安徽大学 2018—2019 学年第二学期 《高等数学 A (二)》期中考试试卷 (A卷)

(闭卷 时间 120 分钟)

考场登记表序号

题 号	_		=	四	五	总分
得 分						
阅卷人						

		埴空颢	(本题共五小题,	每小题3分,	共15分
--	--	-----	----------	--------	------

分

- 1. 平面 $x-\sqrt{2}y+z=1$ 与平面x+z=3的夹角为
- 上 2. 极限 $\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{\sin(x^2y)-x^2y}{x^6v^3} =$ ______
 - 3. 三元函数 $u(x,y,z) = xy^2e^z$ 在点 (1,-1,0) 处的全微分为 $du|_{(1,-1,0)} =$
 - 4. 曲线 $\begin{cases} x^2 + y^2 + z^2 = 6, \\ x + y + z = 0 \end{cases}$ 在 (2, -1, -1) 处的法平面方程为__
 - 5. 点 (1,2,3) 到直线 x=y=z 的距离为

二、选择题 (本题共五小题, 每小题 3分, 共 15分)

6. 直线
$$\frac{x-1}{0} = \frac{y}{2} = z + 2$$
 与直线 $\frac{x-1}{4} = \frac{y-3}{-2} = z$ 的位置关系是

- A. 相交于一点; B. 平行; C. 异面;

- D. 重合.
- 7. 设二元函数 f(x,y) 在点 (x_0,y_0) 的某个领域内有定义. 则下列说法**不正确**的是(
 - A. 若 $f_{xy}(x_0, y_0)$ 与 $f_{yx}(x_0, y_0)$ 存在,则必有 $f_{xy}(x_0, y_0) = f_{yx}(x_0, y_0)$;
 - B. 若 $f_{xy}(x,y)$ 与 $f_{yx}(x,y)$ 在 (x_0,y_0) 处连续,则必有 $f_{xy}(x_0,y_0) = f_{yx}(x_0,y_0)$;
 - C. 若 $f_x(x,y)$ 与 $f_v(x,y)$ 在 (x_0,y_0) 处连续,则 f(x,y) 在 (x_0,y_0) 处可微;
 - D. 若 $f_x(x,y)$ 与 $f_y(x,y)$ 在 (x_0,y_0) 处连续,则 f(x,y) 在 (x_0,y_0) 处连续.

《高等数学A(二)》 第1页共6页

年

然

二次曲面 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} - z^2 = 1$ 的形状是

- A. 单叶双曲面; B. 双叶双曲面;

- C. 椭圆抛物面; D. 双曲抛物面.

设二元函数 f(x,y) 在点 (0,0) 的某个领域内有二阶连续偏导数. 若 $f_x(0,0) = f_y(0,0) = 0$,

$$f_{xx}(0,0) = 0$$
, $f_{xy}(0,0) = -2$, $f_{yy}(0,0) = 3$. $\bigcup f(x,y)$ 在点 $(0,0)$ 处

A. 取极大值;

- B. 要么取极大值,要么取极小值;
- D. 不可能取极大值,也不可能取极小值. C. 取极小值;

设有二阶常系数齐次线性微分方程 y''+py'+qy=0. 若 $\alpha\pm i\beta$ 为特征方程 $\lambda^2 + p\lambda + q = 0$ 的根, 其中 α, β 为实数, 且 $\beta \neq 0$, i 为虚数单位, C_1, C_2 为任意常数.

则原方程的通解为

A. $v = C_1 e^{\alpha x} + C_2 e^{\beta x}$;

- B. $v = C_1 e^{i x} + C_2 x e^{\beta x}$;
- C. $y = e^{\alpha x} (C_1 \cos(\beta x) + C_2 \sin(\beta x))$; D. $y = e^{\beta x} (C_1 \cos(\alpha x) + C_2 \sin(\alpha x))$.

计算题 (本题共六小题, 每小题 8 分, 共 48 分)

. 设直线 L 的方程为 $\frac{x+1}{4} = \frac{y+2}{6} = z-1$,曲面 S 的方程为 $z = 2x^2 + 3y^2 + 1$. 求曲面 S 上 一点P,使得直线L平行于S在点P的法线,并求出S在点P的法线方程.

學 國 名 裁 然 口 我

13. 设 $z = f(x^2 + y^2, e^{xy})$, 其中二元函数 f 具有二阶连续偏导数. 求 $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}, \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$.

14. 设函数 z = z(x, y) 由方程 $z = e^{2x-3z} + 2y$ 所确定. 求 $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}$.

15. 设
$$\begin{cases} u = u(x, y), \\ v = v(x, y) \end{cases}$$
 是函数组 $\begin{cases} x = e^u + u \sin v, \text{ 的反函数组. } \dot{x} \frac{\partial u}{\partial x}, \frac{\partial v}{\partial x}. \end{cases}$

16. 求微分方程 y''-6y'+9y=18x-3 的通解.

17. 利用 Lagrange 乘数法,求函数 z = xy 在条件 $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{2} = 1$ $(x, y \ge 0)$ 下的最大值.

姓名 養 为 超 核 方 线

丘、证明题(本题共两小题, 每小题 6分, 共 12分)

得 分

8. 利用定义证明: 二元函数 $f(x,y) = \begin{cases} \frac{x^3}{x^2 + y^2}, (x,y) \neq (0,0), \\ 0, (x,y) = (0,0) \end{cases}$ 在点(0,0)处不可微.

9. 设函数 f(u) 有二阶连续导数,且二元函数 $z = f(e^x \sin y)$ 满足方程 $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = e^{2x}z$. 证明: f''(u) = f(u).