Contrôle 1 de Physique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Réponses exclusivement sur le sujet

On rappelle que, sauf si mentionné explicitement dans le sujet, la notation $E_A(M)$ correspond à la norme du champ $\overline{E_A}(M)$. Par contre, les angles utilisés sont des angles orientés.

On utilisera par la suite la constante $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$

<u>OCM</u>

(4 points-pas de points négatifs)

Entourer la bonne réponse.

0.5 pt/repose

1- Le champ électrique, créé par une charge ponctuelle q placée au point O, en un point M s'écrit comme :

a)
$$\vec{E}(M) = k \frac{q}{QM^2} \overrightarrow{OM}$$

a)
$$\vec{E}(M) = k \frac{q}{OM^2} \overrightarrow{OM}$$
 b) $\vec{E}(M) = k \frac{q}{OM^3} \overrightarrow{OM}$ c) $\vec{E}(M) = k \frac{q}{OM} \overrightarrow{OM}$

c)
$$\vec{E}(M) = k \frac{q}{oM} \overline{OM}$$

2- On s'intéresse à la force électrostatique $\vec{F}_{1\rightarrow2}$ qu'une charge q_1 située en A exerce sur une charge q_2 située en B. La norme de cette force est donnée par :

a)
$$F_{1\to 2} = k \frac{q_1 q_2}{AB}$$

b)
$$F_{1\to 2} = k \frac{|q_1||q_2|}{AB}$$

b)
$$F_{1\to 2} = k \frac{|q_1||q_2|}{AB}$$
 c) $F_{1\to 2} = k \frac{|q_1||q_2|}{AB^2}$

- 3- La force électrostatique est une force :
 - a) Toujours attractive
- b) Toujours répulsive
- c) Toujours conservative
- 4- Quelle propriété vérifie le champ électrostatique \vec{E} associé au potentiel V?

$$a) \vec{E} \neq -\overline{grad}(V)$$

b)
$$\vec{E} = \overrightarrow{grad}(V)$$

c)
$$V = \overline{grad}(\vec{E})$$

5- On considère une distribution surfacique de charge σ. Un élément infinitésimal de surface dS situé dans un voisinage de P crée en un point M, où se trouve une charge q, une force élémentaire dF d'expression :

a)
$$\overrightarrow{dF} = kq \frac{\sigma dS}{PM} \overrightarrow{PM}$$

(b)
$$\overrightarrow{dF} = kq \frac{\sigma dS}{PM^3} \overrightarrow{PM}$$
 (c) $\overrightarrow{dF} = kq \frac{\sigma dS}{PM^2} \overrightarrow{PM}$

c)
$$\overrightarrow{dF} = kq \frac{\sigma dS}{PM^2} \overrightarrow{PM}$$

- 6- On considère une distribution surfacique de charge σ positive répartie de façon uniforme sur un cylindre d'axe (Oz), de rayon R et de hauteur h. Quel élément infinitésimal de surface dS n'est pas pertinent dans cette géométrie ?
- a) $dS = rdrd\theta$

$$b)dS = dxdy$$

c)
$$dS = rd\theta dz$$

7- On regarde le cas limite d'un cylindre infini d'axe (Oz) (de vecteur unitaire $\overrightarrow{u_z}$) et chargé positivement en surface et uniformément. On s'intéresse au champ électrique $\vec{E}(M)$, où M est situé sur l'axe (Oz). Que peut-on dire ?

$$(a) \vec{B}(M) = \vec{0}$$

b)
$$\vec{E}(M).\vec{u_z} > 0$$

c)
$$\vec{E}(M)$$
 est divergent.

8- De nouveau avec le cylindre fini de la question 6, en un point M extérieur au cylindre les composantes cylindriques (E_p, E_θ, E_z) du champ électrostatique vérifie :

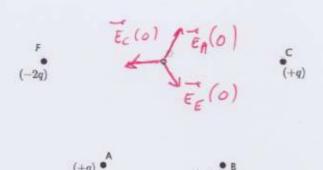
a)
$$E_0 = 0$$

(b)
$$E_{\theta} = 0$$

c)
$$E_z = 0$$

Exercice 1

On étudie la distribution de charges suivantes (q > 0), formant un hexagone régulier de côté a et de centre O.



1- a) Exprimer les champs électrostatiques $\vec{E}_A(0)$, $\vec{E}_C(0)$, $\vec{E}_E(0)$ créés en O par les charges respectivement en A, C et E. Les représenter sur la figure ci-dessus.

$$\overline{E}_{A}(0) = \ell \frac{q}{3} \overline{A}0 ; \overline{E}_{C}(0) = \ell \frac{q}{3} \overline{C}0$$

$$\overline{E}_{E}(0) = \ell \frac{q}{3} \overline{E}0 \qquad 0.5 \text{ pt}$$

b) Calculer la norme du champ électrostatique total généré par ces trois charges au point O.

$$\begin{aligned}
\bar{E}_{t,l} &= \bar{E}_{C} + \bar{E}_{A} + \bar{E}_{E} \\
1 &= \tilde{E}_{C} + \bar{E}_{A} + \bar{E}_{E} \\
2 &= \tilde{E}_{C} + \tilde{E}_{A} + \tilde{E}_{E} \\
2 &= \tilde{E}_{C} + \tilde{$$

-2-

2- a) On place une charge Q < 0 au point O. Après avoir représenté la force générée par les charges en A, C et E sur la charge Q, exprimer la norme de cette force.

On sit que
$$\vec{E}_{tt} = \vec{o}$$
 $J' = \vec{F}_{tt} = \vec{e}\vec{E}_{tt}$ $= \vec{o}$.

b) Exprimer le potentiel électrostatique V(O) créé en O par les charges placées en B, D et F.

-3-

c) En prenant en compte toutes les charges placées aux sommets de l'hexagone, donner l'expression de l'énergie potentielle électrostatique \mathcal{E} de la charge Q placée en O.

$$V_{tt} = 3\left(k\frac{q}{a} + k - \frac{2q}{a}\right) = -3k\frac{q}{a}$$

et $z = qV_{tf} = -3k\frac{q}{a}$

1pt

Exercice 2

An Or P

Or P

On considère une distribution surfacique de charges σ uniformément répartie sur une couronne de rayon r, de largeur dr et de centre O. Le point M est sur l'axe (Oz).

1- Donner l'expression du champ électrostatique élémentaire $d\overline{E_P}(M)$ créé en M par une charge élémentaire surfacique dQ de centre P.

1 pt

Remarque: "etat dome que da r de de, ; l'aunt felle emie d'Ep=..., mais je préfére se pas les emlètes avec ces metations un les graneleurs différentilles.

2- En déduire le champ électrostatique total créé par cet anneau en M. Vous détaillerez votre raisonnement.

Tout plan at the flane (03) at my plan of engine of engine of the flane (03) at my plan of the engine of the engin section, ine art men (og). Due pu l'amean, Ez (n) = E uz et il eft de popular dEp (1) me uz, sit: dEp, 2(1) = k dQ. 8 et Egini = 1 = 1 = 1 = 1 = 3/2 · 3 = 271 k +3 For et alone E (81)

3- On souhaite déterminer le champ électrostatique $\vec{E}(M)$ créé en M par un disque de rayon R, de centre O et d'axe (Oz).

En utilisant la question 2, retrouver l'expression de $\vec{E}(M) = 2\pi k\sigma z \left(\frac{1}{|z|} - \frac{1}{\sqrt{(R^2 + z^2)}}\right)$. \vec{u}_z puis sa

norme. 3m & chique D(o, R1, goti- m [o, R]: EDIO, RI - (NI:) R E3 (NI = 271 kg 3 - 1/(12+32/2) = 27 kog[1/2].

$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{2}} =$$

4- En utilisant les symétries de la distribution de charges, commenter la limite R → ∞ (plan infini).

coheret. (à mun avec le -6th. de Gauss).

Exercice 3

4 pts

Soit le potentiel électrostatique V(x,y,z) donné en coordonnées cartésiennes par l'expression suivante $V(x,y,z)=k\frac{q}{\sqrt{x^2+y^2+z^2}}$.

1- Exprimer le champ électrique $\vec{E}(x, y, z)$ dérivant de ce potentiel dans la base $(\overrightarrow{u_x}, \overrightarrow{u_y}, \overrightarrow{u_z})$

on sit que
$$\overline{E} = -q \operatorname{grad} V$$

in $E_X = -\partial_X V = k \frac{q}{(\pi^2 + q^2 + \chi^2)^{\frac{n}{2}}} \cdot 2c$

et de nie pr E_y et E_g .

Aini $\overline{E}(x,y,g) = k \frac{q}{(\pi^2 + q^2 \pi 3^2)^{\frac{n}{2}}} (nin_x + ying + 3ing)$

2- Retrouver, à l'aide de la question 1, l'expression du vecteur unitaire radial $\overrightarrow{u_r}$ de la base sphérique. Vous pourrez utiliser l'expression du gradient suivante en sphérique, où f(r) est une fonction uniquement de la coordonnée $r: \overrightarrow{grad}f = \frac{\partial f}{\partial r}\overrightarrow{u_r}$.

eviclet

por aux

por aux

qui out

copis

c