《电磁场与波 B》课程设计

电子科学与工程学院 傅宣登 (2016030102010)

2018年6月23日

关于均匀平面波与圆极化波能否同时存在的探讨

一、均匀平面波

1 一般波动方程

对于电容率为 ε , 磁导率为 μ , 电导率为 σ 的无源均匀媒质, 麦克斯韦方程是

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t} \tag{1}$$

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J} + \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \tag{2}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{B} = 0 \tag{3}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{D} = \rho \tag{4}$$

其中 $J = \sigma E$, $B = \mu H$, $D = \varepsilon E$, $\rho = 0$. 于是有

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\mu \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \tag{5}$$

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} + \varepsilon \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t} \tag{6}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H} = 0 \tag{7}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E} = 0 \tag{8}$$

上述方程只与两个变量 (E 和 H) 有关,进一步可得出一个变量的方程. 对式 (5) 两边取旋度得

$$\nabla \times \nabla \times \mathbf{E} = -\mu \nabla \times \left(\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t}\right) \tag{9}$$

由矢量恒等式

$$\nabla \times \nabla \times \mathbf{E} = \nabla(\nabla \cdot \mathbf{E}) - \nabla^2 \mathbf{E} \tag{10}$$

以及 $\nabla \cdot \mathbf{E} = 0$ 得

$$\nabla \times \nabla \times \mathbf{E} = -\nabla^2 \mathbf{E} \tag{11}$$

在直角坐标系下

$$\nabla^2 = \nabla^2 E_x \boldsymbol{a}_x + \nabla^2 E_y \boldsymbol{a}_y + \nabla^2 E_z \boldsymbol{a}_z \tag{12}$$

其中拉普拉斯算子为

$$\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$
 (13)

改变对空间和时间微分的顺序,式(9)重写为

$$\nabla^2 \boldsymbol{E} = \mu \frac{\partial}{\partial t} \left[\nabla \times \boldsymbol{H} \right]$$

将式 (6) 带入上式得

$$\nabla^2 \mathbf{E} = \mu \sigma \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mu \epsilon \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2}$$
 (14)

- 2 介质中的平面波
- 二、圆极化波
- 1 极化的概念
- 2 圆极化
- 三、同时满足两种性质