lundi 9 avril 2018

Contrôle TD 4

Nom:	Prénom :	Classe:
$egin{array}{ll} ext{Question de cours} \ ext{Soient E et F deux \mathbb{R}-ev, et $arphi$ \in \mathbb{R}} \end{array}$	$\mathscr{L}(E,F)$ une application linéaire de E dans $F.$	
a. Donner la définition mathé	matique précise de $\operatorname{Ker}(\varphi)$ et $\operatorname{Im}(\varphi)$.	
	e injective? À quelle condition φ est-elle surjective? Réponotions de la question précédente.	ondez à ces deux questions en vou
Exercice $oldsymbol{1}$ Soit $\Delta: \left\{egin{array}{ll} \mathbb{R}[X] & \longrightarrow & \mathbb{R}[X] \\ P & \longmapsto & XP'-2 \end{array} ight.$. Montrer que Δ est linéaire. P	
Exercice 2 Soient $E = \{(u_n) \in \mathbb{R}^{\mathbb{N}}, \ u_0 = u_1\}$ Montrer que E et F sont supplés	$\{u=0\}$ et $F=\left\{(v_n)\in\mathbb{R}^{\mathbb{N}},\exists(a,b)\in\mathbb{R}^2,\forall n\in\mathbb{N},v_n=an\}\right\}$ mentaires.	$\{a+b\}$ deux sev de $\mathbb{R}^{\mathbb{N}}$.

Exercice 3

 $\text{Soit } E = \left\{ \left(\begin{array}{c} x \\ y \\ z \end{array} \right) \in \mathbb{R}^3 \text{ tel que } \left| \begin{array}{c} -x - 3y + 2z = 0 \\ -x + y - 2z = 0 \\ -x + 3y - 4z = 0 \end{array} \right\}. \text{ \'Ecrire } E \text{ sous forme de sev engendr\'e en utilisant la notation Vect.}$