

电磁场知识点汇总

电磁场的类型	静电场	稳恒电流	稳恒磁场	时变电磁场
基本实验定律	库仑定律： $\vec{F}_{12} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 R^2} \vec{e}_R$	欧姆定律 焦耳定律	安培力定律： $\vec{F}_{12} = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint_{C_2} \oint_{C_1} \frac{I_2 d\vec{l}_2 \times (I_1 d\vec{l}_1 \times \vec{e}_R)}{R^2}$	法拉第电磁感应定律： $\oint_C \vec{E}_{in} \cdot d\vec{l} = -\frac{d}{dt} \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$
基本场量	\vec{E} （电场强度矢量） ρ （电荷密度） \vec{D} （电通量密度矢量、电位移矢量）	\vec{E} （电场强度矢量） \vec{J} （电流密度矢量）	\vec{H} （磁场强度矢量） \vec{J} （电流密度矢量） \vec{B} （磁通量密度矢量、磁感应强度矢量）	$\vec{E} \quad \vec{D} \quad \vec{B} \quad \vec{H} \quad \vec{J} \quad \rho \quad \vec{S}$ （能流密度矢量）
基本方程 （积分形式）	静电场的高斯定理、安培环路定理： $\begin{cases} \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = \int_V \rho dV = q \\ \oint_C \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \end{cases}$	稳恒电流的连续性方程： $\begin{cases} \oint_S \vec{J} \cdot d\vec{S} = 0 \\ \oint_C \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \end{cases}$	稳恒磁场的高斯定理、安培环路定理： $\begin{cases} \oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0 \\ \oint_C \vec{H} \cdot d\vec{l} = \int_S \vec{J} \cdot d\vec{S} = I \end{cases}$	$\begin{cases} \oint_C \vec{H} \cdot d\vec{l} = \int_S \left(\vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right) \cdot d\vec{S} & \oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0 \\ \oint_C \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S} & \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = q \end{cases}$
基本方程 （微分形式）	$\begin{cases} \nabla \cdot \vec{D} = \rho \\ \nabla \times \vec{E} = 0 \end{cases}$	$\begin{cases} \nabla \cdot \vec{J} = 0 \\ \nabla \times \vec{E} = 0 \end{cases}$	$\begin{cases} \nabla \cdot \vec{B} = 0 \\ \nabla \times \vec{H} = \vec{J} \end{cases}$	麦克斯韦方程组： $\begin{cases} \nabla \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} & \nabla \cdot \vec{B} = 0 \\ \nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} & \nabla \cdot \vec{D} = \rho \end{cases}$
本构关系	$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = \epsilon \vec{E}$ （ ϵ 为介电常数）	$\vec{J} = \sigma \vec{E}$ （ σ 为电导率）	$\vec{B} = \mu_0 \vec{H} + \mu_0 \vec{M} = \mu \vec{H}$ （ μ 为磁导率）	
边界条件	$\begin{cases} \vec{n} \times (\vec{E}_1 - \vec{E}_2) = E_{1t} - E_{2t} = 0 \\ \vec{n} \cdot (\vec{D}_1 - \vec{D}_2) = D_{1n} - D_{2n} = \rho_S \end{cases}$	$\begin{cases} \vec{n} \times (\vec{E}_1 - \vec{E}_2) = 0 \\ \vec{n} \cdot (\vec{J}_1 - \vec{J}_2) = 0 \end{cases}$	$\begin{cases} \vec{n} \times (\vec{H}_1 - \vec{H}_2) = H_{1t} - H_{2t} = J_{ST} \\ \vec{n} \cdot (\vec{B}_1 - \vec{B}_2) = B_{1n} - B_{2n} = 0 \end{cases}$	$\begin{cases} \vec{n} \times (\vec{E}_1 - \vec{E}_2) = 0 & \vec{n} \cdot (\vec{D}_1 - \vec{D}_2) = \rho_S \\ \vec{n} \times (\vec{H}_1 - \vec{H}_2) = J_{ST} & \vec{n} \cdot (\vec{B}_1 - \vec{B}_2) = 0 \end{cases}$
位函数	标量电位： $\vec{E} = -\nabla \varphi$ $\nabla^2 \varphi = -\frac{\rho}{\epsilon}$	标量电位： $\vec{E} = -\nabla \varphi$ $\nabla^2 \varphi = 0$	矢量磁位： $\vec{B} = \nabla \times \vec{A} \quad \nabla^2 \vec{A} = -\mu \vec{J}$ 标量磁位： $\vec{H} = -\nabla \varphi_m \quad \nabla^2 \varphi_m = 0$	电磁场的矢量位和标量位，以及洛伦兹规范： $\vec{B} = \nabla \times \vec{A} \quad \vec{E} = -\partial \vec{A} / \partial t - \nabla \varphi$ $\begin{cases} \nabla^2 \vec{A} - \mu \epsilon \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2} = -\mu \vec{J} \\ \nabla^2 \varphi - \mu \epsilon \frac{\partial^2 \varphi}{\partial t^2} = -\frac{\rho}{\epsilon} \end{cases} \quad (\nabla \cdot \vec{A} = -\mu \epsilon \frac{\partial \varphi}{\partial t})$
集总参数	电容： $C = \frac{q}{U} = \frac{\oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S}}{\int_1^2 \vec{E} \cdot d\vec{l}} = \frac{\epsilon \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S}}{\int_1^2 \vec{E} \cdot d\vec{l}}$	电导： $G = \frac{I}{U}$ 电阻： $R = \frac{U}{I}$	自感： $L = L_i + L_o = \frac{\Psi_i}{I} + \frac{\Psi_o}{I}$ 互感： $M_{12} = \frac{\Psi_{12}}{I_2} = M_{21} = \frac{\Psi_{21}}{I_1}$	
能量和功率	$W_e = \frac{1}{2} \int_V \rho \varphi dV = \frac{1}{2} \int_V \vec{D} \cdot \vec{E} dV$ 能量密度： $w_e = \frac{1}{2} \vec{D} \cdot \vec{E} = \frac{1}{2} \epsilon E^2$	热功率： $P = \int_V \vec{J} \cdot \vec{E} dV$ 密度： $p = \vec{J} \cdot \vec{E} = \sigma E^2$	$W_m = \frac{1}{2} \int_V \vec{J} \cdot \vec{A} dV = \frac{1}{2} \int_V \vec{B} \cdot \vec{H} dV$ 能量密度： $w_m = \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H} = \frac{1}{2} \mu H^2$	能量密度： $w = w_e + w_m = \frac{1}{2} \vec{D} \cdot \vec{E} + \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H}$ 能流密度矢量： $\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H} \quad -\nabla \cdot \vec{S} = \partial w / \partial t + p$