BATAILLE NAVALE

PROJET DE VALIDATION
DE LA FORMATION ISN 2016
DE L'ACADÉMIE DE LYON

FRÉDÉRIC MULLER - LIONEL REBOUL

Le code source MTEX de ce rapport est disponible sur la page du projet https://github.com/Abunux/pyBatNav

L'ensemble du projet, ainsi que ce rapport, sont sous licence



https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/

Violence... is the last refuge of the incompetent. Isaac Asimov

TABLE DES MATIÈRES

| 1 | Pré | sentation du projet | 1 |
|---|------|-----------------------------------|----|
| | 1 | Le jeu de la bataille navale | 1 |
| | 2 | Objectifs du projet | 1 |
| | 3 | Liste des modules du projet | |
| | 4 | À propos des annexes | 2 |
| 2 | Que | elques fonctions utiles | 3 |
| | 1 | Coordonnées des cases | 3 |
| | 2 | Constantes de direction | 3 |
| | 3 | Paramètres en ligne de commande | 3 |
| 3 | Ges | stion de la grille | 5 |
| | 1 | La classe Bateau | 5 |
| | 2 | La classe Grille | 5 |
| 4 | Ges | stion des joueurs et de la partie | 9 |
| | 1 | La classe Joueur | 9 |
| | 2 | La classe Partie | 9 |
| 5 | Algo | orithme de résolution | 11 |
| | 1 | Phase de tir en aveugle | 11 |
| | 2 | Phase de tir ciblé | 12 |
| 6 | Affi | chage console | 17 |
| | 1 | Préliminaires | 17 |
| | 2 | Affichage des grilles | 18 |
| | 3 | Modes de jeu | 20 |
| 7 | Inte | erface graphique | 21 |
| 8 | Poi | nt de vue pédagogique | 23 |
| 9 | Con | nclusion | 25 |

| Aı | nnexes | 29 |
|----|---|------|
| A | Algorithmes intéressants | 29 |
| | 1 Gestion de la grille | . 29 |
| | 2 Algorithme de résolution | . 32 |
| | 3 Déroulement de la partie | . 36 |
| В | Étude statistique des algorithmes de résolution | 39 |
| | 1 Niveau 1 | . 40 |
| | 2 Niveau 2 | . 41 |
| | 3 Niveau 3 | . 42 |
| | 4 Niveau 4 | . 43 |
| | 5 Niveau 5 | . 48 |
| C | Codes des caractères graphiques | 49 |
| D | Documentation des modules | 51 |
| | 1 Module bn_grille.py | . 51 |
| | 2 Module bn_joueur.py | . 54 |
| | 3 Module bn_console.py | . 59 |
| | 4 Module bn_stats.py | . 68 |
| E | L'algorithme en action | 71 |

PRÉSENTATION DU PROJET

1 Le jeu de la bataille navale

Le jeu de la bataille navale est un jeu qui se joue à deux joueurs.

Chaque joueur dispose d'une grille sur laquelle il place des bateaux rectangulaires de différentes tailles et essaie, à tour de rôle, de deviner l'emplacement des bateaux de l'adversaire par des tirs successifs, ce dernier annonçant à chaque coup « manqué » ou « touché ». Nous avons pris le parti de ne pas annoncer « coulé » lorsque toutes les cases d'un bateau ont été touchées pour rendre l'algorithme de résolution un petit peu plus intéressant.

Les bateaux peuvent être placés horizontalement ou verticalement et deux bateaux ne peuvent pas se trouver sur des cases adjacentes.

Les règles retenues dans ce projet sont les règles du jeu original, mais elles peuvent être facilement modifiées, à savoir que la grille est un carré 10 cases de côté et la composition de la flotte est la suivante :

- Un bateau de 5 cases
- Un bateau de 4 cases
- Deux bateaux de 3 cases
- Un bateau de 2 cases

Notons tout de suite quelques implications stratégiques de ces règles qui seront utilisées dans l'algorithme de résolution :

- Le plus petit bateau étant de taille 2, il suffit de ne tirer que sur une cases sur 2 (imaginez les cases noires d'un damier) lors de la recherche d'un bateau.
- Une fois qu'un bateau a été coulé (soit parce que c'est le plus grand de la liste, soit parce que les cases adjacentes à ses extrémités ont été manquées), on peut éliminer de la recherche toutes ses cases adjacentes.
- On peut tout à fait concevoir ce jeu comme un jeu à un seul joueur jouant sur une grille aléatoire.

2 Objectifs du projet

Nos objectifs ont été les suivants :

- Définir une structure de données pour modéliser la grille de jeu, ainsi que les joueurs.
- Implémenter un algorithme de résolution par l'ordinateur qui soit le plus performant possible (en nombre de coups ainsi qu'en temps de résolution d'un grille) et en faire une étude statistique complète.
- Avoir une interface permettant de jouer contre l'ordinateur, d'une part en mode console et, d'autre part, avec le module tkinter.

3 Liste des modules du projet

Afin de faciliter les développement et la maintenance du projet, celui-ci a été décomposé en un certain nombre de modules :

- main.py : le programme principal. Il permet, via un argument --interface en ligne de commande de choisir l'interface de jeu (console ou tkinter).
- bn_utiles.py: contient quelques fonctions utiles ainsi que les constantes du projet.
- bn grille.py:gère la grille et les bateaux.
- bn_joueur.py: gère les joueurs et implémente l'algorithme de résolution.
- bn_stats.py : fournit les outils d'analyse statistique des résultats de l'algorithme de résolution.
- bn_console.py: toute l'interface en mode console, et l'étude statistique de l'algorithme de résolution.

Afin d'améliorer la collaboration, l'ensemble du code source du projet a été déposé sur un compte GitHub à l'adresse https://github.com/Abunux/pyBatNav

4 À propos des annexes

Vu l'ampleur du projet et la contrainte de taille du rapport, de nombreux points sont abordés en annexe, à partir de la page 29. On y trouve notamment les algorithmes clés du programme, l'étude statistique des différents algorithmes de résolution ainsi que des points techniques du code et un exemple de résolution pas à pas.

QUELQUES FONCTIONS UTILES

1 Coordonnées des cases

Les cases de la grille sont codées par des tuples (x,y), où x est la colonne et y la ligne. Aussi nous utilisons la fonction alpha(case) qui, à partir des coordonnées, retourne sa représentation naturelle (par exemple 'B4') et coord(case_alpha) qui réalise l'opération réciproque.

Ces deux fonctions utilisent le code ASCII.

2 Constantes de direction

Les constantes suivantes, définies dans le module bn_utiles.py, indiquent les différentes directions, et sont utilisées dans tout le projet :

- BN DROITE = (1, 0)
- BN GAUCHE = (-1, 0)
- $BN_BAS = (0, 1)$
- BN_HAUT = (0, -1)

Ainsi que :

- BN ALLDIR = (1, 1) (toutes les direction)
- BN HORIZONTAL = (1, 0) (à gauche et à droite)
- BN_VERTICAL = (0, 1) (en haut et en bas)

Elles permettent de rendre le code plus clair et plus compact.

3 Paramètres en ligne de commande

Le lancement du programme principal main. py admet un paramètre en ligne de commande. Ce paramètre est géré par le module argparse. La prototype est le suivant :



GESTION DE LA GRILLE

La gestion de la grille et des bateaux est effectuée dans le module bn grille.py.

1 La classe Bateau

Cette classe, très minimaliste, définit un bateau par sa case de départ Bateau.start, sa taille Bateau.taille et sa direction Bateau.sens. Elle permet de récupérer:

- sa case de fin Bateau. end,
- la liste de ses cases occupées Bateau.cases,
- la liste de ses cases adjacentes Bateau.cases adj.

2 La classe Grille

2.1 Présentation

Cette classe est au cœur du projet. Elle permet de mémoriser l'état de chaque case de la grille et d'effectuer des opérations comme :

- Gérer la liste des bateaux de la flotte : placer un bateau à une position donnée ou aléatoirement, placer une flotte aléatoire, supprimer un bateau coulé, ou encore garder la trace du plus grand bateau restant à couler.
- Déterminer le nombre de cases vides autour d'une case donnée, dans chacune des directions.
- Déterminer la liste, et le nombre, de bateaux possibles sur chaque case.
- Déterminer lorsque la grille est terminée.

Beaucoup de ces fonctionnalités seront utilisées par l'algorithme de résolution.

Afin de pouvoir faire évoluer les règles, elle prend les paramètres suivants lors de son initialisation :

- xmax et ymax : les dimensions de la grille
- taille_bateaux : la liste des bateaux

Dans la mesure où la grille a deux utilisations différentes (la grille du joueur et la grille de suivi des coups), nous avons d'abord décidé de créer deux classes héritées de Grille lors de la conception du projet, GrilleJoueur(Grille) et GrilleSuivi(Grille), afin de distinguer leurs méthodes spécifiques. Après coup nous nous sommes rendu compte que cela n'apportait pas d'avantage significatif en terme de qualité de code donc nous ne les utiliseront pas, mais elles sont encore présentes dans notre code pour une évolution future du projet.

2.2 État de la grille

L'attribut Grille. etat fournit l'état de la grille. C'est un dictionnaire indexé par les tuples (0,0), (0,1),..., (9,9), dans lesquels la première coordonnée correspond à la colonne de la case et la deuxième à sa ligne.

L'état d'une case peut être :

- 0 : case vide
- 1 : case touchée (ou contenant un bateau)
- −1 : case manquée ou impossible

La méthode Grille.test_case(self, case) permet de déterminer si une case est valide et vide, et Grille.is_touche(self, case) indique si une case donnée contient ou non un bateau.

Notons également l'utilisation de l'attribut Grille.vides qui est la liste des cases vides.

Bien entendu, cette classe contient des fonctions de mise à jour jour de l'état de la grille (liste des cases vides, tailles du plus petit et du plus grand bateau restant).

Enfin, la méthode Grille.adjacent (self, case) renvoie la liste de cases adjacentes à une case donnée.

2.3 Gestion des espaces vides

La méthodes Grille.get_max_space(self, case, direction, sens) renvoie le nombre de cases vides dans une direction donnée. Grâce aux constantes de direction, un seul calcul est nécessaire pour englober tous les cas (horizontal et vertical). L'algorithme est donné en page 29.

Si le paramètre sens=1, la détermination se fait dans les deux sens (espace libre total horizontal ou vertical).

La méthode Grille.elimine_petites(self) parcourt toutes les cases vides et élimine celles dans lesquelles le plus petit bateau ne peut pas rentrer en mettant leur état à -1.

2.4 Liste de bateaux possibles sur chaque case

La méthode Grille.get_possibles(self) renvoie d'une part la liste des bateaux possibles sur chaque case (ainsi que leur direction) et, d'autre part, la liste des positions (et directions) possibles pour chaque bateau. Pour ce faire on procède en deux temps :

• Dans un premier temps, on parcours la liste des cases vides et pour chacune de ces cases on détermine, pour chaque bateau et chaque direction (droite et bas), s'il peut démarrer sur cette case. Cela fournit le dictionnaire Grille.possibles_cases indexé par les cases et dont les éléments sont une liste de tuples de la forme (taille, direction).

```
Par exemple: \{(0,0):[(5,(1,0)),(5,(0,1)),\ldots\},(0,1):\ldots\}
```

• Dans un deuxième temps, on "retourne" ce dictionnaire pour obtenir le dictionnaire Grille.possibles indexé par les tailles des bateaux et dont les éléments sont une liste de tuples de la forme (case, direction).

```
Par exemple: \{5: [((0,0), (1,0)), ((0,0), (0,1)), ((1,0), (1,0)), \ldots], 4:\ldots\}
```

Cette méthode va nous servir à faire deux choses :

- Créer une flotte aléatoire grâce au dictionnaire Grille.possibles, dans la méthode Grille.init_bateaux_alea(self).
- Déterminer la case optimale dans l'algorithme de résolution au niveau 5.

2.5 Gestion de la flotte

Le classe Grille contient toutes les méthodes nécessaires pour gérer la flotte de bateaux. Les méthodes Grille.get_taille_max(self) et Grille.get_taille_min(self) mettent à jour respectivement la taille maximum et la taille minimum des bateaux restant à trouver. La méthode Grille.rem_bateau(self, taille) permet de supprimer de la liste Grille.taille_bateaux un bateau coulé.

2.5.1 Ajout d'un bateau

La méthode Grille.add_bateau(self, bateau) permet d'ajouter un bateau (instance de la classe Bateau) après avoir testé sa validité via la méthode Grille.test_bateau(self, bateau), et marque ses cases adjacentes comme impossibles.

2.5.2 Création d'un flotte aléatoire

La méthode Grille.add_bateau_alea(self, taille) permet d'ajouter un bateau aléatoire de taille donnée sur la grille.

Pour créer une flotte aléatoire, on utilise la méthode Grille.init_bateaux_alea(self) dont l'algorithme est donné en page 31.

2.6 Fin de la partie

L'attribut Grille.somme_taille, initialisé dès le départ avec la classe Grille, contient le nombre total de cases à toucher. La méthode Grille.fini(self) compare donc ce nombre avec le nombre de cases touchée dans Grille.etat pour déterminer si la grille a été résolue.

Chapitre 3 : Gestion de la grille

GESTION DES JOUEURS ET DE LA PARTIE

La gestion des joueurs et du déroulement de la partie se font dans le module bn_joueur.py mais les classes Joueur et Partie sont très minimales et ne constituent majoritairement qu'un squelette pour la suite. Elles seront largement héritées, que ce soit par la classe Ordi qui implémente l'algorithme de résolution, que pour les différentes interfaces (console et graphique).

1 La classe Joueur

Lors de son initialisation, on peut donner un nom au joueur et on initialise sa grille de jeu Joueur.grille_joueur, la grille de l'adversaire Joueur.grille_adverse ainsi que sa grille de suivi des coups Joueur.grille_suivi.

On en profite aussi pour initialiser quelques variables d'état comme la liste des coups déjà joués et le nombre de coups joués.

La méthode principale de cette classe est Joueur.tire(self, case) qui permet de tirer sur une case et d'avoir en retour le résultat du coup (y compris si le coup n'est pas valide).

Notons l'attribut Joueur .messages qui est une liste contenant différents messages d'information (comme par exemple "A2: Touché", ou encore les messages indiquant comment l'algorithme résout la grille). Lors de l'affichage des messages, il suffit de vider cette liste grâce à des pop (0) successifs en affichant chaque élément pour avoir un suivi.

2 La classe Partie

Ici encore, un squelette et des méthodes très générales pour une classe qui sera héritée dans les interfaces.

Elle se contente de définir l'adversaire, de placer les bateaux du joueur et de récupérer les paramètres de l'adversaire (sa grille et le coup qu'il vient de jouer).

Notons l'instruction isinstance(self.adversaire, Ordi) qui permet de savoir si l'adversaire est l'ordinateur.

À la base nous voulions faire un mode de jeu en réseau et c'est ici que se seraient trouvées les instructions de communication.

L'algorithme décrivant le déroulement de la partie est donné en page 37.

| CHAPITRE 4 : GESTION DES J | OUEURS ET DE LA PARTIE |
|----------------------------|----------------------------|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| 10 | ISN 2016 - BATAILLE NAVALE |

ALGORITHME DE RÉSOLUTION

L'algorithme de résolution est implémenté dans la classe Ordi (Joueur) du module bn_joueur.py, dans la méthode Ordi.coup_suivant(self).L'attribut Ordi.case_courante contient la case qui est entrain d'être jouée.

Il fonctionne en deux temps : dans un premier temps une phase de tir en aveugle et, une fois qu'une case a été touchée, une phase de tir ciblé jusqu'à ce que le bateau soit coulé.

Différents algorithmes de résolution sont implémentés et choisis avec l'attribut Ordi.niveau:

- Ordi.niveau=1: Uniquement des tirs aléatoires en aveugle et pas de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=2: Tirs aléatoires et phase de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=3: Tirs aléatoires sur les cases noires et phase de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=4: Détermination de la case optimale par des échantillons et phase de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=5: Détermination de la case optimale par le nombre de bateaux possibles et phase de tirs ciblés.

Une étude statistique de chacun de ces algorithmes est donnée en annexe B, page 39 et un exemple de résolution pas à pas (avec le niveau 5) est donné dans l'annexe E en page 71.

L'algorithme complet de résolution est donné en page ??.

1 Phase de tir en aveugle

Lors de cette phase, l'algorithme va commencer par éliminer les zones dans lesquelles le plus petit bateau restant ne peut pas rentrer, puis choisir une case aléatoire parmi les cases vides. Le choix de cette case va, en grande partie, déterminer les performances de l'algorithme.

1.1 Tirs aléatoires

1.1.1 Méthode naïve

La méthode la plus naïve est de choisir une case de manière uniforme dans la liste des cases vides avec l'instruction random.choice(liste).

Cette méthode est celle qui peut être attendue d'un élève (qui peut se contenter de ça pour l'ensemble de son algorithme de résolution) et la seule qui permette de résolute la grille uniquement en faisant des tirs en aveugle.

1.1.2 Méthode des cases noires

Dans la mesure où le plus petit bateau est de taille 2, si on imagine la grille comme un damier, un bateau recouvre obligatoirement une case noire. On peut donc se contenter de viser uniquement parmi ces cases.

Une case (x,y) est une case noire si, et seulement si, (x+y)%2 == 0.

1.2 Optimisations

1.2.1 Méthode par échantillonnage

Dans la méthode suivante, on va essayer d'optimiser les tirs en aveugle en estimant la probabilité de chaque case de contenir un bateau.

Pour ce faire, on va créer un échantillon de n répartitions aléatoires de bateaux sur les cases vides restantes et on va compter, sur chacune, le nombre de fois où elle a été occupée ce qui va nous donner une densité de probabilités pour chaque case. Cette partie est gérée par la méthodes $Grille.case_max_echantillons(self, nb_echantillons)$ dont l'algorithme est donné en page 32.

Les performances en nombre d'essais sont satisfaisantes, mais le temps de calcul beaucoup trop élevé.

1.2.2 Méthodes par comptage

Dans cette méthode, on va compter pour chaque case le nombre de bateaux possibles contenant celle-ci et tirer sur celle qui en contient le plus.

La méthode Grille.case_max(self) renvoie la case optimale, ainsi que le nombre de bateaux qu'elle contient. L'algorithme est donné en page 32.

Bien que locale (on ne regarde pas la répartition de tous les bateaux ensemble sur la grille), cette méthode est très efficace aussi bien en nombre de coups pour la résolution, qu'en temps de calcul.

1.2.3 Méthode par énumération de tous les cas

On peut essayer de déterminer tous les arrangements de bateaux possibles sur la grille à chaque coup, de manière récursive. Cette approche semble optimale mais malheureusement, vu le nombre de configurations (de l'ordre de 100^5 sur une grille vide), cette approche est irréalisable que ce soit en temps de calcul qu'en utilisation mémoire.

2 Phase de tir ciblé

Lors de cette phase, on va utiliser une file d'attente dans la liste Ordi.queue qui va contenir la liste des prochaines cases à viser. On va également garder la trace des cases touchées sur ce bateau dans la liste Ordi.liste_touches, ainsi que sa première case touchée dans Ordi.case_touchee.

2.1 Premier tir

2.1.1 Création de la liste des cases adjacentes

Lors du premier tir touché après la phase de tir en aveugle, l'attribut Ordi.case_touchee reçoit la case courante qui sera également ajoutée à Ordi.liste_touches. Puis on va remplir la file d'attente avec les cases adjacentes à la case touchée.

L'algorithme va également vérifier si le plus petit bateau ne peut pas rentrer dans une direction. Imaginons, par exemple, que le plus petit bateau restant soit de taille 3 et qu'on vienne de toucher la case (3,0) dans la configuration suivante :

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | X | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | | | | |

Le bateau de taille 3 ne rentre pas verticalement

Il ne sert alors à rien de mettre la case (3,1) dans la file d'attente car le plus petit bateau de taille 3 ne peut pas rentrer verticalement en (3,0).

La construction de la liste des cases adjacentes possibles est effectuée par la méthode Ordi.add_adjacentes_premiere(self).

2.1.2 Optimisation de la file d'attente

Pour l'optimisation de cette phase, on va classer la file d'attente en ordre décroissant de nombre de bateaux possibles avec la méthode Ordi.shuffle queue(self).

Cette optimisation est un petit peu délicate. Une fois qu'une case a été touchée, l'algorithme va tester ses 4 (au maximum) cases adjacentes et les ranger en ordre décroissant du nombre de bateaux possibles. C'est le rôle de la méthode Grille.case_max_touchee(self, case_touchee), dont l'algorithme complet est donné en annexe A, page 34.

Notons (x, y) les coordonnées de la case touchée et intéressons nous au nombre de bateaux possibles sur les cases adjacentes horizontales (pour les verticales, c'est exactement la même chose). Pour chaque taille de bateau à couler possible contenant case_touchee il faudra distinguer trois cas :

- 1) Le bateau est à gauche de case_touchee et se termine sur cette case. Dans ce cas on augmente de 1 le nombre de possibilités de la case à gauche (x-1, y)
- 2) Le bateau est à cheval sur case_touchee. Dans ce cas on augmente de 1 le nombre de possibilités de la case à gauche (x-1, y) et de celle à droite (x+1, y)
- 3) Le bateau est à droite de case_touchee et commence sur cette case. Dans ce cas on augmente de 1 le nombre de possibilités de la case à droite (x+1, y)

Exemple:

Imaginons que, sur une grille vierge, on vienne de toucher la case de coordonnées (5,0) et regardons le nombre de façons de placer le bateau de taille 4 à gauche et à droite :

1) Le bateau rentre à gauche de la case (5,0) :

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | Х | Х | Х | X | | | | |

La case (4,0) est augmentée de 1

2) Le bateau est à cheval sur la case (5,0) (2 possibilités) :

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | Χ | Χ | X | Χ | | | |
| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| | | | | | Y | Y | Х | Y | | |

Les cases (4,0) et (6,0) sont augmentées de 2

3) Le bateau rentre à droite de la case (5,0) :

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
|) | | | | | | X | Х | Х | Х | |

La case (6,0) est augmentée de 1

Au final, la case (4,0) admet 3 bateaux horizontaux de taille 4 et idem pour la case (6,0). Si la case (3,0) avait été jouée et manquée nous aurions obtenu 1 bateau horizontal de taille 4 possible sur la case (4,0) et 2 sur la case (6,0) :

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | 0 | | X | | | | |

Une fois que le compte des bateaux possibles a été effectué sur chacune des cases adjacentes, on crée une liste probas_liste contenant des tuples de la forme (case, probas[case]) que l'on ordonne en ordre décroissant de possibilités grâce à l'instruction sorted(probas_liste, key=lambda proba: proba[1], reverse = True) et que l'on retourne.

2.2 Deuxième tir

Lors du deuxième tir (c'est à dire sur la première case de la file d'attente), on peut soit toucher, soit manquer.

2.2.1 Deuxième tir touché

Si on touche alors, grâce à la méthode Ordi.update_queue_touche(self), on détermine la direction du bateau (horizontal ou vertical) en comparant les coordonnées de Ordi.case_courante et Ordi.case_touchee et on enlève les cases de la file d'attente qui ne sont pas dans la bonne direction. On ajoute enfin la case à l'extrémité de la configuration créée à la file d'attente et on met à jour la liste Ordi.liste_touches.

2.2.2 Deuxième tir manqué

Si on manque, alors on a peut-être bloqué une direction.

La méthode Ordi.update_queue_manque(self) se charge de cette vérification et élimine la case en face de la case jouée si besoin de la file d'attente.

Regardons un exemple. Imaginons que le plus petit bateau à trouver soit de taille 4 et que la première case touchée soit la case (3,0). Nous venons de manquer la case (4,0). Alors le bateau de taille 4 ne rentre plus horizontalement et on peut éliminer la case (2,0) :

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | | | X | | | | | | |

À ce niveau, le bateau de taille 4 rentre horizontalement.

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | | | X | 0 | | | | | |

Après ce coup, le bateau de taille 4 ne rentre plus horizontalement et on peut éliminer la case (2,0).

Pour ce faire, on détermine la direction dans laquelle on vient de tirer en comparant les coordonnées de Ordi . case_courante et Ordi . case_touchee et on regarde si le plus petit bateau rentre dans la direction en face.

2.3 Tirs suivants

Une fois que la direction du bateau est déterminée, à chaque fois qu'on touche une case, on ajoute à la file d'attente sa case adjacente dans la bonne direction si elle est vide.

Enfin on s'arrête lorsque la file d'attente est vide (on a manqué les deux extrémités) ou lorsque la taille du bateau touché est égale à la plus grande taille du bateau sur la grille avec Ordi.test_plus_grand(self) et, dans ce cas, on vide la file d'attente.

Au prochain tour, on sait qu'un bateau vient d'être coulé lorsque la file d'attente est vide et Ordi.liste_touches ne l'est pas. Dans ce cas on marque ses cases adjacentes comme impossibles et on l'enlève de la liste des bateaux à chercher. On n'a plus alors qu'à repartir dans une phase de tir en aveugle jusqu'à ce qu'on ait terminé la grille.

| CHAPITRE 5 : ALGORITHME DE RÉSOLUTION | | | | | | | | | | |
|---------------------------------------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |

AFFICHAGE CONSOLE

Le module bn_console.py implémente l'interface en mode console.

L'idée de cette interface est de rendre hommage au style de jeu des années 80 en essayant d'en garder au maximum l'esprit.

1 Préliminaires

1.1 Constantes graphiques

Pour afficher les grilles nous utilisons des caractères graphiques en unicode (famille Box Drawing de codes U2500 à U257F). Ceux-ci donnent tous les outils afin de fabriquer des grilles, y compris avec des caractères gras. Pour des raisons de commodité, le code de chacun des caractères utilisés est stocké dans une constante (par exemple CAR_CX=u'\u253C' correspond à la croix centrale †). La liste complète des codes des caractères utilisés est donnée en annexe C page 49.

1.2 Effacer le terminal

Le module os permet d'une part d'accéder à la version du système d'exploitation avec os . name et, d'autre part, de lancer des commandes système avec os . system(commande). La combinaison de ces deux commandes permet facilement de pouvoir effacer l'écran en utilisant la commande cls sous Windows et clear sous Linux.

1.3 Fusion des deux grilles

Lors d'une partie contre un adversaire, il faut pouvoir afficher côte à côte la grille de suivi du joueur ainsi que sa propre grille avec, au fur et à mesure, les coups joués par l'adversaire. Afin de réaliser cette opération nous utilisons la fonction fusion(chaine1, chaine2). Celle-ci prend en entrée deux chaînes de caractères et retourne la chaîne fusionnée de la façon suivante : chaque chaîne est convertie en liste en prenant comme séparateur le caractère de retour de ligne '\n' grâce à la méthode String.split('\n'). Ensuite, en prenant à tour de rôle les éléments de chacune des listes et en insérant un caractère de trait vertical entre les deux on crée la chaîne fusionnée.

Le résultat peut être vu plus bas en page 20.

1.4 Autres fonctions d'affichage

La fonction centre (chaine, longueur) centre la chaîne sur un espace de longueur donnée en insérant le nombre d'espaces nécessaires. Cette fonction sera utilisée pour l'affichage des noms des joueurs.

La fonction boite (texte, prefixe, longueur) permet d'encadrer le texte dans une boîte de longueur donnée, chaque ligne étant précédée d'un préfixe. Cette fonction sera utilisée pour afficher la liste des messages pour chaque joueur à chaque tour, les préfixe servant à identifier l'auteur du message.

Notons enfin qu'afin de pouvoir réutiliser le code de ce module dans d'autres contextes (comme une interface en tkinter), la fonction print (*args) a été encapsulée dans une fonction info (*args) de sorte qu'il suffit de surcharger cette dernière pour envoyer l'affichage ailleurs (par exemple dans une boîte de texte dans une fenêtre graphique)

2 Affichage des grilles

La classe GrilleC(Grille) hérite de la classe Grille en ajoutant uniquement les fonctions d'affichage.

2.1 Affichage simple de la grille

La méthode GrilleC.make_chaine(self) crée la chaîne de caractères de la grille simple. En plus des coins, chaque case utilise 3 caractère horizontaux (ce qui permet de centrer un symbole) et 1 caractère vertical.

Pour cet affichage, on crée les lignes les unes après les autres (dans deux boucles impbriquées) en marquant les cases suivant les valeurs de Grille.etat. La seule subtilité provient des deux premières et de la dernière ligne (à cause des coins).

2.2 Affichage de la grille avec ses propres bateaux en gras

Cette partie est beaucoup plus délicate. L'idée est d'afficher une grille en entourant ses propres bateaux et en marquant les coups joués par l'adversaire (sa grille de suivi). C'est le rôle de la fonction GrilleC.make_chaine_adverse(self, grille), où grille est soit sa propre grille de jeu, soit celle de l'adversaire si on veut tricher (pour les tests bien sûr...) ou en fin de partie, si on a perdu, pour avoir la solution. Par convention, comme grille est une grille de jeu, nous allons noter dans les explications les seuls états possibles par 1 si la case est occupée par un bateau et 0 sinon (ou si la case est hors grille).

Les contraintes que nous nous fixons sont les suivantes :

- Les bords des bateaux doivent être en gras
- Les séparations à l'intérieur d'un bateau doivent être en clair
- Lorsque deux bateaux se touchent par un coin, il faut bien sûr que ces coins soit en gras (soit une croix en gras)

Le bord de chaque case de la grille se fera sur la ligne du bas, la séparation verticale de gauche et le coin en bas à gauche. Le cas de la ligne horizontal juste sous les lettre sera fait à part, ainsi que la dernière ligne horizontale et la dernière ligne verticale de la grille (à cause du bord).

1) Première ligne, sous les lettres des colonnes : pour chaque case de la ligne 0 on va tester son état, ainsi que l'état de la case de gauche (pour savoir si on est en début ou en fin de bateau, ou au milieu d'un bateau). On obtient les configurations suivantes (la case testée est celle de droite) :



2) Lignes suivantes, jusqu'à l'avant dernière : ici c'est plus délicat car il faut tester, en plus de celle de gauche (pour la séparation verticale), la case en-dessous (pour la séparation horizontale) et celle en-dessous à gauche (pour le coin) pour obtenir les 11 configurations suivantes (la case testée est celle en haut à droite) :

Les 5 autres configurations de 4 cases restantes sont impossibles (bateaux collés par un côté).

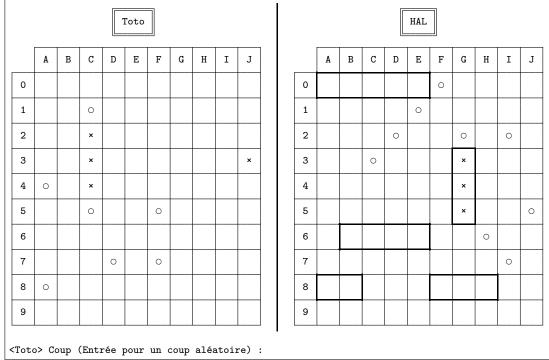
3) Enfin, pour la dernière colonne va juste tester la case en-dessous, et pour la dernière ligne, on va juste tester celle de gauche. Pour la case tout en bas à droite il faudra juste finir en mettant un coin.

Au final, cela permet de construire toute la grille, dans tous les cas de figure possibles. Le résultat est visible sur la grille de droite ci-dessous.

3 Modes de jeu

Après un écran d'introduction et un menu sommaire, le programme propose 3 modes de jeu, dans lesquels on peut choisr le niveau de l'ordinateur, ainsi qu'un test statistique de l'algorithme :

- 1) Jeu en solo sur une grille aléatoire.
- 2) Résolution d'une grille aléatoire par l'ordinateur, avec mise en évidence des bateaux qu'il doit trouver (voir annexe E page 71).
- 3) Jeu contre l'ordinateur (suivant l'algorithme vu au chapitre 4, page 37). L'affichage sera alors le suivant :



Notons que chaque fois qu'un coup est demandé au joueur, le programme teste la validité de sa réponse (chaîne qui n'est pas une case, case hors grille ou encore une case déjà jouée).

4) Tests statistiques de l'algorithme avec choix des paramètres de la grille.

INTERFACE GRAPHIQUE



POINT DE VUE PÉDAGOGIQUE

Bien évidemment, ce projet dépasse largement ce qui est exigible d'un élève (même très bon) de lycée. Certains points peuvent néanmoins être abordés en simplifiant certaines parties et en l'abordant soit comme une série de TP guidés (les élèves doivent coder le contenu des fonctions dont on leur donne le prototype), soit comme projet de fin d'année. On peut aborder les points suivants :

- La structure de la grille : un bon exemple de codage d'une structure complexe (définir les états des cases, utilisation d'un dictionnaire ou d'une liste double, tests des cases valides,...).
- Le placement de bateaux : sûrement la partie la moins évidente, mais oblige à réfléchir sur la façon de définir un bateau.
- L'affichage (simple) de la grille en console : utilisation de boucles imbriquées et de tests pour afficher les bons symboles, et gestion de la mises en page.
- Éventuellement une interface graphique en utilisant des boutons ou un canevas pour les cases.
- La possibilité pour un joueur de tirer sur une case et retour du résultat.
- Une résolution de la grille par l'ordinateur avec uniquement des tirs aléatoires sur les cases vides (les plus en avance pourront réfléchir à des méthodes plus évoluées).



Chapitre 9 -

CONCLUSION

CHAPITRE 9 : CONCLUSION

ANNEXES

Annexe A

ALGORITHMES INTÉRESSANTS

Dans cette partie, une description commentée des algorithmes clés du projet. Les algorithmes vraiment simples (comme par exemple tirer sur une case) ne sont pas mis.

Le fait de rédiger cette partie a permis de prendre du recule sur ces algorithmes et de faire quelques améliorations (formaliser les choses est toujours bénéfique).

1 Gestion de la grille

1.1 Détermination des espaces vides

Grille.get max space(self, case, direction, sens):

```
Si direction == TOUTES_DIRECTIONS :
     On renvoie le maximum de get_max_space(case, HORIZONTAL, sens=1)
        et get max space(case, VERTICAL, sens=1)
direction[0] \rightarrow dh
direction[1] \rightarrow dv
1 \rightarrow m
case[0] \rightarrow x
case[1] \rightarrow y
Tant que la case (x+dh, y+dv) est vide et est dans la grille :
   m+1 \rightarrow m
   x+dh\rightarrow x
    y+dv\rightarrow y
Si sens == 1 (on regarde dans l'autre sens):
    case[0] \rightarrow x
    case[1] \rightarrow y
    Tant que la case (x-dh, y-dv) est vide et est dans la grille :
      m+1 \rightarrow m
      x-dh\rightarrow x
      y-dv \rightarrow y
Retourner m
```

Cet algorithme est très simple. Il se contente de compter dans chaque direction le nombre de cases vides et, éventuellement dans les deux sens.

1.2 Détermination des bateaux possibles démarrant sur chaque case et des placements possibles de chaque bateaux

Grille.get_possibles(self):

```
On met à jour la liste des cases vides
# Récupération des bateaux possibles sur chaque case
possibles case est un dictionnaire indexé par les cases
Les éléments de possibles case sont des listes vides
On récupère la liste unique des bateaux restants dans tmp_taille_bateaux
Pour chaque case vide :
  Pour chaque direction dans [DROITE, BAS] :
     tmax est l'espace maximum dans direction
     On ajoute à possible_case[case] les tuples (taille, direction)
       pour les tailles dans tmp_taille_bateaux, si taille <= tmax</pre>
# Récupération des position possibles pour chaque bateau
possibles est un dictionnaire indexé par les tailles de bateaux
Les éléments de possibles sont des listes vides
Pour chaque case index dans possible case :
  Pour chaque couple (taille, direction) dans possible_case[case] :
     On ajoute (taille, direction) à possibles[taille]
```

Cet algorithme est un des points clés du projet. Dans un premier temps on récupère la liste de tous les bateaux possibles démarrant sur chaque case, ainsi que leurs directions possibles. Dans un deuxième temps on récupère, pour chaque bateau, ses placements possibles.

Les dictionnaires créés ont cette allure :

```
• possibles_case=\{(0,0):[(5,(1,0)), (5,(0,1)),...], (0,1):...\}
• possibles=\{5:[((0,0), (1,0)), ((0,0), (0,1)), ((1,0), (1,0)),...], 4:...\}
```

Afin d'éviter de répéter les mêmes calculs, la liste taille_bateaux des bateaux restants sur la grille est transformée en une liste tmp_taille_bateaux qui ne contient que ses éléments uniques. Pour cela on la convertit en ensemble puis on revient à une liste avec l'instruction

```
tmp_taille_bateaux = list(set(taille_bateaux))
```

1.3 Création de bateaux aléatoires

1.3.1 Ajout d'un bateau aléatoire

```
Grille.add bateau alea(self, taille):
```

```
Récupérer les placements de départ possibles des bateaux
  (dans le dictionnaire possibles)

Si possibles[taille] est vide :
  Retourner Faux

Sinon :
  Choisir un tuple (case, direction) au hasard dans possibles[taille]
  Ajouter la bateau (taille, case, direction)
  Retourner Vrai
```

Si possibles [taille] est vide, cela signifie qu'on ne peu pas placer ce bateau et donc en renvoie Faux pour éviter une situation de blocage par la suite, sinon on renvoie Vrai pour indiquer que tout s'est bien passé.

1.3.2 Création d'une flotte aléatoire

```
Grille.init alea(self):
```

```
O→nb_bateaux

Tant que nb_bateaux < nombre de bateaux à placer :

O→nb_bateaux

On crée une copie temporaire de la grille dans gtmp

Pour chaque taille de bateau à placer :

On essaie de placer un bateau aléatoire de cette taille dans gtmp

Si pas possible :

On casse la boucle et on recommence tout

(pour éviter une situation de blocage)

Sinon :

nb_bateaux+1→nb_bateaux

On enlève taille de la liste des bateaux restants à placer

Enfin on copie l'état de gtmp dans notre grille
```

Pour placer chaque bateau, on utilise la fonction précédente avec sa valeur de sortie (vrai ou faux) qui permet de savoir si le placement a été possible.

2 Algorithme de résolution

2.1 Optimisation de la phase de tirs en aveugle

2.1.1 Détermination des probabilités par échantillonnage

Grille.case max echantillons(self, nb echantillons):

```
probas est un dictionnaire indexé sur les cases
Pour chaque case, 0→probas[case]
On répète nb_echantillons fois :
    grille_tmp reçoit une copie temporaire de la grille du suivi
    On crée une flotte aléatoire sur grille_tmp
    Pour chaque case vide dans la grille de suivi originale :
        Si la case contient un bateau dans grille_tmp :
            probas[case]+1→probas[case]
Pour chaque case, probas[case]/nb_echantillons→probas[case]
case_max est la case qui a la plus grande probabilité pmax
On retourne (case_max, pmax)
```

C'est l'algorithme de niveau 4 qui crée une estimation de la distribution de probabilité avec des échantillons de flottes aléatoires. Aucune difficulté particulière n'est à signaler.

2.1.2 Détermination du nombre de bateaux possibles sur chaque case

```
Grille.case max(self):
```

```
probas est un dictionnaire indexé sur les cases
Pour chaque case, 0→probas[case]
On récupère la liste placements possibles pour chaque bateau
      (dans le dictionnaire possibles)
Pour chaque taille de bateau restant :
    Pour chaque (case, direction) dans possibles[taille] :
      #La probabilité de chaque case occupée par le bateau est augmentée de 1
      Pour k allant de 0 à taille :
            probas[case+k*direction] est augmentée de 1
case_max est la case qui a le plus de possibilités pmax
On retourne (case_max, pmax)
```

C'est l'algorithme de niveau 5 qui détermine, pour chaque case, le nombre de bateaux possibles.

Dans la mesure où la liste possibles [taille] ne donne que les points de départ de chaque bateau, il est nécessaire de parcourir toutes ses cases occupée dans la dernière boucle. case+k*direction signifie (case[0]+k*direction[0], case[1]+k*direction[1]).

2.2 Gestion de la file d'attente

2.2.1 Création de la file d'attente

Ordi.add adjacentes premiere(self):

```
adjacent est la liste des cases vides adjacentes à case_touchee
taille_min est la taille minimale des bateaux restants
#Test si le bateau rentre horizontalement
Si l'espace maximum horizontal sur case touché >= taille_min :
    Pour case dans adjacent :
        Si case[1] == case_touchee[1] :
        Ajouter case à la file d'attente
#Test si le bateau rentre verticalement
Si l'espace maximum vertical sur case touché >= taille_min :
    Pour case dans adjacent :
        Si case[0] == case_touchee[0] :
        Ajouter case à la file d'attente
```

Pas de grande difficulté sur celui-ci. On se contente de regarder si le plus petit bateau rentre dans chaque direction et on ajoute à la file d'attente les cases correspondantes.

2.2.2 Optimisation de la file d'attente

```
Grille.case_max_touchee(self, case_touchee):
Pour des raisons de mise en page, notons ct la case touchée.
```

```
On marque temporairement case touchee comme vide
On récupère la liste placements possibles pour chaque bateau
    (dans le dictionnaire possibles)
probas est un dictionnaire indexé sur les cases
Pour chaque case, 0→probas[case]
Pour chaque taille de bateau restant :
  Pour chaque direction dans [HORIZONTAL, VERTICAL] :
     #Bateau qui se termine sur case touchee
     Si ct[direction[1]]-(taille-1)*direction[direction[1]]>=0
           et ((ct[0]-(taille-1)*direction[0],
               ct[1]-(taille-1)*direction[1]), direction)
               est dans possibles :
       probas[(ct[0]-direction[0],ct[1]-direction[1])] += 1
     #Bateau à cheval sur sur case touchee
     Pour k allant de 1 à taille-2 :
       Si ct[direction[1]]-k*direction[direction[1]]>=0
             et ((ct[0]-k*direction[0], ct[1]-k*direction[1]),
              direction) est dans possibles :
         probas[(ct[0]-direction[0],ct[1]-direction[1])] += 1
         probas[(ct[0]+direction[0],ct[1]+direction[1])] += 1
     #Bateau qui démarre sur case touchee
     Si ((ct[0], ct[1]), direction) est dans possibles :
      probas[(ct[0]+direction[0],ct[1]+direction[1])] += 1
On remet l'état de case_touchee à touché
On trie la liste probas dans l'ordre décroissant du nombre de possibilités
On renvoie cette liste
```

Le fait de boucler sur les directions HORIZONTAL et VERTICAL, c'est-à-dire dans [(1,0), (0,1)] permet de condenser les calculs sur ces deux directions dans une seule boucle. ct[direction[1]] et direction[direction[1]] permettent d'obtenir respectivement ct[0] et direction[0] dans le cas horizontal, et ct[1] et direction[1] dans le cas vertical.

Notons que dans cet algorithme on en s'intéresse qu'aux cases adjacentes à case touchee.

Le tri final de la liste se fait de la façon suivante : on commence par convertir le dictionnaire probas en liste probas_liste, puis un l'ordonne avec l'instruction

```
sorted(probas_liste, key=lambda proba: proba[1], reverse = True)
```

2.2.3 Mise à jour après le deuxième coup touché

Ordi.update_queue_touche(self):

```
Si case_courante[1] == case_touchee[1] :
  direction=(1,0)
Sinon:
  direction=(0,1)
Si on vient de découvrir la direction du bateau (len(liste_touchee==1)):
  On affiche cette direction
  On enlève les cases
        (case_touchee[0]-direction[1], case_touchee[1]-direction[0])
       et (case_touchee[0]-direction[1], case_touchee[1]-direction[0])
       de la file d'attente
nv case est la case
     (case_courante[0] + direction[0]*signe(case_courante[0]-case_touchee[0]),
      case_courante[1] + direction[0]*signe(case_courante[1]-case_touchee[1]))
Si nv case est dans la grille et est vide :
  On ajoute nv_case à la file d'attente
On ajoute case_courante à liste_touches
```

La liste liste_touches permet de savoir combien de cases ont été touchées sur ce bateau. Si c'est la deuxième, on met à jour les file d'attente avec les case dans la bonne direction.

```
signe(x) renvoie 1 si x > 0 et -1 si x < 0. signe(case\_courante[i]-case\_touche[i]), pour i \in \{0,1\}, permet de déterminer le sens dans lequel on vient de toucher la nouvelle case, ce qui permet d'ajouter la case en bout de configuration à la file d'attente (si elle est valide et vide).
```

2.2.4 Mise à jour après le deuxième coup manqué

2.3 Algorithme complet de résolution

Voici l'algorithme complet de résolution de la grille par l'ordinateur :

```
La file d'attente est une liste vide
liste_touches est une liste vide
Tant que le grille n'est pas résolue :
  Si la file d'attente est vide :
    Si liste_touches n'est pas vide :
       On enlève le bateau de taille len(liste_touches)
       On élimine les cases adjacentes à celles de liste touches
       On vide liste touches
     On élimine les zones trop petites
     case courante reçoit une case en aveugle (suivant le niveau)
  Sinon:
     case_courante reçoit le premier élément de la file d'attente
     On enlève cette case de la file d'attente
  On tire sur case courante
  Si on a touché :
     Si liste touches est vide :
       On ajoute case_courante dans liste_touches
       case courante→case touchee
       On ajoute ses cases adjacentes dans la file d'attente
         (en testant également les directions impossibles éventuelles)
     Sinon:
       Si len(liste touches) == 1 :
         On détecte la direction du bateau
       On met à jour la file d'attente
         (avec la case adjacente à case courante dans la bonne direction)
    Si le bateau touché est le plus grand restant :
       On vide la file d'attente
  Sinon:
    Si len(liste touches) == 1 :
       On met à jour la file d'attente
         (on élimine éventuellement la case en face de case_touchee)
On affiche le nombre de coups
```

3 Déroulement de la partie

Une partie à deux joueurs se déroule selon l'algorithme suivant (le joueur porte le numéro 0 et son adversaire le numéro 1) :

```
Placement des bateaux du joueur
Récupération des bateaux de l'adversaire
Aléa(0,1)→joueur_en_cours (celui qui commence)
0→nb_coups
Tant qu'aucun joueur n'a fini :
   nb\_coups+1 \rightarrow nb\_coups
   Si joueur en cours == 0 et l'adversaire n'a pas fini :
     Le joueur joue un coup
     Mise à jour de l'affichage des grilles
     Affichage des messages du joueur (résultat du coup)
   Sinon:
     Récupération du coup de l'adversaire
     Mise à jour de l'affichage des grilles
     Affichage des messages de l'adversaire
   (joueur_en_cours+1)%2→joueur_en_cours (changement de joueur)
Affichage des grilles avec la solution
Affichage du gagnant
```



Annexe B

ÉTUDE STATISTIQUE DES ALGORITHMES DE RÉSOLUTION

Le module bn_stats.py fournit, dans la classe Stats, les outils pour analyser statistiquement une distribution de valeurs (calculs des indicateurs statistiques classiques, représentation en histogramme et diagramme en boîte grâce aux modules numpy et matplotlib).

Cette classe fournit également les outils pour sauvegarder et charger la liste des résultats bruts dans un fichier texte pour des analyses plus poussées futures.

Chaque graphique fait apparaître, outre l'histogramme de distribution des fréquences, les indicateurs suivants :

- moyenne et écart-type,
- minimum, Q_1 , médiane, Q_3 et maximum dans le diagramme en boîte,
- le mode, noté à la base de la barre correspondante,
- le temps moyen de résolution.

La méthode de test est la suivante : on crée une liste distrib de longueur xmax*ymax+1 qui est initialisée avec des valeurs nulles.

On répète n fois la résolution sur une grille aléatoire, chaque fois différente et, en notant k le nombre de coups de la résolution, on incrémente distrib [k] de 1.

Le calcul du temps se fait en lançant un chronomètre grâce à la fonction time() du module time, qui renvoie le nombre de seconde écoulées depuis epoch (le 1^{er} janvier 1970). Donc en sauvegardant cette valeur au début de la simulation dans une variable start et en calculant time()-start à la fin de la simulation, on obtient le temps total écoulé. Afin de chronomètre uniquement le temps de résolution (et non de la création de la grille), ce chronomètre est mis à jour uniquement lors de la résolution effective.

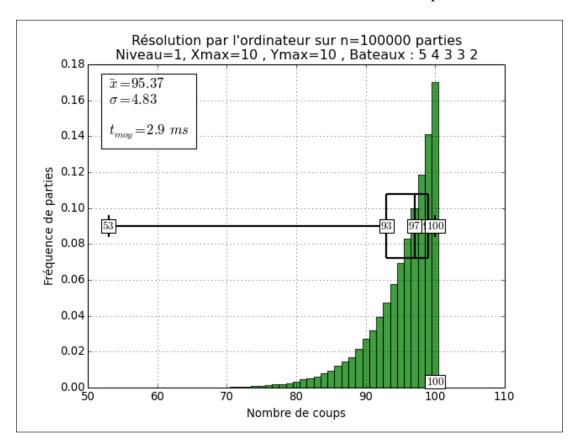
L'algorithme de test affiche une estimation du temps restant (ainsi que de la date et l'heure de la fin de la simulation), ainsi que l'avancement par tranches de 10%.

Afin d'obtenir des résultats comparables, tous les temps ont été mesurés sur le même ordinateur disposant d'un processeur Intel i7-4800-MQ cadencé à 2,7 GHz en mode monoprocesseur, de 16 Go de mémoire vive et tournant sous un système Linux 64 bits (Xubuntu 14.04).

Résultats à partir de la page suivante →

Dans ce niveau tous les tirs sont aléatoires uniformément sur les cases vides, et il n'y a pas de phase de tirs ciblés.

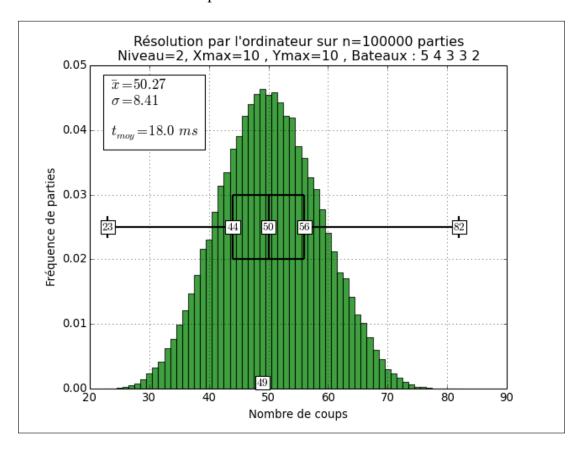
On obtient les résultats suivants sur un échantillon de $n = 100\,000$ parties :



Comme on pouvait s'y attendre, les résultats sont catastrophiques. Par contre la résolution est quasi immédiate (3 ms par partie en moyenne)

Au niveau 2, la phase de tirs en aveugle est aléatoire uniformément sur les cases vide, mais on ajoute la phase de tirs ciblés lorsqu'on touche un bateau.

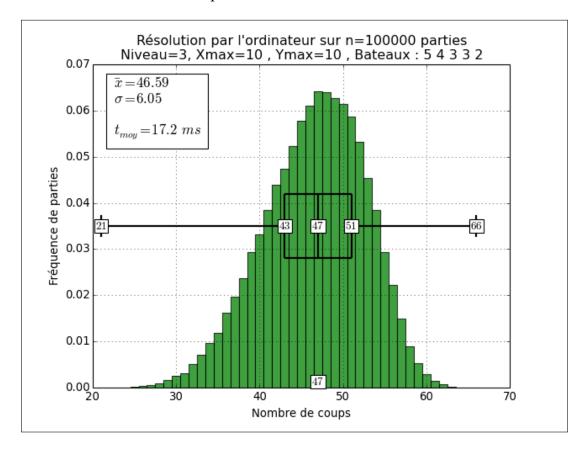
Les résultats sur n = 100000 parties sont les suivants :



Le fait de gérer la phase de tirs ciblés change radicalement les résultats. La forme de la courbe de distribution est d'ailleurs totalement différente de la précédente. Par contre la résolutions prend 6 fois plus de temps.

Au niveau 3, la phase de tirs en aveugle est encore aléatoire mais uniquement sur les cases noires.

Les résultats sur n = 100000 parties sont les suivants :



On note une amélioration significative des performances, sans pour autant sacrifier en temps de résolution, au contraire puisqu'il faut moins de coups en aveugle pour finir la grille. Les résultats sont également plus homogènes (σ = 6,05 au lieu de 8,41 précédemment).

Au niveau 4 la détermination de la case optimale durant la phase de tirs en aveugle se fait en regardant, à chaque coup, un échantillon de taille nb_echantillons de distributions de bateau aléatoires.

La valeur de nb_echantillons va jouer sur les performances en nombre de coups (plus on fait d'échantillons et plus la distribution de probabilités obtenue est conforme à la vraie distribution de probabilité) mais aussi sur le temps de résolution. En effet ce dernier sera linéaire en nb echantillons.

Vu le temps de calcul, les simulations suivantes portent sur un nombre plus faible de parties (la contrainte fixée est que le calcul ne doit pas durer plus d'une nuit).

4.1 Échantillons de taille nb_echantillons=10

Avec des échantillons de taille 10 nous obtenons les résultats suivants sur $n = 100\,000$ parties :



Avec une taille modeste des échantillons, nous obtenons une nette amélioration des performances avec une moyenne de 44,29, pour un temps moyen de 0,3 secondes par partie.

4.2 Échantillons de taille nb_echantillons=100

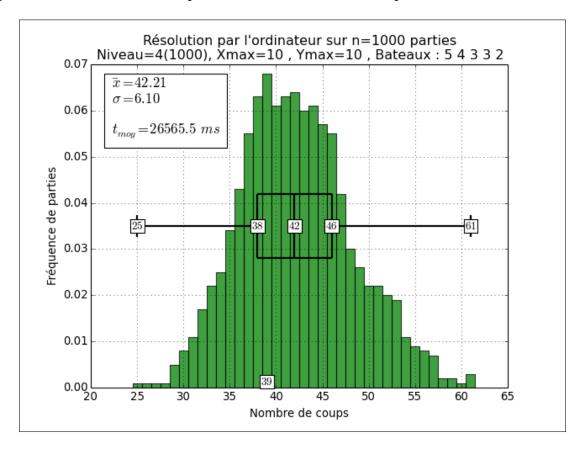
Avec des échantillons de taille 100 nous obtenons les résultats suivants sur $n=10\,000$ parties :



Les résultats sont très bons, avec une moyenne de 42,84 coups par partie, mais le temps de calcul commence à devenir long (2,5 secondes par partie).

4.3 Échantillons de taille nb_echantillons=1000

Nous prévoyons un temps de résolution moyen d'approximativement 30 secondes par partie. Aussi nous ne ferons qu'une simulation sur $n = 1\,000$ parties :

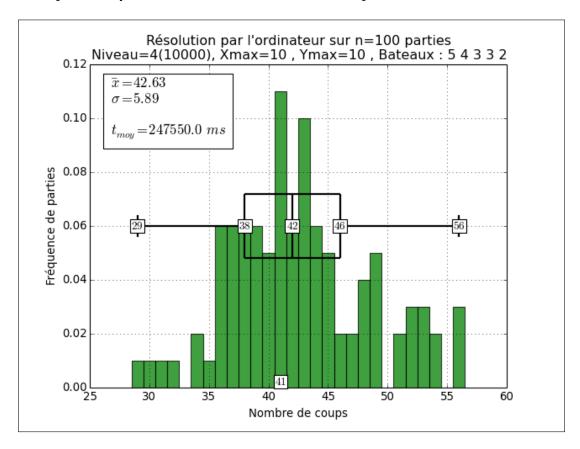


La forme de la distribution est moins régulière que les précédentes à cause du nombre plus réduit de parties simulées.

Le gain en nombre de coups moyen par partie, s'il est présent, est très limité compte tenu de l'augmentation linéaire du temps de calcul.

4.4 Échantillons de taille nb_echantillons=1000

Juste pour essayer, voici une simulation sur n = 100 partie :



Les résultats sont très décevants. On n'a fait que n=100 parties ce qui explique peutêtre cela mais on note même un régression ce qui est quand même étonnant.

4.5 Conclusion sur le niveau 4

Comme on pouvait s'y attendre le temps de résolution est approximativement linéaire en nb_echantillons.

Les résultats en nombre de coups sont très corrects mais le coût en temps de calcul est rédhibitoire. Par ailleurs, il a été impossible de créer de grosses simulations avec un nb_echantillons élevé ce qui biaise un peu les comparaisons.

Voici un tableau récapitulatif des résultats obtenus :

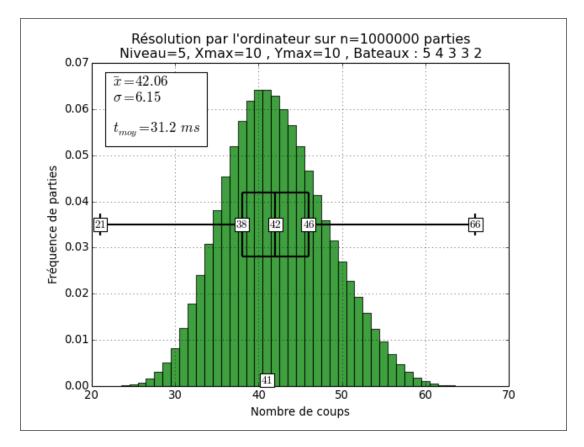
| Numéro de la simulation | 1 | 2 | 3 | 4 |
|---|---------|--------|-------|--------|
| Taille des échantillons pour l'algorithme | 10 | 100 | 1 000 | 10 000 |
| Nombre de parties <i>n</i> | 100 000 | 10 000 | 1 000 | 100 |
| Nombre de coups moyens \overline{x} | 44,29 | 42,84 | 42,21 | 42,63 |
| Écart-type 1 σ | 6,62 | 6,24 | 6,10 | 5,89 |
| Temps moyen par partie (en secondes) | 0,29 | 2,5 | 26,6 | 287 |

| nº | nb_echantillons | Intervalle de confiance 2 de μ |
|----|-----------------|---------------------------------------|
| 1 | 10 | [44,25; 44,33] |
| 2 | 100 | [42,72; 42,96] |
| 3 | 1 000 | [41,83; 42,59] |
| 4 | 10 000 | [41,48; 43,78] |

^{1.} Vu la taille importante des échantillons nous prendrons $\sigma_{\text{estimé}} = \sigma_{\text{\'e}chantillon}$

^{2.} Au seuil de 95% : $\left[\overline{x} - 1,96\frac{\sigma}{\sqrt{n}}; \overline{x} + 1,96\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right]$

Les résultats obtenues sur un échantillon de $n = 1\,000\,000$ parties sont les suivants :



Notons les excellentes performances avec une moyenne de 42,06 coups pour un temps de résolution moyen de seulement 31,2 ms par partie. C'est le meilleur algorithme que nous ayons trouvé, à tous points de vue.

Annexe C

CODES DES CARACTÈRES GRAPHIQUES

Voici la liste des caractères graphiques utilisés dans l'affichage en console. La plupart de ces caractères font partie de la famille Unicode Box Drawing, consultable sur la page http://www.unicode.org/charts/PDF/U2500.pdf.

```
# Caractères simples pour la grille
# Traits
CAR H = u' \setminus u2500'
                               # Trait Horizontal : -
CAR_V = u' \setminus u2502'
                           # Trait Vertical : |
# Coins
                              # Coin Haut Gauche : r
CAR CHG = u' \setminus u250C'
CAR_CHD = u'\u2510'  # Coin Haut Droite : 7
CAR_CBG = u'\u2514'  # Coin Bas Gauche :
                               # Coin Bas Droite : J
CAR CBD = u' \setminus u2518'
# T
                           # T Haut : _{\mathsf{T}}
# T Bas : ^{\perp}
# T Gauche : ^{\mid}
CAR_TH = u' \setminus u252C'
CAR TB = u'\setminus u2534'
CAR_TG = u' \setminus u251C'
CAR_TD = u' \setminus u2524' # T Droite : -
# +
CAR_CX = u' \setminus u253C' # Croix Centrale : +
# Caractères en gras pour les bateaux
# Traits
                            # Trait Gras Horizontal : -
# Trait Gras Vertical :
CAR GH = u'\setminus u2501'
CAR_GV = u' \setminus u2503'
# T
                               # T Gras Bas : ┷
CAR GTB = u' \setminus u2537'
CAR_GTD = u'\u2528'  # T Gras Droite : -
CAR_GTDH = u'\u252A'  # T Droite Haut : -
# Coins
CAR GCBD = u'\u251B' # Coin Gras Bas Droite :
```

Annexe C : Codes des caractères graphiques

Annexe D

DOCUMENTATION DES MODULES

Les documentations ci-dessous ont été obtenues automatiquement grâce à la commande pydoc3 <module.Classe> et sont générés par les docstrings à l'intérieur de chaque objet. Leur intégration automatique en La se fait avec :

\immediate\write18{pydoc3 module.Classe > ./docstrings/module.Classe}
\verbatiminput{./docstrings/module.Classe}

1 Module bn_grille.py

1.1 Classe Bateau

```
Help on class Bateau in bn grille:
bn grille.Bateau = class Bateau(builtins.object)
 | Classe pour définir les bateaux
  Methods defined here:
    __init__(self, taille, start, sens)
        Un bateau est défini par :
                - Sa taille
                - Son point de départ (start)
                - Son sens (DROITE, GAUCHE, BAS, HAUT)
        On récupère les cases occupées par le bateau
        ainsi que les cases adjacentes
   Data descriptors defined here:
    __dict__
        dictionary for instance variables (if defined)
    __weakref__
        list of weak references to the object (if defined)
```

1.2 Classe Grille

```
Help on class Grille in bn_grille:
bn grille.Grille = class Grille(builtins.object)
 | Classe pour définir la grille de jeu
   Methods defined here:
    init (self, xmax=10, ymax=10, taille bateaux=[5, 4, 3, 3, 2])
        Initialisation de la grille de jeu
        Les cases sont numérotées de 0 à (x|y)max-1
   add bateau(self, bateau)
        Ajoute un bateau dans la grille
        et met à jour les états des cases adjacentes
   add_bateau_alea(self, taille)
        Ajoute un bateau aléatoire de taille donnée
   add bateau alea0(self, taille, nb essais max=20)
        Ajoute un bateau aléatoire (valide)
   adjacent(self, case)
        Retourne la liste des cases vides adjacentes à case
        dans l'ordre : DROITE, GAUCHE, HAUT, BAS
   affiche(self)
        Affiche la grille
        Méthode à surcharger suivant l'interface
   case max(self, affiche=False)
        Détermine la case qui contient le plus de bateaux et
        regardant sur chaque case le nombre de bateaux possibles
    case max echantillons(self, nb echantillons=100, affiche=False)
        Calcul des probabilités sur chaque case vide de contenir
        un bateau. Retourne la case la plus probable en essayant
        différents arrangements des bateaux restants
   case_max_touchee(self, case_touchee)
        Retourne le nombre de bateaux possibles
        sur chaque case adjacentes à case (qui vient d'être touchée)
```

```
copie_grille_tmp(self)
    Crée une copie temporaire de la grille
elimine_cases(self)
    Élimine les cases dans lesquelles
    le plus petit bateau ne peut pas rentrer
fini(self)
    Renvoie True si tous les bateaux ont été coulés
get max space(self, case, direction=(1, 1), sens=1)
    Renvoie la plus grande place possible sur cette case
    dans une direction
get_possibles(self, affiche=False)
    Crée la liste des bateaux possibles démarrant sur chaque case
    ainsi que la liste des cases et directions possibles pour
    chaque bateau
get taille max(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus grand restant
get taille min(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus petit restant
init bateaux alea(self)
    Initialise une grille avec des bateaux aléatoires
init bateaux alea bak(self, ordre='random')
    Initialise une grille avec des bateaux aléatoires
is_touche(self, case)
    Test si la case contient un bateau
make_bateau_alea0(self, taille)
    Crée un bateau aléatoire (pas forcément valide)
make_bateau_alea_bak(self, taille)
    Crée un bateau aléatoire (pas forcément valide)
reinit(self)
    Réinitialisation de la grille
```

2 Module bn_joueur.py

2.1 Classe Joueur

```
affiche_messages(self, affiche=True)
    Affiche la liste des messages
case_aleatoire(self)
    Retourne une case aléatoire parmi les cases vides
jeu_solo(self)
    Lance une partie solo sur une grille aléatoire
joue_coup(self)
    Joue un coup
tire(self, case)
    Tire sur la case (x,y)
    Renvoie True si la case est touchée,
    False si non touché ou case invalide
tire aleatoire(self)
    Tire sur une case aléatoire
Data descriptors defined here:
__dict__
    dictionary for instance variables (if defined)
__weakref__
    list of weak references to the object (if defined)
```

2.2 Classe Ordi

```
Methods defined here:
__init__(self, nom='HAL', niveau=5, nb_echantillons=100)
add_adjacentes_premiere(self)
    Ajoute les cases adjacentes possibles à
    la premiere case touchée dans la file d'attente
add_queue(self, case)
    Ajoute la case à la file d'attente
affiche bateaux(self)
    Affiche la liste des bateaux restant à couler
affiche queue(self)
    Affiche le contenu de la file d'attente
affiche_suivi(self)
    Affiche la grille de suivi des coups
coup suivant(self)
    Fait jouer à l'ordinateur le coup suivant
elimine adjacentes(self)
    Élimine les cases adjacents à un bateau coulé
elimine petites(self)
    Élimine les cases dans lesquelles le plus petit bateau
    ne peut pas rentrer
make case aleatoire(self)
    Choisit une case aléatoire (suivant l'algorithme choisi)
pop_queue(self)
    Récupère, en l'enlevant, le premier élément de la queue
rem bateau(self)
    Enlève le dernier bateau coulé
rem_queue(self, case)
    Enlève la case de la file d'attente
resolution(self)
```

```
Lance la résolution de la grille par l'ordinateur
shuffle_queue(self)
    Mélange les cases de la file d'attente en les triant
    par ordre décroissant des bateaux possibles
test_plus_grand(self)
    Renvoie True si on a touché autant de cases que
    le plus grand bateau restant
tire_case_courante(self)
    Tire sur la case courante
update_queue_manque(self)
    Met à jour la file d'attente en éliminant une direction
    impossible, après avoir manqué la case en face
update_queue_touche(self)
    Met à jour la file d'attente en enlevant les cases
    qui ne sont pas dans la bonne direction après avoir
    touché une 2ème fois
vide_queue(self)
    Vide la file d'attente
Methods inherited from Joueur:
add_bateau(self, taille, start, direction)
    Ajoute un bateau sur la grille du joueur
affiche_messages(self, affiche=True)
    Affiche la liste des messages
case_aleatoire(self)
    Retourne une case aléatoire parmi les cases vides
jeu solo(self)
    Lance une partie solo sur une grille aléatoire
joue coup(self)
    Joue un coup
```

```
tire(self, case)
    Tire sur la case (x,y)
    Renvoie True si la case est touchée,
    False si non touché ou case invalide

tire_aleatoire(self)
    Tire sur une case aléatoire

Data descriptors inherited from Joueur:

__dict__
    dict__
    dictionary for instance variables (if defined)

__weakref__
    list of weak references to the object (if defined)
```

2.3 Classe Partie

```
Help on class Partie in bn_joueur:

bn_joueur.Partie = class Partie(builtins.object)

| Gère le déroulement de la partie

| Methods defined here:

| __init__(self, joueur=<bn_joueur.Joueur object at 0x7f322057a278>, adversaire=<br/>| add_bateau_joueur(self, taille)

| Ajoute un bateau pour le joueur

| get_bateaux_adverse(self)

| Récupère la liste des bateaux adverses

| get_coup_adverse(self)

| Récupère le coup de l'adversaire

| lance_partie(self)

| Lance une partie à deux joueurs

| place_bateaux_joueur(self)

| Place tous les bateaux du joueur
```

```
Data descriptors defined here:

| __dict__
| dictionary for instance variables (if defined)

| __weakref__
| list of weak references to the object (if defined)
```

3 Module bn_console.py

3.1 Classe GrilleC

```
Help on class GrilleC in bn_console:
bn_console.GrilleC = class GrilleC(bn_grille.Grille)
 | Affichage de la grille en mode console
  Method resolution order:
        GrilleC
        bn_grille.Grille
        builtins.object
  Methods defined here:
   __init__(self, xmax=10, ymax=10, taille_bateaux=[5, 4, 3, 3, 2])
   affiche(self)
        Affiche une grille
   affiche_adverse(self, grille=None)
        Affiche la grille de suivi de l'adversaire
        en entourant nos propres bateaux
   make_chaine(self)
        Crée la grille avec des caractères graphiques
   make_chaine_adverse(self, grille=None)
        Crée la grille avec des caractères graphiques
        en entourant en gras nos bateaux
```

```
Methods inherited from bn_grille.Grille:
add_bateau(self, bateau)
    Ajoute un bateau dans la grille
    et met à jour les états des cases adjacentes
add_bateau_alea(self, taille)
    Ajoute un bateau aléatoire de taille donnée
add bateau alea0(self, taille, nb essais max=20)
    Ajoute un bateau aléatoire (valide)
adjacent(self, case)
    Retourne la liste des cases vides adjacentes à case
    dans l'ordre : DROITE, GAUCHE, HAUT, BAS
case max(self, affiche=False)
    Détermine la case qui contient le plus de bateaux et
    regardant sur chaque case le nombre de bateaux possibles
case_max_echantillons(self, nb_echantillons=100, affiche=False)
    Calcul des probabilités sur chaque case vide de contenir
    un bateau. Retourne la case la plus probable en essayant
    différents arrangements des bateaux restants
case_max_touchee(self, case_touchee)
    Retourne le nombre de bateaux possibles
    sur chaque case adjacentes à case (qui vient d'être touchée)
copie_grille_tmp(self)
    Crée une copie temporaire de la grille
elimine_cases(self)
    Élimine les cases dans lesquelles
    le plus petit bateau ne peut pas rentrer
fini(self)
    Renvoie True si tous les bateaux ont été coulés
get_max_space(self, case, direction=(1, 1), sens=1)
    Renvoie la plus grande place possible sur cette case
```

```
dans une direction
get_possibles(self, affiche=False)
    Crée la liste des bateaux possibles démarrant sur chaque case
    ainsi que la liste des cases et directions possibles pour
    chaque bateau
get_taille_max(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus grand restant
get_taille_min(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus petit restant
init_bateaux_alea(self)
    Initialise une grille avec des bateaux aléatoires
init_bateaux_alea_bak(self, ordre='random')
    Initialise une grille avec des bateaux aléatoires
is_touche(self, case)
    Test si la case contient un bateau
make_bateau_alea0(self, taille)
    Crée un bateau aléatoire (pas forcément valide)
make bateau alea bak(self, taille)
    Crée un bateau aléatoire (pas forcément valide)
reinit(self)
    Réinitialisation de la grille
rem_bateau(self, taille)
    Enlève le bateau de taille taille de la liste
test_bateau(self, bateau)
    Test si le bateau est valide (rentre bien) dans la grille
test case(self, case)
    Test si une case est valide (dans la grille) et vide
update(self)
    Met à jour les paramètres de la grille
```

3.2 Classe JoueurC

```
Help on class JoueurC in bn_console:
bn_console.JoueurC = class JoueurC(bn_joueur.Joueur)
    Joueur en mode console
   Method resolution order:
        JoueurC
        bn_joueur.Joueur
        builtins.object
   Methods defined here:
    __init__(self, nom='Joueur')
   affiche_messages(self, affiche=True)
        Affiche les messages du joueur
   jeu_solo(self)
        Lance une partie solo sur une grille aléatoire
    joue_coup(self)
        Joue un coup sur une case
   Methods inherited from bn_joueur.Joueur:
    add_bateau(self, taille, start, direction)
        Ajoute un bateau sur la grille du joueur
```

3.3 Classe OrdiC

```
resolution latex(self, affiche=True, grille=None)
    Lance la résolution de la grille par l'ordinateur
    avec affichage en LaTeX pour copier-coller dans le rapport
Methods inherited from JoueurC:
affiche_messages(self, affiche=True)
    Affiche les messages du joueur
jeu_solo(self)
    Lance une partie solo sur une grille aléatoire
joue_coup(self)
    Joue un coup sur une case
Methods inherited from bn_joueur.Ordi:
add_adjacentes_premiere(self)
    Ajoute les cases adjacentes possibles à
    la premiere case touchée dans la file d'attente
add queue(self, case)
    Ajoute la case à la file d'attente
affiche bateaux(self)
    Affiche la liste des bateaux restant à couler
affiche queue(self)
    Affiche le contenu de la file d'attente
affiche_suivi(self)
    Affiche la grille de suivi des coups
coup_suivant(self)
    Fait jouer à l'ordinateur le coup suivant
elimine_adjacentes(self)
    Élimine les cases adjacents à un bateau coulé
elimine_petites(self)
    Élimine les cases dans lesquelles le plus petit bateau
```

```
ne peut pas rentrer
make_case_aleatoire(self)
    Choisit une case aléatoire (suivant l'algorithme choisi)
pop_queue(self)
    Récupère, en l'enlevant, le premier élément de la queue
rem_bateau(self)
    Enlève le dernier bateau coulé
rem queue(self, case)
    Enlève la case de la file d'attente
shuffle_queue(self)
    Mélange les cases de la file d'attente en les triant
    par ordre décroissant des bateaux possibles
test plus grand(self)
    Renvoie True si on a touché autant de cases que
    le plus grand bateau restant
tire_case_courante(self)
    Tire sur la case courante
update_queue_manque(self)
    Met à jour la file d'attente en éliminant une direction
    impossible, après avoir manqué la case en face
update queue touche(self)
    Met à jour la file d'attente en enlevant les cases
    qui ne sont pas dans la bonne direction après avoir
    touché une 2ème fois
vide_queue(self)
    Vide la file d'attente
Methods inherited from bn_joueur.Joueur:
add_bateau(self, taille, start, direction)
    Ajoute un bateau sur la grille du joueur
```

3.4 Classe PartieC

```
Help on class PartieC in bn_console:

bn_console.PartieC = class PartieC(bn_joueur.Partie)
   | Partie à deux joueurs en mode console
   |
   | Method resolution order:
   | PartieC
   | bn_joueur.Partie
   | builtins.object
   |
   | Methods defined here:
   |
   | __init__(self, joueur=<bn_joueur.Joueur object at 0x7fb847c37fd0>, adversaire=<br/>
   | add_bateau_joueur(self, taille)
   | Ajoute un bateau pour le joueur
   |
   | affiche_grilles(self, fin=False, cheat=False)
   | Affiche les deux grilles cote à cote,
```

avec les noms des joueurs

3.5 Classe MainConsole

```
Help on class MainConsole in bn_console:
```

```
jeu_contre_ordi(self)
    Partie en duel contre l'ordinateur
jeu_ordi(self, affiche=True, xmax=10, ymax=10, taille_bateaux=[5, 4, 3, 3, 2], n
    Résolution d'une grille par l'ordinateur
jeu_solo(self)
    Jeu solo sur une grille aléatoire
launch_menu(self)
    Menu de lancement
launch_test_algo(self)
    Lancement de la procédure de test
    de l'algorithme de résolution
test_algo(self, n=1000, xmax=10, ymax=10, taille_bateaux=[5, 4, 3, 3, 2], niveau
    Test de l'agorithme de résolution sur n parties
    et affichage des statistiques
Data descriptors defined here:
__dict_
    dictionary for instance variables (if defined)
    list of weak references to the object (if defined)
```

4 Module bn_stats.py

4.1 Classe Stats

```
get_all_stats(self)
    Récupère tous les indicateurs statistiques
get_effectif(self)
    Calcul de l'effectif total
get_maxi(self)
    Calcul du maximum
get_mini(self)
    Calcul du minimum
get_mode(self)
    Calcul du mode
get_moyenne(self)
    Calcul de la moyenne
get_quartiles(self)
    Calcul des quartiles. Renvoie une liste [Q1, Med, Q3].
    La médiane est définie comme le terme de rang ceil(n/2)
get_sigma(self)
    Calcul de l'écart-type
histogramme(self, save=False)
    Crée la représentation graphique des données avec :
    - Un histogramme des fréquences
    - Un diagramme en boîte à moustache
    - Tous les indicateurs statistiques
load_data(self)
    Charge les données à partir d'un fichier texte
resume_stat(self)
    Affiche un résumé statistique
save_data(self)
    Sauvegarde les données à partir d'un fichier texte
Data descriptors defined here:
```

ANNEXE D: DOCUMENTATION DES MODULES

```
| __dict__
| dictionary for instance variables (if defined)
| 
| __weakref__
| list of weak references to the object (if defined)
```

Annexe E -

L'ALGORITHME EN ACTION

Dans cet annexe, le déroulement d'une partie avec le niveau 5 :

| | A | В | C | D | E | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | | | | | | |
| 5 | | | | | | | | | | |
| 6 | | | | | | | | | | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> C'est parti !!!

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | | | | | | |
| 5 | | | | | | 0 | | | | |
| 6 | | | | | | | | | | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case F5 qui est la plus probable (34 bateaux possibles) $<\!$ HAL> F5 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | | 0 | | | | |
| 6 | | | | | | | | | | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case E4 qui est la plus probable (34 bateaux possibles) $<\!$ HAL> E4 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | | 0 | | | | |
| 6 | | | | | | | × | | | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

```
<HAL> Je tire sur la case G6 qui est la plus probable (32 bateaux possibles)
<HAL> G6 : Touché
<HAL> J'ajoute la case H6 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case F6 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case G5 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case G7 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> F6 : 12 bateaux possibles
<HAL> G5 : 12 bateaux possibles
<HAL> H6 : 11 bateaux possibles
<HAL> G7 : 11 bateaux possibles
<HAL> F1 : 11 bateaux possibles
<HAL> F1 : 12 bateaux possibles
<HAL> F1 : 13 bateaux possibles
<HAL> F1 : 14 bateaux possibles
<HAL> F1 : 15 bateaux possibles
<HAL> F1 : 16 : 17 bateaux possibles</HAL> F1 : 18 bateaux possibles</hr>
```

| | A | В | С | D | E | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | | 0 | | | | |
| 6 | | | | | | × | × | | | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

```
<HAL> Je tire sur la case F6 de la file d'attente
<HAL> F6 : Touché
<HAL> Le bateau touché est horizontal
<HAL> J'enlève la case G5 de la file d'attente
<HAL> J'enlève la case G7 de la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case E6 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case E6 à la file d'attente
<HAL> File d'attente : H6 E6
```

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | | 0 | | | | |
| 6 | | | | | | × | × | × | | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case H6 de la file d'attente

<HAL> H6 : Touché

<HAL> J'ajoute la case I6 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : E6 I6

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | | 0 | | | | |
| 6 | | | | | × | × | × | × | | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case E6 de la file d'attente

<HAL> E6 : Touché

<HAL> J'ajoute la case D6 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : I6 D6

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | | 0 | | | | |
| 6 | | | | | × | × | × | × | × | |
| 7 | | | | | | | | | | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case I6 de la file d'attente

<HAL> I6 : Touché

<HAL> J'ajoute la case J6 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : D6 J6

<HAL> Bateau de taille 5 coulé car c'est le plus grand restant

<HAL> Je vide ma file d'attente

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

```
<HAL> Bateau de taille 5 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<HAL> Bateaux restant à couler : 4 3 3 2
<HAL> J'élimine la case adjacente G5
<HAL> J'élimine la case adjacente G7
<HAL> J'élimine la case adjacente F7
<HAL> J'élimine la case adjacente H5
<HAL> J'élimine la case adjacente H6
<HAL> J'élimine la case adjacente B6
<HAL> J'élimine la case adjacente D6
<HAL> J'élimine la case adjacente E5
<HAL> J'élimine la case adjacente E7
<HAL> J'élimine la case adjacente E7
<HAL> J'élimine la case adjacente J6
<HAL> J'élimine la case adjacente I5
<HAL> J'élimine la case adjacente I7
<HAL> J'élimine la case adjacente I7
<HAL> Je tire sur la case D2 qui est la plus probable (23 bateaux possibles)
<HAL> D2 : Manqué
```

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | | | | |
| 3 | | | 0 | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

 $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ Je tire sur la case C3 qui est la plus probable (23 bateaux possibles) $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ C3 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | | 0 | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case G2 qui est la plus probable (21 bateaux possibles)

<HAL> G2 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | | 0 | | | | | | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case F1 qui est la plus probable (20 bateaux possibles) $<\!$ HAL> F1 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case H3 qui est la plus probable (19 bateaux possibles) $<\!$ HAL> H3 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | | | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

 $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ Je tire sur la case C8 qui est la plus probable (19 bateaux possibles) $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ C8 : Manqué

| | A | В | С | D | E | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | | × | | | 0 | | | | | |
| 5 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

```
<HAL> Je tire sur la case B4 qui est la plus probable (19 bateaux possibles)
<HAL> B4 : Touché
<HAL> J'ajoute la case C4 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case A4 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case B3 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case B5 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> B5 : 8 bateaux possibles
<HAL> B3 : 8 bateaux possibles
<HAL> C4 : 6 bateaux possibles
<HAL> A4 : 4 bateaux possibles
<HAL> File d'attente : B5 B3 C4 A4
```

Annexe E : L'algorithme en action

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | | × | | | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case B5 de la file d'attente <hAL> B5 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | | × | | | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case B3 de la file d'attente <HAL> B3 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | | × | × | | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case C4 de la file d'attente

<HAL> C4 : Touché

<HAL> Le bateau touché est horizontal

<HAL> J'ajoute la case D4 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : A4 D4

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case A4 de la file d'attente

<HAL> A4 : Manqué

ANNEXE E: L'ALGORITHME EN ACTION

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case D4 de la file d'attente

<HAL> D4 : Touché

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

```
<HAL> Bateau de taille 3 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<HAL> Bateaux restant à couler : 4 3 2
<HAL> J'élimine la case adjacente C5
<HAL> J'élimine la case adjacente D3
<HAL> J'élimine la case adjacente D5
<HAL> Je tire sur la case E0 qui est la plus probable (12 bateaux possibles)
<HAL> E0 : Manqué
```

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case I1 qui est la plus probable (11 bateaux possibles) <HAL> I1 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | × | | | | | | |

```
<HAL> Je tire sur la case D9 qui est la plus probable (11 bateaux possibles)
<HAL> D9 : Touché
<HAL> J'ajoute la case E9 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case C9 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case D8 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> E9 : 6 bateaux possibles
<HAL> C9 : 6 bateaux possibles
<HAL> D8 : 2 bateaux possibles
<HAL> File d'attente : E9 C9 D8
```

Annexe E : L'algorithme en action

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | | × | 0 | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case E9 de la file d'attente <hAL> E9 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | | × | × | 0 | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case C9 de la file d'attente

<HAL> C9 : Touché

<HAL> Le bateau touché est horizontal

<HAL> J'enlève la case D8 de la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case B9 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : B9

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | | × | × | × | 0 | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case B9 de la file d'attente

<HAL> B9 : Touché

<HAL> J'ajoute la case A9 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : A9

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | | 0 | | | | | | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case A9 de la file d'attente

<HAL> A9 : Manqué

| | A | В | С | D | E | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | | | | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

```
<HAL> Bateau de taille 3 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<HAL> Bateaux restant à couler : 4 2
<HAL> J'élimine la case adjacente D8
<HAL> J'élimine la case adjacente B8
<HAL> Je tire sur la case B1 qui est la plus probable (6 bateaux possibles)
<HAL> B1 : Manqué
```

| | A | В | С | D | E | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | | | | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

```
<HAL> Je tire sur la case J3 qui est la plus probable (6 bateaux possibles)
<HAL> J3 : Touché
<HAL> J'ajoute la case I3 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case J2 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case J4 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> J2 : 4 bateaux possibles
<HAL> J4 : 3 bateaux possibles
<HAL> I3 : 1 bateaux possibles
<HAL> File d'attente : J2 J4 I3
```

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | | | | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

```
<HAL> Je tire sur la case J2 de la file d'attente
```

<HAL> J2 : Touché

<hAL> Le bateau touché est vertical

<HAL> J'enlève la case I3 de la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case J1 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : J4 J1

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | | | | 0 | | | 0 | |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | 0 |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | | | | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case J4 de la file d'attente <hAL> J4 : Manqué

Annexe E : L'algorithme en action

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | | | | 0 | | | 0 | 0 |
| 2 | | | | 0 | | | 0 | | | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | | | | 0 | | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | 0 |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 6 | | | | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | | | | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

<hAL> Je tire sur la case J1 de la file d'attente <hAL> J1 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | 0 |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 6 | | 0 | 0 | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | | × | | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

```
<HAL> Bateau de taille 2 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<hAL> Bateaux restant à couler : 4
<hAL> J'élimine la case adjacente I3
<HAL> J'élimine la case adjacente I2
<HAL> J'élimine la cases B2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<hAL> J'élimine la cases B6 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases C1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<hAL> J'élimine la cases C2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<hAL> J'élimine la cases C6 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases D1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases E1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases E2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases E3 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases F2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases F3 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases G1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases G3 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases H1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases H2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
{	imes} All Y delimine la cases J5 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases J7 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> Je tire sur la case G8 qui est la plus probable (3 bateaux possibles)
<HAL> G8 : Touché
<HAL> J'ajoute la case H8 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case F8 à la file d'attente
<hAL> Le plus petit bateau, de taille 4, ne rentre pas verticalement en case G8
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> H8 : 3 bateaux possibles
<HAL> F8 : 2 bateaux possibles
<hAL> File d'attente : H8 F8
```

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | 0 |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 6 | | 0 | 0 | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | | × | × | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case H8 de la file d'attente

<HAL> H8 : Touché

<hAL> Le bateau touché est horizontal

<HAL> J'ajoute la case I8 à la file d'attente <HAL> File d'attente : F8 I8

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | 0 |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 6 | | 0 | 0 | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | × | × | × | | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case F8 de la file d'attente

<HAL> F8 : Touché

<HAL> J'ajoute la case E8 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : I8 E8

Annexe E : L'algorithme en action

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | 0 |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 6 | | 0 | 0 | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | | × | × | × | 0 | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case I8 de la file d'attente <HAL> I8 : Manqué

| | A | В | С | D | Е | F | G | Н | I | J |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | | | | | 0 | | | | | |
| 1 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 3 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | × |
| 4 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | 0 |
| 5 | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 6 | | 0 | 0 | 0 | × | × | × | × | × | 0 |
| 7 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 8 | | 0 | 0 | 0 | × | × | × | × | 0 | |
| 9 | 0 | × | × | × | 0 | | | | | |

<HAL> Je tire sur la case E8 de la file d'attente

<HAL> E8 : Touché

<HAL> Bateau de taille 4 coulé car c'est le plus grand restant

<HAL> Je vide ma file d'attente

<hAL> Partie terminée en 36 coups