

ACADÉMIE DE LYON

PROJET DE VALIDATION DE LA FORMATION ISN 2015/2016

BATAILLE NAVALLE IMPLÉMENTATION, RÉSOLUTION AUTOMATIQUE ET APPROCHES PÉDAGOGIQUES

Frédéric Muller Lycée Arbez Carme

maths.muller@gmail.com

Le code source MTEX de ce rapport est disponible sur la page du projet https://github.com/Abunux/pyBatNav

L'ensemble du projet, ainsi que ce rapport, sont sous licence



https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/

Violence... is the last refuge of the incompetent. Isaac Asimov

TABLE DES MATIÈRES

1	Pré	sentation du projet	1
	1	Le jeu de la bataille navale	1
	2	Objectifs du projet	1
	3	Liste des modules du projet	2
	4		2
2	Que	1	3
	1	Coordonnées des cases	3
	2	Constantes de direction	3
	3	Paramètres en ligne de commande	3
3	Ges	tion de la grille	5
	1		5
	2	La classe Grille	5
		2.1 Présentation	5
		2.2 État de la grille	6
		2.3 Gestion des espaces vides	6
		2.4 Liste des bateaux possibles sur chaque case	6
		2.5 Gestion de la flotte	7
		2.6 Fin de la partie	7
4	Ges	tion des joueurs et de la partie	9
	1	La classe Joueur	9
	2	La classe Partie	9
5	Alg	orithme de résolution 1	1
	1	Phase de tir en aveugle	. 1
		1.1 Tirs aléatoires	. 1
		1.2 Optimisations	2
	2	Phase de tir ciblé	2
		2.1 Premier tir	3
		2.2 Deuxième tir	4
		2.3 Tirs suivants	.5
6	Affi	chage console 1	7
	1	Préliminaires	7
		1.1 Constantes graphiques	7
		1.2 Effacer le terminal	7

		1.3 Fusion des deux grilles
		1.4 Autres fonctions d'affichage
	2	Affichage des grilles
		2.1 Affichage simple de la grille
		2.2 Affichage de la grille avec ses propres bateaux en gras
	3	Modes de jeu
7	Inte	erface web 21
	1	Serveur web
	2	HTML et CSS
	3	Script cgi
	4	Évolutions possibles
8	Poi	nt de vue pédagogique 23
9	Cor	nclusion 25
Aı	nne	xes 29
A	Étu	de des algorithmes clés 29
	1	Gestion de la grille
		1.1 Détermination des espaces vides
		1.2 Détermination des bateaux possibles démarrant sur chaque case et
		des placements possibles de chaque bateaux
		1.3 Création de bateaux aléatoires
	2	Détermination des bateaux coulés
	3	Algorithme de résolution
		3.1 Optimisation de la phase de tirs en aveugle
		3.2 Gestion de la file d'attente
		3.3 Algorithme complet de résolution
	4	Déroulement de la partie
В		de statistique des algorithmes de résolution 43
	1	Niveau 1
	2	Niveau 2
	3	Niveau 3
	4	Niveau 4
		4.1 Échantillons de taille nb_echantillons=10
		4.2 Échantillons de taille nb_echantillons=100 48
		4.3 Échantillons de taille nb_echantillons=1000
		4.4 Échantillons de taille nb_echantillons=1000
	_	4.5 Conclusion sur le niveau 4
	5	Niveau 5
	6	Niveau 6

		6.1	Seuil égal à 60	53
		6.2	Seuil égal à 70	54
		6.3	Conclusion sur le niveau 6	54
	7	Concl	lusions	55
C	Cod	es des	caractères graphiques	57
D	Doc	umen	tation des modules	59
	1	Modu	ıle bn_grille.py	59
		1.1	Classe Bateau	59
		1.2	Classe Grille	60
	2	Modu	ıle bn_joueur.py	62
		2.1	Classe Joueur	
		2.2	Classe Ordi	64
		2.3	Classe Partie	67
	3	Modu	ıle bn_console.py	68
		3.1	Classe GrilleC	68
		3.2	Classe JoueurC	71
		3.3	Classe OrdiC	72
		3.4	Classe PartieC	76
		3.5	Classe MainConsole	77
	4	Modu	ıle bn_stats.py	
		4.1	Classe Stats	
E	Ľalg	gorithi	ne en action	81

PRÉSENTATION DU PROJET

1 Le jeu de la bataille navale

Le jeu de la bataille navale est un jeu qui se joue à deux joueurs.

Chaque joueur dispose d'une grille sur laquelle il place des bateaux rectangulaires de différentes tailles et essaie, à tour de rôle, de deviner l'emplacement des bateaux de l'adversaire par des tirs successifs, ce dernier annonçant à chaque coup « manqué » ou « touché » (on ne rejoue pas après avoir touché). J'ai pris le parti de ne pas annoncer « coulé » lorsque toutes les cases d'un bateau ont été touchées pour rendre l'algorithme de résolution un petit peu plus intéressant.

Les bateaux peuvent être placés horizontalement ou verticalement et deux bateaux ne peuvent pas se trouver sur des cases adjacentes.

Les paramètres de jeu retenus dans ce projet sont ceux du jeu original, mais ils peuvent être facilement modifiés, à savoir que la grille est un carré 10 cases de côté et la composition de la flotte est la suivante :

- Un bateau de 5 cases
- Un bateau de 4 cases
- Deux bateaux de 3 cases
- Un bateau de 2 cases

Notons tout de suite quelques implications stratégiques de ces règles qui seront utilisées dans le projet :

- Le plus petit bateau étant de taille 2, il suffit de ne tirer que sur une cases sur deux (imaginez les cases noires d'un damier) lors de la recherche d'un bateau.
- Une fois qu'un bateau a été coulé, on peut éliminer de la recherche toutes ses cases adjacentes.
- On peut concevoir ce jeu comme un jeu à un seul joueur jouant sur une grille aléatoire.

2 Objectifs du projet

Mes objectifs ont été les suivants :

- Définir une structure de données pour modéliser la grille de jeu, ainsi que les joueurs.
- Implémenter un algorithme de résolution par l'ordinateur qui soit le plus performant possible (en nombre de coups ainsi qu'en temps de résolution d'un grille) et en faire une étude statistique complète.
- Avoir une interface permettant de jouer contre l'ordinateur, d'une part en mode console et, d'autre part, avec le module tkinter. J'ai également rajouté une inter-

face web en HTML5 utilisant un canvas, une communication via un script cgi et quelques fonctions en Javascript, à titre de démonstration.

3 Liste des modules du projet

Afin de faciliter les développement et la maintenance du projet, celui-ci a été décomposé en un certain nombre de modules :

- main.py: le programme principal. Il permet, via un argument --interface en ligne de commande de choisir l'interface de jeu (console ou tkinter).
- bn_utiles.py: contient quelques fonctions utiles ainsi que les constantes du projet.
- bn grille.py:gère la grille et les bateaux.
- bn_joueur.py: gère les joueurs et implémente l'algorithme de résolution.
- bn_stats.py : fournit les outils d'analyse statistique des résultats de l'algorithme de résolution.
- bn_console.py: toute l'interface en mode console, et l'étude statistique de l'algorithme de résolution.

L'ensemble du code source du projet a été déposé sur mon compte GitHub à l'adresse https://github.com/Abunux/pyBatNav

4 À propos des annexes

Vu l'ampleur du projet et la contrainte de taille du rapport, de nombreux points sont abordés en annexe, à partir de la page 29. On y trouve notamment les principaux algorithmes du programme, l'étude statistique des différents algorithmes de résolution ainsi que des points techniques du code et un exemple de résolution pas à pas.

QUELQUES FONCTIONS UTILES

1 Coordonnées des cases

Les cases de la grille sont codées par des tuples (x,y), où x est la colonne et y la ligne. Aussi nous utilisons la fonction alpha(case) qui, à partir des coordonnées, retourne sa représentation naturelle (par exemple 'B4') et coord(case_alpha) qui réalise l'opération réciproque.

Ces deux fonctions utilisent le code ASCII.

2 Constantes de direction

Les constantes suivantes, définies dans le module bn_utiles.py, indiquent les différentes directions, et sont utilisées dans tout le projet :

- DROITE = (1, 0)
- GAUCHE = (-1, 0)
- BAS = (0, 1)
- HAUT = (0, -1)

Ainsi que:

- TOUTES DIR = (1, 1) (toutes les direction)
- HORIZONTAL = (1, 0) (à gauche et à droite)
- VERTICAL = (0, 1) (en haut et en bas)

Elles permettent de rendre le code plus clair et plus compact.

3 Paramètres en ligne de commande

Le lancement du programme principal main. py admet un paramètre en ligne de commande. Ce paramètre est géré par le module argparse. La prototype est le suivant :



GESTION DE LA GRILLE

La gestion de la grille et des bateaux est effectuée dans le module bn_grille.py.

1 La classe Bateau

Cette classe, très minimaliste, définit un bateau par sa case de départ Bateau.start, sa taille Bateau.taille et sa direction Bateau.sens. Elle permet de récupérer:

- sa case de fin Bateau. end,
- la liste de ses cases occupées Bateau. cases,
- la liste de ses cases adjacentes Bateau.cases_adj.

2 La classe Grille

2.1 Présentation

Cette classe est au cœur du projet. Elle permet de mémoriser l'état de chaque case de la grille et d'effectuer des opérations comme :

- Gérer la liste des bateaux de la flotte : placer un bateau à une position donnée ou aléatoirement, placer une flotte aléatoire, supprimer un bateau coulé, ou encore garder la trace du plus grand bateau restant à couler.
- Déterminer le nombre de cases vides autour d'une case donnée, dans chacune des directions.
- Déterminer la liste, et le nombre, de bateaux possibles sur chaque case.
- Déterminer lorsque la grille est terminée.

Beaucoup de ces fonctionnalités seront utilisées par l'algorithme de résolution.

Afin de pouvoir faire évoluer les règles, elle prend les paramètres suivants lors de son initialisation :

- xmax et ymax : les dimensions de la grille
- taille_bateaux: la liste des bateaux

Dans la mesure où la grille a deux utilisations différentes (la grille du joueur et la grille de suivi des coups), j'ai d'abord décidé de créer deux classes héritées de Grille lors de la conception du projet, GrilleJoueur(Grille) et GrilleSuivi(Grille), afin de distinguer leurs méthodes spécifiques. Après coup je me suis rendu compte que cela n'apportait pas d'avantage significatif en terme de qualité de code donc je ne les utiliserai pas, mais elles sont encore présentes dans mon code pour une évolution future du projet.

2.2 État de la grille

L'attribut Grille. etat fournit l'état de la grille. C'est un dictionnaire indexé par les tuples (0,0), (0,1),..., (9,9), dans lesquels la première coordonnée correspond à la colonne de la case et la deuxième à sa ligne.

L'état d'une case peut être :

- 0 : case vide
- 1 : case touchée (ou contenant un bateau)
- −1 : case manquée ou impossible

La méthode Grille.test_case(self, case) permet de déterminer si une case est valide et vide, et Grille.is_touche(self, case) indique si une case donnée contient ou non un bateau.

Notons également l'utilisation de l'attribut Grille.vides qui est la liste des cases vides. Bien entendu, cette classe contient une fonction Grille.update(self) de mise à jour jour de l'état de la grille (liste des cases vides, tailles du plus petit et du plus grand bateau restant).

Enfin, la méthode Grille.adjacent (self, case) renvoie la liste de cases adjacentes à une case donnée.

2.3 Gestion des espaces vides

La méthodes Grille.get_max_space(self, case, direction, sens) renvoie le nombre de cases vides dans une direction donnée. Grâce aux constantes de direction, un seul calcul est nécessaire pour englober tous les cas (horizontal et vertical). L'algorithme est donné en annexe A, page 29.

Si le paramètre sens=1, la détermination se fait dans les deux sens (espace libre total horizontal ou vertical).

La méthode Grille.elimine_cases(self) parcourt toutes les cases vides et élimine celles dans lesquelles le plus petit bateau ne peut pas rentrer en mettant leur état à -1.

2.4 Liste des bateaux possibles sur chaque case

La méthode Grille.get_possibles(self) renvoie d'une part la liste des bateaux possibles démarrant sur chaque case (ainsi que leurs directions) et, d'autre part, la liste des positions (et directions) de départ possibles pour chaque bateau. Pour ce faire on procède en deux temps :

 Dans un premier temps, on parcourt la liste des cases vides et pour chacune de ces cases on détermine, pour chaque bateau et chaque direction (droite et bas), s'il peut démarrer sur cette case. Cela fournit le dictionnaire Grille.possibles_cases indexé par les cases et dont les éléments sont une liste de tuples de la forme (taille, direction).

```
Par exemple: \{(0,0):[(5,(1,0)),(5,(0,1)),\ldots\},(0,1):\ldots\}
```

• Dans un deuxième temps, on "retourne" ce dictionnaire pour obtenir le dictionnaire Grille.possibles indexé par les tailles des bateaux et dont les éléments sont une liste de tuples de la forme (case, direction).

```
Par exemple: \{5: [((0,0), (1,0)), ((0,0), (0,1)), ((1,0), (1,0)), \ldots\}, 4:\ldots\}
```

Cette méthode va servir à faire plusieurs choses :

- Créer une flotte aléatoire grâce au dictionnaire Grille.possibles, dans la méthode Grille.init bateaux alea(self).
- Déterminer la case optimale dans l'algorithme de résolution au niveau 5.
- Optimiser la file d'attente dans les algorithmes de résolution.
- Déterminer tous les arrangements possibles de bateaux sur la grille.

L'algorithme complet de cette méthode est donné en annexe A, page 30.

2.5 Gestion de la flotte

Le classe Grille contient toutes les méthodes nécessaires pour gérer la flotte de bateaux. Les méthodes Grille.get_taille_max(self) et Grille.get_taille_min(self) mettent à jour respectivement la taille maximum et la taille minimum des bateaux restant à trouver. La méthode Grille.rem_bateau(self, taille) permet de supprimer de la liste Grille.taille_bateaux un bateau coulé.

2.5.1 Ajout d'un bateau

La méthode Grille.add_bateau(self, bateau) permet d'ajouter un bateau (instance de la classe Bateau) après avoir testé sa validité via la méthode Grille.test_bateau(self, bateau), et marque ses cases adjacentes comme impossibles.

2.5.2 Création d'un flotte aléatoire

La méthode Grille.add_bateau_alea(self, taille) permet d'ajouter un bateau aléatoire de taille donnée sur la grille.

Pour créer une flotte aléatoire, on utilise la méthode Grille.init_bateaux_alea(self) dont l'algorithme est donné en annexe A, page 31.

2.6 Fin de la partie

L'attribut Grille.somme_taille, initialisé dès le départ avec la classe Grille, contient le nombre total de cases à toucher. La méthode Grille.fini(self) compare donc ce nombre avec le nombre de cases touchée dans Grille.etat pour déterminer si la grille a été résolue.

Chapitre 3 : Gestion de la grille

GESTION DES JOUEURS ET DE LA PARTIE

La gestion des joueurs et du déroulement de la partie se font dans le module bn_joueur.py mais les classes Joueur et Partie sont très minimales et ne constituent majoritairement qu'un squelette pour la suite. Elles seront largement héritées, que ce soit par la classe Ordi qui implémente l'algorithme de résolution, que pour les différentes interfaces (console et graphique).

1 La classe Joueur

Lors de son initialisation, on peut donner un nom au joueur et on initialise sa grille de jeu Joueur.grille_joueur, la grille de l'adversaire Joueur.grille_adverse ainsi que sa grille de suivi des coups Joueur.grille_suivi.

On en profite aussi pour initialiser quelques variables d'état comme la liste des coups déjà joués, le nombre de coups joués et les cases des bateaux coulés détectés.

Les méthodes principales de cette classe sont Joueur.tire(self, case) qui permet de tirer sur une case et d'avoir en retour le résultat du coup (y compris si le coup n'est pas valide) et Joueur.check_coules(self) qui détermine les bateaux coulés dont l'algorithme est donné en annexe A, page 32.

Notons l'attribut Joueur.messages qui est une liste contenant différents messages d'information (comme par exemple "A2: Touché", ou encore les messages indiquant comment l'algorithme résout la grille). Lors de l'affichage des messages, il suffit de vider cette liste grâce à des pop(0) successifs dans la méthode Joueur.affiche_messages(self) en affichant chaque élément pour avoir un suivi.

2 La classe Partie

Ici encore, un squelette et des méthodes très générales pour une classe qui sera héritée dans les interfaces.

Elle se contente de définir l'adversaire, de placer les bateaux du joueur et de récupérer les paramètres de l'adversaire (sa grille et le coup qu'il vient de jouer).

Notons l'instruction isinstance(self.adversaire, Ordi) qui permet de savoir si l'adversaire est l'ordinateur.

À la base je voulais faire un mode de jeu en réseau et c'est ici que se seraient trouvées les instructions de communication.

L'algorithme décrivant le déroulement de la partie est donné en annexe A, page 42.

CHAPITRE 4 : GESTION DES J	OUEURS ET DE LA PARTIE
10	ISN 2016 - BATAILLE NAVALE

ALGORITHME DE RÉSOLUTION

L'algorithme de résolution est implémenté dans la classe Ordi (Joueur) du module bn_joueur.py, dans la méthode Ordi.coup_suivant(self).L'attribut Ordi.case_courante contient la case qui est entrain d'être jouée.

Il fonctionne en deux temps : dans un premier temps une phase de tirs en aveugle et, une fois qu'une case a été touchée, une phase de tirs ciblés jusqu'à ce que le bateau soit coulé.

Différents algorithmes de résolution sont implémentés et choisis avec l'attribut Ordi.niveau:

- Ordi.niveau=1: Uniquement des tirs aléatoires en aveugle et pas de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=2: Tirs aléatoires et phase de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=3: Tirs aléatoires sur les cases noires et phase de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=4: Détermination de la case optimale par des échantillons et phase de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=5: Détermination de la case optimale par le nombre de bateaux possibles sur chaque case et phase de tirs ciblés.
- Ordi.niveau=6: Idem niveau 5, mais dès que le nombre de cases vides passe endessous de Ordi.seuil, l'algorithme énumère toutes les répartitions de bateaux possibles.

Une étude statistique de chacun de ces algorithmes est donnée en annexe B, page 43 et un exemple de résolution pas à pas (avec le niveau 5) est donné dans l'annexe E, page 81. L'algorithme complet de résolution est donné en annexe A, page 41.

1 Phase de tir en aveugle

Lors de cette phase, l'algorithme va commencer par éliminer les zones dans lesquelles le plus petit bateau restant ne peut pas rentrer, puis choisir une case aléatoire parmi les cases vides. Le choix de cette case va, en grande partie, déterminer les performances de l'algorithme.

1.1 Tirs aléatoires

1.1.1 Méthode naïve

La méthode la plus naïve est de choisir une case de manière uniforme dans la liste des cases vides avec l'instruction random.choice(liste).

Cette méthode est celle qui peut être attendue d'un élève (qui peut se contenter de ça pour l'ensemble de son algorithme de résolution) et la seule qui permette de résolute la grille uniquement en faisant des tirs en aveugle.

1.1.2 Méthode des cases noires

Dans la mesure où le plus petit bateau est de taille 2, si on imagine la grille comme un damier, un bateau recouvre obligatoirement une case noire. On peut donc se contenter de viser uniquement parmi ces cases.

Une case (x, y) est une case noire si, et seulement si, (x + y)%2 == 0.

1.2 Optimisations

1.2.1 Méthode par échantillonnage

Dans la méthode suivante, on va essayer d'optimiser les tirs en aveugle en estimant la probabilité de chaque case de contenir un bateau.

Pour ce faire, on va créer un échantillon de n répartitions aléatoires de bateaux sur les cases vides restantes et on va compter, sur chacune, le nombre de fois où elle a été occupée ce qui va nous donner une densité de probabilités pour chaque case. Cette partie est gérée par la méthodes $Grille.case_max_echantillons(self, nb_echantillons)$ dont l'algorithme est donné en annexe A, page 33.

Les performances en nombre d'essais sont satisfaisantes, mais le temps de calcul beaucoup trop élevé.

1.2.2 Méthode par énumération de tous les cas

On peut essayer de déterminer tous les arrangements de bateaux possibles sur la grille à chaque coup, de manière récursive. Cette approche semble optimale mais malheureusement, vu le nombre de configurations, cette approche est inutilisable sur une grille standard. Elle est néanmoins implémentée dans la méthode Grille.case max all(self).

1.2.3 Méthodes par comptage

Dans cette méthode, on va compter pour chaque case le nombre de bateaux possibles contenant celle-ci et tirer sur celle qui en contient le plus.

La méthode Grille.case_max(self) renvoie la case optimale, ainsi que le nombre de bateaux qu'elle contient. L'algorithme est donné en annexe A, page 34.

Bien que locale (on ne regarde pas la répartition de tous les bateaux ensemble sur la grille), cette méthode est très efficace.

2 Phase de tir ciblé

Lors de cette phase, on va utiliser une file d'attente dans la liste Ordi.queue qui va contenir la liste des prochaines cases à viser. On va également garder la trace des cases touchées sur ce bateau dans la liste Ordi.liste_touches, ainsi que sa première case touchée dans Ordi.case_touchee.

2.1 Premier tir

2.1.1 Création de la liste des cases adjacentes

Lors du premier tir touché après la phase de tir en aveugle, l'attribut Ordi.case_touchee reçoit la case courante qui sera également ajoutée à Ordi.liste_touches. Puis on va remplir la file d'attente avec les cases adjacentes à la case touchée.

L'algorithme va également vérifier si le plus petit bateau ne peut pas rentrer dans une direction. Imaginons, par exemple, que le plus petit bateau restant soit de taille 3 et qu'on vienne de toucher la case (3,0) dans la configuration suivante :

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0				X						
1										
2				0						

Le bateau de taille 3 ne rentre pas verticalement

Il ne sert alors à rien de mettre la case (3,1) dans la file d'attente car le plus petit bateau de taille 3 ne peut pas rentrer verticalement en (3,0).

La construction de la liste des cases adjacentes possibles est effectuée par la méthode Ordi.add_adjacentes_premiere(self) dont l'algorithme est donné en annexe A, page 37.

2.1.2 Optimisation de la file d'attente

Pour l'optimisation de cette phase, on va classer la file d'attente en ordre décroissant de nombre de bateaux possibles avec la méthode Ordi.shuffle_queue(self).

Cette optimisation est un petit peu délicate. Une fois qu'une case a été touchée, l'algorithme va tester ses 4 (au maximum) cases adjacentes et les ranger en ordre décroissant du nombre de bateaux possibles. C'est le rôle de la méthode Grille.case_max_touchee(self, case_touchee), dont l'algorithme complet est donné en annexe A, page 38.

Notons (x, y) les coordonnées de la case touchée et intéressons nous au nombre de bateaux possibles sur les cases adjacentes horizontales (pour les verticales, c'est exactement la même chose). Pour chaque taille de bateau à couler possible contenant case_touchee il faudra distinguer trois cas :

- 1) Le bateau est à gauche de case_touchee et se termine sur cette case. Dans ce cas on augmente de 1 le nombre de possibilités de la case à gauche (x-1, y)
- 2) Le bateau est à cheval sur case_touchee. Dans ce cas on augmente de 1 le nombre de possibilités de la case à gauche (x-1, y) et de celle à droite (x+1, y)
- 3) Le bateau est à droite de case_touchee et commence sur cette case. Dans ce cas on augmente de 1 le nombre de possibilités de la case à droite (x+1, y)

Exemple:

Imaginons que, sur une grille vierge, on vienne de toucher la case de coordonnées (5,0) et regardons le nombre de façons de placer le bateau de taille 4 à gauche et à droite :

1) Le bateau rentre à gauche de la case (5,0) :

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0			Х	Х	Х	X				

La case (4,0) est augmentée de 1

2) Le bateau est à cheval sur la case (5,0) (2 possibilités) :

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0				Χ	Χ	X	Χ			
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
					Y	Y	Х	Y		

Les cases (4,0) et (6,0) sont augmentées de 2

3) Le bateau rentre à droite de la case (5,0) :

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
)						X	Х	Х	Х	

La case (6,0) est augmentée de 1

Au final, la case (4,0) admet 3 bateaux horizontaux de taille 4 et idem pour la case (6,0). Si la case (3,0) avait été jouée et manquée nous aurions obtenu 1 bateau horizontal de taille 4 possible sur la case (4,0) et 2 sur la case (6,0) :

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0				0		X				

Une fois que le compte des bateaux possibles a été effectué sur chacune des cases adjacentes, on crée une liste probas_liste contenant des tuples de la forme (case, probas[case]) que l'on ordonne en ordre décroissant de possibilités grâce à l'instruction sorted(probas_liste, key=lambda proba: proba[1], reverse = True) et que l'on retourne.

2.2 Deuxième tir

Lors du deuxième tir (c'est à dire sur la première case de la file d'attente), on peut soit toucher, soit manquer.

2.2.1 Deuxième tir touché

Si on touche alors, grâce à la méthode Ordi.update_queue_touche(self), on détermine la direction du bateau (horizontal ou vertical) en comparant les coordonnées de Ordi.case_courante et Ordi.case_touchee et on enlève les cases de la file d'attente qui ne sont pas dans la bonne direction. On ajoute enfin la case à l'extrémité de la configuration créée à la file d'attente et on met à jour la liste Ordi.liste_touches. L'algorithme de cette partie est donné en annexe A, page 39.

2.2.2 Deuxième tir manqué

Si on manque, alors on a peut-être bloqué une direction.

La méthode Ordi.update_queue_manque(self) se charge de cette vérification et élimine la case en face de la case jouée si besoin de la file d'attente.

Regardons un exemple. Imaginons que le plus petit bateau à trouver soit de taille 4 et que la première case touchée soit la case (3,0). Nous venons de manquer la case (4,0). Alors le bateau de taille 4 ne rentre plus horizontalement et on peut éliminer la case (2,0) :

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	0			X						

À ce niveau, le bateau de taille 4 rentre horizontalement.

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	0			X	0					

Après ce coup, le bateau de taille 4 ne rentre plus horizontalement et on peut éliminer la case (2,0).

Pour ce faire, on détermine la direction dans laquelle on vient de tirer en comparant les coordonnées de Ordi.case_courante et Ordi.case_touchee et on regarde si le plus petit bateau rentre dans la direction en face. L'algorithme de cette partie est donné en annexe A, page 40.

2.3 Tirs suivants

Une fois que la direction du bateau est déterminée, à chaque fois qu'on touche une case, on ajoute à la file d'attente sa case adjacente dans la bonne direction si elle est vide.

Enfin on s'arrête lorsque la file d'attente est vide (on a manqué les deux extrémités) ou lorsque la taille du bateau touché est égale à la plus grande taille du bateau sur la grille avec Ordi.test_plus_grand(self) et, dans ce cas, on vide la file d'attente.

Au prochain tour, on sait qu'un bateau vient d'être coulé lorsque la file d'attente est vide et Ordi.liste_touches ne l'est pas. Dans ce cas on marque ses cases adjacentes comme impossibles et on l'enlève de la liste des bateaux à chercher. On n'a plus alors qu'à repartir dans une phase de tir en aveugle jusqu'à ce qu'on ait terminé la grille.

Chapitre 5 : Algorithme de résolution					

AFFICHAGE CONSOLE

Le module bn_console.py implémente l'interface en mode console.

L'idée de cette interface est de rendre hommage au style de jeu des années 80 en essayant d'en garder au maximum l'esprit.

Il est fortement conseillé de mettre la fenêtre de terminal en plein écran afin d'avoir un affichage complet des grilles.

1 Préliminaires

1.1 Constantes graphiques

Pour afficher les grilles j'utilise des caractères graphiques en unicode (famille Box Drawing de codes U2500 à U257F). Ceux-ci donnent tous les outils afin de fabriquer des grilles, y compris avec des caractères gras. Pour des raisons de commodité, le code de chacun des caractères utilisés est stocké dans une constante (par exemple CAR_CX=u'\u253C' correspond à la croix centrale †). La liste complète des codes des caractères utilisés est donnée en annexe C page 57.

1.2 Effacer le terminal

Le module os permet d'une part d'accéder à la version du système d'exploitation avec os . name et, d'autre part, de lancer des commandes système avec os . system(commande). La combinaison de ces deux commandes permet facilement de pouvoir effacer l'écran en utilisant la commande cls sous Windows et clear sous Linux.

1.3 Fusion des deux grilles

Lors d'une partie contre un adversaire, il faut pouvoir afficher côte à côte la grille de suivi du joueur ainsi que sa propre grille avec, au fur et à mesure, les coups joués par l'adversaire. Afin de réaliser cette opération on utilise la fonction fusion(chaine1, chaine2). Celle-ci prend en entrée deux chaînes de caractères et retourne la chaîne fusionnée de la façon suivante : chaque chaîne est convertie en liste en prenant comme séparateur le caractère de retour de ligne '\n' grâce à la méthode String.split('\n'). Ensuite, en prenant à tour de rôle les éléments de chacune des listes et en insérant un caractère de trait vertical entre les deux on crée la chaîne fusionnée.

Le résultat peut être vu plus bas en page 20.

1.4 Autres fonctions d'affichage

La fonction centre (chaine, longueur) centre la chaîne sur un espace de longueur donnée en insérant le nombre d'espaces nécessaires. Cette fonction sera utilisée pour l'affichage des noms des joueurs.

La fonction boite (texte, prefixe, longueur) permet d'encadrer le texte dans une boîte de longueur donnée, chaque ligne étant précédée d'un préfixe. Cette fonction sera utilisée pour afficher la liste des messages pour chaque joueur à chaque tour, les préfixe servant à identifier l'auteur du message.

Notons enfin qu'afin de pouvoir réutiliser le code de ce module dans d'autres contextes (comme une interface en tkinter), la fonction print (*args) a été encapsulée dans une fonction info (*args) de sorte qu'il suffit de surcharger cette dernière pour envoyer l'affichage ailleurs (par exemple dans une boîte de texte dans une fenêtre graphique)

2 Affichage des grilles

La classe GrilleC(Grille) hérite de la classe Grille en ajoutant uniquement les fonctions d'affichage.

2.1 Affichage simple de la grille

La méthode GrilleC.make_chaine(self) crée la chaîne de caractères de la grille simple. En plus des coins, chaque case utilise 3 caractère horizontaux (ce qui permet de centrer un symbole) et 1 caractère vertical.

Pour cet affichage, on crée les lignes les unes après les autres (dans deux boucles impbriquées) en marquant les cases suivant les valeurs de Grille.etat. La seule subtilité provient des deux premières et de la dernière ligne (à cause des coins).

2.2 Affichage de la grille avec ses propres bateaux en gras

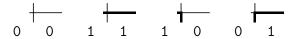
Cette partie est beaucoup plus délicate. L'idée est d'afficher une grille en entourant ses propres bateaux et en marquant les coups joués par l'adversaire (sa grille de suivi). C'est le rôle de la fonction GrilleC.make_chaine_adverse(self, grille), où grille est soit sa propre grille de jeu, soit celle de l'adversaire si on veut tricher (pour les tests bien sûr...) ou en fin de partie, si on a perdu, pour avoir la solution. Par convention, comme grille est une grille de jeu, nous allons noter dans les explications les seuls états possibles par 1 si la case est occupée par un bateau et 0 sinon (ou si la case est hors grille).

Les contraintes que nous nous fixons sont les suivantes :

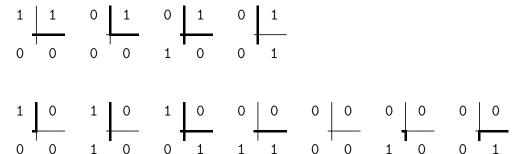
- Les bords des bateaux doivent être en gras
- Les séparations à l'intérieur d'un bateau doivent être en clair
- Lorsque deux bateaux se touchent par un coin, il faut bien sûr que ces coins soit en gras (soit une croix en gras)

Le bord de chaque case de la grille se fera sur la ligne du bas, la séparation verticale de gauche et le coin en bas à gauche. Le cas de la ligne horizontal juste sous les lettre sera fait à part, ainsi que la dernière ligne horizontale et la dernière ligne verticale de la grille (à cause du bord).

1) Première ligne, sous les lettres des colonnes : pour chaque case de la ligne 0 on va tester son état, ainsi que l'état de la case de gauche (pour savoir si on est en début ou en fin de bateau, ou au milieu d'un bateau). On obtient les configurations suivantes (la case testée est celle de droite) :

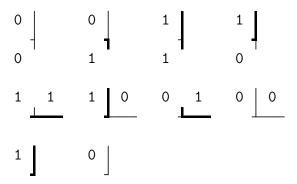


2) Lignes suivantes, jusqu'à l'avant dernière : ici c'est plus délicat car il faut tester, en plus de celle de gauche (pour la séparation verticale), la case en-dessous (pour la séparation horizontale) et celle en-dessous à gauche (pour le coin) pour obtenir les 11 configurations suivantes (la case testée est celle en haut à droite) :



Les 5 autres configurations de 4 cases restantes sont impossibles (bateaux collés par un côté).

3) Enfin, pour la dernière colonne va juste tester la case en-dessous, et pour la dernière ligne, on va juste tester celle de gauche. Pour la case tout en bas à droite il faudra juste finir en mettant un coin.



Au final, cela permet de construire toute la grille, dans tous les cas de figure possibles. Le résultat est visible sur la grille de droite ci-dessous.

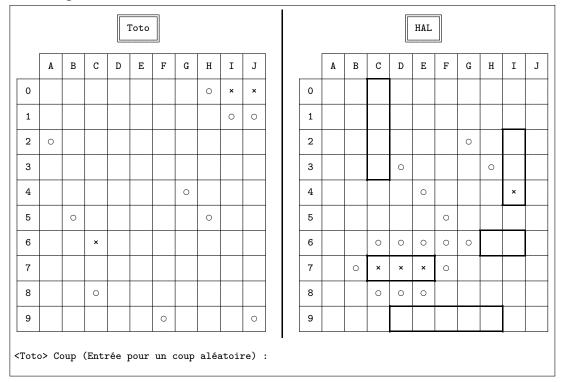
Notons que cette technique pourrait servir dans d'autres jeux, comme un Sudoku.

3 Modes de jeu

Après un écran d'introduction et un menu sommaire, le programme propose 3 modes de jeu, dans lesquels on peut choisir le niveau de l'ordinateur (et si on veut tricher), ainsi que le test statistique des algorithmes :

- 1) Jeu en solo sur une grille aléatoire.
- 2) Résolution d'une grille aléatoire par l'ordinateur, avec mise en évidence des bateaux qu'il doit trouver (voir annexe E page 81).
- 3) Jeu contre l'ordinateur (suivant l'algorithme de déroulement de partie en annexe A, page 42).

L'affichage sera alors le suivant :



Notons que chaque fois qu'un coup est demandé au joueur, le programme teste la validité de sa réponse (chaîne qui n'est pas une case, case hors grille ou encore une case déjà jouée).

4) Tests statistiques des algorithmes de résolution avec choix des paramètres de la grille.

INTERFACE WEB

Le dossier interface_web contient les fichiers pour une interface web. Celle-ci est réalisée en HTML5 et CCS3 et utilise des canvas dont la gestion est faite en Javascript. La communication avec les modules du projet se fait via le script cgi bn_cgi.py. Un serveur minimal est également implémenté dans le fichier serveur.py.

Un problème rencontré a été la persistance des données de jeu entre les lancements successifs du scripts (les différentes pages). Pour résoudre ce problème, au premier lancement d'une partie, le script crée un ID aléatoire et va sauvegarder les données de la partie dans le fichier ./sessions/session_ID grâce au module built-in shelve. Cet ID est stocké enduite dans le code source de la page HTML en tant que variable Javascript. Il ne restera alors plus qu'à recharger ces donnés lors des coups suivants.

1 Serveur web

La partie serveur est gérée par le fichier serveur.py. Celle-ci crée un serveur web, grâce au sous-module HTTPServer du module http.server, sur le port 8000 accessible uniquement en local (localhost ou 127.0.0.1). La gestion des scripts cgi est faite par le sous module CGIHTTPRequestHandler du module http.server.

Le deuxième rôle de serveur . py est d'effacer les anciens fichiers de session au cas où il en resterait.

2 HTML et CSS

Le fichier index.html présente rapidement le projet et permet de lancer les trois modes de jeu : jeu solo, résolution automatique seule et partie contre l'ordinateur. Son style CSS est dans le fichier ./css/style index.css.

Lors du lancement d'une partie, le code de la page est généré par le script bn_cgi.py et le style CSS de la page est dans les fichiers ./css/style_solo.css ou ./css/style_duos.css, suivant s'il faut afficher une ou deux grilles. Ces deux styles héritent de ./css/style_base.css qui contient leurs éléments communs.

Le dessin de la grille est effectué par un canvas en HTML5. Cet objet permet de dessiner grâce à des fonctions en Javascript. La récupération des coordonnées de la souris est également gérée en Javascript.

3 Script cgi

Un script cgi permet de générer du code source HTML pour l'envoyer au serveur en fonction des données qu'il reçoit. Ici, ces données sont :

- id: l'identificateur de la partie, égal à 0 au premier lancement.
- mode : le mode de jeu (0 : partie solo, 1 : partie contre l'ordinateur, 2 : résolution automatique).
- jx et jy : les coordonnées de la case cliquée par le joueur.

Une URL sera donc de la forme :

http://localhost:8000/cgi-bin/bn_cgi.py?id=638229159&mode=1&jx=2&jy=6 Le script va alors récupérer ces paramètres et lancer une action de jeu appropriée:

- Si l'id vaut 0, on vient de lancer le script pour la première fois. On crée donc un id aléatoire et on crée les acteurs du jeu (joueurs et grilles) que l'on sauvegarde dans un fichier de session.
 - Sinon, on récupère les données du jeu dans le fichier de session correspondant. Cet id est sauvegardé dans le code HTML de la page dans une variable Javascript sessionID.
- mode va déterminer l'action à entreprendre : faire jouer l'ordinateur ou le joueur, et également déterminer la feuille de style.

Une fois ces paramètres déterminés, et les objets de jeu créés, le script va créer le source HTML et les fonctions Javascript d'affichage du canvas. Grâce à la variable sessionID, on pourra faire des liens dynamiques vers la page suivante de la partie.

4 Évolutions possibles

Grâce à cette infrastructure, on peut tout à fait envisager des créer une base de données des utilisateurs connectés et organiser des parties à deux joueurs, garder des traces de leurs statistiques (nombre de partie jouées, gagnées, nombre de coups moyens,...).

Par ailleurs, cette partie étant juste expérimentale, je n'ai pas implémenté la possibilité pour un joueur de placer lui même ses bateaux, mais ce ne serait pas difficile à faire (juste un petit peu long).

POINT DE VUE PÉDAGOGIQUE

Bien évidemment, ce projet dépasse largement ce qui est exigible d'un élève (même très bon) de lycée. Certains points peuvent néanmoins être abordés en simplifiant certaines parties et en l'abordant soit comme une série de TP guidés (les élèves doivent coder le contenu des fonctions dont on leur donne le prototype), soit comme projet de fin d'année. De part sa richesse, on peut également aborder ce projet comme trame pour introduire différentes notions de programmation.

On pourra aborder les points suivants :

- La structure de la grille : un bon exemple de codage d'une structure complexe (définir les états des cases, utilisation d'un dictionnaire ou d'une liste double, test des cases valides,...).
- Le placement de bateaux : sûrement la partie la moins évidente, mais oblige à réfléchir sur la façon de définir un bateau.
- L'affichage (simple) de la grille en console : utilisation de boucles imbriquées et de tests pour afficher les bons symboles, et gestion de la mises en page.
- Une interface graphique en tkinter en utilisant des boutons ou un canevas pour les cases. Pour les plus en avance, on peut également créer une interface web en HTML5 utilisant un script cgi.
- La possibilité pour un joueur de tirer sur une case et retour du résultat.
- Une résolution de la grille par l'ordinateur avec uniquement des tirs aléatoires sur les cases vides (les plus en avance pourront réfléchir à des méthodes plus évoluées, comme la gestion de la file d'attente).
- La détection des bateaux coulés par le joueur.
- La création d'un menu pour le choix de jeu (solo, contre l'ordinateur,...).

À côté de ça de nombreux points plus techniques peuvent être abordés comme :

- Mise en place de modules et utilisation d'un dépôt de code (GIT).
- Introduction à la programmation orientée objet (POO).
- Gestion de la validité des données entrées par l'utilisateur en mode console, gestion des exceptions.
- Gestion de l'encodage Unicode.
- Lancement de commandes systèmes (pour effacer le terminal).
- Mise en place d'outils d'analyse statistique (indicateurs et graphiques) pour la résolution automatique.



CONCLUSION

Ce travail a été très stimulant et m'a pris de nombreuses heures (environ 200), mais j'y ai pris beaucoup de plaisir. Il a d'abord fallu mettre en place des structures de données pour avoir un projet minimal. Ensuite est venu le temps de coder l'algorithme de résolution et son optimisation, les outils statistiques, la construction de l'interface console et enfin l'interface web. Lors de ces différentes phases, de nombreux problèmes sont survenus et leurs résolutions m'ont permis de progresser.

Certes il reste des points à développer, comme la mise en place d'une architecture de jeu en réseau, ou une interface en tkinter qui devait être réalisée par mon binôme, mais je pense que ce projet est déjà bien abouti.

La rédaction du rapport en La redaction du rappo

CHAPITRE 9 : CONCLUSION

ANNEXES

Annexe A

ÉTUDE DES ALGORITHMES CLÉS

Dans cette partie, une description commentée des algorithmes clés du projet. Les algorithmes vraiment simples (comme par exemple tirer sur une case) ne sont pas mis.

Le fait de rédiger cette partie a permis de prendre du recul sur ces algorithmes et de faire quelques améliorations (formaliser les choses est toujours bénéfique).

1 Gestion de la grille

1.1 Détermination des espaces vides

Grille.get max space(self, case, direction, sens):

```
Si direction == TOUTES_DIRECTIONS :
     On renvoie le maximum de get_max_space(case, HORIZONTAL, sens=1)
        et get max space(case, VERTICAL, sens=1)
direction[0] \rightarrow dh
direction[1] \rightarrow dv
1 \rightarrow m
case[0]→x
case[1] \rightarrow y
Tant que la case (x+dh, y+dv) est vide et est dans la grille :
   m+1 \rightarrow m
   x+dh\rightarrow x
    y+dv\rightarrow y
Si sens == 1 (on regarde dans l'autre sens):
    case[0] \rightarrow x
    case[1] \rightarrow y
    Tant que la case (x-dh, y-dv) est vide et est dans la grille :
      m+1 \rightarrow m
      x-dh\rightarrow x
      y-dv \rightarrow y
Retourner m
```

Cet algorithme est très simple. Il se contente de compter dans chaque direction le nombre de cases vides et, éventuellement dans les deux sens.

1.2 Détermination des bateaux possibles démarrant sur chaque case et des placements possibles de chaque bateaux

Grille.get_possibles(self):

```
On met à jour la liste des cases vides
# Récupération des bateaux possibles sur chaque case
possibles case est un dictionnaire indexé par les cases
Les éléments de possibles case sont des listes vides
On récupère la liste unique des bateaux restants dans tmp_taille_bateaux
Pour chaque case vide :
  Pour chaque direction dans [DROITE, BAS] :
     tmax est l'espace maximum dans direction
     On ajoute à possible_case[case] les tuples (taille, direction)
       pour les tailles dans tmp_taille_bateaux, si taille <= tmax</pre>
# Récupération des position possibles pour chaque bateau
possibles est un dictionnaire indexé par les tailles de bateaux
Les éléments de possibles sont des listes vides
Pour chaque case index dans possible case :
  Pour chaque couple (taille, direction) dans possible_case[case] :
     On ajoute (taille, direction) à possibles[taille]
```

Cet algorithme est un des points clés du projet. Dans un premier temps on récupère la liste de tous les bateaux possibles démarrant sur chaque case, ainsi que leurs directions possibles. Dans un deuxième temps on récupère, pour chaque bateau, ses placements possibles.

Les dictionnaires créés ont cette allure :

```
• possibles_case=\{(0,0):[(5,(1,0)), (5,(0,1)),...], (0,1):...\}
• possibles=\{5:[((0,0), (1,0)), ((0,0), (0,1)), ((1,0), (1,0)),...], 4:...\}
```

Afin d'éviter de répéter les mêmes calculs, la liste taille_bateaux des bateaux restants sur la grille est transformée en une liste tmp_taille_bateaux qui ne contient que ses éléments uniques. Pour cela on la convertit en ensemble puis on revient à une liste avec l'instruction

```
tmp_taille_bateaux = list(set(taille_bateaux))
```

À des fin de tests, cette fonction accepte un argument tri qui, s'il est Vrai trie les résultats. Ce tri est uniquement nécessaire pour les tests et est mis à Faux par défaut (cela prend un petit peu plus de temps de trier à chaque fois).

1.3 Création de bateaux aléatoires

1.3.1 Ajout d'un bateau aléatoire

```
Grille.add bateau alea(self, taille):
```

```
Récupérer les placements de départ possibles des bateaux
  (dans le dictionnaire possibles)

Si possibles[taille] est vide :
  Retourner Faux

Sinon :
  Choisir un tuple (case, direction) au hasard dans possibles[taille]
  Ajouter la bateau (taille, case, direction)
  Retourner Vrai
```

Si possibles [taille] est vide, cela signifie qu'on ne peut pas placer ce bateau et donc en renvoie Faux pour éviter une situation de blocage par la suite, sinon on renvoie Vrai pour indiquer que tout s'est bien passé.

1.3.2 Création d'une flotte aléatoire

```
Grille.init_alea(self):
```

```
O→nb_bateaux

Tant que nb_bateaux < nombre de bateaux à placer :

O→nb_bateaux

On crée une copie temporaire de la grille dans gtmp

Pour chaque taille de bateau à placer :

On essaie de placer un bateau aléatoire de cette taille dans gtmp

Si pas possible :

On casse la boucle et on recommence tout

(pour éviter une situation de blocage)

Sinon :

nb_bateaux+1→nb_bateaux

On enlève taille de la liste des bateaux restants à placer

Enfin on copie l'état de gtmp dans notre grille
```

Pour placer chaque bateau, on utilise la fonction précédente avec sa valeur de sortie (vrai ou faux) qui permet de savoir si le placement a été possible.

2 Détermination des bateaux coulés

Joueur.check_coules(self):
xmax et ymax sont les dimensions de la grille et dimensions=(xmax, ymax).

```
coules est une variable globale contenant
   la liste de case marquées comme coulées
checked est une liste vide
Pour chaque case dans les cases jouees triées en ordre lexicographique :
   liste_touchees est une liste vide
   Si case a été marquée comme touchee :
     Si case est dans checked ou dans coules :
       On continue la boucle (on ignore cette case)
     Vrai→case isolee
     Pour d dans [DROITE, BAS] :
       Si la case (case[0]+d[0],case[1]+d[1]) est hors de la grille :
         On continue la boucle
       Si la case (case[0]+d[0],case[1]+d[1]) est marquée touchée :
         d \rightarrow direction
         Faux→case isolee
         On casse la boucle
     Si case_isolee est Vraie :
       On continue la boucle (on ignore cette case)
     0→k
     Tant que case[0]+k*direction[0] < xmax</pre>
       et case[1]+k*direction[1] < ymax
       et (case[0]+k*direction[0],case[1]+k*direction[1])
        est marquée touchée :
         On ajoute la case (case[0]+k*direction[0],case[1]+k*direction[1])
           aux listes checked et liste_touchees
         k += 1
     Si (
         (case[direction[1]] == 0
           ou (case[0]-direction[0], case[1]-direction[1]) est manquée)
       ou (case[direction[1]]+k== dimensions[direction[1]
           ou (case[0]+k*direction[0],case[1]+k*direction[1]) est manquée)
         ) ou len(liste_touchees) == taille_max :
           Enlever le bateau de taille len(liste_touchees)
             des bateaux restants
           Éliminer les cases adjacentes à celles de liste_touchees
           Ajouter les cases de liste_touchees à la liste coules
```

On parcourt les cases jouées de haut en bas et de gauche à droite. Quand on tombe sur une case touchée, on vérifie d'abord qu'on n'a pas déjà traité cette case, puis on détermine la direction d'un bateau éventuel (si pas de direction c'est que cette case est isolée et on l'ignore).

Ensuite on détermine le nombre de cases adjacentes touchées (grâce à la direction)

Enfin on décide que le bateau est coulé si ses extrémités sont sur les bords de la grille ou ont été marquées comme manquées, ou si sa taille est celle de plus grand bateau restant à trouver. On marque alors ses cases adjacentes comme impossibles et on l'enlève de la liste des bateaux à chercher.

Les listes coules et checked permettent de garder une trace des cases déjà traitées. La liste coules est global (un attribut de la classe Joueur). Elle garde la trace des cases déjà marquées comme appartenant à des bateaux coulés. La liste checked est locale et sert pour le parcours des cases jouées. Sans ces listes, la deuxième case touchée d'un bateau serait de nouveau traitée ce qui créerait une incohérence.

Cet algorithme n'est utilisé que si le joueur est un joueur humain. En effet, l'algorithme de résolution automatique gère une file d'attente et possède sa propre méthode pour déterminer qu'un bateau est coulé.

3 Algorithme de résolution

3.1 Optimisation de la phase de tirs en aveugle

3.1.1 Détermination des probabilités par échantillonnage

Grille.case max echantillons(self, nb echantillons):

```
probas est un dictionnaire indexé sur les cases
Pour chaque case, 0→probas[case]
On répète nb_echantillons fois :
    grille_tmp reçoit une copie temporaire de la grille du suivi
    On crée une flotte aléatoire sur grille_tmp
    Pour chaque case vide dans la grille de suivi originale :
        Si la case contient un bateau dans grille_tmp :
            probas[case]+1→probas[case]
Pour chaque case, probas[case]/nb_echantillons→probas[case]
case_max est la case qui a la plus grande probabilité pmax
On retourne (case_max, pmax)
```

C'est l'algorithme de niveau 4 qui crée une estimation de la distribution de probabilité avec des échantillons de flottes aléatoires. Aucune difficulté particulière n'est à signaler.

3.1.2 Détermination du nombre de bateaux possibles sur chaque case

Grille.case_max(self):

```
probas est un dictionnaire indexé sur les cases

Pour chaque case, 0→probas[case]

On récupère la liste placements possibles pour chaque bateau
  (dans le dictionnaire possibles)

Pour chaque taille de bateau restant :
  Pour chaque (case, direction) dans possibles[taille] :
  #La probabilité de chaque case occupée par le bateau est augmentée de 1
  Pour k allant de 0 à taille :
    probas[case+k*direction] est augmentée de 1

case_max est la case qui a le plus de possibilités pmax

On retourne (case_max, pmax)
```

C'est l'algorithme de niveau 5 qui détermine, pour chaque case, le nombre de bateaux possibles.

Dans la mesure où la liste possibles [taille] ne donne que les points de départ de chaque bateau, il est nécessaire de parcourir toutes ses cases occupée dans la dernière boucle. case+k*direction signifie (case[0]+k*direction[0], case[1]+k*direction[1]).

3.1.3 Énumération de tous les cas

```
Grille.case_max_all(self):
```

gtmp est une copie temporaire de la grille probas_all est un dictionnaire indexé par les cases Pour chaque case, 0→probas_all[case] Créer toutes les répartitions de bateaux sur gtmp Récupérer la case qui en contient le plus

Grille.make_all(self, gtmp):

```
# En entrée : une grille gtmp

S'il n'y a plus de bateaux dans la liste de gtmp :

Mettre à jour les probabilités avec les cases occupées sur gtmp

Sortir de la fonction

Récupérer les positions de bateaux possibles sur gtmp

taille est la taille du premier bateau restant

Pour (case, direction) dans possibles[taille] :

gtmp2 est une copie temporaire de gtmp

Ajouter le bateau (taille, case, direction) à gtmp2

Enlever ce bateau de la liste de ceux de gtmp2

Créer toutes les répartitions de bateaux sur gtmp2
```

Cet algorithme est récursif. On utilise une grille temporaire gtmp sur laquelle on va faire tous les arrangements possibles. Pour chaque placement possible d'un bateau, on crée une autre grille temporaire gtmp2 sur laquelle on va recommencer à faire tous les arrangements possibles avec les bateaux restants.

Le problème de cet algorithme est qu'il est exponentiel. Avec une grille vide de 10×10 , on obtient les résultats suivants :

- taille_bateaux=[5,4]:11744 répartitions, 0,8 secondes
- taille_bateaux=[5,4,3]:1064728 répartitions, 70 secondes
- taille_bateaux=[5,4,3,2]:101286480 répartitions, 6566 secondes

À chaque fois qu'on ajoute un bateau, le nombre de répartitions possibles, ainsi que le temps de calcul pour les déterminer, est multiplié par 100.

Pour une liste de bateaux taille_bateaux=[5,4,3,3,2] on s'attend donc à 10¹⁰ répartitions et un temps de calcul d'environ 8 jours (pour un seul coup!).

Certes, sur une grille vide, on pourrait jouer avec les symétries (et diviser le calcul par 8) mais celles-ci sont tout de suite brisées dès qu'une case a été jouée.

Même si cette méthode est inutilisable en tant que telle, elle peut être intéressante sur des petites grilles, ou avec peu de bateaux, et donc peut être utilisée en fin de partie. C'est le rôle du niveau 6 dans lequel on utilise cette méthode dès que le nombre de cases vides descend en-dessous d'un certain seuil.

Pour information voici, sur la page suivante, le nombre de répartitions sur chaque case pour taille bateaux=[5,4,3,2]:

A B C D E F G H I I J 0 8138842 11060807 13598504 15286936 16111642 15286936 13448547 1205986 11060807 8138842 1 11060807 1205986 13448547 14238869 14511549 14511549 14238869 13448547 1205986 11060807 1358608 2 13598504 1205986 13448547 14505458 15244715 15244715 15088255 14238869 15286936 3 15286936 14511549 15769046 15769046 15653410 15542880 15244715 14511549 16111642 4 16111642 14511549 15653410 15769046 15769046 15653410 15244715 14511549 16111642 5 16111642 14511549 15653410 15769046 15653410 15542880 15244715 14511549 16111642 6 15286936 145088255 15244715											
A B C D E F G H I 0 8138842 11060807 13598504 15286936 16111642 16111642 15286936 13598504 11060807 1 11060807 12059986 13448547 14238869 14511549 14511549 14238869 13448547 12059986 2 13598504 13448547 14208455 1554280 15653410 15653410 15653410 15642880 15088255 14211549 4 16111642 14511549 15244715 15653410 15769046 15769046 15653410 15244715 14511549 5 16111642 14511549 15653410 15769046 15769046 15653410	ח		11060807	13598504	15286936	16111642	16111642	15286936	13598504	11060807	
A B C D E F G H 0 8138842 11060807 13598504 15286936 16111642 16111642 15286936 13598504 1 11060807 12059986 13448547 14238869 14511549 14511549 14238869 13448547 2 13598504 13448547 14505458 15542880 1563410 15653410 15653410 15642880 15088255 3 15286936 14238869 15244715 15769046 15769046 15769046 15653410 15244715 4 16111642 14211549 15244715 15653410 15769046 15769046 15653410 15244715 5 16111642 14238869 15088255 15542880 15653410 15653410 15653410 15653410 15653410 6 15286936 14238869 13448547 14508458 15653410 15653410 15653410 15653410 15653410 15653410 15653410 15653410	Н	11060807	12059986	13448547	14238869	14511549	14511549	14238869	13448547	12059986	11060807
ABCDEFG08138842110608071359850415286936161116421611164215286936111060807120599861344854714238869145115491451154914238869213598504134485471450545815088255152447151564471515088255315286936142388691508825515542880157690461576904615653410416111642145115491524471515653410157690461565341051611164214211549152447151565341015653410156534106152869361423886915088255152447151565341015653410713598504134485471423886914511549145116421451886981106080712059986134485471423886914511549145116421528693698138842110608071359850415286936161116421611164215286936	Н	13598504	13448547	14505458	15088255	15244715	15244715	15088255	14505458	13448547	13598504
ABCDEF081388421106080713598504152869361611164216111642111060807120599861344854714238869145115491451154921359850413448547145054581508825515244715156447153152869361423886915088255155428801576904615769046416111642145115491524471515653410157690461576904651611164214511549152447151565341015653410156534106152869361423886915088255155428801565341015653410713598504134485471423886914511549145115498110608071205998613448547142388691451154914511642981388421106080713598504152869361611164216111642	ರ	15286936	14238869	15088255		15653410	15653410	15542880	15088255	14238869	15286936
A B C D E 0 8138842 11060807 13598504 15286936 16111642 1 11060807 12059986 13448547 14238869 14511549 2 13598504 13448547 14508455 15244715 3 15286936 14238869 15088255 15544715 4 16111642 14511549 15244715 15653410 15769046 5 16111642 14511549 15244715 15653410 15769046 6 15286936 14238869 15088255 15542880 15653410 7 13598504 13448547 145088255 15244715 8 11060807 12059986 13448547 14238869 14511549 9 8138842 11060807 13598504 15286936 16111642	ĹŦ	16111642	14511549	15244715	15653410	15769046	15769046	15653410	15244715	14511549	16111642
A B C D 0 8138842 11060807 13598504 15286936 1 11060807 12059986 13448547 14238869 2 13598504 13448547 14505458 15088255 3 15286936 14238869 15088255 15542880 4 16111642 14511549 15244715 15653410 5 16111642 14511549 15244715 15653410 6 15286936 14238869 15088255 15642880 7 13598504 13448547 14505458 15088255 8 11060807 12059986 13448547 14538869 9 8138842 11060807 13598504 15286936	ш	16111642	14511549	15244715	15653410	15769046	15769046	15653410	15244715	14511549	16111642
A B C 0 8138842 11060807 13598504 1 11060807 12059986 13448547 2 13598504 13448547 14505458 3 15286936 14238869 15284715 4 16111642 14511549 15244715 5 16111642 14511549 15244715 6 15286936 13448547 14505458 7 13598504 13448547 14505458 8 11060807 12059986 13448547 9 8138842 11060807 13598504	Ω	15286936	14238869	15088255	15542880	15653410	15653410	15542880	15088255	14238869	15286936
A B 0 8138842 11060807 1 11060807 12059986 2 13598504 13448547 3 15286936 14238869 4 16111642 14511549 5 16111642 14511549 6 15286936 14238869 7 13598504 13448547 8 11060807 12059986 9 8138842 11060807	೮	13598504	13448547	14505458	15088255	15244715	15244715	15088255	14505458	13448547	13598504
A 0 8138842 1 11060807 2 13598504 3 15286936 4 16111642 5 16111642 6 15286936 7 13598504 8 11060807 9 8138842	М	11060807	12059986	13448547	14238869	14511549	14511549	14238869	13448547	12059986	11060807
0 1 2 8 4 5 9 6 8 6	A	8138842	11060807	13598504		16111642	16111642	15286936	13598504	11060807	8138842
		0	П	7		4		9	7		

Nombre de bateaux sur chaque case pour une grille vide avec taille_bateaux=[5,4,3,2] à partir d'une liste exhaustive de toutes les répartitions possibles

3.2 Gestion de la file d'attente

3.2.1 Création de la file d'attente

Ordi.add adjacentes premiere(self):

```
adjacent est la liste des cases vides adjacentes à case_touchee taille_min est la taille minimale des bateaux restants

Pour direction dans [HORIZONTAL, VERTICAL] :
    direction[0]→k

Si l'espace maximum dans direction sur case touché >= taille_min :
    Pour case dans adjacent :
    Si case[k]==case_touchee[k] :
        Ajouter case à la file d'attente
        Sinon afficher que cette direction ne convient pas
```

Pas de grande difficulté sur celui-ci. On se contente de regarder si le plus petit bateau rentre dans chaque direction et on ajoute à la file d'attente les cases correspondantes.

Les tests des deux directions sont regroupés dans une boucle afin de rendre le code plus compact.

3.2.2 Optimisation de la file d'attente

Grille.case_max_touchee(self, case_touchee):
Pour des raisons de mise en page, notons ct la case touchée.

```
On marque temporairement case touchee comme vide
On récupère la liste placements possibles pour chaque bateau
    (dans le dictionnaire possibles)
probas est un dictionnaire indexé sur les cases
Pour chaque case, 0→probas[case]
Pour chaque taille de bateau restant :
   Pour chaque direction dans [HORIZONTAL, VERTICAL] :
     #Bateau qui se termine sur case touchee
     Si ct[direction[1]]-(taille-1)*direction[direction[1]]>=0
           et ((ct[0]-(taille-1)*direction[0],
               ct[1]-(taille-1)*direction[1]), direction)
               est dans possibles :
       probas[(ct[0]-direction[0],ct[1]-direction[1])] += 1
     #Bateau à cheval sur sur case touchee
     Pour k allant de 1 à taille-2 :
       Si ct[direction[1]]-k*direction[direction[1]]>=0
             et ((ct[0]-k*direction[0], ct[1]-k*direction[1]),
              direction) est dans possibles :
         probas[(ct[0]-direction[0],ct[1]-direction[1])] += 1
         probas[(ct[0]+direction[0],ct[1]+direction[1])] += 1
     #Bateau qui démarre sur case_touchee
     Si ((ct[0], ct[1]), direction) est dans possibles :
       probas[(ct[0]+direction[0],ct[1]+direction[1])] += 1
On remet l'état de case_touchee à touché
On trie probas dans l'ordre décroissant du nombre de possibilités
On renvoie cette liste
```

Le fait de boucler sur les directions HORIZONTAL et VERTICAL, c'est-à-dire dans [(1,0), (0,1)], permet de condenser les calculs sur ces deux directions dans une seule boucle. ct[direction[1]] et direction[direction[1]] permettent d'obtenir respectivement ct[0] et direction[0] dans le cas horizontal, et ct[1] et direction[1] dans le cas vertical.

Notons que dans cet algorithme on en s'intéresse qu'aux cases adjacentes à case_touchee.

Le tri final de la liste se fait de la façon suivante : on commence par convertir le dictionnaire probas en une liste de tuple (case, probas[case]) dans probas_liste, puis un l'ordonne avec l'instruction

```
sorted(probas_liste, key=lambda proba: proba[1], reverse = True)
```

3.2.3 Mise à jour après le deuxième coup touché

Ordi.update_queue_touche(self):

```
Si case_courante[1] == case_touchee[1] :
  direction=HORIZONTAL
Sinon:
  direction=VERTICAL
Si on vient de découvrir la direction du bateau (len(liste_touchee==1)):
  On affiche cette direction
  On enlève les cases
        (case_touchee[0]-direction[1], case_touchee[1]-direction[0])
       et (case_touchee[0]+direction[1], case_touchee[1]+direction[0])
       de la file d'attente
nv case est la case
     (case_courante[0] + direction[0]*signe(case_courante[0]-case_touchee[0]),
      case_courante[1] + direction[1]*signe(case_courante[1]-case_touchee[1]))
Si nv case est dans la grille et est vide :
  On ajoute nv_case à la file d'attente
On ajoute case_courante à liste_touches
```

La liste liste_touches permet de savoir combien de cases ont été touchées sur ce bateau. Si c'est la deuxième, on met à jour les file d'attente avec les case dans la bonne direction.

```
signe(x) renvoie 1 si x > 0 et -1 si x < 0. signe(case\_courante[i]-case\_touche[i]), pour i \in \{0,1\}, permet de déterminer le sens dans lequel on vient de toucher la nouvelle case, ce qui permet d'ajouter la case en bout de configuration à la file d'attente (si elle est valide et vide).
```

3.2.4 Mise à jour après le deuxième coup manqué

Ordi.update_queue_manque(self):

```
taille_min est la plus petite taille de bateau restant
delta =
    (case_courante[0]-case_touchee[0],
        case_courante[1]-case_touchee[1])
direction =
    (abs(case_courante[0]-case_touchee[0]),
        abs(case_courante[1]-case_touchee[1]))
case_face =
    (case_touchee[0]-delta[0],
        case_touchee[1]-delta[1])
Si l'espace vide sur case_face dans direction < taille_min-1 :
        Enlever case_face de la file d'attente</pre>
```

- delta est l'écart entre la première case touchée du bateau et la case sur laquelle on vient de jouer
- direction est la direction dans laquelle on vient de jouer
- case_face est la case en face de celle qu'on vient de jouer

Dans la mesure où il y a déjà eu une case touchée sur ce bateau, on teste s'il y a assez de place sur case_face pour faire rentrer un bateau de taille taille_min-1 dans la direction direction.

3.3 Algorithme complet de résolution

Voici l'algorithme complet de résolution de la grille par l'ordinateur :

```
La file d'attente est une liste vide
liste_touches est une liste vide
Tant que le grille n'est pas résolue :
   Si la file d'attente est vide (tir en aveugle) :
     Si liste_touches n'est pas vide :
       On enlève le bateau de taille len(liste_touches)
       On élimine les cases adjacentes à celles de liste touches
       On vide liste_touches
     On élimine les zones trop petites
     case courante reçoit une case en aveugle (suivant le niveau)
   Sinon (tir ciblé):
     case_courante reçoit le premier élément de la file d'attente
     On enlève cette case de la file d'attente
   On tire sur case courante
   Si on a touché :
     Si liste_touches est vide (1ère case du bateau) :
       On ajoute case_courante dans liste_touches
       case\_courante \rightarrow case\_touchee
       On ajoute ses cases adjacentes dans la file d'attente
         (en testant également les directions impossibles éventuelles)
       Si len(liste touches) == 1 (2éme case du bateau):
         On détecte la direction du bateau
       On met à jour la file d'attente
         (avec la case adjacente à case courante dans la bonne direction
          si elle est vide)
     Si le bateau touché est le plus grand restant :
       On vide la file d'attente
     Si len(liste_touches) == 1 :
       On met à jour la file d'attente
         (on élimine éventuellement la case en face de case_touchee)
On affiche le nombre de coups
```

4 Déroulement de la partie

Une partie à deux joueurs se déroule selon l'algorithme suivant (le joueur porte le numéro 0 et son adversaire le numéro 1) :

```
Placement des bateaux du joueur
Récupération des bateaux de l'adversaire
Aléa(0,1)—joueur_en_cours (celui qui commence)
Tant qu'aucun joueur n'a fini :
   Si joueur_en_cours == 0 et l'adversaire n'a pas fini :
   Le joueur joue un coup
   Mise à jour de l'affichage des grilles
   Affichage des messages du joueur (résultat du coup)
Sinon :
   Récupération du coup de l'adversaire
   Mise à jour de l'affichage des grilles
   Affichage des messages de l'adversaire
   (joueur_en_cours+1)%2—joueur_en_cours (changement de joueur)
Affichage des grilles avec la solution
Affichage du gagnant
```

Annexe B

ÉTUDE STATISTIQUE DES ALGORITHMES DE RÉSOLUTION

Le module bn_stats.py fournit, dans la classe Stats, les outils pour analyser statistiquement une distribution de valeurs (calculs des indicateurs statistiques classiques, représentation en histogramme et diagramme en boîte grâce aux modules numpy et matplotlib).

Cette classe fournit également les outils pour sauvegarder et charger la liste des résultats bruts dans un fichier texte pour des analyses plus poussées futures.

Chaque graphique fait apparaître, outre l'histogramme de distribution des fréquences, les indicateurs suivants :

- moyenne et écart-type,
- minimum, Q_1 , médiane, Q_3 et maximum dans le diagramme en boîte,
- le mode, noté à la base de la barre correspondante,
- le temps moyen de résolution.

La méthode de test est la suivante : on crée une liste distrib de longueur xmax*ymax+1 qui est initialisée avec des valeurs nulles.

On répète n fois la résolution sur une grille aléatoire, chaque fois différente et, en notant k le nombre de coups de la résolution, on incrémente distrib [k] de 1.

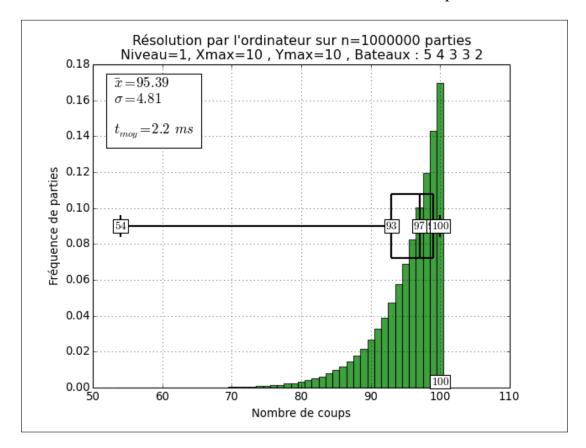
Le calcul du temps se fait en lançant un chronomètre grâce à la fonction time() du module time, qui renvoie le nombre de seconde écoulées depuis epoch (le 1^{er} janvier 1970). Donc en sauvegardant cette valeur au début de la simulation dans une variable start et en calculant time()-start à la fin de la simulation, on obtient le temps total écoulé. Afin de chronomètre uniquement le temps de résolution (et non de la création de la grille), ce chronomètre est mis à jour uniquement lors de la résolution effective.

L'algorithme de test affiche une estimation du temps restant (ainsi que de la date et l'heure de la fin de la simulation) basé sur le temps de la première résolution (donc très approximative), ainsi que l'avancement par tranches de 10%.

Afin d'obtenir des résultats comparables, tous les temps ont été mesurés sur le même ordinateur disposant d'un processeur Intel i7-4800-MQ cadencé à 2,7 GHz en mode monoprocesseur, de 16 Go de mémoire vive et tournant sous un système Linux 64 bits (Xubuntu 14.04).

Dans ce niveau tous les tirs sont aléatoires uniformément sur les cases vides, et il n'y a pas de phase de tirs ciblés.

On obtient les résultats suivants sur un échantillon de $n = 1\,000\,000$ parties :



Comme on pouvait s'y attendre, les résultats sont catastrophiques. Par contre la résolution est quasi immédiate (2 ms par partie en moyenne)

Au niveau 2, la phase de tirs en aveugle est aléatoire uniformément sur les cases vide, mais on ajoute la phase de tirs ciblés lorsqu'on touche un bateau.

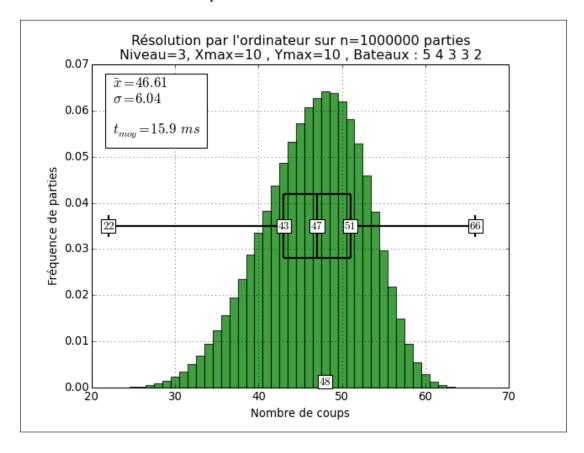
Les résultats sur $n = 1\,000\,000$ parties sont les suivants :



Le fait de gérer la phase de tirs ciblés change radicalement les résultats. La forme de la courbe de distribution est d'ailleurs totalement différente de la précédente. Par contre la résolutions prend 8 fois plus de temps.

Au niveau 3, la phase de tirs en aveugle est encore aléatoire mais uniquement sur les cases noires.

Les résultats sur n = 100000 parties sont les suivants :



On note une amélioration significative des performances, autant pour la moyenne que pour le mode et la médiane, sans pour autant sacrifier en temps de résolution, au contraire puisqu'il faut moins de coups en aveugle pour finir la grille. Les résultats sont également plus homogènes ($\sigma=6,04$ au lieu de 8,40 précédemment).

Au niveau 4 la détermination de la case optimale durant la phase de tirs en aveugle se fait en regardant, à chaque coup, un échantillon de taille nb_echantillons de distributions de bateau aléatoires.

La valeur de nb_echantillons va jouer sur les performances en nombre de coups (plus on fait d'échantillons et plus la distribution de probabilités obtenue est conforme à la vraie distribution de probabilité) mais aussi sur le temps de résolution. En effet ce dernier sera linéaire en nb echantillons.

Vu le temps de calcul, les simulations suivantes portent sur un nombre plus faible de parties (la contrainte fixée est que le calcul ne doit pas durer plus d'une nuit).

4.1 Échantillons de taille nb_echantillons=10

Avec des échantillons de taille 10 nous obtenons les résultats suivants sur $n = 100\,000$ parties :



Avec une taille modeste des échantillons, nous obtenons une nette amélioration des performances avec une moyenne de 44,29, pour un temps moyen de 0,3 secondes par partie.

4.2 Échantillons de taille nb_echantillons=100

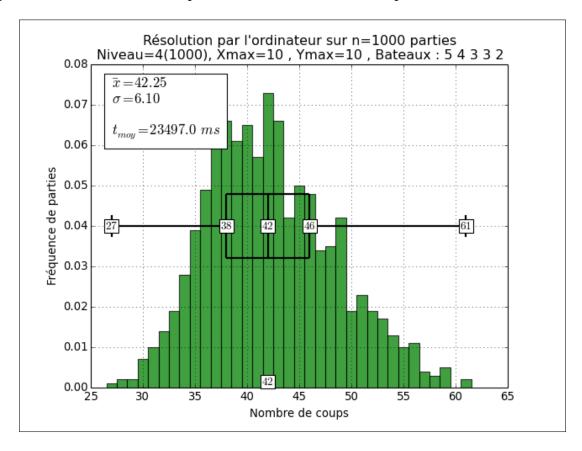
Avec des échantillons de taille 100 nous obtenons les résultats suivants sur $n=10\,000$ parties :



Les résultats sont très bons, avec une moyenne de 42,84 coups par partie, mais le temps de calcul commence à devenir long (2,5 secondes par partie).

4.3 Échantillons de taille nb_echantillons=1000

Nous prévoyons un temps de résolution moyen d'approximativement 30 secondes par partie. Aussi nous ne ferons qu'une simulation sur $n = 1\,000$ parties :



La forme de la distribution est moins régulière que les précédentes à cause du nombre plus réduit de parties simulées.

Le gain en nombre de coups moyen par partie, s'il est présent, est très limité compte tenu de l'augmentation linéaire du temps de calcul.

4.4 Échantillons de taille nb_echantillons=1000

Juste pour essayer, voici une simulation sur n = 100 partie :



Les résultats sont très décevants. On n'a fait que n=100 parties ce qui explique peutêtre cela mais on note même un régression ce qui est quand même étonnant.

4.5 Conclusion sur le niveau 4

Comme on pouvait s'y attendre le temps de résolution est approximativement linéaire en nb_echantillons.

Les résultats en nombre de coups sont très corrects mais le coût en temps de calcul est rédhibitoire. Par ailleurs, il a été impossible de créer de grosses simulations avec un nb_echantillons élevé ce qui biaise un peu les comparaisons.

Voici un tableau récapitulatif des résultats obtenus :

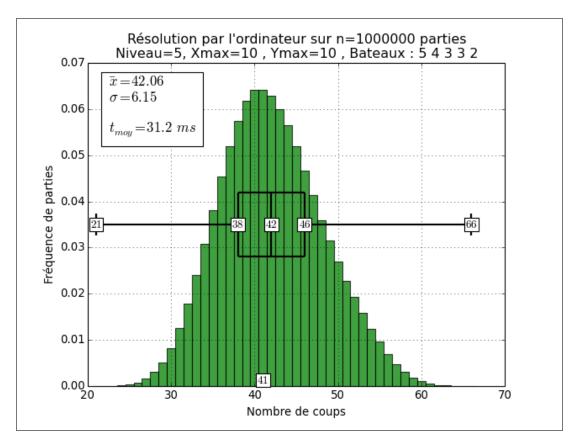
Numéro de la simulation	1	2	3	4
Taille des échantillons pour l'algorithme	10	100	1 000	10 000
Nombre de parties <i>n</i>	100 000	10 000	1 000	100
Nombre de coups moyens \overline{x}	44,29	42,84	42,25	42,63
Écart-type $^{1} \sigma$	6,62	6,24	6,10	5,89
Temps moyen par partie (en secondes)	0,29	2,5	23,5	247

nº	nb_echantillons	Intervalle de confiance 2 de μ
1	10	[44,25; 44,33]
2	100	[42,72; 42,96]
3	1 000	[41,87; 42,63]
4	10 000	[41,48; 43,78]

^{1.} Vu la taille importante des échantillons nous prendrons $\sigma_{\text{estimé}} = \sigma_{\text{\'e}chantillon}$

^{2.} Au seuil de 95% : $\left[\overline{x} - 1,96\frac{\sigma}{\sqrt{n}}; \overline{x} + 1,96\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right]$

Les résultats obtenues sur un échantillon de $n=1\,000\,000$ parties sont les suivants :

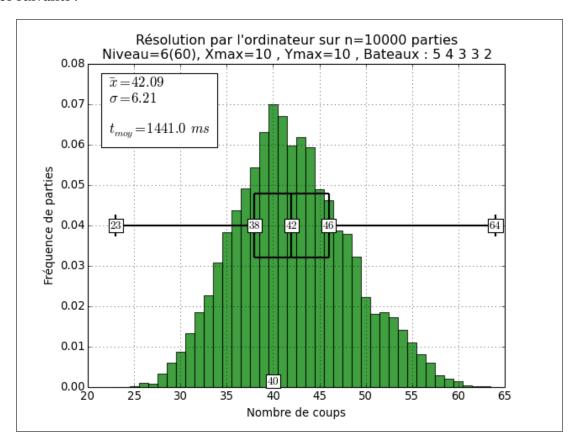


Les performances sont excellentes avec une moyenne de 42,06 coups pour un temps de résolution moyen de seulement 31,2 ms par partie.

Au niveau 6, tant que le nombre de cases vides est inférieur à seuil, on procède comme au niveau 5 en regardant localement le nombre de bateaux possibles sur chaque case. Dès que le nombre de cases vides passe en-dessous de seuil, on crée la liste de tous les arrangements possibles de bateaux sur la grille (ce qui prend un temps conséquent, d'où l'obligation d'utiliser un seuil).

6.1 Seuil égal à 60

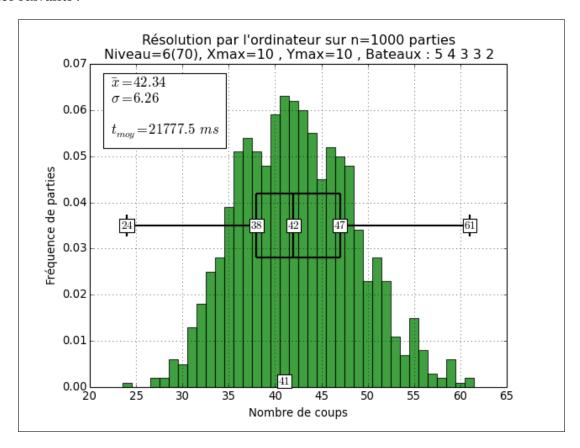
Avec un seuil de 60, les résultats obtenues sur un échantillon de $n=10\,000$ parties sont les suivants :



Pour l'instant, avec un seuil de 60, nous restons sur notre faim. Il n'y a aucune amélioration par rapport au niveau 5.

6.2 Seuil égal à 70

Avec un seuil de 70, les résultats obtenues sur un échantillon de $n=1\,000$ parties sont les suivants :



À notre grande surprise, la moyenne est un petit peu moins bonne alors qu'on aurait pu imaginer le contraire.

6.3 Conclusion sur le niveau 6

Comparons les intervalles de confiance à 95% de μ pour les trois dernières simulations :

nº	Niveau	n	\overline{x}	σ	Intervalle de confiance
1	5	1 000 000	42,06	6,15	[42,05; 42,07]
2	6(60)	10 000	42,09	6,21	[41,97; 42,21]
3	6(70)	1 000	42,34	6,26	[41,95; 42,73]

C'est un petit peu décevant. On aurait pu prévoir une amélioration du fait de regarder la grille de façon globale. Ce n'est malheureusement pas le cas. Le niveau 5 reste définitivement le meilleur.

7 Conclusions

Après avoir testé ces différents algorithmes nous pouvons tirer les conclusions suivantes :

- Le niveau 1 est très médiocre (voire mauvais) mais a l'avantage de la simplicité. On n'a pas à gérer de file d'attente ce qui est pratique dans le cadre d'un projet élève.
- Le niveau 2 n'a que peu d'intérêt. Il permet uniquement d'introduire la phase de tirs ciblés.
- Le niveau 3 est, quant à lui, très intéressant. On a une optimisation simple de la phase de tirs en aveugle et des performances tout à fait correctes.
- Le niveau 4 est intéressant dans le fait qu'il introduit un début d'intelligence artificielle. L'algorithme teste différentes combinaisons avant de prendre sa décision.
- Le niveau 5 est de loin le meilleur. L'optimisation est somme toute assez simple pour des résultats qui sont les meilleurs de tous.
- Le niveau 6 est plus une preuve de concept qu'un algorithme réellement utile en pratique. Les temps de calcul sont pharamineux, ce qui oblige de ne l'utiliser qu'à partir d'un certain moment, et les résultats sont assez décevants par rapport au niveau 5, auquel il n'apporte en fait rien. Il serait toutefois intéressant de le tester (avec un seuil de 100, c'est-à-dire en n'utilisant jamais le niveau 5) en disposant d'une grande puissance de calcul (et de trouver un moyen de paralléliser ceux-ci).

En tout état de cause il semble qu'une moyenne de 42 coups par partie constitue une borne que l'on ne pourra pas franchir.

56	ISN 2016 - BATAILLE NAVALE						
ANNEXE B : ÉTUDE ST	ATISTIQUE DES ALGORITHMES DE RÉSOLUTION						

Annexe C

CODES DES CARACTÈRES GRAPHIQUES

Voici la liste des caractères graphiques utilisés dans l'affichage en console. La plupart de ces caractères font partie de la famille Unicode Box Drawing, consultable sur la page http://www.unicode.org/charts/PDF/U2500.pdf.

```
# Caractères simples pour la grille
# Traits
CAR H = u' \setminus u2500'
                              # Trait Horizontal : -
CAR_V = u' \setminus u2502'
                          # Trait Vertical : |
# Coins
                             # Coin Haut Gauche : r
CAR CHG = u' \setminus u250C'
CAR_CHD = u'\u2510'  # Coin Haut Droite : 7
CAR_CBG = u'\u2514'  # Coin Bas Gauche :
                              # Coin Bas Droite : J
CAR CBD = u' \setminus u2518'
# T
                           # T Haut : \top
# T Bas : \bot
# T Gauche :
CAR_TH = u' \setminus u252C'
CAR TB = u'\setminus u2534'
CAR_TG = u' \setminus u251C'
CAR_TD = u' \setminus u2524' # T Droite : -
# +
CAR_CX = u' \setminus u253C' # Croix Centrale : +
# Caractères en gras pour les bateaux
# Traits
                           # Trait Gras Horizontal : -
# Trait Gras Vertical :
CAR GH = u'\setminus u2501'
CAR_GV = u' \setminus u2503'
# T
                              # T Gras Bas : ┷
CAR GTB = u' \setminus u2537'
CAR_GTD = u'\u2528'  # T Gras Droite : -
CAR_GTDH = u'\u252A'  # T Droite Haut : -
# Coins
CAR GCBD = u'\u251B' # Coin Gras Bas Droite :
```

Annexe C : Codes des caractères graphiques

Annexe D

DOCUMENTATION DES MODULES

Les documentations ci-dessous ont été obtenues automatiquement grâce à la commande pydoc3 <module.Classe> et sont générés par les docstrings à l'intérieur de chaque objet. Leur intégration automatique en La se fait avec :

\immediate\write18{pydoc3 module.Classe > ./docstrings/module.Classe}
\verbatiminput{./docstrings/module.Classe}

1 Module bn_grille.py

1.1 Classe Bateau

```
Help on class Bateau in bn grille:
bn grille.Bateau = class Bateau(builtins.object)
 | Classe pour définir les bateaux
  Methods defined here:
    __init__(self, taille, start, sens)
        Un bateau est défini par :
                - Sa taille
                - Son point de départ (start)
                - Son sens (DROITE, GAUCHE, BAS, HAUT)
        On récupère les cases occupées par le bateau
        ainsi que les cases adjacentes
   Data descriptors defined here:
    __dict__
        dictionary for instance variables (if defined)
    __weakref__
        list of weak references to the object (if defined)
```

1.2 Classe Grille

```
Help on class Grille in bn_grille:
bn grille.Grille = class Grille(builtins.object)
 | Classe pour définir la grille de jeu
   Methods defined here:
    init (self, xmax=10, ymax=10, taille bateaux=[5, 4, 3, 3, 2])
        Initialisation de la grille de jeu
        Les cases sont numérotées de 0 à (x|y)max-1
   add bateau(self, bateau)
        Ajoute un bateau dans la grille
        et met à jour les états des cases adjacentes
   add_bateau_alea(self, taille)
        Ajoute un bateau aléatoire de taille donnée
    adjacent(self, case)
        Retourne la liste des cases vides adjacentes à case
        dans l'ordre : DROITE, GAUCHE, HAUT, BAS
   affiche(self)
        Affiche la grille
   case max(self, affiche=False)
        Détermine la case qui contient le plus de bateaux et
        regardant sur chaque case le nombre de bateaux possibles
   case max all(self, affiche all=False)
        Détermination de la case optimale par énumération de
        toutes les répartitions possibles de bateaux
    case max echantillons(self, nb echantillons=100, affiche=False)
        Calcul des probabilités sur chaque case vide de contenir
        un bateau. Retourne la case la plus probable en essayant
        différents arrangements des bateaux restants
   case_max_touchee(self, case_touchee)
        Retourne le nombre de bateaux possibles
        sur chaque case adjacentes à case (qui vient d'être touchée)
```

```
copie_grille_tmp(self)
    Crée une copie temporaire de la grille
elimine_cases(self)
    Élimine les cases dans lesquelles
    le plus petit bateau ne peut pas rentrer
elimine_cases_joueur(self)
    Élimine les cases dans lesquelles
    le plus petit bateau ne peut pas rentrer
    Version pour le joueur
fini(self)
    Renvoie True si tous les bateaux ont été coulés
get_max_space(self, case, direction=(1, 1), sens=1)
    Renvoie la plus grande place possible sur cette case
    dans une direction
get possibles(self, affiche=False, tri=False)
    Crée la liste des bateaux possibles démarrant sur chaque case
    ainsi que la liste des cases et directions possibles pour
    chaque bateau
get taille max(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus grand restant
get_taille_min(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus petit restant
init_bateaux_alea(self)
    Initialise une grille avec des bateaux aléatoires
is_touche(self, case)
    Teste si la case contient un bateau
make_all(self, gtmp, affiche_all=False)
    Crée toutes les répartitions possibles de bateaux
reinit(self)
    Réinitialisation de la grille
```

```
rem bateau(self, taille)
    Enlève le bateau de taille taille de la liste
test bateau(self, bateau)
    Test si le bateau est valide (rentre bien) dans la grille
test case(self, case)
    Teste si une case est valide (dans la grille) et vide
update(self)
    Met à jour les paramètres de la grille
update_vides(self)
    Met à jour la liste des cases vides
______
Data descriptors defined here:
__dict__
    dictionary for instance variables (if defined)
__weakref__
    list of weak references to the object (if defined)
```

2 Module bn_joueur.py

2.1 Classe Joueur

```
add_message(self, texte)
     Ajoute le message texte à la file des messages
affiche messages(self, affiche=True)
    Affiche la liste des messages
case_aleatoire(self)
     Retourne une case aléatoire parmi les cases vides
     (tire sur les cases noires tant qu'il en reste)
check_coules(self)
    Vérifie les bateaux coulés sur la grille
     et les enlève de la liste des bateaux à chercher
     en marquant leurs case adjacentes comme impossibles
clean grille(self)
     Élimine de la grille les cases impossibles
elimine adjacentes(self, cases)
     Élimine les cases adjacents à un bateau coulé
elimine_petites(self)
     Élimine les cases dans lesquelles le plus petit bateau
    ne peut pas rentrer
jeu solo(self)
    Lance une partie solo sur une grille aléatoire
joue_coup(self)
     Joue un coup
rem_bateau(self, taille)
    Enlève le dernier bateau coulé
tire(self, case)
     Tire sur la case (x,y)
    Renvoie True si la case est touchée,
    False si non touché ou case invalide
tire_aleatoire(self)
     Tire sur une case aléatoire
```

```
Data descriptors defined here:

__dict__
dictionary for instance variables (if defined)

__weakref__
list of weak references to the object (if defined)
```

2.2 Classe Ordi

```
Help on class Ordi in bn_joueur:
bn joueur.Ordi = class Ordi(Joueur)
 | Algorithme de résolution
   Method resolution order:
        Ordi
        Joueur
        builtins.object
   Methods defined here:
   __init__(self, nom='HAL', niveau=5, nb_echantillons=100, seuil=20)
   add_adjacentes_premiere(self)
        Ajoute les cases adjacentes possibles à
        la premiere case touchée dans la file d'attente
   add_queue(self, case)
        Ajoute la case à la file d'attente
    affiche_bateaux(self)
        Affiche la liste des bateaux restant à couler
    affiche queue(self)
        Affiche le contenu de la file d'attente
   affiche suivi(self)
        Affiche la grille de suivi des coups
   coup suivant(self)
        Fait jouer à l'ordinateur le coup suivant
```

```
elimine_adjacentes(self)
    Élimine les cases adjacents à un bateau coulé
elimine_petites(self)
    Élimine les cases dans lesquelles le plus petit bateau
    ne peut pas rentrer
make_case_aleatoire(self)
    Choisit une case aléatoire (suivant l'algorithme choisi)
pop queue(self)
    Récupère, en l'enlevant, le premier élément de la queue
rem bateau(self)
    Enlève le dernier bateau coulé
rem_queue(self, case)
    Enlève la case de la file d'attente
resolution(self)
    Lance la résolution de la grille par l'ordinateur
shuffle queue(self)
    Mélange les cases de la file d'attente en les triant
    par ordre décroissant des bateaux possibles
test_plus_grand(self)
    Renvoie True si on a touché autant de cases que
    le plus grand bateau restant
tire_case_courante(self)
    Tire sur la case courante
update_queue_manque(self)
    Met à jour la file d'attente en éliminant une direction
    impossible, après avoir manqué la case en face
update_queue_touche(self)
    Met à jour la file d'attente en enlevant les cases
    qui ne sont pas dans la bonne direction après avoir
    touché une 2ème fois
```

```
vide_queue(self)
    Vide la file d'attente
Methods inherited from Joueur:
add bateau(self, taille, start, direction)
    Ajoute un bateau sur la grille du joueur
add_message(self, texte)
    Ajoute le message texte à la file des messages
affiche_messages(self, affiche=True)
    Affiche la liste des messages
case aleatoire(self)
    Retourne une case aléatoire parmi les cases vides
    (tire sur les cases noires tant qu'il en reste)
check coules(self)
    Vérifie les bateaux coulés sur la grille
    et les enlève de la liste des bateaux à chercher
    en marquant leurs case adjacentes comme impossibles
clean_grille(self)
    Élimine de la grille les cases impossibles
jeu_solo(self)
    Lance une partie solo sur une grille aléatoire
joue coup(self)
    Joue un coup
tire(self, case)
    Tire sur la case (x,y)
    Renvoie True si la case est touchée,
    False si non touché ou case invalide
tire_aleatoire(self)
    Tire sur une case aléatoire
 -----
Data descriptors inherited from Joueur:
```

```
| __dict__
| __dict__
| dictionary for instance variables (if defined)
| 
| __weakref__
| list of weak references to the object (if defined)
```

2.3 Classe Partie

```
Help on class Partie in bn_joueur:
bn joueur.Partie = class Partie(builtins.object)
 | Gère le déroulement de la partie
   Methods defined here:
   __init__(self, joueur=<bn_joueur.Joueur object at 0x7f715c3926a0>, adversaire=<br/>
   add bateau joueur(self, taille)
        Ajoute un bateau pour le joueur
   get_bateaux_adverse(self)
        Récupère la liste des bateaux adverses
   get_coup_adverse(self)
        Récupère le coup de l'adversaire
   lance partie(self)
        Lance une partie à deux joueurs
   place bateaux joueur(self)
        Place tous les bateaux du joueur
   Data descriptors defined here:
    __dict__
        dictionary for instance variables (if defined)
    __weakref
        list of weak references to the object (if defined)
```

3 Module bn_console.py

3.1 Classe GrilleC

```
Help on class GrilleC in bn console:
bn console.GrilleC = class GrilleC(bn grille.Grille)
    Affichage de la grille en mode console
   Method resolution order:
        GrilleC
        bn_grille.Grille
        builtins.object
  Methods defined here:
   init (self, xmax=10, ymax=10, taille bateaux=[5, 4, 3, 3, 2])
   affiche(self)
       Affiche une grille
   affiche_adverse(self, grille=None)
        Affiche la grille de suivi de l'adversaire
        en entourant nos propres bateaux
   make chaine(self)
        Crée la grille avec des caractères graphiques
   make chaine adverse(self, grille=None)
        Crée la grille avec des caractères graphiques en entourant
        en gras les bateaux de la grille passée en paramètre
   Methods inherited from bn_grille.Grille:
   add bateau(self, bateau)
        Ajoute un bateau dans la grille
        et met à jour les états des cases adjacentes
   add bateau alea(self, taille)
        Ajoute un bateau aléatoire de taille donnée
    adjacent(self, case)
```

```
Retourne la liste des cases vides adjacentes à case
     dans l'ordre : DROITE, GAUCHE, HAUT, BAS
case max(self, affiche=False)
    Détermine la case qui contient le plus de bateaux et
     regardant sur chaque case le nombre de bateaux possibles
case_max_all(self, affiche_all=False)
    Détermination de la case optimale par énumération de
     toutes les répartitions possibles de bateaux
case max echantillons(self, nb echantillons=100, affiche=False)
     Calcul des probabilités sur chaque case vide de contenir
    un bateau. Retourne la case la plus probable en essayant
     différents arrangements des bateaux restants
case_max_touchee(self, case_touchee)
    Retourne le nombre de bateaux possibles
     sur chaque case adjacentes à case (qui vient d'être touchée)
copie grille tmp(self)
    Crée une copie temporaire de la grille
elimine cases(self)
    Élimine les cases dans lesquelles
     le plus petit bateau ne peut pas rentrer
elimine_cases_joueur(self)
    Élimine les cases dans lesquelles
     le plus petit bateau ne peut pas rentrer
     Version pour le joueur
fini(self)
     Renvoie True si tous les bateaux ont été coulés
get_max_space(self, case, direction=(1, 1), sens=1)
     Renvoie la plus grande place possible sur cette case
    dans une direction
get possibles(self, affiche=False, tri=False)
     Crée la liste des bateaux possibles démarrant sur chaque case
     ainsi que la liste des cases et directions possibles pour
    chaque bateau
```

```
get_taille_max(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus grand restant
get_taille_min(self)
    Met à jour la taille du bateau le plus petit restant
init_bateaux_alea(self)
    Initialise une grille avec des bateaux aléatoires
is_touche(self, case)
    Teste si la case contient un bateau
make_all(self, gtmp, affiche_all=False)
    Crée toutes les répartitions possibles de bateaux
reinit(self)
    Réinitialisation de la grille
rem_bateau(self, taille)
    Enlève le bateau de taille taille de la liste
test_bateau(self, bateau)
    Test si le bateau est valide (rentre bien) dans la grille
test case(self, case)
    Teste si une case est valide (dans la grille) et vide
update(self)
    Met à jour les paramètres de la grille
update_vides(self)
    Met à jour la liste des cases vides
Data descriptors inherited from bn_grille.Grille:
__dict__
    dictionary for instance variables (if defined)
__weakref__
    list of weak references to the object (if defined)
```

3.2 Classe JoueurC

```
Help on class JoueurC in bn_console:
bn console.JoueurC = class JoueurC(bn joueur.Joueur)
   Joueur en mode console
   Method resolution order:
        JoueurC
        bn_joueur.Joueur
        builtins.object
   Methods defined here:
   __init__(self, nom='Joueur')
   affiche messages(self, affiche=True)
        Affiche les messages du joueur
   jeu solo(self, cheat=True)
        Lance une partie solo sur une grille aléatoire
   joue coup(self)
        Joue un coup sur une case
   Methods inherited from bn_joueur.Joueur:
   add bateau(self, taille, start, direction)
        Ajoute un bateau sur la grille du joueur
   add message(self, texte)
        Ajoute le message texte à la file des messages
   case_aleatoire(self)
        Retourne une case aléatoire parmi les cases vides
        (tire sur les cases noires tant qu'il en reste)
   check coules(self)
        Vérifie les bateaux coulés sur la grille
        et les enlève de la liste des bateaux à chercher
        en marquant leurs case adjacentes comme impossibles
```

```
clean_grille(self)
    Élimine de la grille les cases impossibles
elimine adjacentes(self, cases)
    Élimine les cases adjacents à un bateau coulé
elimine_petites(self)
    Élimine les cases dans lesquelles le plus petit bateau
    ne peut pas rentrer
rem_bateau(self, taille)
    Enlève le dernier bateau coulé
tire(self, case)
    Tire sur la case (x,y)
    Renvoie True si la case est touchée,
    False si non touché ou case invalide
tire aleatoire(self)
    Tire sur une case aléatoire
Data descriptors inherited from bn_joueur.Joueur:
__dict__
    dictionary for instance variables (if defined)
__weakref__
    list of weak references to the object (if defined)
```

3.3 Classe OrdiC

```
Help on class OrdiC in bn_console:
bn_console.OrdiC = class OrdiC(JoueurC, bn_joueur.Ordi)
| Résoultion de la grille en mode console
|
| Method resolution order:
| OrdiC
| JoueurC
| bn_joueur.Ordi
| bn_joueur.Joueur
```

```
builtins.object
Methods defined here:
__init__(self, nom='HAL', niveau=4, nb_echantillons=100, seuil=20)
resolution(self, affiche=True, grille=None)
    Lance la résolution de la grille par l'ordinateur
resolution_latex(self, affiche=True, grille=None)
    Lance la résolution de la grille par l'ordinateur
    avec affichage en LaTeX pour copier-coller dans le rapport
______
Methods inherited from JoueurC:
affiche_messages(self, affiche=True)
    Affiche les messages du joueur
jeu_solo(self, cheat=True)
    Lance une partie solo sur une grille aléatoire
joue_coup(self)
    Joue un coup sur une case
Methods inherited from bn joueur.Ordi:
add_adjacentes_premiere(self)
    Ajoute les cases adjacentes possibles à
    la premiere case touchée dans la file d'attente
add_queue(self, case)
    Ajoute la case à la file d'attente
affiche_bateaux(self)
    Affiche la liste des bateaux restant à couler
affiche_queue(self)
    Affiche le contenu de la file d'attente
affiche_suivi(self)
    Affiche la grille de suivi des coups
```

```
coup_suivant(self)
    Fait jouer à l'ordinateur le coup suivant
elimine_adjacentes(self)
    Élimine les cases adjacents à un bateau coulé
elimine_petites(self)
    Élimine les cases dans lesquelles le plus petit bateau
    ne peut pas rentrer
make case aleatoire(self)
    Choisit une case aléatoire (suivant l'algorithme choisi)
pop queue(self)
    Récupère, en l'enlevant, le premier élément de la queue
rem bateau(self)
    Enlève le dernier bateau coulé
rem queue(self, case)
    Enlève la case de la file d'attente
shuffle queue(self)
    Mélange les cases de la file d'attente en les triant
    par ordre décroissant des bateaux possibles
test_plus_grand(self)
    Renvoie True si on a touché autant de cases que
    le plus grand bateau restant
tire_case_courante(self)
    Tire sur la case courante
update_queue_manque(self)
    Met à jour la file d'attente en éliminant une direction
    impossible, après avoir manqué la case en face
update_queue_touche(self)
    Met à jour la file d'attente en enlevant les cases
    qui ne sont pas dans la bonne direction après avoir
    touché une 2ème fois
```

```
vide_queue(self)
    Vide la file d'attente
Methods inherited from bn_joueur.Joueur:
add_bateau(self, taille, start, direction)
    Ajoute un bateau sur la grille du joueur
add_message(self, texte)
    Ajoute le message texte à la file des messages
case aleatoire(self)
    Retourne une case aléatoire parmi les cases vides
     (tire sur les cases noires tant qu'il en reste)
check_coules(self)
    Vérifie les bateaux coulés sur la grille
     et les enlève de la liste des bateaux à chercher
     en marquant leurs case adjacentes comme impossibles
clean grille(self)
     Élimine de la grille les cases impossibles
tire(self, case)
    Tire sur la case (x,y)
    Renvoie True si la case est touchée,
    False si non touché ou case invalide
tire aleatoire(self)
     Tire sur une case aléatoire
Data descriptors inherited from bn joueur. Joueur:
__dict__
     dictionary for instance variables (if defined)
__weakref__
     list of weak references to the object (if defined)
```

3.4 Classe PartieC

```
Help on class PartieC in bn_console:
bn_console.PartieC = class PartieC(bn_joueur.Partie)
   Partie à deux joueurs en mode console
   Method resolution order:
        PartieC
        bn joueur.Partie
        builtins.object
   Methods defined here:
   __init__(self, joueur=<bn_joueur.Joueur object at 0x7fe53a9460f0>, adversaire=<br/>
   add_bateau_joueur(self, taille)
        Ajoute un bateau pour le joueur
   affiche grilles(self, fin=False)
        Affiche les deux grilles cote à cote,
        avec les noms des joueurs
    lance_partie(self)
        Lance une partie à deux joueurs
   place_bateaux_joueur(self)
        Place tous les bateaux du joueur
   Methods inherited from bn_joueur.Partie:
   get_bateaux_adverse(self)
        Récupère la liste des bateaux adverses
   get_coup_adverse(self)
        Récupère le coup de l'adversaire
   Data descriptors inherited from bn_joueur.Partie:
    __dict__
        dictionary for instance variables (if defined)
```

```
|
| __weakref__
| list of weak references to the object (if defined)
```

3.5 Classe MainConsole

```
Help on class MainConsole in bn_console:
bn_console.MainConsole = class MainConsole(builtins.object)
   Programme principal en mode console
   Methods defined here:
   __init__(self)
   get_nb_echantillons(self, niveau)
        Pour le niveau 4, demande la taille des échantillons
   get niveau(self)
        Demande le niveau de l'ordinateur
   get_seuil(self, niveau)
        Pour le niveau 6, demande le seuil
    jeu_contre_ordi(self, cheat=False, nom='Toto')
        Partie en duel contre l'ordinateur
    jeu_ordi(self, affiche=True, xmax=10, ymax=10, taille_bateaux=[5, 4, 3, 3, 2], n
        Résolution d'une grille par l'ordinateur
    jeu solo(self, cheat=False)
        Jeu solo sur une grille aléatoire
    launch menu(self)
        Menu de lancement
    launch_test_algo(self)
        Lancement de la procédure de test
        de l'algorithme de résolution
    test_algo(self, n=1000, xmax=10, ymax=10, taille_bateaux=[5, 4, 3, 3, 2], niveau
        Test de l'agorithme de résolution sur n parties
```

4 Module bn_stats.py

4.1 Classe Stats

```
Help on class Stats in bn_stats:
bn_stats.Stats = class Stats(builtins.object)
    Implémente les outils d'étude statistique
 | Methods defined here:
   __init__(self, data=None, filename='', tmoy=0, param_grille={'taille_bateaux': [
   get_all_stats(self)
        Récupère tous les indicateurs statistiques
   get_effectif(self)
        Calcul de l'effectif total
   get_maxi(self)
        Calcul du maximum
   get mini(self)
        Calcul du minimum
   get_mode(self)
        Calcul du mode
    get_moyenne(self)
        Calcul de la moyenne
```

```
get_quartiles(self)
    Calcul des quartiles. Renvoie une liste [Q1, Med, Q3].
    Q1 et Q3 sont les termes de rangs ceil(n/4) et ceil(3n/4)
    La médiane est définie comme le terme de rang ceil(n/2)
get_sigma(self)
    Calcul de l'écart-type
histogramme(self, show=True, save=True)
    Crée la représentation graphique des données avec :
    - Un histogramme des fréquences
    - Un diagramme en boîte à moustache
    - Tous les indicateurs statistiques
load_data(self)
    Charge les données à partir d'un fichier texte
resume stat(self)
    Affiche un résumé statistique
save_data(self)
    Sauvegarde les données dans un fichier texte
Data descriptors defined here:
__dict__
    dictionary for instance variables (if defined)
__weakref__
    list of weak references to the object (if defined)
```



Annexe E -

L'ALGORITHME EN ACTION

Dans cet annexe, le déroulement d'une partie avec le niveau 5 :

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4										
5										
6										
7										
8										
9										

<HAL> C'est parti !!!

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4										
5						0				
6										
7										
8										
9										

<hAL> Je tire sur la case F5 qui est la plus probable (34 bateaux possibles) $<\!$ HAL> F5 : Manqué

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4					0					
5						0				
6										
7										
8										
9										

<hAL> Je tire sur la case E4 qui est la plus probable (34 bateaux possibles) $<\!$ HAL> E4 : Manqué

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4					0					
5						0				
6							×			
7										
8										
9										

```
<HAL> Je tire sur la case G6 qui est la plus probable (32 bateaux possibles)
<HAL> G6 : Touché
<HAL> J'ajoute la case H6 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case F6 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case G5 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case G7 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> F6 : 12 bateaux possibles
<HAL> G5 : 12 bateaux possibles
<HAL> H6 : 11 bateaux possibles
<HAL> G7 : 11 bateaux possibles
<HAL> F1 : 11 bateaux possibles
<HAL> F1 : 12 bateaux possibles
<HAL> F1 : 13 bateaux possibles
<HAL> F1 : 14 bateaux possibles
<HAL> F1 : 15 bateaux possibles
<HAL> F1 : 16 : 17 bateaux possibles</HAL> F1 : 18 bateaux possibles</hr>
```

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4					0					
5						0				
6						×	×			
7										
8										
9										

```
<HAL> Je tire sur la case F6 de la file d'attente
<HAL> F6 : Touché
<HAL> Le bateau touché est horizontal
<HAL> J'enlève la case G5 de la file d'attente
<HAL> J'enlève la case G7 de la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case E6 à la file d'attente
<HAL> File d'attente : H6 E6
```

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4					0					
5						0				
6						×	×	×		
7										
8										
9										

<HAL> Je tire sur la case H6 de la file d'attente

<HAL> H6 : Touché

<HAL> J'ajoute la case I6 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : E6 I6

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4					0					
5						0				
6					×	×	×	×		
7										
8										
9										

<HAL> Je tire sur la case E6 de la file d'attente

<HAL> E6 : Touché

<HAL> J'ajoute la case D6 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : I6 D6

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2										
3										
4					0					
5						0				
6					×	×	×	×	×	
7										
8										
9										

<HAL> Je tire sur la case I6 de la file d'attente

<HAL> I6 : Touché

<HAL> J'ajoute la case J6 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : D6 J6

<HAL> Bateau de taille 5 coulé car c'est le plus grand restant

<HAL> Je vide ma file d'attente

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2				0						
3										
4					0					
5					0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8										
9										

```
<HAL> Bateau de taille 5 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<HAL> Bateaux restant à couler : 4 3 3 2
<HAL> J'élimine la case adjacente G5
<HAL> J'élimine la case adjacente G7
<HAL> J'élimine la case adjacente F7
<HAL> J'élimine la case adjacente H5
<HAL> J'élimine la case adjacente H7
<HAL> J'élimine la case adjacente B6
<HAL> J'élimine la case adjacente D6
<HAL> J'élimine la case adjacente E5
<HAL> J'élimine la case adjacente E7
<HAL> J'élimine la case adjacente E7
<HAL> J'élimine la case adjacente J6
<HAL> J'élimine la case adjacente I5
<HAL> J'élimine la case adjacente I7
<HAL> J'élimine la case adjacente I7
<HAL> J'élimine la case adjacente I7
<HAL> Je tire sur la case D2 qui est la plus probable (23 bateaux possibles)
<HAL> D2 : Manqué
```

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2				0						
3			0							
4					0					
5					0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8										
9										

 $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ Je tire sur la case C3 qui est la plus probable (23 bateaux possibles) $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ C3 : Manqué

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1										
2				0			0			
3			0							
4					0					
5					0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8										
9										

<hAL> Je tire sur la case G2 qui est la plus probable (21 bateaux possibles) $\mbox{<HAL> G2}$: Manqué

ISN 2016 - BATAILLE NAVALE

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3			0							
4					0					
5					0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8										
9										

<hAL> Je tire sur la case F1 qui est la plus probable (20 bateaux possibles) $<\!$ HAL> F1 : Manqué

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3			0					0		
4					0					
5					0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8										
9										

<hAL> Je tire sur la case H3 qui est la plus probable (19 bateaux possibles) $<\!$ HAL> H3 : Manqué

ANNEXE E: L'ALGORITHME EN ACTION

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3			0					0		
4					0					
5					0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

 $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ Je tire sur la case C8 qui est la plus probable (19 bateaux possibles) $\mbox{<HAL}\mbox{>}$ C8 : Manqué

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3			0					0		
4		×			0					
5					0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

```
<HAL> Je tire sur la case B4 qui est la plus probable (19 bateaux possibles)
<HAL> B4 : Touché
<HAL> J'ajoute la case C4 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case A4 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case B3 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case B5 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> B5 : 8 bateaux possibles
<HAL> B3 : 8 bateaux possibles
<HAL> C4 : 6 bateaux possibles
<HAL> A4 : 4 bateaux possibles
<HAL> File d'attente : B5 B3 C4 A4
```

Annexe E : L'algorithme en action

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3			0					0		
4		×			0					
5		0			0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

<hAL> Je tire sur la case B5 de la file d'attente <hAL> B5 : Manqué

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3		0	0					0		
4		×			0					
5		0			0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

<HAL> Je tire sur la case B3 de la file d'attente <HAL> B3 : Manqué

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3		0	0					0		
4		×	×		0					
5		0			0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

<HAL> Je tire sur la case C4 de la file d'attente

<HAL> C4 : Touché

<HAL> Le bateau touché est horizontal

<hAL> J'ajoute la case D4 à la file d'attente $\mbox{<HAL> File}$ d'attente : A4 D4

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3		0	0					0		
4	0	×	×		0					
5		0			0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

<HAL> Je tire sur la case A4 de la file d'attente

<HAL> A4 : Manqué

Annexe E : L'algorithme en action

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0										
1						0				
2				0			0			
3		0	0					0		
4	0	×	×	×	0					
5		0			0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

<HAL> Je tire sur la case D4 de la file d'attente

<HAL> D4 : Touché

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0					0					
1						0				
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

```
<HAL> Bateau de taille 3 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<HAL> Bateaux restant à couler : 4 3 2
<HAL> J'élimine la case adjacente C5
<HAL> J'élimine la case adjacente D3
<HAL> J'élimine la case adjacente D5
<HAL> J'élimine la case adjacente D5
<HAL> Je tire sur la case E0 qui est la plus probable (12 bateaux possibles)
<HAL> E0 : Manqué
```

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1						0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9										

 $\mbox{<HAL>}$ Je tire sur la case I1 qui est la plus probable (11 bateaux possibles) $\mbox{<HAL>}$ I1 : Manqué

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0					0					
1						0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9				×						

```
<HAL> Je tire sur la case D9 qui est la plus probable (11 bateaux possibles)
<HAL> D9 : Touché
<HAL> J'ajoute la case E9 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case C9 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case D8 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> E9 : 6 bateaux possibles
<HAL> C9 : 6 bateaux possibles
<HAL> D8 : 2 bateaux possibles
<HAL> File d'attente : E9 C9 D8
```

Annexe E : L'algorithme en action

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1						0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9				×	0					

<hAL> Je tire sur la case E9 de la file d'attente <hAL> E9 : Manqué

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1						0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9			×	×	0					

<HAL> Je tire sur la case C9 de la file d'attente

<HAL> C9 : Touché

<hAL> Le bateau touché est horizontal

<HAL> J'enlève la case D8 de la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case B9 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : B9

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1						0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9		×	×	×	0					

<HAL> Je tire sur la case B9 de la file d'attente

<HAL> B9 : Touché

<HAL> J'ajoute la case A9 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : A9

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1						0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8			0							
9	0	×	×	×	0					

<HAL> Je tire sur la case A9 de la file d'attente

<HAL> A9 : Manqué

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0				0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8		0	0	0						
9	0	×	×	×	0					

```
<HAL> Bateau de taille 3 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<HAL> Bateaux restant à couler : 4 2
<HAL> J'élimine la case adjacente D8
<HAL> J'élimine la case adjacente B8
<HAL> Je tire sur la case B1 qui est la plus probable (6 bateaux possibles)
<HAL> B1 : Manqué
```

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0				0			0	
2				0			0			
3		0	0	0				0		×
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8		0	0	0						
9	0	×	×	×	0					

```
<HAL> Je tire sur la case J3 qui est la plus probable (6 bateaux possibles)
<HAL> J3 : Touché
<HAL> J'ajoute la case I3 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case J2 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case J4 à la file d'attente
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> J2 : 4 bateaux possibles
<HAL> J4 : 3 bateaux possibles
<HAL> I3 : 1 bateaux possibles
<HAL> File d'attente : J2 J4 I3
```

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0				0			0	
2				0			0			×
3		0	0	0				0		×
4	0	×	×	×	0					
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8		0	0	0						
9	0	×	×	×	0					

```
<HAL> Je tire sur la case J2 de la file d'attente
```

<HAL> J2 : Touché

<hAL> Le bateau touché est vertical

<HAL> J'enlève la case I3 de la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case J1 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : J4 J1

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0				0			0	
2				0			0			×
3		0	0	0				0		×
4	0	×	×	×	0					0
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8		0	0	0						
9	0	×	×	×	0					

<hAL> Je tire sur la case J4 de la file d'attente <hAL> J4 : Manqué

Annexe E : L'algorithme en action

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0				0			0	0
2				0			0			×
3		0	0	0				0		×
4	0	×	×	×	0					0
5		0	0	0	0	0	0	0	0	
6				0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	
8		0	0	0						
9	0	×	×	×	0					

<hAL> Je tire sur la case J1 de la file d'attente <hAL> J1 : Manqué

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0	0	0	0	0	0	0	0	0
2		0	0	0	0	0	0	0	0	×
3		0	0	0	0	0	0	0	0	×
4	0	×	×	×	0					0
5		0	0	0	0	0	0	0	0	0
6		0	0	0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	0
8		0	0	0			×			
9	0	×	×	×	0					

```
<HAL> Bateau de taille 2 coulé ! Je l'enlève de la liste des bateaux à chercher
<hAL> Bateaux restant à couler : 4
<hAL> J'élimine la case adjacente I3
<HAL> J'élimine la case adjacente I2
<HAL> J'élimine la cases B2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<hAL> J'élimine la cases B6 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases C1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<hAL> J'élimine la cases C2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<hAL> J'élimine la cases C6 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases D1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases E1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases E2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases E3 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases F2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<hAL> J'élimine la cases F3 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases G1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases G3 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases H1 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases H2 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
{	imes} All Y delimine la cases J5 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> J'élimine la cases J7 : zone trop petite pour le plus petit bateau de taille 4
<HAL> Je tire sur la case G8 qui est la plus probable (3 bateaux possibles)
<HAL> G8 : Touché
<HAL> J'ajoute la case H8 à la file d'attente
<HAL> J'ajoute la case F8 à la file d'attente
<hAL> Le plus petit bateau, de taille 4, ne rentre pas verticalement en case G8
<HAL> J'ordonne ma file d'attente en fonction des possibilités :
<HAL> H8 : 3 bateaux possibles
<HAL> F8 : 2 bateaux possibles
<hAL> File d'attente : H8 F8
```

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0	0	0	0	0	0	0	0	0
2		0	0	0	0	0	0	0	0	×
3		0	0	0	0	0	0	0	0	×
4	0	×	×	×	0					0
5		0	0	0	0	0	0	0	0	0
6		0	0	0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	0
8		0	0	0			×	×		
9	0	×	×	×	0					

<HAL> Je tire sur la case H8 de la file d'attente

<HAL> H8 : Touché

<hAL> Le bateau touché est horizontal

<HAL> J'ajoute la case I8 à la file d'attente <HAL> File d'attente : F8 I8

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0	0	0	0	0	0	0	0	0
2		0	0	0	0	0	0	0	0	×
3		0	0	0	0	0	0	0	0	×
4	0	×	×	×	0					0
5		0	0	0	0	0	0	0	0	0
6		0	0	0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	0
8		0	0	0		×	×	×		
9	0	×	×	×	0					

<HAL> Je tire sur la case F8 de la file d'attente

<HAL> F8 : Touché

<HAL> J'ajoute la case E8 à la file d'attente

<HAL> File d'attente : I8 E8

Annexe E : L'algorithme en action

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0	0	0	0	0	0	0	0	0
2		0	0	0	0	0	0	0	0	×
3		0	0	0	0	0	0	0	0	×
4	0	×	×	×	0					0
5		0	0	0	0	0	0	0	0	0
6		0	0	0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	0
8		0	0	0		×	×	×	0	
9	0	×	×	×	0					

<HAL> Je tire sur la case I8 de la file d'attente <HAL> I8 : Manqué

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
0					0					
1		0	0	0	0	0	0	0	0	0
2		0	0	0	0	0	0	0	0	×
3		0	0	0	0	0	0	0	0	×
4	0	×	×	×	0					0
5		0	0	0	0	0	0	0	0	0
6		0	0	0	×	×	×	×	×	0
7					0	0	0	0	0	0
8		0	0	0	×	×	×	×	0	
9	0	×	×	×	0					

<HAL> Je tire sur la case E8 de la file d'attente

<HAL> E8 : Touché

<HAL> Bateau de taille 4 coulé car c'est le plus grand restant

<HAL> Je vide ma file d'attente

<hAL> Partie terminée en 36 coups