



## **CÁLCULO**

### Grado en Ingeniería Informática de Gestión y Sistemas de Información

## TEMA 1. Cálculo integral de funciones reales de variable real

- 1. Integral indefinida
  - 1.1. Función primitiva e integral indefinida
  - 1.2. Propiedades de la integral indefinida
  - 1.3. Métodos de integración
    - 1.3.1. Integración por descomposición
    - 1.3.2. Integración por cambio de variable
    - 1.3.3. Integración por partes
  - 1.4. Integración de funciones racionales
    - 1.4.1. Descomposición en fracciones simples
  - 1.5. Integración de funciones trigonométricas
  - 1.6. Integración de funciones racionales en e<sup>x</sup>
  - 1.7. Integración de funciones irracionales
- 2. Integral definida
  - 2.1. Integral definida. Definición
  - 2.2. Propiedades
  - 2.3. Teorema fundamental del cálculo integral. Regla de Barrow
  - 2.4. Métodos de sustitución y de integración por partes en la integral definida
  - 2.5. Integrales impropias
    - 2.5.1. Integrales en intervalos no acotados
    - 2.5.2. Integrales de funciones no acotadas
  - 2.6. Aplicaciones geométricas
    - 2.6.1. Área de una región plana
    - 2.6.2. Longitud de un arco de curva
    - 2.6.3. Cálculo de volúmenes
    - 2.6.4. Área de un cuerpo de revolución





#### **TEMA 2. Ecuaciones diferenciales ordinarias**

- 1. Introducción
- 2. Definiciones
- 3. Ecuaciones diferenciales de primer orden y primer grado
  - 3.1. Ecuaciones diferenciales de variables separadas y separables
  - 3.2. Ecuaciones homogéneas
  - 3.3. Ecuaciones donde M(x,y) y N(x,y) son lineales, pero no homogéneas
  - 3.4. Ecuaciones de la forma
  - 3.5. Ecuaciones diferenciales exactas
  - 3.6. Ecuaciones diferenciales reducibles a exactas
  - 3.7. Ecuaciones lineales
  - 3.8. Ecuaciones de Bernouilli
  - 3.9. Ecuaciones de Riccati
- 4. Ecuaciones de primer orden y grado superior ( o que no se puede hablar de grado)
  - 4.1. Ecuaciones que se pueden resolver respecto de p
  - 4.2. Ecuaciones que se pueden resolver respecto de y
  - 4.3. Ecuaciones que se pueden resolver respecto de x
  - 4.4. Ecuaciones de Clairaut
- 5. Ecuaciones lineales de orden n
  - 5.1. Ecuaciones lineales homogéneas con coeficientes constantes
  - 5.2. Ecuaciones lineales con coeficientes constantes
- 6. Ecuaciones de segundo orden que se reducen a de primer orden
  - 6.1. Ecuaciones que no contienen la función y
  - 6.2. Ecuaciones que no contienen la variable x

#### TEMA 3. Transformada de Laplace

- 1. Definiciones
  - 1.1. Transformada directa
  - 1.2. Transformada inversa
- 2. Existencia y unicidad de la transformada de Laplace





- 2.1. Continuidad seccional
- 2.2. Orden exponencial
- 2.3. Condiciones suficientes para la existencia de transformada
- 2.4. Consideraciones sobre la unicidad de la transformada
  - 2.4.1. Teorema de Lerch
- 3. Transformada de Laplace de algunas funciones elementales
- 4. Propiedades de la transformada directa de laplace
  - 4.1. Linealidad
  - 4.2. Primera propiedad de traslación
  - 4.3. Segunda propiedad de traslación
  - 4.4. Propiedad de cambio de escala
  - 4.5. Propiedad de multiplicación por t<sup>n</sup>
  - 4.6. Propiedad de división por t
  - 4.7. Transformada de Laplace de las funciones periódicas
  - 4.8. Transformada de Laplace de las derivadas
  - 4.9. Transformada de Laplace de las integrales
  - 4.10. Propiedad de convolución
  - 4.11. Teorema del valor inicial
  - 4.12. Teorema del valor final
- 5. Transformada inversa de Laplace. Propiedades
  - 5.1. Linealidad
  - 5.2. Primera propiedad de traslación
  - 5.3. Propiedad de cambio de escala
  - 5.4. Transformada inversa de las derivadas
  - 5.5. Transformada inversa de las integrales
  - 5.6. Multiplicación por s
  - 5.7. División por s
  - 5.8. Propiedad de convolución
- 6. Aplicaciones de la transformada de Laplace
  - 6.1. Evaluación de integrales definidas
  - 6.2. Resolución de ecuaciones diferenciales lineales
  - 6.3. Resolución de sistemas de ecuaciones diferenciales
  - 6.4. Resolución de ecuaciones integrales e integro-diferenciales
- 7. Anexo a la transformada de Laplace





### **TEMA 4. Series de Fourier**

- 1. Introducción: Resultados previos
- 2. Definición
  - 2.1. Series de Fourier para funciones periódicas, de periodo  $2\pi$
- 3. Problema. Teorema
- 4. Series de Fourier de funciones pares e impares
- 5. Series de Fourier de funciones periódicas, de periodo  $2\ell$
- 6. Desarrollo de una función no periódica en serie de Fourier.