Univerzita Karlova v Praze Matematicko-fyzikální fakulta

BAKALÁŘSKÁ PRÁCE



Richard Eliáš

Vizualizace sekundární struktury RNA s využitím existujících struktur

Katedra softwarového inženýrství

Vedoucí bakalářské práce: RNDr. David Hoksza, Ph.D.

Studijní program: Informatika

Studijní obor: Obecná informatika

Prohlašuji, že jsem tuto bakalářskou práci vypracoval(a) samostatně a výhradně s použitím citovaných pramenů, literatury a dalších odborných zdrojů.		
Beru na vědomí, že se na moji práci vztahují práva a povinnosti vyplývající ze zákona č. 121/2000 Sb., autorského zákona v platném znění, zejména skutečnost, že Univerzita Karlova v Praze má právo na uzavření licenční smlouvy o užití této práce jako školního díla podle §60 odst. 1 autorského zákona.		
V dne	Podpis autora	

Název práce: Vizualizace sekundární struktury RNA s využitím existujících struk-

tur

Autor: Richard Eliáš

Katedra: Katedra softwarového inženýrství

Vedoucí bakalářské práce: RNDr. David Hoksza, Ph.D., Katedra softwarového

inženýrství

Abstrakt: Abstrakt .. TODO

Klíčová slova: TODO klíčová slova

Title: RNA secondary structure visualization using existing structures

Author: Richard Eliáš

Department: Department of Software Engineering

Supervisor: RNDr. David Hoksza, Ph.D., Department of Software Engineering

Abstract: RNA secondary structure data, both experimental and predicted, are becoming increasingly available which is reflected in the increased demand for tools enabling their analysis. The common first step in the analysis of RNA molecules is visual inspection of their secondary structure. In order to correctly lay out an RNA structure, the notion of optimal layout is required. However, optimal layout of RNA structure has never been formalized and is largely habitual. To tackle this problem we propose an algorithm capable of visualizing an RNA structure using a related structure with a well-defined layout. The algorithm first converts both structures into a tree representation and then uses tree-edit distance algorithm to find out the minimum number of tree edit operations to convert one structure into the other. We couple each tree edit operation with a layout modiffication operation which is then used to gradually transform the known layout into the target one. The optimality of tree edit distance algorithm causes that the common motives are retained and the regions which differ in both the structures are taken care of. Visual inspection and planarity evaluation reveals that the algorithm is able to give good layouts even for relatively distant structures while keeping the layout planar. The new method is well suited for situations when one needs to visualize a structure for with a homologous structure with a good visualization is already available. 11

Keywords: RNA secondary structure, visualization, homology

Poděkování.

Obsah

Ú	vod		9
1	Uvod d	lo študia štruktúry RNA	4
		je RNA	4
	1.2 Sel	kundarna struktura rRNA + konzervovanost	4
	1.2	2.1 Motivy	5
		prezentacia sekundarnej struktury	6
	1.4 RN	NA stromy	7
2	Uvod d	lo studia struktury RNA	8
	2.1 Co	je RNA	8
	2.2 Sel	kundarna struktura rRNA + konzervovanost	8
	2.2	2.1 Motivy	Ĝ
3	Tree-ec	lit-distance algoritmus	11
		avna myslienka TED-u	11
		acenie	11
		goritmy dynamickeho programovania	12
	3.3		12
	3.4 Ma	apovanie medzi stromami	17
4	Vnoglov	aio molelude	20
4		nie molekuly	
		ruktury RNA	20
	(goritmus	21
	4.2	J. P. C. S.	า 1
	4.0	nie stemov	21
	4.2	r	21
	4.2		22
	4.2	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	22
	4.2	2.5 Mazanie vrcholu zo stromu	22
5	TRAVe	eLer - Template RnA VisuaLization	2 3
	5.1 Ins	stalacia	23
	5.2 Ar	gumenty programu	23
	5.2	2.1 Format fasta suboru	24
	5.3 Pr	iklad vstupu	24
	5.4 Vy	stupne subory	26
6	Nápově	ěda k sazbě	29
_		orava práce	29
	-	dnoduché příklady	29
		atematické vzorce a výrazy	30
		finice, věty, důkazy,	31
_			
7	•	z na literaturu kolik ukázek	33 33

8 Tabulky, obrázky, programy					
	8.1	Tabulky	34		
	8.2	Obrázky	35		
	8.3	Programy	35		
Zá	věr		40		
Se	znan	n použité literatury	41		
Zc	znan	a obrázkov	43		
Zc	Zoznam tabuliek				
Se	znan	n použitých zkratek	45		
Ρĭ	ílohy		46		

$\mathbf{\acute{U}vod}$

Následuje několik ukázkových kapitol, které doporučují, jak by se měla bakalářská práce sázet. Primárně popisují použití TEXové šablony, ale obecné rady poslouží dobře i uživatelům jiných systémů.

1. Uvod do študia štruktúry RNA

Na začiatku práce stručne zoznámime čitateľa s pojmamy, ktoré s RNA a jej štruktúrou súvisia.

1.1 Co je RNA

Ribonukleonová kyselina, RNA, je nukleonova kyselina zlozena z nukleotidov adenin (A), uracyl (U), cytozin (C) a guanin (G).

RNA patri medzi jednovlaknove molekuly. V snahe minimalizovat volnu energiu molekuly sa paruje sama na seba. Vtomto hraju rolu pritazlive sily - vodikove vazby. Nukleotidy maju vzajomnu preferenciu, co znamena, ze vazby vznikaju najcastejsie medzi bazami A - U a C - G.

Strukturu nukleovych kyselin mozeme chapat podla stupna zjednodusenia

- Primarna struktura je urcena poradim jednotlivych nukleotidov do polynukleotidoveho retazca
- Sekundarna struktura je dana parovanim medzi bazami molekuly
- Terciarna struktura priestorove usporiadanie molekuly

DNA je dvojvlaknova molekula u ktorej spojenie medzi vlaknami sa realizuje na principe komplementarity. Naopak, RNA je iba jednovlaknova molekula a v snahe minimalizovat volnu energiu molekuly sa paruje sama na seba. V tomto hraju rolu pritazlive sily medzi bazami.

V praci budeme strukturou mysliet prave sekundarnu strukturu RNA, ak nebude povedane inak.

Az donedavna sa myslelo, ze funkcia RNA je obmedzena na prenos genetickej informacie z DNA v jadre bunky do ribozomu. Napriklad pri tvorbe bielkovin (mRNA), alebo transporter aminokyselin v ribozome bunky (tRNA). Avsak existuje mnoho dalsich, od relativne malych molekul tvorenych desiatkami baz, ktore pomahaju pri expresii genov (miRNA, siRNA, tmRNA a dalsie), az po velke, tvorene tisickami nukleotidov (rRNA).

1.2 Sekundarna struktura rRNA + konzervovanost

Ako hlavny objekt zaujmu sme si spomedzi vsetkych druhov RNA vybrali prave ribozomalnu, najma kvoli jej velkosti a tomu, ze existujucim nastrojom prave velkost robi najvacsie problemy pri vizualizacii.

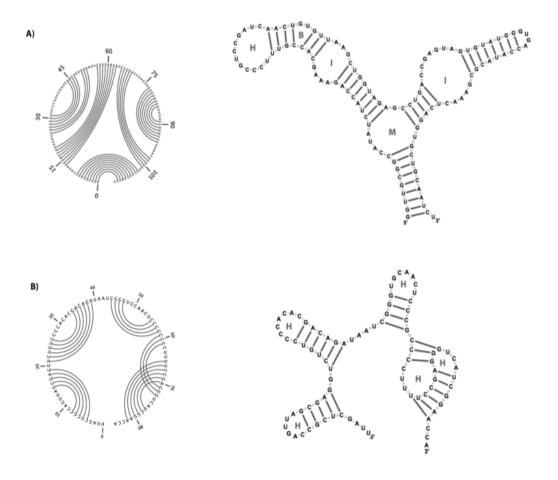
Definícia 1 (Primarna struktura RNA). Nech Σ je abeceda $\{A, C, G, U\}$. Potom slovo $W \in \Sigma^n$ nad touto abecedou je sekvencia nukleotidov (baz) RNA.

Jednotlive nukleotidy sekvencie RNA budeme, ak bude jasne o co ide, oznacovat priamo poradovym cislom, teda i bude oznacovat nukleotid W_i , resp. W[i].

Definícia 2 (Sekundarna struktura RNA). Nech W je sekvencia podla definicie 4 dlzky n. Sekundarnou strukturou oznacime mnozinu $\mathbb S$ parov nukleotidov (i,j) takych, ze pre dva pary (i,j) a $(k,l) \in \mathbb S$ (bez ujmy na obecnosti $i \leq k$) plati jedno z nasledujucich:

- $i = k \iff j = l$
- i < j < k < l, cize par (i, j) predchadza par (k, l)
- i < k < l < j, cize par (i, j) obsahuje par (k, l)

Prva podmienka zabezpecuje, ze nukleotid je najviac v jednom bazickom pare, druha a tretia hovoria o usporiadani parov, bud su na sebe nezavisle alebo na seba nadvazuju. Posledna podmienka zakazuje existenciu pseudouzlov (pseudoknots). Pseudouzol patri medzi najcastejsie typy priestoroveho usporiadania RNA. vytvara niekolko interakcii vramci jednej molekuly a smycky typu loops ktore vznikaju medzi roznimy molekulami.



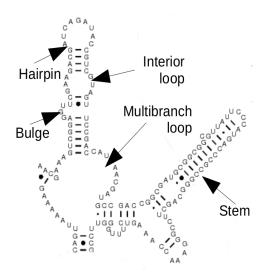
Obr. 1.1: Circular Feynman - kruhova reprezentacia sekundarnej struktury

1.2.1 Motivy

Motivom v RNA mame na mysli casti molekuly, ktore vytvaraju urcite struktury. Na obrazku 2.2 vidime motivy, ktore sa mozu v RNA vyskytovat.

Stem (stonka) je cast molekuly kde sa na seba paruju dva suvisle casti RNA vlakna. Interior loop spaja dva stemy a medzi nimi na oboch stranach obsahuje

nesparovane bazy. Podobna je bulge (vypuklina), ale nesparovane nukleotidy ma iba z jednej strany. Hairpin je medzi castami vlakna ktore sa paruju sami na seba. Multibranch loop je podobna ako interior loop, ale spaja dokopy viac stemov. V dalsom rozpravani nam bude stacit rozdelenie na stem a loop.



Obr. 1.2: Strukturalne motivy v RNA

1.3 Reprezentacia sekundarnej struktury

Definicia 5 nam ponuka reprezentovat sekundarnu strukturu ako usporiadany strom.

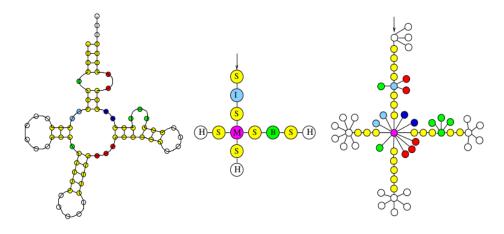


Figure 3: A secondary structure and its tree representations.

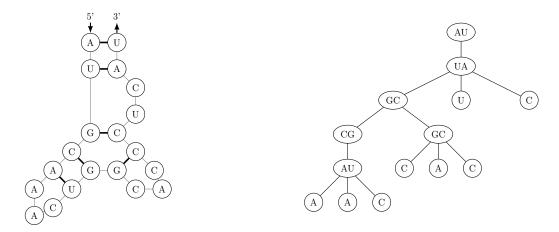
Obr. 1.3: Varianty reprezentacie vrcholov

Definícia 3. Usporiadany zakoreneny strom je orientovany graf, v ktorom plati, ze hrany su orientovane vzdy v smere z predka na potomka. Okrem korena ma kazdy vrchol svojho predka. Naviac tu existuje usporiadanie medzi potomkami. Usporiadany les je usporiadana mnozina stromov.

Bez ujmy na obecnosti budeme o RNA hovorit ako o strome, aj ked sa moze stat, ze struktura nebude celistva (teda nieje to strom, ale les). V tom pripade ale iba pripojime korenovy vrchol, ktoreho potomkovia budu dane stromy.

Kazdy vrchol stromu moze reprezentovat napriklad motiv v strukture RNA, nukleotid, alebo bazovy par Priklady mozno vidiet na obrazku 1.3.

V nasej praci vrchol stromu reprezentuje bazovy par (vnutorny vrchol) a nesparovanu bazu (list stromu). Strukturu do ktorej patri si totiz vieme lahko zistit z potomkov vrcholu.



1.4 RNA stromy

2. Uvod do studia struktury RNA

Na zaciatku prace strucne zoznamime citatela s pojmamy, ktore s RNA a jej strukturou suvisia.

2.1 Co je RNA

Nositelkami genetickej informacie bunky su molekuly nukleovych kyselin tvorene retazcami nukleotidov, ktore su zakladnymi stavebnymi jednotkami nukleovych kyselin. Vyskytuje sa niekolko variant nukleotidov (baz). U RNA su to adein (A), guanin (G), cytozin (C), uracyl (U), pri DNA sa namiesto uracylu vyskytuje tymin (T). Medzi jednotlivymi bazami sa mozu vyskytovat vodikove vazby. Nukleotidy maju vzajomnu preferenciu, co znamena, ze bazy vznikaju najcastejsie medzi A-U a C-G u RNA a podobne A-T a C-G u DNA. Medzi jednotlivymi bazami existuju vazby na principe komplementarity. Vodikove vazby existuju medzi bazami A-U a C-G u RNA a podobne A-T a C-G u DNA. Strukturu nukleovych kyselin mozeme chapat podla stupna zjednodusenia

- Primarna struktura je urcena poradim jednotlivych nukleotidov do polynukleotidoveho retazca
- Sekundarna struktura je dana parovanim medzi bazami molekuly
- Terciarna struktura 3D priestorove usporiadanie molekuly

DNA je dvojvlaknova molekula u ktorej spojenie medzi vlaknami sa realizuje na principe komplementarity. Naopak, RNA je iba jednovlaknova molekula a v snahe minimalizovat volnu energiu molekuly sa paruje sama na seba. V tomto hraju rolu pritazlive sily medzi bazami.

V praci budeme strukturou mysliet prave sekundarnu strukturu RNA, ak nebude povedane inak.

Az donedavna sa myslelo, ze funkcia RNA je obmedzena na prenos genetickej informacie z DNA v jadre bunky do ribozomu. Napriklad pri tvorbe bielkovin (mRNA), alebo transporter aminokyselin v ribozome bunky (tRNA). Avsak existuje mnoho dalsich, od relativne malych molekul tvorenych desiatkami baz, ktore pomahaju pri expresii genov (miRNA, siRNA, tmRNA a dalsie), az po velke, tvorene tisickami nukleotidov (rRNA).

2.2 Sekundarna struktura rRNA + konzervovanost

Ako hlavny objekt zaujmu sme si spomedzi vsetkych druhov RNA vybrali prave ribozomalnu, najma kvoli jej velkosti a tomu, ze existujucim nastrojom prave velkost robi najvacsie problemy pri vizualizacii.

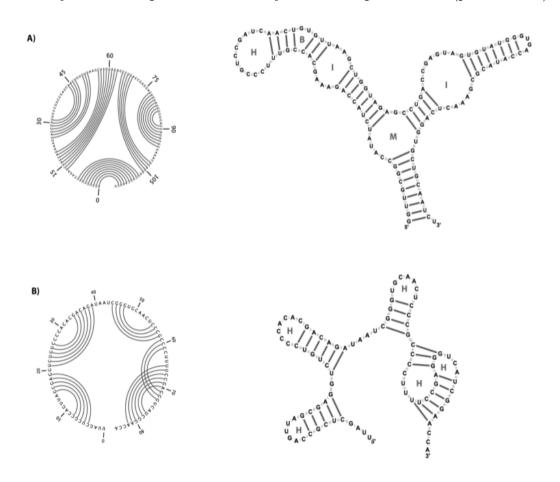
Definícia 4 (Primarna struktura RNA). Nech Σ je abeceda $\{A, C, G, U\}$. Potom slovo $W \in \Sigma^n$ nad touto abecedou je sekvencia nukleotidov (baz) RNA.

Jednotlive nukleotidy sekvencie RNA budeme, ak bude jasne o co ide, oznacovat priamo poradovym cislom, teda i bude oznacovat nukleotid W_i , resp. W[i].

Definícia 5 (Sekundarna struktura RNA). Nech W je sekvencia podla definicie 4 dlzky n. Sekundarnou strukturou oznacime mnozinu $\mathbb S$ parov nukleotidov (i,j) takych, ze pre dva pary (i,j) a $(k,l) \in \mathbb S$ (bez ujmy na obecnosti $i \leq k$) plati jedno z nasledujucich:

- $i = k \iff j = l$
- i < j < k < l, cize par (i, j) predchadza par (k, l)
- i < k < l < j, cize par (i, j) obsahuje par (k, l)

Prva podmienka zabezpecuje, ze nukleotid je najviac v jednom bazickom pare, druha a tretia hovoria o usporiadani parov, bud su na sebe nezavisle alebo na seba nadvazuju. Posledna podmienka zakazuje existenciu pseudouzlov (pseudoknots).

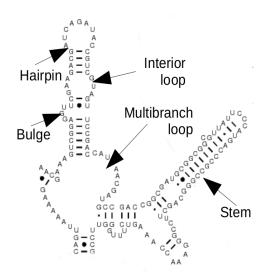


Obr. 2.1: Circular Feynman - kruhova reprezentacia sekundarnej struktury

2.2.1 Motivy

Motivom v RNA mame na mysli casti molekuly, ktore vytvaraju urcite struktury. Na obrazku 2.2 vidime motivy, ktore sa mozu v RNA vyskytovat.

Stem (stonka) je cast molekuly kde sa na seba paruju dva suvisle casti RNA vlakna. Interior loop spaja dva stemy a medzi nimi na oboch stranach obsahuje nesparovane bazy. Podobna je bulge (vypuklina), ale nesparovane nukleotidy ma iba z jednej strany. Hairpin je medzi castami vlakna ktore sa paruju sami na seba. Multibranch loop je podobna ako interior loop, ale spaja dokopy viac stemov. V dalsom rozpravani nam bude stacit rozdelenie na stem a loop.



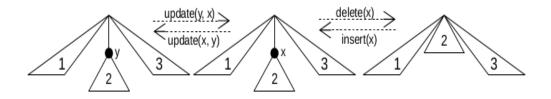
Obr. 2.2: Strukturalne motivy v RNA

3. Tree-edit-distance algoritmus

Jadro aplikacie lezi v pouziti tree-edit-distance (TED) algoritmu, vdaka ktoremu dostaneme mapovanie medzi 2 RNA stromami. Mapovanie nam ukaze spolocne casti oboch RNA stromov. TED algoritmus je obdoba Levenstheinoveho string-edit-distance algoritmu. Problem u retazcov je specialnym pripadom TED-u, kedy stromy zdegenerovali na cesty (spojovy zoznam).

3.1 Hlavna myslienka TED-u

Zaklad TED algoritmu je v rekurzivnom vzorci 3.2 z Demaine a kol. (2009) a Pawlik a Augsten (2011). Vzdialenost medzi lesmi F a G, $\delta(F,G)$ je definovana ako minimalny pocet editacnych operacii, ktore z F urobia G. Pouzivame standardne editacne operacie - delete, insert, update.



Obr. 3.1: Ukazky TED operacii

Delete, zmazanie vrcholu, znamena pripojit k predkovi vsetkych jeho potomkov so zachovanim poradia medzi nimi. Insert, vlozenie vrcholu, je opacna operacia k delete, co znamena, ze vkladame vrchol medzi rodica nejakych jeho, po sebe nasledujucich potomkov. Update iba zmeni hodnotu vo vrchole stromu.

3.2 Znacenie

V tejto kapitole sa budeme riadit znacenim Pawlik a Augsten (2011). Teda, pouzivame definiciu stromu a lesa z 3. Ak F je les (strom), N_F oznacuje mnozinu jeho vrcholov a E_F mnozinu jeho hran. Plati dalej ze $E_F \subseteq N_F \times N_F$. Ø oznacuje prazdny strom, resp. prazdny les. Podles lesa F je graf \tilde{F} s vrcholmi $N_{\tilde{F}} \subseteq N_F$ a hranami $E_{\tilde{F}} \subseteq E_F \cap N_{\tilde{F}} \times N_{\tilde{F}}$. Obdobne to plati aj pre podstrom stromu T. F_v oznacuje podstrom F zakoreneny vo v, t.j. v strome ostavaju iba potomkovia v. F-v budeme znacit les, ktory dostaneme zmazanim vrcholu v z F, spolu so vsetkymi hranami zasahujucimi do v. Podobne $F-F_v$ budeme znacit les, ktory dostaneme zmazanim podstromu F_v z F.

Definícia 6 (Editacna vzdialenost). Nech F a G su dva lesy. Editacna vzdialenost, tree-edit-distance - $\delta(F,G)$, medzi F a G je rovna minimalnej cene, za ktoru les F transformujeme na G.

Vo vzorci 3.2 pocitame editacnu vzdialenost $\delta(F,G)$, c_{del} , c_{ins} a c_{upd} su ceny zmazania, vlozenia a editacie vrcholu v strome a r_F a r_G su korene, bud obidva

najpravejsie alebo najlavejsie (tzn. vyberieme najpravejsi/najlavejsi strom lesa a jeho koren).

$$\delta(\emptyset, \emptyset) = 0$$

$$\delta(F, \emptyset) = \delta(F - r_F, \emptyset) + c_{del}(r_F)$$

$$\delta(\emptyset, G) = \delta(\emptyset, G - r_G) + c_{ins}(r_G)$$

$$\delta(F, G) = \begin{cases} \delta(F - r_F, G) + c_{del}(r_F) \\ \delta(F, G - r_G) + c_{ins}(r_G) \\ \delta(F - F_{r_F}, G - G_{r_G}) + c_{del}(F_F) \\ \delta(F_{r_F} - F_F, G_{r_G} - F_G) + c_{del}(F_F, F_G) \end{cases}$$

Obr. 3.2: Rekurzivny vzorec pre vypocet tree-edit-distance

3.3 Algoritmy dynamickeho programovania

Tai (1979) predstavil algoritmus s priestorovou a casovou zlozitostou $\mathcal{O}(m^3 \cdot n^3)$, Zhang a Shasha (1989) algoritmus nasledne vylepsili pozorovanim toho, ze nepotrebujeme vzdialenosti medzi vsetkymi parmi podlesov. Algoritmus mal casovu zlozitost $\mathcal{O}(m^2 \cdot n^2)$ a priestorovu $\mathcal{O}(m \cdot n)$. Klein (1998) dosiahol casovu zlozitost $\mathcal{O}(m^2 \cdot n \cdot \log n)$, avsak jeho riesenie potrebovalo rovnako vela pamete. Dulucq a Touzet (2003) ukazali, ze minimalny cas na beh algoritmu je $\mathcal{O}(m \cdot n \cdot \log m \cdot \log n)$. Demaine a kol. (2009) predviedli worst-case optimalny algoritmus pre tree-edit-distance. Jeho casova a priestorova zlozitost je $\mathcal{O}(m^2 \cdot n \cdot (1 + \log \frac{n}{m}))$ a $\mathcal{O}(m \cdot n)$. Pawlik a Augsten (2011) ukazali spojitost medzi efektivnostou predchadzajucich algoritmus atvarom stromov. Zovseobecnili predchadzajuce pristupy a vytvorili algoritmus beziaci vo worst-case case $\mathcal{O}(m^3)$ a priestore $\mathcal{O}(m \cdot n)$. Ich algoritmus je teda efektivny pre vsetky tvary stromov a nikdy nespadne do worst-case, ak existuje lepsi smer vypoctu.

3.3.1 RTED

Dalej sa v nasej praci budeme venovat vyhradne algoritmu RTED od tvorcov Pawlik a Augsten (2011). Ich algoritmus rozdelime na 2 casti, rovnako pomenovany RTED a GTED.

RTED (Robust Tree Edit Distance) algoritmus bude pre nas algoritmus na vypocet optimalnej dekompozicnej strategie (viz definicia 7) a GTED (General Tree Edit Distance) algoritmus samotny vypocet rekurzie 3.2 s aplikovanim danej strategie.

Definícia 7 (Dekompozicna strategia). Nech F a G su lesy. Dekompozicna strategia v rekurzii 3.2 priradi kazdej dvojici podstromov F_v a G_w lesov F a G jednu cestu γ_T z korena do listu, kde $T \in \{F, G\}$. LRH dekompozicna strategia vybera vzdy najlavejsi/najpravejsi/najtazsi (left/right/heavy) vrchol na ceste z korena do listu. Najtazsi vrchol je taky v ktoreho podstrome je najviac vrcholov.

GTED: General Tree Edit Distance algoritmu

Zacneme principom fungovania GTED algoritmu. Detaily pre LRH strategie su v Zhang a Shasha (1989) pre left/right a v Demaine a kol. (2009) pre heavy strategiu.

Algorithm 1 General Tree Edit Distance for LRH strategies

```
1: procedure GTED(F, G, TreeDistance, S)
        \sigma \leftarrow S[F, G]
 2:
        if \sigma \in \sigma^*(F) then
 3:
            for all F' \in F - \sigma do
 4:
                TreeDistance \leftarrow TreeDistance \cup GTED(F', G, TreeDistance, S)
 5:
 6:
            TreeDistance \leftarrow TreeDistance \cup
 7:
                Compute Distance (F, G, TreeDistance, \sigma)
        else
 8:
            TreeDistance \leftarrow TreeDistance \cup (GTED(G, F, TreeDistance^T, S^T))^T
 9:
10:
        return TreeDistance
```

Poznámka. Funkcia GetOrderedSubforests() v algoritme 2 vracia lesy zoradene v opacnom poradi, ako ich pridavame v definicii 8.

Algoritmus 1 funguje v troch krokoch.

Najprv podla strategie dekomponuje jeden zo stromov podla cesty γ , bez ujmy na obecnosti, nech je to F a rekurzivne spocita editacnu vzdialenost medzi vsetkymi podstromami ktore susedia s dekompozicnou cestou a stromom G.

Nasledne pre vsetky relevant-subtrees (viz definice 8) podstromy G' stromu G vyrata vzdialenosti medzi F_v a G' pomocou single-path funkcie. Ta dopocita vzdialenosti medzi vrcholmi $v \in \gamma_F$ a stromami G'.

Definícia 8. Relevant subtrees stromu F pre root-leaf cestu γ su definovane ako $F - \gamma$. Relevant subforests stromu F pre nejaku root-leaf cestu γ su definovane rekurzivne ako

$$\mathcal{F}(\emptyset, \gamma) = \emptyset$$

$$\mathcal{F}(F, \gamma) = \{F\} \cup \begin{cases} \mathcal{F}(F - r_R(F), \gamma), & \text{ak } r_L(F) \in \gamma \\ \mathcal{F}(F - r_L(F), \gamma), & \text{v ostatnych pripadoch} \end{cases}$$

Lemma 1. Ak compute-distance funkcia dopocita editacnu vzdialenost medzi vrcholmi na ceste γ a vsetkymi podstromami druheho stromu, potom GTED vrati maticu vzdialenosti medzi vsetkymi dvojicami podstromov F_v a G_w , pre $v \in F$; $w \in G$.

 $D\hat{o}kaz$. Nech $\gamma \in F$. Po vyratani editacnej vzdialenosti medzi stromami $F - \gamma$ a G nam staci dopocitat uz len vrcholy na ceste, teda vzdialenosti medzi stromami F_v a G pre $v \in \gamma_F$.

Vdaka doslednemu usporiadaniu lesov si v kazdom kroku pripravime potrebne data pre dalsi krok algoritmu 2.

Algorithm 2 Single path function

```
1: procedure Compute Distance(F, G, TreeDistance, \sigma)
 2:
        if \sigma \in \sigma^*(F) then
            for all G' \in \text{Relevant Subtrees}(G) do
 3:
 4:
                SINGLE PATH(F, G', TreeDistance, \sigma)
        else
 5:
            for all F' \in \text{Relevant Subtrees}(F) do
 6:
                SINGLE PATH(F, G, TreeDistance, \sigma)
 7:
 8:
    procedure SINGLE PATH(F, G, TreeDistance, \sigma)
 9:
        ForestDistance \leftarrow \text{empty array } |F| + 1 \times |G| + 1
10:
        ForestDistance[\emptyset][\emptyset] := 0
11:
        for F' subforest in GET ORDERED SUBFORESTS(F, \sigma) do
12:
            Last_F \leftarrow last added node to F'
13:
            ForestDistance[F'][\emptyset] := ForestDistance[F' - Last_F][\emptyset] +
14:
                C_{del}(Last_F)
15:
        for G' subforest in GET ORDERED SUBFORESTS(G, \sigma) do
16:
            Last_G \leftarrow last added node to G'
17:
            ForestDistance[\emptyset][G'] := ForestDistance[\emptyset][G' - Last_G] +
18:
                C_{ins}(Last_G)
19:
        for F' subforest in GET ORDERED SUBFORESTS(F, \sigma) do
20:
            for G' subforest in GET ORDERED SUBFORESTS(G, \sigma) do
21:
                Last_F \leftarrow last added node to F'
22:
                Last_G \leftarrow last added node to G'
23:
                if both F' and G' are trees then
24:
                   C_{min} := min\{
25:
                       ForestDistance[F'-Last_F][G']+
26:
                           C_{del}(Last_F),
27:
                       ForestDistance[F'][G'-Last_G]+
28:
                           C_{ins}(Last_G),
29:
                       ForestDistance[F'-Last_F][G'-Last_G]+
30:
                           C_{und}(Last_F, Last_G)
31:
                    ForestDistance[F', G'] := C_{min}
32:
                   TreeDistance[Last_F][Last_G] := C_{min}
33:
                else
34:
                   C_{min} := min\{
35:
                       ForestDistance[F'-Last_F)][G']+
36:
                           C_{del}(Last_F),
37:
                       ForestDistance[F'][G'-Last_G]+
38:
                           C_{ins}(Last_G),
39:
                       ForestDistance[F' - F_{Last_{E}}][G' - G_{Last_{C}}] +
40:
                           TreeDistance[F_{Last_{G}}][G_{Last_{G}}]\}
41:
                   ForestDistance[F'][G'] := C_{min}
42:
```

Najprv si este ale vysvetlime hodnoty pouzivane v algoritme 2 v podmienkach na riadkoch 24 a 34. Prve dva su v oboch rovnake. Pocitame hodnotu zmazania vrcholu zF, resp. vlozenia vrcholu do F.

Tretia hodnota sa lisi podla toho, ci su lesy zaroven aj stromami. Ak su, tak na danom mieste je cena namapovania podstromov $F_v - v$ na $F_w - w$ a updatu vrcholu v na w. Inac, ked aspon jeden z lesov nieje stromom, tak cenu medzi F_{Last_F} a G_{Last_G} mame vyratanu z predchadzajucich krokoch, alebo z inej vetvy rekurzie.

Potom nastavime hodnotu vzdialenosti medzi lesmi na minimum a v pripade ze su to obidva stromy, tak nastavime aj ich vzdialenost.

Najprv este ukazeme, ze SPF pouziva vzdy inicializovane hodnoty, a kazdu hodnotu nastavuje prave raz.

 $Pozn\acute{a}mka$. Nikdy nepouzivam 2x rovnaku cestu γ v strome. To vyplyva z toho, ze po dekompozicii stromu podla γ , cesta v ostatnych stromoch neexistuje.

Pozn'amka. Single-path funkcia kazdu hodnotu ForestDistance, rovnako ako TreeDistance nastavuje prave raz.

 $D\hat{o}kaz$. Ziadnu cestu nepouzivam opakovane. Hodnotu v TreeDistance nastavujem iba v momente, ked su obidva lesy stromami (teda ich korene lezia na cestach γ_F a γ_G) a to sa udeje prave raz. Lesy vzdy iba zvacsujem, takze nikdy sa nedostanem do mensieho aby som mohol mu znovu nastavit hodnotu. To iste plati aj pre ForestDistance.

Lemma 2. Nikdy nepouzivame neinicializovane hodnoty TreeDistance a ForestDistance.

 $D\hat{o}kaz$. Hodnota ForestDistance pre pouzitie s prazdnym lesom je inicializovana, a pri kazdej iteracii algoritmu citam iba z hodnot z predchadzajucich iteracii, napr $ForestDistance[F-Last_F][G-Last_G]$, alebo $ForestDistance[F-F_{Last_F}][G-G_{Last_G}]$. V prvom pripade mazem iba jeden vrchol, v druhom cely jeho podstrom.

Hodnoty TreeDistance pouzivame iba v pripade, ze aspon jeden z lesov F' alebo G' nieje stromom. To znamena, ze ak posledne pridany vrchol $Last_F$ je mimo cesty γ_F , tak sme vzdialenost od $Last_G$ vyratali rekurzivne po dekompozicii F uz skor. Naopak ak $Last_F$ lezi na ceste, potom $Last_G$ je mimo cesty, a editacnu vzdialenost sme vyratali pri pocitani relevant-subtrees.

Dôsledok. Algoritmus funguje.

 $D\hat{o}kaz$. V predchadzajucich castiach sme dokazali, ze v kazdom kroku pouzivame iba korektne hodnoty a vsetky casti algoritmu pocitaju spravne, takze algoritmus GTED je v poriadku.

RTED: Robust Tree Edit Distance algoritmus

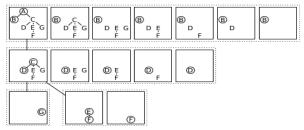
RTED budeme vnimat ako algoritmus na vypocitanie optimalnej strategie teda algoritmus, ktory nam poradi ako najlepsie dekomponovat obidva stromy.

Funguje tak, ze si predpocita kolko podproblemov budeme musiet vyriesit, ak pouzijeme strategiu left, right, alebo heavy.

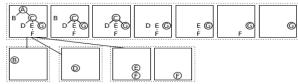
Definícia 9. Celkova dekompozicia lesa (full decomposition) F, A(F) je mnozina vsetkych podlesov F, ktore dostaneme rekurzivnym odstranenim najlavejsieho alebo najpravejsieho korenoveho vrcholu - $r_R(F)$ a $r_L(F)$ - z F a nasledne aj vsetkych jeho podlesov.

$$\mathcal{A}(\emptyset) = \emptyset$$

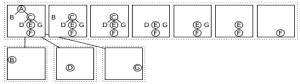
$$\mathcal{A}(F) = F \cup \mathcal{A}(F - r_L(F)) \cup \mathcal{A}(F - r_R(F))$$



(a) Left path decomposition (15 relevant subforests)



(b) Right path decomposition (11 relevant subforests)



(c) Heavy path decomposition (10 relevant subforests)

Obr. 3.3: Celkova dekompozicia pomocou LRH strategii

Lemma 3. Pocet podproblemov (relevant-subproblems) pocitanych single-path funkciou pre dvojicu stromov F a G je rovna

$$\# = \begin{cases} |F| \times \left| \mathcal{F}(G, \Gamma^L(G)) \right| & \textit{pre left-paths} \\ |F| \times \left| \mathcal{F}(G, \Gamma^R(G)) \right| & \textit{pre right-paths} \\ |F| \times |\mathcal{A}(G)| & \textit{pre heavy-paths} \end{cases}$$

 $D\hat{o}kaz$. Demaine a kol. (2009) dokazali, ze vzorec pre tazke cesty je v poriadku. Rovnako tak, Zhang a Shasha (1989) to dokazali pre lave cesty. Jednoduchou upravou vieme upravit ich vzorec na pouzitie pravych ciest.

Definícia 10. Minimalny pocet podproblemov ktore potrebujeme vyratat pri pouziti GTEDu je

$$cena(F,G) = \begin{cases} |F| \times |\mathcal{A}(G)| & + \sum_{F' \in F - \gamma^H(F)} cena(F',G) \\ |G| \times |\mathcal{A}(F)| & + \sum_{G' \in G - \gamma^H(G)} cena(G',F) \\ |F| \times |\mathcal{F}(G,\Gamma^L(G))| & + \sum_{F' \in F - \gamma^L(F)} cena(F',G) \\ |G| \times |\mathcal{F}(F,\Gamma^L(F))| & + \sum_{G' \in G - \gamma^L(G)} cena(G',F) \\ |F| \times |\mathcal{F}(G,\Gamma^R(G))| & + \sum_{F' \in F - \gamma^R(F)} cena(F',G) \\ |G| \times |\mathcal{F}(F,\Gamma^R(F))| & + \sum_{G' \in G - \gamma^R(G)} cena(G',F) \end{cases}$$

Dôkaz. je uvedeny v Pawlik a Augsten (2011)

Namiesto $\mathcal{O}(n^3)$ rekurzie potrebujeme algoritmus, ktory optimalnu strategiu vyrata s nizsimi casovymi narokmi ako potrebuje optimalny beh GTEDu.

Popiseme teda algoritmus 3 - RTED, od tvorcov Pawlik a Augsten (2011). Beziaci v case $\mathcal{O}(n^2)$.

Prechadza vrcholmi v postorder, aby sa znizila pametova narocnost algoritmu a nemuseli ukladat hodnoty medzi dvojicami relevant-subforest. Namiesto toho inkrementujeme hodnotu v rodicovskom vrchole pri kazdej navsteve jeho potomka.

Lemma 4. Algoritmus 3 vyrata optimalnu LRH strategiu pre dvojicu podstromov F a G a casova narocnost algoritmu je $\mathcal{O}(n^2)$.

Dôkaz. Toto tvrdenie dokazali Pawlik a Augsten (2011).

3.4 Mapovanie medzi stromami

Tabulka vzdialenosti z GTEDu medzi stromami F a G nam nebude stacit. Potrebujeme vediet ako strom F namapovat na G.

Princip je v backtrackovani matice ForestDistance, teda zistujeme, aku operaciu sme v ktorom bode pouzili, podobne ako v zistovani operacii pri editacnej vzdialenosti retazcov. Musime ale pouzivat ForestDistance maticu, nie TreeDistance, kedze v nej sa odzrkadluje detailnejsia struktura stromov. Maticu TreeDistance pouzivame iba na pocitanie single-path funkcie.

Algorithm 3 Optimalna strategia

```
1: procedure RTED(F, G)
 2:
           L_v, R_v, H_v \leftarrow \text{polia velkosti } |F| \times |G|
           L_w, R_w, H_w \leftarrow \text{polia velkosti } |G|
 3:
           for all v postorder v F do
 4:
                for all w postorder v G do
 5:
 6:
                      if v je list then
                           L_v[v,w] \leftarrow R_v[v,w] \leftarrow H_v[v,w] \leftarrow 0
 7:
                      if w je list then
 8:
                           L_w[w] \leftarrow R_w[w] \leftarrow H_w[w] \leftarrow 0
 9:
10:
                      C := \{
                           (|F_v| \times \mathcal{A}(G_w) + H_v[v, w], \gamma^H(F)),
11:
                           (|G_w| \times \mathcal{A}(F_v) + H_w[w], \gamma^H(G)),
12:
                           (|F_v| \times |\mathcal{F}(G_w, \Gamma^L(G))| + L_v[v, w], \gamma^L(F)),
13:
                           (|G_w| \times |\mathcal{F}(F_v, \Gamma^L(F)|) + L_w[w], \gamma^L(G)),
14:
                           (|F_v| \times |\mathcal{F}(G_w, \Gamma^R(G))| + R_v[v, w], \gamma^R(F)),
(|G_w| \times |\mathcal{F}(F_v, \Gamma^R(F))| + R_w[w], \gamma^R(G))
15:
16:
17:
                      (c_{min}, \gamma_{min}) \leftarrow (c, \gamma) take, ze (c, \gamma) \in C \land c = min\{c' | (c', \gamma) \in C\}
18:
                      Strategies[v, w] := \gamma_{min}
19:
                      if v nieje koren then
20:
                           UPDATE(L_v, v, w, c_{min}, \gamma^L(parent(v))
21:
                           UPDATE(R_v, v, w, c_{min}, \gamma^R(parent(v)))
22:
                           UPDATE(H_v, v, w, c_{min}, \gamma^H(parent(v)))
23:
                      if w nieje koren then
24:
                           UPDATE(L_w, w, c_{min}, \gamma^L(parent(w))
25:
                           UPDATE(R_w, w, c_{min}, \gamma^R(parent(w)))
26:
                           UPDATE(H_w, \mathbf{w}, c_{min}, \gamma^H(parent(w)))
27:
           return Strategies
28:
    procedure UPDATE(Table, v, w, c_{min}, \gamma)
          Table[parent(v), w] \stackrel{+}{=} \begin{cases} Table[v, w] & \text{ak } v \in \gamma \\ c_{min} & \text{v opacnom pripade} \end{cases}
30:
31: procedure UPDATE(Table, w, c_{min}, \gamma)
          Table[parent(w)] \stackrel{+}{=} \begin{cases} Table[w] & \text{ak } v \in \gamma \\ c_{min} & \text{v opacnom pripade} \end{cases}
32:
```

Algorithm 4 Pocitanie mapovania

```
1: procedure MAPPING(F, G, TreeDistance)
         \sigma \leftarrowlubovolna LRH strategia
 2:
         ForestDistance \leftarrow Single Path(F, G, TreeDistance, \sigma)
 3:
 4:
         while F \neq \emptyset \land G \neq \emptyset do
             v \leftarrow \text{Update}(F, \sigma)
 5:
             w \leftarrow \text{Update}(G, \sigma)
 6:
             if ForestDistance[F, G] = ForestDistance[F - v, G] + C_{del} then
 7:
                  Mapping \leftarrow Mapping \cup (v \rightarrow 0)
 8:
                  F \leftarrow F - v
 9:
10:
             else if ForestDistance[F, G] = ForestDistance[F, G-w] + C_{ins} then
                  Mapping \leftarrow Mapping \cup (0 \rightarrow w)
11:
                 G \leftarrow G - w
12:
             else
13:
                  if F a G su strony then
14:
                      Mapping \leftarrow Mapping \cup (v \rightarrow w)
15:
                      F \leftarrow F - v
16:
                      G \leftarrow G - w
17:
18:
                  else
                      Mapping \leftarrow Mapping \cup
19:
                          Mapping(F - F_v, G - G_w, TreeDistance)
20:
                      F \leftarrow F - F_{i}
21:
                      G \leftarrow G - G_w
22:
23: procedure UPDATE(Forest, \sigma)
         \gamma \leftarrow \text{cesta v lese } Forest \text{ podla strategie } \sigma
24:
         return vrchol r_L(Forest) alebo r_R(Forest) alebo \emptyset z Forest
25:
             rovnako ako v definicii 8
26:
```

4. Kreslenie molekuly

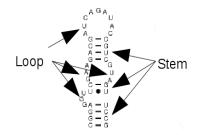
Po tom co ziskame a aplikujeme mapovanie medzi sablonovou a cielovou molekulou RNA, ziskame cielovu molekulu s ciastocnou vizualizaciou, ktorej zvysok treba dopocitat.

Po operaciach delete ostavaju v molekule prazdne diery, naopak po insertoch potrebujeme vypocitat, kam umiestnime bazovy par, resp. samotnu bazu, pripadne este potrebujeme pre nu urobit miesto. Update vrcholu v strome nerobi ziadne strukturne zmeny, zmeni sa iba nazov bazy na danom mieste.

Sekundarna struktura RNA obsahuje mnozstvo motivov popisanych na obrazku 2.2. Vo vseobecnosti ale sa kazdy z tychto motivov sklada zo stemu a loopu.

Stemom budeme dalej nazyvat cast RNA ktora zodpoveda vnutornemu vrcholu v strome. Loop budeme oznacovat listy v RNA strome (lese), nezalezi ci je to bulge, interior loop, hairpin alebo multibranch loop, ako aj ukazuje obrazok 4.1.

Stem zacina vzdy v najvyssom vrchole stromu (v smere ku korenu), ktory je zaroven vnutornym vrcholom a nema ziadnych surodencov, ktory by boli rovnako vnutornymi vrcholmi. To znamena, ze do multibranch loop vchadza 1 stem (ten tu konci) a vychadza z nej niekolko novych stemov. Naopak pre bulge a interior loop jeden stem vchadza do struktury ale pokracuje dalej.



Obr. 4.1: Stem a loop v molekule

4.1 Struktury RNA

V clanku od Auber a kol. (2006) autori popisuju pravidla vizualizacie sekundarnej struktury RNA.

Nakreslenie musi byt rovinne bez krizeni, bazy tvoriace rozne druhy loopov musia leziat na kruzniciach a bazy tvoriace stem maju lezat na priamke. Dalsim pravidlom je, ze vzdialenost medzi bazami ma byt konstantna, ci uz vzdialenost medzi bazami jedneho paru, alebo bazami sekvencie.

Ako je ukazane na obrazku ??, pravidla niesu niekedy respektovane. To ztazuje pouzitie obrazka ako sablony, kedze vo vyslednom obrazku chceme vsetky tieto pravidla respektovat.

4.2 Algoritmus

Ciastocnej vizualizacie ktoru dostavame z mapovania sa chceme dotykat co najmenej. To znamena, ze vsetky zasahy sa snazime robit iba v miestach, ktore boli dotknute vkladanim alebo mazanim baz.

Jedine vynimky su normalizacia vzdialensoti medzi bazovymi parmi a vyrovnavanie stemov.

4.2.1 Normalizácia vzdialeností v bázových pároch a vyrovnavanie stemov

Ako bolo uvedene, stemom rozumieme nevetviacu sa cast stromu tvorenu iba bazovymi parmi.

Algoritmus normalizácie vzdialeností medzi vrcholmi bázových párov stojí iba v preiterovani celeho stromu a ak nejake parove vrcholy su od seba priliz vzdialene, priblizi ich k sebe.

Vyrovnavaci algoritmus prechadza vsetky stemy. Z ich zaciatkov vedie priamku na ktorej maju byt podla pravidla ulozene vsetky stemove vrcholy. Rotaciami a posunutiami podstromov vieme docielit to, aby vrcholy stemu na tejto priamke lezali.

4.2.2 Operacie na stromoch

Citatela zoznamime s 2 operaciami, ktore budeme vykonavat na molekule. Tie budeme pouzivat nezavisle na tom, ci vrcholy do stromu vkladame alebo mazeme.

Algorithm 5 Rozlozenie baz na kruznicu

- 1: procedure ROZLOZBAZY(Begin, End, Bases)
- 2: $n \leftarrow \text{velkost zoznamu baz } Bases$
- 3: $\Gamma \leftarrow$ dostatocne velka kruznica pre n bodov prechadzajuca bodmi Begin a End
- 4: $\Pi \leftarrow \text{rozdel kruhovy obluk kruznice } \Gamma \text{ od } Begin \text{ po } End \text{ na } n \text{ bodov}$
- 5: **for all** i in $1 \dots n$ **do**
- 6: nastav poziciu bazy Bases[i] na bod $\Pi[i]$

Algorithm 6 Posunutie podstromu

- 1: **procedure** POSUNPODSTROM(Root, Vector)
- 2: **for all** vrchol V v podstrome vrcholu Root **do**
- 3: **if** vrchol V uz ma urcenu poziciu, t.j. nieje prave vlozeny **then**
- 4: pripocitaj k pozicii bazy V vektor Vector

Ako sme pisali uz skor, vsetky loop struktury maju byt ulozene na kruzniciach. K tomu nam pomoze funkcia 5. Ta dostava na vstupe zoznam baz Bases a dva body v rovine, Begin a End. Tymito bodmi potrebujeme viest kruznicu, ktora bude dostatocne velka, teda aby na nu vsetky bazy zo zoznamu vosli. Velkostou kruznice v tomto pripade myslime dlzku kruhoveho obluku medzi vrcholmi Begin a End.

V nasom programe pouzivame iteracny algoritmus, ktory ju pomaly zvacsuje alebo zmensuje. Nakoniec bud najde kruznicu ktorej velkost je optimalna, alebo ani na maximalny pocet krokov taku kruznicu nenajde a tak vrati tu z posledneho kroku.

Operacia v ramci algoritmu 6 nam pomoze urobit miesto na novo vlozene bazove pary, alebo naopak ak sme nieco zmazali, tak dokaze cely podstrom pritiahnut spat.

4.2.3 Vkladanie noveho vrcholu do stromu

Pri vkladani noveho vrcholu do stromu mozu nastat nasledovne moznosti.

Ak vkladame list do hairpinu, je to jednoduche, potrebujeme iba pouzit proceduru z algoritmu 5 s parametrami Begin = pozicia prvej bazy z bazoveho paru, <math>End = pozicia druhej bazy z paru a <math>Bases = zoznam vsetkych potomkov.

Trochu zlozitejsie je to pri vkladani listu do stemu. V tomto pripade bud uz stem obsahoval nejaky loop, alebo vznika nova. Najprv potrebujeme upravit vzdialenost medzi vrcholmi stemu, teda posunut cely podstrom aby nam dane bazy vosli. To vyriesime algoritmom 6. Nasledne najdeme kruznicu a bazy na nu naukladame.

Vkladanie bazoveho paru do stemu je jednoduche. Najprv posunieme cely podstrom a urobime tak miesto pre novu dvojicu baz, a potom ich ulozime na poziciu kde by mala patrit. Moze sa stat, ze vlozenim vrcholu do stemu zdedime niekolko listov z predka. V tomto pripade iba pouzijeme operaciu vlozenia vrcholu a updatu loopov pred aj za vlozenym vrcholom.

4.2.4 Modifikacia multibrach loop

Modifikacia multibranch loop je zlozitejsia ako vsetky predchadzajuce pripady. Obrazky su vacsinou rucne upravene tak, aby bol co najkompaktnejsi a kvoli tomu sa casto nerespektuju pravidla o kruznicovom tvare struktury. Kvoli tomu sa snazime do tejto struktury nezasahovat, ak sa to da.

Prekresleniu celej struktury sa mozeme vyhnut napriklad pri zmene poctu listov medzi jednotlivymi vetvami. Ak je zmena dostatocne mala, mozeme vrcholy roztiahnut, alebo naopak priblizit k sebe.

Ak sa jedna o pridanie/odobratie celej vetvy stromu, modifikacii sa nevyhneme. V tom pripade potrebujeme rozdistribuovat vsetky vrcholy patriace do loop na kruznicu. Je to podobny proces ako sa pouziva iba pre samotne loopy, ale potrebujeme posuvat cele podstromy a zrotovat ich spravnym smerom.

4.2.5 Mazanie vrcholu zo stromu

Mazanie povazujeme za inverznu operaciu voci vkladaniu do stromu. Vzhladom k tomu, pouzivame rovnake operacie rozdistribuovania vrcholov v loope, alebo posuvanie podstromu, ktore sa deje v tomto pripade opacnym smerom k predkovi.

5. TRAVeLer - Template RnA VisuaLization

Traveler je konzolova aplikacia programovana v C++ a je urceny pre operacne systemy UNIX-oveho typu. Vyvyjany a testovany bol na Linux-e a FreeBSD. Podpora ostatnych systemov nieje zarucena.

5.1 Instalacia

Pozadovane programove vybavenie je:

• gcc verzie aspon 4.9.2

Pri testovani boli zaznamenane problemy s regularnymi vyrazmi, ktore nam pomahaju pri nacitavani vstupnych suborov. Problem bol pri verzii gcc 4.7.2, ktora plne nepodporovala potrebne vyrazy.

Traveler prelozime zo zdrojovych kodov postupnostou prikazov z korenoveho adresara:

- cd src/
- make build Nasledne spustitelny subor je src/build/traveler.

5.2 Argumenty programu

Ak predpokladame, ze program lezi na PATH, spustame ho nasledovne:

```
traveler [-h|--help]
traveler [OPTIONS] <TREES>

OPTIONS:
    [-a|--all [--overlaps] [--colored] <FILE_OUT>]
    [-t|--ted <FILE_MAPPING_OUT>]
    [-d|--draw [--overlaps] [--colored] <FILE_MAPPING_IN> <FILE_OUT>]
    [--debug]

TREES:
    <-mt|--match-tree> FILE_FASTA
    <-tt|--template-tree> FILE_PS FILE_FASTA
```

Strucnu napovedu k programu dostaneme standardnym -h alebo --help argumentom.

Prepinacmi --ted a --draw vieme oddelit fazu pocitania vzdialenosti pomocou TEDu a nasledneho kreslenia.

Prepinac --overlaps po nakresleni obrazku v nom vyznaci vsetky miesta prekryvov, ak nejake vznikli. Zaroven ich pocet vypise do samostatneho suboru. Nasledne rychlejsie dokazeme identifikovat molekuly, ktore potrebuju zvysenu pozornost.

Prepinac --colored aktivuje farebne zvyraznovanie zmien v strukture stromu oproti sablone. Pouzivame nasledovne kodovanie farbami:

- Cervena vlozene bazy
- Zelena editovane bazy
- Modra bazy ktore sme potrebovali presunut
- *Hneda* podstromy prekreslenych multibranch loop

Farbami zvyraznujeme zmeny v strome, to znamena, ze ak sa bazovy par zmeni v jednej baze, cely bude oznaceny ako editovany.

Modrou oznacujeme casti, ktore sme z nejakeho dovodu potrebovali presunut a prekreslit. Typickym prikladom je prekreslenie loopy po vlozeny/zmazani nejakej bazy. Vtedy sme vlozili napriklad 1 bazu ale potrebovali presunut dalsich 10 ktore uz v loop boli.

Hnedou farbou oznacujeme cele podstromy multibranch loopy, ktoru sme museli prekreslit. V tychto pripadoch vznikaju casto velke prekryvy a tymto ich odlisujeme od ostatnych, necakanych.

5.2.1 Format fasta suboru

Ako format suborov kodujucich stromy pouzivame trochu upraveny fasta format.

Subor na prvom riadku obsahuje nazov molekuly hned za znakom > az po prvu medzeru. Na dalsich riadkoch obsahuje znaky sekvencie RNA a znaky kodujuce sekundarnu strukturu. Je zvykom, ze riadky su siroke najviac 80 znakov.

Fasta subor pre sablonovu molekulu RNA potrebuje iba nazov a zatvorkovanie, pre vizualizovanu molekulu aj sekvenciu. Je to dane tym, ze sekvenciu si vieme vybrat z obrazka sablony.

5.3 Priklad vstupu

Teraz uvedieme priklad vstupu pre malu podjednotku ribozomalnej RNA mysi, konkretne priklad fasta suboru 5.1, podporovaneho formatu post script suboru 5.2 a nasledne aj obrazok vizualizacie v post script subore 5.3.

>mouse

UGAAACUGCGAAUGGCUCAUUAAAUCAGUUAUGGUUCCUUUGGUCGCUCCUCCUACUUGGAUAACUGUGGUAAU GCCCCCGUGGCGACGACCCAUUCGAACGUCUGCCCUAUCAACUUUCGAUGGUAGUCGCCGUGCCUACCAUGGUGAC GCGCAAAUUACCCACUCCCGACCCGGGGAGGUAGUGACGAAAAAUAACAAUACAGGACUCUUUCGAGGCCCUGUAAUUGG AAUGAGUCCACUUUAAAUCCUUUAACGAGGAUCCAUUGGAGGGCAAGUCUGGUGCCAGCAGCCGCGGUAAUUCCAGCUCC AGUCACCGCCCGUCCCCCCCUUGCCUCUCGGCGCCCCCUCGAUGCUCUUAGCUGAGUGUCCCGCGGGGCCCGAAGCGU UUACUUUGAAAAAAUUAGAGUGUUCAAAGCAGGCCCGAGCCGCCUGGAUACCGCAGCUAGGAAUAAUGGAAUAGGACCGC GGUUCUAUUUUGUUGGUUUUCGGAACUGAGGCCAUGAUUAAGAGGGACGGCCGGGGGCAUUCGUAUUGCGCCGCUAGAGG UGAAAUUCUUGGACCGGCGCAAGACGGACCAGAGCGAAAGCAUUUGCCAAGAAUGUUUUCAUUAAUCAAGAACGAAAGUC GGAGGUUCGAAGACGAUCAGAUACCGUCGUAGUUCCGACCAUAAACGAUGCCGACUGGCGAUGCGGCGGUUAUUCCCA UGACCCGCCGGGCAGCUUCCGGGAAACCAAAGUCUUUGGGUUCCGGGGGGAGUAUGGUUGCAAAGCUGAAACUUAAAGGA AUUGACGGAAGGGCACCACCAGGAGUGGGCCUGCGGCUUAAUUUGACUCAACACGGGAAACCUCACCCGGCCCGGACACG GUCUGGUUAAUUCCGAUAACGAACGAGACUCUGGCAUGCUAACUAGUUACGCGACCCCGAGCGGUCGGCGUCCCCCAAC UUCUUAGAGGGACAAGUGGCGUUCAGCCACCCGAGAUUGAGCAAUAACAGGUCUGUGAUGCCCUUAGAUGUCCGGGGCUG AUGGGGAUCGGGGAUUGCAAUUAUUCCCCAUGAACGAGGAAUUCCCAGUAAGUGCGGGUCAUAAGCUUGCGUUGAUUAAG UCCCUGCCCUUUGUACACACCGCCCGUCGCUACCGAUUGGAUGGUUUAGUGAGGCCCUCGGAUCGGCCCCGCCGGGG UCGGCCCACGGCCCUGGCGGAGCGCUGAGAAGACGGUCGAACUUGACUAUCUAGAGGAAGUAAAAGUCGUAACAAGGUUU CCGUAGGUGAACCUGCGGAAGGAUCAUUA

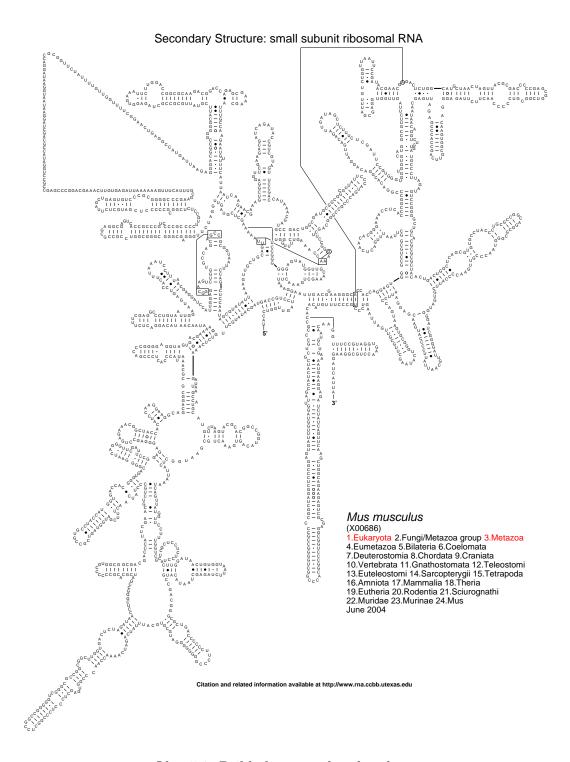
```
...((((((....(((...(((...((...(()(...((...((...((...((...()
(((...((((.((((((((...))))))))...))))....)))))....)))))
)).)))))))))))
....))))))))))))))))))))))))))))))
......
..((((....))))..)))))....((((.(((..(((...(((...(((...(((...())))).))))...)))
((((((((...))))))))))......
```

Obr. 5.1: Priklad fasta suboru

```
%!
/lwline {newpath moveto lineto stroke} def
...

434.00 -129.00 422.00 -138.00 lwline
0.00 setlinewidth
446.00 -421.00 446.00 -412.00 lwline
306.00 -283.00 306.00 -273.00 lwline
...
(U) 303.30 -273.00 lwstring
(A) 303.30 -265.00 lwstring
(C) 303.30 -257.00 lwstring
(C) 303.50 -248.68 lwstring
(U) 311.24 -246.68 lwstring
(G) 318.99 -244.68 lwstring
```

Obr. 5.2: Priklad podporovaneho formatu post script suboru



Obr. 5.3: Priklad vstupneho obrazka

5.4 Vystupne subory

Program generuje 2 druhy vystupov. Prvym je ulozenie tabulky mapovania TED algoritmu a druhym su obrazky vo formate SVG a PS.

```
/lwline {newpath moveto lineto stroke} def
/lwstring {moveto show} def
/lwarc {newpath gsave translate scale /rad exch def /ang1 exch def /ang2 exch def 0.0 0.0
 rad ang1 ang2 arc stroke grestore} def
/Helvetica findfont 8.00 scalefont setfont
0.36 0.46 scale
219.18 1384.80 translate
                                              setrgbcolor
(5')
                298.311
                               -268.09
                                               lwstring
               0
                              0
0
                                              setrgbcolor
(U)
                303.3
                               -273
                                               lwstring
                303.3
                               -265
(A)
                                               lwstring
                303.3
(C)
                               -257
                                               lwstring
(C)
                303.501
                               -248.682
                                               lwstring
305.5
               -241.809
                              302.5
                                              -230.191
                                                              lwline
(U)
                311.246
                               -246.682
                                               lwstring
  . . .
showpage
```

Obr. 5.4: Format vystupneho PostScript suboru

Oznacme T1 strom sablony a T2 vizualizovany strom.

Format mapovacieho suboru je nasledovny:

Prvy riadok obsahuje DISTANCE: n, kde n je editacna vzdialenost medzi T1 a T2.

Ostatne riadky su vo formate i j, kde $i, j \ge 0$. Inymi slovami:

- 1 2 prvy vrchol z T1 potrebujeme namapovat na druhy vrchol z T2
- \bullet 0 2 do vysledneho stromu vkladame druhy vrchol z T2
- \bullet 10 zo stromu T1 mazeme prvy vrchol

PostScript subor je zlozeny z hlavicky v ktorej su definicie kresliacich funkcii za ktorymi su riadky kreslenia molekuly. Priklad je na obrazku 5.4.

Najprv definujeme operacie kreslenia v hlavicke suboru - lwline, lwstring a lwarc - kreslenie ciar, textu a kruznic. Za ktorymi nasleduje samotne kreslenie molekuly.

Podobne funguje kreslenie v SVG subore ktoreho priklad je na obrazku 5.5. Elementy < text > vypisuju na danu poziciu text, < line > naopak kreslia ciary a < circle > zase kruznice.

```
<svg
  xmlns="http://www.w3.org/2000/svg"
 xmlns:xlink="http://www.w3.org/1999/xlink"
  width="1133.333333"
 height="1466.666667"
 viewBox="0 0 1139.172822px 1450.347571px"
  style="
    font-size: 8px;
    stroke: none;
    font-family: Helvetica; ">
  <text
    x="517.486977"
    y="603.524781"
    style="
      stroke: rgb(0, 255, 0); ">5'</text>
   x1="681.175823"
    y1="650.435118"
    x2="681.175823"
   y2="662.435118"
    style="
     stroke: rgb(0, 0, 0);
stroke-width: 2; "/>
  <circle
    cx="616.350806"
    cy="427.616196"
    r="6.276645"
    style="
      stroke: rgb(0, 0, 0);
      fill: none; "/>
</svg>
```

Obr. 5.5: Format vystupneho SVG suboru

6. Nápověda k sazbě

6.1 Úprava práce

Vlastní text bakalářské práce je uspořádaný hierarchicky do kapitol a podkapitol, každá kapitola začíná na nové straně. Text je zarovnán do bloku. Nový odstavec se obvykle odděluje malou vertikální mezerou a odsazením prvního řádku. Grafická úprava má být v celém textu jednotná.

Práce se tiskne na bílý papír formátu A4. Okraje musí ponechat dost místa na vazbu: doporučen je horní, dolní a pravý okraj 25 mm, levý okraj 40 mm. Číslují se všechny strany kromě obálky a informačních stran na začátku práce; první číslovaná strana bývá obvykle ta s obsahem.

Písmo se doporučuje dvanáctibodové (12 pt) se standardní vzdáleností mezi řádky (pokud píšete ve Wordu nebo podobném programu, odpovídá tomu řádkování 1,5; v TEXu není potřeba nic přepínat). Pro běžný text používejte vzpřímené patkové písmo. Text matematických vět se obvykle tiskne pro zdůraznění skloněným (slanted) písmem, není-li k dispozici, může být zastoupeno kurzívou.

Primárně je doporučován jednostranný tisk (příliš tenkou práci lze obtížně svázat). Delší práce je lepší tisknout oboustranně a přizpůsobit tomu velikosti okrajů: 40 mm má vždy *vnitřní* okraj. Rub titulního listu zůstává nepotištěný.

Zkratky použité v textu musí být vysvětleny vždy u prvního výskytu zkratky (v závorce nebo v poznámce pod čarou, jde-li o složitější vysvětlení pojmu či zkratky). Pokud je zkratek více, připojuje se seznam použitých zkratek, včetně jejich vysvětlení a/nebo odkazů na definici.

Delší převzatý text jiného autora je nutné vymezit uvozovkami nebo jinak vyznačit a řádně citovat.

6.2 Jednoduché příklady

Čísla v českém textu obvykle sázíme v matematickém režimu s desetinnou čárkou: $\pi \doteq 3,141\,592\,653\,589$. V matematických textech se považuje za přípustné používat desetinnou tečku (pro lepší odlišení od čárky v roli oddělovače). Numerické výsledky se uvádějí s přiměřeným počtem desetinných míst.

Mezi číslo a jednotku patří úzká mezera: šířka stránky A4 činí $210\,\mathrm{mm}$, což si pamatuje pouze $5\,\%$ autorů. Pokud ale údaj slouží jako přívlastek, mezeru vynecháváme: $25\,\mathrm{mm}$ okraj, 95% interval spolehlivosti.

Rozlišujeme různé druhy pomlček: červeno-černý (krátká pomlčka), strana 16–22 (střední), 45-44 (matematické minus), a toto je — jak se asi dalo čekat — vložená věta ohraničená dlouhými pomlčkami.

V českém textu se používají "české" uvozovky, nikoliv "anglické".

Na některých místech je potřeba zabránit lámání řádku (v $^{\text{T}}_{\text{E}}$ Xu značíme vlnovkou): u $^{\text{p}}$ ředložek (neslabičnych, nebo obecně jednopísmenných), vrchol $^{\text{v}}$ v, před k^{k} kroky, a $^{\text{p}}$ proto, ... obecně kdekoliv, kde by při rozlomení čtenář "škobrtnul".

6.3 Matematické vzorce a výrazy

Proměnné sázíme kurzívou (to T_EX v matematickém módu dělá sám, ale nezapomínejte na to v okolním textu a také si matematický mód zapněte). Názvy funkcí sázíme vzpřímeně. Tedy například: $var(X) = E(X^2 - (E(X))^2)$.

funkcí sázíme vzpřímeně. Tedy například: $\operatorname{var}(X) = \operatorname{E} X^2 - \left(\operatorname{E} X\right)^2$. Zlomky uvnitř odstavce (třeba $\frac{5}{7}$ nebo $\frac{x+y}{2}$) mohou být příliš stísněné, takže je lepší sázet jednoduché zlomky s lomítkem: 5/7, (x+y)/2.

Nechť

$$\mathbb{X} = egin{pmatrix} oldsymbol{x}_1^{ op} \ dots \ oldsymbol{x}_n^{ op} \end{pmatrix}.$$

Povšimněme si tečky za maticí. Byť je matematický text vysázen ve specifickém prostředí, stále je gramaticky součástí věty a tudíž je zapotřebí neopomenout patřičná interpunkční znaménka. Výrazy, na které chceme později odkazovat, je vhodné očíslovat:

$$\mathbb{X} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{x}_1^\top \\ \vdots \\ \boldsymbol{x}_n^\top \end{pmatrix}. \tag{6.1}$$

Výraz (6.1) definuje matici X. Pro lepší čitelnost a přehlednost textu je vhodné číslovat pouze ty výrazy, na které se autor někde v další části textu odkazuje. To jest, nečíslujte automaticky všechny výrazy vysázené některým z matematických prostředí.

Zarovnání vzorců do několika sloupečků:

$$\begin{split} S(t) &= \mathsf{P}(T > t), \qquad t > 0 \qquad \text{(zprava spojitá)}, \\ F(t) &= \mathsf{P}(T \leq t), \qquad t > 0 \qquad \text{(zprava spojitá)}. \end{split}$$

Dva vzorce se spojovníkem:

$$S(t) = P(T > t)$$

$$F(t) = P(T \le t)$$

$$t > 0 (zprava spojité). (6.2)$$

Dva centrované nečíslované vzorce:

$$Y = XB + \varepsilon$$
.

$$\mathbb{X} = egin{pmatrix} 1 & m{x}_1^ op \ dots & dots \ 1 & m{x}_n^ op \end{pmatrix}.$$

Dva centrované číslované vzorce:

$$Y = X\beta + \varepsilon, \tag{6.3}$$

$$\mathbb{X} = \begin{pmatrix} 1 & \boldsymbol{x}_1^{\top} \\ \vdots & \vdots \\ 1 & \boldsymbol{x}_n^{\top} \end{pmatrix}. \tag{6.4}$$

Definice rozdělená na dva případy:

$$P_{r-j} = \begin{cases} 0, & \text{je-li } r-j \text{ liché,} \\ r! (-1)^{(r-j)/2}, & \text{je-li } r-j \text{ sudé.} \end{cases}$$

Všimněte si použití interpunkce v této konstrukci. Čárky a tečky se dávají na místa, kam podle jazykových pravidel patří.

$$x = y_1 - y_2 + y_3 - y_5 + y_8 - \dots =$$
 z (6.3)
 $= y' \circ y^* =$ podle (6.4)
 $= y(0)y'$ z Axiomu 1. (6.5)

Dva zarovnané vzorce nečíslované:

$$L(\boldsymbol{\theta}) = \prod_{i=1}^{n} f_i(y_i; \boldsymbol{\theta}),$$

$$\ell(\boldsymbol{\theta}) = \log\{L(\boldsymbol{\theta})\} = \sum_{i=1}^{n} \log\{f_i(y_i; \boldsymbol{\theta})\}.$$

Dva zarovnané vzorce, první číslovaný:

$$L(\boldsymbol{\theta}) = \prod_{i=1}^{n} f_i(y_i; \boldsymbol{\theta}),$$

$$\ell(\boldsymbol{\theta}) = \log\{L(\boldsymbol{\theta})\} = \sum_{i=1}^{n} \log\{f_i(y_i; \boldsymbol{\theta})\}.$$
(6.6)

Vzorec na dva řádky, první řádek zarovnaný vlevo, druhý vpravo, nečíslovaný:

$$\ell(\mu, \sigma^2) = \log\{L(\mu, \sigma^2)\} = \sum_{i=1}^n \log\{f_i(y_i; \mu, \sigma^2)\} =$$

$$= -\frac{n}{2} \log(2\pi\sigma^2) - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{i=1}^n (y_i - \mu)^2.$$

Vzorec na dva řádky, zarovnaný na =, číslovaný uprostřed:

$$\ell(\mu, \sigma^2) = \log\{L(\mu, \sigma^2)\} = \sum_{i=1}^n \log\{f(y_i; \mu, \sigma^2)\} =$$

$$= -\frac{n}{2} \log(2\pi\sigma^2) - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{i=1}^n (y_i - \mu)^2.$$
(6.7)

6.4 Definice, věty, důkazy, ...

Konstrukce typu definice, věta, důkaz, příklad, ... je vhodné odlišit od okolního textu a případně též číslovat s možností použití křížových odkazů. Pro každý typ těchto konstrukcí je vhodné mít v souboru s makry (makra.tex) nadefinované jedno prostředí, které zajistí jak vizuální odlišení od okolního textu, tak automatické číslování s možností křížově odkazovat.

Definícia 11. Nechť náhodné veličiny X_1, \ldots, X_n jsou definovány na témž pravděpodobnostním prostoru (Ω, \mathcal{A}, P) . Pak vektor $\mathbf{X} = (X_1, \ldots, X_n)^{\top}$ nazveme náhodným vektorem.

Definícia 12 (náhodný vektor). Nechť náhodné veličiny X_1, \ldots, X_n jsou definovány na témž pravděpodobnostním prostoru (Ω, \mathcal{A}, P) . Pak vektor $\mathbf{X} = (X_1, \ldots, X_n)^{\top}$ nazveme náhodným vektorem.

Definice 11 ukazuje použití prostředí pro sazbu definice bez titulku, definice 12 ukazuje použití prostředí pro sazbu definice s titulkem.

Veta 5. Náhodný vektor X je měřitelné zobrazení prostoru (Ω, \mathcal{A}, P) do $(\mathbb{R}_n, \mathcal{B}_n)$.

Lemma 6 (Anděl, 2007, str. 29). Náhodný vektor X je měřitelné zobrazení prostoru (Ω, \mathcal{A}, P) do $(\mathbb{R}_n, \mathcal{B}_n)$.

 $D\hat{o}kaz$. Jednotlivé kroky důkazu jsou podrobně popsány v práci Anděl (2007, str. 29).

Věta 5 ukazuje použití prostředí pro sazbu matematické věty bez titulku, lemma 6 ukazuje použití prostředí pro sazbu matematické věty s titulkem. Lemmata byla zavedena v hlavním souboru tak, že sdílejí číslování s větami.

7. Odkazy na literaturu

Odkazy na literaturu vytváříme nejlépe pomocí příkazů \citet, \citep atp. (viz LATEXový balíček natbib) a následného použití BibTEXu. V matematickém textu obvykle odkazujeme stylem "Jméno autora/autorů (rok vydání)", resp. "Jméno autora/autorů [číslo odkazu]". V českém/slovenském textu je potřeba se navíc vypořádat s nutností skloňovat jméno autora, respektive přechylovat jméno autorky. Je potřeba mít na paměti, že standardní příkazy \citet, \citep produkují referenci se jménem autora/autorů v prvním pádě a jména autorek jsou nepřechýlena.

Pokud nepoužíváme bibTEX, řídíme se normou ISO 690 a zvyklostmi oboru. Jména časopisů lze uvádět zkráceně, ale pouze v kodifikované podobě.

7.1 Několik ukázek

Mezi nejvíce citované statistické články patří práce Kaplana a Meiera a Coxe (Kaplan a Meier, 1958; Cox, 1972). Student (1908) napsal článek o t-testu.

Prof. Anděl je autorem učebnice matematické statistiky (viz Anděl, 1998). Teorii odhadu se věnuje práce Lehmann a Casella (1998). V případě odkazů na specifickou informaci (definice, důkaz, ...) uvedenou v knize bývá užitečné uvést specificky číslo kapitoly, číslo věty atp. obsahující požadovanou informaci, např. viz Anděl (2007, Věta 4.22) nebo (viz Anděl, 2007, Věta 4.22).

Mnoho článků je výsledkem spolupráce celé řady osob. Při odkazování v textu na článek se třemi autory obvykle při prvním výskytu uvedeme plný seznam: Dempster, Laird a Rubin (1977) představili koncept EM algoritmu. Respektive: Koncept EM algoritmu byl představen v práci Dempstera, Lairdové a Rubina (Dempster, Laird a Rubin, 1977). Při každém dalším výskytu již používáme zkrácenou verzi: Dempster a kol. (1977) nabízejí též několik příkladů použití EM algoritmu. Respektive: Několik příkladů použití EM algoritmu lze nalézt též v práci Dempstera a kol. (Dempster a kol., 1977).

U článku s více než třemi autory odkazujeme vždy zkrácenou formou: První výsledky projektu ACCEPT jsou uvedeny v práci Genbergové a kol. (Genberg a kol., 2008). V textu *nenapíšeme*: První výsledky projektu ACCEPT jsou uvedeny v práci Genberg, Kulich, Kawichai, Modiba, Chingono, Kilonzo, Richter, Pettifor, Sweat a Celentano (2008).

8. Tabulky, obrázky, programy

Používání tabulek a grafů v odborném textu má některá společná pravidla a některá specifická. Tabulky a grafy neuvádíme přímo do textu, ale umístíme je buď na samostatné stránky nebo na vyhrazené místo v horní nebo dolní části běžných stránek. LATEX se o umístění plovoucích grafů a tabulek postará automaticky.

Každý graf a tabulku očíslujeme a umístíme pod ně legendu. Legenda má popisovat obsah grafu či tabulky tak podrobně, aby jim čtenář rozuměl bez důkladného studování textu práce.

Na každou tabulku a graf musí být v textu odkaz pomocí jejich čísla. Na příslušném místě textu pak shrneme ty nejdůležitější závěry, které lze z tabulky či grafu učinit. Text by měl být čitelný a srozumitelný i bez prohlížení tabulek a grafů a tabulky a grafy by měly být srozumitelné i bez podrobné četby textu.

Na tabulky a grafy odkazujeme pokud možno nepřímo v průběhu běžného toku textu; místo "Tabulka 8.1 ukazuje, že muži jsou v průměru o 9,9 kg těžší než ženy" raději napíšeme "Muži jsou o 9,9 kg těžší než ženy (viz Tabulka 8.1)".

8.1 Tabulky

U tabulek se doporučuje dodržovat následující pravidla:

- Vyhýbat se svislým linkám. Silnějšími vodorovnými linkami oddělit tabulku od okolního textu včetně legendy, slabšími vodorovnými linkami oddělovat záhlaví sloupců od těla tabulky a jednotlivé části tabulky mezi sebou. V IATEXu tuto podobu tabulek implementuje balík booktabs. Chceme-li výrazněji oddělit některé sloupce od jiných, vložíme mezi ně větší mezeru.
- Neměnit typ, formát a význam obsahu políček v tomtéž sloupci (není dobré do téhož sloupce zapisovat tu průměr, onde procenta).
- Neopakovat tentýž obsah políček mnohokrát za sebou. Máme-li sloupec Rozptyl, který v prvních deseti řádcích obsahuje hodnotu 0,5 a v druhých deseti řádcích hodnotu 1,5, pak tento sloupec raději zrušíme a vyřešíme to jinak. Například můžeme tabulku rozdělit na dvě nebo do ní vložit popisné řádky, které informují o nějaké proměnné hodnotě opakující se v následujícím oddíle tabulky (např. "Rozptyl = 0,5" a níže "Rozptyl = 1,5").

Efekt	Odhad	$\begin{array}{c} \textbf{Sm\'{e}rod.} \\ \textbf{chyba}^a \end{array}$	P-hodnota					
Abs. člen	-10,01	1,01	_					
Pohlaví (muž)	9,89	5,98	0,098					
Výška (cm)	0,78	0,12	< 0.001					

Pozn: ^a Směrodatná chyba odhadu metodou Monte Carlo.

Tabuľka 8.1: Maximálně věrohodné odhady v modelu M.

- Čísla v tabulce zarovnávat na desetinnou čárku.
- V tabulce je někdy potřebné používat zkratky, které se jinde nevyskytují.
 Tyto zkratky můžeme vysvětlit v legendě nebo v poznámkách pod tabulkou. Poznámky pod tabulkou můžeme využít i k podrobnějšímu vysvětlení významu některých sloupců nebo hodnot.

8.2 Obrázky

Několik rad týkajících se obrázků a grafů.

- Graf by měl být vytvořen ve velikosti, v níž bude použit v práci. Zmenšení příliš velkého grafu vede ke špatné čitelnosti popisků.
- Osy grafu musí být řádně popsány ve stejném jazyce, v jakém je psána práce (absenci diakritiky lze tolerovat). Kreslíme-li graf hmotnosti proti výšce, nenecháme na nich popisky ht a wt, ale osy popíšeme Výška [cm] a Hmotnost [kg]. Kreslíme-li graf funkce h(x), popíšeme osy x a h(x). Každá osa musí mít jasně určenou škálu.
- Chceme-li na dvourozměrném grafu vyznačit velké množství bodů, dáme pozor, aby se neslily do jednolité černé tmy. Je-li bodů mnoho, zmenšíme velikost symbolu, kterým je vykreslujeme, anebo vybereme jen malou část bodů, kterou do grafu zaneseme. Grafy, které obsahují tisíce bodů, dělají problémy hlavně v elektronických dokumentech, protože výrazně zvětšují velikost souborů.
- Budeme-li práci tisknout černobíle, vyhneme se používání barev. Čáry rozlišujeme typem (plná, tečkovaná, čerchovaná,...), plochy dostatečně rozdílnými intensitami šedé nebo šrafováním. Význam jednotlivých typů čar a ploch vysvětlíme buď v textové legendě ke grafu anebo v grafické legendě, která je přímo součástí obrázku.
- Vyhýbejte se bitmapovým obrázkům o nízkém rozlišení a zejména JPEGům (zuby a kompresní artefakty nevypadají na papíře pěkně). Lepší je vytvářet obrázky vektorově a vložit do textu jako PDF.

8.3 Programy

Algoritmy, výpisy programů a popis interakce s programy je vhodné odlišit od ostatního textu. Jednou z možností je použití LATEXového balíčku fancyvrb (fancy verbatim), pomocí něhož je v souboru makra.tex nadefinováno prostředí code. Pomocí něho lze vytvořit např. následující ukázky.

```
> mean(x)
[1] 158.90
> objekt$prumer
[1] 158.90
```

Menší písmo:

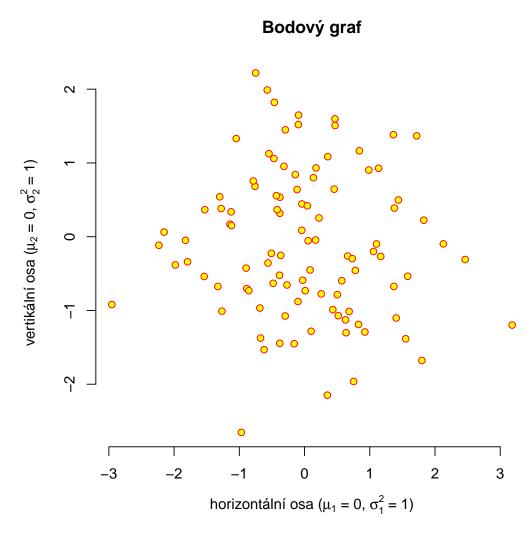
```
> mean(x)
[1] 158.90
> objekt$prumer
[1] 158.90
```

Bez rámečku:

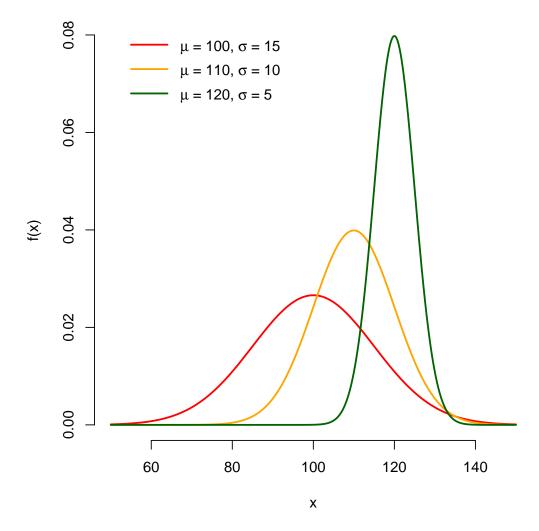
> mean(x)
[1] 158.90
> objekt\$prumer
[1] 158.90

Užší rámeček:

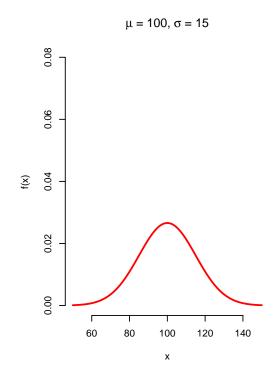
```
> mean(x)
[1] 158.90
> objekt$prumer
[1] 158.90
```

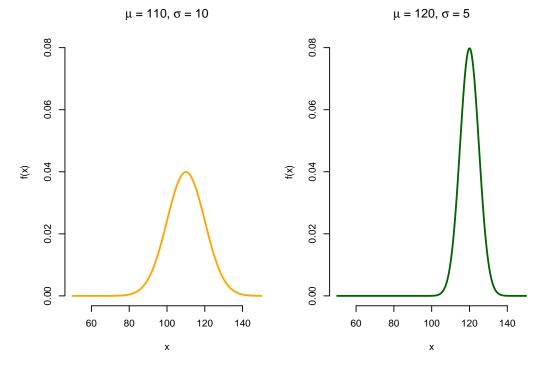


Obr. 8.1: Náhodný výběr z rozdělení $\mathcal{N}_2(\mathbf{0},I).$



Obr. 8.2: Hustoty několika normálních rozdělení.





Obr. 8.3: Hustoty několika normálních rozdělení.

Závěr

Seznam použité literatury

- Anděl, J. (1998). *Statistické metody*. Druhé přepracované vydání. Matfyzpress, Praha. ISBN 80-85863-27-8.
- Anděl, J. (2007). Základy matematické statistiky. Druhé opravené vydání. Matfyzpress, Praha. ISBN 80-7378-001-1.
- AUBER, D., DELEST, M., DOMENGER, J.-P. a DULUCQ, S. (2006). Efficient drawing of rna secondary structure. *Journal of Graph Algorithms and Applications*, **10**(2), 329–351. URL http://eudml.org/doc/55423.
- Cox, D. R. (1972). Regression models and life-tables (with Discussion). *Journal* of the Royal Statistical Society, Series B, **34**(2), 187–220.
- DEMAINE, E. D., MOZES, S., ROSSMAN, B. a WEIMANN, O. (2009). An optimal decomposition algorithm for tree edit distance. *ACM Trans. Algorithms*, **6**(1), 2:1–2:19. ISSN 1549-6325. doi: 10.1145/1644015.1644017. URL http://doi.acm.org/10.1145/1644015.1644017.
- DEMPSTER, A. P., LAIRD, N. M. a RUBIN, D. B. (1977). Maximum likelihood from incomplete data via the EM algorithm. *Journal of the Royal Statistical Society, Series B*, **39**(1), 1–38.
- Dulucq, S. a Touzet, H. (2003). Combinatorial Pattern Matching: 14th Annual Symposium, CPM 2003 Morelia, Michoacán, Mexico, June 25–27, 2003 Proceedings, chapter Analysis of Tree Edit Distance Algorithms, pages 83–95. Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg. ISBN 978-3-540-44888-4. doi: 10.1007/3-540-44888-8.7. URL http://dx.doi.org/10.1007/3-540-44888-8_7.
- Genberg, B. L., Kulich, M., Kawichai, S., Modiba, P., Chingono, A., Kilonzo, G. P., Richter, L., Pettifor, A., Sweat, M. a Celentano, D. D. (2008). HIV risk behaviors in sub-Saharan Africa and Northern Thailand: Baseline behavioral data from project Accept. *Journal of Acquired Immune Deficiency Syndrome*, 49, 309–319.
- Kaplan, E. L. a Meier, P. (1958). Nonparametric estimation from incomplete observations. *Journal of the American Statistical Association*, **53**(282), 457–481.
- KLEIN, P. N. (1998). Computing the edit-distance between unrooted ordered trees. In *Proceedings of the 6th Annual European Symposium on Algorithms*, ESA '98, pages 91–102, London, UK, UK, 1998. Springer-Verlag. ISBN 3-540-64848-8. URL http://dl.acm.org/citation.cfm?id=647908.740125.
- LEHMANN, E. L. a CASELLA, G. (1998). Theory of Point Estimation. Second Edition. Springer-Verlag, New York. ISBN 0-387-98502-6.
- PAWLIK, M. a AUGSTEN, N. (2011). Rted: A robust algorithm for the tree edit distance. *Proc. VLDB Endow.*, **5**(4), 334–345. ISSN 2150-8097. doi: 10.14778/2095686.2095692. URL http://dx.doi.org/10.14778/2095686.2095692.

- STUDENT (1908). On the probable error of the mean. Biometrika, 6, 1–25.
- TAI, K.-C. (1979). The tree-to-tree correction problem. *J. ACM*, **26**(3), 422–433. ISSN 0004-5411. doi: 10.1145/322139.322143. URL http://doi.acm.org/10.1145/322139.322143.
- ZHANG, K. a SHASHA, D. (1989). Simple fast algorithms for the editing distance between trees and related problems. *SIAM Journal on Computing*, **18**(6), 1245 1262.

Zoznam obrázkov

1.1	Circular Feynman - kruhova reprezentacia sekundarnej struktury.	5
1.2	Strukturalne motivy v RNA	6
1.3	Varianty reprezentacie vrcholov	6
2.1	Circular Feynman - kruhova reprezentacia sekundarnej struktury .	9
2.2	Strukturalne motivy v RNA	10
3.1	Ukazky TED operacii	11
3.2	Rekurzivny vzorec pre vypocet tree-edit-distance	12
3.3	Celkova dekompozicia pomocou LRH strategii	16
4.1	Stem a loop v molekule	20
5.1	Priklad fasta suboru	25
5.2	Priklad podporovaneho formatu post script suboru	25
5.3	Priklad vstupneho obrazka	26
5.4	Format vystupneho PostScript suboru	27
5.5	Format vystupneho SVG suboru	28
8.1	Náhodný výběr z rozdělení $\mathcal{N}_2(0,I)$	37
8.2	Hustoty několika normálních rozdělení	38
8.3	Hustoty několika normálních rozdělení	39

Zoznam tabuliek

8.1 Maxi	málně věrohodr	é odhady v	modelu	Μ.												3	,4
----------	----------------	------------	--------	----	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---	----

Seznam použitých zkratek

Přílohy