4. 函数 $f(x) = \frac{x^2 4}{x 2}$ 的间断点的类型是 ()
 - (A) 不存在间断点 (B) 跳跃间断点 (C) 可去间断点 (D) 第二类间断点

- 5. 函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 在 x = 0 处的右导数的值为 ()

- (A) 0 (B) 1 (C) 0.5 (D) 不存在
- 三、计算题: (每小题 7 分, 共 70 分)
- 1. 求极限 $\lim_{x\to 0} \frac{\sin^2 x}{x \tan x}$.

2. 求极限 $\lim_{x\to 0} (1+2\sin x)^{\cot x}$.

3. 求极限 $\lim_{x\to a} \frac{\sin x - \sin a}{x - a}$.