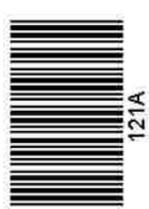
كُـد كنترل

[2]







مازمان سنجش أموزش كشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود. امام خمینی (ره)

صبح پنج شنبه ۱۴۰۱/۰۴/۰۹

دفترچه <u>دو از</u> سه

**آزمون سراسری ورودی دانشگاهها و مؤسسات آموزش عالی کشور سال 1401** 

> گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی آزمون اختصاصی

زمان پاسخ کوبی	تا شماره	از شماره	تعداد سؤال	مواد امتحاني	رديف
۸۰ دقیقه	10.	1.1	۵۰	رياضيات	:: <b>V</b> )

حق جاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش ( الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تعامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز میباشد و با متخلبین برابر مقررات رفتار می شود.

ه داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضاء در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اينجانب......يا كامل، يكسان بودن شماره داوطلبي.....يا آگاهي كامل، يكسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و كدكنترل درج شده بر روى دفترچةسؤالات وپانين پاسخنامهام را تأييد مينمايم.

امضاء:

۱۰۱- دنیاله های هندسی با قدر نسبت طبیعی و بزرگ تر از یک که شامل ۵ جمله هستند را در نظر بگیرید. چه تعداد از این نوع دنباله ها مي توان يافت كه جملات آن عضو مجموعه (١٥٥, ..., ١٥٥} باشد؟

Y (F

۱۰۲- کمترین مقدار تابع  $y = mx^T - 17x + \Delta m - 1$  برابر ۲ است. محور تقارن سهمی، کدام است؟

x= 4/0 (f

 $x = r \alpha$ 

x=T/A (T

x=T ()

(A-B)' ()

P (

10

10

۱۰۳- مجموعه های C ،B ،A و D را در نظر بگیرید. تعداد اعضای C ، دو واحد بیشتر از A و تعداد اعضای D ، سه واحد کمتر از B است. اگر تمداد اعضای مجموعه C×B، ۲۵٪ بیشتر از تعداد اعضای مجموعه A×B و ۱/۵ برابر تعداد اعضای مجموعه A×D باشد، اختلاف تعداد اعضای مجموعه های A و B چقدر است؟

10 (

ØF

A CT

۱۰۴- اگر A و B دو مجموعه ناتهی از مجموعه مرجع U باشند، مجموعه  $A' \cup ((B \cap A) \cap (B \cup A) \cap (B \cup A))$  یا کدام مجموعه برابر است؟

B-A (r

Bor

۱۰۵- کدام گزاره زیر، همارز منطقی گزاره  $q \Leftrightarrow p \lor q$ ) است؟

~p \q (f

900

pvqc

 $\alpha < \beta < 0$  و  $\alpha < \beta < \gamma$  باشد، مقدار  $\alpha < \beta < \gamma$  باشد، مقدار  $\alpha < \beta < \gamma$  و  $\alpha < \beta < \gamma$  باشد، مقدار  $\alpha < \beta < \gamma$ است؟

-1 (4

۱۰۷- اگر ۲ = <del>۱ - ۳ + ۱ ب</del> باشد. حاصل ۱۰۰

-T (T

محل انجام محاسبات

۱۰۸ - تابع  $\mathbf{x}^{\mathsf{Y}}\sqrt{\mathbf{x}^{\mathsf{Y}}}$  در یک بازه نزولی است. ضابطه وارون تابع در این بازه، کدام است

$$-\sqrt{x}$$
,  $x \ge 0$  or  $-\sqrt{x}$ ,  $x \ge 0$  or  $-\sqrt{x}$ ,  $x \le 0$  or  $-\sqrt{x}$ ,  $x \le 0$  or

$$-\sqrt{x^{\tau}}$$
,  $x \le 0$  (1

۱۰۹ فاصله نقطه A روی خط x+y=a از دو نقطه B(-7,7) و B(-7,7) به ترتیب برابر A و A است. مقدار B

اکر  $\frac{\sqrt{Tx}}{\sqrt{1-x^2}}$  باشد، حاصل  $f(x) = \frac{\sqrt{Tx}}{\sqrt{1-x^2}}$  کدام است؟

۱۱۱- فرض کنید ۱۰=  $^{X}$  است. اگر ۲۰ $^{X}$  باشد، ضابطه f کدام است؟

$$\frac{x+1}{x+1}$$
 of

$$\frac{x-1}{x-1}$$

$$\frac{x-1}{x-1} \alpha \qquad \frac{x-1}{x-1} \alpha \qquad \frac{x+1}{x+1} \alpha$$

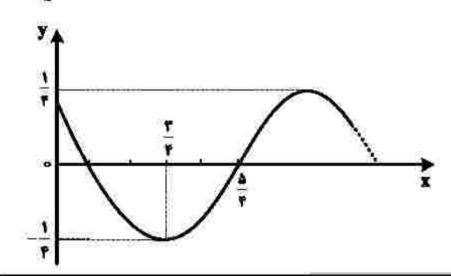
$$\frac{x+1}{x+1}$$

۱۱۲- اندازه زاویه A در مثلث ABC هم ۲۵ درجه بیشتر از اندازه زاویه B است. حاصل ۲ cos Asin B - sin C کدام است؟

$$-\frac{\sqrt{r}}{r}\sigma$$
  $\frac{\sqrt{r}}{r}\sigma$   $-\frac{\sqrt{r}}{r}\sigma$   $\frac{\sqrt{r}}{r}\sigma$ 

ا می ایر، قسمتی از نمودار تابع  $f(x) = a\cos(bx + c)$  را نشان میدهد. اگر  $c < \pi$  و a > 0 باشد، مقدار ac کدام استان میدار تابع ac کدام

است؟



محل انجام محاسبات

است؟  $[-\pi, 7\pi]$  در بازه  $\sin x + \sqrt{\pi} \cos x = \sqrt{7}$  کدام است؟  $\sin x + \sqrt{\pi} \cos x = \sqrt{7}$  کدام است؟

$$\frac{\pi}{r}$$

است ا کدام است ا است ا کدام است ا است ا

-Y (T

<u>;</u> a

\* (1

$$f(x) = \begin{cases} |x| + [-x]| & |x^T| < x^T \\ |x| + [-x]| & |x^T| < x^T \end{cases}$$
 در چند نقطه ناپیوسته است  $f(x) = \begin{cases} |x| + [-x]| & |x^T| < x^T \\ |x^T| - [x]| & |x^T| > x^T \end{cases}$ 

T (1

۴) در همه نقاط پیوسته است.

۳) بیشمار

۱۱۷- چندجملدای ۱۶۵ + ۳x<sup>4</sup> + ۲x<sup>۳n</sup> + ۲x<sup>۳n</sup> + ۲x<sup>۳n</sup> و ازای هر عدد طبیعی n بر ۲+۲ بخشپذیر است. برای  $\mathbf{n} = \mathbf{n}$ ، باقیمانده تقسیم  $\mathbf{p}(\mathbf{x})$  بر  $\mathbf{x}^{\mathsf{T}} + \mathsf{T}\mathbf{x} - \mathsf{T}$  کدام است؟

-14x+74 (1

۱۱۸ – اعداد طبیعی طوری دستهبندی شدماند که تعداد عضوهای هر دسته (بجز دسته اول و دوم)، برابر بزرگ ترین عضو دسته قبل است؛ یعنی .... ,۱۲ , ۱۱ ,۱۲ , ۷ , ۸ ,۹ ,۱ ,۱۷ ,۱۲ ,۱۲ ,۱۲ ,۱۲ ,۱۲ ,۱۲ ,۱۲ . میانگین عضوهای دسته سیزدهم، کدام

480 A/A (4

TOYYA (T

TTOF/6 (1

۱۱۹ تابع  $\frac{|xx+1|+7x}{|x|+b}$  دارای دو مجانب افقی و دو مجانب قائم است. اگر هر ریشه مخرج با یکی از حدهای تابع در بینهایت برابر باشد، حاصل  $\lim_{x\to 1^+} f(x)$  کدام است؟

100

-1" (1

و  $g(x)=rac{\pi}{\gamma}\sin x$  در بازه  $[\circ,\pi]$  خط مماسی بر منحنی  $f(x)=\sin x+rac{1}{\gamma}\cos x$  در بازه  $[\circ,\pi]$  خط مماسی بر منحنی f(x) رسم می شود. این خط، محور xها را در نقطهای با کدام طول قطع می کند؟

$$\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{\pi}{4} + \frac{1}{4}$$

$$\frac{\pi}{\pi} + \frac{r}{r} \sigma$$
  $\frac{\pi}{\pi} + \frac{1}{r} \sigma$   $\frac{\pi}{\pi} - r \sigma$ 

 $\frac{\pi}{2}-1$  (1

محل انجام معاسبات

g'(-1) و  $g(x) = f(x+1) + f(xx+10) و <math>g'(-1) = \frac{y}{y}$  باشد. حاصل  $g'(-1) = \frac{y}{y}$ 

1<u>m</u> (4

9 (1

<u>, ,</u> a

T (1

اکر  $\lim_{h\to \infty} \frac{f^{\intercal}(\Delta-h)-\Upsilon f(\Delta-h)+\Upsilon}{h(\Delta-h)}$  باشد. حاصل  $f(x)=(x-\tau)\sqrt[\tau]{x+\tau}$  کدام است  $f(x)=(x-\tau)\sqrt[\tau]{x+\tau}$ 

-17 OF

<del>""</del> ()

است. مقدار  $\frac{b}{a}$  کدام است؟  $y=x^T |x|+rax^T+b$  اکسترمم نسبی ثابع A(-1,1) بقطهٔ A(-1,1)

<u>1</u> (f

r σ - ½ σ

 $y = \frac{y}{x} + x + \frac{6}{2}$  است. نمودار  $y = \frac{ax + y}{(a+1)x + (a-1)}$  است. نمودار این تابع هموگرافیک، محور عها را در نقطهای با کدام طول قطع میکند؟

<del>"</del> (F

<u>"</u> " — r "

۱۲۵- چند عدد طبیعی پنچ رقمی با ارقام غیرتکراری می توان نوشت که ارقام آن یک در میان زوج و فرد باشند؟

TFOO (F

1970 C

۱۲۶ در یک تجربه تصادفی،  $S = \{x, y, z\}$  یک فضای نمونهای است. اگر P(y) ، P(y) و P(z) یک دنیاله هندسی با قدر نسبت کمتر از واحد، تشکیل دهند و واسطه هندسی آنها 💃 باشد، کمترین مقدار احتمال یک پیشامد ساده در S ، حقدر است؟

 $\frac{r-\sqrt{r}}{\sqrt{2}} \sigma$   $\frac{r-\sqrt{r}}{\sqrt{2}} \sigma$   $\frac{r-\sqrt{r}}{\sqrt{2}} \sigma$   $\frac{r-\sqrt{r}}{\sqrt{2}} \sigma$ 

۱۳۷- در یک کیسه ۱۶ گوی به شمارههای ۱ تا ۱۶ وجود دارد. دو گوی بهطور متوالی و پدون جایگذاری، به تصادف انتخاب می کنیم. اگر بدانیم شماره گوی دوم از شماره گوی اول کمتر است، با کدام احتمال شماره گوی اول ۱۶ است؟

+ (4

<u>,</u> ~

<del>'''</del> α

1 0

محل انعام معاسبات

۱۲۸- برای برآورد میانگین درآمد افراد یک جامعه از دو نمونه تصادفی استفاده کردهایم. اندازه نمونه دوم را طوری انتخاب میکنیم که اتحراف معیار برآورد میانگین با نمونه دوم،  $\frac{\gamma}{\gamma}$  برابر مقدار محاسبه شده با نمونه اول باشد. اندازه نمونه

> دوم، چند برابر نمونه اول است؟ ۱) ۱/۵ (۲ ۲٫۲۵ (۳ ۲٫۲۵ (۳ ۲٫۵ (۲ ۲٫۵ (۲ ۲٫۵ (۲ ۲٫۵ (۲ ۲٫۵ (۲ ۲٫۵ (۲ ۲٫۵ (۲ ۲٫۵ (۲ ۲۰۹ (۲ ۲۰۹ (۲ ۲

۱۲۹- میانگین شش داده آماری، عددی طبیعی است و توان دوم الحراف از میانگین این دادهها، به صورت  $a,b\in Z$ ) است. اگر واریانس این دادهها برابر ۴ باشد، مقدار ab کدام است؟  $a,b\in Z$ )

۱) ۴- ۲ (۴ ۲ ۲ ۳ ۳ ) ۲ – ۳ – ۳ ) ۲ – ۳ – ۳ ) ۲ – ۳ – ۳ ) ۲ – ۳ – ۱۳۰ – در مثلث متساویالساقین ABC، نقطهٔ M وسط ساق AB و عمودمنصف آن، ساق AC را در نقطه N قطع میکند.

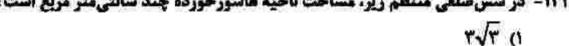
۱۳۰- در مثلث متساوی الساقین ABC، نقطهٔ M وسط ساق AB و عمودمنصف آن، ساق AC را در نقطه N قطع میکند. اگر °NBC = ۵۴° باشد، اندازه زاویه MNB چند درجه است؟

۲) ۲۸ (۴ ۶۶ (۳ ۵۶ ۲۰ ۵۶ ۴۸ ۱ ۲۸ در یک مثلث قائدالداد به ایداد میکند ۲٫۵ و ۱۴۰۴ سالتی مت

Y, 7 (

۱۳۱– در یک مثلث قالمالزاویه، اندازه دو پارهخطی که ارتفاع وارد بر وتر، بر روی وتر ایجاد میکند ۲٫۵ و ۱۴٫۴ سالتیمتر است. طول ارتفاع وارد بر وتر، چند سانتیمتر است؟

۱۳۲- در شش ضلعی منتظم زیر، مساحت ناحیه هاشورخورده چند سانتی متر مربع است؟

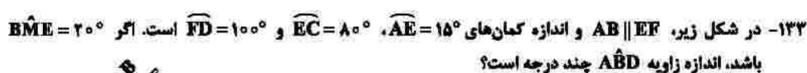


**۲√**₹ (1

7 (7

4/4 (1

TOF

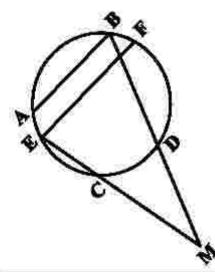


Y1/TD (1

VF (T

YA (T

YA, YA (F



A OF

۱۳۴- یک ذوزنقه متساویالساقین با طول قاعدههای ۵ و ۶ واحد، بر دایرهای به مساحت ۱۵π محیط است. مقدار ۵ کدام است؟

۱۳۵- طول خطالمرکزین دو دایره مماس درونی ۳٫۵ سانتیمتر و مساحت ناحیه محدود بین آنها ۲۱٪ سانتیمتر مربع است. شماع دايره كوچك تر، چند سانتيمتر است؟

۱۳۶- در مربع ABCD نقطه (۳٫۵) رأس B و طول رأسهای C و Pبه ترتیب ۵/۵ و ۳ است. اگر بازتاب نقطه D نسبت به معور x ها بر خودش منطبق شود، فاصله بازتاب نقطهٔ C نسبت به قطر BD از مبدأ مختصات چقدر است؟

۱۳۷ - نیمساز داخلی زاویه A در مثلث ABC، ضلع مقابل را به پارهخطهای ۳٫۵ و ۲٫۵ واحدی تقسیم کرده است. اگر اندازه زاویه C برابر ۶۰ درجه باشد. ضلع کوچک تر مثلث چند واحد است؟

$$\Delta$$
/۲۵ (۴ ۴/۲۵ (۲ ۴/۲۵ (۲ ۳/۷۵ (۱  $x$ /۲۵ (۲  $x$ /۲۵ (۲  $x$ /۲۵ (۱  $x$ /۲۵ (۱

C معادله A(-1,1) معادله قطری از دایره C است. اگر نقطه A(-1,1) روی دایره C است. اگر نقطه C روی دایره Cباشد، محیط دایره C کدام است؟

محل انجام محاسبات

دار 💆 چقدر است؟	(۱ , ۱–) رأس سهمی است. مق	11ы ту <sup>ү</sup> – тау + лх +	۱۴۱- در سهمی ه = b
- <u>*</u> •	$-\frac{\lambda}{2}$ $\alpha$	<u>,</u> a	1 (0
صفحه و $\dot{\mathbf{h}} = (\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{f})$ بردار ارتفاع	اً و 5 غير واقع در يک	i=(−1, Y, ∘) .ä=(1,	۱۴۲– سه پردار (۱٫۰
شد. اندازه بردار 🕏 کدام است؟	اگر a.č=1 و a=5.đ با	اصل از این سه بردار است.	متوازىالسطوح حا
√r1 cr	113 C	f (T	۵ (۱
سازند. زاویه بین بردار بزرگ تر و تفاضل دو	ن، با هم زاویه ۶۰ درجه می	یکی دو برابر دیگری است	۱۴۳- دو بردار که اندازه
		المت	بردار، چند درجه ا
170 (F	80 (7	40 (T	T = (1
، چند نقطه با این ویژگی روی این منحنی	ر دارند. اگر a,b∈Z باشند	منحنی $y = \frac{yx-1}{x+y}$ قرار	۱۴۴- نقاط (a,b) روی
			قرار دارد؟
T (T	7 (7	70	10
م است؟	، دارند. رقم یکان 🗷 + 🖪 کدا	9+ ۱۴۹. رقم یکان برابری	۱۳۵ - دو عدد ۱ – <sup>۱</sup> ۳ و
X (F	Y (7	T (T	40
۱ چند جواب دارد؟	سیاله خطی ۷۵۹ = ۲x+۱۱y	دد طبیعی باشند. معادله ر	۱۳۶– اگر x و y هر دو ع
۶ (۴	۵ ۵	4 (1	70
ست؟	)q است. مقدار  p(G) كدام ا	$\mathbf{G}) = \Delta^{r}(\mathbf{G}) - r\delta(\mathbf{G}) ,$	۱۴۷- در یک گراف کامل
A CF	Y (7	80	4 (1
۵٫۴ هستند. اگر تعداد یالهای این گراف	صورت اعداد c , t, ۲, a , b , c	<i>ک گ</i> راف ساده و همیند به	۱۴۸- درجه رأسهای یک
وجود دارد؟	نلف برای مجموعه {a , b , c}	+ 2) باشد. چند حالت مخا	۱/۵ برابر (b+c
۲ (۴	7 (7	9 CL	F (1
	وع ارقام ۸ وجود دارد؟	<b>نوچک تر از 8000 با مجم</b>	۱۳۹– چند عدد طبیعی ۲
10A (F	154 CT	180 CT	100 (1
مئن شویم دو زیرمجموعه با اشتراک تهی	,۱,۲,۳ انتخاب شود تا مط	معوعه از مجموعه  {۷,	۱۵۰- حداقل چند زیرمه
		Š	در آنها وجود دارد
F\$ (F	75 (T	9F (Y	PD (1
	محل اقجام محاسبات		