

+92/1/42+

### QCM THLR 4

Nom et prénom, lisibles :

Beneteau  
 Paul

Identifiant (de haut en bas) :

☐0 ☐1 ☒2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☒0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☐1 ☒2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☐1 ☐2 ☐3 ☒4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☒8 ☐9

**Q.1** Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.

J'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 3 entêtes sont +92/1/xx+...+92/3/xx+.

**Q.2** Le langage  $\{ \langle \text{carré} \rangle^n \langle \text{carré} \rangle^m \mid \forall n, m \in \mathbb{N} \}$  est

☒ rationnel ☐ non reconnaissable par automate fini ☐ fini ☐ vide

**Q.3** Le langage  $\{ \langle \text{carré} \rangle^n \langle \text{carré} \rangle^n \mid \forall n \in \mathbb{N} \}$  est

☐ vide ☐ fini ☒ non reconnaissable par automate fini ☐ rationnel

**Q.4** Un langage quelconque

☐ peut n'être inclus dans aucun langage dénoté par une expression rationnelle  
☒ n'est pas nécessairement dénombrable  
☒ est toujours inclus ( $\subseteq$ ) dans un langage rationnel  
☐ peut avoir une intersection non vide avec son complémentaire

**Q.5** Un automate fini qui a des transitions spontanées...

☐ n'accepte pas  $\epsilon$  ☒ n'est pas déterministe ☐ est déterministe ☒ accepte  $\epsilon$

**Q.6** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b)^* a (a+b)^{n-1}$ ) :

☐  $n+1$  ☐ Il n'existe pas. ☐  $\frac{n(n+1)}{2}$  ☒  $2^n$

**Q.7** Si un automate de  $n$  états accepte  $a^n$ , alors il accepte...

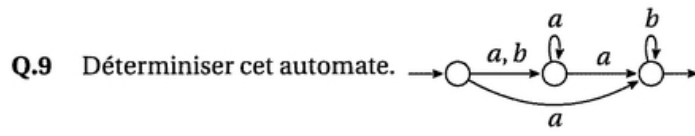
☒  $a^p(a^q)^*$  avec  $p \in \mathbb{N}, q \in \mathbb{N}^* : p+q \leq n$  ☐  $a^n a^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$  ☐  $a^{n+1}$   
☐  $(a^n)^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$

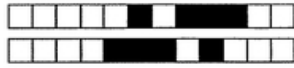
**Q.8** Quelle séquence d'algorithmes teste l'appartenance d'un mot au langage d'une expression rationnelle?

☐ Thompson, déterminisation, Brzozowski-McCluskey.  
☐ Thompson, déterminisation, évaluation.  
☐ Thompson, déterminisation, élimination des transitions spontanées, évaluation.  
☒ Thompson, élimination des transitions spontanées, déterminisation, minimisation, évaluation.

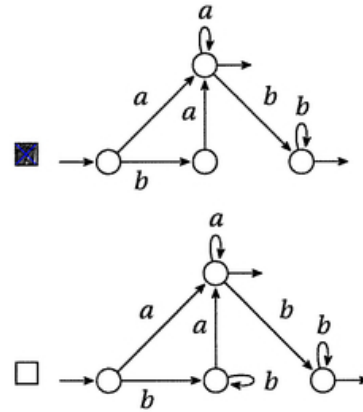
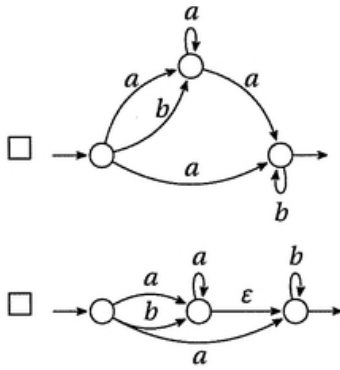


+92/2/41+





2/2



**Q.10** Comment marche la minimisation de Brzozowski d'un automate  $\mathcal{A}$  ?

2/2

- ☐  $Det(T(Det(T(Det(\mathcal{A})))))$ 
☒  $Det(T(Det(T(\mathcal{A}))))$ 
☐  $T(Det(T(Det(\mathcal{A}))))$   
☐  $T(Det(T(Det(T(\mathcal{A})))))$

**Fin de l'épreuve.**



+92/4/39+