



### QCM THLR 4

Nom et prénom, lisibles :

VILLEDIEU Paul

Identifiant (de haut en bas) :

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

**Q.1** Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.

J'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 2 entêtes sont +268/1/xx+...+268/2/xx+.

**Q.2** Le langage  $\{ \langle a^n \rangle^n \mid \forall n \in \mathbb{N} \}$  est

- ☐ rationnel ☐ fini non reconnaissable par automate fini ☐ vide

**Q.3** Le langage  $\{ \langle a^n \rangle^m \mid \forall n, m \in \mathbb{N} \}$  est

- ☐ vide ☒ rationnel ☐ fini ☐ non reconnaissable par automate fini

**Q.4** A propos du lemme de pompage

- ☒ Si un langage ne le vérifie pas, alors il n'est pas rationnel  
☐ Si un langage ne le vérifie pas, alors il n'est pas forcément rationnel  
☐ Si un langage le vérifie, alors il est rationnel

**Q.5** Un automate fini qui a des transitions spontanées...

- ☐ est déterministe ☐ accepte  $\epsilon$  n'est pas déterministe ☐ n'accepte pas  $\epsilon$

**Q.6** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b)^* a (a+b)^{n-1}$ ) :

- ☐  $\frac{n(n+1)}{2}$  ☐ Il n'existe pas. ☐  $n+1$  ☒  $2^n$

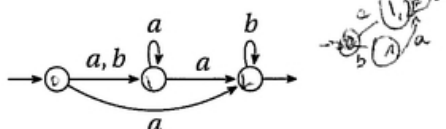
**Q.7** Si un automate de  $n$  états accepte  $a^n$ , alors il accepte...

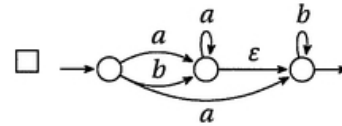
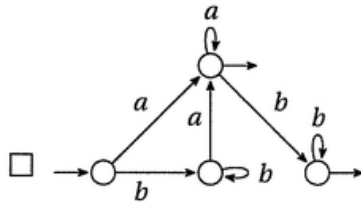
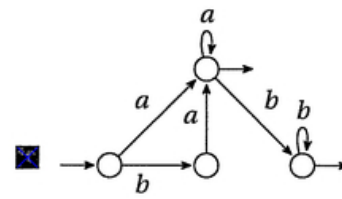
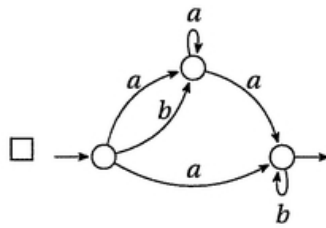
- ☐  $a^{n+1}$  ☐  $a^n a^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$  ☐  $(a^n)^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$   
☒  $a^p (a^q)^*$  avec  $p \in \mathbb{N}, q \in \mathbb{N}^* : p+q \leq n$

**Q.8** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b, c, d\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b+c+d)^* a (a+b+c+d)^{n-1}$ ) :

- ☐  $4^n$  ☐  $\frac{n(n+1)(n+2)(n+3)}{4}$  ☒  $2^n$  ☐ Il n'existe pas.

**Q.9** Déterminiser cet automate.





**Q.10** Comment marche la minimisation de Brzozowski d'un automate  $\mathcal{A}$  ?

☐  $T(Det(T(Det(T(\mathcal{A})))))$

☐  $Det(T(Det(T(Det(\mathcal{A})))))$

☒  $Det(T(Det(T(\mathcal{A}))))$

☐  $T(Det(T(Det(\mathcal{A}))))$

**Fin de l'épreuve.**