



程序设计语言是问题求解的基本工具

数据结构是问题求解的基础要素

算法设计是问题求解的关键要素

问题求解的本质：

把特定领域中的特定问题的求解过程转换为计算机可执行的程序。

从本章开始，我们将学习现实世界中的三种基本数据结构。对每一种数据结构都是按ADT来介绍和学习，即：

(1) ADT的定义。分析数据的逻辑特性（数据结构），定义常用的操作。

(2) ADT的实现。基于不同的存储结构如何实现ADT（存储结构、算法）

(3) 典型应用举例

第二章 线性表

内容提要:

线性数据结构是最简单、应用最广泛和最重要的一种数据结构。本章首先学习最具“一般性”的线性数据结构。

- 一般线性表ADT的定义
 - 数据结构——线性关系
 - 操作定义
- 一般线性表ADT的实现
 - 存储结构
 - 操作实现（算法）
- 典型应用举例

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.1 线性表逻辑结构

[线性表 Linear_List] $n(n \geq 0)$ 个相同特性的数据元素的有限序列，数据元素之间具有线性关系。记作：

$$L = (a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, a_i, a_{i+1}, \dots, a_n) \quad \text{其中 } a_i \text{ 是数据元素}$$

[线性关系] 除第一个元素外，每个元素有且仅有一个前驱；
除最后一个元素外，每个元素有且仅有一个后继；



2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.1 线性表逻辑结构

电话号码簿是数据元素的有限序列，每一数据元素包括两个数据项，一个是用户姓名，一个是对应的电话号码。

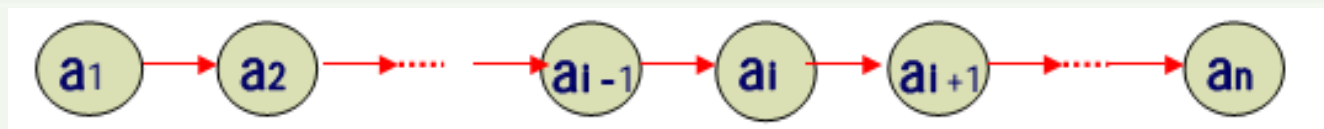
姓名	电话号码
蔡颖	63214444
陈红	63217777
刘建平	63216666
王小林	63218888
张力	63215555
...	

注意：在这几个例子中，“数据元素”是什么？

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.1 线性表逻辑结构

特点： 数据元素之间的关系是它们在数据集合中的相对位置。



术语： 直接前驱 直接后继 空表 长度

一般线性表（数据结构）的形式化表示：

$\text{Linear_List} = (D, R)$

$D = \{a_i \mid a_i \in D_0 \ i=1, 2, \dots \ n \geq 0\}$

$R = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D_0 \ i=2, 3, 4, \dots \}$

D_0 是某个数据对象（具有相同特性的数据元素的集合）

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.2 线性表上定义的常用操作

在线性表这种数据结构上，经常会有哪些操作呢？

Create(L): 创建一个空表；

Insert(L,i,x): 在第i个元素之后插入元素x

Delete(L,i,x): 删除线性表的第i个元素，删除元素通过x返回

Length(L): 求线性表的长度；

Search(L,x): 在线性表中查找元素x，返回其在表中的位置；

GetData(L,i): 访问线性表的第i个元素；

IsEmpty(L): 判断线性表是否为空；

GetPrior(L,x): 求线性表中元素x的直接前驱；

GetNext(L,x): 求线性表中元素x的直接后继；

PrintList(L): 输出线性表的各个元素；

.....

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.3 线性表ADT的定义

ADT描述:

ADT Linear_list is

data structure:

$D = \{a_i \mid a_i \in D_0 \ i=1,2,\dots, n \geq 0\}$

$R = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D_0 \ i=2,3,4,\dots \}$

D_0 是某个数据对象，元素类型定义为: ElemType

operations:

Create(L)

Insert(L,i,x)

Delete(L,i,x)

Length(L)

Search(L,x)

GetData(L,i)

IsEmpty(L)

GetPrior(L,x)

GetNext(L,x)

PrintList(L)

END ADT Linear_list

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.3 线性表ADT的定义

假设这个ADT已经实现了，我们就可以像其他数据类型一样来使用它，即说明变量、使用操作。

例1：已知有线性表，要求删除元素 x 的所有出现。

分析： 用ADT定义一个线性表，执行查找、删除操作

算法基本思想：

重复：查找、删除，直到线性表中不存在为止。

```
Del_M(Linear_list &l, ElemType x)
{
    k=Search(l,x); //查找操作
    while(k!=0)
    {
        Delete(l,k,y); //删除操作
        k=Search(l,x) //查找操作
    }
}
```

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.3 线性表ADT的定义

例2：设计算法实现集合的“并”运算。

分析：集合的元素之间没关系的，但是可以用线性表来表示集合。这样集合的运算就可以用线性表的操作来实现。

算法基本思想：

重复：取lb的一个元素，在la表中查找，如果不存在，则在la中插入。直到lb的所有元素处理完为止。

```
Union(Linear_list &la, Linear_list lb)
{
    la_len=Length(la);
    lb_len=Length(lb);
    for(i=1;i<=lb_len;i++)
    {
        x=GetData(lb,i);
        k=Search(la,x);
        if(k==0) Insert(la, ++la_len,x);
    }
}
```

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.3 线性表ADT的定义

我们学习了C++，线性表ADT也可以用抽象基类表示出来(见教材p44)。

代码2.2

```
Enum bool {false, true}
Template <class T>
class LinearList
{ Public:
    LinearList();
    ~LinearList();
    virtual int Length() const =0;
    virtual int Search(T &x) const =0;
    virtual T *GetData(int i) const =0;
    virtual bool Insert(int i,T& x)=0;
    virtual bool Delete(int i,T& x)=0;
    virtual bool IsEmpty() const =0;
    virtual T *GetPrior (T& x) const =0;
    virtual T *GetNext(T& x) const =0;
    virtual void PrintList()=0;
}
```

2.1 一般线性表ADT的定义

2.1.3 线性表ADT的定义

线性数据结构的分类：

按数据元素分：

- ◆一般线性表—元素没有任何限制
- ◆字符串：—元素限制为字符集
- ◆广义表：—元素又可以是线性表

按实施操作分：

- ◆一般线性表—可以在任何位置插入、删除
- ◆堆栈—只能在一端插入、删除
- ◆队列—插入在一端、删除在另一端
- ◆双端队列—在两端可以插入、删除

按参与关系划分：

- ◆一般线性表—元素只参与一个线性关系（受一个线性关系制约）
- ◆数组—元素可参与多个线性关系（受多个线性关系制约）

2.2 一般线性表ADT的实现

要虚拟实现（表示）ADT，需要完成：

1.把数据结构表示出来——存储结构

重点：

顺序存储映射

链式存储映射

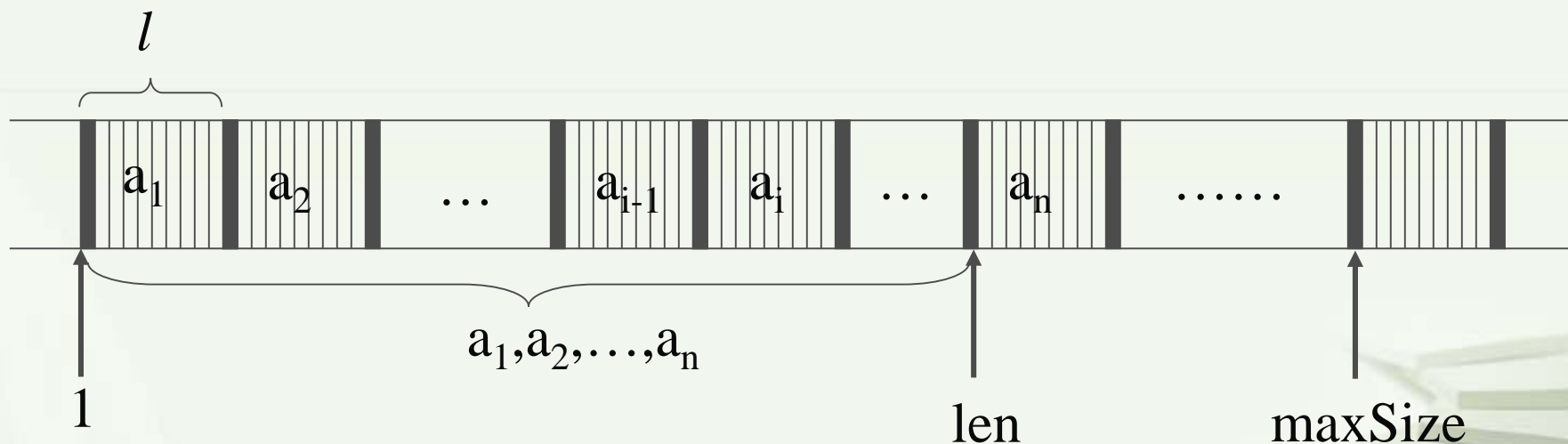
2. 把定义的操作实现出来——设计出算法

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.1 顺序存储结构

1. 存储方式：用 **地址连续** 的一组存储单元依次存储线性表的各个元素。具体地：假设存储每个元素占用 l 个存储单元，并且以所占的第一个单元的地址作为该元素的存储地址，于是：



$$l = \text{sizeof}(\text{ElemType})$$

$$\text{maxSize} \geq n$$

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.1 顺序存储结构

用 $LOC(a_i)$ 表示 a_i 的存储地址，则有：

$$LOC(a_2) = LOC(a_1) + l$$

$$LOC(a_3) = LOC(a_2) + l = LOC(a_1) + 2 * l$$

... ..

$$LOC(a_i) = LOC(a_{i-1}) + l = LOC(a_1) + (i-1) * l$$

$LOC(a_1)$ 称为基地址，用BASE表示。

$$LOC(a_i) = BASE + (i-1) * l$$

2. 特点：

- ♣ 存储空间必须是连续的(可以静态分配，也可以动态分配)
- ♣ 用物理上的相邻来表示逻辑上的线性关系。逻辑顺序与物理顺序一致。
- ♣ 已知基地址，可以计算出任意元素的存储地址：

$$LOC(a_i) = BASE + (i-1) * l \quad 2 \leq i \leq n$$

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.1 顺序存储结构

3. 具体实现

用已有的高级语言数据类型来定义顺序存储。因此，凡是可以申请到连续存储空间的数据类型都可以。最简单直接的就是数组（静态或动态）。

```
#define maxSize 允许的最大长度
typedef 数据元素类型 ElemType;
typedef struct
{ ElemType data[maxSize];
  int last;
}SeqList;
```

静态顺序存储

```
typedef 数据元素类型 ElemType;
typedef struct
{ ElemType *data;
  int maxSize;
  int last;
}pSeqList;
```

动态顺序存储

例如: **SeqList l1, l2;**

pSeqList l3;

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.1 顺序存储结构

特别注意： 无论是静态分配还是动态分配，空间都是一次性得到的、地址连续的，因此空间的大小是有限制的！

——maxSize

静态分配： 小了可能会不够；
大了可能会浪费！

动态分配： 稍微灵活些，空间不够了可以申请增加空间；
怎么做？

```
void *malloc(size_t size)
```

```
void *calloc(size_t num, size_t size)
```

```
void *realloc(void *ptr, size_t size)
```


2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.2 操作的实现

存储结构确定后，前面定义的每个操作就可以设计出算法。

创建空表： `Create(l)`

```
void create(SeqList &l )  
{ l.last=-1; }
```

```
void Create(pSeqList &l )  
{ l.last=-1;  
  l.data=new ElemType[maxSize];  
  if(l.data==NULL) {cerr<<“存储分配错  
误！ ” <<endl;exit(1);}  
}
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.2 操作的实现

求长度: $\text{Length}(l)$

```
int Length(SeqList  $l$ )  
{ return( $l$ .last+1); }
```

查找: $\text{Search}(l, x)$

```
int Search(SeqList  $l$ , Elemtype  $x$ )  
{ int i=0;  
  while(i <=  $l$ .last &&  $l$ .data[i] !=  $x$ )  
    i++;  
  if(i >  $l$ .last) return -1  
  else return i+1;  
}
```

内容回顾

1. 线性表数据结构的逻辑特性
2. 线性表ADT的定义（数据结构+操作）
3. 线性表ADT的实现 之 基于顺序存储结构
 - （1）如何存储的？ 具有什么优点、缺点？
 - （2）高级语言如何表示其存储结构？如何实现其操作？

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

C++顺序存储的线性表的类定义

```
#include<iostream.h>
#include<stdlib.h>
typedef ElemType T; //定义数据元素类型为T
class SeqList
{
    T *data;          //动态存储的数组存储顺序表
    int MaxSize;      //允许的线性表的最大元素个数
    int last;         //当前最后元素下标
public:
    SeqList ( int sz );
    ~SeqList ( ) { delete [ ] data; }
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

```
int Length() const { return last+1; } //返回元素的个数
int Search(T & x) const; //返回元素x在表中的位置
void Insert (int i ,T & x); //在位置i插入元素x
int Delete(int i,T & x); //删除值为x的元素
int IsEmpty () { return last == -1; } //表空否
int IsFull () { return last == MaxSize-1; } //判断是否满
T GetData (int i) {return data[i-1] }; //获得第i个元素
T GetPrior (T& x); //取x前驱元素
T GetNext(T& x); //取x的后继元素
void PrintList(); //输出线性表
}
```


2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

下面介绍几个重要成员函数（操作）的实现：

（1）构造函数

算法基本思想：给线性表分配空间，并且置空（长度0）；

```
SeqList :: SeqList ( int sz )
{ //构造函数,通过指定sz, 定义数组的长度
    if (sz > 0)
    {
        data = new T[sz]; //分配连续空间
        if (data != NULL) //分配成功
        { MaxSize = sz; last = -1; }
        else { cerr << "存储分配错误！" << endl; exit(1); }
    }
};
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

(2) 定位（查找）

算法基本思想： 逐个判断是否为指定元素—顺序查找方法；

```
int SeqList::Search (T & x) const
{ //搜索函数：在表中从前向后顺序查找 x
  int i = 0;    //起始位置
  while (i <= last && data[i] != x)
    i++;
  if ( i > last ) return -1; //没找到
  else return i+1;    //找到
};
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

(3) 插入元素：在第*i*个元素之前插入元素*x*（插入到第*i*个位置）

分析：逻辑上插入后元素*x*成为第*i-1*个元素的后继，成为原来第*i*个元素的前驱。（插入后*x*为第*i*个元素）；那么物理上必须要一致（部分元素向后移动）。

$(a_1, \dots, a_{i-1}, a_i, \dots, a_n)$ 改变为 $(a_1, \dots, a_{i-1}, x, a_i, \dots, a_n)$

$\langle a_{i-1}, a_i \rangle$

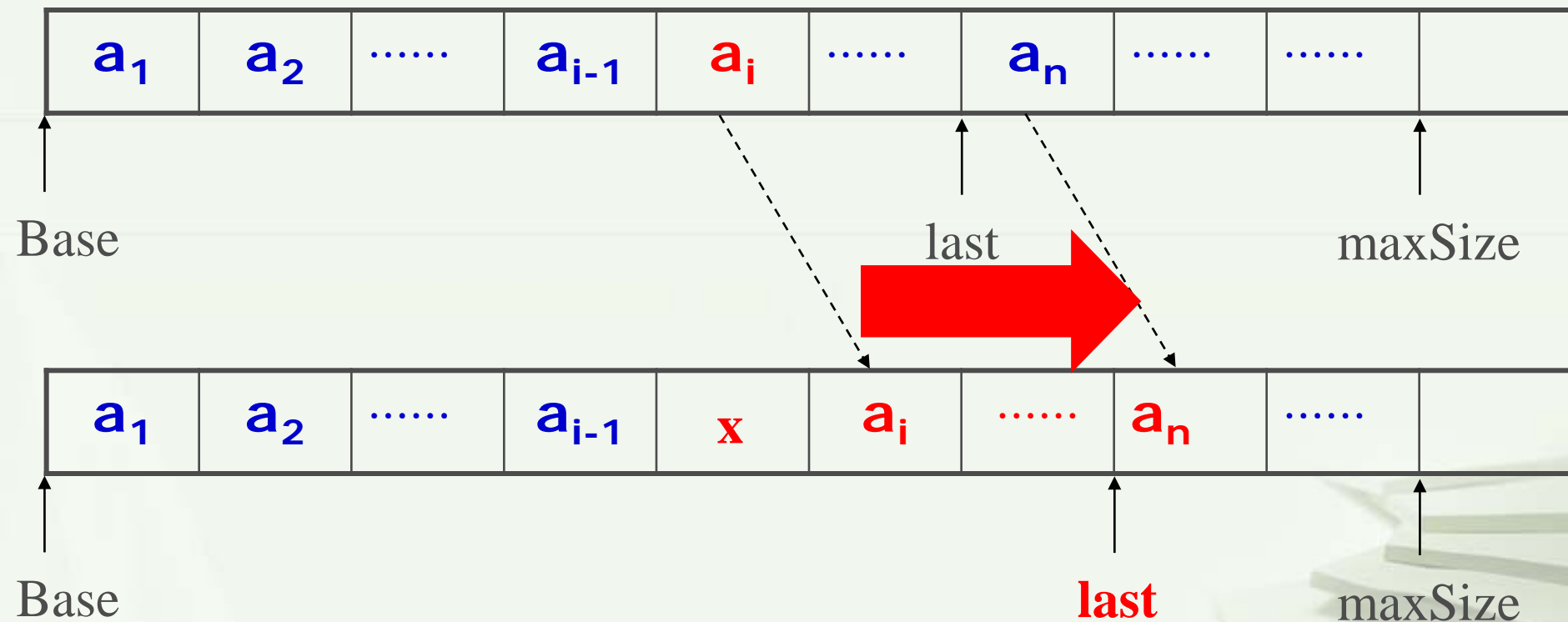


$\langle a_{i-1}, x \rangle, \langle x, a_i \rangle$

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现



2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

算法基本思想： 向后移动部分元素，腾出空间，放置插入元素，长度增加1；

算法如下：

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

```
//在指定位置i插入一个数据元素x
void SeqList::Insert (int i , const T& x)
{   //i为下标,不是序号
    if(last == MaxSize-1)
    {   cerr<<"顺序表已满无法插入!"<<endl;exit(1);   }
    if(i<0||i>last+1)
    {   cerr<<"参数i越界出错!"<<endl;   exit(1);   }
    last++;      //当前最后元素下标加1
    for(int j = last ; j > i ; j --)  //移动元素
        data[j]=data[j-1];
    data[i]=x;   //在第i项处插入x
};
```

时间复杂性?

最好 $O(1)$, 最坏 $O(n)$, 平均 $O(n)$

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

(4) 删除元素：删除第*i*个元素

分析：逻辑上删除第*i*个元素后，第*i-1*个元素的后继变为原来的第*i+1*个元素（原来第*i+1*个元素的前驱变为第*i-1*个元素；那么物理上必须要一致（部分元素向前移动）。

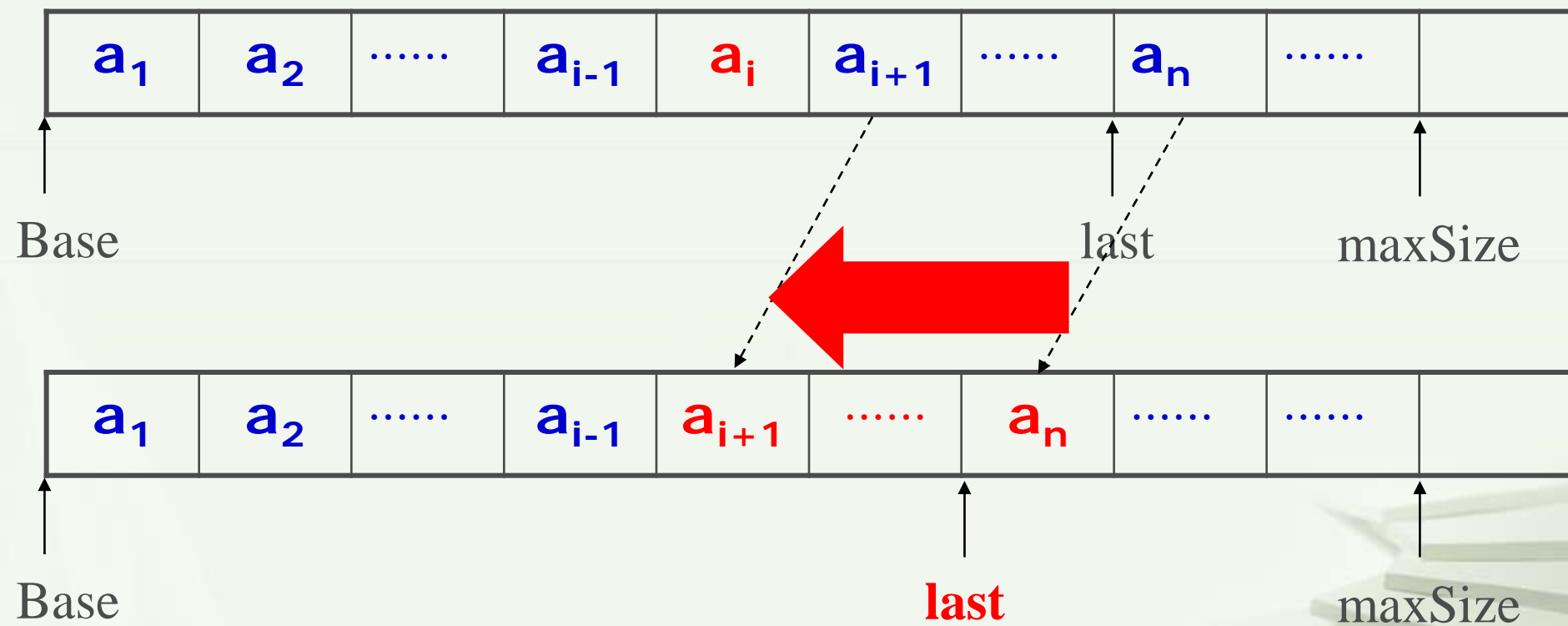
$(a_1, \dots, a_{i-1}, a_i, \dots, a_n)$ 改变为 $(a_1, \dots, a_{i-1}, a_{i+1}, \dots, a_n)$

$\langle a_{i-1}, a_i \rangle, \langle a_i, a_{i+1} \rangle \quad \longrightarrow \quad \langle a_{i-1}, a_{i+1} \rangle$

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现



2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

```
int SeqList :: Delete ( int i )
{ if ( i >= 0 )
  { last-- ;           //表长度减1
    for ( int j = i; j <= last; j++ ) //向前移动元素
      data[j] = data[j+1];
    return 1; //成功删除
  }
  return 0; //删除失败
};
```

时间复杂性？

最好 $O(1)$, 最坏 $O(n)$, 平均 $O(n)$

思考：要删除指定元素 x ，算法怎么写？



2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.1 基于顺序映射的线性表ADT实现

2.2.1.3 线性表ADT的类定义及实现

更多的其他操作请同学们自己设计写出！



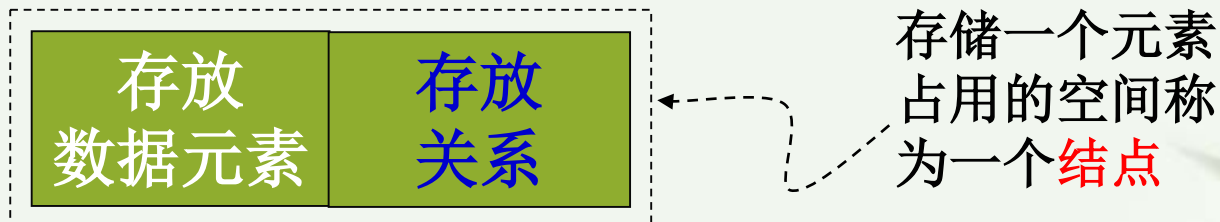
2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.1 链式存储结构

1. 存储方式:

用 **任意** 存储空间单元来存放线性表的各个元素，为了能表示（存储）元素之间的逻辑关系（线性），在存放每个元素的同时，也存放相关元素的信息（相关元素的存储地址），即用指针来表示元素之间的逻辑关系。存放一个数据元素占用的空间为：



2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.1 链式存储结构

2. 特点:

- ♥ 存储线性表的空间**不一定**连续;
- ♥ 逻辑关系是由**指针**（地址）来表示（存储）的;
- ♥ 元素在逻辑上相邻，但在物理上**不一定**相邻;
- ♥ 非随机存取（**顺序存取**），即访问任何一个元素的时间不同;

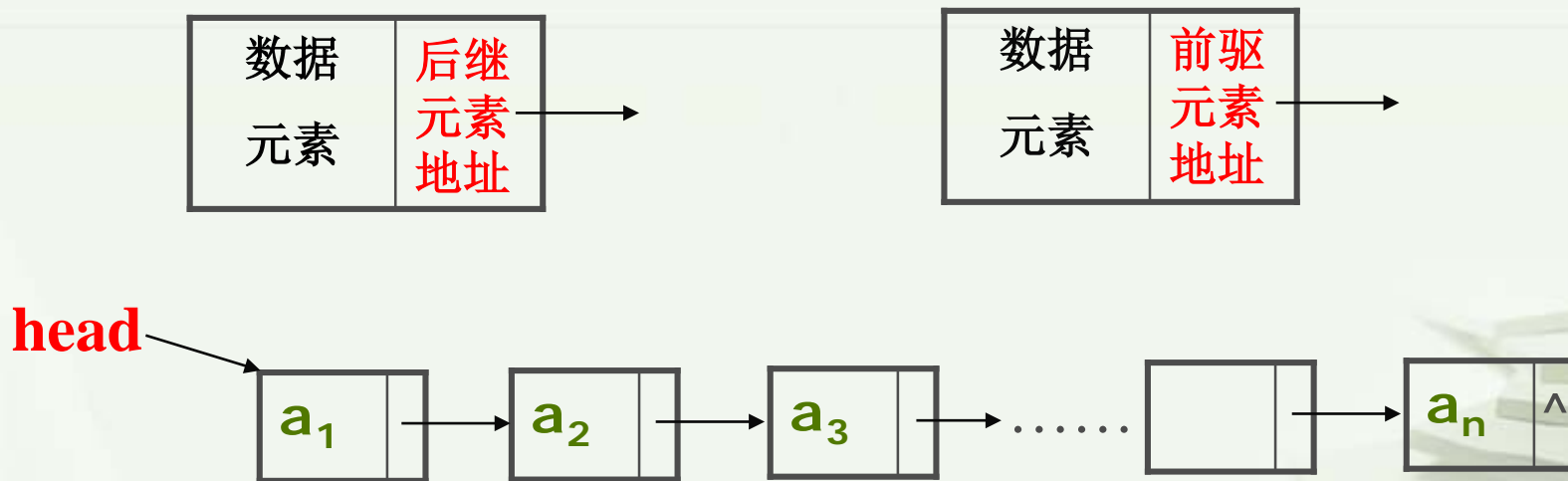
2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.1 链式存储结构

3. 链表分类：根据存储相关元素的信息不同，可分为：

单链式存储结构：存放元素的同时，存放其**后继（或前驱）**元素的信息；

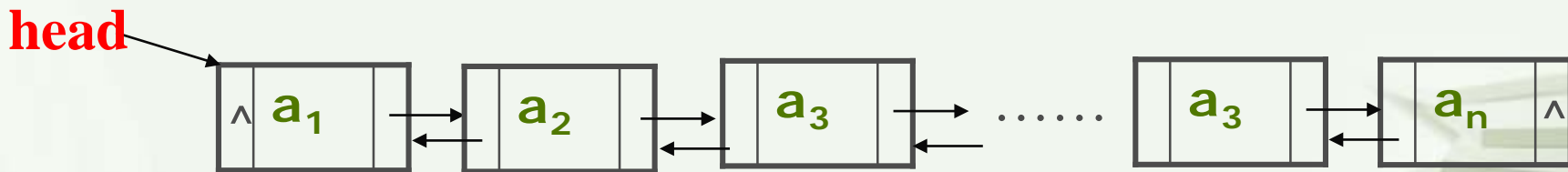


2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.1 链式存储结构

双链式存储结构：存放元素的同时，存放其**后继和前驱**元素的信息；

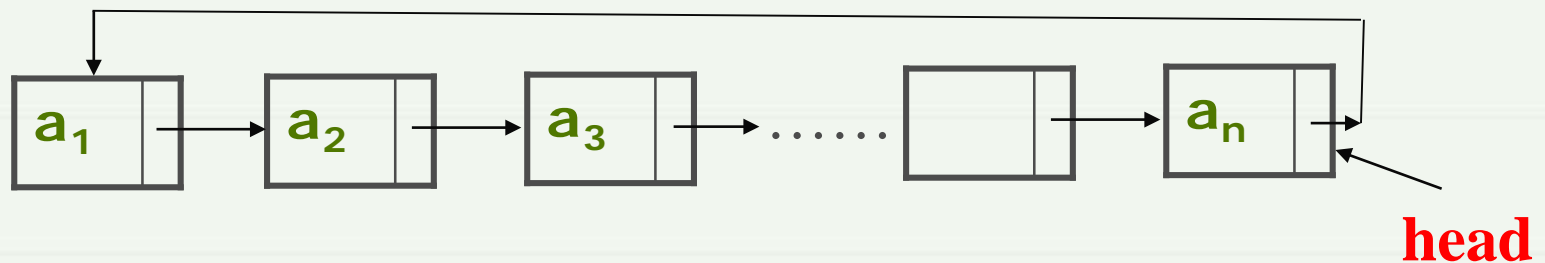


2.2 一般线性表ADT的实现

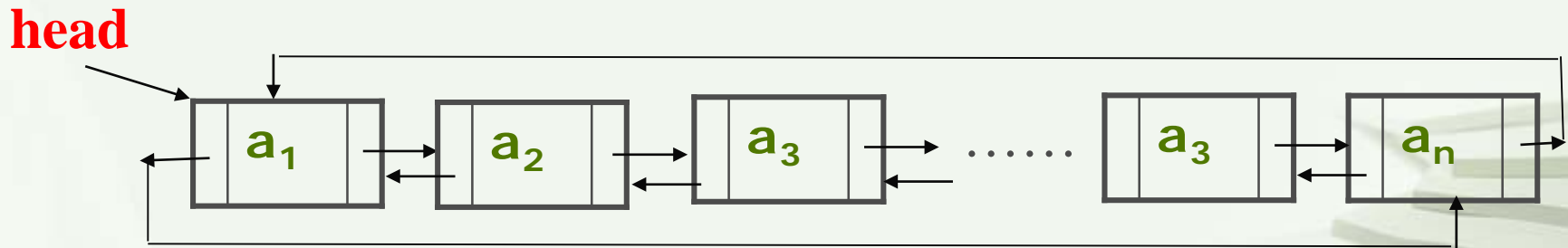
2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.1 链式存储结构

循环单链:



循环双链:

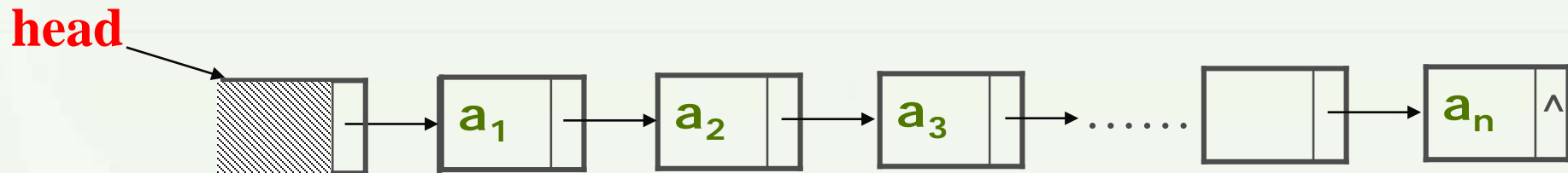


2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.1 链式存储结构

有时为了操作方便，在链表的第一个结点之前加一个“头结点”，该结点不存放元素，其指针指向线性表的第一个元素。



2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.1 链式存储结构

4. 具体实现:

用高级语言的指针类型实现。

```
typedef 用户数据类型 ElemType;  
typedef struct lnode  
{ ElemType data;  
  struct lnode *link;  
}lnode,*LinkList;
```

单链式存储

```
typedef 用户数据类型 ElemType;  
typedef struct Dlnode  
{ ElemType data;  
  struct Dlnode *llink,*rlink;  
}Dlnode,*DLinkList;
```

双链式存储

例如: **LinkList l1;**
DLinkList l2;

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.2 操作的实现

链式存储结构确定后，前面定义的每个操作就可以设计出算法。

创建空表： **Create(*l*)**

```
void Create(LinkList &l )  
{ l=NULL; }
```

```
void Create(LinkList &l )  
{ l=(lnode *)malloc(sizeof(lnode);  
  l->link=NULL;  
}
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.2 操作的实现

求长度: $\text{Length}(l)$

```
int Length(LinkList l)
{ int i:=0;
  p=l;
  while(p!=NULL)
    { i++; p=p->link;}
  return i;
}
```

```
int Length(LinkList l)
{ int i:=0;
  p=l;
  while(p->link!=NULL)
    { i++; p=p->link;}
  return i;
}
```


2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

C++链式存储的线性表的类定义(定义结点类、链表类)

```
#include <iostream.h>
#include <stdlib.h>
typedef ElemType T; //定义数据元素类型为T
class LinkList; //前视定义,否则友元无法定义
class LinkNode //链表结点类的定义
{
    friend class LinkList;
private:
    LinkNode *link;
    T data;
public:
    LinkNode (LinkNode *ptr = NULL) { link=ptr; }
    LinkNode(const T & item, LinkNode *ptr = NULL)
        { data=item; link=ptr; }
    ~LinkNode(){};
};
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

```
class LinkList
{ private:
    LinkNode *first; //指向链表头的指针
public:
    LinkList () { first = new LinkNode (); } //带头结点构造函数
    LinkList ( const T&x ) //不带头结点构造函数
    { first = new LinkNode ( x ); }
    ~LinkList () { MakeEmpty(); delete first; } //析构函数
    void SetEmpty (); //链表置空
    int Length () const; //求链表长度
    LinkNode *GetHead() const { return first; }
    LinkNode *Search ( T x );
    T GetData ( int i ); //返回第i个元素的值
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

```
Linknode *Locate(int i) //返回第i个元素的地址（指针）  
void Insert(int i ,T x); //在第i个元素之后插入元素x  
void Delete(int i,T &x ); //删除第i个元素  
int IsEmpty()const  
    { return(first->link==NULL? 1:0);}   
void InputList(T x); //建立链表，x是输入结束标志  
void PrintList(); //输出  
}
```

2.2 一般线性表ADT的实现

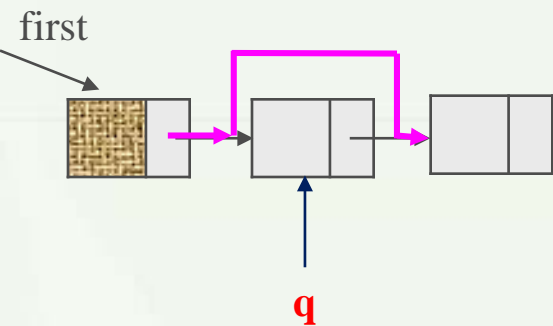
2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

下面介绍几个重要成员函数（操作）的实现：

(1) 表置空 MakeEmpty()

算法基本思想：把链表的每个结点“摘下”，释放。



```
q=first->link;
```

```
first->link=q->link;
```

```
void LinkList::MakeEmpty()  
{ //删去链表中除表头结点外的所有其它结点  
  LinkNode *q;  
  while ( first->link != NULL )  
  {   q = first->link;   //将一个结点从链中“摘下”  
      first->link = q->link;  
      delete q;         //释放  
  }  
};
```

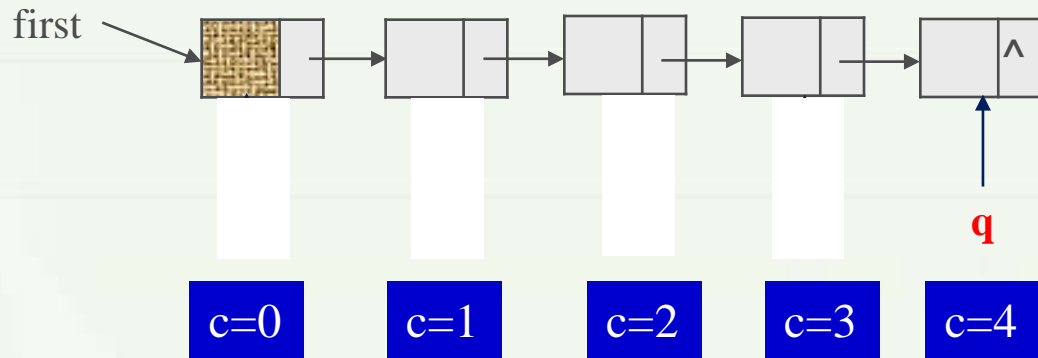
2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

(2) 求长度 Length()

算法基本思想： 从头开始，边移动指针边计数；



```
int LinkList::Length ( ) const
{  LinkNode *q = first;
   int count = 0;
   while ( q->link != NULL )
   {  count++;
      q=q->link;  }
   return count;
}
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

(3) 查找 Search(x)

算法基本思想：从链表头开始，边比较边移动指针；直到找到或到尾。
找到，则返回指向它的指针；
找不到，返回空指针；

```
LinkNode * LinkList::Search( T x )  
{ LinkNode *p = first→link;  //指针 p 指示第一个结点  
  while ( p != NULL && p→data != x )  
    p = p→link;  
  return p;  
}
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

(4) 定位 Lcoate(int i):

算法基本思想：从链表头开始，边计数边移动指针；计数到i停止。

```
LinkNode *LinkList::Locate ( int i )
{  LinkNode *p=first;
   int j=0; // j计数
   if ( i < 0 ) return NULL;
   while ( p!= NULL && j<i )      // j = i 停
   {  p=p→link;  j++; }
   return p;
}
```

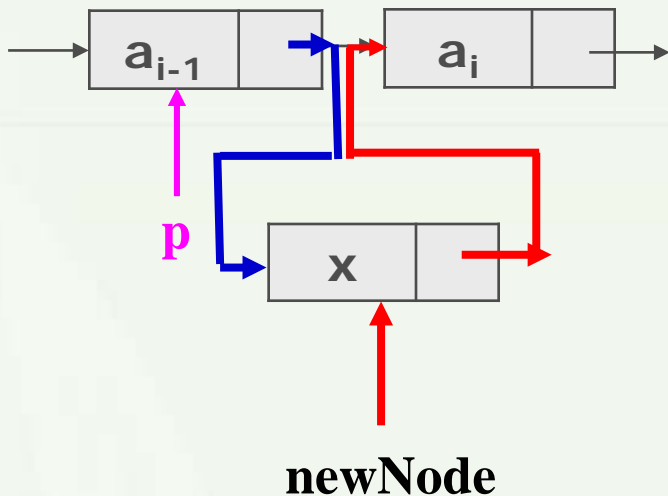

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

(5) 插入 $\text{Insert}(\text{int } i, T \ x)$:

算法基本思想: 找到第 $i-1$ 个元素, 使 x 成为其后继, 其原来的后继成为 x 的后继。



```
void LinkList::Insert(int i, T x)
{
    LinkNode *p = Locate ( i-1);
    LinkNode * newNode = new LinkNode (x);
    newNode->link=p->link;
    p->link=newNode;
}
```

$\text{newNode} \rightarrow \text{link} = p \rightarrow \text{link}$

$p \rightarrow \text{link} = \text{newNode}$

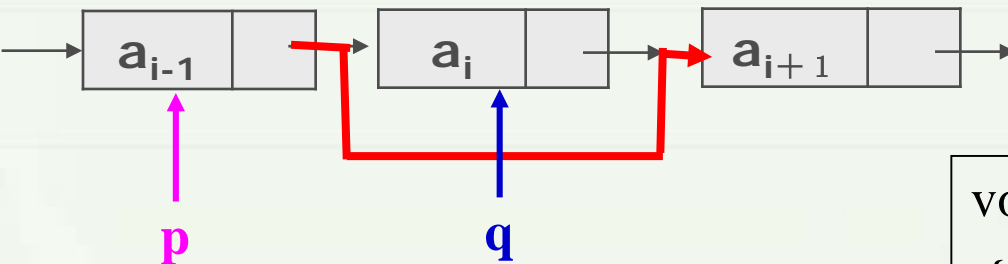
2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

(6) 删除 Delete(int i, T &x):

算法基本思想：找到第 $i-1$ 个元素，使第 $i+1$ 个元素成为其后继。释放第 i 个元素。



`p=Locate(i-1)`

`p->link=p->link->link`

```
void LinkList::Delete (int i ,T &x)
{  LinkNode  *p = Locate (i-1), *q;
   q = p->link;
   p->link = q->link;  //重新链接
   x = q->data;
   delete q;
}
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

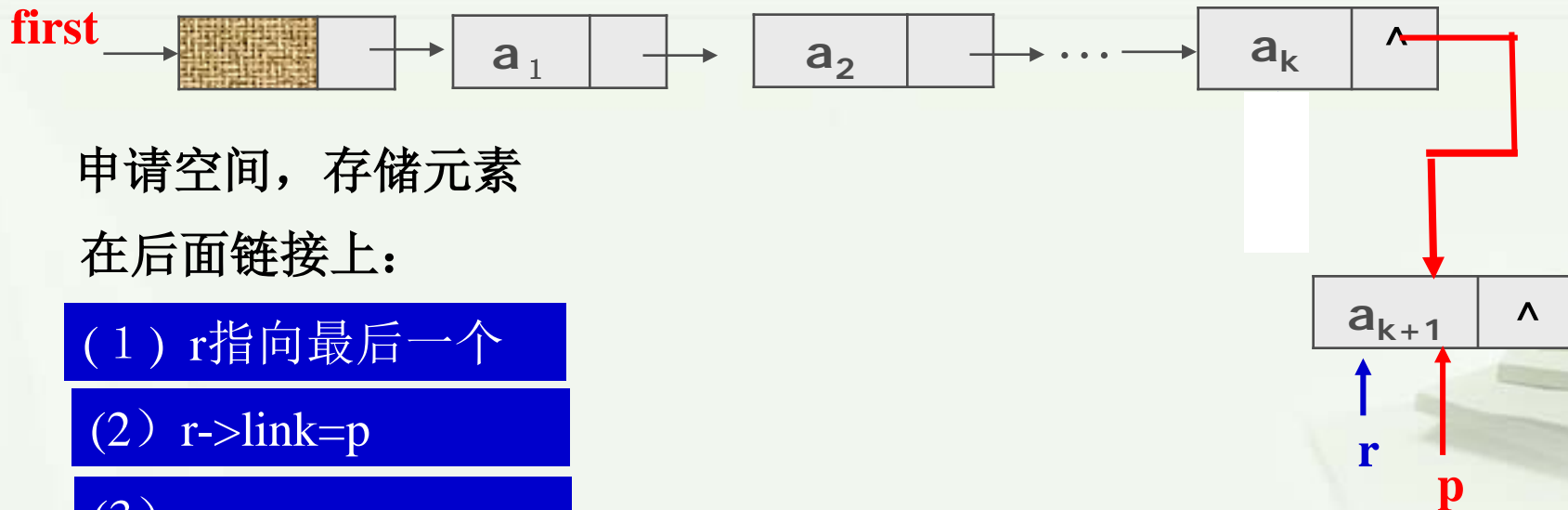
2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

(7) 输入 `InputList()` :

算法基本思想： 逐个输入数据元素，插入到链表中。

(1) 新元素总是链接在后面（一般习惯），元素按自然顺序输入；

(2) 新元素总是链接在前面，元素按相反顺序输入；



申请空间，存储元素

在后面链接上：

(1) `r`指向最后一个

(2) `r->link=p`

(3) `r=p`

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

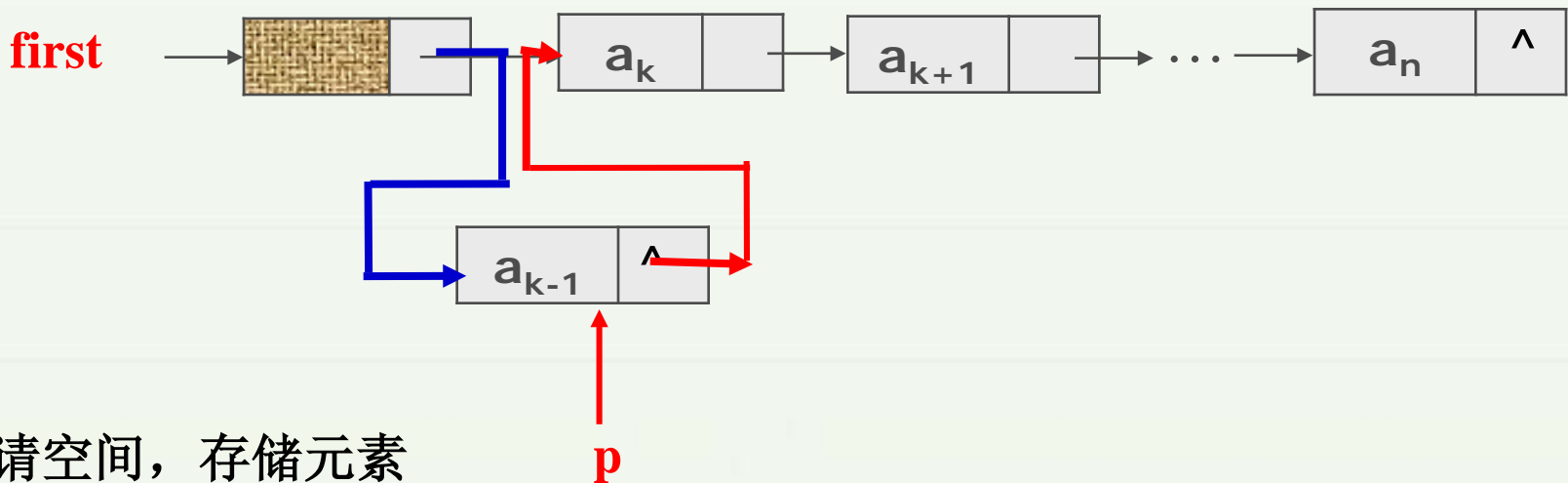
2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

```
void LinkList :: input (T endTag)
{  LinkNode *newNode,*r; T val;
   first=new LinkNode (); //生成头结点
   if (first==NULL) {cerr<<"存储分配错误"<<endl;exit(1);}
   cin>>val; //读入数据元素
   r=first; //r总是指向目前链表的最后一个结点
   while(val!=endTag) //判断是否是结束标志
   {   newNode=new LinkNode (val); //申请空间，存储读入的元素
       if (newNode==NULL) {cerr<<"存储分配错误"<<endl;exit(1);}
       r->link=newNode; //链接到最后面
       r=newNode; //刚链上的结点成为最后一个结点
       cin>>val; //读入数据元素
   }
}
```

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现



申请空间，存储元素

在前面插入：

(1) $p \rightarrow \text{link} = \text{first} \rightarrow \text{link}$

(2) $\text{first} \rightarrow \text{link} = p$

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.3 线性表ADT的类定义及实现

```
void LinkList :: input (T endTag)
{  LinkNode *newnode; T val;
   first=new LinkNode (); //生成头结点
   if (first==NULL) {cerr<<"存储分配错误"<<endl;exit(1);}
   cin>>val; //按逆序读入元素
   while(val!=endTag) //判断是否结束标志
   {   newNode=new LinkNode (val); //申请空间, 存放元素
       if (newNode==NULL) {cerr<<"存储分配错误"<<endl;exit(1);}
       newNode->link=first->link; //链接到前面
       first->link=newNode; //成为第一个结点
       cin>>val; //读入元素
   }
}
```

内容回顾

1. 线性表ADT的实现 之 基于链式存储结构

(1) 如何存储的？ 具有什么优点、缺点？

(2) 高级语言如何表示其存储结构？

如何实现其操作？

难点与重点：指针概念的理解和操作

2.2 一般线性表ADT的实现

2.2.2 基于链式映射的线性表ADT实现

2.2.2.4 线性表基于链式存储结构的其他形式的实现

双链式存储结构

循环单链式存储结构

循环双链式存储结构

存储形式都是单链的变种；
在操作实现上会不同！

教材P66-73 2.4请同学们自学。

2.3 线性表ADT的应用举例

现实世界中的问题，很多都是具有线性数据结构，这类问题的求解都可以运用学习的线性表知识来解决。

2.3.1 通讯录管理

问题描述：人和人的交流需要联络信息，目前的交流媒介和方式越来越多，联络信息也越来越多庞大，因此方便的管理个人联络信息就十分必要了，这就是通讯录管理的由来。通讯录管理已经成为手机等移动终端不可缺少的工具软件，通过该软件可以完成：新建（增加）、删除、查询、修改、查找、保存、排序等等。

要求：

- (1) 分析问题，确定问题的数据及关系；
- (2) 抽象出该问题的ADT；
- (3) 选择合适的存储结构，实现你定义的ADT；

2.3 线性表ADT的应用举例

2.3.1 通讯录管理

数据：具体记录联系人的哪些信息，可以自己确定。一般应包括：序号、姓名、昵称、移动电话、家庭电话、工作电话、EMAIL、QQ、微信……。——确定数据元素

关系：线性关系。在每个数据项上都存在着线性关系。——为了查询方便

操作：如何来管理数据。——提供给用户的功能

ADT定义：与线性表类似（略）

ADT实现：

- (1) 选择一种存储结构，存储元素和关系；
- (2) 设计算法，实现每一个操作；

交互界面：如何把功能提供给用户，如何和用户交互；

2.3 线性表ADT的应用举例

2.3.2 一元n次多项式的处理

问题描述：符号处理是一类非数值性问题，一元多项式就是符号处理的一类实例。一个一元n次多项式的一般形式如下：

$$P_n(x) = p_1x^{e_1} + p_2x^{e_2} + \dots + p_mx^{e_m}$$

其中 p_1, p_2, \dots, p_m 为各项的系数，非零；

e_1, e_2, \dots, e_m 为各项的指数，满足 $0 \leq e_1 \leq e_2 \leq \dots \leq e_m$

现要求在计算机中存储这样的多项式，并能对它们进行处理，如：加法、减法、乘法等等。

要求：

- (1) 抽象并定义出问题的ADT，即包括：
 - 数据结构
 - 常用操作
- (2) 实现你定义的ADT。即包括：
 - 选择合适的存储结构（分析存储结构的优缺点）
 - 对每个操作设计出算法（分析每个算法的时间复杂性）

2.3 线性表ADT的应用举例

2.3.2 一元n次多项式的处理

说明：

(1) 多项式的操作至少应包括：

创建： 在计算机中存储一个多项式；

输出： 以直观的形式输出多项式；

求值： 给定一个 x_0 ，求多项式的值；

求导：

加法： 两个多项式相加；

减法： 两个多项式相减；

乘法： 两个多项式相乘；

(2) 有能力的同学可以把顺序存储和链式存储都做一下。

(3) 有能力的同学可以把交互界面也做一下（比如窗体菜单或文本菜单）

本章小结

重点和难点：

1. 线性数据结构的逻辑特征：线性关系-反映的是元素在集合中的位置
2. 线性数据结构的常用的操作定义：插入、删除、查找、长度
3. 一般线性表ADT的定义：把操作是干什么的定义出来
4. 一般线性表ADT的实现：
 - (1) 基于顺序存储的：
存储方式、特点（优缺点）、具体实现——数组
操作实现：操作具体是怎么做的——算法设计

线性关系是通过物理上相邻来表示的。操作时使逻辑关系发生了变化，那么存储上必须要同时反映出来！——移动

本章小结

重点和难点：

4. 一般线性表ADT的实现：

(2) 基于链式存储的：

存储方式、特点（优缺点）、具体实现——指针
操作实现：操作具体是怎么做的——算法设计

线性关系是通过记录有关系的元素的地址来表示的。操作时使逻辑关系发生了变化，那么存储上必须要同时反映出来！——改变指针

注意：链表带头结点和不带头结点的区别！
你在解决问题时应该明确是否带头结点。

本章小结

重点和难点：

线性表上的操作特别多，也变化多样，因此设计和实现操作是线性表部分的重点和难点！

未知存储结构时，设计的算法——抽象算法（基本思想）

已知存储结构时，设计的算法——具体算法（详细描述）

P84-87 练习题：

2.6, 2.9, 2.10, 2.12, **2.14**, 2.15, 2.17, 2.21, **2.22**, 2.23



END