

21世纪高等学校计算机规划教材

现代密码学

Modern Cryptography

作者：何大可 彭代渊 唐小虎 何明星 梅其祥

出版社：人民邮电出版社

现代密码学

Modern Cryptography

第3章 分组密码

孙玉花

中国石油大学 理学院

Sunyuhua_1@163.com

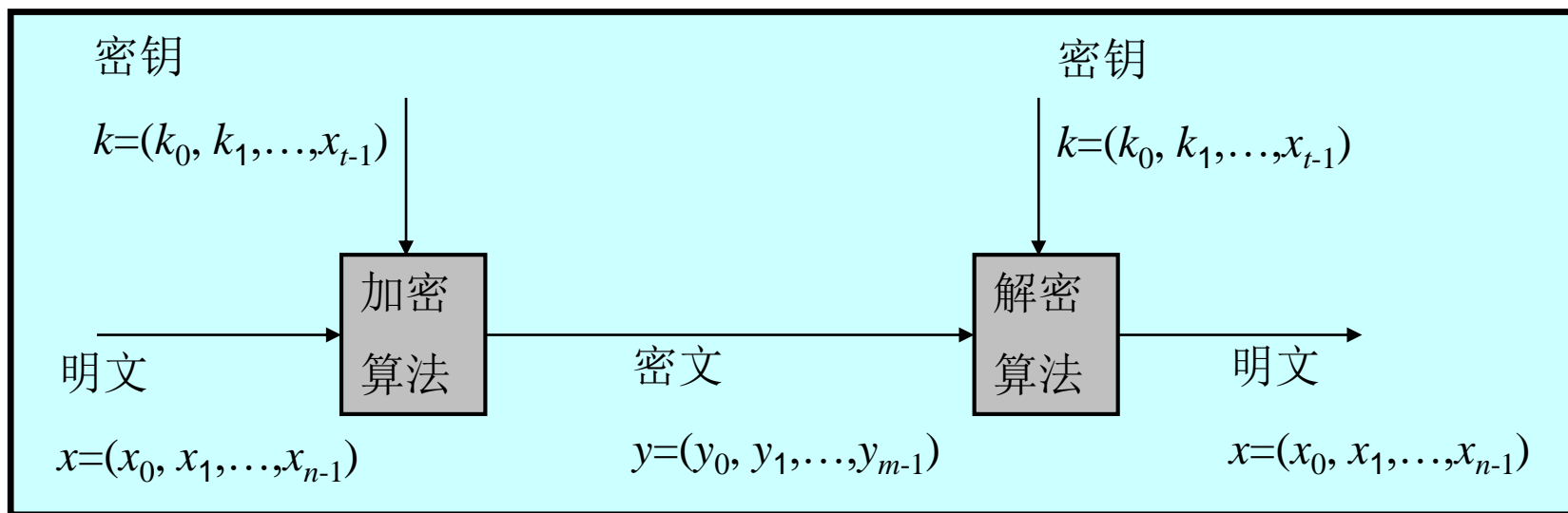
2019年9月

第3章 分组密码

- 3.1 分组密码概述
- 3.2 数据加密标准 (DES)
- 3.3 国际数据加密算法 (IDEA)
- 3.4 高级数据加密标准 (AES)
- 3.5 分组密码工作模式

3.1 分组密码概述

● 分组密码 (block cipher) 框图



- 分组长度: n
- 数据扩展: $n < m$
- 数据压缩: $n > m$
- 一般要求: $n=m; x_i, y_i \in \{0,1\}$.

3.1 分组密码概述

- 加密算法

$$E_k : F_2^n \rightarrow F_2^n$$

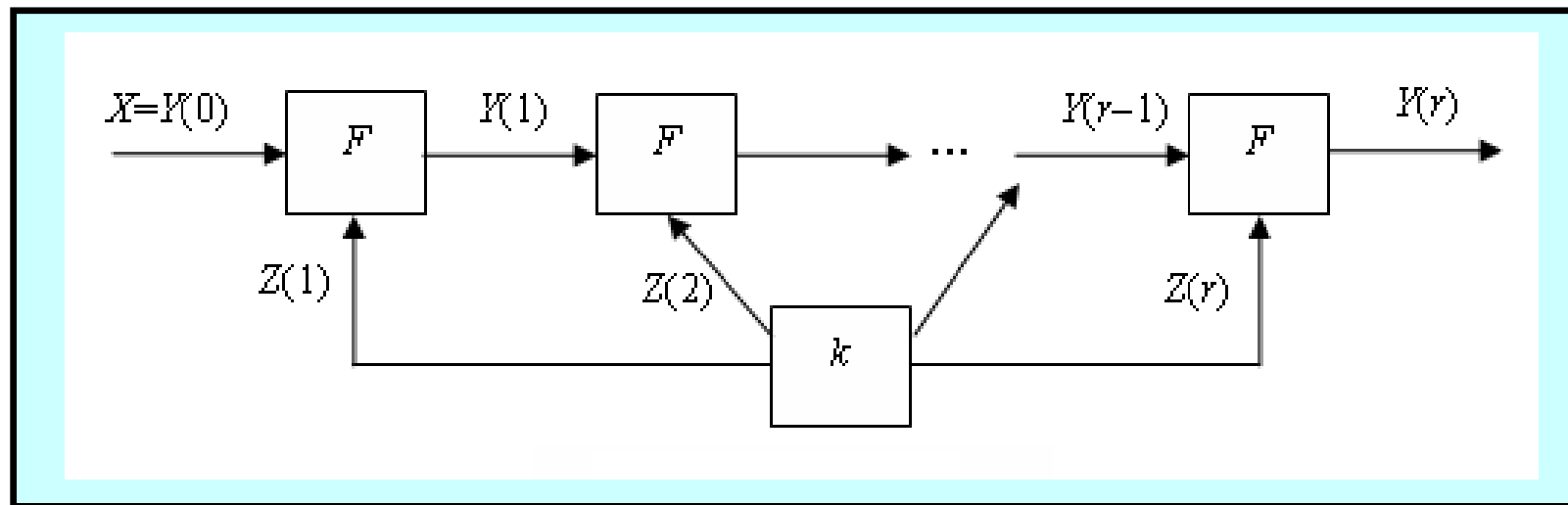
$$x = (x_0, x_1, \dots, x_{n-1}) \rightarrow y = E_k(x) = (y_0, y_1, \dots, y_{n-1})$$

- 分组密码算法基本要求

- ◆ 分组长度 n 足够大
- ◆ 密钥长度 t 足够大
- ◆ 加密算法足够复杂
- ◆ 差错传播尽可能小

3.1 分组密码概述

● 迭代密码



- ◆ 明文: $X=Y(0)$
- ◆ 密文: $Y=Y(r)$
- ◆ 迭代函数: F
- ◆ 迭代次数: r
- ◆ 种子密钥: k
- ◆ 迭代的子密钥: $Z(i)$

Feistel 密码

$64=2w$

● Feistel加密结构

◆ 子密钥产生算法

$$K \Rightarrow K_1, K_2, \dots, K_h.$$

◆ 明文: $x = L_0 || R_0$

◆ 第 i 轮迭代

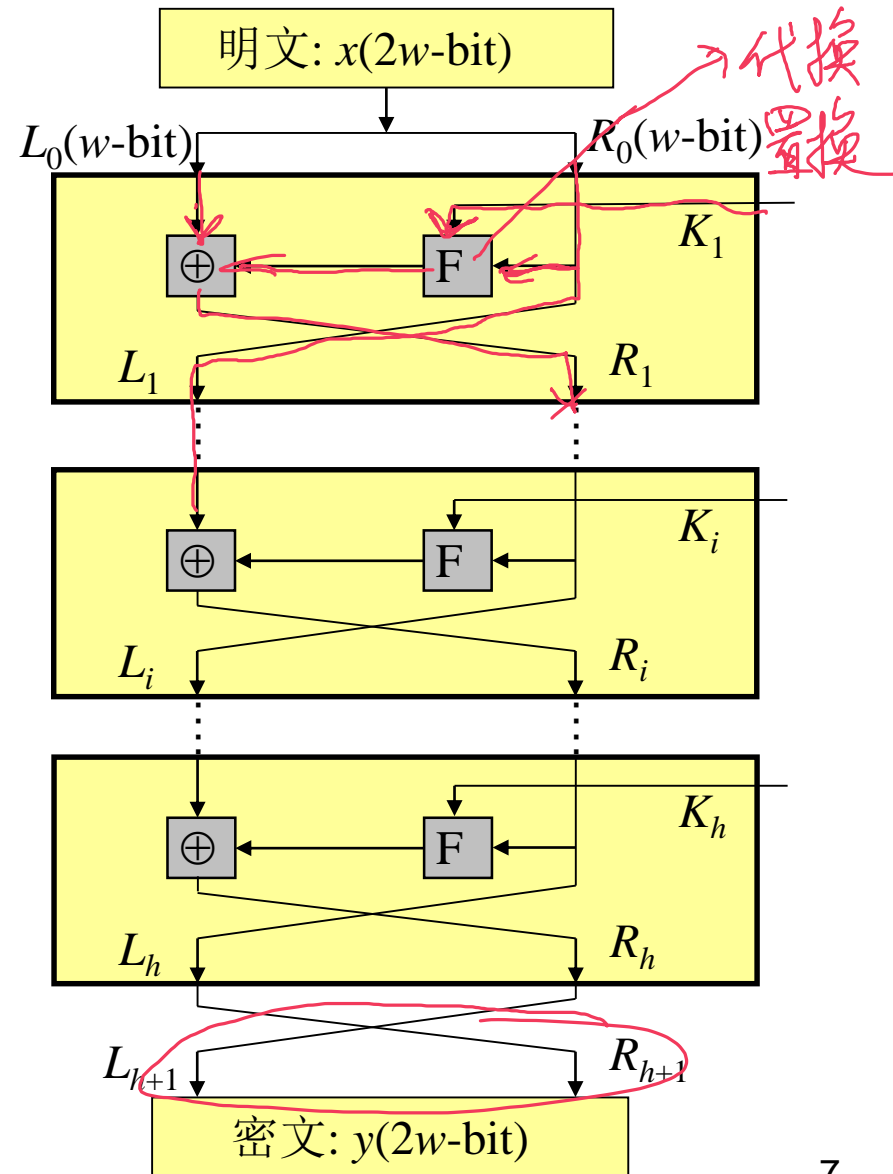
$$L_i = R_{i-1}$$

$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i)$$

F : 轮函数

◆ 密文: $y = L_{h+1} || R_{h+1}$

◆ 代换-置换网络 (substitution-permutation network)



Feistel 密码

- Feistel代换-置换网络(substitution-permutation network)
- 1971年, IBM的Feistel H. 领导的项目组首次提出, 并用于劳埃德保险公司的现金分配系统
- Feistel代换-置换网络主要参数
 - ◆ 分组大小: ($2w=64$)
 - ◆ 密钥大小: ($|K|=128$)
 - ◆ 轮数: h
 - ◆ 子密钥产生算法: $K \Rightarrow K_1, K_2, \dots, K_h$.
 - ◆ 轮函数设计: F

Feistel 密码

● Feistel解密结构

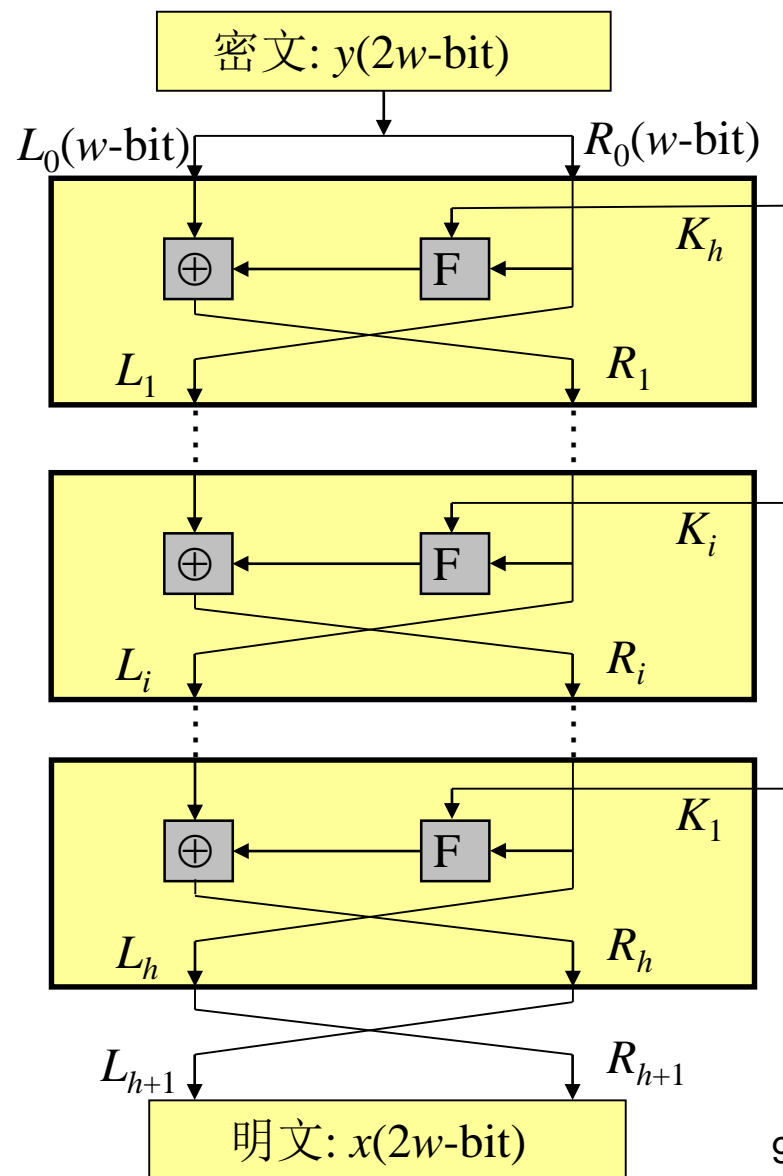
◆ 与加密结构相同

◆ 子密钥使用次序相反:

$K_h, K_{h-1}, \dots, K_2, K_1$

◆ 输入: 密文 y

◆ 输出: 明文 x



第3章 分组密码

- 3.1 分组密码概述
- 3.2 数据加密标准 (DES)
- 3.3 国际数据加密算法 (IDEA)
- 3.4 高级数据加密标准 (AES)
- 3.5 分组密码工作模式

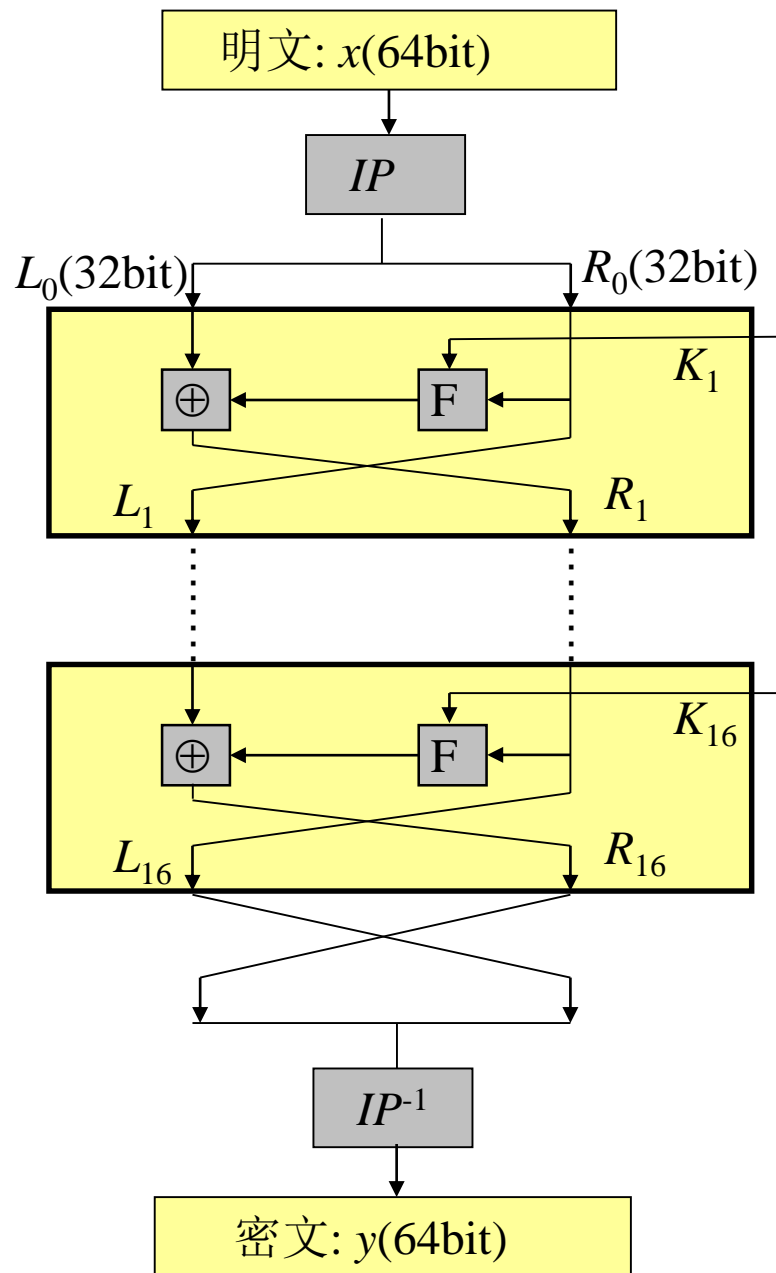
3.2 数据加密标准(DES)

● 数据加密标准(DES: data encryption standard)概况

- ◆ 1972美国国家标准局(NBS)开始实施计算机数据保护标准的开发计划
- ◆ 1973.5.13 NBS发布文告征集在传输和存储数据中保护计算机数据的密码算法
- ◆ 1975.3.17首次公布DES算法描述, 进行公开讨论
- ◆ 1977.1.15正式批准为无密级应用的DES (美国联邦信息处理标准: FIPS-46), 1977.7.15正式生效
- ◆ 以后每5年NBS做出评估, 并重新确定是否继续作为加密标准
- ◆ 1994年1月, NBS做了最后一次评估, 决定1998年12月以后不再作为加密标准

● DES算法描述

- ◆ 分组大小: $2w=64$
- ◆ 密钥大小: $|K|=56$
子密钥: $|K_i|=48$
- ◆ 轮数: $h=16$
- ◆ 对明文作置换 IP 后开始第1次迭代
- ◆ 第16次迭代后, 交换左、右32bit数据, 再作逆置换 IP^{-1} , 即得密文



3.2 数据加密标准(DES)

● 初始置换IP

将64位明文打乱重新排列.

设 $x = x_1x_2 \dots x_{64}$, 则 $IP(x) = x_{58}x_{50}x_{42} \dots x_{23}x_{15}x_7$

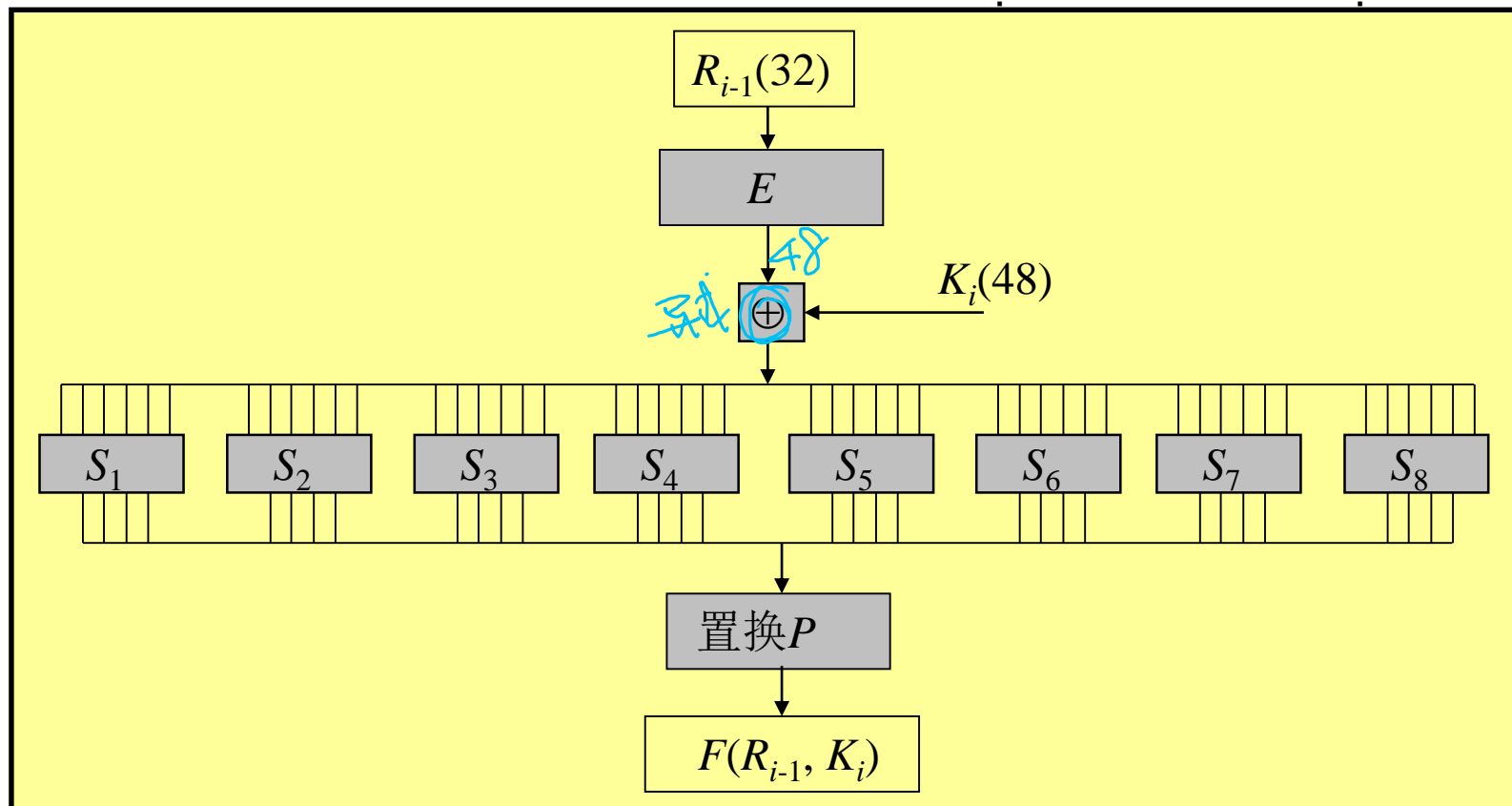
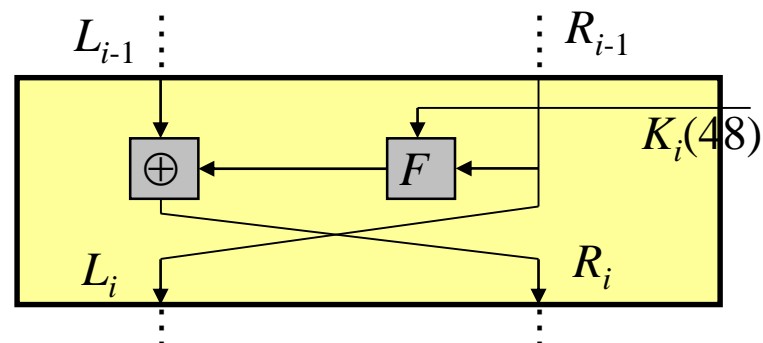
IP								IP^{-1}							
58	50	42	34	26	18	10	2	40	8	48	16	56	24	64	32
60	52	44	36	28	20	12	4	39	7	47	15	55	23	63	31
62	54	46	38	30	22	14	8	38	6	46	14	54	22	62	30
64	56	48	40	32	24	16	6	37	5	45	13	53	21	61	29
57	49	41	33	25	17	9	1	36	4	44	12	52	20	60	28
59	51	43	35	27	19	11	3	35	3	43	11	51	19	59	27
61	53	45	37	29	21	13	5	34	2	42	10	50	18	58	26
63	55	47	39	31	23	15	7	33	1	41	9	49	17	57	25

轮函数 F 的设计

● 轮函数 F 的结构

$F(R_{i-1}, K_i)$:

$\{0,1\}^{32} \times \{0,1\}^{48} \rightarrow \{0,1\}^{32}$



扩展变换 E

- 扩展变换 E : 将32位变为48位, 扩展了16位

扩展变换 E					
32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1

S-盒

$$48 = 6 \times 8$$

$$= 6 \text{ 位}$$

- $S_k: \{0,1\}^6 \rightarrow \{0,1\}^4$ ($k=1,2,\dots,8$)
- 输入: $b_1 b_2 b_3 b_4 b_5 b_6$, 用10进制表示:
 $(i)_{10} = b_1 b_6$ ($0 \leq i \leq 3$), $(j)_{10} = b_2 b_3 b_4 b_5$ ($0 \leq j \leq 15$)
- 输出: S_k -盒的表中第*i*行*j*列位置元素(4位二进制)
- 例: 对于 S_1 , 输入 $b=101011$, 有 $i=11=3$, $j=0101=5$,
 输出: $S_1(b) = S_1(3,5) = 9 = 1001$

S_k		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
S_1	0	14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
	1	0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
	2	4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
	3	15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

S-盒

● S-盒设计准则(1992年, IBM与NSA公布)

- ◆ S-盒的每一行都是整数0-15的一个置换;
- ◆ 每个S-盒的输出都不是输入的线性或仿射函数;
- ◆ 任意改变输入的一位,输出至少有2位发生变化;
- ◆ 保持输入的1位不变,其余5位变化,则输出中的0和1的个数接近相等;
- ◆ 对任何输入 x , 有 $S_k(x)$ 和 $S_k(x \oplus 001100)$ 至少有2位不同;
- ◆ 对任何输入 x , $e, f \in \{0,1\}$, 有 $S_k(x) \neq S_k(x \oplus 11ef00)$.

置换 P

- P : 整数1-32的置换

置换 P							
16	7	20	21	29	12	28	17
1	15	23	26	5	18	31	10
2	8	24	14	32	27	3	9
19	13	30	6	22	11	4	25

- 总结:

轮函数 $F(R_{i-1}, K_i)$ 运算过程

$$R_{i-1} \rightarrow e = E(R_{i-1}) \rightarrow c = e \oplus K_i \rightarrow s = S(c) \rightarrow P(s)$$

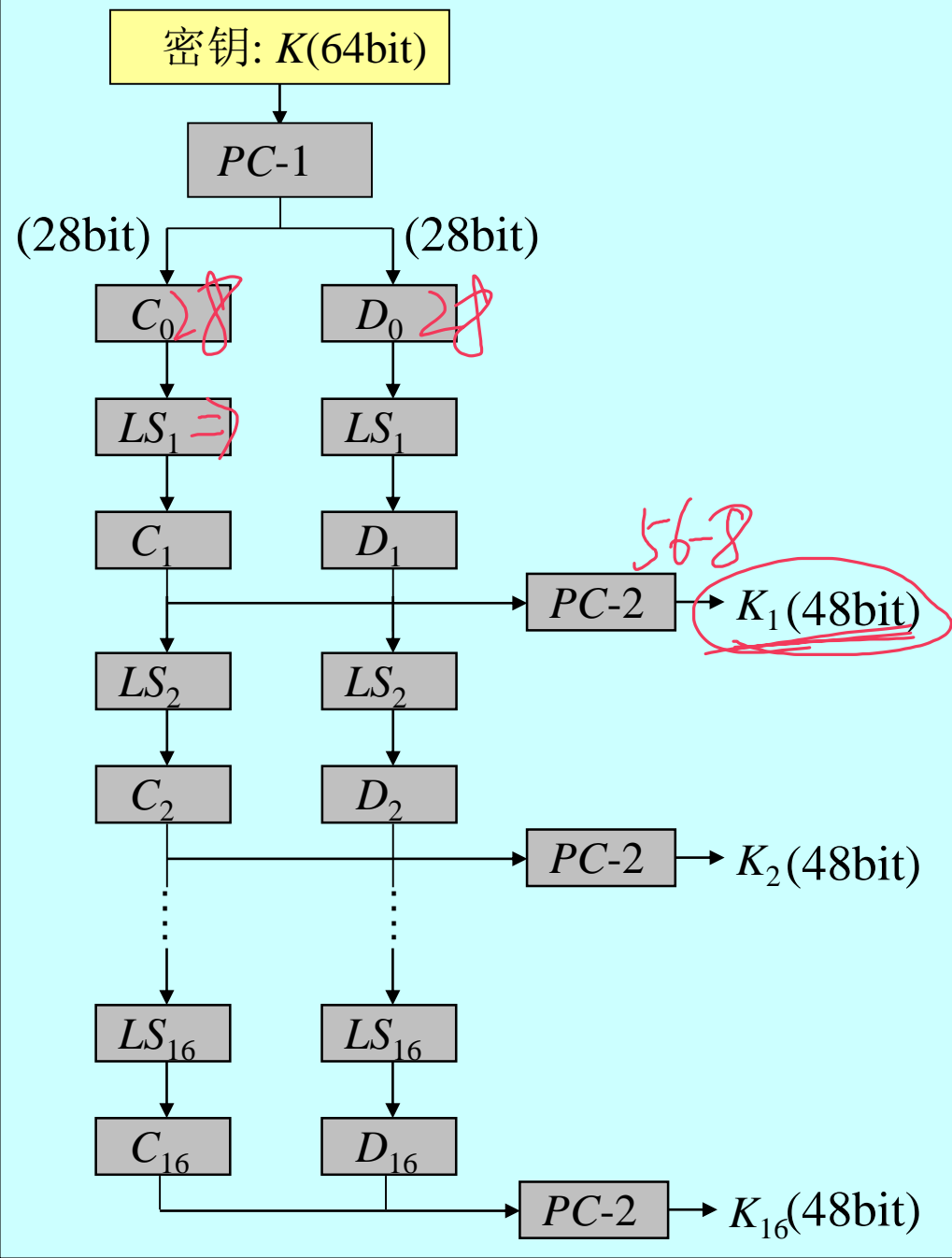
$$= F(R_{i-1}, K_i) = P(S(E(R_{i-1}) \oplus K_i))$$

DES子密钥 生成算法

● DES子密钥 生成算法

由64位密钥 K 产生
16个48位的
子密钥:

K_1, K_2, \dots, K_{16}



Handwritten notes in red ink:

- A large circle containing the binary sequence 1001001 and 1101001 .
- A smaller circle containing the Chinese characters "奇" (odd) and "偶" (even).
- Text below the circles: "8个" (8 items) and "8个奇偶校验" (8 parity checks).

DES子密钥生成算法

- 置换选择1: $PC-1$

64位密钥 K 的第8, 16, 24,...,64位共8位是奇偶校验位, 其余56位作为密钥用. 选择 K 的第57,49,...位共28位作为密钥段 C_0 ;选择 K 的第63,55,...位共28位作为密钥段 D_0 .

$PC-1$						
57	49	41	33	25	17	9
1	58	50	42	34	26	18
10	2	59	51	43	35	27
19	11	3	60	52	44	36
63	55	47	39	31	23	15
7	62	54	46	38	30	22
14	6	61	53	45	37	29
21	13	5	28	20	12	4

DES子密钥生成算法

- 循环左移 LS_i

将28位的密钥段作为 C_i, D_i 循环左移1或2位,左移位数由下表确定.

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
LS_i	1	1	2	2	2	2	2	2	1	2	2	2	2	2	2	1

DES子密钥生成算法

- 置换选择2: $PC-2$

从56位密钥段 $C_i\|D_i$ 中选择48位作为子密钥 K_i .

$PC-2$					
14	17	11	24	1	5
3	28	15	6	21	10
23	19	12	4	26	8
16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55
30	40	51	45	33	48
44	49	39	56	34	53
46	42	50	36	29	32

DES解密算法

- 与DES加密结构相同
- 子密钥使用次序相反: $K_{16} K_{15}, \dots, K_2, K_1$
- 输入: 密文 y
- 输出: 明文 x

DES算法的实现

- **硬件实现**

- ◆ 1984年, DES芯片每秒加密25.6万次
- ◆ 1987年, DES芯片每秒加密51.2万次
- ◆ 目前最快的DES芯片每秒加密1G比特 (DEC: 美国数字设备公司开发)

- **软件实现**

- ◆ 在IBM3090大型机上, DES软件实现每秒加密3.2万次
- ◆ 在80486处理器, 速度为66MHz, 总线宽32位的微机上, DES软件实现每秒加密4.3万次

DES的安全性

- 互补性

- ◆ $y = \text{DES}_K(x) \Rightarrow \bar{y} = \text{DES}_{\bar{K}}(\bar{x})$

- ◆ 在选择明文攻击时，只需实验 2^{56} 个密钥的一半 2^{28}

- ◆ 不要使用互补密钥

- 弱密钥 K : $\text{DES}_K(\text{DES}_K(x))=x$.

DES至少有4个弱密钥，很可能不存在其它弱密钥.

01 01 01 01 01 01 01 01; 1F 1F 1F 1F 0F 0F 0F 0F;

E0 E0 E0 E0 F1 F1 F1 F1; FE FE FE FE FE FE FE FE

- 半弱密钥 K : 存在密钥 K' , 满足 $\text{DES}_K(\text{DES}_{K'}(x))=x$.

DES至少有12个半弱密钥，很可能不存在其它半弱密钥.

弱密钥与半弱密钥，能使二重DES加密复原!

DES的安全性

- S-盒的设计

- ◆ S-盒是DES的心脏
- ◆ S-盒的设计原理尚未公开
- ◆ 密码学家怀疑NSA设计S-盒时隐藏了“陷门”

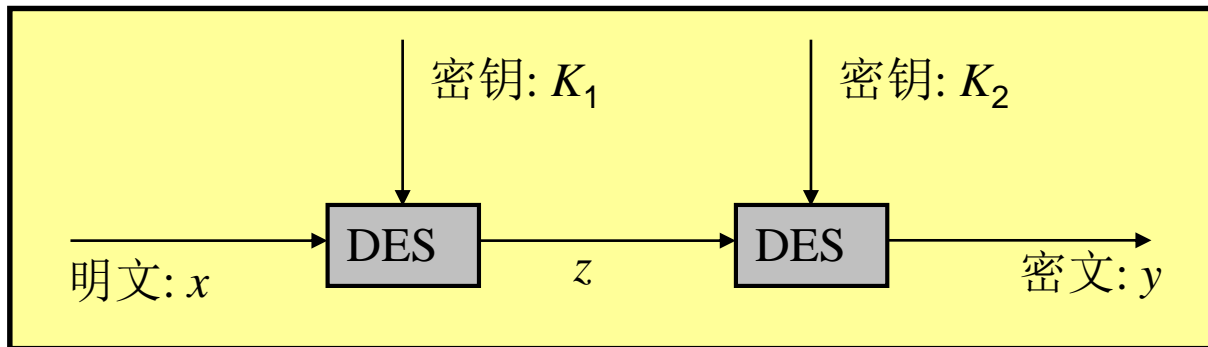
- 密钥搜索机

- ◆ 密钥量小: $2^{56} \approx 10^{17}$
- ◆ 1997.1.28, 美国RSA数据安全公司悬赏10000美元破译DES. 美国克罗拉多州的程序员Verser从1997.3.13起,用了96天,在Internet上数万名志愿者的协同下,于1997. 6. 17成功找到了DES的密钥,从而获得10000美元的奖金.
- ◆ 1998年5月, 美国电子边境基金学会(EFF)使用一台价值20万美元的计算机改装成专用密码机, 用了56小时破译了56bit密钥的DES.

二重DES

- 二重DES的结构

$$y = \text{DES}_{K_2}(z) = \text{DES}_{K_2}(\text{DES}_{K_1}(x))$$



- 二重DES的安全性

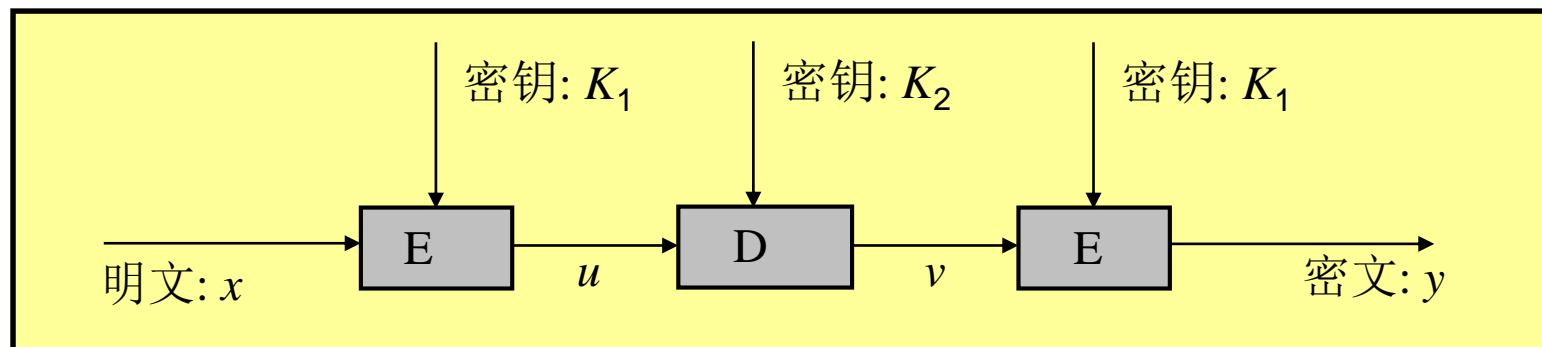
密钥长度为112bit, 强度极大增加.

二个密钥的三重DES

- 二个密钥的三重DES结构

加密： $E=DES$ ， 解密： $D=DES^{-1}$

$$y=E_{K_1}[D_{K_2}(E_{K_1}(x))]$$

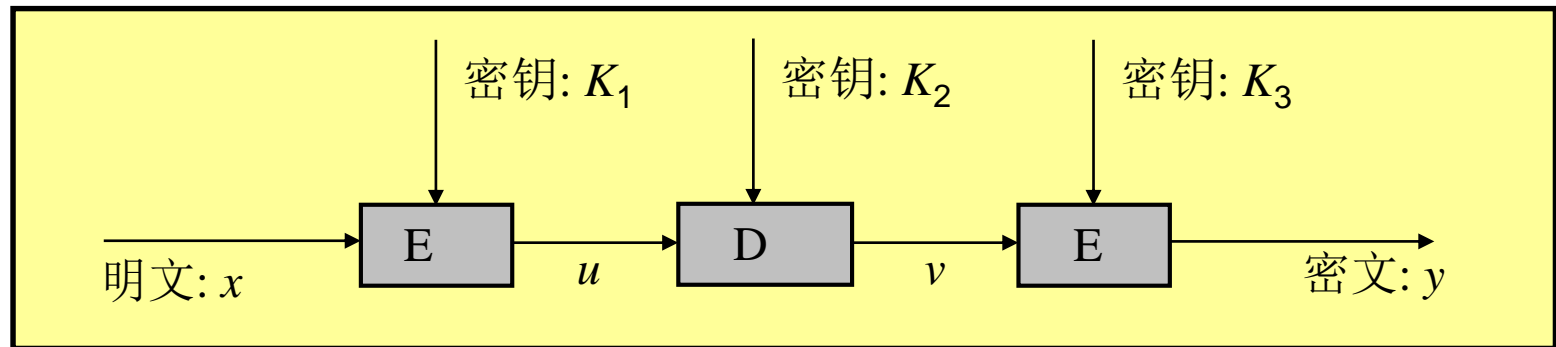


- 加密-解密-加密模式(EDE: encrypt-decrypt-encrypt)
- 已被密钥管理标准ANS X.917和ISO 8732采用

三个密钥的三重DES

- 三个密钥的三重DES结构

$$y = E_{K_3}[D_{K_2}(E_{K_1}(x))]$$



- 密钥长度为156bit, 强度进一步增加.
- 已在Internet的许多应用(如PGP, S/MIME)中被采用

第3章 分组密码

- 3.1 分组密码概述
- 3.2 数据加密标准 (DES)
- 3.3 国际数据加密算法 (IDEA)
- 3.4 高级数据加密标准 (AES)
- 3.5 分组密码工作模式

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

- 1990年，Xuejia Lai(来学嘉，旅居瑞士中国学者)和J.L.Massey(国际著名密码学家)提出一个建议加密标准(PES: proposed encryption standard)
- 1991年，设计出改进型建议加密标准(IPES),能够抗击差分密码分析
- 1992年，改名为国际数据加密算法
(IDEA: international data encryption algorithm)
- 是DES之后又一个成功的分组密码，已被用于Internet的E-mail加密系统PGP和其他加密系统
- 分组长度: 64
- 密钥长度: 128

Xuejia Lai(来学嘉)简介

- 国际著名密码学家
- 1982年获西安电子科技大学学士学位
- 1984年获该校应用数学硕士学位
- 1988年获瑞士苏黎世高工通信技术硕士学位
- 1992年获瑞士苏黎世高工技术科学博士学位
- 1994年加入瑞士r3安全工程中心, 该中心于1998年6月成为Entrust(瑞士)公司
- 2001年加入瑞士S.W.I.S.中心
- 2004年到上海交大任教, 兼任科学院研究生院名誉教授, 西南交通大学顾问教授
- 设计了IDEA加密算法。对Hash 函数的分析和构造研究的成果得到国际上普遍应用,包括最近对MD4,SHA的碰撞攻击。在差分破译法的研究中, 提出差分, 高阶差分, 马尔科夫密码的概念,用马尔科夫链理论将差分破译法公式化, 使得推导差分密码分析复杂度的下界成为可能。设计了欧洲Eurochip 电话卡中的认证算法。审核过欧洲银行Eurocard 智能卡系统的安全性。分析评估欧洲电讯标准局的专用密码。分析及改进付费电视系统中使用的密码及密钥管理系统。参与过中国金融认证中心的建设。主编了ISO-13888 不可抵赖标准、ISO-11770 密钥管理标准及ISO-18033 加密算法标准。并参与欧盟KRISIS, ICE-CAR和PKI Challenge 项目。现任2006亚密会(Asiacrypt)程序委员会主席, 中国密码学会常务理事。



Xuejia Lai(来学嘉)简介

国际著名密码学家来学嘉博士2005年6月在西南交通大学讲学



3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

运算 ‘+’：两个长度为16的比特串 x 和 y 。 x ‘+’ y 表示 x 和 y 做逐位模2加运算（逐比特异或）。

运算 “+”：将长度为16的比特串 x 和 y 看作是 “ ≥ 0 , 且 $< 2^{16}$ ”的整数。 x “+” y 表示 x 和 y 做模 2^{16} 加运算。

运算 \times ：将长度为16的比特串 x 和 y 看作是 “ ≥ 1 , 且 $< 2^{16}+1$ ”的整数。其中将全0串看作是 2^{16} 。 $x \times y$ 表示 x 和 y 做模 $2^{16}+1$ 乘运算。（注意： $2^{16}+1$ 是素数）

3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

三种运算的代数结构

- 三种运算都是交换群运算 (Abel群运算)。
- 运算 $'+'$ 的单位元是(000000000000000000)。
- 运算 $''+$ 的单位元是(000000000000000000)。
- 运算 \times 的单位元是(000000000000000001)。
- 关于群运算 $'+'$ ，任何非单位元的阶数都是2。
- 关于群运算 $''+$ ，非单位元的阶数有2, 2^2 , 2^3 , ..., 2^{16} 。
- 关于群运算 \times ，非单位元的阶数有2, 2^2 , 2^3 , ..., 2^{16} 。

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

三种运算的密码学性质

- 设 $z=x \oplus y$ 。则 z 的一个比特仅仅依赖于 x 和 y 在相同位置上的比特值，毫无扩散能力。
- 设 $z=x \oplus y$ 。则 z 的一个比特依赖于 x 和 y 在相同位置及以下位置上的比特值，具有单向扩散能力。
- 设 $z=x \times y$ 。则 z 的一个比特依赖于 x 和 y 在所有位置上的比特值，具有双向扩散能力。
- ‘ \oplus ’与 ‘ \oplus ’的结构差异很大； ‘ \oplus ’与 \times 虽然具有同构关系，但这种同构关系却表现为一种“离散对数”的关系。
- 将它们组合在一起使用，可以破坏任何一种群结构。

3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

轮函数 轮函数为 $M=F(m,z)$ 。其中 m 是明文，它是长度为64的比特串； M 是密文，它是长度为64的比特串； z 是密钥，它是长度为96的比特串。

将明文 m 分为4个子块： $m=(m_1,m_2,m_3,m_4)$ ，其中每个子块长度为16。

将密文 M 分为4个子块： $M=(M_1,M_2,M_3,M_4)$ ，其中每个子块长度为16。

将密钥 z 分为6个子块： $z=(z_1,z_2,z_3,z_4,z_5,z_6)$ ，其中每个子块长度为16。

三种运算 ‘+’、 “+”、 \times 分别为前面所述。

3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

轮函数算法描述如下:

$$(1) (m_1, m_2, m_3, m_4)(\times, "+", "+", \times) (z_1, z_2, z_3, z_4) = (a, b, c, d)。$$

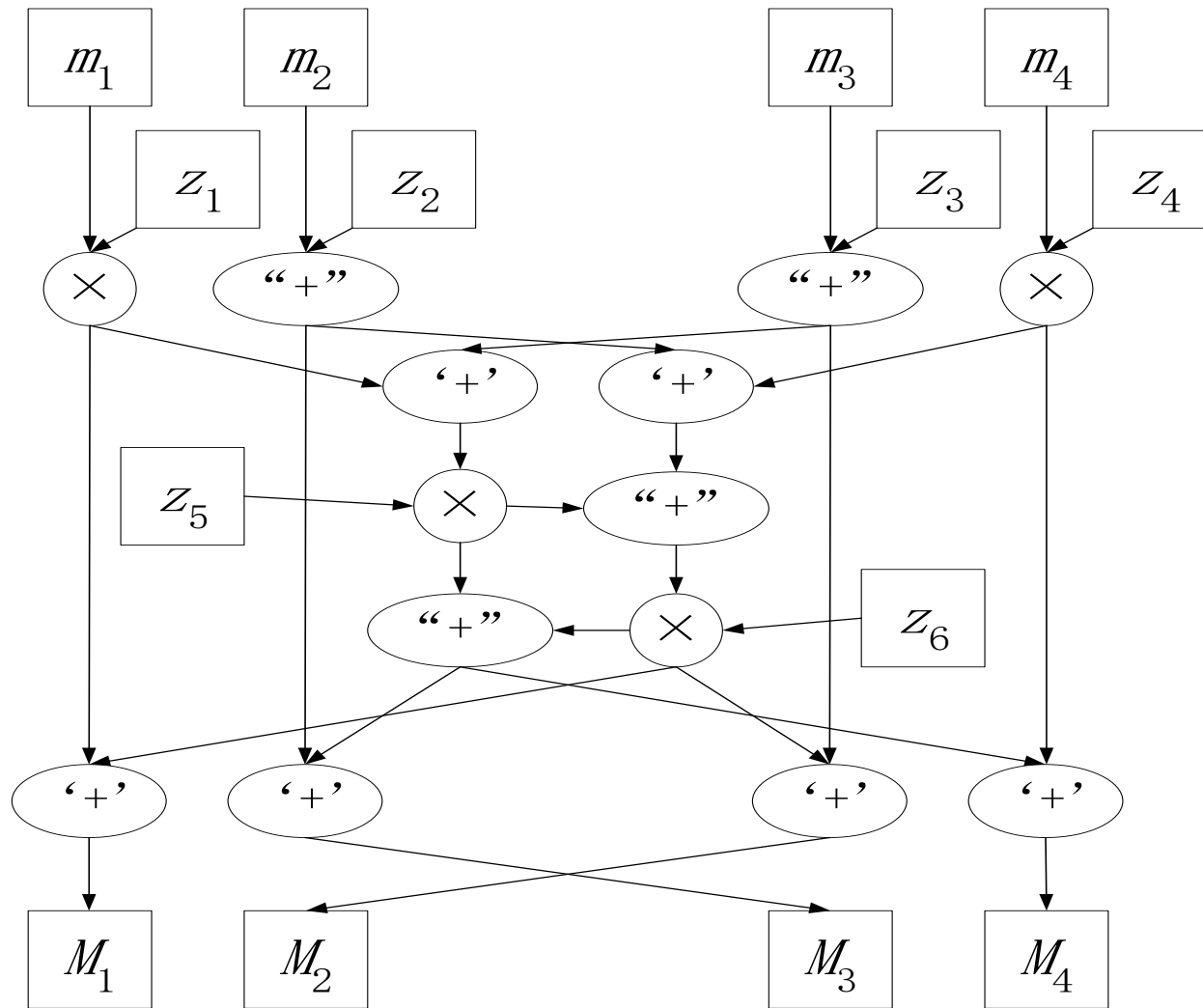
$$(2) (a' + 'c, b' + 'd) = (e, f)。$$

$$(3) ((e \times z_5) "+" f) \times z_6 = u, \quad u "+" (e \times z_5) = v。$$

$$(4) (a, b, c, d)(' + ', ' + ', ' + ', ' + ') (u, v, u, v) = (w_1, w_2, w_3, w_4)。$$

$$(5) (w_1, w_3, w_2, w_4) = (M_1, M_2, M_3, M_4)。$$

3.3 国际数据加密算法（IDEA）



3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

(1) $(m_1, m_2, m_3, m_4)(\times, "+", "+", \times)(z_1, z_2, z_3, z_4) = (a, b, c, d)$ 。

轮函数的第 (1) 步称为群加密，使用密钥 (z_1, z_2, z_3, z_4) ，将 (m_1, m_2, m_3, m_4) 变为 (a, b, c, d) 。

因为 $(a, b, c, d)(\times, "+", "+", \times)(z_1^{-1}, -z_2, -z_3, z_4^{-1}) = (m_1, m_2, m_3, m_4)$ ，

其中 z_1^{-1} 是 z_1 的 \times 逆元， $-z_2$ 是 z_2 的“+”逆元， $-z_3$ 是 z_3 的“+”逆元， z_4^{-1} 是 z_4 的 \times 逆元。

结论： 群加密的逆变换也是群加密，只不过所用的密钥不同。

3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

$$(2) \quad (a'+'c, b'+'d)=(e, f)。$$

$$(3) \quad ((e \times z_5)^{“+”} f) \times z_6 = u, \quad u^{“+”}(e \times z_5) = v。$$

$$(4) \quad (a, b, c, d)(+',+',+',+') (u, v, u, v) = (w_1, w_2, w_3, w_4)。$$

轮函数的第 (2) (3) (4) 步称为MA变换, 使用密钥

(z_5, z_6) , 将 (a, b, c, d) 变为 (w_1, w_2, w_3, w_4) 。

$$(2') \quad (w_1 '+' w_3, w_2 '+' w_4) = (e, f),$$

$$(3') \quad (((e \times z_5)^{“+”} f) \times z_6) = u, \quad u^{“+”}(e \times z_5) = v,$$

$$(4') \quad (w_1, w_2, w_3, w_4)(+',+',+',') (u, v, u, v) = (a, b, c, d)。$$

3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

所以第 (2) (3) (4) 步的逆运算仍然是MA变换, 所使用的密钥仍然是 (z_5, z_6) , 将 (w_1, w_2, w_3, w_4) 变为 (a, b, c, d) 。

结论: MA变换是对合变换 (自反变换) ;

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

(5) $(w_1, w_3, w_2, w_4) = (M_1, M_2, M_3, M_4)$ 。

轮函数的第（5）步称为块置换，不使用密钥，仅仅把第二子块与第三子块对调，将 (w_1, w_2, w_3, w_4) 变为 (M_1, M_2, M_3, M_4) 。

结论： 块置换是对合变换；

综上所述，有：

- 群加密的逆运算还是群加密，只是使用的密钥不同；
- MA变换的逆运算还是MA变换，使用的密钥也相同；
- 块置换的逆运算还是块置换。

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

完整的加密算法：8轮迭代

分组密码IDEA的完整加密算法是连续8次使用轮函数，不过第8轮与前7轮有所不同。前7轮是普通轮，轮函数的运算步骤如前所述为：

群加密→MA变换→块置换。

第8轮是特殊轮，轮函数的运算步骤为：

群加密→MA变换→群加密。

因此，分组密码IDEA的完整加密算法如下：

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

群加密→MA变换→块置换→

群加密→MA变换→块置换→

群加密→MA变换→块置换→

群加密→MA变换→块置换→

群加密→MA变换→块置换→

群加密→MA变换→块置换→

群加密→MA变换→块置换→

群加密→MA变换→群加密。

3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

解密算法

考察在加密算法中的“块置换→群加密”组合结构。设该组合结构的输入为 (g_1, g_2, g_3, g_4) ，群加密的密钥为 (q_1, q_2, q_3, q_4) ，输出为 (r_1, r_2, r_3, r_4) ，则组合结构的算法描述如下：

$$(g_1, g_3, g_2, g_4) = (h_1, h_2, h_3, h_4);$$

$$(h_1, h_2, h_3, h_4)(\times, "+", "+", \times)(q_1, q_2, q_3, q_4)$$

$$=(r_1, r_2, r_3, r_4)。$$

3.3 国际数据加密算法 (IDEA)

这个结构还可以描述如下：

$$(g_1, g_2, g_3, g_4) (\times, "+", "+", \times) (q_1, q_3, q_2, q_4)$$

$$=(r_1, r_3, r_2, r_4) = (h_1, h_2, h_3, h_4) ;$$

$$(h_1, h_3, h_2, h_4) = (r_1, r_2, r_3, r_4)。$$

这就是说，“块置换→群加密”组合结构中的块置换和群加密的顺序可以颠倒，描述为“群加密→块置换”。只不过在颠倒顺序时，密钥四个子块中的第二、第三子块交换位置，从 (q_1, q_2, q_3, q_4) 变为 (q_1, q_3, q_2, q_4) 。

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

再注意到块置换和群加密各自的逆运算也是它们自己。

因此，结论如下：

- ◆ “块置换→群加密”组合结构的逆运算还是“块置换→群加密”组合结构。
- ◆ 如果“块置换→群加密”的群加密的密钥是 (q_1, q_2, q_3, q_4) ，且逆运算也采用“块置换→群加密”顺序，则逆运算群加密的密钥就是

$$(q_1^{-1}, -q_3, -q_2, q_4^{-1})。$$

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

IDEA的解密算法是加密算法的逆运算。从前面的叙述，我们已经得到如下事实：

- **群加密的逆运算还是群加密；**
- **MA变换的逆运算还是MA变换；**
- **块置换的逆运算还是块置换；**
- **“块置换→群加密”组合结构的逆运算还是“块置换→群加密”组合结构。**

因此，IDEA的解密算法与加密算法完全相同，仅仅是密钥有所不同。以下是加解密算法密钥对照。

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

加密算法	密钥
第一轮	$(z_{11}, z_{12}, z_{13}, z_{14}); (z_{15}, z_{16})$
第二轮	$(z_{21}, z_{22}, z_{23}, z_{24}); (z_{25}, z_{26})$
第三轮	$(z_{31}, z_{32}, z_{33}, z_{34}); (z_{35}, z_{36})$
第四轮	$(z_{41}, z_{42}, z_{43}, z_{44}); (z_{45}, z_{46})$
第五轮	$(z_{51}, z_{52}, z_{53}, z_{54}); (z_{55}, z_{56})$
第六轮	$(z_{61}, z_{62}, z_{63}, z_{64}); (z_{65}, z_{66})$
第七轮	$(z_{71}, z_{72}, z_{73}, z_{74}); (z_{75}, z_{76})$
第八轮	$(z_{81}, z_{82}, z_{83}, z_{84}); (z_{85}, z_{86});$ $(z_{91}, z_{92}, z_{93}, z_{94})$

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

解密算法	密钥
第一轮	$(z_{91}^{-1}, -z_{92}, -z_{93}, z_{94}^{-1}); (z_{85}, z_{86})$
第二轮	$(z_{81}^{-1}, -z_{83}, -z_{82}, z_{84}^{-1}); (z_{75}, z_{76})$
第三轮	$(z_{71}^{-1}, -z_{73}, -z_{72}, z_{74}^{-1}); (z_{65}, z_{66})$
第四轮	$(z_{61}^{-1}, -z_{63}, -z_{62}, z_{64}^{-1}); (z_{55}, z_{56})$
第五轮	$(z_{51}^{-1}, -z_{53}, -z_{52}, z_{54}^{-1}); (z_{45}, z_{46})$
第六轮	$(z_{41}^{-1}, -z_{43}, -z_{42}, z_{44}^{-1}); (z_{35}, z_{36})$
第七轮	$(z_{31}^{-1}, -z_{33}, -z_{32}, z_{34}^{-1}); (z_{25}, z_{26})$
第八轮	$(z_{21}^{-1}, -z_{23}, -z_{22}, z_{24}^{-1}); (z_{15}, z_{16});$ $(z_{11}^{-1}, -z_{12}, -z_{13}, z_{14}^{-1})$

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

密钥扩展算法

IDEA加密算法中所使用的密钥共有52个子块，即加密密钥长度为 $16 \times 52 = 832$ （比特）。用户密钥实际上只有128（比特），因此需要一个密钥扩展算法。密钥扩展算法如下。

- ◆ 将128 比特的用户密钥分为8个子块，作为加密密钥的第一个“8个子块”；
- ◆ 将128 比特密钥循环左移25位，再分为8个子块，作为加密密钥的第二个“8个子块”；

3.3 国际数据加密算法（IDEA）

密钥扩展算法

- 将128 比特密钥再次循环左移25位，再分为8个子块，作为加密密钥的第三个“8个子块”；
- ...；直到有52个子块作为加密密钥。

IDEA特性

- IDEA算法软、硬件实现容易，速度快。软件实现比DES快两倍
- 安全性好：用穷举攻击要试探 $2^{128}=10^{38}$ 个密钥，如用每秒运行100万次的计算机进行搜索，大约需要 10^{13} 年.
- IDEA能抵抗差分攻击和线性攻击
- IDEA的安全缺陷：存在大量的弱密钥
- IDEA的设计适合于16位CPU, 对于32CPU实现不太方便

第3章 习 题

1. 设 DES 算法中, 明文 M 和密钥 K 分别为

$M=0011\ 1000\ 1100\ 0100\ 1011\ 1000\ 0100\ 0011\quad 1101\ 0101\ 0010\ 0011\ 1001\ 1110\ 0101\ 1110$

$K=1010\ 1001\ 0011\ 0101\ 1010\ 1100\ 1001\ 1011\quad 1001\ 1101\ 0011\ 1110\ 1101\ 0101\ 1100\ 0011$

求 L_1 和 R_2 。

2. 设 DES 算法中 S_4 盒的输入为 010101, 求其输出。

3. 在图 3.18 所示的 IDEA 算法 MA 部件中, 已知输入数据为

$X_1=0000100110010011\quad X_2=1010001001001011$

$K_1=1100001000100110\quad K_2=1000011010000110$

求输出 Y_1 和 Y_2 。

4. 在 IDEA 算法中, 已知明文 M 和密钥 K 分别为

$M=10101010\ 11100110\ 01010101\ 00001111\ 11001100\ 00110011\ 10011001\ 01100110$

$K=00000000\ 11111111\ 00000000\ 11111111\ 11111111\ 00001111\ 11110000\ 11111111$

$00001111\ 11110000\ 11111111\ 00000000\ 00001111\ 11111111\ 11110000\ 00001111$

求第 1 轮的输出和第 2 轮的输入。

第3章 分组密码

- 3.1 分组密码概述
- 3.2 数据加密标准 (DES)
- 3.3 国际数据加密算法 (IDEA)
- 3.4 高级数据加密标准 (AES)
- 3.5 分组密码工作模式

3.4 高级数据加密标准（AES）

- 1997年4月5日,美国NIST(美国国家标准和技术协会)开始征集和评估新的高级数据加密标准AES (advanced encryption standard)
- 1998年,NIST从21个提交算法中选出15个作为AES候选算法
- 1999年,NIST从15个候选算法中选出5个作为新一轮评估,让社会公开评价
- 2000年10月, NIST宣布Rijndael算法作为AES算法
 - ◆ Rijndael（读音: rain doll）算法由比利时密码专家Joan Daeman博士和Vincent Rijmen博士后开发
- 2001年11月26日, NIST宣布AES 为美国政府的新加密标准
- 2002年5月26日正式生效

有限域GF(2⁸)

● GF(2⁸)的元素

◆ 8bit的字节=8维二元向量

$$b = b_7b_6b_5b_4b_3b_2b_1b_0 = (b_7, b_6, b_5, b_4, b_3, b_2, b_1, b_0).$$

◆ 次数不超过8的二元多项式

$$b \Rightarrow b(x) = b_7x^7 + b_6x^6 + b_5x^5 + b_4x^4 + b_3x^3 + b_2x^2 + b_1x^1 + b_0.$$

◆ 例: $b = 10011011 = (1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1) \Rightarrow b(x) = x^7 + x^4 + x^3 + x + 1.$

● GF(2⁸)的加法 \oplus : 对应位mod 2相加

◆ 例: $a = 01101111 \Rightarrow a(x) = x^6 + x^5 + x^3 + x^2 + x + 1,$

$$a \oplus b = 01101111 \oplus 10011011 = 11110100,$$

$$\begin{aligned} a(x) \oplus b(x) &= x^6 + x^5 + x^3 + x^2 + x + 1 \oplus x^7 + x^4 + x^3 + x + 1 \\ &= x^7 + x^6 + x^5 + x^4 + x^2. \end{aligned}$$

有限域GF(2⁸)

● GF(2⁸)的乘法 “.”

◆ 模多项式: $m(x)=x^8+x^4+x^3+x+1$.

◆ 两个多项式相乘: 将积按 $m(x)$ 取模

◆ 乘法逆元: 如果 $a(x)$ 与 $b(x)$ 满足: $a(x) \cdot b(x) = 1 \pmod{m(x)}$
则称 $b(x)$ 是 $a(x)$ 的乘法逆元, 记为 $b(x)=a(x)^{-1}$.

◆ 例: 设 $a(x)=x^6+x^4+x^2+x+1$, $b(x)=x^7+x+1$, 则

$$\begin{aligned} a(x) \cdot b(x) &= (x^6+x^4+x^2+x+1)(x^7+x+1) \\ &= x^{13}+x^{11}+x^9+x^8+x^6+x^5+x^4+x^3+1 = x^7+x^6+1 \pmod{m(x)} \end{aligned}$$

◆ 又例: 用16进制表示字节

$$\begin{aligned} (\text{B2}) \cdot (\text{84}) &= (1100 \underline{0010}) \cdot (1000 \underline{0100}) \\ &= (x^7+x^6+x) \cdot (x^7+x^2) = x^{14}+x^{13}+x^9+x^3 \\ &= x^7+x^6+x^5+x^3+1 \pmod{m(x)} = 1110 \ 1001 = (\text{D9}). \end{aligned}$$

- 扩展欧几里德算法伪代码
- $r1 \leftarrow a; r2 \leftarrow b; s1 \leftarrow 1; s2 \leftarrow 0; t1 \leftarrow 0; t2 \leftarrow 1;$
- **while**($r2 > 0$)
- { $q = r1/r2;$
- $r = r1 - q \times r2; \quad r1 \leftarrow r2; \quad r2 \leftarrow r;$
- $s = s1 - q \times s2; \quad s1 \leftarrow s2; \quad s2 \leftarrow s;$
- $t = t1 - q \times t2; \quad t1 \leftarrow t2; \quad t2 \leftarrow t;$
- }
- $\text{gcd}(a, b) \leftarrow r1, s \leftarrow s1, t \leftarrow t1;$
- 满足 $\text{gcd}(a, b) = s \times a + t \times b$

有限域GF(2⁸)

$$\begin{array}{r}
 x^6 + x^5 + x^2 + x + 1 \\
 x^8 + x^4 + x^3 + x + 1 \overline{) x^{14} + x^{13} + x^9 + x^3} \\
 \underline{x^{14} + x^{10} + x^9 + x^7 + x^6} \\
 x^{13} + x^{10} + x^7 + x^6 + x^3 \\
 \underline{x^{13} + x^9 + x^8 + x^6 + x^5} \\
 x^{10} + x^9 + x^8 + x^7 + x^5 + x^3 \\
 \underline{x^{10} + x^6 + x^5 + x^3 + x^2} \\
 x^9 + x^8 + x^7 + x^6 + x^2 \\
 \underline{x^9 + x^5 + x^4 + x^2 + x} \\
 x^8 + x^7 + x^6 + x^5 + x^4 + x \\
 \underline{x^8 + x^4 + x^3 + x + 1} \\
 x^7 + x^6 + x^5 + x^3 + 1
 \end{array}$$

有限域GF(2⁸)

- 倍乘函数(x乘)

设 $b(x)=b_7x^7+b_6x^6+b_5x^5+b_4x^4+b_3x^3+b_2x^2+b_1x^1+b_0=b_7b_6b_5b_4b_3b_2b_1b_0$,

则 $x \cdot b(x)=b_7x^8+b_6x^7+b_5x^6+b_4x^5+b_3x^4+b_2x^3+b_1x^2+b_0x^1$

$$x \cdot b(x)=b_6b_5b_4(b_3+b_7)(b_2+b_7)b_1(b_0+b_7)(0+b_7)$$

$$=b_6b_5b_4b_3b_2b_1b_00+000b_7b_70b_7b_7$$

◆ 记 $x \cdot b(x)=\text{xtime}(b(x))=\text{xtime}(b)$

◆ xtime是AES的基本运算,已做成专用芯片,任意常数乘法都可以用xtime来实现

有限域GF(2⁸)

● 倍乘函数(x乘)

◆ (02)·b(x)=x·b(x)=xtime(b),

(04)·b(x)=x²·b(x)=x·(x·b(x))=x·(xtime(b))=xtime(xtime(b)),

(08)·b(x)=x·(x²·b(x))=xtime(xtime(xtime(b))).

◆ 例: 计算57·13

13=0001 0011=x⁴+x+1,

x·57=xtime(57)=AE,

x⁴·57=xtime(xtime(xtime(xtime(57))))

=xtime(xtime(xtime(AE)))

=xtime(xtime(47))

=xtime(8E)=07.

⇒57·13=57⊕ x·57⊕x⁴·57=57⊕AE⊕07=FE.

有限域GF(2⁸)

● GF(2⁸)上次数小于4的多项式全体

◆形式: $a(x)=a_3x^3+a_2x^2+a_1x+a_0$ ($a_3,a_2,a_1,a_0\in\text{GF}(2^8)$),
用于表示4个字节!

◆两个多项式相加: 对应系数相加

◆模多项式: $M(x)=x^4+1$.

◆两个多项式相乘 \otimes : 将积按 $M(x)$ 取模

设 $a(x)=a_3x^3+a_2x^2+a_1x+a_0$, $b(x)=b_3x^3+b_2x^2+b_1x+b_0$

则有: $a(x)\otimes b(x)=c_3x^3+c_2x^2+c_1x+c_0 \pmod{M(x)}$

$$c_0=a_0\cdot b_0\oplus a_3\cdot b_1\oplus a_2\cdot b_2\oplus a_1\cdot b_3,$$

$$c_1=a_1\cdot b_0\oplus a_0\cdot b_1\oplus a_3\cdot b_2\oplus a_2\cdot b_3,$$

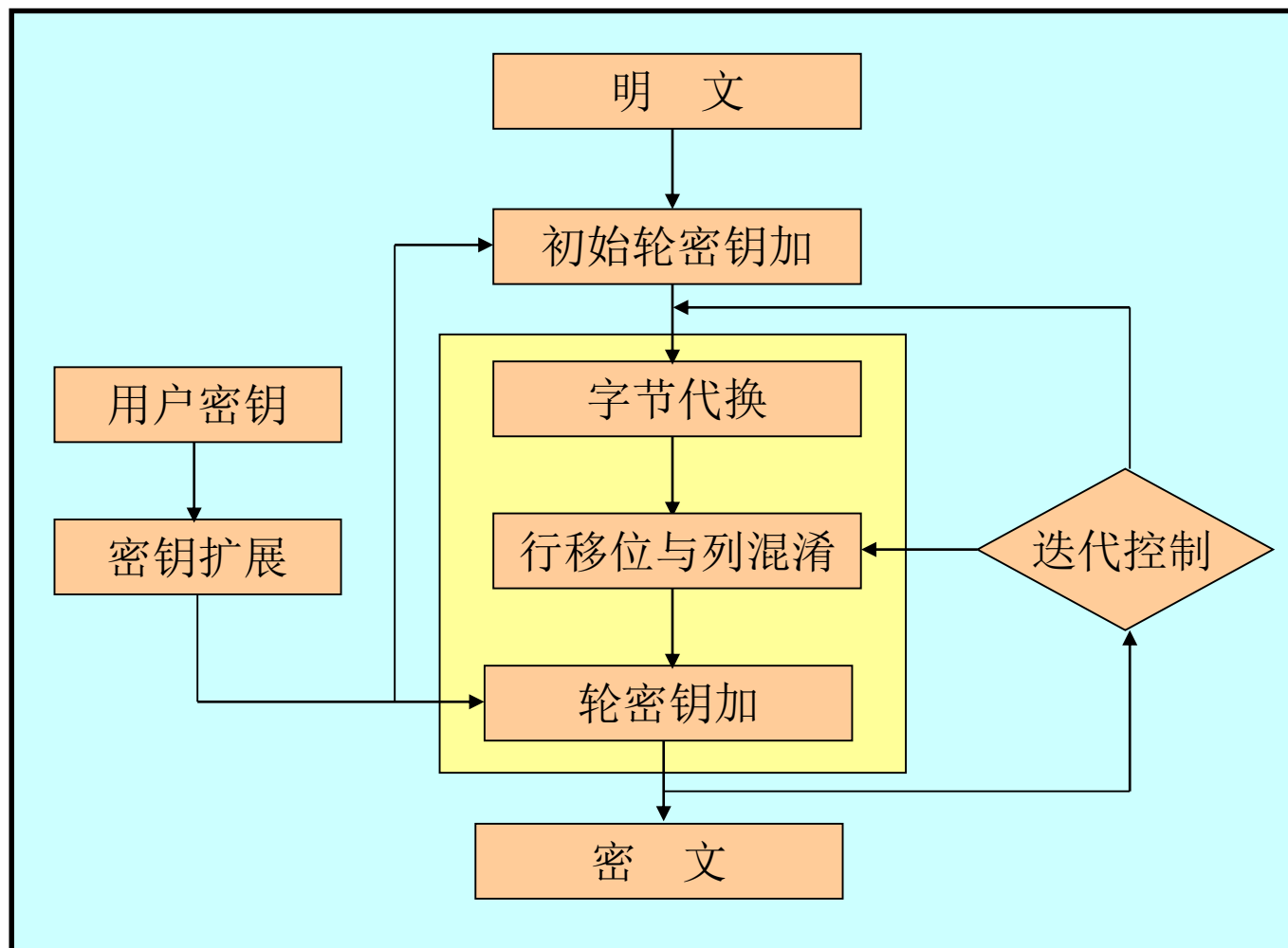
$$c_2=a_2\cdot b_0\oplus a_1\cdot b_1\oplus a_0\cdot b_2\oplus a_3\cdot b_3,$$

$$c_3=a_3\cdot b_0\oplus a_2\cdot b_1\oplus a_1\cdot b_2\oplus a_0\cdot b_3.$$

注意: 这是GF(2⁸)中的运算.

AES加密算法

● AES加密算法结构



四、分组密码Rijndael

Rijndael算法的总体结构：

初始变换——密钥加

第一轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第二轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第三轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第四轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

.....

.....

第 N_r-1 轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第 N_r 轮： 字节替换→行移位→密钥加

四、分组密码Rijndael

Rijndael算法的总体结构也可以看做如下结构：

初始变换——密钥加

第一轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第二轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第三轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第四轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

.....

...

第 N_r-1 轮： 字节替换→行移位→列混合→密钥加

第 N_r 轮： 字节替换→行移位

末尾变换——密钥加

AES加密算法

- 数据长度可变
 - ◆ 明文、密文分组长度: $l_m=128,192,256$
 - ◆ 密钥长度: $l_k=128,192,256$
- 加密过程的中间结果称为“状态(state)”
 - ◆ 将每次变换的状态以字节为单位表示成一个4行 N_b 列的矩阵. $N_b=l_m/32=4,6,8$.
 - ◆ $l_m=192, N_b=6$ 时的状态表示

a_{00}	a_{01}	a_{02}	a_{03}	a_{04}	a_{05}
a_{10}	a_{11}	a_{12}	a_{13}	a_{14}	a_{15}
a_{20}	a_{21}	a_{22}	a_{23}	a_{24}	a_{25}
a_{30}	a_{31}	a_{32}	a_{33}	a_{34}	a_{35}

AES加密算法

● 密钥 k 的表示

◆ 将密钥 k 以字节为单位表示成一个4行 N_k 列的矩阵. $N_k=l_k/32=4,6,8$.

◆ $l_k=128, N_k=4$ 时的密钥表示

k_{00}	k_{01}	k_{02}	k_{03}
k_{10}	k_{11}	k_{12}	k_{13}
k_{20}	k_{21}	k_{22}	k_{23}
k_{30}	k_{31}	k_{32}	k_{33}

● 迭代轮数 N_r .

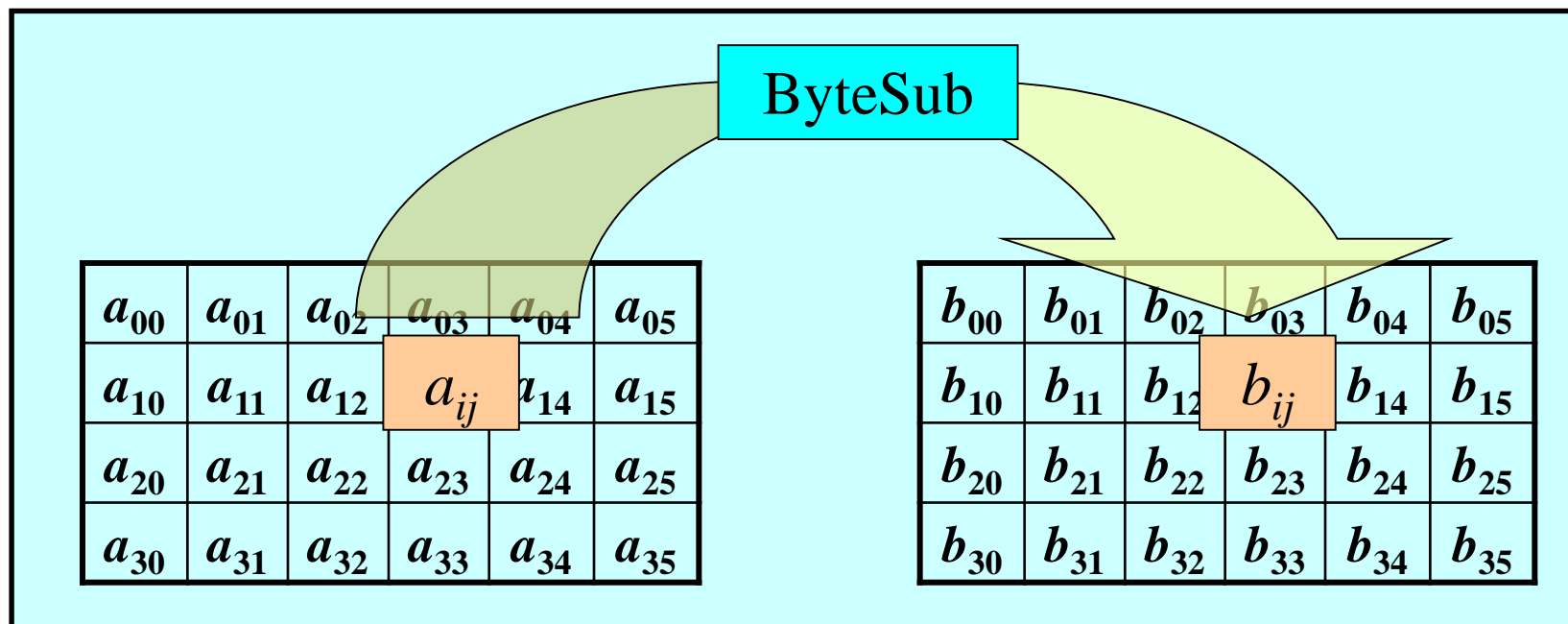
N_r	$N_b=4$	$N_b=6$	$N_b=8$
$N_k=4$	10	12	14
$N_k=6$	12	12	14
$N_k=8$	14	14	14

AES的轮函数

- 字节代换: ByteSub

- ◆ 对状态的每个字节独立进行代换, 是字节的非线性变换, 也称为S盒变换。设

$$\text{ByteSub}(a_{ij})=b_{ij}.$$



AES的轮函数

- 字节代换: $\text{ByteSub}(a_{ij})=b_{ij}$.

$$a_{ij} \xrightarrow{\text{求逆}} a_{ij}^{-1} \xrightarrow{\text{仿射变换}} b_{ij}.$$

- ◆ 第1步: 求乘法逆元($\text{GF}(2^8)$ 中的乘法 \cdot), '00'的逆元为自己 '00'

$$a_{ij} \rightarrow a_{ij}^{-1}.$$

- ◆ 第2步: 对 a_{ij}^{-1} 作仿射变换.

$$\begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} \oplus \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

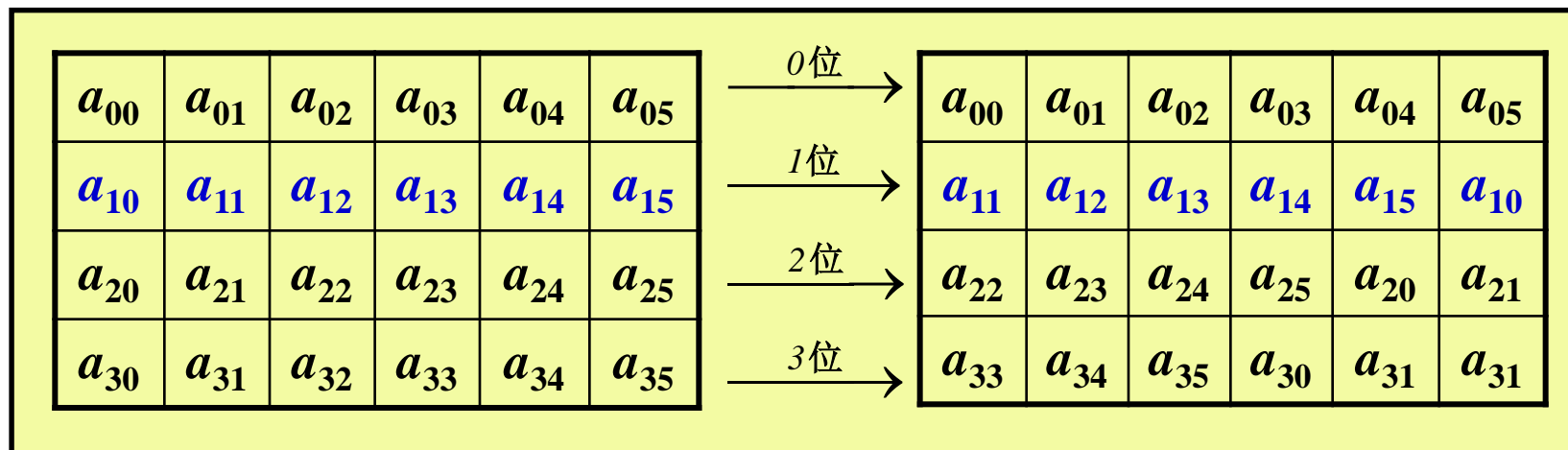
AES的轮函数

● 行移位: ShiftRow

◆ 将状态矩阵的每行进行循环左移:

第0行不移;第*i*行循环左移 C_i 个字节($i = 1, 2, 3$).

N_b	C_1	C_2	C_3
4	1	2	3
6	1	2	3
8	1	3	4



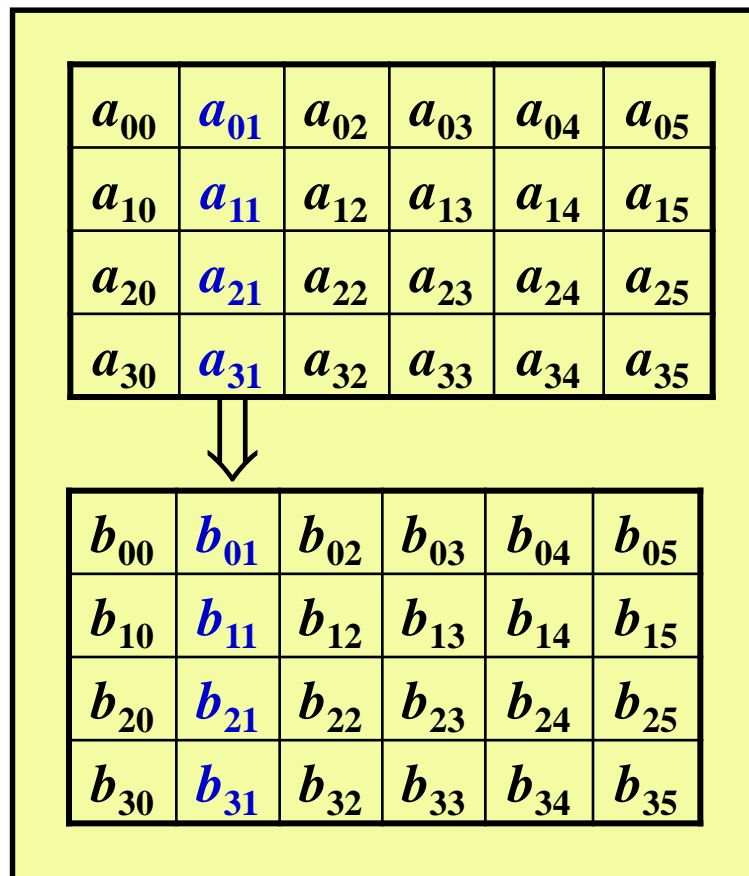
AES的轮函数

● 列混合: MixColumn

- ◆ 将状态矩阵每一列的4个字节表示成一个3次多项式，再与多项式 $c(x)$ 相乘.

$$c(x)=(03)x^3+(01)x^2+(01)x+(02).$$

- ◆ 例如: 对于第2列,
 $a(x)=a_{31}x^3+a_{21}x^2+a_{11}x+a_{01}$,
则 $\text{MixColumn}(a(x))$
 $=a(x)\otimes c(x) \pmod{M(x)}$
 $=b_{31}x^3+b_{21}x^2+b_{11}x+b_{01}.$



AES的轮函数

● 轮密钥加: AddRoundKey(State, RoundKey)

- ◆ 将状态矩阵与子密钥矩阵的对应字节进行逐比特异或

$$\text{AddRoundKey}(a_{ij}, k_{ij}) = a_{ij} \oplus k_{ij}.$$

- ◆ 例: $a_{21} \oplus k_{21} = b_{21}$.

a_{00}	a_{01}	a_{02}	a_{03}	a_{04}	a_{05}		k_{00}	k_{01}	k_{02}	k_{03}	k_{04}	k_{05}
a_{10}	a_{11}	a_{12}	a_{13}	a_{14}	a_{15}		k_{10}	k_{11}	k_{12}	k_{13}	k_{14}	k_{15}
a_{20}	a_{21}	a_{22}	a_{23}	a_{24}	a_{25}	\oplus	k_{20}	k_{21}	k_{22}	k_{23}	k_{24}	k_{25}
a_{30}	a_{31}	a_{32}	a_{33}	a_{34}	a_{35}		k_{30}	k_{31}	k_{32}	k_{33}	k_{34}	k_{35}
						$=$	b_{00}	b_{01}	b_{02}	b_{03}	b_{04}	b_{05}
							b_{10}	b_{11}	b_{12}	b_{13}	b_{14}	b_{15}
							b_{20}	b_{21}	b_{22}	b_{23}	b_{24}	b_{25}
							b_{30}	b_{31}	b_{32}	b_{33}	b_{34}	b_{35}

AES的轮函数

● 轮函数的伪C代码

第1到 $N_r - 1$ 轮

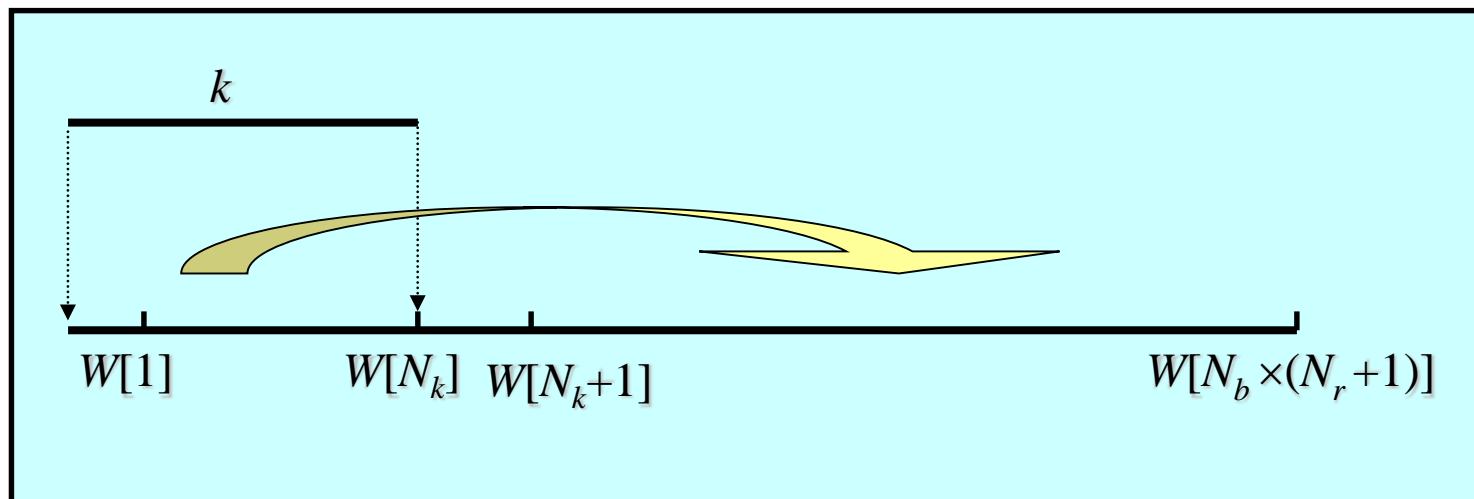
```
Round(State, RoundKey)
{
    ByteSub(State);
    ShiftRow(State);
    MixColumn(State);
    AddRoundKey(State,
                RoundKey);
}
```

第 N_r 轮(最后轮)

```
FinalRound(State, RoundKey)
{
    ByteSub(State);
    ShiftRow(State);
    AddRoundKey(State,
                RoundKey);
}
```

AES的轮密钥生成算法

- 轮密钥生成算法=密钥扩展+轮密钥选取
- 密钥扩展: 将密钥 k 扩展为扩展密钥 $W[N_b \times (N_r + 1)]$
 - ◆ W 是以4个字节为元素的一维数组,共有 $N_b \times (N_r + 1)$ 个元素
 - ◆ W 的前 N_k 个元素正好是密钥 k , 其他元素由扩展算法求出



AES的轮密钥生成算法

◆ $N_k \leq 6$ 时的扩展算法

Key: 密钥

“ $i \% N_k = 0$ ”: i 整除 N_k

\wedge : 异或

RotByte: 循环左移一个字节

SubByte: 对每个字节作代换
(ByteSub)

$Rcon[i] = (RC[i], '00', '00', '00')$

$RC[1] = 1,$

$RC[i] = x \cdot RC[i-1] = x^{i-1}.$

```
KeyExpansion(byte Key[4*Nk], W[Nb*(Nr+1)])
{
    for (i=0; i< Nk; i++)
        W[i]=(Key[4*i], Key[4*i+1], Key[4*i+2],
                Key[4*i+3]);
    for (i= Nk; i < Nb*(Nr+1); i++)
    {
        temp=W[i-1];
        if (i %Nk ==0)
            temp=SubByte(RotByte(temp))^Rcon[i/Nk];
        W[i]=W[i-Nk]^temp;
    }
}
```

AES的轮密钥生成算法

◆ $N_k > 6$ 时的扩展算法

```
KeyExpansion(byte Key[4*Nk], W[Nb*(Nr+1)])
{
    for (i=0; i<Nk; i++)
        W[i]=(Key[4*i], Key[4*i+1], Key[4*i+2], Key[4*i+3]);
    for (i=Nk; i<Nb*(Nr+1); i++)
    {
        temp=W[i-1];
        if (i % Nk == 0)
            temp=SubByte(RotByte(temp))^Rcon[i/Nk];
        Else if (i % Nk == 4)
            temp=SubByte(temp);
        W[i]=W[i-Nk]^temp;
    }
}
```

AES的轮密钥生成算法

- 轮密钥选取

第 i 个轮密钥由 $W[N_b \times i]$ 到 $W[N_b \times (i+1)]$ 给出.

AES加密算法的伪C代码

```
Rijndael(State, CipherKey)  
{  
    KeyExpansion(CipherKey, ExpandedKey);  
    AddRoundKey(State, ExpandedKey);  
    for ( $i=1; i < N_r; i++$ ) Round(State, ExpandedKey[ $N_b*i$ ]);  
    FinalRound(State, ExpandedKey[ $N_b*N_r$ ])  
}
```


AES的解密算法

● 字节代换ByteSub的逆变换InvByteSub

- ◆ 首先作仿射变换的逆变换
- ◆ 再求每个字节在GF(2⁸)中的逆元

$$\begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{bmatrix} \oplus \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

AES的解密算法

- 行移位ShiftRow的逆变换InvShiftRow
对状态矩阵的第 i 行循环左移 $N_b - C_i$ 个字节($i = 1, 2, 3$).
- 列混合MixColumn的逆变换InvMixColumn
将状态矩阵每一列的4个字节表示成一个3次多项式,
再与多项式 $d(x)$ 相乘.
$$d(x) = (0B)x^3 + (0D)x^2 + (09)x + (0E).$$
- 轮密钥加AddRoundKey的逆变换是其自身

AES的解密算法

- 轮函数的逆变换

第1到 N_r-1 轮

InvRound(State, InvRoundKey)

{

InvByteSub(State);

InvShiftRow(State);

InvMixColumn(State);

**AddRoundKey(State, InvRoundKey); }
}**

第 N_r 轮

InvFinalRound(State, InvRoundKey)

{

InvByteSub(State);

InvShiftRow(State);

**AddRoundKey(State, InvRoundKey); }
}**

AES的解密算法

- **解密密钥生成算法: InvKeyExpansion**

设加密算法的初始密钥,第1轮,第2轮,...,第 N_r 轮子密钥依次为:

$k(0), k(1), k(2), \dots, k(N_r-1), k(N_r)$.

则解密算法的初始密钥,第1轮,第2轮,...,第 N_r 轮子密钥依次为:

$k(N_r), \text{InvMixColumn}(k(N_r-1)), \text{InvMixColumn}(k(N_r-2)), \dots,$
 $\text{InvMixColumn}(k(2)), \text{InvMixColumn}(k(1)), k(0)$.

- **AES解密算法的伪C代码**

```
InvRijndael(State, CipherKey)
{
    InvKeyExpansion(CipherKey, InvExpandedKey);
    InvAddRoundKey(State, InvExpandedKey);
    for (i=0; i < Nr; i++) InvRound(State, InvExpandedKey[Nb*i]);
    InvFinalRound(State, InvExpandedKey[Nb*Nr])
}
```

第3章 分组密码

- 3.1 分组密码概述
- 3.2 数据加密标准 (DES)
- 3.3 国际数据加密算法 (IDEA)
- 3.4 高级数据加密标准 (AES)
- 3.5 分组密码工作模式

3.5 分组密码工作模式

- 数据

- ◆ 密钥: K

- ◆ 输入: t 个长度为 n 的明文块 $x_1 x_2 \dots x_t$

- ◆ 输出: t 个长度为 n 的密文块 $y_1 y_2 \dots y_t$

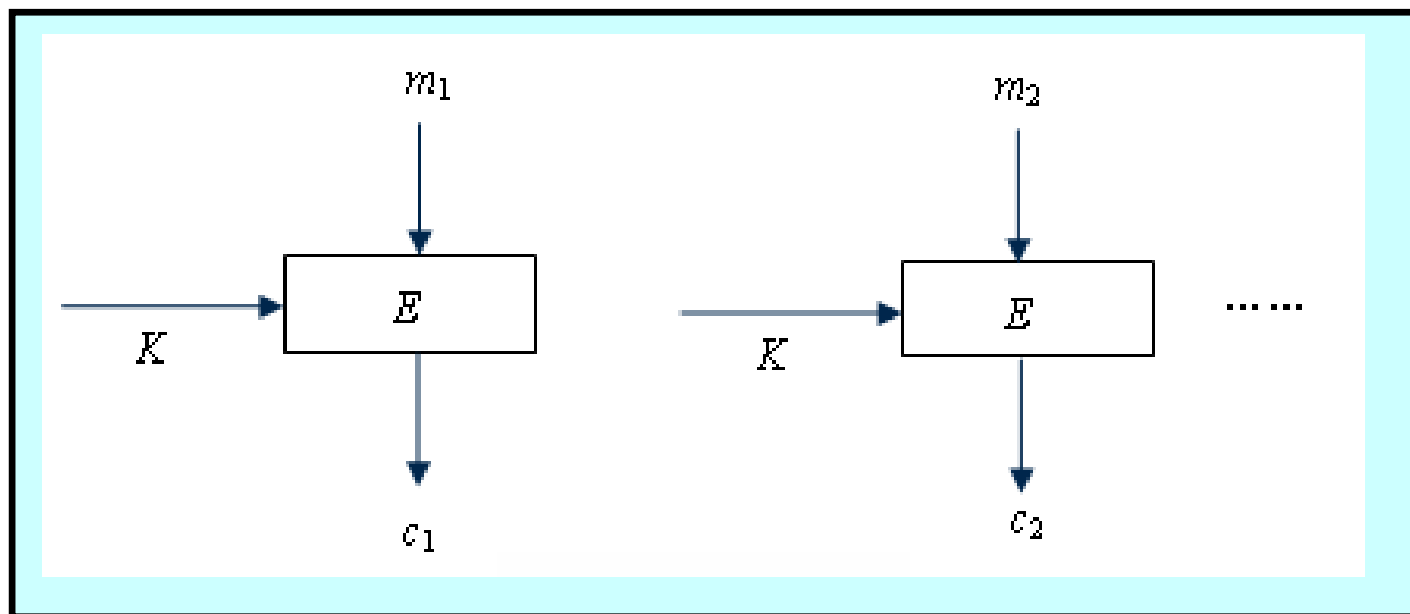
3.5 分组密码工作模式

● 电子密码本模式(ECB)

◆ 电码本模式ECB (electronic codebook mode)

□ 加密: $y_i = E_K(x_i)$

□ 解密: $x_i = E_K^{-1}(y_i)$



3.5 分组密码工作模式

● 电子密码本模式(ECB)

◆ 特性

- 在相同密钥的情况下，相同的明文产生相同的密文。容易暴露明文的数据模式。
- 明文块 x_i 的改变只引起密文块 y_i 的改变,其他密文块不变
- 密文块在传输中一位出错，只影响该块的解密

3.5 分组密码工作模式

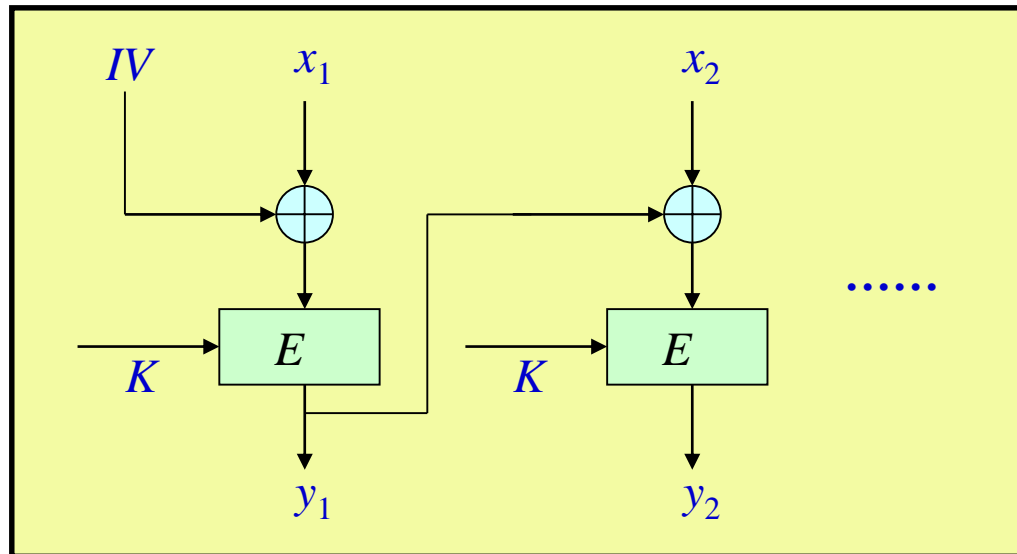
- 密文分组链接模式(CBC)

- ◆ 密文分组链接模式CBC(cipher block chaining mode)

- 给定初始向量: $y_0 = IV$

- 加密: $y_i = E_K(y_{i-1} \oplus x_i)$

- 解密: $x_i = y_{i-1} \oplus E_K^{-1}(y_i)$



3.5 分组密码工作模式

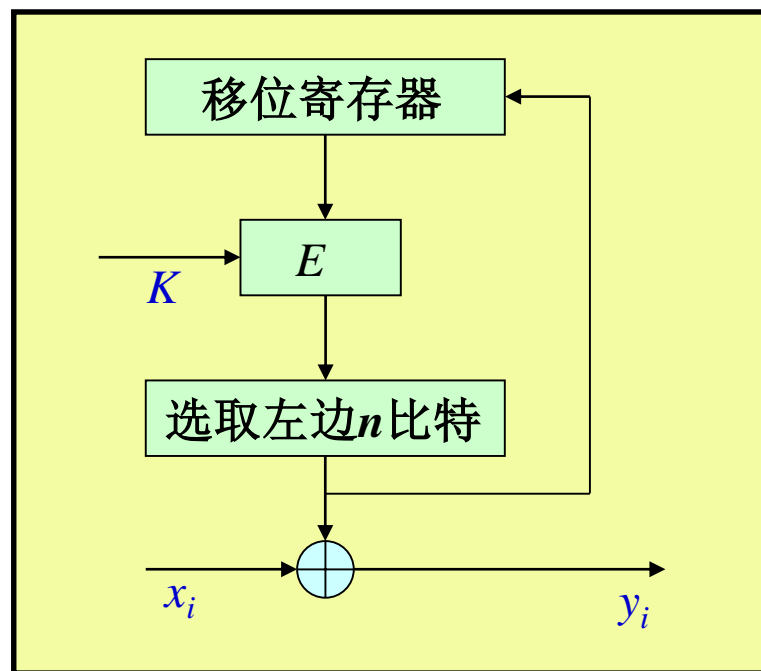
◆ 密文分组链接模式CBC特性

- 在相同密钥和初始向量情况下, 相同的明文块加密产生的密文块不同. 能够掩盖明文的数据模式.
- 密文 y_i 依赖于 x_i 及之前所有的明文。所以, 对密文的重新排序将影响正确解密, 对消息的重发、插入、删除敏感.
- 密文块 y_i 在传输中一位出错, 将影响 y_i 与 y_{i+1} 两块的正确解密
- 具有自同步功能: 密文块 y_i 在传输中一位出错, y_{i+2} 能正确解密
- 某明文块 x_i 发生变化将引起后面的所有密文块发生改变

3.5 分组密码工作模式

- 输出反馈模式(OFB)

- ◆ 输出反馈模式OFB(output feedback mode)



3.5 分组密码工作模式

● 输出反馈模式(OFB)

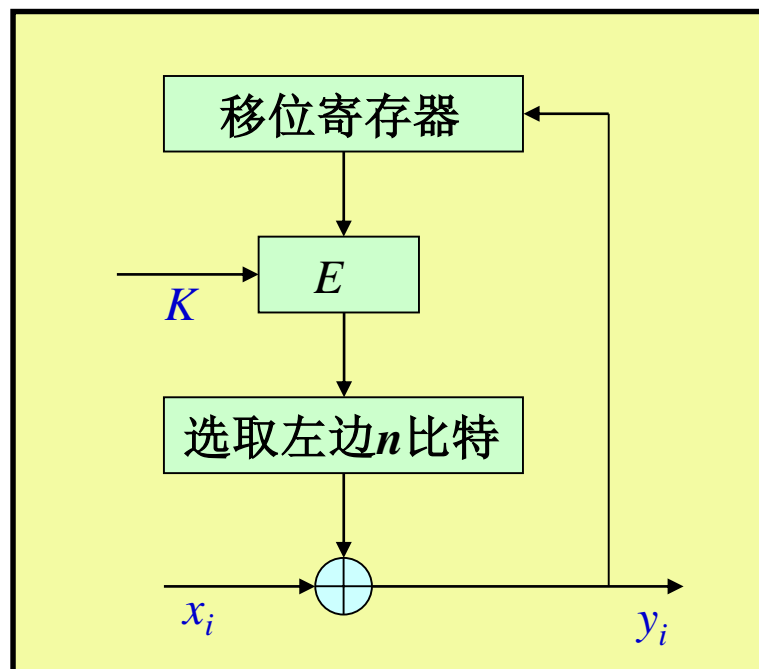
◆ 输出反馈模式OFB特性

- 将分组加密算法作为一个密钥流发生器，构建一个流密码系统
- 通过改变初始向量使相同明文加密产生不同密文.
- 明文块 x_i 改变只引起密文块 y_i 改变,其他密文块不变.
- 对密文篡改问题难于发现。如果密文 y_i 在传输中一位出错，解密仅仅是对应位不对，错误不会传播.
- 无自同步功能，系统必须严格保持同步.

3.5 分组密码工作模式

- 密文反馈模式(CFB)

- ◆ 密文反馈模式CFB(cipher feedback mode)



3.5 分组密码工作模式

● 密文反馈模式(CFB)

◆ 密文反馈模式CFB特性

- 将分组加密算法作为一个密钥流发生器，构建一个流密码系统
- 通过改变初始向量使相同明文加密产生不同密文.
- 密文 y_i 依赖于 x_i 及之前若干明文块。对密文的重新排序将影响正确解密.
- 密文块 y_i 在传输中一位或多位出错，将影响后面若干块的正确解密. 直到 y_i 移出寄存器时才能恢复正确解密.
- 具有自同步功能.

3.5 分组密码工作模式

● 计数器模式(CTR)

◆ 已知

□ 计数序列: I_1, I_2, \dots, I_t 。

□ 明文块: $m_1, m_2, \dots, m_{t-1}, m_t$, 其中 m_1, m_2, \dots, m_{t-1} 的长度为 n , m_t 的长度是 L , $L \leq n$ 。

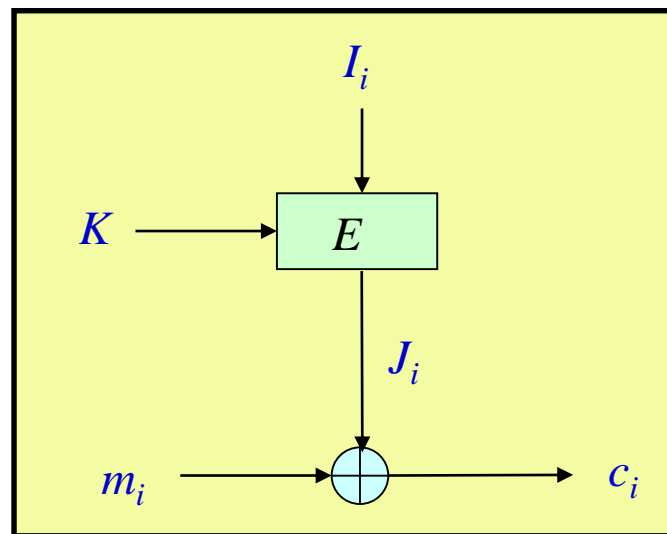
◆ 加密算法

□ $J_i = E_K(I_i)$ ($i=1, 2, \dots, t$)

□ $c_i = m_i \oplus J_i$ ($i=1, 2, \dots, t-1$)

□ $c_t = m_t \oplus \text{MSB}_L(J_t)$

□ 其中 $\text{MSB}_L(J_t)$ 表示 J_t 中的高 L 位

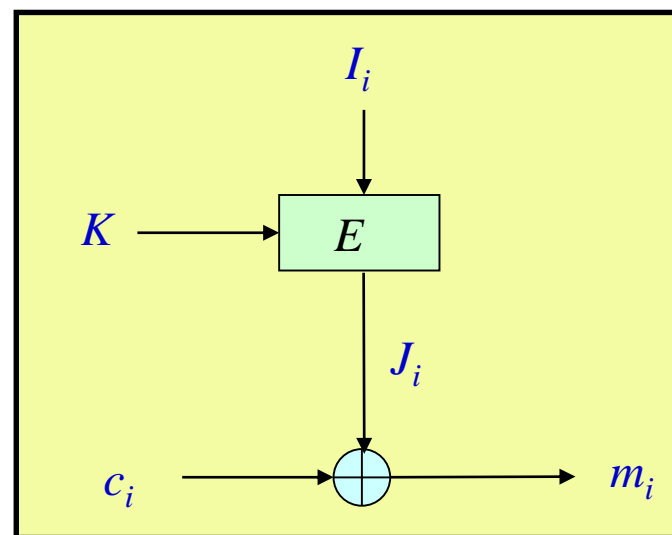


3.5 分组密码工作模式

● 计数器模式(CTR)

◆ 解密算法

- $J_i = E_K(I_i) \quad (i=1, 2, \dots, t)$
- $m_i = c_i \oplus J_i \quad (i=1, 2, \dots, t-1)$
- $m_t = c_t \oplus \text{MSB}_L(J_t)$
- 其中 $\text{MSB}_L(J_t)$ 表示 J_t 中的高 L 位



◆ 计数器模式(CTR)特性

- 优点: 安全、高效、可并行、适合加密任意长度的明文, J_i 的计算可通过预处理高速进行, 加解密过程仅涉及加密运算, 不用实现解密算法
- 缺点: 没有错误传播, 因而不易确保数据完整性。

第3章 习 题

1. 设 DES 算法中, 明文 M 和密钥 K 分别为

$M=0011\ 1000\ 1100\ 0100\ 1011\ 1000\ 0100\ 0011\quad 1101\ 0101\ 0010\ 0011\ 1001\ 1110\ 0101\ 1110$

$K=1010\ 1001\ 0011\ 0101\ 1010\ 1100\ 1001\ 1011\quad 1001\ 1101\ 0011\ 1110\ 1101\ 0101\ 1100\ 0011$

求 L_1 和 R_2 。

2. 设 DES 算法中 S_4 盒的输入为 010101, 求其输出。

3. 在图 3.18 所示的 IDEA 算法 MA 部件中, 已知输入数据为

$X_1=0000100110010011\quad X_2=1010001001001011$

$K_1=1100001000100110\quad K_2=1000011010000110$

求输出 Y_1 和 Y_2 。

4. 在 IDEA 算法中, 已知明文 M 和密钥 K 分别为

$M=10101010\ 11100110\ 01010101\ 00001111\ 11001100\ 00110011\ 10011001\ 01100110$

$K=00000000\ 11111111\ 00000000\ 11111111\ 11111111\ 00001111\ 11110000\ 11111111$

$00001111\ 11110000\ 11111111\ 00000000\ 00001111\ 11111111\ 11110000\ 00001111$

求第 1 轮的输出和第 2 轮的输入。

第3章 习 题

5. 计算 $GF(2^8)$ 上多项式乘法

(1) '57' · '9D'

(2) '66' · 'D5'

(3) '8C' · 'B5'

(4) 'F4' · '3C'

6. 设 AES 算法分组长度为 128，输入的明文 M 和密钥 K 分别为

$M=32\ 6C\ A8\ F6\ 42\ 31\ 8C\ D6\ 43\ 72\ 64\ E0\ 98\ 89\ 07\ C3$

$K=A3\ 61\ 89\ B5\ 54\ 12\ D8\ 90\ F4\ 14\ FC\ AB\ 81\ 70\ AE\ 3F$

求 AES 的第 1 轮输出。