Nom	
Prénom	theorem on a second
Groupe	

Note / 5

## Algorithmique Contrôle 1 - Part. 1

INFO-SUP S1 EPITA

29 Oct. 2018 - 8:30

- □ Ceci est la partie 1 de l'épreuve Vous devez rendre les deux parties!
- □ Vous devez répondre directement sur ce sujet.
  - Répondez dans les espaces prévus, les réponses en dehors ne seront pas corrigées.
  - Aucune réponse au crayon de papier ne sera corrigée.
- □ La présentation est notée.

## Exercice 1 (Types Abstraits: Listes récursives - 5 points)

Supposons le type abstrait algébrique Liste récursive vu en cours et rappelé ci-dessous.

#### TYPES

liste, place

#### UTILISE

élément

#### **OPÉRATIONS**

 $\begin{array}{lll} \textit{listevide} & : & \rightarrow \textit{liste} \\ \textit{tête} & : & \textit{liste} \rightarrow \textit{place} \\ \textit{contenu} & : & \textit{place} \rightarrow \textit{élément} \\ \textit{premier} & : & \textit{liste} \rightarrow \textit{élément} \\ \textit{cons} & : & \textit{élément} \times \textit{liste} \rightarrow \textit{liste} \\ \end{array}$ 

fin : liste  $\rightarrow$  liste succ : place  $\rightarrow$  place

#### PRÉCONDITIONS

 $t\ell te(\lambda)$  est-défini-ssi  $\lambda \neq listevide$  $fin(\lambda)$  est-défini-ssi  $\lambda \neq listevide$  $premier(\lambda)$  est-défini-ssi  $\lambda \neq listevide$ 

#### AXIOMES

```
\begin{aligned} premier(cons(e,\lambda)) &= e \\ fin(cons(e,\lambda)) &= \lambda \\ contenu(t\hat{e}te(\lambda)) &= premier(\lambda) \\ succ(t\hat{e}te(\lambda)) &= t\hat{e}te(fin(\lambda)) \end{aligned}
```

## AVEC

liste  $\lambda$  élément  $\epsilon$ 



de rechercher un élément dans une liste
de concaténer deux listes.



La recherche d'un élément parmi ceux d'une liste ne retournera la place correspondante à celui-ci que s'il existe. Dès lors nous avons deux opérations pour la recherche, celle qui détermine la présence effective de l'élément et celle qui détermine la place de ce dernier s'il est présent. La concaténation n'a quant à elle besoin d'aucune opération auxiliaire. Nous considérerons donc les trois opérations suivantes :

#### **OPÉRATIONS**

 $est ext{-}pr\'esent$ : élément imes liste o booléen rechercher: élément imes liste o place.

concaténer: liste × liste → liste

1. Donner les axiomes déduisant une valeur pour la recherche d'un élément e parmi ceux d'une liste récursive  $\lambda$ . Vous préciserez les PRÉCONDITIONS s'il y en a.

2. Donner les axiomes déduisant une valeur pour l'opération de concaténation de deux listes récursives  $\lambda$  et  $\lambda 2$ . Vous préciserez les PRÉCONDITIONS s'il y en a.

Nom	
Prénom	1. <del>10</del>
Groupe	

Note	/ 16
------	------

# Algorithmique Contrôle 1 - Part. 2

Controle 1 - 1 a	10. 4
Info-sup S1	
EPITA	
29 Oct. 2018 - 8:	30
□ Ceci est la partie 2 de l'épreuve - Vous devez re	endre les deux parties!
<ul> <li>Vous devez répondre directement sur ce sujet.</li> <li>Répondez dans les espaces prévus, les réponses en</li> <li>Aucune réponse au crayon de papier ne sera corrigée.</li> </ul>	NOTE THE PROPERTY OF THE PROPE
<ul> <li>CAML:</li> <li>Tout code CAML non indenté ne sera pas corrigé.</li> <li>En l'absence d'indication dans l'énoncé, les seules fonct et invalid_arg (aucune autre fonction prédéfinie de</li> </ul>	
□ La présentation est notée.	
1	1.05-00
<ul> <li>Écrire la fonction CAML is_image dont les spécifications</li> <li>Elle prend en paramètre une fonction à un paramètre [b<sub>1</sub>; b<sub>2</sub>; ···; b<sub>n</sub>].</li> <li>Elle vérifie pour toutes les paires (a<sub>i</sub>, b<sub>i</sub>) que b<sub>i</sub> est l'im</li> <li>Si elle trouve une paire telle que f a<sub>i</sub> ≠ b<sub>i</sub>, elle retourn Invalid_argument si les deux listes sont de longueurs de la companyation.</li> </ul>	et f ainsi que deux listes : $[a_1; a_2; \dots; a_n]$ et age de $a_i$ par $f$ . et faux. Sinon, elle déclenche une exception différentes.
<ul> <li>Écrire la fonction CAML is_image dont les spécifications</li> <li>Elle prend en paramètre une fonction à un paramètre [b<sub>1</sub>; b<sub>2</sub>; ···; b<sub>n</sub>].</li> <li>Elle vérifie pour toutes les paires (a<sub>i</sub>, b<sub>i</sub>) que b<sub>i</sub> est l'im</li> <li>Si elle trouve une paire telle que f a<sub>i</sub> ≠ b<sub>i</sub>, elle retourn</li> </ul>	age de $a_i$ par $f$ .  te faux. Sinon, elle déclenche une exception différentes.  -> bool = $\langle fun \rangle$

## Exercice 3 (Combien? - 4 points)

- 1. Écrire la fonction Caml how\_many dont les spécifications sont les suivantes :
  - Elle prend en paramètre une fonction booléenne f ainsi qu'une liste :  $[a_1; a_2; \cdots; a_n]$ .
  - Elle recherche dans la liste les valeurs  $a_i$  telle que  $f(a_i)$  soit vrai et retourne le nombre de valeurs trouvées.

val how manv : ('a -> bool) -> 'a list -> int = <fun>

2. Utiliser la fonction how\_many pour définir la fonction count\_multiples n l qui retourne le nombre de multiples de n dans la liste l.

val count\_multiples : int -> int list -> int = <fun>

## Exercice 4 (Insertion à la ième place - 5 points)

Écrire la fonction insert\_nth x i list qui insère la valeur x à la  $i^{ème}$  place dans la liste list. La fonction devra déclencher une exception Invalid\_argument si i est négatif ou nul, ou une exception Failure si la liste est trop courte.

val insert\_nth : 'a -> int -> 'a list -> 'a list = <fun>

### Exemples d'application:

- # insert\_nth 0 5 [1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9];;
   : int list = [1; 2; 3; 4; 0; 5; 6; 7; 8; 9]
- # insert\_nth 0 10 [1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9];;
   : int list = [1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9; 0]
- # insert\_nth 0 12 [1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9];;
  Exception: Failure "out of bound".
- # insert\_nth 0 (-2) [1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9];;
  Exception: Invalid\_arg "negative rank".

## Exercice 5 (Évaluations - 3 points)

Donner les résultats des évaluations successives des phrases suivantes.

```
| let rec decode = function
      [] -> []
    | (1, e)::list -> e::decode list
    | (nb, e)::list -> e::decode ((nb-1, e)::list) ;;
# decode [(6, "grr")] ;;
# decode [(1, 'a'); (3, 'b'); (1, 'c'); (1, 'd'); (4, 'e')] ;;
| let encode list =
    let rec encode_rec (nb, cur) = function
       [] -> [(nb, cur)]
      | e::list -> if e = cur then
                    encode_rec (nb+1, cur) list
                   else
                     (nb, cur)::encode-rec (1, e) list
    in
      match list with
         [] -> []
        | e::1 -> encode_rec (1, e) list
# encode [0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0] ;;
# encode ['b';'b';'b'; 'c'; 'a';'a'; 'e';'e';'e';'e'; 'd';'d'] ;;
```