

Exercices Schiller

$$dBm = 10 \log \left(\frac{P}{1\mu} \right)$$

$$P = 10^{(dBm/10)}$$

Question 1:

a) 1 Watt \rightarrow dBm

$$dBm = 10 \cdot \log \left(\frac{1}{0.001} \right) = 30 \text{ dBm} \checkmark$$

b) -10 dBm \rightarrow Watts

$$P = 10^{(-10/10)} = 0.1 \text{ W} \checkmark$$

c) $P = 10^{(3/10)} = 1.99 \sim 2 \text{ mW} \checkmark$

d) $dBW = 10 \log \left(\frac{0.5}{1000} \right) = -33 \text{ dBW} \checkmark$

e) $dBm = 10 \log \left(\frac{50}{1} \right) = 16.98 \sim 17 \text{ dBm} \checkmark$

f) $mW = 10^{(-20/10)} = 0.01 \text{ mW} \checkmark$

g) $dBW = 10 \log \left(\frac{0.1}{1} \right) = -10 \text{ dBW} \checkmark$

h) $W = 10^{(-6/10)} = 0.25 \text{ W} \checkmark$

att tot = att. distance

$$P_s = P_e \cdot 10^{-att/10}$$

$$att = 10 \log \left(\frac{P_e}{P_s} \right)$$

Question 2:

a) 10 mW atténuation 0.59 dB/km 50 km

$$\text{atténuation totale} = 0.59 \cdot 50 = 29.5$$

$$P_s = 10 \cdot 10^{-29.5/10} = 0.1611 \text{ mW} \checkmark$$

$$P_s = P_e \cdot 10^{(att/10)}$$

b) 10 mW ampl 30 dB att 0.59 dB/km 50 km

$$P_e = 10 \cdot 10^{(30/10)} = 10000 \text{ mW} \rightarrow 10 \text{ W}$$

$$\text{atténuation totale} = 0.59 \cdot 50 = 29.5 \text{ dB}$$

$$P_s = 10000 \cdot 10^{-29.5/10} = 11 \text{ mW} \checkmark$$

Question 3:

a) Le bit de parité est un bit ajouté à la fin des données et qui est la somme des bits de données sur un bit, ainsi si un nombre impair de bit a changé on saura que la donnée est erronée.

$$\begin{array}{cccccc} 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{array}$$

b) $11010110 \rightarrow 1+1+0+1+0+1+1+0 = 1$
 pour avoir une parité paire le dernier bit doit
 valoir 1

$$11010110^1 = 0$$

c) le receptru ne force la somme binaire des bits et si elle
 vaut le bit de parité alors il a de bonnes chances
 que la donnée est correcte.

d) pour la sequence $1110100 \rightarrow 0 \neq$ correct
 $1111100 \rightarrow 1 \neq$ correct

e) il ne s'agit que de sorte à avoir un nombre pair
 de 1

f) le bit de parité ne permet de détecter qu'un nombre impair
 d'erreurs

Question 4:

$$\begin{array}{r} \begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 0 & 1 & 1 \end{array} \end{array} \left. \vphantom{\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 0 & 1 & 1 \end{array}} \right\} \text{ bit de parité } 0$$

Question 5:

a) on va classer les symboles par ordre décroissant et
 les regrouper de sorte à avoir des groupes de probabilité
 50/50

b) aaabbbbcccccc d (18)

$$c = 7/15 \mid 0$$

$$b = 4/15 \mid \mid 0$$

$$a = 3/15 \mid \mid 0$$

$$d = 1/15 \mid \mid 1$$

c)

$$A = 0,4 \mid 0$$

$$B = 0,3 \mid 1 \ 0$$

$$C = 0,2 \mid 1 \ 0 \ 0$$

$$d = 0,1 \mid 0 \ 1 \ 1$$

d) AAAA BBB CC D (10)

$$A = 0,4 \mid 0$$

$$B = 0,3 \mid 1 \ 0$$

$$C = 0,2 \mid 1 \ 0 \ 0$$

$$D = 0,1 \mid 0 \ 1 \ 1$$

e)

$$\begin{array}{r} 0,4 - 0,4 \\ 0,3 - 0,3 \\ 0,2 - 0,3 \\ 0,1 - 0,3 \end{array} \begin{array}{l} 0,6 \ 1 \\ 0,4 \ 0 \\ 0,4 \ 0 \\ 0,4 \ 0 \end{array}$$

$$A = 0$$

$$B = 11$$

$$C = 111$$

$$d = 11 \ 0$$



i) Huffman utilise un arbre plus de bits il est donc moins efficace

Question 6 : Compréhension de la Fréquence de Nyquist

a. Définissez la fréquence de Nyquist dans le contexte du théorème de Shannon-Nyquist.

$$f_e > 2 \cdot f_{max}$$

b. Quelle est la plage de fréquences audibles pour un être humain ?

$$20 \text{ Hz} - 20 \text{ KHz}$$

c. Quel est le taux d'échantillonnage typique pour la musique ?

$$44,1 \text{ KHz}$$

d. Si un signal a une fréquence maximale de 500 Hz, quelle est la fréquence d'échantillonnage minimale requise selon le théorème de Shannon-Nyquist?

$$2 \cdot f_{max} = 1000 \text{ Hz}$$

e. Expliquez l'importance de la fréquence d'échantillonnage dans le contexte du traitement numérique des signaux.

C'est important pour récupérer un maximum d'informations

f. Si un signal continu a une largeur de bande de 3100 Hz, quelle est la fréquence d'échantillonnage minimale nécessaire pour représenter précisément le signal selon le théorème de Nyquist?

$$\text{au moins } 6200 \text{ Hz}$$

Question 7:

a. Décrivez les largeurs de bande passante typiques pour le téléphone, la télévision, et les normes Ethernet 10Base-T, 100Base-T, 1000Base-T, et 10000Base-T.

téléphone : 300 Hz - 3,4 KHz

télévision : 6 MHz

10 BASE-T : 10 Mbps

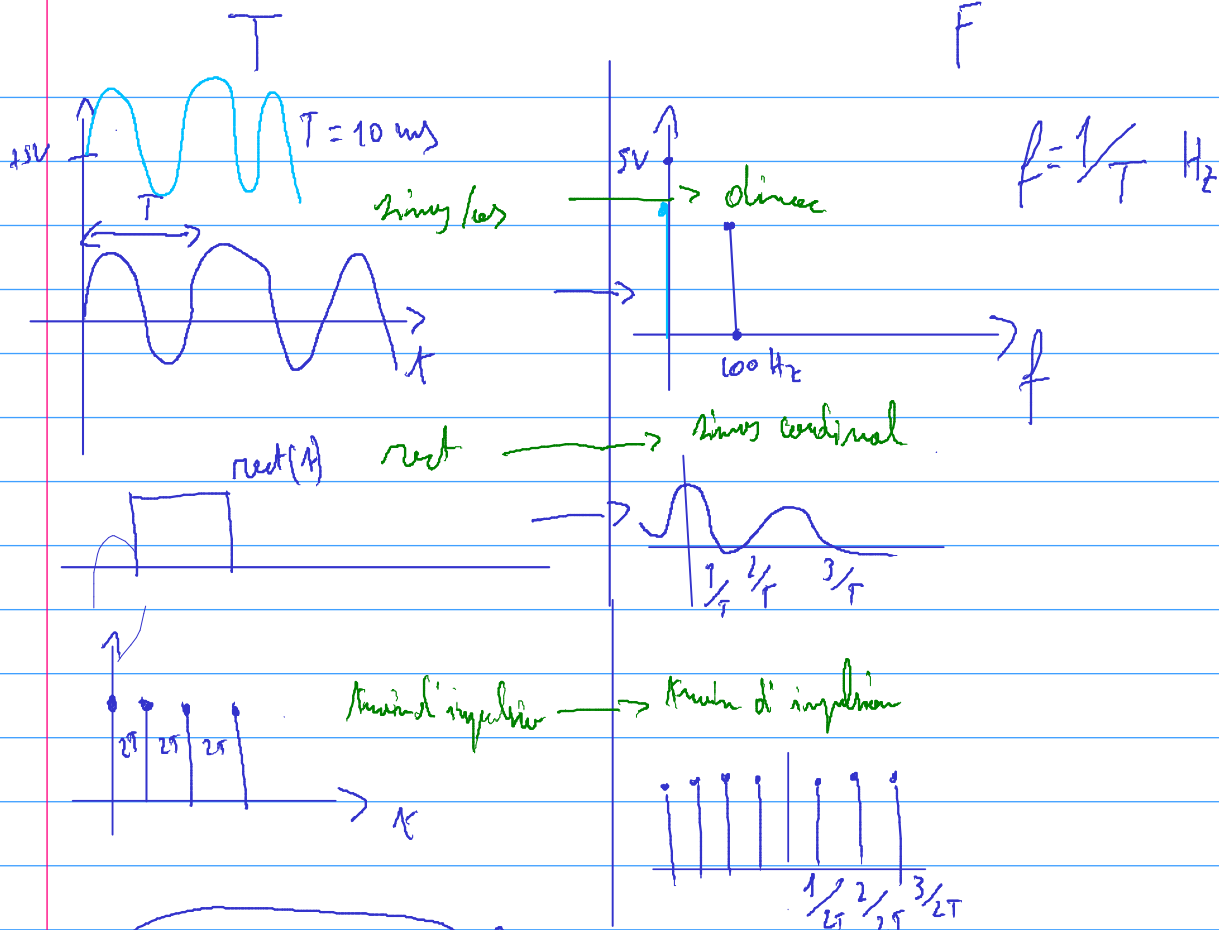
1000 BASE-T = 1000 Mbps

100 BASE-T : 100 Mbps

10000 BASE-T ≈ 10000 Mbps

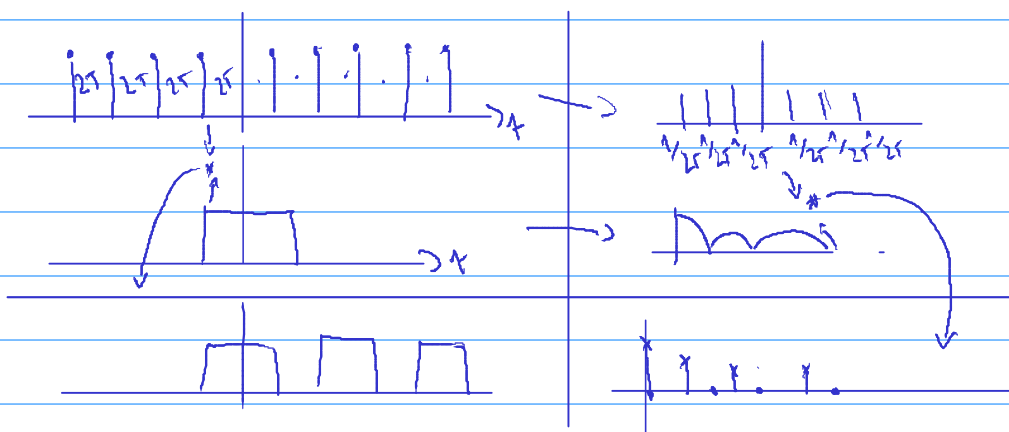
Dualité temps, fréquence / si on augmente l'amplitude on tend vers 0

06/12/23



$$(f * g)(t) \rightarrow \hat{g}(f) * \hat{f}(f) \rightarrow \hat{g}(\nu) * \hat{f}(\nu)$$

↑
fréquence



$$V_{eff} = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}} \quad P = \frac{V_{eff}^2}{R}$$

fiabilité d'un réseau : 99%

SLA: Service Level Agreement

13/12/23

avant



Data

$$\dot{D} = 300 \text{ bit/s}$$

maintenant



Téléphonique

$$\dot{D} = 9600 \text{ bit/s}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{PER} < 10^{-3} \\ \text{BER} = 10^{-6} \end{array} \right\} \text{Physique, min}^*$$

50 ohm coaxial impédance (parfois parce qu'on ne veut pas le relâcher)
adaptation d'impédance : $Z = 50 \text{ ohm}$ $Z = 75 \text{ ohm}$
coax transmission coax TV

17/01/24

\dot{D} = débit binaire $[\dot{D}] = \text{bit/s}$

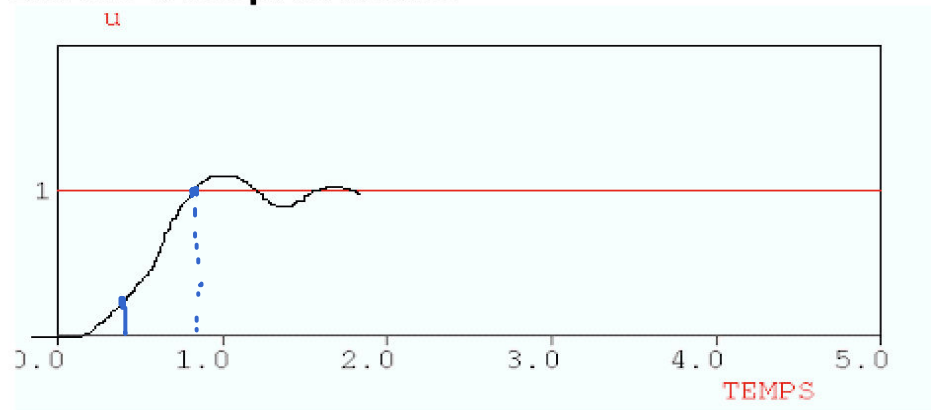
\dot{m} = débit de Symbole (moment) = $B_d = \text{sym/s}$

$$C = B_p \cdot \lg(1 + P_s/P_b)$$

$$\dot{D} = \dot{m} \cdot \lg(\text{nombre de niveaux})$$

Exercices :

Exercice 1: Temps de montée



Calculer la bande passante de ce canal ?

Quel est le débit de symbole maximal que ce canal permet ?

$$\Delta m \cdot B_p = 0,4 \rightarrow 0,35 \cdot 10^6 \cdot B_p = 0,4 \rightarrow 0,4 / 0,35 \cdot 10^6 = 1,142 \text{ MHz}$$

$$\dot{m} = 1/T \rightarrow \dot{m} = 1/0,7 = 1,42 \text{ Mbd}$$

$$\dot{D} = 1,42 \cdot 15 \text{ bit/sym} = 21 \text{ Mbit/s}$$

$$\xi = \frac{\text{BER}}{10^{-6}} = C_{FC} (\sqrt{\text{SNR}})$$

16.2.2 Fonction de Gauss intégrale

La fonction

$$G(x) = \int_{-\infty}^x g(x') dx' \quad (16.6)$$

est appelée *fonction de Gauss intégrale* (fig. 16.1). Elle exprime la probabilité pour que la variable réduite x' ait une valeur comprise entre $-\infty$ et x .

16.2.3 Fonction de Gauss intégrale complémentaire

Il est souvent plus utile de connaître la *probabilité de dépassement* $\text{Prob}(x' > x)$, c'est-à-dire la probabilité pour que la variable gaussienne réduite x' dépasse un seuil situé à x . Elle se réduit de la densité de probabilité $p(x')$ par une intégration

$$\text{Prob}(x' > x) = \int_x^{\infty} p(x') dx' = \int_x^{\infty} g(x') dx' \quad (16.7)$$

Éléments sous droits

En comparant avec (16.6), on remarque que

$$\int_x^{\infty} g(x') dx' = 1 - G(x) = G_c(x) \quad (16.8)$$

$G_c(x)$ est appelée *fonction de Gauss intégrale complémentaire* (fig. 16.1). Ses valeurs, par décades successives, sont représentées dans la figure 16.2.