```
In [108]: import numpy as np
        from scipy import stats, optimize
        import matplotlib.pyplot as plt
        %matplotlib inline
In [109]: N = 500
        x max = 50
        x = np.linspace(0, x_max, N)
        y = 0.5 * x + scipy.stats.norm(0, 0.2).rvs(size=N)
In [110]: plt.figure(figsize=(12, 5))
        plt.scatter(x, y, s=1, alpha=0.2)
        plt.show()
          30
                       25
          20
         15
          10
          5
          0
         _5 ∟
−10
                                    10
                        0
                                                20
                                                             30
                                                                         40
                                                                                     50
                                                                                                  60
```

```
In [111]: def f mse(args):
              y_pred = args[0] * x + args[1]
              return np.sqrt(np.sum((y - y_pred)**2)) / N
In [112]: k, b = optimize.minimize(f mse, [0., 0.]).x
          print "predicted values:\n", "k =", k, "\nb =", b
          y pred = k * x + b
          plt.figure(figsize=(12, 5))
          plt.plot(x, y pred)
          plt.scatter(x, y, s=1, alpha=0.2)
          plt.show()
          predicted values:
          k = 0.500132448772
          b = 0.000629117159093
            30
            25
            20
            15
            10
             5
             0
            _5 ∟
−10
                                            10
                             0
                                                           20
                                                                          30
                                                                                         40
                                                                                                        50
                                                                                                                        60
```

```
In [113]: N noise = 75
        x noise = stats.uniform(0, x max).rvs(size=N noise)
        y noise = stats.norm(0, 0.2).rvs(size=N noise) - 1
In [114]: x = np.hstack((x, x noise))
        y = np.hstack((y, y noise))
        plt.figure(figsize=(12, 5))
        plt.scatter(x, y, s=1, alpha=0.2)
        plt.show()
         30
                            25
         20
         15
         10
          5
          0
        -5 ∟
-10
                                   10
                                                20
                                                            30
                                                                                     50
                        0
                                                                        40
                                                                                                 60
```

```
In [115]: k, b = optimize.minimize(f mse, [0., 0.]).x
         print "predicted values:\n", "k =", k, "\nb =", b
         y pred = k * x + b
         plt.figure(figsize=(12, 5))
         plt.plot(x, y pred)
         plt.scatter(x, y, s=1, alpha=0.2)
         plt.show()
         predicted values:
         k = 0.413302938564
         b = 0.230826477777
          30
                                             25
          20
          15
          10
           5
           0
          -5 └
-10
                          0
                                       10
                                                     20
                                                                   30
                                                                                40
                                                                                              50
                                                                                                           60
In [116]: def f_mae(args):
             y \text{ pred} = args[0] * x + args[1]
             return np.sum(np.abs(y - y_pred)) / N
```

```
In [118]: k, b = optimize.minimize(f mae, [0., 0.]).x
          print "predicted values:\n", "k =", k, "\nb =", b
          y pred = k * x + b
           plt.figure(figsize=(12, 5))
           plt.plot(x, y pred)
          plt.scatter(x, y, s=1, alpha=0.2)
          plt.show()
          predicted values:
          k = 0.498856362874
          b = -0.00219012090693
            30
            25
            20
            15
            10
             5
             0
           _5 ∟
_10
                                            10
                             0
                                                           20
                                                                           30
                                                                                          40
                                                                                                         50
                                                                                                                        60
```

Выводы

Видно, что если выбрать в качестве метрики MAE, то восстановленная зависимость практически не зависит от выбросов, а в случае MSE полученная прямая сильно скошена в сторону шума. Это подтверждается теоретически, ведь, минимизируя MAE, мы оцениваем медиану, которая как раз не чувствительная к небольшому количеству выбросов.