

+209/1/18+

### QCM THLR 4

Nom et prénom, lisibles :

BRIQUET ARMAND

Identifiant (de haut en bas) :

☐0 ☐1 ☒2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☒0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☐1 ☒2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☐1 ☒2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☒9

**Q.1** Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.

J'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 2 entêtes sont +209/1/xx+...+209/2/xx+.

**Q.2** Le langage  $\{a^n \mid \forall n \in \mathbb{N}\}$  est

☐ fini    ☐ non reconnaissable par automate    ☒ rationnel    ☐ vide

**Q.3** Le langage  $\{a^n b^n \mid \forall n \in \mathbb{N}\}$  est

☐ vide    ☐ fini    ☐ rationnel    ☒ non reconnaissable par automate

**Q.4** Un langage quelconque

- ☐ n'est pas nécessairement dénombrable
- ☒ est toujours inclus ( $\subseteq$ ) dans un langage rationnel
- ☐ peut avoir une intersection non vide avec son complémentaire
- ☐ peut n'être inclus dans aucun langage dénoté par une expression rationnelle

**Q.5** A propos du lemme de pompage

- ☐ Si un langage le vérifie, alors il est rationnel
- ☒ Si un langage ne le vérifie pas, alors il n'est pas rationnel
- ☐ Si un langage ne le vérifie pas, alors il n'est pas forcément rationnel

**Q.6** Si  $L_1 \subseteq L \subseteq L_2$ , alors  $L$  est rationnel si :

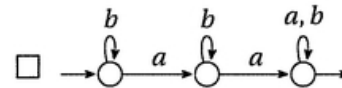
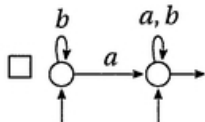
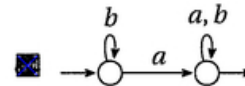
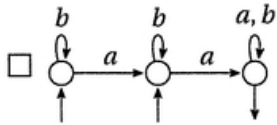
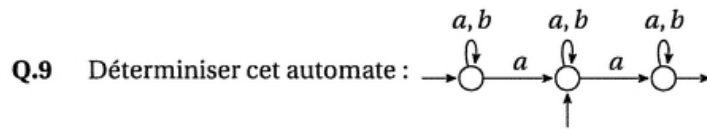
- ☒  $L_2$  est rationnel    ☐  $L_1$  est rationnel    ☒  $L_1, L_2$  sont rationnels et  $L_2 \subseteq L_1$
- ☐  $L_1, L_2$  sont rationnels

**Q.7** Si un automate de  $n$  états accepte  $a^n$ , alors il accepte...

- ☒  $a^p(a^q)^*$  avec  $p \in \mathbb{N}, q \in \mathbb{N}^* : p + q \leq n$     ☐  $a^{n+1}$     ☐  $(a^n)^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$
- ☐  $a^n a^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$

**Q.8** Quelle séquence d'algorithmes teste l'appartenance d'un mot au langage d'une expression rationnelle?

- ☐ Thompson, déterminisation, évaluation.
- ☒ Thompson, élimination des transitions spontanées, déterminisation, minimisation, évaluation.
- ☐ Thompson, déterminisation, élimination des transitions spontanées, évaluation.
- ☐ Thompson, déterminisation, Brzozowski-McCluskey.



Q.10 Comment marche la minimisation de Brzozowski d'un automate  $\mathcal{A}$  ?

☐  $T(Det(T(Det(T(\mathcal{A})))))$

☐  $Det(T(Det(T(Det(\mathcal{A})))))$

☒  $T(Det(T(Det(\mathcal{A}))))$

☒  $Det(T(Det(T(\mathcal{A}))))$

Fin de l'épreuve.