

**Université de Versailles Saint-Quentin-en-Yvelines**

UFR des Sciences

45 Avenue des Etats-Unis,

78000 Versailles

**Allan Mouhani**

**Abdoulaye balde**

Date: 27/05/2018

---

---

# Projet de Théorie des Langages

---

---

---

## Rapport

### **1- Formalisation du problème :**

#### **Question 1 :**

Soit  $G$  la grammaire définie par  $G = \{\Sigma, N, S, R\}$ , avec :

$\Sigma = \{ (, ), +, -, *, /, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 \}$

$N = \{Expr, Int, Op\}$

$S = \{Expr\}$

$R = Expr \rightarrow Int \mid (Expr \ Op \ Expr) ; Op \rightarrow + \mid - \mid * \mid / ; Int \rightarrow (0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9)^+$

## **Question 2 :**

Structure de données Token :

```
typedef struct token{
    int type;
    int data;
} token;;
```

Le champ "type" représente le type de token correspondant : 0 pour les opérateurs, 1 pour les entiers, 2 pour les parenthèses ouvrantes et 3 pour les parenthèses fermantes . le champ "data" représente la valeur selon le type de token.

```
typedef struct List_token{
    token tok;
    struct List_token *suiv;
}*list_token;
```

Le champ "tok" représente un token.  
le champ "suiv" représente un pointeur vers le token suivant .

### Question 3 :

Soit  $L(G)$  le langage généré par la grammaire  $G$ , défini par :

$L(G) = \{ w \in \Sigma^*, \text{ tel que } w \text{ est une expression arithmétique correcte} \}$ .

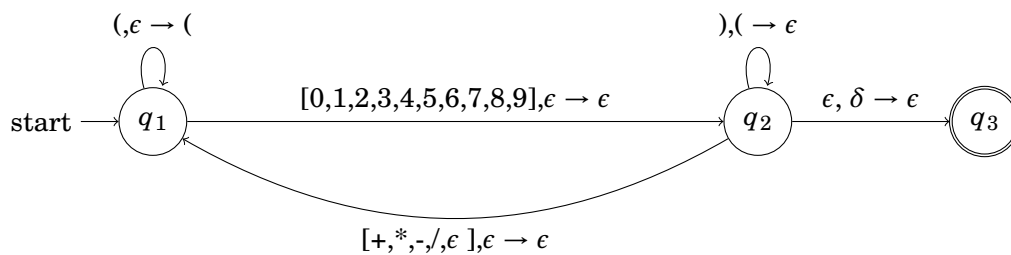
- Automate à Pile correspondant :

$A = \{\Sigma, Q, \Gamma, q_1, F, T, \delta\}$  avec :

$\Sigma = \{ (, ), +, -, *, /, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 \}$

$Q = \{ q_1, q_2, q_3 \}$

$\Gamma$



### Remarque:

La transition  $[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9], \epsilon \rightarrow \epsilon$  est à interpréter comme étant :

$0, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$1, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$2, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$3, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$4, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$5, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$6, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$7, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$8, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$9, \epsilon \rightarrow \epsilon$

De même la transition  $[+, *, -, /, \epsilon], \epsilon \rightarrow \epsilon$  est à interpréter comme étant :

$+, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$-, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$*, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$/, \epsilon \rightarrow \epsilon$

$\epsilon, \epsilon \rightarrow \epsilon$  , Cependant cette transition permet de retourner à l'état  $q_1$  notamment lorsqu'on a en entrée un nombre à plusieurs chiffres.

Exemple : 12345

#### **Question 4 :**

Structure de données :

```
typedef struct noeud{
    token t;
    struct noeud* filsG;
    struct noeud* filsD;
}NOEUD;
```

Cette Structure représente comme son nom l'indique un noeud de l'arbre.

Le champ "token" représente un token.

Les champs "filsG,filsD" représentent les descendances dans l'arbre du token.

```
typedef struct arbre{
    NOEUD *n;
    struct arbre *suiv;
}*arbre_token , Arbre;
```

Cette Structure représente un arbre et une pile.

Le champ "n" représente un noeud de l'arbre.

Le champ "suiv" représente un pointeur vers le noeud suivant .

## **2- Modalités pratiques :**

## **Compilation et Exécution du programme :**

Le programme peut être compilé en utilisant la commande :  
\$ make test .

Concernant l'exécution du programme, l'utilisateur doit borner l'expression arithmétique avec des apostrophes ”.

On retrouvera dans le Makefile 3 situations de test différents :

- Le premier cas de figure correspond au test d'une expression arithmétique lexicalement incorrecte.
- Le deuxième cas de figure correspond au test d'une expression arithmétique syntaxiquement incorrecte.
- Et enfin le dernier correspond au test d'une expression arithmétique lexicalement et syntaxiquement correcte.

On trouvera également dans le Makefile , d'autres cibles comme "eval" pour l'édition de lien, "eval.o" pour la compilation seule et "clean" pour la suppression de fichiers générés par le mécanisme de compilation.