



Representación de datos

Tablas Hash



--	--	--	--	--	--



Índice

- **¿Qué son?**
 - Por qué son importantes
 - Características
- **Métodos principales**
- **Ejemplos de implementación**
 - Tabla hash cerrada
 - Tabla hash abierta



Tablas hash

Motivación

Se quieren guardar y consultar los tiempos realizados por 1000 atletas, cuyos dorsales están enumerados en el rango de [0...999]

3



Tablas hash

Motivación

Se quieren guardar y consultar las nominas de 1000 Empleados, cuyos DNIs están enumerados en el rango de [00000000...99999999]

4



Tablas hash

Por qué son importantes? Objetivos

Dado un conjunto de elementos ejecutar las operaciones básicas de la manera más eficiente:

- **Búsqueda**
- **Inserción**
- **Eliminación**

5



Tablas Hash

Qué son? Para qué se utilizan?

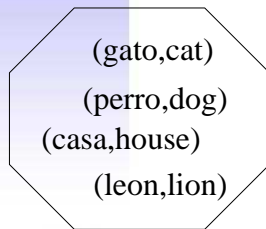
- Es una estructura de datos que permite indexar/localizar un conjunto de elementos a través de una función (función hash).
- La estructura que se utiliza es un array
- Ejemplos:
 - Almacenar palabras de un diccionario
 - Almacenar un conjunto de elementos dispersos
 - Empleados de una empresa
 - Conjunto de números

6



Tablas Hash

Qué son? Para qué se utilizan?



FUNCION HASH



$f(\text{String})=n$

TABLA HASH

1	
2	(gato,cat)
3	
4	
5	(perro,dog)
6	
7	(casa,house)
8	
9	
10	(leon,lion)
11	
12	

Ejemplo:

$f(\text{gato})=2$

$f(\text{perro})=5$

$f(\text{casa})=7$



Tablas Hash

La función hash

- Es una función que a partir de una clave devuelve la posición en la tabla que le corresponde
- Características (deseables)
 - Cada elemento una posición distinta
 - Orden complejidad constante



Tablas Hash

Métodos principales (interfaz)

```
public interface Map<K,V>
```

Métodos	Significado
V put (K key, V value);	Introduce el elemento <i>value</i> con clave <i>key</i> . Si la clave <i>key</i> existe, entonces sustituye el nuevo valor (<i>value</i>) por el anterior. En este caso devuelve el valor anterior. Si la clave no existe devuelve null .
V get (K key);	Devuelve el objeto con clave <i>key</i> , o null si no existe.
V remove (K key);	Elimina la clave <i>key</i> y su correspondiente valor, a la vez que devuelve dicho valor. Si no existe, devuelve null .
void clear ();	Elimina todos las claves y valores.
boolean isEmpty ();	Devuelve True si está vacío o false, en caso contrario
boolean containsKey (K key);	Devuelve True si la clave existe o false, en caso contrario
int size ();	Devuelve el número de valores en la tabla

9



Tablas Hash

Métodos principales (interfaz)

```
public interface Map <K,V> {  
    public V put (K key, V value);  
    public V get (K key);  
    public V remove (K key);  
    public void clear();  
    public boolean isEmpty();  
    public boolean containsKey(K key);  
    public int size();  
}
```

Informazio osagarria:

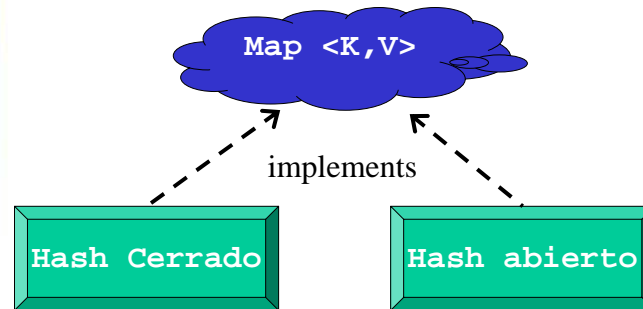
[http://java.sun.com/j2se/1.5.0/docs/api/java/util/Map.html#get\(java.lang.Object\)](http://java.sun.com/j2se/1.5.0/docs/api/java/util/Map.html#get(java.lang.Object))

10



Tablas Hash:

Una interfaz y varias implementaciones



11



Tablas Hash:

Hash cerrado

- Una tabla hash es cerrada si el número de elementos que puede almacenar es fijo (MAXPOS)
- La función hash debe obtener a partir de la clave un número positivo:
 - $\text{hash}(\text{"JAVA"}) = 10 + 1 + 23 + 1 = 35$
 - $\text{hash}(\text{"15564465"}) = 36$
- Por aspectos de eficiencia se recomienda definir la tabla con el doble de elementos de los que se quiere almacenar

12



Tablas Hash:

Hash cerrado

- A partir del resultado de la función hash, se obtiene la posición de la clave en la tabla hash
 - $\text{indice} = 1 + (\text{hash}(\text{clave}) \% \text{MAXPOS})$
 - Si $\text{MAXPOS} = 20$
 - La posición de la clave 15564465 sería ?
 - La posición de la clave “JAVA” sería ?

13



Tablas Hash:

Hash cerrado

- ¿Que ocurre si esta posición ya está ocupada por otra clave sinónima* (colisión) ? →
- ***Buscar en la tabla una posición libre lo antes posible !!***
- ***“CC” es sinónimo de “ADA” con la función hash utilizada***

14



Tablas Hash:

Colisión: Cómo localizar la posición?

- Prueba lineal: buscar la primera posición libre
 - *while posiciónIndice ocupada do*
Indice := (Indice + 1) % MAXPOS
- Prueba del número primo: Se selecciona un número primo P que no divida a MAXPOS (si MAXPOS=15 → P = 13)
Indice := (Indice + P) % MAXPOS
- Doble hashing: *La nueva posición se calcula mediante una nueva función hash*

15



Tablas Hash:

Implementación Prueba lineal: los datos y la tabla

```
class DataItem<K,V> {  
    public K key;           // data item (key)  
    public V data;  
    public DataItem(K k, V d) { // constructor  
        key = k;  
        data = d; }  
} // end class DataItem
```

```
class HashTableCerrado<K,V> implements Map<K,V>{  
    DataItem<K,V>[] hashArray; // array holds hash table  
    int arraySize;  
    DataItem<K,V> nonItem;
```

16



Tablas Hash:

El constructor y la función hash

```
public HashTableCerrado (int size) { // constructor
    arraySize = size;
    hashArray = new DataItem<K,V>[arraySize];
    nonItem = new DataItem<K,V>(new Integer(-1),null);
    // deleted item key is -1
}
```

```
public int hashFunc(K key){
    return (key.hashCode() % arraySize; // hash function
        // cada objeto tiene un código distinto,
        // asignado por el sistema
    }
```



Tablas Hash:

El método find. Prueba lineal

```
public boolean containsKey(K pkey) { // find item with key
    int hashVal = hashFunc(pkey); // hash the key

    while( (hashArray[hashVal] != null) &&
        (!hashArray[hashVal].key.equals(pkey)) ) { // not found
        hashVal++; // go to next cell
        hashVal = hashVal % arraySize; // wraparound if necessary
    }
    if(hashArray[hashVal]==null)
        return false; // can't find item
    else
        return true;
}
```



Tablas Hash:

El método delete. Prueba lineal

```
public V remove(K pKey) { // delete a DataItem
    int hashVal = hashFunc(pkey); // hash the key

    while ( (hashArray[hashVal] != null) &&
            (!hashArray[hashVal].key.equals(pkey)) ) { // not found
        hashVal++; // go to next cell
        hashVal = hashVal % arraySize; // wraparound if necessary
    }

    if (hashArray[hashVal]==null)
        return null; // can't find item
    else {
        DataItem<K,V> temp = hashArray[hashVal]; // save item
        hashArray[hashVal] = nonItem; // delete item
        return temp.data; // return item
    }
} // end remove()
```

19



Tablas Hash:

El método insert. Prueba lineal

```
public V put(K pKey, V pData) { // insert a DataItem
    int hashVal = hashFunc(pkey);
    if (!this.containsKey(pKey)){
        while ( (hashArray[hashVal] != null) && (hashArray[hashVal]!=nonItem)){
            hashVal++; // go to next cell
            hashVal = hashVal % arraySize // wraparound if necessary
        }
        hashArray[hashVal] = new DataItem(pKey, pData); // insert item
        return null;}
    else {
        while(!hashArray[hashVal].key.equals(pKey)) {
            hashVal= hashVal + 1;
            hashVal = hashVal % arraySize;
        }
        // if key exists, then change the value
        V temp = hashArray[hashVal].data;
        hashArray[hashVal].data=pData;
        return temp; }}
} // end put()
```



Ejemplo Tabla hash cerrada

```
th=new HashTable(10)
```

Indice	DataItem	
	iData	moreData
1		
2		
3		
4		
5		
6		
7		
8		
9		
10		

10 MAXPOS 21



Ejemplo Tabla hash cerrada

Suponemos que las claves son enteros de cuatro digitos (dddd):
HASH ('dddd') → d+d+d+d y
que las colisiones se resuelven mediante prueba lineal.

Dibujar el estado de la tabla hash tras las siguientes operaciones:

```
th.insert (new Integer(1237), "ADA");  
th.insert (new Integer(2237), "C")  
th.insert (new Integer(0111), "JAVA");  
th.modify(new Integer(2237),"C++");  
th.remove (new Integer(0111));  
th.insert(new Integer(1111), "C#")  
th.remove(new Integer(1237));
```



Ejemplo Tabla hash cerrada

Indice	clave	datos
1		
2		
3		
4	1237	ADA
5	2237	C++
6	1111	C#
7		
8		
9		
10		

23



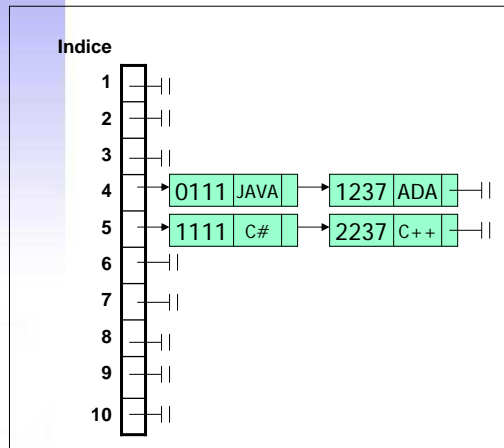
Tablas Hash: Hash abierto

- **No existe** límite lógico de elementos
- Se utiliza una función hash para determinar la posición relativa del array que le corresponde a una clave
- Todos los sinónimos se almacenan en una lista ligada de su posición natural
- Se elimina el tratamiento de colisiones

24



Ejemplo Tabla hash abierta



```
th=new HashTable(10);  
th.insert(1237,"ADA");  
th.insert(2237,"C");  
th.insert(0111,"JAVA");  
th.modify (2237,"C++");  
th.insert (1111,"C#");
```

25



Tablas hash abiertas

Analisis

- Si factor de carga es $\lambda \rightarrow$ longitud media de cada lista es λ
 - Una búsqueda **sin éxito** visita λ nodos
 - Una búsqueda **con éxito** visita $1 + \frac{1}{2} \lambda$ nodos
- Si el factor de carga **aumenta** \rightarrow la eficiencia de búsqueda **disminuye**
- Si el factor de carga **disminuye** \rightarrow la memoria no utilizada **aumenta**

26



Tablas Hash:

Implementación: los datos y la tabla

```
class DataItem<K,V> {  
    public K key;           // data item (key)  
    public V data;  
    public DataItem(K k, V d) { // constructor  
        key = k; }  
        data=d;  
    } // end class DataItem
```

```
class HashTableAbierto<K,V> implements Map<K,V> {  
    LinkedList<DataItem<K,V>>[] hashArray; // array holds hash table  
    int arraySize;  
}
```

27



Tablas Hash:

El constructor y la función hash

```
public HashTableAbierto(int size) { // constructor  
    arraySize = size;  
    hashArray = new LinkedList<DataItem<K,V>> [arraySize];  
    for (int j=0;j<arraySize;j++)  
        hashArray[j] = new LinkedList<DataItem<K,V>> ();  
}
```

```
public int hashFunc(K key) {  
    return (key.hashCode() % arraySize; // hash function  
}
```

28



Tablas Hash:

El método insert. Prueba lineal

```
public V put (K pKey, V pData) { // insert a DataItem
    if (!containsKey(pKey)) {
        int hashVal = hashFunc(pKey); // hash the key
        hashArray[hashVal].insertFirst(new DataItem<K,V>(pKey, pData));
        return null;
    }
    else {
        int hashVal = hashFunc(pKey);
        hashArray[hashVal].goFirst();
        while (!hashArray[hashVal].getCurrent().key.equals(pKey)){
            hashArray[hashVal].goNext();
        }
        V elem = hashArray[hashVal].getCurrent().data;
        hashArray[hashVal].removeCurrent();
        hashArray[hashVal].insertFirst(new DataItem<K,V>(pKey, pData));
        return elem;
    }
} // end put()
```



Tablas Hash:

No sirven cuando.....

- No se conoce a priori el número de elementos
- Se deben recorrer los elementos en orden