PRENOM :..

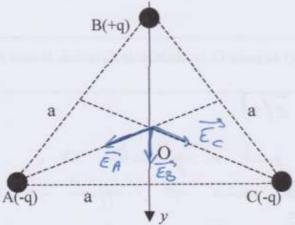
Novembre 2017 GROUPE :....

Contrôle 1 de Physique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Réponses exclusivement sur le sujet

Exercice 1 (8 points)

Trois charges ponctuelles -q, +q et - q (avec q > 0) placées respectivement aux points A, B et C d'un triangle équilatéral de côté a. AB = BC = CA = a.



1- Représenter sur le schéma ci-dessus les vecteurs champs électriques $\vec{E}_A(O)$, $\vec{E}_B(O)$ et $\vec{E}_C(O)$ créés par les trois particules chargées au centre O du triangle.

2- Exprimer les normes de chacun des vecteurs $\vec{E}_A(O)$, $\vec{E}_B(O)$, $\vec{E}_C(O)$, ainsi que celle du vecteur champ total : E(O), en fonction de k, q, a.

$$\begin{split} \|\vec{E}_{A}\| &= \|\vec{E}_{B}\| = \|\vec{E}_{C}\| = k \frac{q}{Ao^{2}} = k \frac{q}{/\sqrt{53}} \|^{2} = \frac{3kq}{a^{2}} \\ \vec{E}(0) &= \left[\vec{E}_{c}(0) = k \frac{q}{(a/5)^{3}} (-Ao - Co + 3o) \right] \\ \text{Pais} \quad \vec{O}A + \vec{O}B + \vec{O}C = \vec{O} \quad (cate ob graviti). \\ d'an \quad \vec{E}(0) &= k \frac{q}{(a/5)^{3}} (2Bo) \\ \text{et danc} \quad \vec{E}(0) &= \frac{6kq}{a^{2}}. \end{split}$$

3- On place une charge négative (-q) au point O, en déduire la direction, le sens et la norme de la force électrique qu'elle subit.

4-a) Calculer les potentiels V(A), V(B) et V(O), en fonction de k, q et a. (En tenant compte de la charge -q au point O), en fonction de k, q et a.

.
$$V(A) = V_{g}(A) + V_{c}(A) + V_{o}(A) = V_{o}(A)$$

$$= -k \frac{q}{\sqrt{33}} = -\frac{kq \sqrt{33}}{2}$$
. $V(B) = 2V_{A}(B) + V_{o}(B) = -\frac{2kq}{2} - \frac{kq \sqrt{33}}{2}$
. $V(O) = V_{A}(O) + V_{c}(O)$

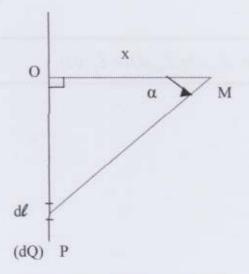
$$= V_{A}(O) = -k \frac{q}{2} \sqrt{33}$$

b) En déduire l'énergie potentielle électrique de la charge (-q) placée au point O.

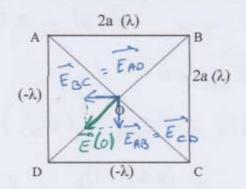
Anini
$$E_{(-1)} = -9 V(0) = 2 \frac{9^2}{3}$$

Exercice 2 (6 points)

On montre qu'un élément de longueur d ℓ de charge dQ crée un champ électrique élémentaire au point M, d'expression $dE_x(M) = \frac{k \cdot \lambda}{x} \cos(\alpha) d\alpha$, où OM = x : distance entre le point M et le fil.



1-a) Utiliser l'expression ci-dessus pour exprimer les normes des vecteurs champs électriques créés par chacun des fils AB, BC, CD et DA au centre O du carré de côté 2a, sachant que les fils AB, BC sont chargés avec une densité λ constante et **positive** alors que les fils CD et DA sont chargés avec une densité constante **négative** $-\lambda$.



$$S=1'$$
 expression des normes,
 $E_{AB} = E_{BC} = E_{CD} = E_{DA}$
 $= \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \frac{\ell \chi}{\alpha} \cos \chi \, dx = \frac{k \chi}{\alpha} \sqrt{2}$

b) Représenter les vecteurs $\vec{E}_{AB}(O)$, $\vec{E}_{BC}(O)$, $\vec{E}_{CD}(O)$ et $\vec{E}_{DA}(O)$.

2- a) En déduire l'expression de la norme du champ total $\vec{E}(O)$.

b) Représenter ce vecteur.

On a matie que
$$\vec{E}(0) = 2\vec{E}_{AB} + 2\vec{E}_{BC}$$

ai $\vec{E}_{AB} - \vec{E}_{BC} = 0$ alone
 $||\vec{E}(0)|| = (4\vec{E}_{AB}^2 + 4\vec{E}_{BC}^2)|_2$
 $= (8\vec{E}_{AB}^2)|_2 = 2\sqrt{2}\vec{E}_{AB}$
 $= 4\frac{k\lambda}{\alpha}$

Exercice 3 Les parties I et II sont indépendantes

I- On considère le potentiel électrique d'expression $V(x, y, z) = 2x^2y - \frac{zy^3}{2}$.

1- Exprimer les composantes E_x , E_y et E_z du vecteur champ électrique, créé par cette distribution.

1- Exprimer les composantes
$$E_x$$
, E_y et E_z du vecteur champ electrique, cree par cette distribution.
2- En déduire la norme du champ électrique \vec{E} au point P (1, 1,1).

3

11 $\vec{E} = \begin{vmatrix} \vec{\epsilon}_x \\ \vec{\epsilon}_y \\ \vec{\epsilon}_z \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} \vec{\epsilon}_x \\ \vec{\epsilon}_z \end{vmatrix} = -\begin{vmatrix} \vec{\epsilon}_x$

$$2)\vec{E}(1,1,1) = \begin{vmatrix} -5\\1\\1 \end{vmatrix}$$
 => $||\vec{E}(1,1,1)|| = 3\sqrt{3}$

II- Un dipôle électrique (-Q,+Q) crée en un point M quelconque du plan (xoy), un potentiel électrostatique, d'expression : $V(r,\theta) = k.Q.a.\frac{\cos(\theta)}{r^2}$; Où k, Q, a sont des constantes positives.

On donne le gradient en coordonnées polaires : $grad\left(\frac{\partial}{\partial r}, \frac{1}{r}, \frac{\partial}{\partial \theta}\right)$

- Exprimer les composantes du vecteur champ électrique créé au point M.
- 2- Donner en fonction de k, Q, a et r_0 les composantes au point $\vec{E}(M_0)$, tel que: $r = r_0$, et $\theta_0 = \pi/4$.

1)
$$\vec{E} = \begin{vmatrix} \vec{E}_{\Gamma} \\ \vec{E}_{O} \end{vmatrix} = - \begin{vmatrix} kQ_{\alpha} & \frac{\cos Q}{\Gamma^{3}} \kappa(-2) \\ \frac{kQ_{\alpha}}{\Gamma} & \frac{-\sin Q}{\Gamma^{2}} \end{vmatrix} = \frac{kQ_{\alpha}}{\Gamma^{3}} \begin{vmatrix} 2\cos Q \\ \sin Q \end{vmatrix}$$

2)
$$\vec{E}(r_0, \overline{\eta}_4) = \frac{k Q_a}{r_0^3} \left| \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \right|$$