Unidade IV: Ordenação Interna - Mergesort



Instituto de Ciências Exatas e Informática Departamento de Ciência da Computação

Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Agenda

Funcionamento básico



· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Introdução

Ordenação por intercalação

Algoritmo de ordenação do tipo dividir para conquistar

 Normalmente, implementado de forma recursiva e demandando um espaço adicional de memória (não é um algoritmo inplace)

Funcionamento Básico

 Dividir sistematicamente o array em subarrays até que os mesmos tenham tamanho um

Conquistar através da intercalação sistemática de dois em dois subarrays

• Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

• Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]



• Faça a intercalação dos dois vetores [+ 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]



ιյ [1]

• Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[1]
[12]
```

• Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[]
[1]
[12]
[123]
```

• Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[]
[1]
[12]
[123]
[1233]
```

```
• Faça a intercalação dos dois vetores [<del>1 2 3 4</del> 9] e [<del>3</del> 5 6 7 8]
[1]
```

[12]

[123]

[1233]

[12334]

Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[]
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
```



Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[ ]
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
```



Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[ ]
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
[12334567]
```



Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
[12334567]
[123345678]
```



Faça a intercalação dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
[12334567]
[123345678]
[1233456789]
```



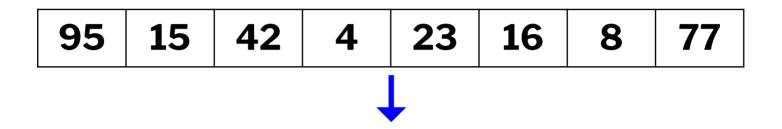


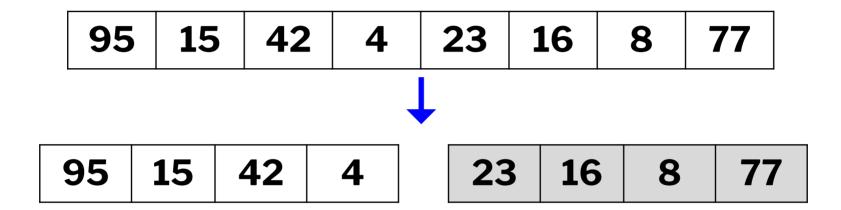


Conquistar (intercalação ou merge)

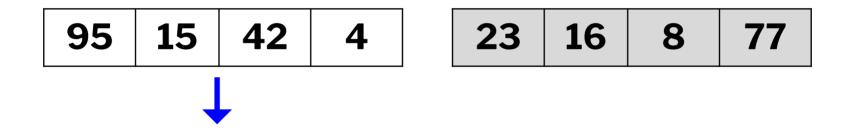
Subarray aguardando divisão

Elemento a ser intercalado no *subarray*

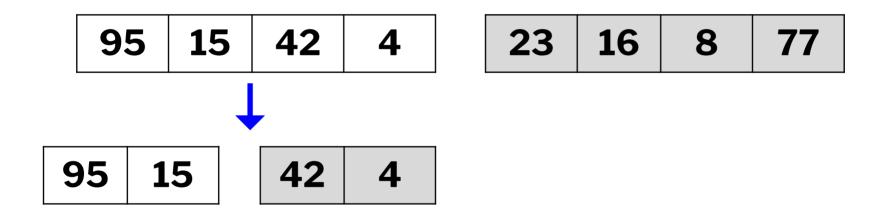




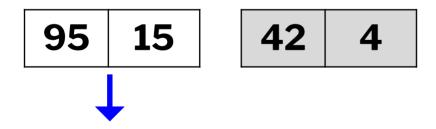




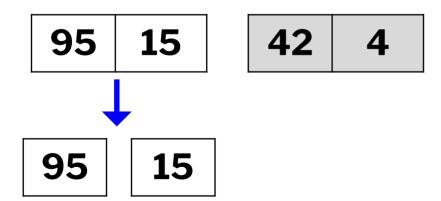






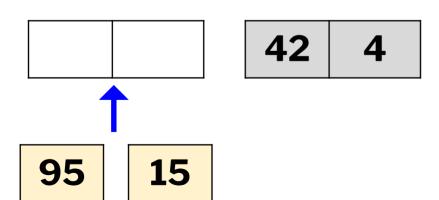




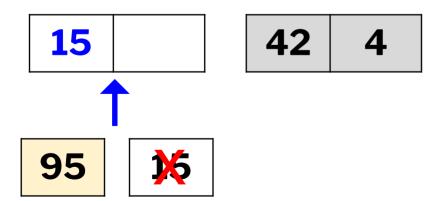


95 | 15 | 42 | 4

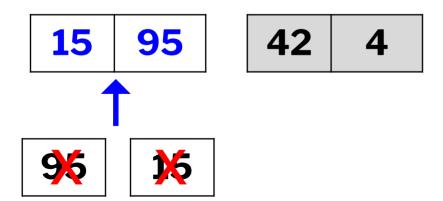
23 | 16 | 8 | 77











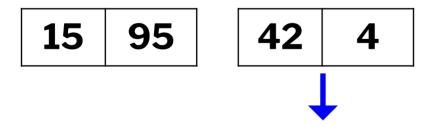
95 | 15 | 42 | 4

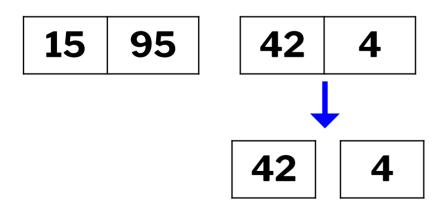
23 | 16 | 8 | 77

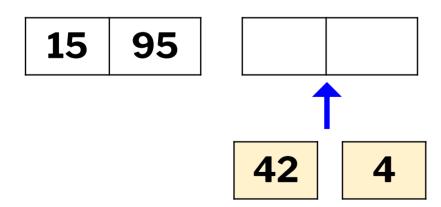
15 95

42 4

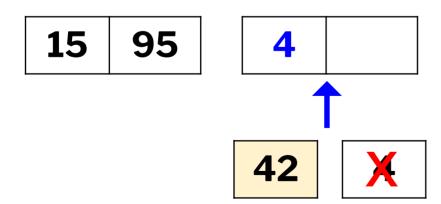




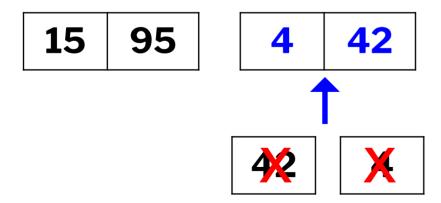




77







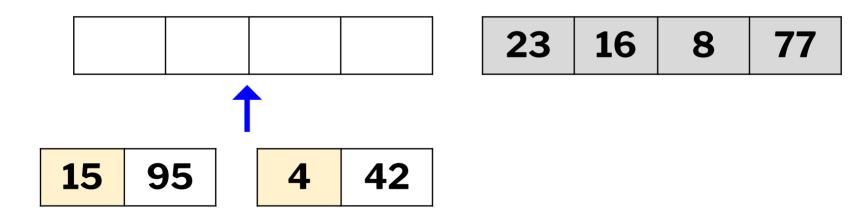
95 | 15 | 42 | 4

23 | 16 | 8 | 77

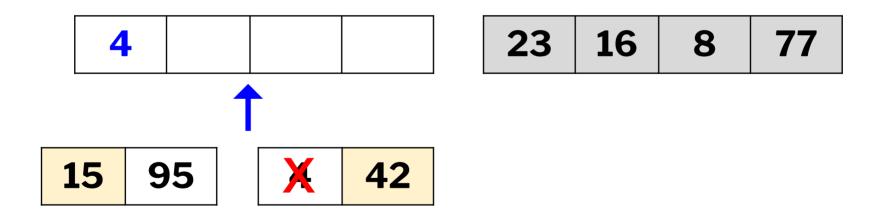
15 95

4 42

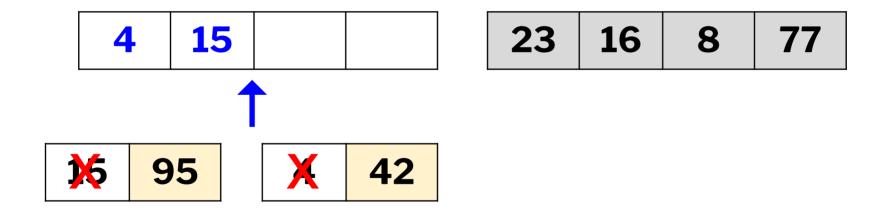




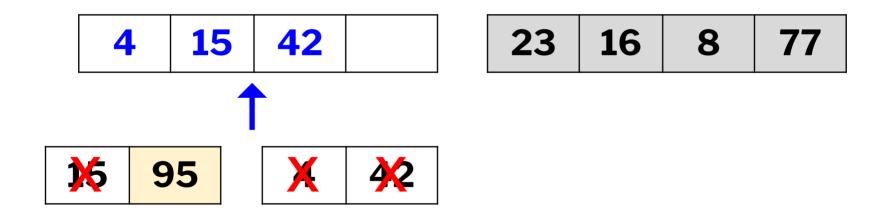




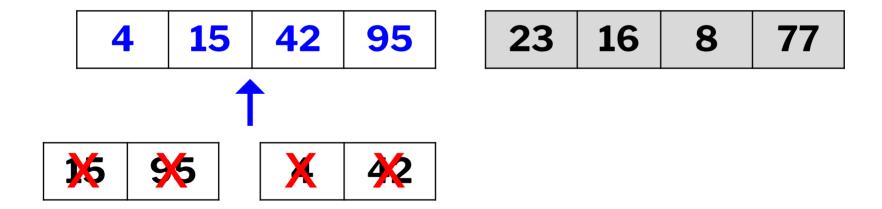






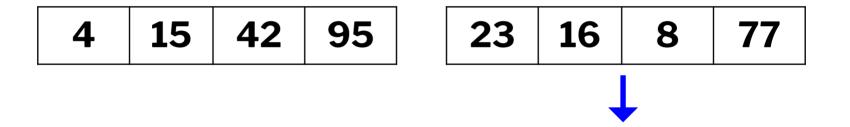






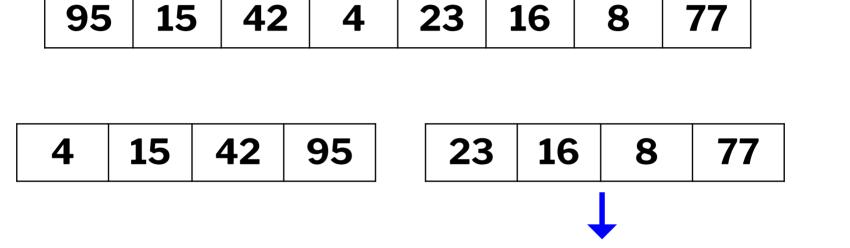
23 | 16 | 8 | 77





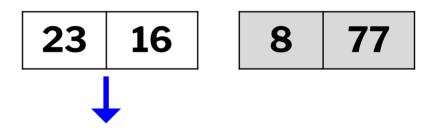
77

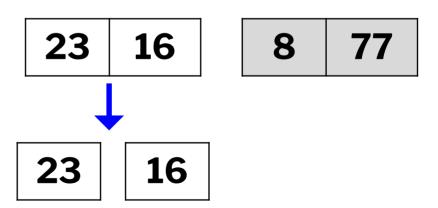
8



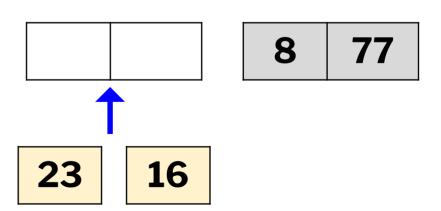
23

16

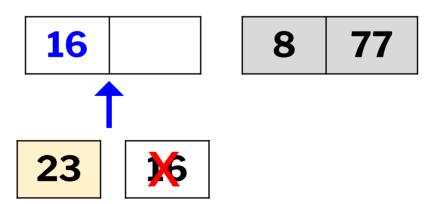


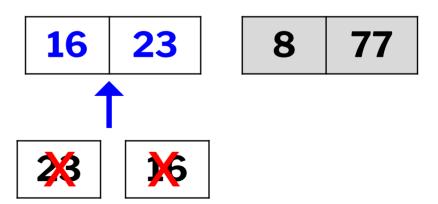


4 15 42 95



23 | 16 | 8 | 77





4 15 42 95

23 16 8 77

16 23

8 77

23 16 8 77

 16
 23

 8
 77

23 16 8 77

 16
 23

 8
 77

 8
 77

23 16 8 77

 16
 23

 8
 77

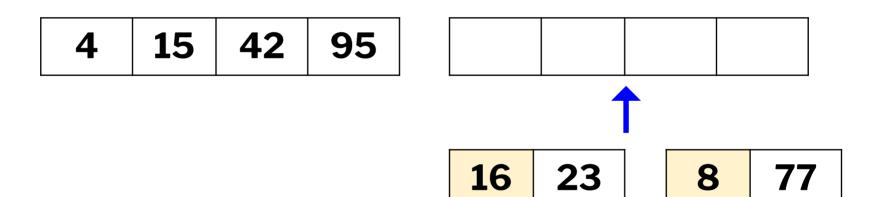
23 16 8 77

23 16 8 77

16 23

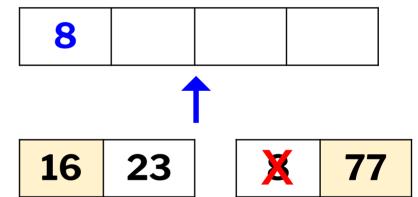
8 77





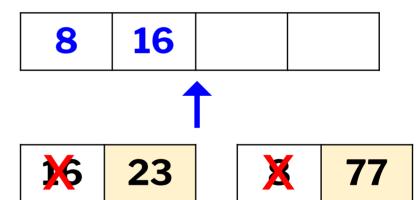






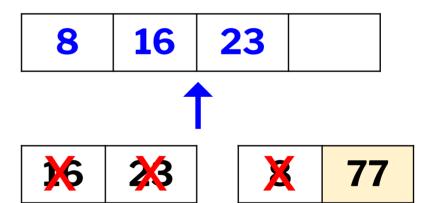


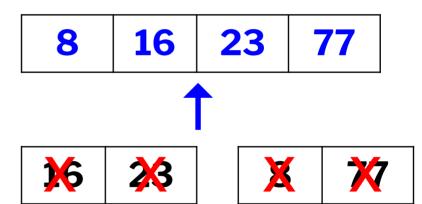
4 15 42 95



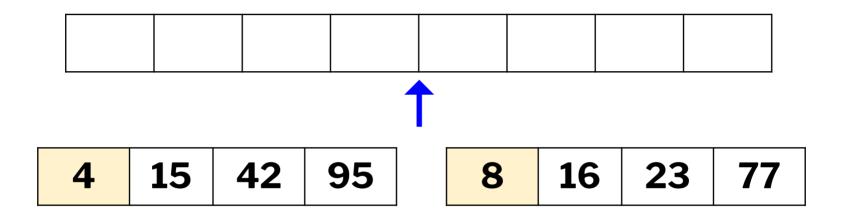


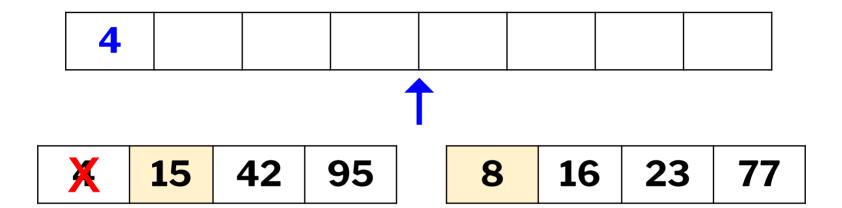


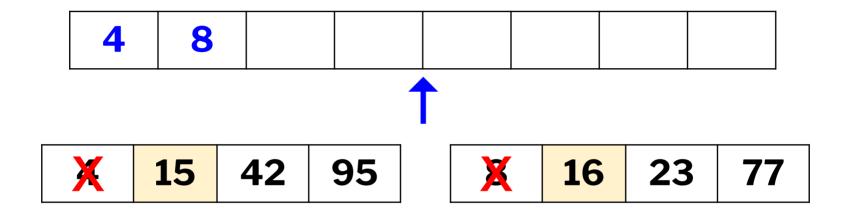


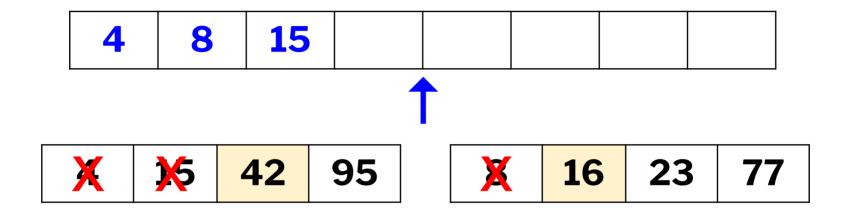


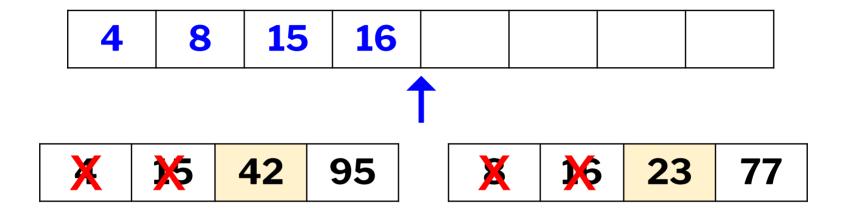
8 | 16 | 23 | 77

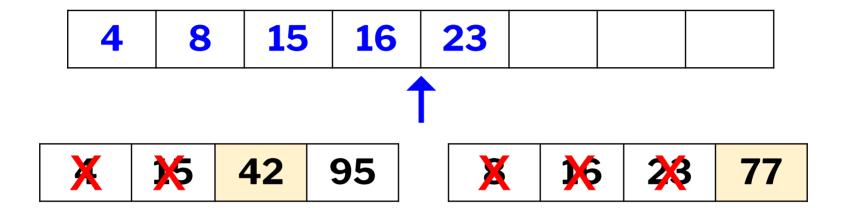


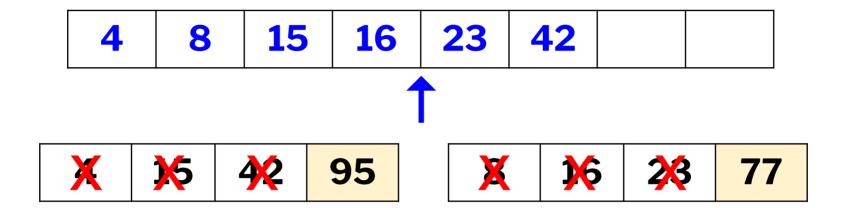


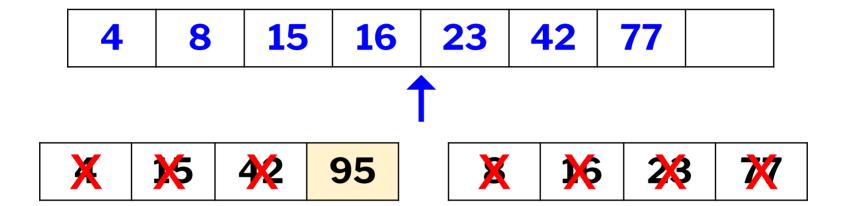


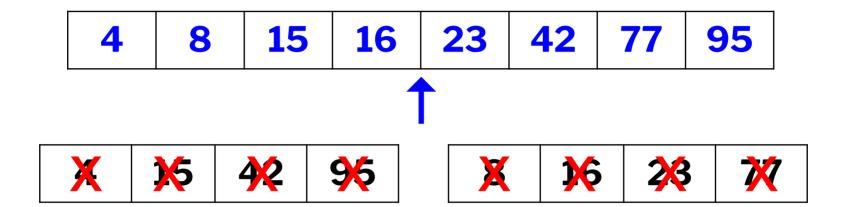












4 8 15 16 23 42 77 95

Agenda

· Funcionamento básico

- Algoritmo em C like



· Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Algoritmo em C like

```
void mergesort(int esq, int dir) {
    if (esq < dir){
        int meio = (esq + dir) / 2;
        mergesort(esq, meio);
        mergesort(meio + 1, dir);
        intercalar(esq, meio, dir);
    }
}</pre>
```

Algoritmo em C like

```
void intercalar(int esq, int meio, int dir){
   //Definir tamanho dos dois subarrays
   int nEsq = (meio+1)-esq;
   int nDir = dir - meio;
   int[] arrayEsq = new int[nEsq+1];
   int[] arrayDir = new int[nDir+1];
   //Sentinela no final dos dois arrays
   arrayEsq[nEsq] = arrayDir[nDir] = 0x7FFFFFFF;
```

Algoritmo em C like

```
int iEsq, iDir, i;
//Inicializar primeiro subarray
for (iEsq = 0; iEsq < nEsq; iEsq++){</pre>
  arrayEsq[iEsq] = array[esq+iEsq];
//Inicializar segundo subarray
for (iDir = 0; iDir < nDir; iDir++){</pre>
  arrayDir[iDir] = array[(meio+1)+iDir];
//Intercalacao propriamente dita
for (iEsq = iDir = 0, i = esq; i <= dir; i++){
  array[i] = (arrayEsq[iEsq] <= arrayDir[iDir]) ? arrayEsq[iEsq++] : arrayDir[iDir++];</pre>
```

Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

· Análise dos número de comparações e movimentações



Conclusão

Análise do Número de Comparações

- Todos os casos:
 - Em cada subarray (tamanho k) fazemos k 1 comparações
 - Supondo que o tamanho do array é uma potência de 2, fazemos Ig(n) passos

$$C(1) = 0$$

$$C(n) = 2C(n/2) + \Theta(n)$$

Análise do Número de Movimentações

- Todos os casos:
 - Movimentamos os elementos de cada subarray duas vezes

$$M(1) = 0$$

$$M(n) = 2M(n/2) + \Theta(n)$$

$$\Theta(n*lg(n))$$

Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão



Conclusão

Método estável

 Normalmente, implementado de forma recursiva e demandando memória adicional

Faz n*lg(n) comparações, Θ(n*lg(n))

Exercício (1)

 Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o array abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
	•	_	1		500000	10.715								() () () () () ()		,	